

881201

*H. 23*

**UNIVERSIDAD ANAHUAC**

**ESCUELA DE ACTUARIA**

CON ESTUDIOS INCORPORADOS A LA UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO



**FUNDAMENTACION DE LOS SUPUESTOS ECONOMETRICOS  
DEL MODELO DE MERCADO MEXICANO**

**TESIS CON  
FALLA DE ORIGEN**

**T E S I S**

QUE PARA OBTENER EL TITULO DE:  
**A C T U A R I O  
P R E S E N T A**

**CARLOS MIGUEL MENDOZA VALENCIA**

MEXICO, D. F.

1988



## **UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso**

### **DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL**

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

FUNDAMENTACION DE LOS SUPUESTOS ECONOMETRICOS DEL MODELO DE  
MERCADO ACCIONARIO MEXICANO

I N D I C E

	<u>Página</u>
INTRODUCCION.	1
I. EL MODELO Y SUS SUPUESTOS.	7
I.1. Presentación del Modelo	7
I.2. Supuestos econométricos del modelo. Su importancia.	10
I.3. Resultados de investigaciones afines.	12
I.4. Descripción General del Estudio	13
II. DESCRIPCION DE LA MUESTRA.	16
II.1. Longitud del período de estudio.	16
II.2. Periodicidad de las observaciones.	18
II.3. Selección del grupo de acciones.	22
II.4. Cálculo de rendimientos. Transformación para reducir asimetría.	26
III. SELECCION DEL INDICE.	34
III.1. Estimación del factor común del movimien to de los precios.	34
III.2. Características de los Indices del Mer- cado.	38
III.3. Indices propuestos.	41
III.4. Metodología y pruebas empíricas.	46
III.5. Resultados de las regresiones para los cinco indices.	48
IV. VIOLACIONES A LOS SUPUESTOS BASICOS DEL MODELO DE REGRESION LINEAL.	51
IV.1. Supuestos básicos	51

IV.2. Primer Grupo, Supuestos menos críticos.	53
IV.2.1. Violación del supuesto 1.	53
IV.2.2. Violación del supuesto 2.	55
IV.2.3. Violación del supuesto 5.	58
IV.3. Segundo Grupo. Supuestos críticos.	59
IV.3.1. Problema de Heteroscedasticidad.	60
IV.3.1.1. Naturaleza del problema.	60
IV.3.1.2. Consecuencias del problema.	65
IV.3.1.3. Detección de la presencia de Heteroscedasticidad.	68
IV.3.1.4. Pruebas y resultados.	71
IV.3.2. Autocorrelación.	86
IV.3.2.1. Naturaleza del problema.	86
IV.3.2.2. Consecuencias del fenómeno.	88
IV.3.2.3. Detección de autocorrelación.	91
IV.3.2.4. Pruebas y resultados.	92
IV.3.3. Prueba de Jarque y Bera, simultánea de homoscedasticidad, no autocorrelación y normalidad del error estocástico.	98
IV.3.3.1. El Estadístico.	98
IV.3.3.2. Aplicación para el presente modelo de mercado.	104
IV.3.3.3. Resultados	110
RESUMEN.	113
V. CONCLUSIONES.	
APENDICES.	
Apéndice I.1	
Apéndice II.1	
Apéndice II.2	
Apéndice IV.1	

## INTRODUCCION

El proceso de inversión presenta diversas alternativas para su realización, en virtud de la amplia variedad de activos de capital disponibles, los cuales pueden ser muy diferentes por naturaleza. Así se tiene que el dinero puede utilizarse para comprar, desde acciones que coticen en la Bolsa Mexicana de Valores (BMV), hasta ganado que se venda en algún rancho ejidal. Sin embargo, aunque la naturaleza de los activos sea tan distinta, existe un objetivo común al invertir en cada uno de ellos, que es el de obtener una ganancia que signifique un rendimiento positivo sobre la inversión efectuada.

Desde luego, en un mundo de incertidumbre, este rendimiento positivo podría dejar de realizarse, o aún ser negativo en caso de pérdida. En atención a ésto, se puede definir "riesgo" como la posibilidad de que el rendimiento verdadero que se obtenga al adquirir un activo<sup>1/</sup> sea distinto, es decir, se desvíe del rendimiento que se esperaba obtener al haber invertido. En

---

<sup>1/</sup> Aunque la teoría manejada en este estudio se pueda aplicar en general a cualquier tipo de activo, se estudiará solamente el mercado accionario, por la aplicación más directa que, sobre este, se puede hacer de la teoría.

a medida que la probabilidad de que dicha desviación aumente, mayor será el riesgo de invertir en ese activo.<sup>2/</sup>

Los acontecimientos que dan lugar al riesgo pueden ser de diversa índole, dependiendo del activo de que se trate. La inversión en acciones de una empresa, que será el objeto de este estudio, conlleva varios riesgos que afectan los precios a los que se cotizan, entre los que se incluyen:<sup>3/</sup>

- a) Riesgo de la empresa, que puede implicar la reducción en la capacidad de la misma para pagar dividendos al disminuir sus utilidades.
- b) Riesgo del mercado, que se refiere a posibles variaciones del entorno macroeconómico que afectan sistemáticamente las expectativas que se tienen sobre el mercado accionario.
- c) Riesgo político, que proviene de las repercusiones que un cambio en la política gubernamental pueda implicar para una empresa.

---

<sup>2/</sup> J.C. Van Horne. "Financial Management and Policy". 5a. edición. Prentice Hall Inc., Englewood Cliffs. Nueva Jersey, 1980, p.33.

<sup>3/</sup> J.B. Cohen, E.D. Zinbarg, A. Zeikel. "Investment Analysis and Portfolio Management". 3a. edición. Richard D. Irwin, Inc., Illinois, 1977 pags. 56-57.

Tanto el concepto de rendimiento como el de riesgo pueden entenderse y evaluarse cualitativamente. Sin embargo, ante la enorme variedad de opciones de inversión que actualmente existen, así como la similitud que muchas de estas opciones pueden tener entre sí, es evidente la necesidad de evaluar con mayor precisión las ventajas relativas que la inversión en un activo pueda tener sobre la inversión en otro, ventajas que son evaluadas mediante el rendimiento y riesgo que cada inversión presenta. De esta forma, la cuantificación de estos dos conceptos se ha establecido con el propósito de mejorar la selección de inversión en una acción o cartera de acciones que se quiera efectuar.

El rendimiento se mide mediante una tasa de crecimiento relativo del precio de una acción durante un período. El rendimiento de una cartera es el promedio ponderado de los rendimientos de las acciones que la componen y su rendimiento esperado será, a su vez, el promedio ponderado de los rendimientos esperados de esas mismas acciones.

Es pues evidente la importancia de estimar adecuadamente el rendimiento esperado y el riesgo, como elementos necesarios para el análisis de cartera, ya que las carteras eficientes generadas a partir del análisis de estos parámetros, dependerán de los datos estadísticos que las generan. Así pues, se dirigirá la atención hacia la fase del proceso del manejo de carteras que consiste en estimar los parámetros mencionados.

La teoría moderna de cartera innova el tratamiento del riesgo en términos cuantitativos.

Esta teoría se fundamenta en la idea de que las carteras pueden elegirse sobre la base de su rendimiento esperado y su riesgo. Los supuestos sobre los cuales descansa esta teoría son:

- a) Dadas dos carteras con el mismo riesgo, los inversionistas prefieren la de mayor rendimiento esperado.
- b) Dadas dos carteras con el mismo rendimiento esperado, los inversionistas prefieren la de menor riesgo.

La importancia de estos supuestos se debe a que permiten reducir el número de carteras elegibles a un número manejable de alternativas.

Riesgo de un instrumento debe entenderse como la dispersión de la tasa de rendimiento del instrumento alrededor de su valor esperado. La variancia de las tasas de rendimiento puede ser una medida para dicha dispersión.

