

# DIVISION DE ESTUDIOS DE POSGRADO Facultad de Ingeniería

ANALISIS DE ESTABILIDAD DE TALUDES POR EL METODO

DE BISHOP

MARTIN WASHINGTON ESQUIVEL ZAMORA

TRABAJO

Presentado a la División de Estudios de Posgrado de la

FACULTAD DE INGENIERIA DE LA UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA DE MEXICO

> como requisito para obtener el grado de MAESTRO EN INGENIERIA

MECANICA DE SUELOS

**(** )

# EJEMPLAR UNICO

CIUDAD UNIVERSITARIA

TESIS CON FALLA DE ORIGEN

AGOSTO 1991



Universidad Nacional Autónoma de México



UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

# DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis esta protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

## RECONOCIMIENTO

Quiero expresar mi más sincero agradecimiento al Dr. Gabriel Auvinet Guichard, director del trabajo, así como a los miembros del comité revisor: Dr. Eulalio Juárez Badillo, Ing. Juan J. Hanell Campbell, M en I Jorge E. Castilla Camacho, Dr. Luis Garcia Ramos.

A los profesores de la División de Posgrado de la Facultad de Ingeniería de la UNAM, por trasmitirme sus experiencias y conocimientos.

Asimismo, se agradece al Dr. Sergio Fuentes Maya por su constante motivación y autorización de los equipos de computo durante el desarrollo de este trabajo.

A mis colegas de la Facultad de Ingeniería Civil de la Universidad Nacional San Antonio Abad del Cusco - Perú por su constante apoyo.



A mi esposa, ILse, hijos Yhosimi y Witman cuya comprensión y cariño nunca me faltaron, y a mi madre, que si aún viviera, este trabajo la habría hecho inmensamente feliz.

200 S



# CONTENIDO

lista de	SIMBOLO	S			
LISTA DE TABLAS					
LISTA DE FIGURAS					
			Pág.		
1 INTE	RODÚCCIC	N			
2. BASES	TEORIC	AS	1		
2.1.	ALGUNC	s metodos de analisis de la estabilidad			
	DE TAL	UDES.	1		
	2.1.1	Método de Culmann			
		2.1.1.1 Análisis para suelos friccionantes.			
		2.1.1.2 Análisis para arcillas.			
	2.1.2	Método Sueco (Fellenius)			
;	2.1.3	Método de Spencer			
	2.1.4	Método simplificado de Janbu			
	2.1.5	Método riguroso de Janbu			
2.2.	METODC	DE BISHOP	19		
	2.2.1	Bases del método.			
	2.2.2	Caso de taludes parcialmente sumergidos			
а. з.	METODO	D DE BISHOP CONSIDERANDO FUERZAS			
	VERTIC	AL Y HORIZONTAL DE SISMO.	31		
	2.3.1	Aná lisis seudoestá tico.			

i

i

i



- 2.3.2 Selección del coeficiente sísmico
  - en el análisis seudoestático.
- 2.3.3 Importancia de la componente sísmica vertical.
- 2.3.4 Método seudoestático mejorado.

#### 3.0 PROGRAMAS PARA COMPUTADORA

- 3.1. PROGRAMA DE REVISION DE ESTABILIDAD DE TALUDES
  POR EL METODO DE BISHOP SIMPLIFICADO.
  3.1.1 Procedimiento de cálculo
  3.1.2 Características del programa
  - 3.1.2.1 Requerimientos para el uso del programa.
    - 3.1.2.2 Descripción del programa

#### 3.2. OTROS PROGRAMAS

- 3.2.1 Programa para el método Sueco (Fellenius)
- 3.2.2 Programa para el método de Bishop considerando las fuerzas vertical y horizontal del sismo.
- 3.2.3 Programa para la revisión de la estabilidad de taludes. Método de Janbu simplificado.
- 3.2.4 Programa para la revisión de la estabilidad de taludes. Método de Janbu riguroso.
- 3.2.5 Programa para la revisión de la estabilidad de taludes por el método de Bishop considerando las fuerzas de filtración.

ii

#### 4.0 APLICACIONES.

5.0 CONCLUSIONES



47

59

65

40

REFERENCIAS

TABLAS

FIGURAS

-

i

ANEXO I FIGURAS

ANEXO II Cálculo de las fuerzas de filtración en un talud para el método Bishop.



iii

#### LISTA DE SIMBOLOS

Area del bloque que tiende a deslizarse ( Culmann ) A С Fuerza potencial máxima resistente С Cohesión del material Cohesión necesaria para el equilibrio С<sub>п</sub> Altura del talud Η l Longitud de la superficie dezlizante del bloque Ν Fuerza normal S Fuerza potencial máxima resistente que puede llegar a opnerse al movimiento T Fuerza que tiende a provocar el deslizamiento del talud P Fuerza normal total sobre la base de la dovela en una longitud l. < Fellenius > Sm Fuerza cortante movilizada Esfuerzo cortante movilizado S Cohesión en términos de esfuerzos efectivos c' F Factor de seguridad Radio del arco circular R W Peso total de la dovela de ancho b altura h V Distancia horizontal desde la dovela al centro de  $\times$ rotación Factor de corrección (Janbu simplificado) Ĵ. E Fuerza horizontal entre dovelas (Janbu riguroso) TFuerza vertical entre dovelas. (Janbu riguroso) E Fuerzas horizontales entre dovelas (Bishop). X Fuerzas verticales entre dovelas (Bishop) R Relación de la presión de poro ĸ Coeficiente sísmico K. Coeficiente sísmico horizontal Coeficiente sísmico vertical К., FF Fuerza de filtración

iv

E	Fuerza del agua en la base de la dovela
W	Peso total de la dovela
Ŵ	Peso del agua
w T	Peso efectivo de la dovela
a	Angulo que forma cada dovela con la superficie de falla
ß	Angulo de inclinación del talud
u	Presión de poro
$\phi'$	Angulo de fricción interna en término de esfuerzos
	efectivos
i	Inclinación de la fuerza de filtración
2	Peso unitario del suelo
Y.,	Peso unitario del agua
τ	Esfuerzo cortante.
τ F	Resistencia al esfuerzo cortante (Fellenius)
т н	Resistencia al esfuerzo cortante (Bishop)
ۍ م	Esfuerzo normal total
0	Esfuerzo normal efectivo

v

-

. . . . . .



#### LISTA DE TABLAS

- 1 Características geométricas del talud, superficie de falla, propiedades de los suelos y de cada dovela. Método de Bishop.
- 2 8 Resultados: valores de m<sub>a</sub>, esfuerzos efectivos, esfuerzos totales, resistencias al cortante movilizada y factor de seguridad para diferentes valores de r<sub>u</sub>. Método de Bishop.
- 9 11 Momentos resistentes y motores; relación de esfuerzos cortantes, (Fellenius, Bishop) para diferentes ángulos de fricción interna.
- 12 16 Sección transversal del talud, valores de ΔE y E fuerzas verticales, horizontales entre dovelas esfuerzos cortantes y normales efectivos, para diferentes ubicaciones de la línea de empuje. Janbu riguroso.
- 17 Comparación de los factores de seguridad obtenidos por los diferentes métodos.
- 18 20 Factores de seguridad considerando fuerzas vertical y horizontal de sísmo. Método de Bíshop.
- 21 23 Fuerza de filtración con una dirección paralela a la línea superior de flujo (ángulo de inclinación constante), esfuerzos efectivos y factores de seguridad para diferentes valores de φ'.
- 24 26 Fuerza de filtración con dirección paralela a la línea superior de flujo (ángulo de inclinación variable), esfuerzos efectivos y factores de seguridad para diferentes valores de φ'.
- 27 Comparación de los factores de seguridad, gráficos de J. Kerisel y análisis por computadora.
- 28 Comparación de los factores de seguridad con la dirección de las fuerzas de filtración.



vi

### LISTA DE FIGURAS

1	Superficie de falla plana en suelos friccionantes.
2	Fuerzas que actúan sobre un talud.
3	Superficie de falla plana en arcillas (Culmann).
4	Fuerza entre dovelas, método Sueco (Fellenius).
5	Fuerzas actuantes para el método de las dovelas
	aplicado a una superficie de deslizamiento compuesta
6	Fuerzas en una dovela, método de Spencer.
7	Fuerzas en una dovela, método de Janbu simplificado.
8	Factores de corrección f; método de Janbu simplificado.
9	Notaciones usadas para el método de Janbu riguroso.
10	Fuerzas que actúan en una dovela; método de Janbu
	riguroso.
11(a-b)	Fuerzas que actúan en una dovela, método de Bishop.
12	Equilibrio de una dovela; método de Bishop.
13	Talud parcialmente sumergido; método de Bishop
14	Fuerzas sísmicas horizontal y vertical en una dovela.
15	Espectro de pseudo velocidad a) El Centro, 1940
	b) Talf. 1962. Componente Vertical, Chopra A (1966).
16 - 17	Coeficientes sísmicos en el analísis seudoestático
	(Ambraseys 1960).
18	Determinación de la aceleración sísmica horizontal
	en cada dovela.
19	Requerimientos para el uso del programa, sección
	transversal de un talud.
50 - 53	Ejemplos de aplicación, sección tranversal de un
	talud.
24	Esfuerzos a lo largo de la superficie de falla
	variación con la relación de poro $\overline{B};$ método de
	Bishop.

vii

ч

-

- 25 Relación entre el factor de seguridad, y relación de poro  $\overline{B}$ ; método de Bishop.
- 26 Influencia de la inclinación de la base de las dovelas en el análisis de estabilidad de taludes; método Felleníus-Bishop.
- 27 30 Influencia de la inclinación de la base de la dovela en la relación de resistencia al esfuerzo. cortante método Fellenius/Bishop.
- 31 Factor de seguridad para diferentes superficies curvas de falla (Janbu Simplificado).
- 32 33 Factor de seguridad, Fuerzas horizontales E, verticales T, esfuerzos o' y  $\tau$  a lo largo de la superficie cortante (Janbu riguroso).
- 34 Influencia de la posición de la línea de empuje en el factor de seguridad (Janbu riguroso).

35 Comparación y variación del factor de seguridad, para los diferentes métodos de análisis con R<sub>1</sub>.

- 36 Comparación y variación del factor de seguridad, para los diferentes métodos con tan¢'.
- 37 Variación del factor de seguridad con tan¢'; método de Bishop y Culmann.

38a Simplificación de los efectos dinámicos.

- 38b Dirección y ubicación de las fuerzas sísmicas en cada dovela.
- 39 46 Variación del factor de seguridad con tan¢' y la dirección de la fuerza del sismo.
- 47 49 Variaciones de los coeficientes sísmicos K<sub>h</sub> y K<sub>y</sub> dentro de la altura del talud, para diferentes K<sub>y</sub>.
  50 Variación del factor de seguridad considerando las fuerzas de filtración.

#### 1. INTRODUCCION

El ingeniero geotécnico frecuentemente utiliza el método de análisis del equilibrio límite cuando estudia problemas de estabilidad de taludes.

El método de Bishop, que se analiza en este trabajo es uno de los más importantes en la práctica debido a que permite tomar en cuenta en forma sencilla la interacción entre dovelas. Se presentan asimismo, a título de comparación los métodos de Culmann, Fellenius, Spencer, Janbu simplificado y Janbu riguroso.

Se adapta el método de Bíshop para poder considerar las fuerzas sísmicas horizontal y vertical. Se plantea lα metodología realizar andlisis para seudoestáticos sustituyendo los efectos dínámicos por una fuerza estática equivalente expresada como un producto del coeficiente sísmico y el peso de la dovela (K<sub>e</sub>W, K<sub>e</sub>W), donde K yK varían con la altura dentro del talud.

Se desarrollan programas para computadora digital escritos en lenguaje de programación BASIC para calcular los esfuerzos normales efectivos, esfuerzos cortantes movilizados, a lo largo de la superficie de falla potencial, así como el factor de seguridad para los diferentes métodos indicados anteriormente.

En este trabajo se resuelven diversos casos de aplicación para comparar los factores de seguridad obtenidos por los diferentes métodos.

FX.

Los resultados permiten establecer evaluaciones como las presentadas en las figuras del anexo I donde se muestra la variación del factor de seguridad con la magnitud de la presión de poro, y los parámetros de resistencia al esfuerzo cortante, así como a distribución de los esfuerzos normales efectivos, esfuerzos cortantes movilizados, a lo largo de la superficie de falla.

En el anexo II se presenta con base en el método de Bishop un análisis de la estabilidad de un talud, cuando se hace intervenir las fuerzas de filtración que actúan en cada dovela, con una dirección e inclinación que varía de acuerdo a la línea superior de flujo (constante o variable). Las ecuaciones del factor de seguridad bajo estas condiciones se encuentran también programadas (se adjunta el listado anexo II).

X

# ANALISIS DE ESTABILIDAD DE TALUDES POR EL METODO DE BISHOP

2.0 BASES TEORICAS

#### 2.1 ALGUNOS METODOS DE ANALISIS DE ESTABILIDAD DE TALUDES

EL análisis del equilibrio límite es la base de la mayoría de los métodos disponibles para analizar la estabilidad de taludes. Este método ignora la relación esfuerzo-deformación del suelo y solamente considera las condiciones del equilibrio límite. Los elementos básicos para el análisis del equilibrio límite son los siguientes:

- Se atribuye a la superficie de falla una forma determinada ( plana, circular o espiral logarítmica)
- Se considera como válido un análisis bidimensional, correspondiendo a un estado de deformación plana
- 3). Se acepta que, en el momento de la falla, la resistencia al cortante se moviliza completamente y en forma simultánea en todos los puntos de la superficie de deslizamiento.

Los problemas de estabilidad de taludes, capacidad de carga,

empujes de tierra requieren la determinación del coeficiente de seguridad respecto a la rotura, y su solución se obtiene comparando dos conjuntos de fuerzas: las fuerzas que tienden a producir la rotura y las que tienden a impedirla. Esta operación se llama cálculo de estabilidad.

Por tanto se estudia el equilibrio del talud:

- 1) Suponiendo un mecanismo de falla.
- Suponiendo una ley de resistencia del material.
  - 3) Escribiendo el equilibrio de las fuerzas motrices y de las fuerzas resistentes dividídas por el factor de seguridad.

2.1.1 METODO DE CULMANN (Historia) 1886

1.- Hipótesis: superficie de falla plana que pasa por el pie del talud (fig. 1).

2. - Ley de resistencia del material :

a) Para suelos friccionantes (arenas, gravas)
 s = σtanφ

b) Para suelos puramente cohesivos arcillas s=c (ensayes de pruebas triaxiales no drenadas, con cargas rápidas que no ocasionen cambios en sus características).

2.1.1.1 Andlisis para suelos friccionantes

Talud y cimentación de arena, superficie de falla plana.

En cuanto a las fuerzas que actúan en el talud (fig 2) tenemos: la fuerza motora ( $F_m = T$ ) y la fuerza resistente ( $F_m = S$ ) en la que:

- F<sub>m</sub> = fuerza que tiende a provocar el deslizamiento del talud.
- F<sub>r</sub> = fuerza potencial máxima resistente que puede llegar a oponerse al movimiento.

De la fig. 2 se tiene:

$$\Gamma = W \operatorname{sen}\beta$$
 2.1

 $S = N tan\phi$  2.2

$$N = W \cos\beta \qquad 2.3$$

Se debe tener para el equilibrio:

T < S Wsenß < Wcosß tand

El factor de seguridad es:

$$F_{\rm s} = S/T$$
 2.4

Sustituyendo valores de S, T en la ec. 2.4 se tiene:

$$F_{s} = \frac{W \cos \beta \tan \phi}{W \sin \beta} \qquad 2.5$$

El plano es crítico cuando  $\beta$  alcanza el valor máximo  $\beta$ máx. El factor de seguridad  $F_s$  es entonces mínimo, de manera que  $\beta$ máx =  $\theta$ ;  $F_s$  es por tanto:

$$F_{s} = tan\phi / tan\theta \qquad 2.6$$

Esto implica que la superficie de falla en arenas y gravas es la superficie del talud. El talud será siempre estable, cuando tan $\theta < t$ an $\phi$  es decir :  $\theta < \phi$ .

З

2.1.1.2 Análisis para arcillas.

Se hace la hipótesis de que la superficie de falla es plana (fig. 3). El suelo se considera puramente cohesivo. Para que una cuña determinada esté en equilibrio se debe cumplir que T < C. El estado de equilibrio se cumple cuando T = C.

Por tanto:

$$C = c_{l} l$$
 2.7

Donde:

C = fuerza potencial máxima resistente.

c\_= cohesión necesaria para el equilibrio.

T = fuerza que tiende a provocar el deslizamiento del talud.

Además:  $T = W \operatorname{sen}\beta$  2.8

De la fig. 3 se tiene:

$$C = \frac{c_n H}{sen \beta}$$

Como el peso del suelo W es:

$$W = A \gamma_m$$
 2.9  
A = area del bloque que tiende a deslizarse

donde: 
$$A = \frac{H^2 \operatorname{sen}(\theta - \beta)}{2 \operatorname{sen}\beta \operatorname{sen}\theta}$$
 2.10

La igualdad T = C puede entonces escribirse:

$$\frac{H^2 \gamma_m \operatorname{sen}\beta \operatorname{sen}(\theta - \beta)}{2 \operatorname{sen}\beta \operatorname{sen}\theta} = \frac{c_n H}{\operatorname{sen}\beta} \qquad 2.11$$

y: 
$$c_n = \frac{1}{2} H \gamma_m \frac{sen\beta sen(\theta - \beta)}{sen\theta}$$
 2.12

El factor de seguridad F está definido por la expresión:

$$F = \frac{c}{c_n}$$

donde c es la cohesión del material.

Además, de la ec. 2.12 se tiene que:

ຣະເ

ŝį,

$$\beta = \Theta \qquad c_n = 0$$
  
$$\beta = 0 \qquad c_n = 0$$

La superficie crítica de falla es aquella en que la cohesión necesaria c $_{\rm n}$  es máxima. Igualando a cero la derivada con respecto a  $\beta$  :

 $\frac{\partial}{\partial_{\beta}} \left( \frac{\sin\beta \, \sin(\theta - \beta)}{\sin\theta} \right) = 0$ 

$$\frac{\partial}{\partial \beta} \frac{\partial}{\beta} \frac{\partial}{\partial \beta} \frac{\partial}{\partial$$

 $-sen\beta cos(\theta - \beta) + sen(\theta - \beta) cos\beta = 0$ 

$$tan\beta = tan (\theta - \beta)$$

$$\beta = \frac{2}{\theta}$$

2.13

sustituyendo este valor de  $\beta$  en la ec. 2.12 se obtiene:

- Se considera aplicable la ley de resistencia de Mohr-Coulomb.
- En el momento de la falla, la resistencia al corte se moviliza completamente y en forma simultánea en todos los puntos de la superficie de deslizamiento.
- No existe interacción entre dovelas. Se considera que cada una de ellas actúa en forma independiente de las demás.
- El factor de seguridad se define como la relación entre la resistencia al corte disponible, y el esfuerzo cortante medio, necesario para el equilibrio a lo largo de la superficie crítica de deslizamiento.

Además, adopta la hipótesis de que los efectos de las fuerzas laterales  $E_{\mathbf{R}}$  y  $E_{\mathbf{L}}$  (fig. 4 y 5) se contrarrestan; se considera que estas dos fuerzas son iguales, colineales y contrarias. Asimismo, se acepta que el momento que origina  $X_{\mathbf{R}}$  y  $X_{\mathbf{L}}$ , que se consideran de igual magnitud, es despreciable Estas hipótesis equivalen a considerar que cada dovela actúa en forma independiente de las demás y que P y S equilibran a W.

En la fig. 5 se muestra las fuerzas que intervienen para analizar la estabilidad de un talud para un caso general. Las variables asociadas con cada dovela son definidas como:

W = peso total de la douela de ancho b y altura h.

- P = fuerza normal total sobre la base de la dovela en una longitud l.
- S = fuerza cortante movilizada en la base de la dovela, definida por la ecuación de Mohr-Coulomb.

$$S_{m} = \frac{l}{F} \left\{ c' + \left[ \frac{P}{l} - u \right] tan\phi' \right\}$$

donde:

- c'= cohesión en términos de esfuerzos efectivos.
- \$\phi' = \u00e1ngulo de fricci\u00f3n interna en t\u00e1rminos de esfuerzos
  efectivos.
- F = factor de seguridad.
- u = presión de poro.
- R = brazo del momento asociado con la fuerza cortante movilizada S\_.

f = línea perpendicular de la fuerza normal desde el centro de rotación.

- a = ángulo entre la tangente y la horizontal para el centro de la base de cada dovela.
- x = distancia horizontal desde la dovela al centro de rotación
- E = fuerza horizontal entre dovelas.
- L = subíndice asignado al lado izquierdo.
- R = subíndice asignado al lado derecho.
- X = fuerza vertical entre dovelas
- k = coeficiente sísmico estimado para una fuerza dinámica horizontal
- e = distància vertical desde el centro de cada dovela al centro de rotación.

Una carga uniforme sobre la superficie puede ser tomada como una capa de suelo con peso unitario apropiado. Las variables necesarias para definir la línea de carga son:

- L = línea de carga (fuerza por unidad de ancho).
- $\omega$  = ángulo que forma la línea de carga con la horizontal.
- d = distancia perpendicular desde la línea de carga al centro de rotación.

Para el caso de taludes parcialmente sumergidos se requiere la definición adicional de las variables:

- A = fuerza resultante del agua
- a = distancia perpendicular desde la fuerza resultante del agua al centro de rotación.

La fuerza normal sobre la base de cada dovela se obtiene de sumatoria de fuerzas perpendiculares a la base o de la sumatoria de fuerzas en la dirección vertical y horizontal respectivamente. De la fig. 5 se tiene:

. 19

$$\Sigma F_{v} = 0$$

W - P cosa - S\_sena = 0 2.18

 $\sum F_{\mathbf{H}} = 0$ 

 $S_{m}\cos\alpha - P \sin\alpha - kW = 0 \qquad 2.19$ 

De la ec. 2.19 se obtiene:

 $S_{m} = \frac{Psena}{cosa} + \frac{kW}{cosa}$  2.20

Sustituyendo el valor de S<sub>m</sub> en la ec. 2.18 se tiene:

P = W cosa - kWsena 2.21

Tomando momentos de todas las fuerzas que actúan sobre dicho bloque (fig. 5) respecto al centro del círculo, resulta:

$$\Sigma M = 0$$

 $\sum W \times - \sum S_{m} R - \sum Pf + \sum kW e \pm A \alpha + L d = 0 \qquad 2.22$ 

$$como : \qquad S_m = \frac{l}{F} \left\{ c' + \left[ \frac{P}{l} - u \right] tan\phi' \right\}$$

Sustituyendo el valor de S $_{\rm m}$  en la ec. 2.22 y despejando F, se obtiene :

$$F = \frac{\sum \{c' \mid R + (P - u \mid) \ tan\phi' R\}}{\sum W_{X} - \sum P_{f} + \sum kW_{\theta} \pm A_{\alpha} + Ld}$$
2.23

#### 2.1.3 . METODO DE SPENCER.

Spencer (1967) desarrolla dos expresiones para el factor de seguridad. Una con base en el equilibrio de momentos y la otra con base en el equilibrio de fuerzas. La ecuación de momentos (ec. 2.22) y la ecuación del factor de seguridad (ec 2.23) son las mismas que en el método de Fellenius.

Además, establece una relación entre la magnitud de la fuerza cortante y normal entre dovelas.

$$tan\theta = \frac{X_{L}}{E} = \frac{X_{R}}{E}$$
2.24

Donde:

θ = ángulo de la resultante de las fuerzas entre dovelas a partir de la horizontal.

Para obtener la fuerza normal en cada dovela se realiza la sumatoria de fuerzas en dirección vertical y horizontal, de la fig. 6 se tiene:

$$\sum F_{v} = 0$$

$$W - (X - X) - P\cos \alpha - S \sin \alpha = 0$$

$$R_{L} - P\cos \alpha - S \sin \alpha = 0$$

$$2.25$$

 $\Sigma F_{\rm H} = O$ 

$$E_{\mathbf{L}} + E_{\mathbf{R}} + Psena - S_{cosa} + \kappa W = 0$$
 2.26

como:  $S_m = \frac{l}{F} [c' + (\frac{P}{l} - w)tan\phi']$ 

de la ec. 2.24 se tiene que:  $X_{L} = E_{L} tan\theta$  y  $X_{R} = E_{R} tan\theta$ 

Sustituyendo los valores de S<sub>m</sub>, X<sub>L</sub> y X<sub>R</sub> en la ec. 2.25 se obtiene la fuerza normal P:

$$P = [W - (E_{\mathbf{R}} - E_{\mathbf{L}}) \tan \theta - \frac{c'l}{F} \operatorname{sena} + \frac{ul}{F} \operatorname{senatan} \phi'] / m_{\alpha} \qquad 2.27$$

donde:

$$m_{\alpha} = \cos \alpha + \frac{\sin \alpha \tan \phi'}{F}$$

La ecuación del factor de seguridad con base en el equilibrio de fuerzas puede ser también derivada de la sumatoria de fuerzas en la dirección horizontal (fig. 6).