Dentro del contexto de análisis de cartera se debe además, medir el riesgo de una combinación de acciones, mediante la co-

variancia de todas las parejas, que de dichos instrumentos se consideran, ya que el inversionista tiene la opción de elegir combinaciones de acciones que le permitan diversificar su cartera. Entendiéndose diversificación como la combinación de instrumentos con rendimientos no correlacionados perfecta y positivamente.<sup>4/</sup>

Por lo tanto para llevar a cabo un análisis de cartera se requerirán los siguientes datos estadísticos para cada instrumento a ser considerado:

- a) Rendimiento esperado  $E(r_i)$ .
- b) Variancia del rendimiento  $\text{Var}(r_i)$ .
- c) Covariancia con todos los instrumentos restantes  $\text{Cov}(r_i, r_j)$ .  $j \neq i$

Desde 1959 se han desarrollado diversos modelos para efectuar un análisis de cartera basándose en los datos mencionados. El primero fue el propuesto por H. Markowitz<sup>5/</sup> y permite determinar una cartera óptima de acuerdo a los supuestos ya mencionados de la Teoría Moderna de Cartera. Sin embargo, el proceso requerido, además de sofisticado y laborioso, implica el manejo del total de las covariancias antes mencionadas que, de tratar

---

<sup>4/</sup> J. C. Francis, S.H. Archer. "Portfolio Analysis". 2a. edición. Prentice Hall Foundations of Financial Series. p.23

<sup>5/</sup> Harry M. Markowitz. "Portfolio Selection". Nueva York, John Wiley & Sons, Inc., 1959 pags. 97-101.

se de un número grande de acciones a elegir, hace el modelo aún más complicado.

William F. Sharpe propuso posteriormente un modelo econométrico<sup>6/</sup> para el mismo fin. Este es un modelo sencillo de regresión lineal, entre cuyas ventajas está la posibilidad de formular el problema de análisis de cartera para manejar un número sustancialmente menor de variables que en el modelo de Markowitz.<sup>7/</sup> La ligera pérdida de precisión en que se incurre al simplificar el problema, es justificada ampliamente al considerar las ventajas que representa dicha simplificación. Esto se apreciará en el Capítulo I.

El modelo de Sharpe, conocido también como "Modelo Diagonal", o como "Modelo del Mercado de un solo Índice", o simplemente "Modelo del Mercado", será el centro de discusión del presente estudio, en lo que se refiere a la fundamentación de sus supuestos econométricos para el caso del mercado accionario mexicano.

---

<sup>6/</sup> W.F. Sharpe, "A simplified model of Portfolio Analysis", Management Science", enero 1963, pags. 277-293

<sup>7/</sup> J. C. Francis. Obra citada, pags. 126 y siguientes.

## CAPITULO I

### EL MODELO Y SUS SUPUESTOS

#### 1.1. Presentación del Modelo

Sharpe<sup>1/</sup> sugiere que el rendimiento de cualquier instrumento se relaciona con algún índice de actividad económica. Es decir, dichos rendimientos están correlacionados y responden en forma similar a los cambios en algún factor común subyacente, como pueden ser los cambios en el mercado. Además de la magnitud de esta respuesta, cualquier instrumento "per-se", proporciona un rendimiento adicional que es independiente del factor común. Simbólicamente lo anterior puede expresarse como:

$$r_{it} = \alpha_i + \beta_i r_{zt} + \epsilon_{it} \dots\dots\dots (I.1),$$

donde:

$r_{it}$  : es la tasa de interés del instrumento i en el tiempo t.

$r_{zt}$  : es la tasa de cambio relativo de algún índice de actividad económica, o del mercado en este estudio, en el tiempo t.

---

<sup>1/</sup> W.F. Sharpe. Obra citada, Sección IV.

$\epsilon_{it}$  : es el error estocástico en la regresión de mínimos cuadrados para el tiempo  $t$ .

$\alpha_i, \beta_i$  : parámetros de la regresión de mínimos cuadrados para el instrumento  $i$ .

Es claro que  $\alpha_i + \epsilon_{it}$  se refiere a la parte del rendimiento que es independiente del factor común, mientras que  $\beta_i$  es una constante que mida la sensibilidad del rendimiento a los cambios de dicho factor estimados a partir de  $r_z$ .

Gráficamente Sharpe sugiere una línea de regresión como la mostrada en la figura I.1.

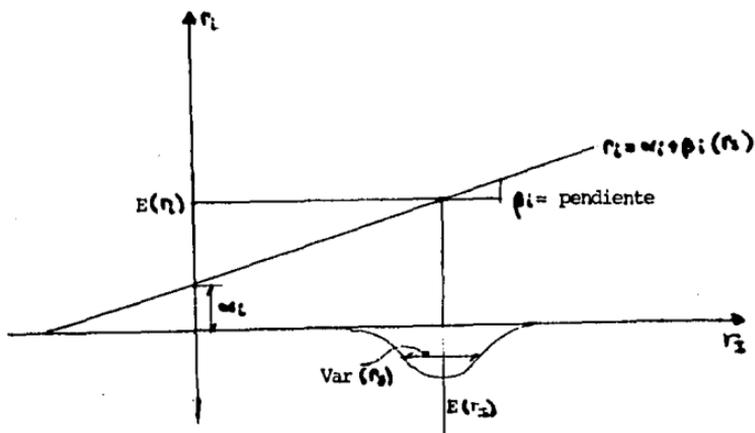


Fig. I.1.

El uso de este modelo conlleva simplificaciones muy importantes en el análisis de cartera. Por una parte, es posible estimar  $E(r_i)$ ,  $\text{Var}(r_i)$  y  $\text{Cov}(r_i, r_j)$  mediante las siguientes fórmulas:

$$E(r_i) = \alpha_i + \beta_i E(r_x) \dots\dots\dots (I.2),$$

$$\text{Var}(r_i) = \beta_i^2 [\text{Var}(r_x)] + \sigma^2(r_i/r_x) \dots\dots (I.3),$$

$$\text{Cov}(r_i, r_j) = \beta_i \beta_j [\text{Var}(r_x)] \dots\dots\dots (I.4),$$

donde  $\sigma^2(r_i/r_x) = E(\epsilon_{it}^2)$  es la variancia residual de la regresión de mínimos cuadrados.

Por otro lado, y en consecuencia, el problema de análisis de cartera puede reformularse en términos de las variables del índice del mercado  $E(r_x)$  y  $\text{Var}(r_x)$ .<sup>2/</sup>

Por lo hasta aquí expuesto, es digno de hacer énfasis en la importancia que tiene la verificación del modelo, así como la precisión con que se estimen los parámetros  $\alpha_i$  y  $\beta_i$  de la regresión.

---

<sup>2/</sup> J. C. Francis, S.H. Archer. Obra citada, pags. 127 y siguientes.

## 1.2. Supuestos Econométricos del Modelo. Su Importancia.

Bajo ciertos supuestos, el método de mínimos cuadrados ordinarios (OLS), empleado en el modelo de Sharpe, tiene algunas propiedades estadísticas muy importantes que lo hacen uno de los métodos más prácticos de análisis de regresión en virtud de su ya referida simplicidad. Los supuestos son los siguientes:

1. El valor esperado condicional del error estocástico, dados los valores de la variable explicativa  $r_x$  es cero. Es decir:  $E(\epsilon_i / r_x) = 0$ .

2. La variable explicativa  $r_x$  es, o bien no estocástica, o si lo es, se distribuye independientemente del error estocástico. Es decir:  $Cov(r_x, \epsilon_i) = 0$ .

3. La variancia condicional de  $\epsilon_i$ ; dados los valores de la variable explicativa  $r_x$  es constante. Es decir:  $Var(\epsilon_i / r_x) = \sigma^2$

4. No existe autocorrelación entre los errores estocásticos. Es decir:  $Cov(\epsilon_{it}, \epsilon_{is}) = 0$ , para  $s \neq t$ .

5.  $\epsilon_i$  se distribuye en forma normal con media y variancia dada por los supuestos 1 y 3.