#### $\Sigma F_{\rm H} = 0$

 $\sum \left( \frac{E}{L} - \frac{E}{R} \right) + \sum P \text{sena} - \sum \sum_{m} \cos \alpha + \sum k W + A - L \cos \omega = 0$  2.28

Las fuerzas horizontales ( $E_L - E_R$ ) entre dovelas, pueden ser canceladas y la ecuación del factor de seguridad con respecto a la fuerza de equilibrio se reduce a:

$$F_{f} = \frac{\sum \{c' \mid cosa + (P - \mu) \} cosa \ tan \phi'}{\sum P sena + \sum kW + A - L cosa}$$
 2.29

2.1.4 METODO SIMPLIFICADO DE JANBU.

En la práctica son frecuentes los taludes que se deslizan sobre superficies que difieren mucho de la forma circular. Para resolver estos taludes de topografías irregulares y superficies de deslizamientos irregulares, Janbu desarrolló este método con base en el método simplificado de Bishop. El método tiene dos variaciones con respecto al método de Bishop:

1). Se considera una superficie de falla no circular.

2). Introduce un factor de correción f<sub>o</sub> para representar la influencia de la fuerza cortante entre dovelas sobre el factor de seguridad.

El factor de corrección  $f_{o}$  está relacionado con la cohesión, el ángulo de fricción interna, y la forma de la superficie de falla. La fuerza normal se obtiene de la sumatoria de las fuerzas verticales (ec. 2.25) sin considerar las fuerzas

cortantes entre dovelas. De la fig. 7 se tiene:

$$\Sigma F_{v} = 0$$

$$W - P\cos\alpha - S_{m} \sin\alpha = 0$$

$$como: S_{m} = \frac{1}{F} l \left\{ c' + \left( \frac{P}{l} - u \right) tan \phi' \right\}$$

$$W - P\cos\alpha - \frac{1}{F} l \left\{ c' + \left( \frac{P}{l} - u \right) tan \phi' \right\} \sin\alpha = 0$$

$$W - \frac{1}{F} c' l \sin\alpha + \frac{1}{F} u l \sin\alpha tan \phi' = P(\cos\alpha + \frac{1}{F} \sin\alpha tan \phi')$$

$$además m_{\alpha} = \cos\alpha + \sin\alpha tan \phi' / F$$

Entonces:

$$P = [W - \frac{1}{F} c' lsena + \frac{1}{F} ulsena tan \phi'] / m_{\alpha}$$
 2.30

El equilibrio de las fuerzas horizontales (ec. 2.28) es utilizado para obtener el factor de seguridad. En esta ecuación las fuerzas entre dovelas tampoco son consideradas y por tanto la ecuación es:

 $F = f_{\circ}F_{\circ}$ 

donde:

$$F_{o} = \frac{\sum \{c' \mid cosa + (P-ul) tan \phi' \ cosa \}}{\sum P sena + \sum kW + A - L cosa}$$
 2.31

Para evaluar el factor de correción  $f_{o}$  se puede utilizar la gráfica 8 o calcular  $f_{o}$  en función del tipo de suelo:

Beara c > 0 y  $\phi > 0$ 

$$f_{e} = 1 + 0.5[d/L - 1.4(d/L)^{2}]$$
 2.32

**a** Para c = 0

$$f_{2} = 1 + 0.3[d/L - 1.4(d/L)^{2}]$$
 2.33

2.1.5 METODO RIGUROSO DE JANBU.

El método riguroso de Janbu para un caso general utiliza las siguientes hipótesis básicas:

- 1).-El análisis es bidimensional y corresponde a un estado de deformación plana.
- 2).-Es aplicable la ley de resistencia del material expresada por la ecuación de Coulomb.

$$\tau_{\rm r} = c + \sigma tan\phi \qquad \qquad 2.34$$

Donde c y tan $\phi$  son parámetros de resistencia al esfuerzo cortante, y  $\sigma$  es el esfuerzo normal total en la superficie de falla, pero cuando el análisis es en términos de esfuerzos efectivos los parámetros de resistencia son expresados como c'y  $\phi'$  por lo que la ec. 2.34 se convierte en:

$$\tau_{r} = c' + \sigma' \tan \phi' \qquad 2.35$$

3).-El equilibrio del esfuerzo cortante a lo largo de la superficie cortante está definido por la ecuación:

$$\tau = \frac{\tau_{\rm f}}{F}$$
 2.36

Donde:

 $\tau_{\rm f}$  = resistencia al esfuerzo cortante (disponible) F = factor de seguridad.

- 4).-La resultante  $\Delta N$  total actúa donde la fuerza  $\Delta W = \Delta W \gamma + q \Delta x + \Delta p$ intersecta la base (fig 10).
- 5).-Asume que el punto en el que actúan las fuerzas entre dovelas es definido por una "línea de empuje".

El análisis se inicia al seleccionar una superficie de falla posible, dividiendo la masa de suelo en un número apropiado de dovelas (5-10 para casos prácticos).

De la forma y ubicación de la superficie de deslizamiento se obtiene para cada dovela:

- .El ángulo a que forma cada dovela con la superficie de falla.
- .El ancho de cada dovela  $\Delta x$ .
- .El esfuerzo vertical total en la base de cada dovela es:

$$p = \frac{\Delta W}{\Delta x} = \gamma z + q + \Delta p / \Delta x \qquad 2.37$$

- Los parámetros de resistencia al esfuerzo cortante son conocidos, y sus valores pueden ser diferentes de dovela a dovela.
- .Las fuerzas horizontales ubicadas en la superficie del terreno (cargas inclinadas) o en el interior de la masa del suelo (fuerzas de sismo) pueden ser tomadas en cuenta. La magnitud de la fuerza horizontal es asignada como  $\Delta Q$ , y z es la distancia desde la superficie de falla al punto donde actúa  $\Delta Q$  (fig. 10).
- .h<sub>t</sub> = distancia vertical entre la superficie de falla y la línea de empuje.
- .a = ángulo de la línea de empuje en cada dovela.

Las condiciones para el equilibrio estático se cumplen para toda la masa deslizante (fig. 9) o para cada dovela en forma individual (fig. 10).

Las ecuaciones para calcular el esfuerzo normal  $\sigma$ , las fuerzas entre dovelas  $\Delta E$ , T, y el factor de seguridad a lo largo de la superficie de falla se obtinen de:

 $\sum F_{v} = 0$  2.38

 $\Delta W + \Delta T = \Delta N \cos \alpha + \Delta S \sin \alpha$  2.39

 $\Sigma F_{\mu} = 0$ 

$$\Delta E - \Delta Q = \Delta N sena - \Delta ScOsa \qquad 2.40$$

 $\Delta N$  se determina de la ec. 2.39

 $\Delta N = (\Delta W + \Delta T) seca - \Delta Stana$ 

Como :  $\Delta N = \sigma \Delta l$ ,  $\Delta S = \tau \Delta l$ ,  $\Delta l = \Delta x seca$ 

$$\sigma = \frac{\Delta N}{\Delta l} = \frac{(\Delta W + \Delta T) \sec \alpha - \Delta S \tan \alpha}{\Delta x \sec \alpha}$$

Además:  $p = \Delta W / \Delta x$ ,  $y = \Delta T / \Delta x$ 

Para obtener  $\Delta E,$  se determina  $\Delta N$  de la ec. 2.39 y se sustituye en la ec. 2.40

$$\Delta E = \Delta Q + \left[\left(\frac{\Delta W + \Delta T}{\cos \alpha}\right) - \Delta Stanalsena - \Delta scosa$$

У

 $\Delta E = \Delta Q + (\Delta W + \Delta T) \tan \alpha - \Delta S \sec$ Comp :  $\Delta S = \tau \Delta l = \tau \Delta x \sec \alpha$ ,  $\Delta W = p \Delta x$  y  $\Delta T = t \Delta x$ 

Finalmente se tiene:

$$\Delta E = \Delta Q + (p+t)\Delta x tana - \tau \Delta x (1 + tan^{2}a)$$
 2.42

Para la superficie de contacto "i" entre dovelas a una distancia arbitraria desde el punto " a " (fig. 9 ) se obtiene la fuerza lateral E<sub>,</sub> por la formula:

$$E_{i} = E_{a} + \sum \Delta E \qquad 2.43$$

La fuerza vertical en la misma superficie de contacto "i" se obtiene del momento respecto al punto de aplicación  $\Delta N$  (fig. 10)

$$(T + \Delta T) \Delta x + \frac{T\Delta x - (E + \Delta E)[(h_1 - \Delta Y_1) + \Delta x t ana] + E(h_1 + \Delta x t ana) + \frac{\Delta Q(z_0 + \Delta x t ana)}{2}$$

$$\Delta Q(z_0 + \Delta x t ana) \qquad 2.44$$

y sin considerar los términos de segundo orden se tiene:

$$T = -E_{i} \frac{\Delta Y_{i}}{\Delta x} + h_{i} \frac{\Delta E}{\Delta x} - z_{0} \frac{\Delta Q}{\Delta x}$$
 2.45

Donde tana, =  $dy_i/dx$ . En una superfície de contacto vertical, la fuerza T es determinada por la ec. 2.45 cuando los límites de de/dx y da/dx de la relación  $\Delta E/\Delta x$ ,  $\Delta Q/\Delta x$  son empleados:

$$T_{i} = -E_{i} t a n \alpha_{ii} + h_{ii} \left(\frac{dE_{i}}{dx}\right)_{i} - z_{0i} \left(\frac{dQ}{dx}\right)_{i}$$
 2.46

donde el subíndice i se refiere a la sección i.

La ecuación del factor de seguridad F se obtiene de la suma de las fuerzas horizontales ec. 2.42

$$\Delta E = \Delta Q + (\rho + t) \Delta x tan \alpha - \tau \Delta x (1 + tan^2 \alpha)$$
 2.47

Además:  $\sum \Delta E = E_{\rm b} - E_{\rm c}$ 

Introduciendo  $\tau = \frac{\tau_{\rm f}}{F}$  en la ec. 2.47 se obtiene:

$$F = \frac{\sum_{a}^{o} \tau_{f} \Delta x (1 + tan^{2} \alpha)}{E_{a} - E_{b} + \sum_{b} I \Delta Q + (p + t) \Delta x \tan \alpha}$$
2.48

En las expresiones anteriores:

$$\begin{split} E &= fuerza horizontal total entre dovelas con valores limites \\ de E_a y E_b. \\ \Delta N &= fuerza normal total en la base de la dovela. \\ p &= esfuerzo vertical total en la base de cada dovela. \\ \Delta Q &= fuerza horizontal (cargas inclinadas, fuerzas de sismo) \\ T &= fuerza vertical entre dovelas, con valores limite de T_a \\ y T_b. \\ \Delta W &= peso total de cada dovela. \end{split}$$

 $\Delta x$  = ancho de la dovela.

 $\sigma$  = esfuerzo normal total.

#### 2.2 METODO DE BISHOP.

#### 2.2.1 BASES DEL METODO.

El método de Bishop (1955) es otra versión del método de las dovelas, por consiguiente, se basa en hipótesis similares a las aceptadas por Fellenius (1936)

El método consiste en elegir un círculo tentativo (fig.11) y en subdividir la masa deslizante en un número de dovelas verticales. Considerando el equilibrio de la masa del suelo ( de un espesor unitario ) limitada por un arco circular ABCD, de radio R y centro O (fig 11), cada dovela, como la No 4 indicada en la fig 12, está solicitada por las siguientes fuerzas:

> E, E = resultantes de fuerzas horizontales en la sección n y n+1 respectivamente

 $X_{n}, X_{n+1} = fuerza \ cortante \ vertical.$ 

- W = peso total de la dovela de suelo.
- P = fuerza normal total actuando en la base.
- S = fuerza cortante que actúa en la base
- h = altura del elemento
- b = ancho del elemento.
- l = longitud de BC.
- $\alpha$  = ángulo entre BC y la horizontal.
- x = distancia horizontal de la dovela al centro de rotación.

El esfuerzo normal total es  $\sigma_n$ , donde:

$$\sigma_n = \frac{P}{l}$$

2.50



La magnitud de la resistencia al esfuerzo cortante movilizada para satisfacer las condiciones de equilibrio límite es s, donde:

$$s = \frac{1}{F} \left\{ c' + \left( -\frac{P}{l} - u \right) tan\phi' \right\}$$
 2.51

La fuerza cortante S que actúa en la base es igual a sl, tomando momentos de todas las fuerzas que actúan sobre dicho bloque respecto al centro O del circulo, resulta:

$$\Sigma W. x = \Sigma S.R = \Sigma S.l.R \qquad 2.52$$

Reemplazando el valor de la ec. 2.51 en la ec. 2.52 se tiene que:

$$\Sigma W x = \Sigma R \frac{1}{F} \left\{ c' + \left( \frac{P}{l} - u \right) tan \phi' \right\} l$$

$$F = \frac{R}{\Sigma W \times} \left\{ c'l + (P - \mu l) tan \phi' \right\}$$
 2.53

Del equilibrio de la dovela sobre BC (fig 12) obtenemos P resolviendo en una dirección normal a la superficie de deslizamiento.

$$P - (W + X_n - X_n) \cos \alpha + E_n \sin \alpha - (E_n) \sin \alpha = 0$$

$$P = (W + X - X) \cos \alpha - (E - E) \sin \alpha$$

2.54



Sustituyendo este valor de P en la ec. 2.51. se obtiene el factor de seguridad F:

$$F = \frac{R}{\Sigma W \times} \sum [c'l + (W \cos \alpha - ul) tan \phi' + tan \phi' \{(X - X) \cos \alpha - ul) tan \phi' + tan \phi' \{(X - X) \cos \alpha - ul) tan \phi' + tan \phi' \}$$

$$= (E_n - E_{n+1}) \sin \alpha \}$$

$$= 2.55$$

Cuando no existe una fuerza externa sobre la superficie del talud resulta que:

$$\sum \langle X_n - X_{n+1} \rangle = 0$$
 2.56

 $\Sigma \langle E_n - E_{n+1} \rangle = 0$ 

Sin embargo, en el caso que  $\phi'$  es constante a lo largo de la superficie de deslizamiento y  $\alpha$  es también constante (una superficie de deslizamiento plano), los términos  $X_n$  y  $E_n$  incluídos en la ec. 2.55 no desaparecen.

Una forma simplificada de análisis, sugerida por Terzaghi (1929) es que la suma de los términos siguientes:

 $\Sigma$  tand' { $(X_n - X_{n+1})$  cosa - $(E_n - E_{n+1})$  sena }

puede ser despreciada sin pérdida en la precisión. Este es el método usado por el U.S. Bureau of Reclamation (Daehn y Hilf, 1951).



Como x = Rsena, una expresión simplificada del factor de seguridad es :

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ c' l + tan \phi' (W cos \alpha - ul) \right]$$
 2.57

En el diseño y construcción de presas de tierra, las presiones de poro son frecuentemente expresadas como funciones del peso total de la columna sobre el punto considerado.

$$u = \overline{B} (W/b)$$
 2.58

Donde  $\overline{B}$  es un parámetro del suelo basado en datos de campo o ensayes de laboratorio. En la práctica, este valor de  $\overline{B}$  varía a lo largo de la superficie de deslizamiento; sin embargo, para diseños preliminares, es conveniente usar un valor medio constante para toda la zona impermeable.

En este caso, como l = b seca, la expresión del factor de seguridad se simplifica a:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ c' l + tan \phi' W (cosa - \overline{B} seca) \right]$$
 2.59

Esta expresión (2.59) permite el cálculo rápido y directo del valor de F, cuando se requiere localizar la superficie de falla más crítica entre varios círculos tentativos. Estos valores son en general conservadores y pueden conducir a un diseño antieconómico, especialmente cuando las superficies de deslizamientos son profundas y el ángulo a tiene una gran variación.



Para obtener un método de análisis que evite esos errores, es conveniente regresar a la ec. 2.53, cuando se denota la fuerza normal efectiva (P-ul) por P'y realizando la suma de fuerzas que actúan sobre la dovela en dirección vertical, se tiene:

 $\Sigma F_{v}=0$ 

$$W + (X_n - X_{n+1}) - (ul-P')\cos a - l\frac{c'l}{F} + \frac{P'}{F}tan\phi' lsena = 0$$

$$P'\cos \alpha + \frac{P'}{F}\tan \phi'\sin \alpha = W + (X_n - X_{n+1}) - ulcos \alpha - \frac{c'}{F}lsen \alpha$$

$$como: m = cosa + \frac{tan\phi'sena}{F}$$

$$P' = \frac{W + (X_n - X_{n+1}) - l \left(u \cos \alpha + \frac{c'}{F} \sin \alpha\right)}{m_{\alpha}}$$
 2.60

Sustituyendo el valor de P' en la ec. 2.53, y como l=bseca, se tiene que:

$$F = \frac{R}{\Sigma W \times} \sum \left[ \begin{array}{cc} c'l + \frac{W + (X_n + X_{n+1}) - l(\mu \cos \alpha + \frac{c'}{F} \sin \alpha)}{c \cos \alpha + \frac{t \sin \phi'}{F}} \right]$$


Además, como x = R sena se tiene:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ \frac{c' l \cos \alpha + tan \phi' W - l u \cos \alpha tan \phi' + tan \phi' (X_n - X_n)}{co \varsigma \alpha + \frac{tan \phi' sen \alpha}{F}} \right]$$

De la ec. 2.58, se tiene el valor de la presión de poro u por tanto la expresión del factor de seguridad es:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \Sigma \left[ \frac{\left[ c'b + tan\phi' \left\{ W - (b/cosa) B \left( W/b \right) cosa \right\} + tan\phi' \left( X - X \right) \right]}{cosa + \frac{tan\phi' sena}{F}} \right]$$

$$F = \frac{1}{\Sigma W \text{sena}} \Sigma \left[ \frac{c'b + tan\phi' \left\{ W(1-\overline{B}) + (X_n - X_{n-n+1}) \right\}}{cosa + \frac{tan\phi'}{F} \text{sena}} \right]$$

$$F = \frac{1}{\Sigma W \text{sena}} \Sigma \left[ \frac{c'b + tan\phi' \langle W(1-\overline{B}) + (X_n - X_{n+1}) \rangle}{1 + \frac{tan\phi' \text{sena}}{F}} \right] \frac{1}{cosa}$$

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ \left\{ c'b + tan\phi' (W(1-\overline{B}) + (X-X_{n-n+1})) \right\} \frac{seca}{1 + \frac{tan\phi' tana}{F}} \right]$$

$$\geq 61$$

Los valores de (X-X) utilizadas en las expresiones



anteriores se encuentran por aproximaciones sucesivas y debe satisfacer las condiciones dadas en la ec. 2.56. Además, la posición de la línea de empuje entre dovelas debe ser razonable, y no crear momentos de desequílibrio.

La condición  $\sum_{n} (X - X_{n+1}) = 0$  puede ser satisfecha por una selección apropiada de los valores de X<sub>n</sub>.

En cuanto a la  $\sum (E_n - E_{n+1})$  se obtiene resolviendo las fuerzas en la dirección de S (fig. 12), se obtiene:

$$(W + X - X)$$
 sena + cosa  $E_n - cosa E_{n+1} = S$ 

$$(E_n - E_{n+1})\cos \alpha = S - [W + (X_n - X_n)]sena.$$
  
 $(E_n - E_{n+1}) = S \sec \alpha - [W + (X_n - X_n)]tana$  2.62

La nueva ec. 2.61 se puede escribir de la siguiente manera:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum [m]$$

$$S = \frac{m}{F}$$

$$2.63$$

$$2.64$$

Donde:  $\sum (E_n - E_{n+1}) = \sum \left[ \frac{m}{F} \sec \alpha - (W + X_n - X_{n+1}) \tan \alpha \right].$ 

Los valores de X<sub>n</sub> pueden satisfacer la condición de que:

$$\sum \left[\frac{m}{F} \sec \alpha - (W + X_{n} - X_{n+1}) \tan \alpha\right] = 0$$
 2.65

En la práctica, un valor inicial de F es obtenido por la ec. 2.61 con la hipótesis de que  $(X_n - X_n) = 0$ .

El uso del valor  $(X_n - X_{n-n+1}) = 0$  satisface la ec. 2.56, pero no la ec. 2.65. Los valores de  $(X_n - X_{n+1})$  son introducidos para satisfacer la ec. 2.65. Estos valores pueden ser finalmente ajustados por aproximaciones sucesivas hasta que las condiciones de equilibrio sean satisfechas para cada dovela.

2.2.2 CASO DE TALUDES PARCIALMENTE SUMERGIDOS.

En el caso de taludes parcialmente sumergidos se desarrollan presiones de poros a lo largo de la superficie de falla circular (fig. 13a). La magnitud de las presiones de poro puede ser calculada por medio de un red de flujo, ensayes de laboratorio en muestras reperesentativas del suelo, o con base en observaciones realizadas en el campo (piezómetros). Si el nivel de la superficie del agua externa se denota por MN, el peso W de la dovela (fig 13b) se escribe como:

 $W = W + W_2 + zb\gamma$  2.66

Donde  $W_1$  es el peso de la parte de la dovela situada encima de MN,  $W_2$  es el peso sumergido de la parte situada por debajo de MN y zby, es el peso de un volumen de agua igual al de la porción sumergida de la dovela. Cuando toda la dovela está ubicada debajo del nivel del agua, como la dovela 5 (fig. 13a) el peso del agua situado encima de la dovela debe ser incluído en la expresión zby. La presión de poro en la base de la dovela es igual a zy + u donde u es la sobrepresión de poro con respecto al nivel externo del agua. Considerando que las fuerzas que actúan sobre una dovela están en equilibrio, éstas son representadas por un polígono

de fuerzas como se muestra en la fig. 13c. La fuerza normal P consta de una componente efectiva P', de la fuerza u l ocasionada por la sobrepresión de poros, y de la fuerza  $zl\gamma_y$ producida por la presión hidrostática del agua con respecto a MN. La resistencia cortante movilizada (s) a lo largo de la superficie de deslizamiento es igual a:

$$s = \frac{1}{F}(c' + \sigma' \tan \phi') = \frac{1}{F}[c' + (P/l - z\gamma_y - u_y) \tan \phi'] \qquad 2.67$$

de donde:

$$S=sl=\frac{1}{F}\left[c'l+(P-zl\gamma_{v}-u_{s}l)tan\phi'\right]=\frac{1}{F}\left(c'l+P'tan\phi'\right) \ 2.68$$

Considerando el equilibrio de momentos de toda la superficie deslizante con respecto al centro "o" del círculo (fig.13a) se requiere que:

$$\sum \left( \frac{W_1 + W_2 + zb\gamma}{2} \right) R \text{ sena} = \sum SR + \frac{1}{2}\gamma_{W} d^2 e \qquad 2.69$$

y sustituyendo el valor S (ec. 2.68) en la ec. 2.69 se tiene:

$$\sum (W_1 + W_2) + zb\gamma_{V} Rsena = \frac{1}{F} \sum (c' l + P' tan\phi')R + \frac{1}{2} \gamma_{V} d^2 e \qquad 2.70$$

Como el agua situada debajo del nivel MN está en equilibrio resulta que:

$$\Sigma(zb\gamma_Rsena = \frac{1}{2}\gamma_d^2e$$
 2.71

de donde se obtiene:

$$\sum (W_1 + W_2) Rsena = \frac{1}{F} \sum (c'l + P'tan\phi') R$$

despejando F, queda:

$$F = \frac{\sum (c'l + P'tan\phi')}{\sum (W_1 + W_2)sena}$$
 2.72

El valor de F (ec. 2.72) depende de P', que puede ser determinado para cada dovela por medio de un polígono de fuerzas (fig 13c).

Como la superficie de deslizamiento es circular, la influencia de la fuerzas  $X_n$  y  $E_n$  entre dovelas es relativamente pequeña y P' puede evaluarse con suficiente aproximación con la hipótesis de que la fuerza  $X_n$  y  $E_n$  son iguales a cero. Del polígono de fuerzas (fig. 13c) al efectuar la sumatoria de fuerzas en la dirección vertical se obtiene la expresion de la fuerza normal efectiva P'

$$P' = \frac{\binom{W+W}{1} + \binom{X-X}{n} - \binom{V-W}{1} - \binom{W+W}{1} - \binom{W}{1} - \binom{W+W}{1} -$$

Sustituyendo el valor de P' en la ec. 2.72 resulta:

$$F = \frac{1}{\sum(W_1 + W_2) \operatorname{sena}} \sum \left[ \left\{ c'b + \tan\phi'(W_1 + W_2 - bu_s) \right\} \frac{\operatorname{seca}}{1 + \frac{\tan\phi'\tan\alpha}{F}} \right] \quad 2.74$$

La ec. 2.74 se resuelve por aproximaciones sucesivas, porque el coeficiente de seguridad F está contenido en el segundo términó de la misma.

Si los valores de X<sub>n</sub> y E<sub>n</sub> no son iguales a cero, deben satisfacer las condiciones de equilibrio del conjunto de la masa deslizante en las direcciones verticales y horizontales, esto implica que:

$$\sum_{n} (X_{n} - X_{n+1}) = 0$$
 2.75

$$\sum (E_{n} + E_{n+1}) + \frac{1}{2} \gamma_{v} a^{2} = 0 \qquad 2.76$$

Además, para cada dovela X<sub>n</sub> y E<sub>n</sub> están relacionadas entre sí de acuerdo con los requerimientos del polígono de fuerza (fig. 13c) resolviendo en la dirección de S, se obtiene:

$$(W_1 + W_2 + X_n - X_n + bz_{\gamma})$$
sena +  $(E_n - E_{n+1})$ cosa = S

y por tanto:

$$(E_n - E_{n+1}) = Sseca - (W_1 + W_2 + X_n + X_n) tana - (bz \gamma) tana 2.77$$

Sin embargo, puede obtenerse del polígono de fuerza que:

$$S=sl=\frac{1}{F}\left[c'l+(P-zl_{v}-u_{s}l)tan\phi'\right]=\frac{1}{F}\left(c'l+P'tan\phi'\right) \qquad 2.78$$

Reemplazando el valor de P' (ec. 2.73), x = Rsena y l = bseca

$$S = \frac{1}{F} \frac{c'b + tan\phi'(W + W - bu + X - X)}{\frac{1}{2} \frac{m}{s} \frac{m}{n + 1}} = \frac{m}{F}$$
 2.79

Utilizando la ec. 2.77 y sumando todas la dovelas:

$$\sum \left( E_{n} - E_{n+1} + zb \gamma_{v} tana \right) = \sum \left[ \frac{m}{F} \sec \alpha - \left( W_{1} + W_{2} + X_{n} - X_{n+1} \right) tana \right] = 2.80$$

y desde que:

$$\Sigma [\gamma_v z.b tana] = \frac{1}{2} \gamma_v a^2$$

la ec. 2.76 impone que el primer miembro de la ec. 2.80 sea cero. De allí que las fuerzas X<sub>n</sub> deben satisfacer no solamente la ec. 2.75, sino también:

$$\sum \left[\frac{m}{F} \sec \alpha - (W_1 + W_2 + X_n - X_{n+1}) \tan \alpha\right] = 0 \qquad 2.81$$

Debido a que el problema es estáticamente indeterminado, cualquier conjunto de valores que satisfaga las ecuaciones 2.74 y 2.81 asegura el cumplimiento de todas las condiciones equilibrio de la dovela en su conjunto, así como de desus condiciones de equilibrio horizontal y vertical. Sin embargo, no todos esos conjuntos de valores son razonables o posibles. Por ejemplo, el valor de X\_ no debe exceder la resistencia al corte del suelo a lo largo del borde vertical que corresponde a la dovela bajo la influencia de la fuerza normal E. Es más, no se deben producir tensiones de tracción entre dovelas. En la mayoria de los casos, se comprueba que es satisfactorio asignar valores arbitrarios, aunque razonables, al empuje de tierras E, y con base a estos valores y a la ec. Mohr-Coulomb, calcular límites aproximados superiores de los valores de X. Por tanteos se establecen los valores de X. mínimos que satisfacen las ecs. 2.74 y 2.81.

Un método análogo para taludes parcialmente sumergidos es usar densidades sumergidas para aquellas dovelas que se encuentran debajo de la superficie del nivel del agua externa, y la presión de poro expresada como un exceso sobre la presión hidrostática correspondiente a ese nivel de agua.

## 2.3 METODO DE BISHOP CONSIDERANDO FUERZAS VERTICAL Y HORIZONTAL DE SISMO.

### 2.3.1 ANALISIS SEUDOESTATICO.

El problema de la estabilidad de taludes en presencia de fuerzas de sismo, puede evaluarse calculando el factor de seguridad mínimo contra el deslizamiento a lo largo de una superficie de falla potencial crítica tomando una fuerza horizontal equivalente al sismo (método de análisis seudoestático).

En este trabajo el análisis por el método de W.Bishop es tratado como un problema estático en el que además, de la fuerza horizontal del sismo, se incluye una fuerza vertical expresada como el producto de un coeficiente K y del peso W de cada dovela dentro de la masa deslizante (fig 14). Estas fuerzas actuán en el centro de gravedad y en la base de cada dovela respectivamente. Por lo que los efectos dinámicos son sustituídos por una fuerza estática.

Por tanto se estudia el equilibrio del talud bajo condiciones de sismos suponiendo una superficie de falla circular, se considera que la aceleración máxima del sismo es Kg. Entonces, la fuerza dinámica causada por el sismo en cada dovela de la masa deslizante será:

$$F = MKg = \frac{W}{g} Kg = KW \qquad 2.76$$

donde:

M = masa deslizante

W = Peso K = Coeficiente sísmico

Si el suelo tiene una resistencia característica, en términos de esfuerzos efectivos representada por:

$$s = c' + \sigma' tan \phi'$$
 2.77

La resistencia al esfuerzo cortante movilizada para satisfacer la condicion de equilibrio límite es :

$$s = \frac{1}{F} \left\{ c' + \sigma' \tan \phi' \right\} \qquad 2.78$$

La fuerza cortante S que actúa en la base de la dovela (fig. 14), es igual a sl; tomando momentos de todas las fuerzas que actuan sobre dicho bloque respecto al centro O del círculo, resulta:

$$\sum CW \pm K_{v}WJx \pm K_{b}WL_{s} = \sum SR = \sum SIR \qquad 2.79$$

De acuerdo a las condiciones de equilibrio se tiene que:

$$P' = \frac{C1 \pm K_{V}W-ulcosa-(c'lsena)/F}{cosa + \frac{tan\phi'sena}{F}}$$
 2.80

donde :

$$K_{\rm p}$$
= Coeficiente sísmico vertical  
 $K_{\rm p}$ = Coeficiente sísmico horizontal

Reemplazando el valor de P' (ec 2,80) en la ecuación 2.78

y sustituyendo este valor de s en la ecuación 2.79 y ordenando términos se tiene la expresión para el factor de seguridad:

$$F = \frac{\sum [b(c' - u)tan\phi'] + (1 \pm K_{v})Wtan\phi'] \frac{1}{m\alpha}}{\sum [(1 \pm K_{v})Wsen\alpha \pm K_{v}WCL_{v}/R)]}$$
2.81

donde:

L<sub>s</sub> = Distancia vertical del centro de rotación O al. punto donde actúa la fuerza horizontal de sismo.

## 2.3.2 SELECCION DEL COEFICIENTE SISMICO EN EL ANALISIS SEUDOESTATICO

Uno de los mayores problemas que se tiene en el uso del método seudoestático es seleccionar eι valor del coeficiente sísmico para propósitos de diseño. Varios de estos métodos son disponibles para esta finalidad que estan basados en: valores empíricos, observaciones de respuestas de la estructura de tierra a sismos reales, y otros en los resul tados de análisis teóricos como es el unidimensional de la viga cortante, o en bidimensionales mediante elementos finitos.

En la práctica, cuando se usa un método seudoestático de análisis de estabilidad sísmica, se adoptan algunos valores empirícos del coeficiente sísmico de diseño. Así, Terzaghi (1950) sugiere utilizar los siguientes valores de los coeficientes sísmicos (tabla No 1 ) en funcion de la intesidad (I) del sismo.

TABLA NO 1

DESCRIPCION	INTENSIDAD	COEFICIENTE	
	· I	SISMICO K	
Sísmos severos	IX	0.10	
Sismos violentos	X	0.25	
Efectos catastróf	icos	0.50	

Seed y Martin (1966). Señalan que en general los ingenieros utilizan coeficientes sísmicos constantes con la altura, en un intervalo de 0.05 a 0.15, dependiendo de la sismicidad de la zona y de las condiciones de cimentacion. Las razones por la que se utilizan estos coeficientes sísmicos son:

1).- Los valores son del mismo orden de magnitud que los sugeridos por Westergaard (1933) para determinar la presión del agua sobre la cara de una presa de concreto durante un sismo .

2).- Los valores del coeficiente sísmico son del mismo orden de magnitud para el diseño de estructuras de edificios en regiones sísmicamente activas.

Las normas Japonesas (Japan Society of Civil Engineering Research Institute 1960) establecen para dichos coeficientes valores entre 0.12-0.25 dependiendo de la condiciones de cimentación, sismicidad de la zona y los posibles, efectos que una falla de una presa causaría aguas abajo. Estos valores del coeficiente sísmico son reducidos a un 50 por ciento para condiciones de presa vacía.

Ambraseys (1960) sugiere que para fines de diseño: 1.-Obtener el coeficiente sísmico máximo a cualquier nivel, como la raíz cuadrada de la suma de los cuadrados de los

coeficientes sísmicos para la respuesta máxima (aceleración espectral, A) de los primeros cuatro modos.

$$K(y) = \begin{bmatrix} 4 \\ \sum_{n=1}^{4} [K_n(y)]^2 \\ n=1 \end{bmatrix}^{\frac{1}{2}}$$
 2.82

Donde:

 $K_{n}(y) = \frac{1}{g} \phi_{n}(y) A$  2.83

g = aceleración de la gravedad.

y = altura considerada.

h = altura total del terraplen.

 $\phi_n (y) = Es$  función de dos parámetros  $\beta_n$  y (y/h), para algún modo el valor de  $\beta_n$  es fijo, y el término  $\phi_n$  puede ser graficado como una función de y/h para diferentes valores de h (fig. 16). Por tanto  $\phi_n$  se puede obtener directamente para propósitos de cálculo.

 $\beta_n = parámetro$  que define las frecuencias naturales, (así  $\beta_1 = 2.404$ ,  $\beta_2 = 5.52$ ,  $\beta_3 = 8.654$ ,  $\beta_n = 8.654$ )

 $w_n = frecuencia circular natural de la presa en modo n, en sea^{-1}$ 

$$w_{n} = \frac{\beta n}{\left[\rho/G\right]^{1/2}}$$

 $\rho$  = densidad de masa del material =  $\gamma/g$ 

 $\gamma$  = peso volumétrico de material.

G = m dulo de rigidez o de elasticidad al cortante. $G = E/2(1+\nu)$ 

v = relación de Poisson.

Al valor

$$V = |V_n(t)|_{max}$$

2.84

se le llama velocidad espectral; depende de la excitación sísmica; de la frecuencia circular natural del modo n que interesa, w<sub>n</sub>, y del amortiguamiento del sistema en el modo n.

Al máximo de wV(t) se le llama aceleración espectral, A

$$A = w_{n} | ct \rangle |_{max} = w_{n}$$
 2.85

2. - El coeficiente sísmico en cualquier nivel será tomado como el valor absoluto máximo en aquel nivel para alguno de los n modos de distribución.

$$K(y) = \left| \begin{array}{c} K_{n}(y) \right|_{max} \qquad 2.86$$

En vista de los diferentes métodos frecuentemente empleados para determinar los coeficientes sísmicos, para ser utilizados en el análisis seudoestático se presenta una comparación de los valores obtenidos por los diferentes métodos. Para el caso de una presa de longitud infinita, con una sección transversal homogénea y simétrica apoyada sobre una fundación rígida, K varía con la altura de la presa. Seed y Martin (1966), Ambraseys (1960) desarrolláron una relación para estimar K como una función de la profundidad tal como se muestra en la fig 17.

### 2.3.3 IMPORTANCIA DE LA COMPONENTE SISMO VERTICAL

Frecuentemente se acostumbra diseñar las estructuras de edificios y obras de tierra únicamente para soportar componentes horizontales del movimiento sísmico del terreno, práctica apoyada en muchos casos por los reglamentos de diseño sismoresistentes que ignoran los

efectos de la aceleración vertical de los sismos, apoyados en las siguientes razones (Sovero M., 1986).

1). Los altos factores de seguridad en el diseño para cargas gravitacionales, que tiene mejor aptitud para soportar un incremento de estas cargas verticales que para resistir fuerzas horizontales.

2). Las magnitudes relativamente pequeñas de las aceleraciones verticales de los temblores registrados, en comparación con las correspondientes aceleraciones horizontales.

3). La reducida amplificación dinámica en la dirección vertical de las estructuras, por la importante rigidez que posee en dicha dirección

4). Escasas fallas debido al efecto de las componentes sísmico verticales, según observaciones de campo.

Sin embargo, el hecho de que la 'aceleración' vertical del movímiento del terreno es menor que la correspondiente aceleración horizontal, no se verifica en muchos casos. Las intensidades promedio de los componentes sísmico vertical y horizontal en un sitio dado, depende de la relación que existe entre la distancia epicentral y laprofundidad focal; cuando estas dos distancias son iguales, las intensidades medias de ambas componentes sísmicas ser similares; y, en la zona epicentral, oueden lα intensidad de la componente vertical puede resultar mayor que la componente horizontal.

Para complementar lo indicado anteriomente es conveniente presentar algunos estudios sobre la componente sísmico

vertical; realizada por algunos autores:

Chopra A. (1966) realizó una comparación de los movimientos de las componentes sísmicas registradas en El centro (1940), Olimpia (1940) y Talf (1952) indicando que: 1). La intensidad del espectro de la componente vertical es cerca de 20 o 30 porciento de la correspondiente a la componente horizontal.

2). El espectro para la componente vertical es relativamente acentuado para cortos períodos (fig 15) y reducido para períodos largos. Chopra concluye que en una presa de tierra los efectos de la componente vertical del sismo, son importantes y que es justificable considerarlos en el diseño de estructuras de tierra.

Abrahamson N.A (1989) mostró, que para magnitudes de sísmos menores que 7 y distancias mayores de 20 Km (distancia a la zona de liberación de energía) la relación de la aceleración vertical a la horizontal es de dos tercios, pero para sísmos con magnitudes más grandes que 8 y distancia cortas, la relación (V/H) esperada es mayorque 1.

Por todo lo anterior se justifica considerar la componente vertical del sismo en todo diseño de estructuras de tierra, expresada como el producto de un coeficiente K y por el peso de cada dovela dentro de la masa deslizante.

2.3.3. METODO SEUDOESTATICO MEJORADO

Este método introduce el incremento de la aceleración que experimenta la estructura de tierra (terraplen, presa de tierra) entre la base, que recibe el impulso dinámico, y la

corona. El método constituye una mejora bajo el punto de vista de la realidad física del fenómeno respecto al procedimiento simplificado.

La normas Soviéticas (Earthquake Engineering Research Institute, 1960) especifican coeficientes sísmicos variables con la altura según la expresión (fig. 18)

$$K_{\rm h} = K_{\rm o} \left[ 1 + 0.5 \frac{Y_{\rm h}}{Y_{\rm o}} \right]$$
 2.87

donde:

- K = coeficiente sísmico en la base de la estructura de tierra que varía de 0.025 a 0.10 dependiendo de la simicidad del sitio y de la importancia de la estructura.
- Y = cota al centro de gravedad de cada dovela donde se evalúa K.
- Y = cota sobre la base del centro de gravedad de la presa o terraplen .

Por otra parte, de acuerdo con lo planteado en el inciso anterior, el coeficiente sísmico vertical K puede tener las siguientes variaciones:

$$K_{v} = K_{b}$$
 2.88

 $K_{v} = \frac{2}{3} (K_{b})$  2.89

$$K_{v} = \frac{1}{2}(K_{v})$$
 2.90

### 3.0 PROGRAMAS PARA COMPUTADORA

Los métodos de análisis para evaluar la estabilidad de taludes, se han desarrollado en años recientes de una manera importante, debido a que se recurre a las posibilidades que ofrecen las computadoras digitales para procesar con celeridad grandes cantidades de datos. En este trabajo se desarrolla un programa de estabilidad de taludes para el método de W Bishop simplificado (1955).

Además, se presentan programas de análisis de estabilidad de taludes tales como:

- El método Sueco (Fellenius)
- El método de Bishop considerando fuerzas vertical y horizontal del sismo
- El método de Janbu simplificado.
- El método de Janbu riguroso.
- El método de Bishop considerando las fuerzas de filtración en cada dovela.

Estos programas de computadora escritos en un lenguaje de programación "Basic", permiten evaluar: la estabilidad de un talud en términos de un factor de seguridad, la presión de poro, los esfuerzos normales efectivos, los esfuerzos normales totales y la resistencia al esfuerzo cortante movilizado, que se desarrollan a lo largo de la superficie crítica de falla.

# 3.1 PROGRAMA DE REVISION DE ESTABILIDAD DE TALUDES POR EL METODO DE BISHOP SIMPLIFICADO.

En este programa, se aplica el análisis de estabilidad de taludes desarrollado por Alan. W. Bishop (1955).

El análisis está en términos de esfuerzos efectivos. La presión de poro esta definida por la relación  $\tilde{B}$  (ec. 2.58, inciso 2.2.2)

Los resultados que se obtienen para el círculo de deslizamiento propuesto son: el ángulo de inclinación de cada dovela con la superficie de falla, el valor de m<sub>a</sub>, el momento resistente, el momento motor, la presion de poro, el esfuerzo normal efectivo, el esfuerzo normal total y la resistencia al cortante movilizada.

Finalmente, se obtiene F, cuyo valor mínimo representa el coeficiente de seguridad del talud con respecto al deslizamiento, y su círculo, el círculo crítico.

### 3.1.1 PROCEDIMIENTO DE CALCULO

El análisis se realiza suponiendo una superficie de falla circular, para el cual se necesita defenir la posición "O" y el radio "R" del círculo que representa la superficie potencialde deslizamiento. Para este círculo tentativo la masa deslizante se divide en dovelas verticales.

Cada dovela, como la No 4 indicada en la fig 12 está solicitada:

. Por su propio peso W

. Por las fuerzas cortantes  $X_{n}, X_{n+1} \to E_{n+1}$  en sus caras laterales.

. En su base por la fuerza cortante S y la fuerza normal P.

Tomando momentos de todas las fuerzas que actúan sobre dicho bloque respecto al centro del círculo, resulta:

$$\sum W \times = \sum S R = \sum S l R \qquad 3.1$$

siendo l la longitud de la base de la dovela. Además, la magnitud de la resistencia al cortante movilizada para satisfacer las condiciones de equilibrio es:

 $s = \frac{1}{F} \left\{ c' + (\sigma_n - u) \tan \phi' \right\} \qquad 3.2$ 

 $Como \ x = R \ sena \ y \ \sigma_n = \frac{P}{l}$ 

Siendo P la fuerza total que actúa sobre la base de la dovela.

Sustituyendo en (3.1) y despejando F, queda:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum [c'l + (P-ul)tan\phi'] \qquad 3.3$$

Estableciendo el equilibrio vertical de las fuerzas que actúan sobre cada dovela, despejando P y sustituyendo en (3.3) queda:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ \left\{ c'b + tan\phi' (W - ub + X_n - X_{n-1}) \right\} \frac{seca}{1 + \frac{tan\phi' tana}{F}} \right]$$

$$3.4$$

En el método simplificado de Bishop ( que es el que se suele usar), se supone que:

$$\sum \langle X_n - X_{n+1} \rangle = 0$$

Con esta simplificación queda:

$$F = \frac{1}{\Sigma W sena} \sum \left[ \left\{ c'b + tan\phi'(W - ub) \right\} \frac{seca}{1 + \frac{tan\phi'tana}{F}} \right] \quad 3.5$$

Como el coeficiente de seguridad está contenido de modo implícito en la expresión (3.5), hay que comenzar por dar un valor a F para introducirlo en el segundo miembro de la ec. 3.5. Generalmente basta con dos tanteos.

La expresión:  $\frac{\sec \alpha}{1+\frac{\tan \phi' \tan \alpha}{F}}$  puede hallarse con ayuda de

ábacos o mediante el uso de computadoras.

Considerando la expresión de la presión de poro definida como:  $u = \overline{B}(W/b)$ , la ec. 3.5 toma la forma:

$$F = \frac{1}{\Sigma W \text{sena}} \sum \left[ \left\{ c'b + tan\phi' W(1-\overline{B}) \right\} \frac{\sec a}{1 + \frac{tan\phi' \sin a}{F}} \right] \quad 3.6$$

Estas ecuaciones estan programadas en este trabajo. (Anexo II. Análisis de estabilidad de taludes método de Bishop simplificado)

3.1.2 CARACTERISTICAS DEL PROGRAMA

3.1.2.1 Requerimientos para el uso del programa.

1.- Determinar un eje de referencias (x-y), es conveniente que el orígen (o) este ubicado en el lado izquierdo de la geometría del talud (fig. 19).

2. - Dibujar la sección transversal del talud a una escala adecuada, limitada por segmentos de rectas, cada segmento estará definido por las coordenadas (Px, Py) de sus extremos, estos puntos geométricos deben ser numerados de izquierda a derecha, ubicándose en el primer cuadrante.

3. - Ubicar las coordenadas centrales XC(O), YC(O) de la superficie de falla circular.

 4. - Dividir la masa deslizante en cierto número de dovelas y numerarlas de izquierda a derecha.

5. - Ubicar en la corona o cima del talud, el punto X(O) que representa el inicio de la superficie de falla. En este mismo punto localizar la base YB(O), y la cima o tope YT(O), del lado izquierdo de la dovela inicial.

6. – Ubicar a lo largo de la superfície de falla la base YB y el tope o cima YT, de cada dovela.

3.1.2.2 Descripción del programa.

El programa está dividido en once (11) bloques, donde se incluye una subrutina llamada impresión ( listado del programa en el anexo II). El número de dovelas

dimensionadas es de 50; las líneas del programa están definidas de la siguiente manera:

#### LINEA

#### OPERACION

- 10-520 Título del programa, listado y asignación de variables, dimensionamiento del programa.
- 530-960 Ingreso de datos: puntos geométricos que determinan la forma de talud, coordenadas del centro e inicio del círculo de falla, número de dovelas, propiedades mecánicas del suelo y ubicación de cada dovela dentro de la superficie de falla circular.
- 970-1160 Calcula: altura del talud, longitud de la base del talud, ángulo del talud, ángulo a que forma cada dovela con la superficie de falla, longitud, ancho, peso, presión de poro de cada dovela y radio del arco circular.
- 1170-1750 Despliegue: Características geométricas del talud y de cada dovela, y los otros valores calculados en las líneas 970-1160
- 1760-1880 Calcula el momento resistente  $M_1$ , momento motor  $M_2$  de cada dovela y realiza la sumatoria de los momentos  $M_1$ ,  $M_2$  respectivamente, calcula el factor de seguridad inicial F\_.

1890-2050 Despliegue de los valores calculados en las líneas 1760-1880

2060-2260 Inicio del ciclo iterativo para el cálculo del factor de seguridad mínimo, proporcionando un un valor a F, calcula los valores de ma de cada dovela, momentos resistentes y motores de de cada dovela y realiza la sumatoria respectiva de cada momento , calcula un factor de seguridad F y realiza la iteración hasta que  $|F-F_{\star}| < 0.001$ .

- 2270-2430 Para cada dovela calcula: la fuerza normal P', el esfuerzo normal efectivo o', el esfuerzo normal total o, la resistencia al cortante s, la resistencia al cortante movilizada s...
- 2440-2890 Desplique de valores calculados en las líneas 2060-2260 y 2270-2430, factores de seguridad iniciales  $F_{0}$ , supuestos  $F_{1}$  y el calculado F respectivamente.
- 2900-4430 Opciones para realizar cambio de datos : relación de poro B, superficie deltalud, radio del arco circular, cohesión, ángulo de fricción interna, peso unitario del suelo, posición de la superficie del deslizamiento, cambio de datos para una dovela, y el cambio de un solo dato de una dovela.
- 4440-5790 Subrutina llamada "impresión" para todos los valores calculados en líneas anteriores, con selección para realizar la impresión deseada, y un resumen de resultados que incluye las coordenadas del centro de la superficie de falla circular, el radio, los momentos resistentes, los momentos motores y el factor de seguridad mínimo.