Por ser este último, adicional a los supuestos del método de mínimos cuadrados ordinarios, se está considerando de hecho, el modelo clásico de regresión lineal.

Con los supuestos anteriores, Gauss demostró que los estimadores de los parámetros de la regresión que se obtiene por el método de mínimos cuadrados, son "óptimos" en el sentido implicado por el teorema de Gauss Markov que justifica teóricamente el método de mínimos cuadrados.<sup>3/</sup>

Con el supuesto de normalidad se tiene además, que los estimadores (OLS) de los coeficientes de la regresión, se distribuyen normalmente.<sup>4/</sup>

De las características anteriores de los estimadores se desprende que es posible obtener intervalos de estimación, así como probar hipótesis sobre los verdaderos coeficientes poblacionales de la regresión.<sup>5/</sup>

De ahí que el considerar cuidadosamente los supuestos económicos enunciados, así como el verificar si alguno de ellos no se satisface, es de suma importancia para una correcta aplicación del modelo de Sharpe en cualquier mercado de valores, en virtud de la importancia que la correcta especificación de los parámetros de la regresión tiene en la reformulación descrita por las ecuaciones (I.2), (I.3) y (I.4) del problema de análisis de cartera.

---

<sup>3/</sup> Ver teorema en el Apéndice I.1.

<sup>4/</sup> D. Guajarti, "Basic Econometrics", Mc Graw Hill, p.72.

<sup>5/</sup> Esto se debe a que se pueden derivar las distribuciones de probabilidad de (normal), normal y (ji cuadrada), lo cual simplifica la tarea de establecer intervalos de confianza y probar hipótesis. Ver D. Guajarti. Obra citada pags. 79 y siguientes.

### 1.3. Resultados de Investigación Afines

El modelo de Sharpe se encuentra ampliamente aplicado a información de precios de acciones en E.U.A., Europa, Australia y Canadá. Ha sido probado con diferentes métodos, en lo que concierne al supuesto de homoscedasticidad.

Para el mercado norteamericano,<sup>6/</sup> se utilizaron los precios de las acciones de 47 firmas en el periodo de enero de 1927 a diciembre de 1959, se examinó gráficamente la distribución de los cuadros de los términos residuales de la regresión, es decir  $(r_{it} - \hat{r}_{it})^2$  (donde  $\hat{r}_{it}$  es el valor estimado en la regresión) para determinar si su variancia parecía cambiar a lo largo del periodo. Se concluyó que, en general, se podía suponer homoscedasticidad en base a la inspección visual.

Por otra parte, Martín y Klemkosky<sup>7/</sup> hicieron pruebas, tanto paramétricas como no paramétricas, sobre cambios de precios mensuales en una muestra de 355 acciones comunes cotizadas en Nueva York, a lo largo de 112 meses, de abril de 1964 a julio de 1973, concluyendo que menos del 15 por ciento de las acciones presentaban alguna evidencia de heteroscedasticidad.

---

<sup>6/</sup> Eugene Fama, Lawrence Fisher and Richard Roll. "The Adjustment of Stock Prices to New Information", *International Economic Review*, 10, febrero 1969 pags. 1-21.

<sup>7/</sup> John D. Martin and Robert C. Klemkosky, "Evidence of Heteroscedasticity in the Market Model", *Journal of Business*, 48, enero 1975, pags 81-86.

Sin embargo, para el mercado australiano<sup>8/</sup> se encontró evidencia significativa de heteroscedasticidad en 37 acciones de los mercados de Melbourne y Sidney. Resultado similar se observó en el mercado canadiense,<sup>9/</sup> donde aleatoriamente se escogió una muestra de 45 acciones del mercado de Toronto, considerando rendimientos bisemanales durante 48 meses de enero de 1971 a diciembre de 1974, y llevando a cabo las mismas pruebas conducidas por Martin y Klemkosky.

#### I.4. Descripción General del Estudio

Dada la importancia de verificar la satisfacción de los supuestos econométricos enumerados en la Sección (I.2), para una exitosa aplicación del modelo del mercado y tomando en cuenta además los resultados contradictorios mencionados en la Sección anterior, el presente estudio pretende determinar si los supuestos referidos son fundamentados en el mercado accionario mexicano.

---

<sup>8/</sup> Peter D. Praetz. "Australian Share Prices and the Random Walk Hypothesis", *Australian Journal of Statistics*, 11, 1969 pags. 123-139.  
----- "The Distribution of Share Price Changes". *Journal of Business*, 45, enero 1972 pags. 49-55

<sup>9/</sup> Chapman N. Findlay III and Alain A. Danan. "A Free Lunch on the Toronto Stock Exchange". *Journal of Business Administration*, Vol. 6, No. 2, primavera 1975 pags. 31-40

Ahmed Belkaoui. "Canadian Evidence of Heteroscedasticity in the Market Model. *The Journal of Finance*. Septiembre 1977 pags. 1320 y siguientes.

En el Capítulo II se describirá el proceso llevado a cabo para estimar los rendimientos que se utilizarán para efectuar las regresiones. En este proceso se elige, en primer lugar, un grupo de acciones que cotizan en la Bolsa Mexicana de Valores (BMV), se determina tanto la longitud del período de observación, como el distanciamiento adecuado entre las observaciones. Las fórmulas empleadas para ajustar los precios y dividendos de dichas acciones a lo largo del período, son descritas en el Apéndice, y la del cálculo de rendimientos se define también en esta Sección.

A continuación, en el Capítulo III, se discute la relevancia de elegir un adecuado índice del mercado, que sirva como base para determinar la variable explicativa del modelo; se detallarán las características así como la construcción de los índices propuestos, y por último se efectuarán pruebas para medir el desempeño de dichos índices, y poder así elegir el más adecuado.

En el Capítulo IV se detalla, para cada violación de los supuestos básicos del modelo, su naturaleza y consecuencias específicas, así como se describen y llevan a cabo las pruebas para detectar dichas violaciones. En caso de que dicha detección resultara positiva, es decir, que se violara algún supuesto, se procederá a mencionar las medidas de solución a las que hubiera lugar.

Por último, el Capítulo V contiene las conclusiones del estudio, así como las observaciones concernientes a posibles caminos de investigación posterior.

## CAPITULO II

### DESCRIPCION DE LA MUESTRA

#### II.1. Longitud del Periodo entre las Observaciones

Para que las pruebas de significancia que se realizarán en los Capítulos III y IV sean apropiadas, es necesario disponer de un número de observaciones grande, lo cual se logra mediante la combinación de un período relativamente largo, con un lapso adecuado entre cada observación, el cual se discutirá más adelante.

Considerando que este estudio puede servir de base a estudios posteriores sobre estabilidad de los coeficientes "beta" ( $\beta$ ) del modelo del mercado, es recomendable, además de contemplar un período relativamente largo, comprender fases en que el mercado hubiera estado en auge, así como cuando se hubiera encontrado abatido.

Por lo anterior se consideró que resultaría conveniente considerar los años 1978 a 1981, dado que en los dos primeros el mercado estuvo en apogeo, decayendo en los dos últimos. El año de 1982 no se incluyó en virtud de las irregularidades que se han manifestado en la economía mexicana desde entonces, y que

han afectado en forma directa al mercado accionario, como han sido: la nacionalización de la Banca; el cierre de operaciones en la BMV por algunos días; devaluaciones del peso mexicano frente a otras divisas, que hicieron crítica la posición financiera de numerosas emisoras y con esto propiciaron la paralización virtual del mercado accionario; etcétera.

Se deseaba además, que entre los índices sujetos a prueba en el Capítulo III, cuyos rendimientos serían utilizados como variable explicativa del modelo, que figurara el índice de la BMV, por razones que se detallarán en dicho Capítulo. Este índice se encuentra calculado desde el primero de noviembre de 1978, por lo que fijó esta fecha como la inicial para el período de observaciones, así como el 31 de diciembre de 1981 como la fecha final.