#### 3.2. OTROS PROGRAMAS

3.2.1 PROGRAMA PARA EL METODO SUECO (FELLENIUS).

En este programa se aplica el análisis de estabilidad de taludes desarrollado por Fellenius. El análisis está en términos de esfuerzos efectivos la presión de poro es conocida en cada dovela. Además, se ignoran los efectos de las fuerzas laterales E<sub>g</sub> y E<sub>g</sub>.

Los requerimientos para su uso son los mismos indicados en el inciso 3.1.2.1. Los datos de entrada para el programa son:

. Coordenadas de la forma geométrica del talud.

- . Coordenadas centrales de la superficie de falla potencial.
- . Propiedades mecánicas del suelo ( cohesión , ángulo de fricción interna  $\phi$  , peso unitario del suelo).

. Coeficiente sísmico vertical y horizontal en cada dovela.

El programa calcula el factor de seguridad expresado como:

$$F = \frac{1}{\sum W \text{sena}} \sum \left[ c'l + (W cosa - ul) tan \phi' \right]$$

Además, calcula el factor de seguridad cuando se incluye las fuerzas horizontal y vertical del sismo que actúan en el centro de gravedad de cada dovela. Este factor de seguridad esta expresado por:

$$F = \frac{\sum \left[ (c'l - ultan\phi') + (1+K_{v})Wcosatan\phi' \right]}{\sum \left[ (1+K_{v})Wsena + K_{h}W(L_{s}/R) \right]}$$

Los resultados de salida del programa son:

. El ángulo a de cada dovela, el momento resistente, el momento motor, el efuerzo normal efectivo, el esfuerzo normal total, la resistencia al cortante movilizada sin o con la participación de las fuerzas del sismo.

. Relación de resistencias al cortante de: Fellenius ( $\tau_{\rm F}$ /ptan¢'), Bishop simplificado ( $\tau_{\rm B}$ /ptan¢) y la relación entre  $\tau_{\rm F}$  y  $\tau_{\rm B}$ , donde p = W/b.

El programa desarrollado para analízar 50 dovelas está formado por 7. bloques.

La distribución, definición de cada línea y las operaciones que realiza cada bloque se encuentran indicadas en las instrucciones REM del programa. (Anexo II. Listado del programa método Fellenius en diskette)<sup>-</sup>

# 3.2.2 PROGRAMA PARA EL METODO DE BISHOP CONSIDERANDO FUERZAS HORIZONTAL Y VERTICAL DE SISMO

El programa está desarrollado para evaluar la estabilidad de un talud tomando en cuenta las fuerzas horizontal y vertical equivalentes al sismo.

Los requerimientos para su uso son los mismos indicados en el inciso 3.1.2.1.

El programa calcula el factor de seguridad mínimo contra el deslizamiento a lo largo de una superficie de falla crítica iterando las expresiones de:

$$F = \frac{\sum_{i=1}^{n} \left[ b_i \langle c_i - u_i tan \phi_i' \rangle + W_i \langle 1 \pm K_{vi} \rangle tan \phi_i' \right]_{ai}^{1}}{\sum_{i=1}^{n} \left[ \langle 1 \pm K_{vi} \rangle W_i sena_i \pm K_{hi} W_i \langle L_{si} \rangle \langle R \right]}$$

$$m_{\alpha i} = \cos \alpha_i (1 + \frac{\tan \phi_i' \tan \alpha_i}{F})$$

y bajo las siguientes suposiciones:

- Cuando la fuerza horízontal del sismo actúa en el centro de gravedad de cada dovela.
- Cuando la fuerza vertical del sismo actúa en el centro de gravedad de cada dovela.
- Las fuerzas horizontal y vertical del sismo actúan simultáneamente en el centro de gravedad de cada dovela
- Las fuerzas horizontal y vertical del sismo actúan en en la base de cada dovela (superfície de falla).
- Si una fuerza del sismo actúa en el centro de gravedad de cada dovela, con una inclinación igual a la del talud.

Para el programa:

• La selección del coeficiente sísmico se realiza a través de los métodos descritos en el inciso 2.3.2. Estos valores pueden tener una entrada al programa como constantes o variables.

 El coeficiente sísmico horizontal (método seudoestático mejorado) varía dentro de la altura del talud según la expresión:

$$K_{hi} = K_{o} \left[ 1 + 0.5 \frac{y_{hi}}{y_{o}} \right]$$



 El coeficiente sísmico vertical varía dentro de la altura del talud según las siguientes expresiones:

 $K_{v(i)} = K_{hi}$   $K_{v(i)} = \frac{2}{3} K_{hi}$   $K_{v(i)} = \frac{1}{2} K_{hi}$ 

Este programa puede ser aplicado para evaluar la estabilidad de una presa de tierra, terraplenes, y taludes naturales en términos de un factor de seguridad. Es importante resaltar que los datos de entrada de cada paso son elementos esenciales del procedimiento, principalmente los datos correspondientes a las propiedades del suelo deben ser representativos de la estructura que se está analizando. Si algunos de ellos no se ejecutan correctamente, los resultados en la salida del programa pueden ser incorrectos y por lo tanto conducir a una apreciación errónea del comportamiento de la estructura de tierra en relación al factor de seguridad.

El programa tiene 8 bloques, desarrollado para analizar 50 dovelas, donde se incluye una subrutina llamada "impresión". La distribución y definición de cada línea, y las operaciones que realiza cada bloque se encuentran indicadas en la instrucción REM del programa, listado en el anexo II (diskette).-

# 3.2.3 PROGRAMA PARA LA REVISION DE LA ESTABILIDAD DE TALUDES. METODO JANBU SIMPLIFICADO.

En este programa se aplica el andlisis de estabilidad de taludes desarrollada por Janbu considerando las dos variaciones principales indicadas en el inciso 2.1.4:



- 1). Se considera una superficie de falla no circular.
- 2). Se introduce un factor de corrección f<sub>o</sub> para obtener. un factor de seguridad F.

Los requerimientos para el uso de este programa son similares a los indicados en el inciso 3.1.2.1 a excepción de que la superfície de falla determinada por los valores YB no es circular.

El programa calcula el factor de seguridad de la superficie de falla asumida iterando las siguientes expresiones:

$$P = \left[ W(1 \pm K_{\gamma}) - (c' lsena) / F + (usenatan \phi') / F \right] - \frac{1}{ma}$$

 $m_{\alpha} = \cos \alpha + \sin \alpha t a n \alpha / F$ 

$$F_{\circ} = \frac{\sum \left[ (c' \log \alpha) + (P - ul) tan \phi' \cos \alpha \right]}{\sum P sen \alpha \pm \sum K_{v} W \pm A - L \cos \omega}$$

El programa obtiene el factor de corrección f<sub>o</sub> de la siguiente manera:

• En el caso: c' > O y  $\phi'$  > O

 $f = 1 + 0.5 [d/L - 1.4 (d/L)^2]$ 

• En el caso: c' = 0

$$f = 1 + 0.31 [d/L-1.4(d/L)^2]$$

Los coeficientes sísmicos K<sub>v</sub> y K<sub>h</sub> pueden considerarse como valores constantes o variables dentro de la altura del talud.



El factor de seguridad se expresa como :

$$F = f_{\circ}F_{\circ}$$

El programa puede ser aplicado para evaluar la estabilidad de presas de tierra, terraplenes y taludes naturales con o sin sobrecargas en la corona del talud, con altura de nivel de agua en ambos lados derecho e izquierdo (fig 5).

El programa está constituído por 8 bloques y desarrollado para 50 dovelas, la definición de cada línea y las operaciones que realiza cada bloque se encuentran indicadas en las instrucciones REM del programa (anexo II; listado del programa Janbu simplificado en diskette). -

# 3.2.4 PROGRAMA PARA LA REVISION DE LA ESTABILIDAD DE TALUDES. METODO DE JANBU RIGUROSO.

Este programa está desarrollado con base al procedimiento de análisis de estabilidad de taludes propuesto por N.Janbu (1973).

Los requerimientos para su uso son similares a los indicados para el método Janbu simplificado a excepción de que se debe determinar dentro de la masa deslizante una línea de empuje (h\_).

Los datos de entrada al programa son:

 Puntos geométricos (PX,Py) que determinan la forma geométrica del talud, coordenadas de la superficie de falla y del talud.

· Propiedades mecánicas del suelo (cohesión, ángulo de



fricción interna, peso unitario).

• Angulo de la línea de empuje de cada dovela  $\alpha_{ij}$ .

• Distancia vertical entre la superficie de falla y la línea de empuje  $h_{\rm ext}$  .

El programa calcula el factor de seguridad F (ec. 2.48) para una superficie de falla asumida, expresado como:

$$F = \frac{\sum \tau_{f} \Delta x(1 + tan^{2}\alpha)}{E_{a} - E_{b} + \sum (\Delta Q + (p + \Delta t)\Delta x tan\alpha)}$$

para el cual debe realizarse las operaciones siguientes:

1).-Cálculo de  $F_{0}$ .  $\circ$ Para cada dovela calcula  $B_{0}$  para  $t_{0}=0$ 

 $B_{o} = \Delta Q + ptano\Delta x$ 

•Luego calcula  $A'_{c}$  para  $t_{c} = 0$ 

$$A'_{o} = [c' + (p-u)tan\phi']\Delta x$$

 $\circ {\it Con}$  los valores de B $_{\rm S}$  y A $_{\rm S}'$  calcula F $_{\rm S}'$  :

$$F'_{\circ} = \frac{B_{\circ}}{A'_{\circ}}$$

 $n_{\alpha \circ} = \frac{1 + [1/F_{\circ}]tan\phi' tan\alpha}{1 + tan^{2}\alpha}$ 

$$A_{\circ} = \frac{A'_{\circ}}{n_{\circ}}$$

TE	SIS	CON
FALLA	DE	ORIGEN

Por tanto para  $t_{o} = 0$  el factor seguridad  $F_{o}$  es:

$$F_{\circ} = \frac{\Sigma^{A_{\circ}}}{E_{a} - E_{b} + \Sigma B_{o}}$$

2) Cálculo de E<sub>o</sub>, este valor es calculado en dos etapas para un t<sub>o</sub> = 0 y para un cambio i de cada dovela.

$$\Delta E_{o} = B_{o} - A_{o} \times F_{o}$$
$$E_{o(i,i+1)} = E_{a} + \Delta E_{o(i)}$$

•Cálculo de  $T_{_{1}}$ .

$$T_{1(i)} = -E_{o(i,i+1)} \tan a_{t(i,i+1)} + h_{t(i,i+1)} \left[ dE_{o} / dx \right]_{(i,i+1)}$$

•Para la dovela (i,i+1) se tiene:

$$(dE/dx)_{i,i+1} = \frac{\Delta E_i + \Delta E_{(i+1)}}{\Delta x_i + \Delta x_{(i+1)}}$$
$$T_{1(i)} = T_{(i,i+1)} - T_{(i,i-1)}$$

•Para cada dovela obtiene.

$$t = \frac{\Delta T}{\Delta x}$$

3) Cálculo de  $F_1$ ,  $\Delta E_1$ ,  $E_1$ 

$$B_{1} = B_{0} + \Delta t_{1} tana$$
$$A' = A'_{0} + \Delta T tan\phi'$$

 TES	SIS	CON	
FALLA	DE	ORIGEN	

°Cálculo del valor de  $n_{\alpha 1}$  para un factor seguridad F

$$n_{\alpha 1} = \begin{bmatrix} 1 + (1/F) \tan \phi' \tan \alpha \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$A_{1} = \frac{A'}{n_{01}}$$

$$F_{1} = \frac{\sum A_{1}}{E_{a} - E_{b} + \sum B_{1}}$$

Luego:  $\Delta E_{\mathbf{i}} = B_{\mathbf{i}} - A_{\mathbf{i}} / F_{\mathbf{i}}$ 

$$E_{\mathbf{1}} = E_{\mathbf{a}} + \Delta E_{\mathbf{1}}$$

4) Cálculo de la resistencia al cortante  $\tau$  y el esfuerzo normal  $\sigma$  a lo largo de la superficie de falla.

$$\tau = \frac{A_1}{F_1(1 + tan^2 \alpha)\Delta x}, \quad \sigma = p + t - \tau tan\alpha.$$

El programa puede ser aplicado para evaluar la estabilidad de un talud de una presa de tierra , terraplenes, taludes naturales, en términos de un factor de seguridad.

3.2.3.1 Descripción del programa.

El programa está constituído por seis (6) bloques, y está desarrollado para 20 dovelas. Este último número puede ser incrementado de acuerdo a los requerimientos e importancia del análisis que se está realizando con solo modificar la

instrucción DIM en el programa para cada variable. La definición de cada línea se presenta en forma detallada en el listado del programa (anexo II, diskette).-Las líneas y las operaciones que realiza el programa se se resumen en:

LINEA

#### OPERACION

10-440 Título del programa, asignación de variables, dimensionamiento del programa.

450-840 Entrada de datos.

850-1190 Calcula y despliega las características de cada dovela, superficie de deslizamiento

1200-1650 Calcula el factor de seguridad inicial  $F_{0}$ ,  $\Delta E_{0}$ ,  $E_{0}$ 1660-2660 Calcula factor de seguridad  $F_{1}$ ,  $\Delta E_{1}$ ,  $E_{1}$ . 2670-3710 Opciones para realizar cambio de datos.

3720-4730 Subrutina de impresión de resultados.

3.2.5 PROGRAMA PARA LA REVISION DE LA ESTABILIDAD DE TALUDES POR EL METODO BISHOP CONSIDERANDO LAS FUERZAS DE FILTRACION.

Este programa fue desarrollado con base en el método de Bishop simplificado, haciendo intervenir las fuerzas de filtración que actúan en cada dovela con una dirección e inclinación que varían de acuerdo a la línea superior de flujo.

Además de los requerimientos para su uso que se indican en el inciso 3.1.2.1 se incluyen: las coordenadas iniciales de la línea superior de flujo XW(O), YBW(O), YW(O), y la ubicación, en cada dovela, de la línea superior de flujo a través de las coordenadas XW, YBW, YW respectivamente.

El programa calcula el factor de seguridad de la superficie

de falla circular iterando las siguientes expresiones:

$$F_{o} = \frac{\sum \left\{ c'l + IW_{E} \cos \alpha - FF \sin(\alpha - i) t a n \phi' \right\}}{\sum \left[ W_{E} \sin \alpha + FF \cos(\alpha - i) \right]}$$

$$F_{o} = F_{1}$$

$$m_{\alpha} = \cos \alpha (1 + t a n \alpha t a n \phi' / F_{1})$$

$$F = \frac{\sum \left[ (c' - \mu t a n \phi') + W_E t a n \phi' + FFsen(i) t a n \phi' \right]_{max}^{1}}{\sum \left[ W_E sena + FF(D/R) \right]}$$

hasta que el valor de  $F_1 = F$ 

El desarrollo de estas expresiones se encuentra en el anexo II

El programa calcula el factor de seguridad cuando:

- La fuerza de filtración tiene una dirección que varía de acuerdo a la pendiente de la línea superior de flujo.
- La línea superior de flujo tiene una pendiente constante, y la fuerza de filtración sigue esa dirección (J. Kerisel 1967).

El programa obtiene para cada dovela: la fuerza de filtración, el momento resistente, el momento motor, la presión de poro, el esfuerzo normal efectivo y el esfuerzo normal total.

Este programa puede ser aplicado para evaluar la estabilidad de presas de tierras, terraplenes, y taludes naturales que este sujetos a fuerzas de filtración.

3.2.5.1 Descripción del programa.

El programa tiene 6840 instrucciones, divididas en siete (7) bloques y fué desarrollado para 50 dovelas. Las líneas del programa están definidas de la manera siguiente:

LINEA

### OPERACION

- 10-640 Título del programa, listado de variables, dimensionamiento del programa.
- 650-1150 Entrada de datos de la forma geométrica del talud, superficie de deslizamiento, línea superior de flujo.
- 1160-2370 Calcula, despliega características geométricas de cada dovela, ángulo de la línea superior de flujo que forma en cada dovela, gradiente hidraúlico, fuerzas de filtración.
- 2380-2600 Calcula el factor de seguridad inicial F.
- 2610-3170 Calcula los momentos resistentes, motores, esfuerzos normales efectivos, esfuerzos normales totales y el factor de seguridad F. 3180 Subrutina "impresión".
- 3190-4970 Opciones para cambio de datos: un solo dato de una dovela, superficie de la línea superior de flujo, superficie del talud, radio del círculo, propiedades mecánicas del suelo, posición de la superficie de falla, cambio de datos para toda una dovela.
- 4980-6460 Subrutina "impresión" de resultados con opciones para seleccionar los resultados que se desea imprimir.

### 4.0 APLICACIONES

Con el objeto de ilustrar los métodos de análisis de estabilidad de taludes desarrollados en el inciso 2.1 se resuelven cuatro ejemplos de aplicación (figs. 20-23), a través de los programas de computadora (gubasic versión 3.22) indicadas en el inciso 3.0

#### -Método de Bishop simplificado

Ejemplo 1.- Se desea conocer la presión de poro, el esfuerzo efectivo, el esfuerzo total, la resistencia al cortante movilizada, que se desarrollan a lo largo de la superficie de falla del talud que se muestra en la fig. 20, así como el factor de seguridad contra el deslizamiento, siendo el talud homogéneo con el terreno de cimentación, con valores de c' y  $\phi$ ' constantes a lo largo de la superficie potencial de deslizamiento.

En la tabla 1 se muestran las propiedades del suelo y las características geométricas del talud y de cada dovela

### Resultados .

En las tablas del 1 al 8 se presentan resultados obtenidos por el método de Bishop simplificado, donde se pueden observar:

La variación del esfuerzo normal efectivo, la resistencia al cortante movilizada, así, como la variación del factor de seguridad con la relación de la presión de poro  $\overline{B}$ , las que se muestran en las figs. 24 y 25 respectivamente En la fig. 24 se observa que cuando se incrementa la
relación de la presión de poro, disminuye el esfuerzo normal efectivo, y la resistencia al esfuerzo cortante.

La fig. 25 muestra una variación lineal del factor de seguridad con la magnitud de la relación de la presión de poro, para diferentes valores de c'y  $\phi'$  de la estructura de tierra.

#### Fellenius-Bishop.

En las Tablas de 9 a 11 se presentan resultados correspondientes a la variación de la relación de la resistencia al cortante ( $\tau_{\rm F}$ /ptan¢) y ( $\tau_{\rm B}$ /ptan¢), asi, como la relación entre  $\tau_{\rm F}$  y  $\tau_{\rm B}$  para c = 0 y se muestran en las figs 26 a 30.

En Fig. 26, la relación ( $\tau_{\rm F}$ /ptan¢) es independiente del signo de a y es cero para a = 90° y a =-90°. Por otra parte ( $\tau_{\rm g}$ /ptan¢) se incrementa constantemente cuando decrecee a, y cuando a es negativo, ésta relación se convierte en infinito para a = -(90-¢).

En las figs. 27 y 28 se muestran la relación de resistencias de  $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B}^{\prime}$  para el caso de c = 0 y ángulos de fricción interna que varían de  $\phi = 10^{\circ}-45^{\circ}$ , como se puede observar  $\tau_{\rm F}^{\prime}$  es más grande que  $\tau_{\rm B}^{\prime}$  cuando 0 < a <  $\phi$ , mientras que la relación  $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B}^{\prime}$  es más pequeña que la unidad cuando a es negativo o más grande que  $\phi$  y ésta relación se convierte en cero para a = +90 y a = -(90- $\phi$ ). Además  $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B}^{\prime}$  es máximo cuando a =  $\phi/2$  ( $\phi = 45$   $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B}^{\prime} = 1.21$ ,  $\phi = 35^{\circ}$   $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B} = 1.11$  ) y  $\tau_{\rm F}^{\prime} = \tau_{\rm B}^{\prime}$  para a =  $\phi$  ( $\alpha = \phi = 35$   $\tau_{\rm F}^{\prime} \tau_{\rm B} = 1.0$ ).

#### Método Janbu simplificado.

Para calcular el factor de seguridad del talud que se muestra en la fig. 20, se utilizó la ec. 2.31 y las relaciones del factor de correción f (inciso 2.1.4). Los resultados obtenidos se muestran en la fig. 31, donde se observan las variaciones del factor de seguridad para diferentes superficies de falla, con la relación d/L (d profundidad de la superficie de falla y L longitud del talud). Además se tiene valores mínimos de F y F ( para  $R_{\rm u}=0, F_{\rm o}=2.07, d/L=0.12, de la fig 8 para c > 0 y \phi > 0$ se obtiene f =1.05  $F_{\rm o}=F_{\rm o}f=2.17$ ).

#### Método de Janbu Riguroso.

Para evaluar la fuerza horizontal (E), y vertical (T) desarrolladas entre dovelas a lo largo de la superficie de falla, se utilizáron las ecs. 2.43 y 2.46 y para calcular el factor de seguridad se empleo la ecuación 2.48 (inciso 2.1.5).

Los resultados análizados por este método se presentan en las tablas 12 a 16 para diferentes posiciones de la línea de empuje (h<sub>i</sub>) y presiones de poro, las que se ecuentran en las figs. 32 a 34 respectivamente. En estas figuras se muestran la variación de las fuerzas horizon tales (E) y fuerzas verticales (T) entre dovelas, los esfuerzos efectivos (o'), la resistencia al cortante movilizada ( $\tau$ ) de cada dovela.

En la fig.34 se muestra el factor de seguridad para diferentes posiciones de la línea de empuje (h<sub>i</sub>=0.1-0.7z donde z es la altura de la dovela). Estos cambios de posición no tienen mayor efecto sobre el factor de seguridad, pero la distribución de los esfuerzos (σ',τ) son considerablemente afectados.

#### Comparación de resultados entre los métodos.

En la tabla 17 se presenta a título de comparación la variación del factor de seguridad con la relación de la presion de poro (R<sub>2</sub>), ángulo de fricción interna para los métodos de Bishop, Fellenius, Janbu simplificado, Janbu ríguroso. Estas variaciones estan representadas en las figs 35 y 36

Asimismo, en la fig 37 se muestran las variaciones del factor de seguridad para los métodos de Bishop y Culmann como se puede observar el factor de seguridad contra el deslizamiento para la superficie de falla circular (Bishop) en caso de arenas y gravas, resulta ser mayor que la superficie de falla plana (Culmann). En las figs. 35 y 36, la diferencia cuantitativa del factor de seguridad obtenidos por los métodos analizados no son considerables, con excepción del método de Fellenius.

#### Método de Bishop considerando la fuerzas del sismo.

Los resultados obtenidos para la sección transversal del talud (fig 20 ) con base a las suposiciones realizadas con respecto a la ubicación, dirección de las fuerzas horizontal y vertical del sismo (inciso 3.2.2) estan representadas en las figs 38a y 38b repectivamente.

Para determinar el factor de seguridad se utiliza la ec. 2.81 desarrollada en el inciso 2.3. Los resultados se muestran en las figs. 39 a 46, donde se puede observar que el factor de seguridad tiene una variación lineal con los parámetros de resistencia del material ( $\phi$ ,c), relación de presión de poro ( $R_u$ ), ubicación y dirección de las fuerzas horizontal y vertical del sismo

Es importante notar que los coeficientes sísmicos  $K_h$  y  $K_v$ tienen una variación dentro de la altura del talud (figs. 41 a 44), para evaluar estas variaciones se utilizaron las ecs 2.87 y 2.88; para ello se normalizaron las distancias de la base y altura del talud, definidos como: X=x/L,  $Y=y_h/H$ . Donde x es la distancia horizontal desde el punto inicial de la superficie de falla al centro de gravedad de cada dovela,  $y_h$  es la altura al centro de gravedad de cada dovela donde se evalúan la fuerzas del sismo.

Por otra parte, es importante observar en las figs. 42 a 45 cuando se invierte la dirección de la fuerza vertical del sismo (línea con puntos) el factor de seguridad disminuye (Fcg = 1.45 a Fcg = 1.33 para  $K_{\rm e}=0.09$  y  $R_{\rm u}=0.20$ ), tablas 18 a 20.

#### Método de Bishop considerando las fuerzas de filtración.

Otra de las aplicaciones para el método de Bishop simplificado es analizar la estabilidad de un talud en términos de un factor de seguridad, cuando se hace intervenir las fuerzas de filtración que actúan en el centro de gravedad (entre la línea superior de flujo y la superficie de falla) de cada dovela con una dirección e inclinación que varía de acuerdo a la línea superior de flujo. Con el objeto de ilustrar este procedimiento se resolvieron tres casos de aplicación que estan representadas en las figs 21 a 23.