El considerar dicha fecha como inicial, traía consigo el sacrificar observaciones anteriores del año 1978. Sin embargo, se tiene la ventaja de incluir emisoras importantes que ingresaron a la BMV a mediados del mismo año y con esto enriquecer la muestra de acciones, sin dejar por ello de considerar las dos fases del mercado, alza y baja, mencionadas anteriormente.

## II.2. Periodicidad de las Observaciones

Como se mencionó en la sección anterior, la combinación de la longitud del período de observaciones con su frecuencia, redundaría en un número adecuado de observaciones.

En la literatura concerniente a investigaciones afines se encuentran tanto observaciones mensuales cuando los períodos de observación son muy grandes<sup>1/</sup>, como bisemanales para períodos más cortos, digamos de cuatro años<sup>2/</sup>, dando como resultado en ambos casos un número aproximado de cien observaciones.

En el presente estudio el período a considerar, noviembre de 1978 a diciembre de 1981, es de tres años dos meses que, de considerar períodos mensuales, es decir, intervalos de cuatro semanas, implicaría contar con sólo 41 observaciones, que es un número relativamente pequeño para efectuar pruebas de hipótesis. Considerar períodos bisemanales significaría tratar con 82 observaciones, que se aproxima al número de acciones utilizado en los estudios referidos. Se puede tomar en cuenta también, una periodicidad semanal, es decir 165 observaciones, siendo estos

---

<sup>1/</sup> Martin y Klenkosky. Obra citada.

<sup>2/</sup> Ahmad Belkaoui. Obra citada.

dos últimos, números adecuados para las pruebas a efectuarse, como se observará en el Capítulo IV.

Para elegir la periodicidad y con ello el número de observaciones, habrán de atenderse las siguientes consideraciones relevantes sobre la posibilidad de encontrar que la distribución de probabilidad de los rendimientos de las acciones sea asimétrica.

Evidencia empírica sugiere fuertemente que las tasas de rendimiento de un período, compuestas discretamente, se asocian con distribuciones de probabilidad con cierto grado de asimetría ("skewness"). Esto se aprecia fácilmente si se toma en cuenta que dichas tasas nunca llegarán a ser inferiores a -100.0%, es decir, si  $r_t$  representa a la tasa de rendimiento en el tiempo  $t$ ,  $P_t$  el precio de la acción en  $t$  y  $d_t$  el dividendo otorgado, se tendrá que:

$$r = \frac{(P_{t+1} - P_t) + d}{P_t} \quad -1.0 = -100.0\% \quad , \quad (II.1)$$

en otras palabras, no se puede perder más de lo que se invirtió. Sin embargo, las ganancias sí pueden llegar a exceder el +100.0% y esto inclina la frecuencia de la distribución en forma positiva. Ver figura II.1.

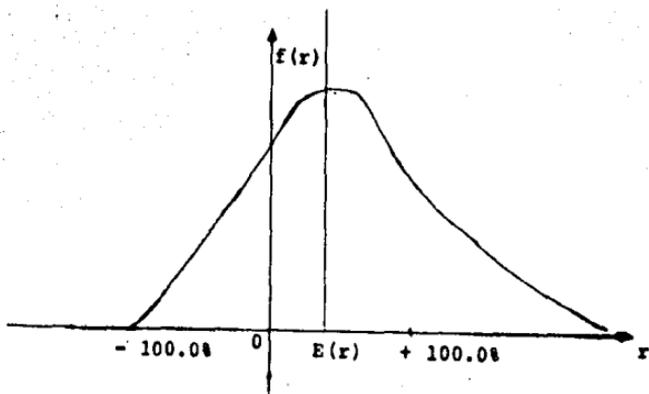


Fig. II.1.

En las tablas II.1 se muestran las distribuciones muestrales para los rendimientos calculados sobre una base semanal (a) y bisemanal (b). Se observa para la mayoría de las acciones escogidas una concentración mayor de observaciones hacia la parte derecha de la distribución, reflejándose el fenómeno de asimetría antes descrito. Esta asimetría positiva puede apreciarse también en la columna correspondiente de las tablas II.2

La teoría de cartera, así como la regresión de mínimos cuadrados ordinarios (OLS), consideran solamente los dos primeros momentos estadísticos, media y variancia, sin tomar en cuenta el

TABLA II.1.a.

ASINMETRIA

DISTRIBUCION MUESTRAL DE LOS "RENDIMIENTOS EN PERIODOS DE 2 SEMANAS"

	TOTAL DE OBSERVACIONES	NUMERO DE OBSERVACIONES EN LOS INTERVALOS															
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
AAAF A	82	0.	0.	0.	1.	1.	8.	13.	17.	16.	9.	11.	3.	3.	0.	0.	0.
ALMENA SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
CLANES SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
CEROC	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
DECC SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	4.	7.	22.	22.	9.	4.	0.	1.	1.	1.	0.
FATSCO SA	82	0.	0.	0.	1.	1.	4.	19.	23.	18.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
GUSA	82	0.	0.	0.	0.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
MEXICO SA	82	0.	0.	0.	1.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
A	82	0.	0.	0.	0.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
KIMPER	82	0.	0.	0.	0.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
LUEPOL	82	0.	0.	0.	0.	0.	10.	19.	18.	10.	5.	2.	2.	1.	0.	0.	0.
LUTRAIN SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	7.	17.	20.	17.	8.	2.	2.	1.	0.	0.	0.
MUDERNA SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	10.	19.	18.	10.	5.	2.	2.	1.	0.	0.	0.
FUTINA SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	10.	19.	18.	10.	5.	2.	2.	1.	0.	0.	0.
SPIDER SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
TANDA	82	0.	0.	0.	0.	0.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
TEMLA	82	0.	0.	0.	1.	1.	3.	12.	24.	23.	10.	4.	3.	5.	0.	0.	0.
TOLUCA SA	82	0.	0.	0.	1.	1.	3.	12.	17.	17.	12.	7.	3.	1.	1.	0.	0.
TEPEC SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	14.	13.	10.	12.	5.	3.	3.	2.	0.	0.	0.
UTICAL	82	0.	0.	0.	0.	0.	14.	13.	10.	12.	5.	3.	3.	2.	0.	0.	0.
VISA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
PENJES SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
QUITO SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
FRIDDA A	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
LATON SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
CARIDE SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
CONADO SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
ACTO	82	0.	0.	1.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
MUNERA A	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
CEME A	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
APASCO A	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
TIAM	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
NETALVER B	82	0.	0.	0.	0.	0.	8.	13.	16.	14.	11.	5.	3.	3.	0.	0.	0.
COMEX SA	82	0.	0.	0.	0.	0.	0.	10.	21.	21.	9.	1.	0.	0.	1.	1.	0.
CVISA A	82	0.	0.	0.	0.	0.	0.	10.	21.	21.	9.	1.	0.	0.	1.	1.	0.
FUNDIA	82	0.	0.	0.	0.	0.	0.	10.	21.	21.	9.	1.	0.	0.	1.	1.	0.
NACOME SA	82	0.	0.	0.	1.	0.	7.	14.	20.	15.	10.	3.	2.	1.	0.	0.	0.
MURTAN	82	0.	0.	0.	0.	0.	7.	14.	20.	15.	10.	3.	2.	1.	0.	0.	0.
PARIS	82	0.	0.	0.	0.	0.	7.	14.	20.	15.	10.	3.	2.	1.	0.	0.	0.
FINSON	82	0.	0.	0.	0.	0.	7.	14.	20.	15.	10.	3.	2.	1.	0.	0.	0.
ERICSON	82	0.	0.	0.	0.	0.	7.	14.	20.	15.	10.	3.	2.	1.	0.	0.	0.
NUMERO TEORICO DE OBSERVACIONES		0.	0.	0.	2.	4.	7.	12.	16.	16.	12.	7.	4.	2.	0.	0.	0.
NUMERO PROMEDIO DE OBSERVACIONES		0.	0.	0.	1.	2.	3.	13.	24.	17.	9.	5.	2.	2.	0.	0.	0.
DIFERENCIA		0.	-0.	-0.	1.	2.	2.	-1.	-8.	-2.	3.	3.	1.	-0.	-0.	-0.	-0.