Caso I (ejemplo 2), con un nível de agua de 25 m y

para los caso II, III ( ejemplo 2, 3) con un nivel de agua de 48 metros (las propiedades de los materiales estan indicadas en las mismas figuras).

Para los casos I y II la dirección de la fuerza de filtración está definida por el ángulo "i" (pendiente constante). Los resultados obtenidos para estos dos casos se muestran en las tablas 21 a 23 donde se observan las fuerzas de filtración, los esfuerzos efectivos y totales que se desarrollan en cada dovela.

En la tabla 27 se presenta una comparación de resultados de los factores de seguridad mínimos obtenidos, con los gráficos desarrollados por J. Kerisel (1967) y los resultados obtenidos por computadora (Fig 50 y 51).

Caso III la fuerza de filtración tiene una dirección con una inclinación variable de acuerdo a la línea superior de flujo los resultados se presentan en las tablas del 24 al 26.

Del análisis por el método de Bishop simplificado sin considerar las fuerzas de filtración se obtuvo un factor de seguridad de 2.02 (para  $\phi=35^{\circ}$ ,  $\gamma = 2.13 \text{ T/m}^3$ ,  $c = 5.33 \text{ T/m}^2$  $R_{\mu} = 0.1$ ). Pero haciendo intervenir las fuerzas de filtración el factor de seguridad se reduce a 1.55. Como se puede observar de estos resultados, la importancia que tiene las fuerzas de filtración en el análisis de la estabilidad de taludes.

En la tabla 28 se presentan las comparaciones de los factores de seguridad con las direcciones de las fuerzas de filtración para diferentes ángulos de fricción interna. Para obtener estos resultados se utilizaron las ecs. 18 y 22 (anexo II) las que se muestran en la fig. 50.

#### 5.0 CONCLUSIONES

a) La evaluación de la estabilidad de un talud y la obtención de su factor de seguridad por el método de Bishop analizado en este trabajo se realiza suponiendo un mecanismo de falla, una ley de resistencia del material y aplicando un método de análisis límite dividiendo la masa potencialmente deslizante en dovelas.

b) La ventaja del método de Bishop respecto a los otros métodos es que permite tomar en cuenta en forma sencilla la interacción entre dovelas.

c) El método de Bishop se puede programar facilmente.

d) La dificultad numérica que algunas veces se presenta en el método de Bishop, surge del cálculo de la fuerza normal que actúa en la base de cada dovela cuando  $l \alpha$ variable,  $m_{_{
m A}}$ , (ec. 2.60) se aproxima a cero o se convierte en negativo. Los valores de  $m_{_{
m A}}$  pueden ser pequeños y/o negativos dependiendo del ángulo de la base de cada dovela y del valor tan¢'/F. En este caso la fuerza normal V los factores de seguridad calculados no serán los correctos. Para evitar estas dificultades la inclinación de lα superficie de falla será restringida  $\alpha$ valores comprendidos  $\pi/4+\phi/2$  y  $\pi/4-\phi/2$ .

e) Los factores de seguridad obtenidos con el método de Bíshop simplificado y los otros métodos son similares, pero sus superficíes de falla no coinciden. Esto se debe a la diferencia en las condiciones de equilibrio de los otros

métodos. Asimismo, los resultados permiten establecer que existe una variación lineal del factor de seguridad con la magnitud de la relación de la presión de poro y la tangente del ángulo de fricción interna.

f) Es posible modificarlo para tomar en cuenta de una manera sencilla las fuerzas horizontal y vertical del sismo, por lo que, los efectos dinámicos son sustituidos por una fuerza estática equivalente ( $\pm K_h W, \pm K_V W$ ). Los coeficientes sísmicos  $K_h$ ,  $K_v$  no son constantes y tienen una variación dentro de la altura del talud.

g) Es posible modificarlo para tomar en cuenta las fuerzas de filtración que actúan en cada dovela, con una dirección e inclinación que varía de acuerdo a la línea superior de flujo (constante o variable).

h) Resulta de gran utilidad práctica por su sencillez.

#### REFERENCIAS

- Abrahamson N.A and Litehiser J.J (1989) "Attenuation of vertical peak acceleration" Bulletin of the Seismological Society of America. No 3 vol.79
- 2. Ambraseys, N.N (1960) "The seismic stability of earth dams" 2nd W.C.E.E Tokyo
- 3. Bishop, A.W (1950) "The use of the slip circle in the stability analysis of slopes". Geotechnique: vol. 5, P.P 7-17.
- 4. Bishop A.W Morgenstern, R.N (1960)
  "Stability coefficients for earth slopes" Geotechnique; volume 10
- 5. Chopra A.K (1966) "The importance of the vertical component of earthquake motions" Bulletin of the Seismological of America. Vol.56 No 5 pp 1163-1170
- 6. Earthquake engineering research institute (1960) "State construction committee of the council of ministers of the USSR, standars and regulations for building in seismic regions", Translations in Earthquake Engineering, pp 75-146, San Francisco.

- "Earthquake Resistant Design for Civil Structure, Earth structures and Foundations in Japan". Report, Japan Soc.of C.V. Engrs; Tokyo, Japan, 1960
- Fellenius, W., 1936.
   "Calculation of the Stability of Earth dams" Proceedings of the Second Congress on Large Dams, 4, pp 445-46
- 9. Janbu. N. (1973) "Slope stability computations" Embankment Dam Engineering; Casagrande Volume, pp.47-86 Jon Wiley - Sons New. York.
- Juárez Badillo E.(1982)
   "Mecánica de suelos. Tomo II"
   Editorial Limusa
- 11. Kerisel. J. (1967) "Glissements de terrains; abaques" Dunod, París.
- 12. Spencer.E. (1967). "A method of analysis of the stability of embankment assuming parallel inter-slice force ". Geotechnique, vol. 17, pp. 11-26
- 13. Terzaghi K. and Peck. R.B.(1967) "Soil mechanics engineering practice", John Wiley and Sons New York

- 14. Terzaghi, K. (1950) "Mechanism of landslides" Engineering Geology (Berkey volume). The Geologic Society of America, pp 83-123.
- 15. Wihtman R.V. and Bailey, W.A (1967). "Use of computer for slope stability analysis." ASCE. Journal of the Soil Mechanics and Foundation Division, 93 (SM4).

# DE LA BIBLIOTECA

# RESULTADOS

# ANALISIS DE ESTABILIDAD DE TALUDES METODO DE BISHOP SIMPLIFICADO

A ...

CARACTERISTICAS GEOMETRICAS TALUD COORDS INICIALES CENTRO Y RADIO DEL CIRCULO.

ALTURA LONG.E ANGULC X(0) = XC(0)=	A DEL TALI RASE TALUI 1 TALUD 20 20 20 20 20 20 20	ЧР У Е ( 0 ) У Е ( 0 )	= 50 = 100 = 26.53 )= 50 )= 100	2 YT ( RAD	0)= 50 10= 102	.43
F'RC	FIEDADES	DE LOS CADA	SUELOS DOVELA	Y CARACT.	GEOME	TRICAS DE
pov.	<u> </u>	PHI	GA	×	YB	YT
1 2 3 4 5 6	5.33 5.33 5.33 5.33 5.33 5.33 5.33	35.00 35.00 35.00 35.00 35.00 35.00	2.13 2.13 2.13 2.13 2.13 2.13 2.13	30.00 52.00 70.00 90.00 110.00 130.00	35.00 15.00 5.40 -0.60 -2.30 0.00	50.00 39.00 30.00 20.00 10.00 0.00

LONGITUD, ANCHO, PESO, ANGULO ALFA, PRESION DE PORO DE CADA DOVELA

		B	W	A	
1 N B 4 5 G	$18.03 \\ 29.73 \\ 20.40 \\ 20.88 \\ 20.07 \\ 20.13 \\$	10.00 22.00 18.00 20.00 20.00 20.00	159.75 913.77 931.66 962.76 700.77 261.99	56.31 42.27 28.07 16.70 4.86 -6.56	0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00

~

71

. -

....

11 WA

.

۰,

2

RESUL	TADOS RESIS	DE: M A Stencia c	LFA, MOMENT Ortante Mov	TOS MR, J (llizada,	MO, ESF.EF , Facts.de	ECTIVOS, SEGURIDA	TOTALES AD	
DOV.	MA	MR	1711.  711.].	U	E vi E	EST.		SCM
1	0.81 0.95 1.03	203.043 797.692 727.436	132.920 614.668 438.429	0,000 0.000 0.000	8.473 30.704 43.314	8.473 30.704 43.314	11.263 26.829 35.659	5.001 11.914 15.835
4 5 6	1.05 1.02 0.96	745.560 584.002 302.785	276.647 59.351 -29.932	0.000 0.000 0.000	43.381 33.940 13.868	43.381 33.940 11.868	35.706 29.095 15.040	15.856 12.920 6.679
12.5 - C.S. Con Mrs. 40.5 - 24.5 - 24.5 - 24.5		3360.520	1492.085	, tanan pagan dagan pagan pagan dagan dagan dagan d	the later way and the state base base	aller filler som ufta five skar mage pela v	и на на ма да раз и), од  ки на ре н	for Aver and plat here ware ware even
FACT.DE FACT.DE FACT.SEG	SEGUR SEGUR SURIDA	IDAD INI IDAD SUP D MET.BI	CIAL CALCUL UESTO ES SHOP CALCUL	ADO FO= Fi= ADO F=	2.089 2.252 2.252			
DIFERENC	IA I DE L	A PRESIO	N DE PORC	D== RU=	0.000 0.00			
	F	E S Royecta:	U M E N Aplicación					
XC(0)		YC(0)	EX.	ME	MO		F.MIN	
- 109.40	<u>i</u> ()	10.00	102.43	3360.5:	2 1492.	08	2.25	
RESUL	TADOS RESIS	DE: M A Tencia c	LFA, MOMENT ORTANTE MOV	OS MR, M	MO, ESF.EFI , Facts.de	ECTIVOS, SEGURIDA	TOTALES	
DOV.	MA	ME	WO	U	en e	EST	sc.	SCM
	0.84 0.97 1.04 1.06 1.03 0.95	183.297 714.098 654.448 675.260 534.610 284.721	132.920 614.668 433.429 276.647 59.331 -29.932	1.598 4.154 5.176 4.814 3.504 1.310	6,909 26.689 38.204 38.573 30.426 12.586	8.506 30.842 43.380 43.387 33.936 13.896	10.168 24.018 32.081 32.339 26.634 14.143	4.979 11.762 15.710 15.837 13.043 6.926
, ap pp and and all the old M	ar anti atto cali una 300	3046.434	1492.085	we as at his sh off the s	n na da katun shi ati na na an .		, ette när söde lann som lær syns som pog af	4 194 194 194 194 194 194 194 194 194
FACT.DE FACT.DE FACT.BE	SEGUR SEGUR SURIDA	NDAD INI NDAD SUP ND MET.BI	CIAL CALCUL UESTO ES Shop calcul	ADO FO= F1= ADO F=	1.875 2.042 2.042			
DIFERENC	DIA V DE L	A PRESIO	N DE PORO	[) == RL] ==	0.000 0.10			

ν.•

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

₽0V.	МА	- 四〇	MO	Li		EST -	SC	SCM
1	0.87	163.611	132.920	3,195	5.349	8,544	9.076	4.954
	1.00	630.988	614.668	8,307	22.697	31.004		11.584
ŝ	1.06	581.637	438,429	10.352	33.107	43.459	28.512	15.563
ай).	1.07	604.976	276.647	9.628	33,766	43,394	28,973	15,815
	1.03	485.124	59.351	7,008	26.909	33.917	24.172	13.193
Ğ	1.95	266.752	-22.932	2.620	11.311	13,931	13.250	ing ing in a second s
		2733.149	1492.085		1 <u>1</u> 2 <sup>1</sup> 2 <sup>1</sup> 2 <sup>1</sup> 2			
- MULIU - MACT N	a ocour A occur	YINAD INIG Yinan shek	arta creaca Patro ca	EHDO FUE	1 007			
FACT.S	EGURIDA	D MET.BIS	HOP CALCU	LADO F=	1.832			
DIFERE BELACT	NCIA An DF 1	A PRESION		D= RH=	0.000 0.20			
	,		• ••• •••• • ••••'' \$ •••		an in antito bi			

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

DOV.	MA	MA	MQ	Li	and the fact		2	SCM
: 1	0,91	144.035	132.920	4.793	3,798	8.591	7,990	4.923
2	1.03	548.599	614.668	12.461	18,739	31.200	18.451	11.369
3	1.09	509.121	438.429	15.528	28.030	43,558	24.957	15.377
	1.08	534,751	276.647	14,441	28,963	43.404	25.610	15.779
<u>111</u>	1.03	435.723	55,351	10,512	23.390	33.902	21.708	13.375
6	0,94	248.911	-29, 982	3,930	10.046	13.976	12.384	7.618
<b>Nel ner en els se</b> juj		2421.140	1492.085	49 444 A.A. A.A. A.A. A.A. A.A. A.A. A.A	eri mane engr daga papa janta dada anna rina antar i	MA, ANI MIX MIX MIX AN AND AND 1111 .	17 may out 175 mm mm mm mm mm	an alta mat nov ent dan est.
FACT.D	E SEGUR	IDAD INIC	IAL CALCU	_ADO FO=	1.448			
FACT.D	E SEGUR	IDAD SUPL	ESTO ES	. Fim	1.623			
PACT.S	EGURIDA	D MET.BIS	HOP CALCU	_ADO F=	1 . 623		·	
hierer.	NCTA	. 1746 MAIN LYMR ANN 1776 1276 (1776 1277)	, marten mente, papat, acada marta padato padato pelato havaro a		A.AAA			
	CON YNC I	A DECETA	e vser exercises		6 06			

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

DOV.	MA	MR	MO	L.			\$C	SCM
1	0.97	124.597	132.920	6.390	2.250	8.648	6.911	4,884
, 	1.07	467.144	614.668	16.614	14.827	31.441	15.712	11.104
	1.12	437.001	438.429	20.704	22.981	43,685	24 422	15.139
лсj.	1,10	464.608	276.647	19.255	24.165	43.421	22.291	15.725
E: T	1.04	386.211	59,351	14.015	19.867	33.883	19.241	13.598
<u>s</u>	0.94	231.256	-29,902	5.240	8.793	14,033	11,487	8.118
	a alar alar alar dar 1966 Will ar	2110.818	1492.085	(6 Web rea bec gan any ayay awa y	nin <b>an</b> a pari pre (10, a)() ana ana ana ana ana a	MAN MAN MAN AMAN AMAN AMAN ALAN AYA (18. 1		ana dala ang ang ata jar ang ata
FACT.I	E SEGUF	NIDAD INIC	IAL CALCU	_ADG FO=	1.235			
FACT.I	E SEGUR	RIDAD SUPL	ESTO ES	F1=	1.415			
FACT.S	SEGURIDA	AD MET.BIS	HOP CALCU	ADO F=	1-415			
DIFERE	INCIA		anay yang 1991 perin kanay tahun baha pinan wani m		0.000			
RELACI	ON DE L	A PRESION	DE PORO	RŪ=	0.40			

#### TABLA 5

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

					-			
DOV.	MA	MR	MO	,		EST	si.	SCM
. 1	1.04	105.333	132.920	7,983	0.732	8,720	5.940	4.837
2	1.13	386.931	614.668	20.768	10,974	31,741	13.014	10.773
З	1.16	365.430	438.429	25.880	17.971	43,850	17,913	14.829
	1.12	394.585	276.647	24.069	19.376	43.445	18.897	15.643
1.44 	1.05	336.623	59.351	17.519	16.339	39 <b>.</b> 856	16.771	13.883
ć.	0.93	213.888	-29.932	6.550	7.561	14.111	10.624	8.795
4.00 who for the core for		1802.792	1492.085	199 have been ofte here over here were to		ον πές στο ίται παι την της μ <sub>ας</sub> μ <sub>ας</sub> σ	مور مرار محمد المرد المحمد المرد المحمد المحمد المحمد المحمد	nen and men and also and and that
FACT.I	YE SEGUR	RIDAD INIC	IAL CALCU	_ADO FO=	1.021			
FACT.I	E SEGUR	TDAD SUPL	ESTO ES	F1=	1.208			
FACT.S	SEGURIDA	WET.BIS	HOP CALCU	_ADO F=	1.208			
DIFERE	ENCIA	ar bene daar olis daar dala daar oon saar daar	"We fill man and spin type role for Mel 2	D=	0.000			
RELAC	LON DE L	A FRESION	DE PORO	RU=	0.50			

· · · · · · · · · · ·

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

pov.	MA	MR	MQ	U	ESE	EST	SC	SCM
1	1.13	86.383	132.920	9,585	-0,769	8.816	4.792	4.773
	1.21	308.659	614.668	24.921	7.214	32.135	10.381	10.340
Ĵ	1.21	294.810	438.429	31.055	13.027	44.082	14.451	14.394
<i>.</i>	1.16	324.852	276.647	28.883	14.607	43.489	15,558	15.496
1211 Sam	1.06	286.955	59.351	21.023	12.805	33,828	14.296	14.239
ŵ	0.91	196.962	-29.932	7.860	6.360	14.220	9,784	9,745
	Mil 117. 2011 122 2211 211 22	1498.619	1492.085		n wat dan wat tit int			
FACT.D	E SEGUR	NIDAD INIC	IAL CALCU	_ADO FO=	0.808			
FACT.D	E SEGUR	NIDAD SUPL	ESTO ES	Fj ==	1:004			,
FACT.S	EGURIDA	AD MET.BIS	HOP CALCU	LADO F=	1.004			
DIFERE	NCIA	m malen detas (ran manis desas prov vret deven na).	, where some make where same most more been vous a		0.000			
RELACI	ON DE L	A PRESION	DE PORO	RU=	0.60			

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

DOV	МА	MR	MO	i_i	riter way but	EST	50	SCM
1	1.28	67.940	132,920	11.183	-2.230	8,953	3.769	4.682
	1.33	233.357	614.668	29.075	3.597	32.671	7.849	9.750
3	1.29	225.788	438.429	36,231	8.195	44.426	11.068	13.749
ail.	1.21	255.711	276.647	33.697	9,878	43.574	12.246	15.213
E!***	1.07	237.184	59,301	24.527	9.264	33.791	11.817	14.679
é	0,89	180.783	-25. 662	9.170	5.213	14.382	8,980	11.155
,,,, ,,,		1200.763	1492.085		17 71.7 BOR WHO INTO BIT THE OTHER AND AND INTO P	10 mil 100 mil 100 mil 200 ku ku k	ng ng ka ng	to the data and have done built and
FACT.D	E SEGUR	RIDAD INIC	IAL CALCUL	_ADO FO=	0.594			
ГАСТ.О	E SEGUR	NIDAD SUPL	ESTO ES	F1=	0.805			
FACT,S	EGURIDA	D MET.BIS	HOP CALCU	_ADO F=	0.805			
DIFERE	NCIA	a maa iyot uuro moha aabo mba maar udah ora	a area area dana anar anar anar ana pao po	per la companya de la La companya de la comp	0.000			
RELACI	ON DE L	A PRESION	DE PORO	F(U=	0.70			

. .

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

. . . .

DOV.	MA	MR	MO			E57		SCM
1	1.51	50,224	132,920	12.780	-3.633	9,147	2,786	4.553
	1.51	162.448	614,668	33.228	0.191	33,419	5.464	8.928
Э	1.	159,358	438.429	41.407	3.544	44.981	7.812	12.764
4	1.29	187.648	276.647	38.510		43.733	s.987	14 684
2	1.09	187.263	59,351	28.031	5.712	33.743	9,330	15.244
Ó	0.86	166.087	-29.932	10.480	4.170	14.650	8.250	13,480
FACT.D FACT.D	E SEGUR E SEGUR	913.029 IDAD INIC	1492.085 TAL CALCUN	LADO FO= F1=	0.380			
. Pr. (A L., J. a. 23) I	entatum 1 DA		HUF LALLU	-400				
DIFERE RELACI	NCIA ON DE L	A PRESION	DE PORO	D= RU=	0.000 0.80			

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

idov.	MA	MR	MO		an	ex		SCH
	1.90 1.83 1.65 1.42	33.861 99.027 97.973 122.237	132.920 614.668 438.429 276.647	14.378 37.382 46.583 43.324	-4.928 -2.855 -0.753 0.748	9.449 34.526 45.830 44.073	1.879 3.331 4.803 5.854	4.350 7.710 11,117 13.551
	1.13 0.81	137.312 154.582	59.351 -29.932	31.535 11.790	2.158 3.354	33,692 15,144	6.841 7.678	15.835 17.774
FACT.I FACT.I FACT.S	E SEGUR E SEGUR EGURIDA	645.011 RIDAD INIC RIDAD SUPL D MET.BIS	IAU CALCU ESTO ES HOP CALCU	LADO FO= F1= LADO F=	0.167 0.432 0.432			
DIFERE RELACI	INCIA Ion de l	A PRESION	DE PORO	D≃ RU=	0.000			

RESULTADOS DE: M ALFA, MOMENTOS MR, MO, ESF.EFECTIVOS, TOTALES RESISTENCIA CORTANTE MOVILIZADA, FACTS.DE SEGURIDAD

DOV.	MA	州民	MO	1_1	ECE.	EST	SC	SCM
1	2.64	20.224	132,920	15.975	-6,010	9.965	1.122	4.007
	2.42	48.412	614.668	41.535	-5,287	36.248	1.620	5.815
2000 1911	2,06	46.592	438.429	51,759	-4.350	47.409	2.284	8.157
-ip	1.68	63.588	276.647	48,138	-3.263	44.875	3.045	10.876
5	1.21	88,230	59.351	35.038	-1.334	33.704	4.396	15.699
Ċ,	0.71	150.618	-29,932	13.100	3.073	16.172	7.462	26.720
		417.665	1492.085		1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999 (1999	free more and and and belo can add add and		
FACT.D	E SEGUR	IDAD INIC	IAL CALCU	_ADO F0=-1	0.047			
FACT.D	E SEGUR	IDAD SUPL	ESTO ES	F1= 1	0.280			
FACT.S	EGURIDA	D MET.BIS	HOP CALCU	_ADO F= (	0.280			

77

DIFERENCIA D= 0.000 RELACION DE LA PRESION DE PORO RU= 1.00

. . ...