TABLA II.1.b.

TABLA 2

ESTADÍSTICOS DE LAS DISTRIBUCIONES MUESTRALES

	MEÑOR VALOR MÍNIMO	MEÑOR VALOR MÍNIMO	VALOR DE GRUPO	MEDIA	DEVIACION ESTÁNDAR	ASIMETRÍA	KURTOSIS (COEF. DE ASIMETRÍA)	ESTADÍSTICO DE NORMALIDAD
ARIELA	0.2757	-0.2029	5.0213	-0.0077	0.0953	0.4950	0.0907	1.7000
ARIELA	0.4381	-0.1759	4.0388	0.0131	0.0884	0.0927	1.0510	2.0583
CLANED	0.3175	-0.2401	4.8034	0.0057	0.0905	0.2095	0.2095	2.4633
CLANED	0.5338	-0.2069	4.7955	0.0019	0.1078	1.4751	0.5369	4.1261
CLANED	0.3653	-0.1652	6.0295	0.0042	0.0765	1.6035	2.9174	21.6700
FRANCO	0.7808	-0.3553	2.3129	0.0101	0.1585	2.0411	7.0095	16.4753
FRANCO	0.2130	-0.2033	8.0118	0.0054	0.0822	0.7575	0.4073	7.7011
AMERICQ	1.0992	-0.4309	8.8787	0.0187	0.1994	2.7243	15.0235	15.3440
NANDEH	0.2000	-0.1712	4.0194	0.0085	0.0770	0.1046	-0.0534	3.0031
INDIPOL	0.4231	-0.2308	2.2499	0.0011	0.0961	0.0955	0.1209	1.2383
INDIPOL	0.3970	-0.2542	2.8381	0.0116	0.1187	0.7077	1.6895	6.5798
MUGENHA	0.3344	-0.1803	4.8702	-0.0521	0.0906	0.5171	-0.0361	5.0860
MUGENHA	0.3382	-0.2174	5.1344	0.0074	0.1082	0.0560	0.7941	9.3765
MUGENHA	0.4466	-0.1827	6.0749	0.0116	0.0786	0.6720	2.0315	28.9708
YANCA	0.1473	-0.4975	6.0749	0.0116	0.0786	0.0188	1.1149	5.2635
YANCA	0.2101	-0.3319	6.2888	0.0067	0.0700	-0.0001	0.0001	11.2119
YANCA	0.3399	-0.3063	4.7211	-0.0209	0.0927	-0.0190	1.9645	11.2949
YANCA	0.1152	-0.4024	4.0388	0.0000	0.0997	0.2790	0.2974	6.1844
YANCA	0.4070	-0.1031	6.0749	0.0116	0.0786	0.8614	-0.2994	10.1191
YANCA	0.3600	-0.3400	4.0904	-0.0014	0.1145	0.0700	1.0104	7.2649
YANCA	0.1742	-0.3198	5.2492	0.0148	0.1227	0.7090	0.7014	7.1960
YANCA	0.3536	-0.1152	4.0388	0.0022	0.1001	1.0201	2.7299	16.4770
YANCA	0.4179	-0.1608	6.0749	0.0116	0.0786	0.4624	0.0141	10.3590
YANCA	0.4179	-0.2653	5.0692	0.0246	0.1053	0.6750	1.4144	10.7266
YANCA	0.4410	-0.2814	5.0692	0.0078	0.1164	1.0774	0.7559	24.0510
YANCA	0.7403	-0.5252	6.0749	0.0170	0.1337	1.3374	1.1341	16.3961
YANCA	0.4466	-0.2766	6.0749	0.0042	0.0906	1.0519	1.1490	30.4154
YANCA	0.4179	-0.2119	6.0749	0.0116	0.0786	-0.0720	1.0168	34.5027
YANCA	0.4102	-0.3954	5.0692	0.0315	0.1327	1.7341	0.3900	35.4410
YANCA	1.0467	-0.4681	7.0689	0.0377	0.1991	2.2110	9.0000	33.1000
YANCA	0.4070	-0.3198	6.0749	0.0116	0.0786	0.7267	1.4402	10.6895
YANCA	0.4466	-0.2766	6.0749	0.0042	0.0906	1.3000	2.7904	34.5027
YANCA	1.4714	-0.1583	6.0749	0.0343	0.1991	6.9471	54.7053	74.0500
YANCA	0.2953	-0.4937	3.2484	0.0044	0.0906	0.1117	1.4500	6.8740
YANCA	0.4070	-0.3400	4.0388	0.0058	0.1078	0.3067	0.4994	11.8407
YANCA	0.4466	-0.2766	6.0749	0.0042	0.0906	0.0622	1.2472	5.1442
YANCA	0.4934	-0.4485	6.0749	0.0058	0.0906	0.4452	0.4408	5.0408
YANCA	0.2140	-0.2727	6.0749	0.0094	0.0906	-0.2701	0.7133	9.4498
YANCA	1.1493	-0.5074	10.0000	0.0138	0.1991	4.2106	31.5004	61.1034
YANCA	0.3333	-0.2907	5.0692	-0.0022	0.1127	0.4624	1.5316	14.5506

1.0158

TAULA II.2.a.

ASIMETRIA

DISTRIBUCION MUESTRAL DE LOS "RENDIMIENTOS EN PERIODO DE 1 SEMANA"

	TOTAL DE OBSERVACIONES	NUMERO DE OBSERVACIONES EN LOS INTERVALOS															
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
AAIA FA B	125	0.	0.	0.	3.	5.	12	20	28	34	42	48	52	54	54	52	48
ALUNED SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CELON SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CERRO SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
DESI SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
FRISCO SA	125	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
DESA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
ONETICO SA	125	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
KIMBER SA	125	1.	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
LIVEPOL SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
LITONIA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
HOLEMAN SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
PURINA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
SPICER SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
TARA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
TELROX SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
TOLMEX SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
TRINSA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
UTREN SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
VISA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
FENDLES SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
VELHO SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
DRITDA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
EATON SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CARBIDE SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
SANBORN SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
ALCO SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
NUMERA A	125	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CENEX A	125	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
APARCO A	125	1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
LIPO SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
ALVAL SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CODINER SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
CEVA A	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
FALCORA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
MANFISA SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
PURITAN SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
FOKIN SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
ENTCOM SA	125	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
NUMERO TEORICO DE OBSERVACIONES		0.	0.	0.	4.	7.	16.	26.	31.	31.	26.	16.	7.	4.	0.	0.	0.
NUMERO PROMEDIO DE OBSERVACIONES		0.	0.	0.	2.	4.	8.	22.	32.	38.	20.	9.	4.	1.	1.	1.	0.
DIFERENCIA		-0.	-0.	-0.	1.	3.	7.	3.	-21.	-7.	5.	6.	3.	1.	-0.	-1.	-0.

TABLA II.2.b.

TABLA 2

ESTADÍSTICOS DE LAS DISTRIBUCIONES MUESTRALES

	MEJORAMIENTO MAXIMO	MEJORAMIENTO MINIMO	RANGO DE EQUEDAD	MEDIA	DEVIACION ESTANDAR	ASIMETRÍA	ENTRADA (MINIO 3)	ESTADÍSTICO DE NORMALIDAD
ADOLFA R	0.3500	-0.2141	7.3878	-0.0655	0.0724	0.5940	7.5136	9.5697
ADRIANA A	0.1744	-0.1283	8.1188	0.0048	0.0488	-0.0119	8.4867	9.2940
ALFONSO SA	0.1744	-0.4814	8.1188	-0.0019	0.0403	-0.3407	3.1754	6.9409
ALONSO A	0.4745	-0.2231	8.2474	-0.0003	0.0844	1.1035	6.0602	15.5400
ALSO A	0.3214	-0.1495	9.4273	0.0002	0.0502	1.6971	11.9660	24.3005
ANIBAL SA	0.5232	-0.3703	9.4414	-0.0008	0.1148	0.4066	7.5441	25.9580
ANITA A	0.3146	-0.1570	7.7492	0.0020	0.0599	0.8457	8.0393	25.8074
ANSELMO SA	0.8252	-0.0865	13.1942	-0.0002	0.1373	-0.4066	4.2991	82.7859
ANIBER R	0.3997	-0.3595	8.4688	0.0021	0.0448	-0.5012	5.4552	30.4377
ANITA SA	0.3174	-0.4928	8.4138	0.0008	0.0713	0.2490	4.2194	14.4850
ANITA SA	0.3908	-0.4100	8.8133	0.0000	0.0780	0.9277	4.2015	9.7744
ANITA SA	0.2036	-0.1997	8.7814	-0.0011	0.0698	0.1551	0.1970	4.4030
ANITA SA	0.7412	-0.2731	5.8589	0.0016	0.0779	0.1891	0.2541	14.0789
ANITA SA	0.2669	-0.2544	8.2455	0.0038	0.0540	0.4147	5.2066	47.0019
ANITA SA	0.4859	-0.4832	8.2398	0.0003	0.0884	-0.5313	2.2191	34.7846
ANITA SA	0.2113	-0.0996	8.8727	0.0030	0.0512	0.7357	3.4013	19.1474
ANITA SA	0.7451	-0.3194	8.8567	0.0046	0.0497	-0.6279	3.1899	18.1319
ANITA SA	0.4782	-0.4780	10.8419	-0.0011	0.0813	-0.5112	0.6224	10.1800
ANITA SA	0.2000	-0.2179	8.3650	-0.0004	0.0801	0.3194	0.6652	16.5954
ANITA SA	0.2012	-0.2519	8.7319	-0.0031	0.0599	0.3807	1.0076	21.0101
ANITA SA	0.3430	-0.1927	8.8822	0.0047	0.0827	0.7174	1.9470	21.7431
ANITA SA	0.3261	-0.3893	9.5579	-0.0008	0.0790	-0.1215	7.0057	42.2539
ANITA SA	0.4143	-0.3458	10.4024	-0.0014	0.0573	-0.1963	10.4102	21.1779
ANITA SA	0.4117	-0.4767	8.8531	0.0034	0.0853	-0.3123	6.9231	24.7444
ANITA SA	0.3163	-0.4194	9.2831	0.0034	0.0849	-0.0419	5.1523	31.7297
ANITA SA	0.6398	-0.8078	13.8078	0.0054	0.1800	-1.1392	27.1319	59.0744
ANITA SA	0.2819	-0.2709	8.2609	0.0018	0.0918	0.9417	9.2556	149.9740
ANITA SA	0.8211	-0.8204	8.5059	-0.0004	0.0884	-1.0463	8.0563	22.3483
ANITA SA	0.6897	-0.6893	12.5654	0.0120	0.1104	0.4000	11.2309	162.5377
ANITA SA	0.6998	-0.7366	12.4897	0.0117	0.1189	-0.4001	12.0054	44.0037
ANITA SA	0.4073	-0.4030	8.1188	0.0010	0.0844	-0.4701	3.8414	13.7421
ANITA SA	0.4141	-0.4141	8.0889	0.0040	0.0844	-0.0375	7.0402	100.0424
ANITA SA	1.0570	-0.2601	12.9911	0.0114	0.1029	6.4257	64.1104	80.3652
ANITA SA	0.2404	-0.3054	7.0898	0.0008	0.0770	-0.4891	3.4417	36.6417
ANITA SA	0.3403	-0.3760	7.1860	0.0048	0.0798	-0.4500	2.1154	16.7411
ANITA SA	0.3010	-0.2996	8.2494	-0.0001	0.0599	-0.3503	4.0472	16.3404
ANITA SA	0.3207	-0.1858	8.1943	0.0023	0.0428	1.0530	4.6807	27.2161
ANITA SA	0.2466	-0.3774	7.8214	0.0029	0.0798	0.3073	3.6109	34.9407
ANITA SA	0.7349	-0.7372	12.8289	0.0031	0.0834	0.0834	40.4652	126.0109
ANITA SA	0.4839	-0.3412	8.8143	-0.0033	0.0499	0.0766	9.3412	29.3412

1.5027

tercero, es decir, el grado de asimetría al que se hace referencia. Esto trae como consecuencia que dicha asimetría cause sesgos que demeritan el valor de la teoría de cartera y de los estadísticos de regresión OLS, ya que el modelo que considera dos momentos podría pues ser inadecuado.<sup>3/</sup>

Sin embargo, el grado de asimetría puede reducirse si se elige adecuadamente la frecuencia de observaciones a utilizarse. Observando las tablas II.1 y II.2, puede apreciarse que el fenómeno de asimetría es de menor magnitud para periodos bisemanales en la mayoría de las acciones (28 de 40), con un promedio de 1.0158, al compararse contra periodos semanales cuyo promedio es 1.5027. Por tal motivo se juzgó que el considerar periodos bisemanales era conveniente para reducir el problema citado.

Además, si se hiciera más pequeño el tamaño del periodo por ejemplo de un día, podría traer consigo el propiciar una marcada autocorrelación en los rendimientos, lo cual significaría reforzar la posibilidad de una violación del supuesto de no autocorrelación mencionado en el Capítulo I.

Aunque el problema de asimetría puede ser reducido mediante la elección de una frecuencia adecuada de observaciones, al

---

<sup>3/</sup> J.C. Francis, S.H. Archer. Obra citada, pags. 361 y siguientes.

final del Capítulo se volverá a discutir el tema, así como una medida para reducir aún más e inclusive llegar a eliminar dicho fenómeno de muchas distribuciones de probabilidades.

### II.3. Selección del Grupo de Acciones

Al parecer, este aspecto de la muestra, se encuentra también indefinido, en cuanto a la cantidad de emisoras que deben figurar en la muestra, así como las cualidades que justifiquen su inclusión. Sin embargo, es razonable que una muestra muy amplia de emisoras traerá como consecuencia, una mayor signifi-cancia de las pruebas. Así se observa por ejemplo, que en el estudio hecho por Martin y Klemkosky, que ya se ha mencionado, se cuenta con una muestra de 355 acciones. Por otra parte, en el estudio realizado por Belkaoui para el mercado canadiense, se incluyeron en la muestra a 45 acciones elegidas aleatoriamente.

Aunque lo más conveniente sea incluir el mayor número de emisoras posible, abarcando la totalidad de los sectores de la economía, habría que tomar en cuenta ciertas consideraciones que restringen fuertemente el universo de emisoras a elegir. Si por otro lado se lograra justificar el reducir la muestra, se tendría la alternativa de elegir una muestra pequeña, pero adecuada para los fines que se persiguen en este estudio.

Las restricciones que reducen el universo de selección son, básicamente, las siguientes:

Se encuentra que en los años 1978 y 1979 un número creciente de empresas se inscribieron en la BMV. Algunas de dichas emisoras llegaron a destacar rápidamente por su gran actividad bursátil. No obstante el haber elegido un período que inicia en noviembre de 1978, descarta la posibilidad de incluir empresas de inscripción posterior.

Se tiene además, que otras emisoras que podían figurar en la muestra presentan una actividad bursátil casi nula, reflejada en los largos períodos en que no se operaron, a veces mayores a un año, así como precios inalterados a pesar de las tendencias del mercado, por lo que su aportación al estudio resultaría nula.