#### RESULTADOS

# METODOS: FELLENIUS - BISHOP

TESIS CON FALLA DE ORIGEN

' TABLA 9

DOV.	A.ALFA	MR	MO	U	RSCF	RSCB	RFB			
1	90.00	0.00	0.00	0.00	ΰ,00	0.00	0.00			
2	81.98	0.07	0.51	0.00	0.02	0.12	0.16			
З	60.11	1.18	2.06	0.00	0.25	0.37	0.68			
ব	45.00	2.00	2.01	0.00	0.50	0.50	1.00			
5	35,09	0.98	0.69	0.00	0.67	0.59	1.14			
6	30.04	1.57	0.91	0.00	0.75	0.63	1.18			
7	22.54	1.12	0.46	0.00	0.85	0.71	1.21			
8	17.57	1.71	0.54	0.00	0.91	0 <b>.</b> 76	1.20			
9	12.41	1.14	0.25	0.00	0.95	0.82	1.16			
10	10.02	1.68	0.30	0.00	0.97	0.85	1.14			
11	0.00	2.66	0.00	0.00	1.00	1.00	1.00			
12	-9.98	2.31	-0.41	0.00	0.97	1.21	0.80			
13	-29.94	1.63	-0.94	0.00	0.75	2.35	0.32			
14	-45.00	0.94	-0.94	0.00	0.50	286,72	0.00			
15	-54.97	0.29	-0.41	0.00	0.33	-2.37	-Ŭ.14			
16	-79.98	0.01	-0.06	0.00	0.03	-0.22	-Ŭ.14			

MOMEMTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENIUS, BISHOP

EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 3.881 COHESION= 0 PHI= 44.9 GAMMA= 2.13

> MOMEMTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENIUS, BISHOP

DOV.	A. ALFA	MR	MO	U	RSCF	RSCB	RFB
1	90.00	0.00	0.00	0.00 '	0.00	0.00	0.00
	81.98	0.06	0.51	0.00	0.02	0.14	0.14
З	60.11	0.99	2.06	0.00	0.25	0.41	0.61
4	45.00	1.68	2.01	0.00	0.50	0.54	0.92
	35.09	0.82	0.69	0.00	0.67	0.63	1.06
6	30.04	1,32	0.91	0.00	0.75	0.67	1.11
7	22.54	0.94	Ŭ,46	0.00	0.85	0.74	1.15
8	17.57	1.44	Ü.54	0.00	0.91	0.79	1.15
9	12.41	0.96	0.25	0.00	0.95	0.84	1.13
10	10.02	1.41	0.30	0.00	0.97	0.87	1.11
11	0.00	2.24	0.00	0.00	1.00	1.80	1.00
12	-9,98	1.95	-0.41	0.00	0.97	1.17	0.83
13	-29.94	1.37	-0.94	0.00	0.75	1,94	0.39
14	-45.00	0.79	-0.94	0.00	0,50	6.21	0.08
15	-54.97	0.24	-0.41	0.00	0.33	-5.07	-0.06
16	-79.98	0:01	-0.06	0.00′	0.03	-0.27	-0.11

79

EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 3.268 COHESION= 0 PHI= 40 GAMMA= 2.13



DOV.	A.ALFA	MR	MO	LI	RSCF	RSCB	RFB			
1	90.00	0,00	0.00	0.00	0.00	0.00	0,00			
	81,98	0.05	0.51	0.00	0.02	0.17	0.12			
З	60.11	0,83	2.06	0.00	0.25	0.45	0.55			
4	45.00	1,41	2.01	0.00	0.50	0.59	0.85			
5	35.09	0,69	0.69	8.00	0.67	0.67	1.00			
6	30.04	1.10	0.91	0.00	0.75	0.71	1.05			
7	22.54	0,78	0.46	0.00	0.85	0.77	1.10			
ŝ	17.57	1.20	0.54	0.00	0.91	0.82	1.11			
9	12.41	0.80	0.25	0.00	0.95	0.87	1.10			
10	10.02	1.18	0.30	0.00	0.97	0.89	1.09			
11	0.00	1.87	0,00	0.00	1.00	1.00	1.00			
12	-9.98	1.62	-0.41	0.00	0.97	1.14	0.85			
13	-29.94	1.15	-0.94	0.00	0.75	1.68	0,45			
14	-45.00	0,66	-0.94	0.08	0.50	3.34	0.15			
15	-54,97	0.20	-0.41	0.00	0.33	961.11	0.00			
16	-79.98	0.01	-0.06	0.00	0.03	-0.34	-0.09			

MOMENTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENIUS, BISHOP

.

EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 2.727 COHESION= 0 PHI= 35 GAMMA= 2.13

> MOMEMTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENIUS, BISHOP

DOV.	A.ALFA	MR	MQ	U	RSCF	RSCB	RFB
1	90.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
2	81.98	0.04	0.51	0.00	0.02	0.20	Ü.10
З	60.11	0.68	2.06	0,00	0,25	0.50	0.50
4	45.00	1.16	2.01	0.00	0.50	0.63	0.79
5	35,09	0.57	0.69	0.00	0.67	0.71	0.94
6	30.04	0.91	0.91	0.00	0.75	0,75	1.00
7	22.54	0.65	0.46	0.00	0.85	0.81	1.06
S	17.57	0.99	0.54	0.00	0.91	0,85	1.08
Ϋ́,	12.41	0.66	0.25	0.00	0.95	0,89	1.07
10	10.02	0.97	0.30	0.00	0.97	0,91	1.07
11	0.00	1.54	0.00	0.00	1.00	1.00	1,00
12	-9.98	1,34	-0.41	0.00	0.97	1.11	0.87
13	-29.94	0.94	-0.94	0.00	0.75	1.50	0.50
14	-45.00	0.54	-0.94	0.00	0.50	2.37	0.21
15	-54.97	0.17	-0,41	0.00	0.33	5.67	0.06
16	-79.98	0.01	-0.06	0.00	0.03	-0,44	-0.07

EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 2.249 COHESION= 0 PHI= 30 GAMMA= 2.13

.



	NESISIENCIAS CONTANTES FELENIUS, DISAUF									
DOV.	A.ALFA	MR	MO	U	RSCF	RSCB	RFB			
1	90.00	0.00	0.00	0.00	0,00	0.00	0.00			
	81.98	0.03	0.51	0.00	0.02	0.23	0.08			
з	60.11	0.55	2.06	0.00	0.25	0.55	0,45			
4	45.00	0.94	2.01	0.00	0,50	0.68	0.73			
5	35.09	0.46	0.69	0.00	0.67	0.75	0.89			
e	30.04	0.73	0.91	0.00	0.75	0.79	0,95			
7	22.54	0.52	Ü.46	0.00	0.85	0.84	1.02			
8.	17.57	0.80	0.54	0.00	0.91	0.87	1.04			
9	12.41	0.53	0.25	0.00	0.95	0.91	1.05			
10	10.02	0,79	0.30	0.00	0.97	0.92	1.05			
11	0.00	1.24	0.00	0.00	1.00	1.00	1.00			
12	-9,98	1.08	-0.41	0.00	0.97	1.09	0.89			
13	-29.94	0.76	-0.94	0.00	0.75	1,37	0.55			
14	-45.00	0.44	-0.94	0,00	0.50	1.87	0.27			
15	-54.97	0.13	-0.41	0.00	0.33	2.99	0.11			
16	-79.98	0.00	-0.06	0.00	0.03	-0.61	-0.05			

MOMENTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENTUS, BISHOP

#### EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 1.816 COHESION= 0 PHI= 25 GAMMA= 2.13

•

#### MOMEMTOS: RESISTENTE, MOTOR Y PRESION PORO, RELACION DE RESISTENCIAS CORTANTES FELLENIUS, BISHOP

DOV.	A.ALFA	M5	MO		RSCF	RSCB	RFB
1	90.00	0.00	0.00	0,00	0.00	0.00	0,00
	81.98	0.01	0.51	Ŭ,ŬŬ	0.02	0.44	0.04
3	60,11	0.21	2.06	0.00	0.25	0.77	0.32
4	45.00	0.35	2.01	0.00	0.50	0.85	0,59
$\mathbb{B}$	35.09	0.17	0.69	0,00	0.67	0.89	0.75
6	30.04	0.28	0.91	0,00	0.75	0.91	0.83
7	22.54	0.20	0.46	0,00	0.85	0.93	0.92
8	17.57	0.30	0.54	Ű,ŰŰ	0.91	0,95	0.96
9	12.41	0.20	0.25	0,00	0,95	0.96	0.99
10	10.02	0,30	0.30	0,00	0.97	0.97	1.00
11	0.00	0.47	0.00	0,00	1.00	1.00	1,00
12	-9.98	0.41	-0.41	0,00	0.97	1.03	0.94
13	-29.94	0.29	~0.94	Ü,ÜÜ	0.75	1.11	0.67
14	-45.00	0.17	-0.94	0,00	0.50	1.21 `	0.41
15	-54.97	0.05	-0.41	0,00	0.33	1.34	0.25
16	-79.98	0.00	-0.06	0,00	0.03	645.63	0.00

EL FACTOR DESEGURIDAD (METODO SUECO) F= 0.687 COHESION= 0 PHI= 10 GAMMA= 2.13



 $\sim 10^{-10}$ 

81

#### RESULTADOS

# METODO JANBU RIGUROSO

TESIS CON FALLA DE ORIGEN

			0) 44: 56: 66: 66: 66: 66: 66: 6				
DOV.	TAN (A)	DX	P	U	С	TAN(PHI)	· DG ·
1	1.50	10.00	14.91	3.20	5.33	0.70	0.00
1911) 1821	0.91	22.00	42.60	8.31	5.33	0.70	0.00
·	0.53	18.00	53.25	10.35	5.33	0,70	0,00
4	0.30	20.00	48.99	9.63	5.33	0.70	0.00
5	0.08	20.00	36.21	7,01	5.33	0.70	0.00
6	-0.11	20.00	14.91	2.62	5.33	0.70	0.00
531: 252: 215 25 <sup>2</sup> 373:					212 3CI 313 210 EC: 215 3C:		

DATOS DESDE LA SECCION TRANSVERSAL DEL TALUD

#### CALCULO DE FPO,DELTA ED, Y EO

um em em am am a									
ναα	BO	APO	NAO	AD	DEO				
cu 32 Mi 17 Z	:: .:: ::: ::: ::: ::: ::: ::: ::: :::	en an 20 20 20: 27 22: 28 22: 2		<b>18 18 18 19 19 19</b> 19 19 19	a ant cui cui <b>cui bu</b> i ant				
1	223.65	135.29	0.52	258.89	67.78				
2	852.00	645.48	0.78	828.33	353.31				
3	511.20	636.64	0.97	655.06	116.82				
4	293.94	657.8 <u>0</u>	1.05	629.13	-84.83				
5	61.56	515.52	1.03	499.48	-239.15				
6	-34,29	278.71	0.93	298.37	-213.93				
nne 201 km (157 🖬									

1908.05 2869.45

3169.26

FACT.DE SEGURIDAD (MET.DE JANBU RIGUROSO)FPO= 1.50 FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FO= 1.66 X(0) = 20 YB(0) = 50 YT(0) = 50

CALCULO DE: T1

			n 27 27 28 28 28 28 28	
EO	EXO	TAN (AT)	HT	Τ1
			72 x22 X20 X20 X22 X23 2	11 222 122 122 02: 020 022
0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
67.78	13.16	0.78	1.40	-34.44
421.09	11.75	0.48	4.00	-155.10
537.91	0.84	0.31	5.00	-162.51
453.08	-8.10	0.22	4.60	-136.96
213.93	-11.33	0.03	3.40	-44.94
0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
the the the out has him the s				the sale wat him she care any

I CONTRACTOR OF THE OWNER		And the second strength of the local data and the second strength of the second strengt ot the second strength of	
TE	SIS	CON	(versus and a set
FALLA	DE	ORIGEN	Contraction of the local division of the loc

CALCULO DE: H	FS1,DELTA	E1,E1,ESF.	CORTANTE	Y NORMAL	TOTALES
---------------	-----------	------------	----------	----------	---------

terte ofter board salar first them which man						***		
DTI	TE1	B1	AF1	NA1	A1	DE 1	TAU	SIGMA
un: Ini 22; pil 111 lii: 122 hi	101 mil	EN DE: 25) ES ME AN EN EX ES						21 225 212 212 223 223 223 233
34 . 44	-3.44	171.99	111.18	0.48	229.87	46.84	3.85	9.13
-120.66	-5.48	742.31	560.99	0.74	760.95	328.06	10.31	33.23
-7.41	-0.41	507.25	631.45	0.94	674.04	140.31	15.87	44.79
25.55	1.28	301.60	675.69	1.02	660,93	-58.19	16.50	44.04
92.02	.4.60	69.38	579.95	1.02	565.81	-238.64	15.29	34.91
44.94	2.29	-39.46	310.18	0.94	328.68	-218.39	8.83	15.93
<b>22</b> 211 22 25, 111 26 26 26	- 651 112) 722 253 212 212 212			:		e por the net had the tes the t		12 12: 0:0 00 12: 121 hp;
		1753 07			7220 30			

1/00\*0/

```
Szzo.3
```

FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FS1= 1.837

<sup>83</sup> 

DOV.       TAN (A)       DX       F       U       C       TAN (PHI)       DQ         1       1.50       10.00       14.91       3.20       5.33       0.70       0.00         2       0.91       22.00       42.60       8.31       5.33       0.70       0.00         3       0.53       18.00       53.25       10.35       5.33       0.70       0.00         4       0.30       20.00       48.99       9.63       5.33       0.70       0.00					at the last of a set that any cars whi			State Arrest Store when
1         1.50         10.00         14.91         3.20         5.33         0.70         0.00           2         0.91         22.00         42.60         8.31         5.33         0.70         0.00           3         0.53         18.00         53.25         10.35         5.33         0.70         0.00           4         0.30         20.00         48.99         9.63         5.33         0.70         0.00	DOV.	TAN (A)	DX	F	U	С	TAN (PHI)	DQ '
2         0.91         22.00         42.60         8.31         5.33         0.70         0.00           3         0.53         18.00         53.25         10.35         5.33         0.70         0.00           4         0.30         20.00         48.99         9.63         5.33         0.70         0.00	1 t	1.50	10.00	14.91	3.20		0.70	ů. OO
3         0.53         18.00         53.25         10.35         5.33         0.70         0.00           4         0.30         20.00         48.99         9.63         5.33         0.70         0.00	2	<b>6.91</b>	22.00	42.60	8.31	5.33	0.70	0,00
4 0.30 20.00 48.99 9.63 5.33 0.70 0.00	3	0.53	18.00	53.25	10.35	5.33	0.70	0.00
	4 E;	0.30	20.00	48.99 RA 21	9.63 7.01	5.33 5.33	0.70	0.00
6 -0.11 20.00 14.91 2.62 5.33 0.70 0.00	ు చ	-0.11	20.00	14.91	2.62	5.33	0.70	0.00

DATOS DESDE LA SECCION TRANSVERSAL DEL TALUD

#### CALCULO DE FFO,DELTA EO, Y EO

1908.05 2869.45

		brits that may must make publy parts parts ture.		anath active wints. Must shart said strat to	and arms blood broad proof arbit proof for a
VOQ	BO	APÜ	NAC	AO	DEO
222 CIT 111 CIT 2	11 210 1 <i>11</i> 211 211 211 <b>211 111</b> 211 211				12 1212 1313 JAN: MIC: 1212 1212
1	223.65	135.29	0.52	258.89	67.78
2	852.00	645.48	0.78	828,33	353.31
3	511.20	636.64	0.97	655.06	116.82
4	293.94	657.80	1.05	629.13	-84.83
5	61.56	515.52	1.03	499.48	-239.15
6	-34.29	278.71	0.93	298.37	-213.93
6	-34.29	2/8,/1	0.93	278.37	-213.93

3169.26

FACT.DE SEGURIDAD (MET.DE JANBU RIGUROSO)FPO= 1.50 FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FO= 1.66  $\chi(0) = 20$  YB(0) = 50 YT(0) = 50

	С	Ĥ	L	С	U	L	D	DE	ι.	1 1	<u> </u>
	= 122 0	==::		c: :==: :	= ==	****	** *** ***	an: 12: 12: ,			
EO		ΕX	(0)		ł	AN	(A)	)	HI		11.
			ت عند ت ۲۰۰	-,	= :==				د عدد عدد عدد د. ۱۹۰۱ (۲۰	222 122 1 <sup>0</sup> 1	
47 78		१र	יס. רו			0	 25		- V. V. - T. S.	ູ ຕ	2.00
421.09		11.	. 75	5		ŏ	.36		10.00	Ö	-34.06
537,91		О,	.8	4		Ō	.34		12.5	Ō	-172.36
453.08	-	-8	. 14	)		Ŏ	. 19		11.5	Ö	-179.23
213.93		11		3		Ő	.31		8.5	Q	-162.60
0.00		Ō,	, Ot	þ		- Ö	, OO		0.O	Õ	0.00
The best bart plat was but the	en az :	an an a	a: == =	** === *	- 272	:22 :22 :	22 734 333			:= ::	a ar he he he bit he he

TESIS CON FALLA DE ORIGEN

CALCULO DE:	FS1 DELTA	E1.E1.E9	F. CORTANTE	Ý	NORMAL.	TOTALES
-------------	-----------	----------	-------------	---	---------	---------

	. <u>2011 (1917 (1917 (1917 (1917 (1917</u>		<u></u>	<b>11: 11: 11: 11: 11: 11:</b> 11: 11:	100 Jan 100 800 610 800 800 6		ER: 175 Mil 191 196 195 (b) 45 9	III 111 111 111 111 111 111
DT1	TE1	B1	AP1	NĂ1	A1	DE 1	TAU	SIGMA
		- 122 201 533 634 634 634 631 651 631 -					the the other star batt the fact and a	
2.00	0.20	226.65	136.69	O.48	282.25	72.43	4.75	7,79
-36.06	-1.64	819.22	620.23	0.74	840.47	360.02	11.43	32.21
-138.30	-7,68	437.44	539.80	0.94	575.83	122,82	13.61	45.99
-6.87	-0.34	291.88	653.00	1.02	638.48	-56.96	16.00	44,19
16.63	0.83	62.97	527.17	1.03	514.25	-218.00	13.95	35.02
162.60	8.13	-52,99	392.56	0,94	416.06	-280.31	11.22	16.20
war one of the state and the state of the		an: 27: 22: 22: 23: 27: 28: 27:		,		2: <b>2:: 2:: 2::</b> 2:: 2:: <b>2::</b> 2::	while space terms datas tables white process states to	17 <b>1</b> -1 <b>1</b> -1 <b>1</b> -1 <b>1</b> -1 <b>1</b> -1 <b>1</b> -1
		1785.16			3267.34			

FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FS1= 1.830

<sup>84</sup> 

TABLA	14
-------	----

	DHHUS	DEODE LH	DECETON	INHNOVERS		I HL.OD	
222 YA 214 DE 144 1	cis 22: 22; 22: 22: 22: 22: 22:	- 107 101 100 107 100 107 107 10	2 die 122 kie 220 mie 210 of 22				1 AL: CA (22) Est.
DOV.	TAN(A)	DX	P	U	С	TAN(PHI)	DQ
TC 212 CH 211 CH	<b>1</b> 11 111 111 111 111 111 111 111	Bert Bart, such bent Bert, beit Bart bate bit		: 12: 312 12: 22: 23 22 33: 10 <sup>-</sup> 20	. The had had dee dee him do		te better binder gebier dieber
1	1.50	10.00	14.91	3.20	5.33	0.70	0.00
2	0,91	22.00	42.60	8,31	5.33	0.70	0.00
S	0.53	18.00	53.25	10.35	5.33	0.70	0.00
Д.	0.30	20.00	48.99	9.63	5.33	0.70	0.00
85) (1)	0,08	3 20.00	36.21	7.01	5.33	0.70	0.00
6	-0.11	20.00	14.91	2.62	5.33	0.70	0.00
Are							

NATOO NEODE LA CEOCIONE TEANOUEDOAL 17.7<sup>...</sup>1

#### CALCULD DE FPO, DELTA ED, Y ED

	erner derre baber parm ganet beine part i feren in	in tereber and a second state and a second second bar as sadin	i olden bidob samt apağı apaşı üçini bisar	1	
DOV	BO	APO	NAO	AD	DEO
50 GE 201 200		, ini ini ini ini an ini ini ini ini ini		aa an da no ni to co o	
1	223.65	135.29	0.52	258.89	67.78
2	852.00	645.48	0.78	828.33	353.31
3	511.20	636.64	0.97	655.06	116.82
4	293.94	657.80	1.05	629.13	-84.83
Č)	61.56	515.52	1.03	499.48	-239.15
6	-34.29	278.71	0.93	298.37	-213.93
767 FX 127 FX	231 XW OX: 931 EX: 252 EX: 255 EX	2 199 50 100 100 100 100 000 000 000			
	1908.05	2869.45		3169.26	

FACT. DE SEGURIDAD (MET. DE JANBU RIGUROSO) FPO= 1.50 FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FO= 1.66 X(0) = 20 YB(0) = 50YT(0) = 50

CALCULO DE: T1

tert, and and the set and the set			=: =: =: =: =: =: =: =: =	
EO	EXO	TAN (AT)	HT	Τ1
<b>1</b> 11 CH 111 CH 511 CH 111 C	,, 101 20; 112 32 32 37 30; 22 3			= =: =:) == == == =::
0,00	0,00	0.00	0,00	0.00
67.78	13.16	0.55	4.90	27.20
421.09	11.75	0.34	14,00	21.37
537.91	0.84	0.31	17.45	-152.06
453.08	-8.10	0.12	16.10	-184.77
213.93	-11.33	0.45	11.90	-231.03
0.00	0.00	0.00	0.00	0.00

# CALCULO DE: FS1, DELTA E1, E1, ESF. CORTANTE Y NORMAL TOTALES

with best both best with and both both		19: 27: 10: 11 <b>: 11:</b> 11: 11: 11:	been bein been bien wert vere pres vere g	17 an 24 air 25 an 26 an 26	121 122 122 127 122 127 122 1	12 No. 201 NO. 110 NO. 201 NO. 201 S		F 11: 07: 50: 57: 52: 52
DT 1	TE1	Bl	AP1	NA1	A1	DE 1	TAU	SIGMA
	. 111 221 212 112 213 213 213					The purch state process process backs make when process of		
27.20	2.72	264.45	154.34	0.49	317.99	89.61	5.38	6.84
-5.83	-0.26	846.70	641.40	0.74	867.80	369.58	11.87	31.81
-173.43	-9,63	418.70	515.20	0.94	549.03	116.84	13.06	46.29
-32.71	-1.64	284.13	634.90	1.02	620.39	-56.97	15.65	44.30
-46.26	-2.31	57.62	483.13	1.03	471.20	-201.45	12.86	35,12
231.03	11.55	-60.86	440.48	0.94	466.97	-317.61	12.67	16.37
terth vites have also that since while while			beer when some wat some first shill store a			and the first first birst bein stars stars a		

1810.75

FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FS1= 1.819

85

3293.40

TESIS CON FALLA DE ORIGEN

	na) ta: en es es nº bil in i		9		. 25 az 20 aź 22 25 25		
DOV.	TAN (A)	DX	P	U	C	TAN(PHI)	DO
72: CZ: CX: 22: 1C	. 66: 22: 22: 22: 22: 22: 23: 23: 25: 2						
1	1.50	10.00	14.91	6.39	5.33	0.70	0.00
	0.91	22.00	42.60	16.61	5.33	0.70	0.00
3	0.53	18.00	53.25	20.70	5.33	0.70	0.,00
4	0.30	20.00	48.99	19.25	5.33	0.70	0 . OO
5	0,08	20.00	36.21	14.02	5.33	0.70	0.00
6	-0.11	20.00	14,91	5.24	5.33	0.70	0.00

DATOS DESDE LA SECCION TRANSVERSAL DEL TALUD

#### CALCULO DE FPO,DELTA ED, Y ED

	,	112 Mil 221 200 Mil 201 112 112 112 112	, nin an an his his se 931 and		ter man finn men ters and men ber	
voa	BO	BO AFO		£ The	DEO	
1511 (181 192 193 g	12 413 814 117 721 712 117 <b>21</b> 814					
1	223.65	112.96	0.57	196.93	71.16	
2	852.00	517.56	0.83	620.39	371.62	
2	511.20	506.14	1.02	497.31	126.12	
4	293.94	523.01	1.08	486.08	-82.44	
5	61.56	417.42	1.04	400.81	-248.80	
6	-34.29	242.02	0.92	262.62	-237.65	
23: 25: 25: 25; 25; 2						

1908.05 2319.11 2464.14

FACT.DE SEGURIDAD (MET.DE JANBU RIGUROSO)FPD= 1.22 FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FD= 1.29 X(0) = 20 YB(0)= 50 YT(0)= 50

CALCULO DE: T1

EO	EXO	TAN (AT)	HT	Τi
			ne 22: 22: 25 05 05 05 2	n an en 201 hit sa sa
0.00	0.00	0,00	0,00	0.00
71.16	13.84	0.78	1.40	-36.12
442.77	12.44	0.48	4,00	-162.75
568.89	1.15	0.31	5.00	-170.57
486.45	-8.28	0.22	4.60	-145.13
237.65	-12.16	0.03	3,40	-48.48
0.00	0.00 <sup>°</sup>	0.00	0.00	0,00

CALCULO DE: FS1, DELTA E1, E1, ESF. CORTANTE Y NORMAL TOTALES

2	ni dil 201 121. 212 227 215 264	TA 210 222 214 229 314 317		117 12: 30: 30: 10 <sup>4</sup> 57: 57: 12: 2	n an Th' Th' Th' Chi an an as	867 <b>2</b> 01 205 202 203 605 208 2	10 100 100 007 XVI 010 200 100 <u>000</u> 1		
	DT1	TE1	B1	AP1	NA1	A1	DE 1	TAU	SIGMA
5	-36.12	-3.61	169,46	87.66		164.21	54.64		9.61
	-126.62	-5.76	736.89	428.90	0.79	541.95	357.93	9.43	34.03
	-7.82	-0.43	507.03	500.66	0.98	509.84	150.52	15.42	45.03
	25.44	1.27	301.57	540.82	1.05	513.95	-57.81	16.49	44.04
	96.65	4.83	69.77	485.10	1.03	469.06	-258.22	16.28	34.83
	48,48	2.42	-39,87	275.97	0,93	296.32	-247.07	10.22	16.09
\$	את עה 124 אב בנו של הנו או		יום את עום גם ובא עם עם יום או						
			1744.85			2495.33			

FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FS1= 1.430

<sup>86</sup> 

117 FIII 117 FIII 77							= <b>2</b> = 2= 22 22
₽0V.	TAN(A)	DΧ	F	U	С	TAN (PHĮ)	DQ-
					- 122 612 613 521 531 538 533		o hiu ani dei ani
1.	1.50	10.00	14.91	6.39	5.33	0.70	0.00
2	0.91	22.00	42.60	16.61	5.33	0.70	0.00
3	0.53	18.00	53.25	20.70	5.33	0.70	0,00
4	0.30	20.00	48.99	19.25	5.33	· 0.70	0,00
5	0.08	20,00	36.21	14.02	5.33	0.70	0,00
6	-0.11	20.00	14.91	5.24	5.33	0.70	0,00
250 mii 5:5 mii 10		in <b>the stir wet per s</b> uit ten en p					

DATOS DESDE LA SECCION TRANSVERSAL DEL TALUD

#### CALCULO DE FPO, DELTA EO, Y EO

VOC	BO	AFO	NAO	ρQ	DEO					
28- <b>2</b> 12 212 115 2										
1.	223.65	112.96	0.57	196.93	71.16					
2	852.00	517.56	0.83	620.39	371.62					
3	511.20	506.14	1.02	497.31	126.12					
4	293.94	523.01	1.08	486.08	-82,44					
5	61.56	417.42	1.04	400.81	-248.80					
6	-34.29	242.02	0.92	262.62	-237.65					
RC: KR: 552 (RC =										

1908.05 2319.11

2464.14

FACT.DE SEGURIDAD (MET.DE JANBU RIGUROSO)FPO= 1.22FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FO= 1.29 $\chi(0) = 20$ YB(0) = 50YT(0) = 50

CALCULO DE: T1

tin th to the the tot of the			RK 122 AZ 100 CZ 100 Z	
ΕO	EXO	TAN(AT)	HT	Τ1
0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
71.16	13.84	0.55	4.90	28.66
442.77	12.44	0.34	14.00	23.66
568.89	1.15	0.31	17,45	-156.30
486.45	-8.28	0.12	16.10	-191.69
237.65	-12,16	0.45	11.90	-251.62
0,00	0.00	0.00	0°00	0.00

#### CALCULD DE: FS1, DELTA E1, E1, ESF. CORTANTE Y NORMAL TOTALES

								a un bio ano un sin sin
DT1	TE1	Bi	AP1	NA 1	A1	DE 1	TAU	SIGMA
								and taken been taken taken taken antar
28.66	2.87	266.65	133.03	0.53	248,74	91,83	5.38	6.84
-5.00	-0.23	847.45	514.06	0.79	648,72	391.54	11.35	32.29
-179.96	-10.00	415.22	380.13	0,98	386.76	143.41	11.76	46.98
-35,40	-1.77	283.32	498.23	1.05	473.21	-49.25	15.26	44,41
-59.93	-3.00	56.46	375.46	1.03	362.99	-198,64	12.66	35.13
251.62	12.58	-63.23	418.21	0.93	449.15	-378.89	15.58	16.70
Dir seb sin sin his sin sin sin			97: NO 20: NO 20: NO 20: DE DE					e 767 het dat ein <b>269 eu</b>

1805.88

FACT.SEGURIDAD CALCULADO (JANBU RIGUROSO) FS1= 1.423

<sup>2569.57</sup> 

R	φ	С	Y	Bishop S	Fellenius	Janbu S	Janbu R
		Ton/m2	Ton/m9			]	<u> </u>
0.0	35	5,33	2.13	2.225	2.089	2.187	2.230
0.2	35	5.33	2.13	1.832	1.662	1.768	1.826
0.4	35	5.33	2.13	1.415	1.235	1.354	1.422
0.60	35	5.33	2.13	1.004	0.808	0.948	1.035
0.80	35	5.33	2.13	0.612	0.380	0.564	0.731
0.20	45	5.33	2.13	2.421	2.176	2.328	2.410
0.20	40	5.33	2.13	2.104	1.90	2.028	2.090
0.20	35	5.33	2.13	1.832	1.662	1.768	1.824
0.20	30	5.33	2.13	1.590	1.351	1.539	1.583
0.20	25	5.33	2.13	1.371	1.261	1.332	1.365
0.20	20	5.33	2.13	1.171	1.077	1.141	1.165
0.20	15	5.33	2.13	0.983	0.909	0.963	0.977
0.20	10	5.33	2.13	0.803	0.760	0.793	0.798
0.20	0	5.33	2.13	0.462	0.462	0.473	0.459

88

# TABLA 17 Comparación de los factores de seguridad para los difrentes métodos

× \*

S=Simplificado.

 $\mathbf{R} = \hat{\mathbf{R}} i guroso.$ 

#### RESULTADO

# BISHOP CON FUERZAS DE SISMO

Ci	ARACT.GE	OMETRICA	S TALUD					
ALT.TAL HTA= $5^{\circ}$	LUD LO 0 LB COORDS.	NG.BASE T= 100 DEL CENT	TALUD Royra	ANGULO T ATA= 2 DIO CIRC	ALUD 6.565 ULO DE FA	NLLA		
201 <u>0</u> X O 7	YC	(0) = 100	ł	R= 102.	432			
×(0)= :	COORDS 20 YB	INICIALE (0)= 50	S DEL C	IRCULO D YT(0)= 5	E FALLA 0			
1	PROPIEDA	DES SUEL	D Y CAR	ACT. GEO	METRICAS	DE CADA	DOVELA	
00V.	¢	PHI	GA	×	YB	ΥT	KV	KH
1 2 3	5,33 5,33 5,33	35.00 35.00 35.00	2.13 2.13 2.13	30.00 52.00 70.00	35.00 15.00 5.40	50.00 39.00 30.00	0.10 0.11 0.12	0.17 0.15 0.13
4 5 6	5.33 5.33 5.33	35.00 35.00 35.00	2.13 2.13 2.13	90.00 110.00 130.00	-0.60 -2.30 0.00	20.00 10.00 0.00	0.13 0.15 0.17	$0.12 \\ 0.11 \\ 0.10$
مهري مريد درية درية مريد الم								
DOVELA	MR	 M	0	MA				
1 2 3 4	1 160.95 161.01 2 654.77 769.20 3 625.46 581.45 4 669.02 405.97							
56	551.47 302.55	134. -10.	22 86	1.04 0.94				
FUERZ	SUPOSICI AS DEL S	ON ISMO ACT	UANDO .		FACTOR SEG.INIC	DE FAC CIAL SEG	TOR DE URIDAD	
EL CEN EN LA I FUERZA	TRO DE G BASE DE SISMO A A LA DEL	RAVEDAD CADA DOV CTUANDO TALLID	DE CADA ELA CON UNA	DOVELA INCLINA	1.296 CION	5	1,452 1,420	
COFFIC	TENTE ST	 SMTCO		 kn=n n9	········	an ant its the second and the second and		
and the second	ώ. հատ, Σ%, Σλοπ, ∿''							
,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	589 		5)E	0 ( D 	ي. س ـــــ مر ــــ			
1 2 3	5.71 13.69 18.80	6.15 15.17 21.12	4.22 20.78 31.38	5.14 23.84 36.17	3.20 8.31 10.35			
4 5 4	19.43 16.51 9.24	22.07 18.92 10.35	32.68 26.63 11.54	38.15 31.63 13.85	9,63 7.01 2.62			

# · TABLA 19

Ċ4	ARACT.GE	OMETRICAS	5 TALUD					
ALT.TAL HTA= 51	LUD LC 0 LE COORDS	NG.BASE	TALUD	ANGULO T ATA= 2 DIO CIRC	ALUD 6.565			
×C(0)=	109.4		··	an an ing the second second		t fans daar 1 - 1		
×(0)= ;	YC COORDS 20 YE	:(0)= 100 INICIALE: ?(0)= 50	S DEL C	R= 102. IRCULO D YT(0)= 5	432 E FALLA 0			
F	PROPIEDA	DES SUEL	) Y CAR	ACT. GEO	METRICAS	DE CADA.	DOVELA	
pov.		FHI	GA	······································	YB	YT	κν	×4
1	5.33 5.33	35.00 35.00	2.13	30.00	35.00	50.00 39.00	-0.10.	0.17
З	5.33	35.00	2.13	70.00	5,40	30.00	-0.12	0.13
4	5.33	35.00	2,13	90.00	-0.60	20.00	-0.13	0.12
5 2	5.33	35.00	2.13	110.00	-2.30	10.00	-0.15	0.11
<u> </u>	0.33 	33.00	ئ. له ه کد سر ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	130.00	U.UU 	U.UU 	-U.1/	U.IU 
DOVELA	MR	MI	]	MA				
1	133.04	134.0	59	0,99				
2	514.10	638.9	98	1,09				
3	480.14	479.3	33	1.13				
4	503.79	334.1	)6 50	1.11				
5	409.60 220 44	116.3	07 20	1,04	•			
	200.04 			0,7-) 		14 1921 - June Alfr data base been ar		
s FUER2i	SUPOSICI AS DEL S	ION SISMO ACTI	JANDO .		FACTOR SEG.INIC	DE FAC SIAL SEG	TOR DE WRIDAD	
EL CEN	TRO DE G	RAVEDAD J	DE CADA		1,189		1.339	
ENLA	BASE DE	CADA DOVE	ELA				1.303	
FUERZA	SISMO 4	CTUANDO (	CON UNA	INCLINA	CION			
IGUAL	A LA DEL	. TALUD		·			1.401	
COEFIC	IENTE SI	SMICO		K0=0.09	0		n David Lanar angki dabi Lanar <sub>bel</sub> gu	
poV₊	SM	SMS	STE	STS				
. 1	5,98	5.51	3.81	2.93	3.20			
 	14.48	12.92	20.06	17.08	8.31			
3	20.05	17.59	30.71	26.00	10.35			
4	20.86	18.03	32.25	26.85	9.63			
0 4	17.85 10.07	10.20	25.01 11 27	21.03 a po	7.01			
	10:07 		***2**	7: 34 	1000 1000			

Ci	ARACT.GE	OMETRICA	5 TALUD			, <b>'</b>		×
ALT.TA HTA= 5 XC(0)=	LUD LO 0 LE COORDS. 109.4	NG.BASE T= 100 DEL CENT	TALUD RO Y RA	ANGULO T ATA= 2 DIO CIRC	ALUD 26.565 2ULO DE F4	ìLLA		
×(0)= :	YC COORDS 20 YE	:(0)= 100 INICIALE :(0)= 50	S DEL C	R= 102. IRCULO D YT(0)= 5	432 PE FALLA 0	-		
	PROPIEDA	DES SUEL	O Y CAR	ACT. GEO	METRICAS	DE CADA	DOVELA	
DOV.	C	PH -	GA	×	Ϋ́В	ΥT	√KV	КН
1 2 3 4 5	5.33 5.33 5.33 5.33 5.33	35.00 35.00 35.00 35.00 35.00	2.13 2.13 2.13 2.13 2.13 2.13	30.00 52.00 70.00 90.00 110.00	35.00 15.00 5.40 -0.60 -2.30	50.00 39.00 30.00 20.00 10.00	-0.22 -0.24 -0.26 -0.29 -0.33	0.37 0.33 0.29 0.26 0.24
6	5.33	35.00	2.13	130.00	0.00	0.00	-0.37	0.22
DOVELA	MR	M	0	MA				
1 2 3 4 5 6	97.49 376.33 358.00 380.80 317.13 205.37	136. 668. 529. 404. 186. 34.	86 58 33 24 56 50	1.21 1.27 1.25 1.18 1.06 0.90				
FUERZ	SUPOSICI AS DEL S	ON ISMO ACT	UANDO .		FACTOR SEG.INIC	DE FAU Cial Seu	CTOR DE GURIDAD	
EL CEN EN LA I FUERZA IGUAL I	TRO DE G BASE DE SISMO A A LA DEL	RAVEDAD CADA DOVI CTUANDO TALUD	DE CADA ELA CON UNA	DOVELA INCLINA	0.750 CION	)	0.885 0.841 0.923	
COEFIC	IENTE SI	SMICO		K0=0.20	0			
DOV,	SM	SMS	STE	STS	{ <sub>₩</sub> ,1			
1 2 3 4 5 6	7.37 18.78 27.25 29.46 26.39 15.73	6.10 14.28 19.81 20.58 17.83 11.51	1.72 16.15 26.87 29.67 25.79 12.29	$\begin{array}{c} 0.11\\ 10.46\\ 17.45\\ 18.43\\ 14.95\\ 6.96 \end{array}$	3.20 8.31 10.35 9.63 7.01 2.62			

÷

# TABĹA

#### RESULTADO

# BISHOP CON FUERZAS DE FILTRACION

	CARA	TERISTIC	AS GEOM	HETRICAS D	EL TALUI	)
=====	*******	* = = = = = = = = = = =	. = = = = = = = =			o no 20 at 15 15 ht
DOVELA	X	ΥÐ	ΥT	×ы	YBW	ΥW
				*********		
1	30.00	27.00	50.00	30,00	18.71	18.71
2	41.00	16.65	44.50	41.00	16.65	16.65
З	52.00	9.00	39.00	52.00	9.00	14.59
4	70.00	0.60	30.00	70.00	0.60	11.23
5	90.00	-4.00	20.00	90,00	-4.00	7.48
.6	110.00	-4.50	10.00	110,00	-4,50	3.74
7	130.00	-0.60	0.00	130.00	-0.60	0.00
8	132.50	0, 00	0.00	131.50	-0.50	-0.28
*=====	=======	*******				******
HTA =	50	LBT=	100	ATA	¥ = 26.51	7
$\times(0) =$	15	YB(0)=	50	YT(0) = 5	50	
$\times W(0) =$	15	Y₩(0) =	21.52		YBW	(0) = 21.52

RADIO R= 96.61

CARACTERISTICAS DE CADA DOVELA

XC(0) = 102 YC(0) = 92

====				* = = = = = = = = =		******
DOV.	Ð	<b>.</b>	HS	HW	НÞ	ALFA
=====		*==*===			******	*****
1	15.00	27.46	29.89	0.00	11.50	56,89
2	11.00	15.10	29.57	0.00	25.43	43.26
3	11.00	13,40	26.13	2,80	28,93	34.82
4	18.00	19,86	21.59	8.11	29.70	25.02
5	20.00	20.52	15,65	11.05	26.70	12.95
6	20.00	20,01	9.39	9.86	19.25	1.43
7	20,00	20,38	3.13	4.42	7,55	-11.03
8	2.50	2.57	0.14	0.41	0.30	-13.50
=====	*=======	.=======			*****	

PROPIEDADES DEL SUELO, PESO EFECTIVO, TOTAL DE CADA DOVELA PHI GA1 DOV. C. MM WΕ WT 5,33 25,00 1 2.13 0,00 367.43 367.43 2 5,33 25,00 2,13 0,00 595.71 595.71 З 5,33 25,00 30.75 646.97 2.13 677.71 **4** 5,33 25.00 2.13 145.98 992.72 1138.70 5 5,33 25.00 2,13 916,32 1137.42 221.10E, 5.33 25,002.13 197.20 622,85 820.05 7 5,33 25.00 2.13 88.40 233.23 321.63 5.33 8 25.00 2.13 0.620.981.60 

#### TABLA 21 Continuación.

DOV.	RU	GH	V	FF	D	ALF	VFN	VFD
		=======				=========	=======================================	
1	0.00	0.18	0.000	0.000	107.181	10.610	0.000	0.000
2	0.00	0.18	0,000	0.000	99.728	10.607	0.000	0.000
З	0.05	0.18	30,745	5.659	95.549	10.607	0.486	5.597
4	0.13	0.18	145,980	26.787	92.704	10,574	2.292	25.705
5	0.19	0.18	221,100	40.746	90.876	10.620	3.502	38.329
6	0.24	0.18	197,200	36.248	91.342	10.592	3.107	34,272
77	0,27	0.18	88,400	16.249	94.078	10.592	1.393	15.824
8	0.64	0.18	0,615	0.113	96,717	10.574	0.010	0.113

#### MOMENTOS: RESISTENTES M1, MOTORES M2

FACTOR DE	SEGURIDAD	INICIAL FO
	********	
DOVELA	M 1	M2
		============
1	239.950	307,759
2	282.811	408.216
3	318.010	374,551
4	522,239	445.746
Ξ.	525,024	246.103
6	399.672	51.352
7	218.146	-29.534
8	14,170	-0.126
	2520.024	1804.068
FACTOR DE	SEG. INTOTA	FD= 1.397

#### MOMENTOS:RESISTENTES, MOTORES,ESF.EFECTIVOS,TOTALES FACTOR DE SEGURIDAD

DOVELA	MA	MR	MC	<u>l_</u> l	ESE	EST		
1	0.81	310.838	307.759	0.000	12.846	12.846		
	0.94	356.840	408.216	0,000	39,236	39.236		
3	1.00	359.618	374,987	2.795	44.042	46.837		
4	1.04	536.684	445.511	8.110	39,828	47.938		
5	1.04	509,458	243,720	11.055	32.010	43.065		
6	1.01	392.600	49.839	9.860	21.359	31.219		
7	0.92	232.948	-28.815	4.420	8.614	13.034		
8	0.90	15.124	-0.116	0.410	0.919	1.329		
	* ** ** ** ** **		*********			:		
		2714.110	(801.099					
======	-======	=========	********					
EL FACT	OR DE	SEGURIDAD	INICIAL		F0=	1.397		
EL FACT	FOR DE :	SEGURIDAD	SUPUESTO	ES	F1=	1.490		
FACT.DE	SEG.	MET.BISHON	P CON FUER	ZA FILTE	ACION F=	1.507		
			********					
DIFEREN	ICIA			<b>~</b>	D=	0.017		
COHESIC	$0N = 5_{*}$	33	FHI=	25 YS	GAMMA= 2	2.13		
TABLA 22

CARACTERISTICAS GEOMETRICAS DEL TALUD

*****	=========				********	=====
DOVELA	$\sim$ $\times$	ΥB	ΥT	$\times \omega$	АВМ	ΥW
	=======	======			*******	=====
1	30.00	35.00	50.00	30.00	35.00	38.74
2	52.00	15.00	39.00	52.00	15.00	30.26
3	70.00	5.40	30.00	70.00	5.40	23.28
4	90.00	-0.60	20.00	90.00	-0.60	15.52
5	110.00	-2.30	10,00	11 + 00	-2.30	7.76
6	130.00	0.00	0,00	130.00	0.00	0.00
=====	=========				********	=====

HTA	=	50	LBT=	100		ATA =	26.57	
$\times(0)$	=	20	AB(0) =	50	YT(0)	= 50		
XW(0)	=	26.6	YW(0) =	40.08			ABM(0)	= 40.08
XC(0)	Ξ	109.4	YC(0) =	100	RADIO R	= 102.	43	

### CARACTERISTICAS DE CADA DOVELA

=====		========	=======	=======	=======	======
DOV.	В	L	HS	HW	HD	ALFA
=====			. = = = = = = = = =	========		
1	10.00	18.03	10.59	1.87	7.50	56.31
2	22.00	29.73	10.00	9.50	19.50	42.27
З	18.00	20,40	7.73	16.57	24.30	28.07
4	20,00	20.88	5.60	17.00	22.60	16,70
5	20.00	20.07	3.36	13.09	16.45	4.86
6	20.00	20,13	1.12	5.03	6.15	-6.56
======						=====

PROPIEDADES DEL SUELO, PESO EFECTIVO, TOTAL DE CADA DOVELA

=====	=======	============			=======	======
DOV.	i	PHI	GA1	ти	WE	WT
=====				*******	=========	m = = = m = m
1	5.33	35.00	2.13	6.36	153.39	159.75
2	5.33	35,00	2.13	209.00	704.77	913,77
3	5.33	35,00	2.13	298.26	633,40	931.66
4	5.33	35,00	2.13	340.00	622.76	962.76
5	5.33	35,00	2.13	261,80	438.97	700.77
6	5.33	35,00	2.13	100.60	161.39	261.99
			======			======

# TABLA 22 Continuación.

•\*\*\*

-

•

.

GRAD.HI	DRAULICO,	OLUMEN, F.DE	FILTRACION	, ANG.L.SUP	.FREATICA	}	
DOV. F	U GH	V	FF	D	ALF	VFN	VFD
1 0. 2 0. 3 0. 4 0. 5 0. 6 0.	12 0.3 23 0.3 32 0.3 35 0.3 37 0.3 38 0.3	7 6.358 5 209.000 5 298.260 5 340.000 5 261.800 5 100.600	2.331 75.169 107.835 122.987 94.700 36.390	101.797 98.049 94.801 93.825 95.369 99.203	21.510 21.079 21.195 21.206 21.206 21.206 21.206	0.599 18.930 27.299 31.150 23.986 9.217	2.317 71.953 99.801 112.653 88.170 35.242
MOMENTO FACTOR	)S:RESISTE DE SEGURI)	NTES M1,MOTO DAD INICIAL F	RES M2 F0 =====				
DOVELA	M1	1	12				
1 2 3 4 5 6 =================================	154.7: 504.5 491.0: 535.7 431.9 231.4 231.4 2349.4 8E SEG.INC	34 123   52 54   24 405   31 301   13 128   39 13   34 1525   34 1525   IAL F0= 1.543	9,544 4.164 5.130 1.555 3.050 3.761 ===== 2.205				
MOMENTO	)S:RESISTE FACTO	NTES, MOTORES R DE SEGURIDA	3,ESF.EFECT AD	IVOS, TOTAL	ES .		
DOVELA	MA	MR MO	======================================	ESE	EST		
1 2 3 4 5 6	0.91 17 1.03 60 1.08 51 1.08 51 1.03 41 0.94 23	5.703 129.94 5.249 546.03 2.299 397.83 9.930 291.60 5.239 125.34 3.519 16.80	47 1.870 32 9.500 73 16.570 02 17.000 49 13.090 04 5.030	6.421 21.819 29.002 28.702 22.564 9.573	8.291 31.319 45.572 45.702 35.654 14.603		
	:======== 246	7,939 1507.6	:=== <b>====</b> =============================		======		
EL FAC EL FACI FACT.DE	TOR DE SEG For de Segi E Seg. Met	JRIDAD INICI JRIDAD SUPUES BISHOP CON F	AL STO ES FUERZA FIL	FO= FO= F1= TRACION F=	1.543 1.637 1.637		
LA DIF	ERENCIA			p=====================================	0,000		
RESU	JMEN: MET.) Yecto:N	BISHOP CON FU	JERZAS DE F	ILTRACION			
======= XC ( (	)) ¥C(		MR	======== MO		F.MIN	
109,41	) 100.0 	0 102.43	2467.9	39 1507. =========		1.637 q	

#### TABLA 23

. '	CARAC	TERISTIC	CAS GEO	METRICAS	DEL TALUE	)
		========				======
DOVELA	×	ΥB	ΥT	$\times \omega$	YBŴ	ΥW
1	30.00	35.00	50,00	30,00	18,70	18,70
	52,00	14.62	39.00	52,00	14.62	14.62
3	70.00	5.40	30.00	70.00	5.40	11.22
4	90.00	-0.60	20.00	90.00	-0.60	7.48
5	110.00	-2.30	10.00	110.00	-2.30	3.74
6	130.00	0.00	0.00	130.00	0.00	0.00
*****						
HTA =	50	LBT=	100	A.	1a = 26.51	7
$\times(0) =$	20	AB(0) =	50	YT(0) =	50	
$\times W(0) =$	20	Y₩(0) =	20.57		<b>ABM</b>	(0) = 20.57
XC(0) =	109.4	YC(0) =	100	RADIO R=	102.43	•

CARACTERISTICAS DE CADA DOVELA

. . . . .