Se presentan también acontecimientos como la nacionalización de la Banca y la estatización de algunas empresas como Mexicana de Aviación, que al impedir la participación del público en las emisoras afectadas, paralizaban su actividad bursátil, al menos durante algún tiempo. Aunque la mayoría de estos hechos ocurrieron en el año de 1982, que no se considera en el estudio, entre las emisoras afectadas, se encuentran algunas bastante representativas de la actividad del mercado en años anteriores, como son algunos bancos y "AVIAMEX" (Mexicana de Aviación). Ante esto, existía la posibilidad de incluirlas en la muestra, lo cual

no implicaba problemas a nivel teórico. Pero a nivel práctico, el llegar a ciertas conclusiones en este estudio sobre una muestra que contiene acciones que quizá no volvieran a cotizar, podría hacer que dichas conclusiones fueran irrelevantes para una futura aplicación del modelo del mercado, o para estudios que se desprendieran del presente.

Ahora bien, la alternativa de reducir la muestra se ve reforzada al considerar que:

La tendencia de las emisoras que cotizan en Bolsa es, en general la misma, de tal forma que si se elige un adecuado grupo representativo para la muestra, puede esperarse que las variaciones del resto de las emisoras sea similar. Esta tendencia común es además, de suma importancia para la factible aplicación del modelo de Sharpe.

Puede observarse asimismo, que un gran porcentaje del monto total inscrito en Bolsa, corresponde a un número relativamente pequeño de emisiones. Por ejemplo al 31 de diciembre de 1979, se tenía que el 50% del monto inscrito era acumulado solamente por las emisiones de 14 empresas.

De todo lo anterior se desprende que la forma de elegir la muestra no debe ser aleatoria, sino más bien utilizando un cri-

terio de selección de las emisiones más activas durante el periodo de estudio, que abarquen la mayoría de los sectores económicos, y que reflejen el comportamiento general del mercado, la muestra elegida consta entonces de 40 emisiones que son, a saber:

aaalfa	b	peñoles	*a
aurrera	a	vitro	a
celanes	*a	crisoba	a
cermoc		eaton	a
desc	*b	carbide	*a
frisco	*a	sanborn	
gissa	b	acco	
gmexico	*a	moresa	a
kimber	a	cemex	a
livepol		apasco	a
luismin	*a	diana	b
moderna	*a	metalver	b
purina	*a	condumex	*a
spicer	*a	cydsa	a
tamsa		fundora	
telmex		nacobre	*a
tolmex	*a	puritan	
tremec	*a	paris	
virreal		fonbnm	
visa		ericson	

Estas emisiones operaron en promedio 158.28 de las 165 semanas comprendidas en el periodo de estudio, es decir, un 96.51% del total de semanas de operación.<sup>4/</sup> Además el importe operado en las mismas representa un 48.01% del total operado desde el año 1978 hasta el año de 1981<sup>5/</sup>, o 58.1% si se excluyen bancos y "AVIAMEX".

Las cifras anteriores sugieren que el grupo escogido es en verdad representativo del mercado en general, por lo que parece razonable el haber reducido la muestra a las cuarenta emisiones citadas, de acuerdo a las consideraciones enunciadas.

#### II.4. Cálculo de Rendimientos. Transformación para Reducir Asimetría

La ecuación utilizada para calcular el rendimiento en el periodo t para la acción es:

$$r_{it} = \frac{P_{it} + d_{it}}{P_{it-1}} - 1 \quad \dots\dots\dots (II.2)$$

donde:  $P_{it}$  = precio en el t-ésimo periodo en el que la acción pasó a ser excupón, es decir, después de otorgar dividendo u otro derecho a los accionistas.

---

<sup>4/</sup> Los detalles por emisora pueden observarse en el Apéndice II.1.

<sup>5/</sup> El desglose por emisión se aprecia en el cuadro 2 del Apéndice II.1.

$d_{it}$  = dividendo en el período  $t$ , y

$r_{it}$  = como se definió anteriormente

Cabe aclarar que los precios y dividendos se sujetan a ajustes por cambios de unidad contable (ver Apéndice II.2); debidos a su vez, a dividendos en acciones, "splits" de las mismas, suscripciones, así como sus combinaciones.

Para esto, la mecánica fue fijar el último precio y a partir de ahí ajustar toda la serie de precios y dividendos anteriores, permitiendo hacer los precios comparables al nivel más reciente observado.

Como podrá observarse la tasa de rendimiento definida se refiere a un período, y es compuesto en forma discreta, ya que se trata con períodos bisemanales.

En la Sección 2 del presente Capítulo, se mostró la posibilidad de encontrar asimetría en la distribución de las tasas de rendimiento, así como se explicaron brevemente, algunas de las graves implicaciones que podrían surgir al desprestigiar este fenómeno.

Se propuso una periodicidad bisemanal con el propósito de reducir el grado de asimetría; sin embargo, dicha medida puede

resultar aún insuficiente<sup>6/</sup>. Por este motivo, se describirá a continuación una medida complementaria que puede reducir, e inclusive llegar a eliminar el grado de asimetría de muchas distribuciones de probabilidad. Esta consiste en transformar la tasa de rendimiento ( $r_{t_k}$ ) finitamente compuesta definida en (II.2), en una tasa de rendimiento compuesta continuamente, sea esta última  $\tilde{r}_{t_k}$ , mediante

$$\tilde{r}_{t_k} = \ln(1 + r_{t_k}) \dots\dots\dots(II.3),$$

es decir,  $\tilde{r}_{t_k}$  es el logaritmo natural de  $1+r_{t_k}$ , donde se suma el 1 con la finalidad de que  $\ln(1+r_{t_k}) \geq 0$ , ya que el dominio de la función logarítmica comprende el intervalo abierto desde cero hasta infinito.

Esta transformación tiene la ventaja adicional de evitar problemas creados por la longitud arbitraria del período que pueda tomarse en el modelo de Sharpe, basado en rendimientos definidos como en la ecuación (II.2), dado que en este modelo no se define la longitud adecuada. Esta ventaja se logra porque con la transformación logarítmica, las tasas de rendimiento se componen en forma continua sobre cualquier longitud del período.

---

<sup>6/</sup> Las pruebas de significancia para el grado de asimetría no se realizan en este estudio; pero su descripción se encuentra en F.E. Croxton y D.J. Cowden, "Applied General Statistics", Englewood Cliffs, N.J., Prentice Hall, Inc., 1953 pags. 231,720-721,764.

Además, el modelo puede ser reformulado y probado empíricamente en términos de rendimientos continuos.<sup>7/</sup>

El efecto de la transformación propuesta puede apreciarse al observar la figura II.2, recordando que la asimetría en la frecuencia de la distribución de rendimientos se debe a que:

$$-100.0\% = -1.0 = r_{it} < \infty \dots \dots \dots (II.4),$$

lo cual trunca la cola negativa de la distribución y extiende la cola positiva.

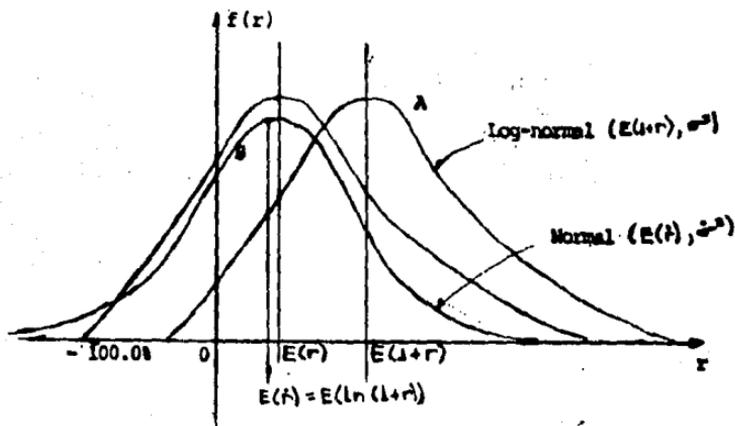


Fig. II.2.

<sup>7/</sup> E.J. Elton y M.J. Gruber, "Portfolio Theory when Investment Relatives are Lognormally Distributed", The Journal of Finance", junio 1974.