=====	========					======
DOV.	В	L	HS	нω	HD	ALFA
====						* = = = = = =
1	10.00	18.03	30.37	0.00	7.50	56.31
2	22.00	29.99	27.84	-0. <b>0</b> 0	19.69	42.81
З	18.00	20.22	21.58	2.91	24.49	27.12
4	20.00	20.88	15.65	6.95	22.60	16.70
5	20.00	20.07	9.39	7.06	16.45	4.86
6	20.00	20.13	3.13	3,02	6.15	-6.56
		=======================================				

PROPIEDADES DEL SUELO, PESO EFECTIVO, TOTAL DE CADA DOVELA C WE DOV. PHI GA1 네너 WΤ 5.33 35.00 2.13 0.00 159.75 159.75 1 2 5.33 35,002.13 0.00 922.67 922.67 5.33 35.00 2.13 52.38 886,57 938.95 З 5,33 35,00 2,13 139.00 823.76 962.76 4 5 5.33 35.00 2.13 141.20559.57 700.77  $\epsilon$ 5.33 35,00 2.13 60.40 201.59 261.99

# TABLA 23 Continuación.

DOV.	RU	GH	V	FF	D	ALF	VFN	VFD
	*****	======		============				
1	Ŭ,ÛÜ	Ö.18	Ů.OŬŨ	0.000	116.541	10.592	0.000	0.000
2	-0,00	0.18	0.000	0.000	107.815	10.506	0.000	0,000
3	0.06	8.19	52.380	9.722	100.901	10,697	1.264	9.577
4	0.14	Ü.18	139.000	25.550	98.610	10.592	3.288	24.597
	0.20	0.18	141.200	25.955	98.370	10,592	3.341	24.925
F.	ŭ. 23	ü.18	60.400	11.102	100.202	10.592	1.429	10.861

MOMENTOS: RESISTENTES M1, MOTORES M2 FACTOR DE SEGURIDAD INICIAL FO M1 DOVELA M2 158.136 132.920 1 633.793 627.031 2 З 658.383 413.506 4 661.866 262.111 5 499.206 73.217 249.825 -12,423 6 2861.209 1496.363

# FACTOR DE SEG.INICIAL FO= 1.912

#### MOMENTOS:RESISTENTES, MOTORES,ESF.EFECTIVOS,TOTALES FACTOR DE SEGURIDAD

DOVELA MA	MR	MO	Ŭ	ESE	EST
	*********				*****
1 Ŭ.85	195.221	132.920	0.000	7.853	7.853
2 0.97	785.695	627.031	-0.000	29.805	29.805
3 _1.05	682.084	413.758	2.910	38.224	41.134
4 1.06	644.185	261,302	6.950	30.473	37.423
5 1.03	484.194	72.318	7.060	20.326	27,386
6 0.95	259.130	-12.170	3.020	7.781	10.801
	********	<u> </u>			======
	3050,509	1495.159			
* = = = = = = = = = = = = = = = = = = =			******	* = = = = = = = = = = = = = = = = = = =	
EL FACTOR DE	SEGURIDAD	INICIAL		F0=	1.912
EL FACTOR DE	SEGURIDAD	SUPUESTO	ES	F1=	2.000
FACT DE SEG.	MET.BISHO	P CON FUER	ZA FILT	RACION F=	2.040
			=======		******
DIFERENCIA				[)≕	0.040
COHESION = 5	<b>.</b> 33	FHI=	35	GAMMA= 2	13
6 0.95 EL FACTOR DE EL FACTOR DE FACT.DE SEG. DIFERENCIA COHESION = 5	259.130 3050.509 SEGURIDAD SEGURIDAD MET.BISHO	-12.170 1495.159 INICIAL SUPUESTO P CON FUER	3.020 EEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEEE	7.781 	10.801 1.912 2.000 2.040 0.040 2.13

#### TABLA 24

CARACTERISTICAS GEOM	ETRICAS D	EL TALUD
----------------------	-----------	----------

				_ = = = = = = = = = = =	
DOVELA X	ΥB	ΥT	XW	YBW	Ай
		= = = = = = = =	===========	_ = = = = = = = = = = =	======
1 30.00	35.00	50,00	30,00	35.00	37.45
2 52.00	15.00	39.00	52.00	15.00	31,20
3 70.00	5.40	30.00	70.00	5.40	26.30
4 90.00	-0.60	20.00	90,00	-0,60	19.40
5 110.00	-2,30	10.00	110.00	-2.30	10.00
6 130.00	0,00	θ,00	130.00	0.00	0.00
***********	*****				
				,	
HTA = 50	LBT=	100	A	TA = 26.5	7
X(0) = 20	YB(0)=	50	YT(0) =	50	
XW(0)= 27.85	YW(0) =	37.95		YBW	(0) = 37.95
XC(0)= 109.4	YC(0) =	100	RADIO R=	102.43	

CARACTERISTICAS DE CADA DOVELA

====	~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~			=======	=======	======
DOV.	В	L	HS	ΗW	HD	ALFA
=====					. = = = = = = = = =	
1	10.00	18.03	12.30	1.23	7.50	56.31
2	22.00	29.73	10.17	9.33	19.50	42.27
З	18.00	20.40	5.75	18.55	24.30	28.07
4	28.00	20.88	2.15	20.45	22.60	16.70
	20.00	20.07	0.30	16.15	16.45	4.86
6	20.00	20.13	0.00	6.15	6,15	-6.56

PROPIEDADES DEL SUELO, PESO EFECTIVO, TOTAL DE CADA DOVELA Dov. c phi gai ww we wt

20.000 M M		1 ( 1,		1110		••••
				=======	========	======
1	5,33	35.00	2.13	2.63	157.12	159.75
2	5,33	35.00	2.13	205.15	708.62	913.77
З	5.33	35.00	2.13	333.90	597.76	931.66
4	5,33	35.00	2.13	409.00	553.76	962.76
5	5.33	35.00	2.13	323,00	377.77	700.77
<del>Ģ</del>	. 5.33	35.00	2.13	123.00	138.99	261.99
====;					3e====	

001

نەر ر

#### TABLA 24 Continuación.

GRAD	.HIDRAL	LICO,VOL	LIMEN, F.DE	FILTRACION	N, ANG. L. SUP	.FREATICA		
DOV.	RU	GH	·	FF	D	ALF	VFN	VFD
1 2 3	0.08 0.22 0.36	0.23 0.27 0.26	2.634 205.150 333.900	0.597 56.063 87.703	102.148 98.112 93.951	13.092 15.859 15.228	0.095 10.728 16.130	0.595 53.698 80.442
4 5 6 =====	0.42 0.46 0.47	0.33 0.43 0.45	409.000 323.000 123.000	133.390 137.392 55.007	92,189 93.847 98.646	19,034 25,174 26,565	30.461 40.921 17.225	120.050 125.876 52.974

MOMENTOS:RESISTENTES M1, MOTORES M2

F	AC	ΤI	_lf	÷.	D	E	SE	ΞC	ЗU	F	1	[];	Α	D	T	N	II	C	I.	AI	l	F	Ű	l
---	----	----	-----	----	---	---	----	----	----	---	---	-----	---	---	---	---	----	---	----	----	---	---	---	---

DOVELA	MI	M2
1	156.826	131.163
2	508.152	526.879
3	464.395	366.809
4	486.493	292.401
5	403.951	160.841
6	225.035	30.188
		*******
 ش	244.852	1508.281

FACTOR DE SEG.INICIAL FO= 1.488

#### MOMENTOS:RESISTENTES, MOTORES,ESF.EFECTIVOS,TOTALES FACTOR DE SEGURIDAD

_=====			=========	*******	==========	*******
DOVELA	MA	MR	MO	LI	ESE	EST
	* * = = = = = =				*********	
1	0.93	174.859	131.324	1.225	6.313	7.538
2	1.04	592,155	530.368	9.325	21,132	30.457
з	1.09	472.991	361.742	18.550	26.332	44.882
4	1,09	469,500	279.172	20.450	25.401	45,851
5	1.03	387.339	157.871	16.150	20.725	36.875
6	0.94	230.198	37.095	6.150	9.042	15.192
*====				=========		
: . :		2327.043	1497.571			
			******			
EL FAC	TOR DE	SEGURIDAD	INICIAL		. F0=	1.488
EL FAC	TOR DE	SEGURIDAD	SUPUESTO	ES	F <u>j</u> =	1.554
FACT.D	E SEG.	MET.BISHO	P CON FUEF	ZA FILT	RACION F=	1.554
						=======
DIFERE	NCIA				D=	0.000
COHESI	ON = 5.	33	FHI=	35	GAMMA= 2	.13



#### TABLA 25

н.).,

GRAD	.HIDRA	ULICO,VOL	UMEN, F.DE	FILTRACIO	N, ANG. L. SUP.	.FREATICA	¥	
pov.	RU	GH	V	FF	p	ALF	VFN	VFD
1 2 3 4	0.08 0.22 0.36 0.42	0.23 0.27 0.26 0.33	2.634 205.150 333.900 409.000	0.597 56.063 87.703 133.390	102.148 98.112 93.951 92.189	13.092 15.859 15.228 19.034	0.063 7.144 10.742 20.286	0.595 53.698 80.442 120.050
5 6	0,46 0,47	0.43 0.45	323.000 123.000	137.392 5 <sup>1</sup> .007	93.847 98.646	25.174 26.565	27.251 11.471	125.876 52.974
MOME	NTOS:R Or de	ESISTENTE	S M1,MOTOF INICIAL F	RES M2 -				
DOVE	LA	M1	1 	12				
:==== 1	= = = = = =	136.537	======================================	.163				
2 3 2		345.588 341 160	366	5.809 2-401				
5		304.751 185.707	160 30	).841 ).188				
= = = =	<del></del>			:==== 2				
FACT	OR DE	SEG.INICI	AL FO= 1.3	44				
MOME	NTOS:R	ESISTENTE FA	S, MOTORES CTOR DE SE	3,ESF.EFEC EGURIDAD	TIVOS, TOTAL	<b>=</b> 5		
DOVE	LA M	A MR	MO		ESE ·	EST		
====	===== 0.8	======================================	36 131.33	24 1.22	5 5.662	6.887		
2 3	1.0 1.0	0 448.7 7 353.0	07 530.30 92 361.74	58 9.32 12 18.55	5 21.246 0 26.540	30.571 45.090		
4	1.0 1 0	17 350.8	:00 279.1 <sup>-</sup> :67 157 91	72 20.45 71 16 15	0 25.513	45.963 36 887	<b>*</b> C*	
6	1,0 0,5	·5 189.7	68 37.09	95 6.15	0 9.107	15.257		
****		1779.1	70 1497.5	;======== 71	=======================================			
EL F EL F	ACTOR ACTOR	DE SEGURI DE SEGURI	DAD INICIA	·======= AL STO ES	======================================	1.144 1.188		
FACT	.DE SE	G. MET.BI	SHOP CON H	FUERZA FI	LTRACION F=	1.188		
DIFE	RENCIA	) 	· ,	n, j y vya "wa, jana		0.000		A start have been prove an article in the second
_UHE	270W =	5 <b>D.</b> 40	ł	mie Zo	GHINNH= .	ت ا م م	TESIS	CON
					102.		FALLA DE	ORIGEN

#### TABLA 26

			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					
pov.	RU	GH	V	FF	p D	ALF	VFN	VFD
===;	* = = = = = =	********					=========	
1 2	0.08 0.22	0.23 0.27	2.634 205.150	0.597 56.063	102.148 98.112	$13.092 \\ 15.859$	0.024 2.701	0.595 53.698
З	0,36	0.26	333,900	87,703	93.951	15,228	4.062	80.442
4	0.42	0.33	409.000	133.390	92.189	19.034	7.671	120.050
÷.	0.46	0,43	323.000	137.392	93.847	25.174	10.305	125.876
6	0.47	0.45	123.000	55,007	98.646	26,565	4.338	52.974
====					~=========		=========	

GRAD, HIDRAULICO, VOLUMEN, F. DE FILTRACION, ANG. L. SUP. FREATICA

MOMENTOS: RESISTENTES M1, MOTORES M2

THEFOR WE DEGURIDHD INICIAL	50
-----------------------------	----

DOVELA	M 1	M2
1	111.383	131.163
2	246.529	526,879
з	198.295	366.809
4	205.777	292.401
Here's a start of the start of	181.767	160.841
6	136.950	. 30.188
******		
	1080.701	1508.281
FACTOR D	E SEG.INICIAL	_ FO= 0,717

#### MOMENTOS:RESISTENTES, MOTORES,ESF.EFECTIVOS,TOTALES FACTOR DE SEGURIDAD

* = = :		* = = = =		=======		===		====	====	===	===
DOVE	ELA M	1A	MR	þ	10	U		ESE		ES	Т
) == == :			***	****			====		===	=====	: = = =
1	0.7	<u>ت</u>	107.09	5 131.	324	1,1	225	3,5	53	4.	778
2	0.9	20 3	269,83	5 530.	368	9.	325	21.5	90	30.	915
3	1.0	10 <u>;</u>	203.06	6 361.	742	18.3	550	27.1	39	45.	689
4	1.0	13 (	202.86	0 279.	172	20.	450	25,8	24	46,	274
S	1.0	12	177.69	1 157.	871	16.	<b>15</b> 0	20.7	69	36.	919
E	0.9	77	139.08	9 . 37.	095	6.	150	9.2	71	15.	421
_= = = = :	* * * * * * *	====	= = = = = = =	======	=====:	= = = = = :	====	====	= = = =	====	** ** **
1		1	099.63	6 1497.	571						
===:		====	====		=====:				= = = = =	====	===
EL I	FACTOR	DE SI	EGURID	AD INIC	CIAL				F0=	0.71	7
ELI	FACTOR	DE SI	EGURID	AD SUPL	JESTO (	ΞS			F1=	0.73	4
FAC	T.DE SE	G. M	ET,BIS	HOP COM	FUER	ZA I	FILTE	ACION	F=	0.73	4
	* = = = = = =	====:			=====	====		====	====	====	===
DIF	ERENCIA	4							D =	0.00	ń.
COH	ESION =	- 5,3	3		FHI=	1.0		GAMM	A= 2	.13	-



Tabla 27 Comparación de los factores de seguridad graficos de J.Kerisel y análisis por computadora.

φ.	x	2-13	m	n	P	Talud	Fgr	Fcom
25	0.05	2∕5	0.1	0.3	0.05	2:1	1.49	1.507
35	0.05	4/5	0.05	0.2	0.01	2:1	1.63	1.637
35	0.05	5/2	0.05	0.2	0.01	2:1	1.99	2.040

Fgr = Factor de seguridad del gráfico (J.Kerisel) Fcom = Factor de seguridad por computadora.

Tabla 28Comparación de los factores de seguridad conla dirección de la fuerza de filtración.

φ	Factores de seguridad F										
	Sin fuerza de	Inclinación	Diferencia	Variable							
	filtración	constante	(a-i)	L.S.F							
45	2.720	2.143	1.930	2.020							
40	2.350	1.871	1.693	1.771							
35	2.042	1.637	1.488	1.554							
30	1.764	1.430	1.307	1.362							
29	1.512	1.242	1.144	1.188							
20	1.280	1.068	0.993	1.028							
10	0.858	0.752	0.717	0.734							

104

TESIS CON

FALLA DE ORIGEN

L.S.F= Línea superior flujo

A= Angulo de inclinación de la dovela

i= Angulo de inclinación de línea superior flujo

### ANEXO I

105

NTATA AAAY

TESIS CON FALLA DE ORIGEN



Donder

AB = Inclinación estable

AC = Inclinación límite

AD = Inclinación inestable

ACD = Cuña deslizante

Fig. 1 Superficie de falla plana en suelos friccionantes.



Fig. 2 Fuerzas que actúan sobre un talud.



Fig. 3 Superficie de falla plana en arcillas (Culmann).









Fig. 6 Fuerzas en una dovela, método de Spencer.







(OE





Fig. 8 Factor de corrección fo en función de la relación de de la curvatura d/L y tipo de suelo (Janbu)







Fig. 9 Notaciones usadas para el método de Janbu riguroso.



Fig. 10 Fuerzas que actúan en una dovela, método de Jambu riguroso.









Fig. 12 Equilibrio de una dovela, método de Bishop.

|||





сьэ









Fig. 14 Fuerzas sísmicas horizontal y vertical en una dovela (Bishop).





Fig. 15 Espectros de pseudo velocidad a) El Centro, 1940 b) Taft, 1962. Componente vertical Chopra A (1960).



Fig. 16 Distribución de la respuesta  $\phi$  (y) a lo alto de la presa para los tres primeros modos de vibración.



Fig. 17 Coeficiente sísmico sugerido para usar en el análisis pseudoestático de estabilidad de taludes (Ambraseys 1960).













Fig. 20 Sección transversal de un talud.



EJEMPLO DE APLICACION Nº 2



n mautlA



\*

EJEMPLO DE APLICACION No

ļ

BIUTA

Fig. 23 Sección transversal de un talud (caso III)







.....

-----



ł :



ł

1.2 **1.**1 0.9 0.8 0.7 0.6 0.5 0.3 0.2 4.0 0.1 0 Ĩ dovelas en la relación de resistencias al esfuerzo de las 80 90 base 70 0#Ø 60 cortante, método de Fellenius/Bishop. 50 <u>e</u>l 0 < 0 ⊲=90° Ŗ ם ד ב 40 r F P Fig. 28 Influencia de la inclinación de 10 20 30  $\alpha$  = Angulo de inclinación ۴. DIAGRAMA PARA C=0 ---- Ø=10 -90 - 80 - 70 - 60 - 50 - 40 - 30 - 20 - 10 0---- Ø=35 0=\$/2  $\frac{\tau}{T_{B}}$  máx 55  $\alpha = 90^{\circ} - \phi$ **°0** 8 11 ح. B 2 0.9 0.8 0.6 0.2 1.1 0.7 0.5 0.3 4,0 0.1 0 Relacion de resistencia  $\tau_{\mathbf{r}} \tau_{\mathbf{a}}$ 







Distancia en metros

Altura H=50 m

Talud 2:1 Esc.1:1000





(29)





Fig. 32 Factor de seguridad y fuerzas horizontales E entre dovelas a lo largo de la superficie de falla (Janbu riguroso).



Distancia en metros

Fig. 33 Fuerza vertical T entre dovelas, esfuerzos  $\sigma' y \tau$ a lo largo de la superficie de falla no circular. (Janbu riguroso). [3]








- --



TESIS CON FALLA DE ORIGEN



Fig. 38a Simplificación de los efectos dinámicos.









136



Fig.38b Dirección y ubicación de las fuerzas sismicas en cada dovela.



13)

TESIS CON FALLA DE ORIGEN





TESIS CON FALLA DE ORIGEN

139



TESIS CON FALLA DE ORIGEN



Eactor de seguridad F





Factor de seguridad F





E















## A N E X O II

## 1.0 CALCULO DE LA FUERZA DE FILTRACION EN UN TALUD PARA EL METODO BISHOP

El agua èn movimiento ejerce la fuerza de filtración sobre el esqueleto del suelo por efecto de un arrastre friccional Una expresión adecuada de una fuerza de filtración es calculada como fuerza por unidad de volumen de suelo, en la forma.

Considerese una sección dA de una red de flujo tal como se muestra en la fig. 1 de una presa de tierra en la que se considera que el suelo esta saturado. La presión que ejerce el agua sobre esta sección dA es:



Fig. No 1 Presión de filtración

$$d\rho = \gamma dh dA$$

(2)

donde:

γ = Peso unitario del agua. dh= Diferencia de alturas. dA= Area de la sección que se esta analizando dL= Longitud de la muestra La presión puede ser relacionada a una unidad de volumen :

$$\frac{dp}{dV} = \frac{dp}{dA.\,dL} = \frac{\gamma dh dA}{dA.\,dL}$$

Asignando que: J= dp/dAdL

se tiene que J=  $\gamma$  (dh/dL), donde el gradiente hidraúlico es i=dh/dL. Por tanto se obtiene:

$$J = \gamma_{w} i \quad (en \ tn/m^{3}, \ g/cm^{3}, \ KN/cm^{3}) \qquad (3)$$

Nótese, que la fuerza de filtración es una fuerza de cuerpo, distribuída sobre el volumen del cuerpo de la masa del suelo con dimensiones  $(tn/m^3, KN/m^3, g/cm^3, lb/ft^3)$ , dependiendo del sistema de unidades usadas.

Si la presión de filtración actúa en un área cuadrada de sección A=abcd de espesor unitario de la red de flujo, fig. 2, la fuerza de filtración obtenida FF es:

$$FF = JA(1) = \gamma i A(1) \tag{4}$$



Fig. No 2 Fuerza de filtración en una red de flujo

Si  $i=\Delta h/\Delta n$  y  $A = \Delta n\Delta m$  se tiene:

$$FF = \gamma \Delta h\Delta m \tag{5}$$

donde:

- Δh= Diferencia de altura en un volumen [A(1)] formado por el cuadrado A=abcd
  Δn= Dimensión del cuadrado, A=abcd en la
  - dirección del flujo.
- Δh/Δn= Gradiente hidraúlico por medio del cuadrado.

 $\Delta m$ = Lado del cuadrado perpendicular al flujo.

1.1 UBICACION DE LA FUERZA DE FILTRACION .

La fuerza de filtración es una de las que contribuyen a causar el deslizamiento de la masa de suelo ABCD tal como se muestra en fig. 3.

La dirección de la fuerza de filtración varía de acuerdo a la inclinación de la línea superior de flujo, estará ubicada en el centro de gravedad de la zona comprendida entre la línea superior de flujo y la superficie de falla de cada dovela.

$$FF = JV = \gamma_{i} t V$$



Fig No 3 Ubicación de la fuerza de filtración

З

## 1.2 OBTENCION DEL FACTOR DE SEGURIDAD

Con referencia a la fig. 4 la presión de poro en la base de la dovela y la altura de la línea superior de flujo puede realmente ser evaluada. También la dirección "i" se puede tomar como la inclinación de la línea superior flujo actuando en el centro de gravedad de la zona comprendida entre la superficie de falla y la línea superior de flujo.

La presión de poro en la base de una dovela (flujo uniforme a través de un dovela) es.

$$u = \gamma_{\rm i} h \cos^2 i \tag{6}$$

El empuje del agua en la base de una dovela es:

$$E_{j} = ub/cosa$$
 (7)

Peso total de la dovela es:

$$W_{\rm T} = b d\gamma$$
 (8)

Considerar el peso del agua como:  $W_{\rm w} = bh\gamma_{\rm w}$ (9)

Peso efectivo es:

$$W_{\mathbf{E}} = W_{\mathbf{T}} - W_{\mathbf{W}} \tag{10}$$

Del equilibrio vertical de las fuerzas del agua se tiene:

que la fuerza de filtración es:

$$FF = [(\gamma h - u)b] / seni$$
 (12)

Del equilibrio de fuerzas de la fig. 4 se tiene:

 $\sum_{\mathbf{v}} F_{\mathbf{v}} = 0$   $P' \cos a - W_{\mathbf{e}} + S sena - FF seni = 0 \qquad (13)$ 

$$\sum_{H} F_{H} = 0$$
Scosa - P'sena - FFcosi=0 (14)

De la ec. 14 obtener :

------

$$S = (P' \text{sena} + FF \text{cosi})/\cos \alpha$$
 (15)

Reemplazando el valor de la ec. 15 en la ec. 13 se obtiene el valor de la fuerza normal efectiva en la base de la dovela:

$$P' = W_{E} \cos \alpha - FF \sin(\alpha - i)$$
(16)

Sustituyendo el valor de P' en la ec. 15 y ordenado términos se obtiene el valor de la fuerza tangencial S en la base de la dovela :

. .....

Por tanto el factor de seguridad a lo largo de la superficie de falla es expresado por:

$$F = \frac{\sum c'l + \sum \left\{ \begin{bmatrix} W & cosa - FFsen(a-i) \end{bmatrix} tan\phi' \right\}}{\sum \begin{bmatrix} W & sena + FFcos(a-i) \end{bmatrix}}$$
(18)

Considerando el polígono de fuerzas de la fig 4c del equilibrio de fuerzas verticales se tiene:

$$\sum_{\mathbf{E}} F_{\mathbf{v}} = 0$$

$$W_{\mathbf{E}} + FF \text{ seni } -(ul+P')\cos\alpha - (c'l) + \frac{P'tan\phi'}{F} \text{ sena=0}$$
(19)

Agrupando términos se determina P' de la ec. 19:

$$P' = \frac{\frac{W}{E} + FFseni - ulcosa - (c'l/F)sena}{\cos a + tan\phi'sena}$$
(20)

$$m_{\alpha} = \cos\alpha(1 + \tan\alpha \tan \phi' / F)$$

Considerando momentos respecto al punto 0 de la figura 4a se tiene:

$$(W_{E}) \times + FFD = \sum SR = R \sum sl$$
(21)

COmo  $x = Rsena y s = (c' + \sigma tan \phi')/F$ . Sustituyendo estos valores en la ec. 21 y ordenando términos se obtine la expresión del factor de seguridad:

$$\sum_{E} \frac{\sum [(c' - utan\phi')b + W_{E}tan\phi' + FFsen(i)tan\phi']\frac{1}{m\alpha}}{\sum (W_{E}sen\alpha + FF(D/R))}$$
(22)

Estas formas de ecuaciones (18, 22) estan programadas para calcular la estabilidad de un talud en términos de un factor de seguridad, con la participación de la fuerza de filtración.



Fig. 4 a) Fuerza de filtración en el análisis de estabilidad de taludes, b) flujo no uniforme a través de una dovela c) polígono de fuerzas.