Si dividimos el dominio de la función logarítmica en dos intervalos de la siguiente manera:

$$0 < 1+r_{it} < =1 \dots\dots\dots(2.5), \text{ y}$$

$$1 < 1+r_{it} < \infty \dots\dots\dots(2.6),$$

la función logaritmo natural, que es inyectiva, extenderá la imagen del primer intervalo del dominio a

$$-\infty < f(1+r_{it}) < =0, \text{ para } 0 < 1+r_{it} < =1 \dots\dots(2.7),$$

mientras que la imagen del segundo intervalo comprenderá:

$$0 < f(1+r_{it}) < \infty, \text{ para } 1 < 1+r_{it} < \infty \dots\dots\dots(2.8),$$

de tal forma que esta transformación "jala" hacia la izquierda, la inclinación positiva que tiene la distribución de  $r_{it}$ , y extiende la cola truncada negativa, pasando de una distribución asimétrica lognormal (A) para  $1+r_{it}$  a una distribución simétrica normal (B) para  $f_{it}$ . (Ver figura II.2.)

Evidencia empírica en E.E.U.U.A.<sup>8/</sup> muestra como la transformación citada reduce fuertemente el grado de asimetría, especialmente para frecuencias cortas de observaciones. Esta evidencia

---

<sup>8/</sup>J.C. Francis, S.H. Archer. Obra citada, pag. 335. Se puede esperar un resultado similar para México, si se considera que la causa de la asimetría se refiere más bien al planteamiento teórico que a las condiciones específicas del mercado.

sugiere claramente el utilizar rendimientos continuamente compuestos para estimar "betas" y otros coeficientes estadísticos de riesgo para trabajo empírico. Varios investigadores<sup>9/</sup> han llegado a la conclusión de que los rendimientos compuestos continuamente, dan lugar a coeficientes estadísticos más eficientes que el considerar rendimientos no compuestos.

Se ha demostrado<sup>10/</sup> que los conceptos de la teoría de riesgo-rendimiento de mercados de capitales no se distorsiona al transformar los rendimientos.

En el Capítulo IV, se estudiará otra ventaja que la transformación logarítmica tiene para reducir la posibilidad de violar el supuesto de homoscedasticidad referido en el Capítulo I.

Los argumentos hasta aquí expuestos, han sugerido que para el presente estudio, debe considerarse el modelo del mercado como un modelo multiplicativo<sup>11/</sup> manejable a base de logaritmos, es decir:

---

<sup>9/</sup> M.F.M. Osborne. "Brownian Motion in the Stock Market", reimpresso en las págs. 100-1028 de "The Random Character of Stock Market Prices", editado por P. Cootner, Cambridge Mass. The MIT Press, 1964.

<sup>10/</sup> Cheng Few Lee. "Functional form, Skewness, Effect and the Risk-return relationship", Journal of Financial and Quantitative Analysis. Marzo 1977. Muestra las pruebas empíricas para determinar si la transformación logarítmica es apropiada para eliminar la asimetría.

<sup>11/</sup> Queda fuera del alcance de este estudio, la verificación formal de la correcta especificación del modelo.

$$1+r_{it} = \alpha_i (1+r_{it})^{\beta_i} e_{it} \dots\dots\dots(2.9), \text{ o bien}$$

$$\ln(1+r_{it}) = \ln \alpha_i + \beta_i \ln(1+r_{it}) + \ln e_{it} \dots\dots(2.10),$$

$$t_{it} = \alpha_i + \beta_i t_{it} + e_{it} \dots\dots\dots(2.11).$$

En base a esta transformación, se calcularon de nuevo las distribuciones muestrales de los rendimientos,  $t_{it}$ , así como los estadísticos respectivos, mismos que se muestran en las tablas II.3 y II.4 para periodos semanales y bisemanales. Observándose como la transformación enunciada "jala" hacia la izquierda la distribución muestral de los rendimientos, presentándose ahora un 42% aproximadamente de emisiones con asimetría negativa. Los promedios de asimetría para los periodos bisemanales y semanales son de 0.2003 y 0.2802 respectivamente, que, comparados con los resultados obtenidos previamente para el caso de rendimientos compuestos discretamente, significan una reducción muy importante del fenómeno en cuestión.

Tomando en cuenta los estadísticos de normalidad contenidos en las mismas tablas, se aprecia que al 1% de significancia los porcentajes de emisiones para los cuales se acepta la hipótesis de distribución normal en los rendimientos, son de 67.5% y 22.5% respectivamente para periodos bisemanales y semanales.<sup>12/</sup> Esto confirma la ventaja de considerar periodos de dos semanas ya que, como es sabido, la distribución normal es simétrica y se

---

<sup>12/</sup> Al 5% de significancia, los porcentajes son 55% y 20%. El estadístico empleado y su distribución se describen en J. Kmenta. Obra Citada pag. 148 y 149.







TABLA 2

TABLA II.4.b.

ESTADÍSTICAS DE LAS DISTRIBUCIONES MUESTRALES

	MEJORAMIENTO MAXIMO	MEJORAMIENTO MINIMO	MONTO DE ESTUDIO	MEDIA	DEVIACION STANDARD	ASIMETRIA	COEFICIENTE DE VARIACION	ESTABILIDAD DE NORMALIDAD
ADONIA A	0.3704	-0.1920	7.7250	-0.0039	0.0739	1.0424	4.1170	16.6115
ADONIA SA	0.1905	-0.1204	0.4382	0.0074	0.0499	0.1685	0.5266	2.1854
CELENA A	0.1943	-0.2453	0.9230	0.0000	0.0999	0.0671	1.5471	2.9794
CELENA SA	0.6071	-0.2000	0.7248	0.0034	0.0901	2.1404	1.0053	29.1170
CELENA SA	0.3010	-0.1389	0.8504	0.0014	0.0528	2.8814	17.0094	69.0740
FRANCO SA	0.6875	-0.4392	0.2991	0.0041	0.1219	1.6994	10.2476	41.9566
FRANCO SA	0.3297	-0.1410	0.4119	0.0039	0.0807	1.4341	1.7517	29.5773
FRANCO SA	1.2824	-0.6271	1.2507	0.0094	0.1522	4.1042	34.0916	121.2583
FRANCO SA	0.3297	-0.1020	0.4697	0.0042	0.0644	0.7611	6.1707	21.1572
FRANCO SA	0.3730	-0.2574	0.6553	0.0035	0.0722	0.9733	6.0034	16.9311
FRANCO SA	0.4201	-0.1094	0.7248	0.0109	0.0794	1.6599	7.9262	19.3699
FRANCO SA	0.2268	-0.1810	0.7448	0.0074	0.0709	0.3825	9.3683	19.5223
FRANCO SA	0.2727	-0.2000	0.9983	0.0046	0.0768	0.4151	6.6651	13.9590
FRANCO SA	0.3057	-0.0090	0.9980	0.0051	0.0573	1.0071	6.1947	40.0099
FRANCO SA	0.3190	-0.3954	0.1151	0.0166	0.0881	0.2614	4.4813	33.2726
FRANCO SA	0.2353	-0.0948	0.1151	0.0039	0.0422	1.0614	4.9124	14.7160
FRANCO SA	0.5739	-0.2736	0.8873	0.0015	0.0264	-0.0014	2.9177	15.4044
FRANCO SA	0.4297	-0.3000	10.3558	0.0021	0.0011	0.6611	7.0340	0.9010
FRANCO SA	0.3571	-0.2113	0.9867	0.0026	0.0011	0.5126	6.9229	14.7674
FRANCO SA	0.3247	-0.2127	0.9867	-0.0002	0.0008	0.6544	2.5085	20.0993
FRANCO SA	0.4103	-0.1761	0.7951	0.0042	0.0043	1.1563	1.1959	55.0905
FRANCO SA	0.4821	-0.3225	0.8894	0.0023	0.0003	1.0173	6.6904	52.9021
FRANCO SA	0.4154	-0.4206	10.3550	0.0026	0.0004	0.5001	0.0031	0.9010
FRANCO SA	0.3094	-0.2899	0.1151	0.0013	0.0011	1.1421	7.1094	29.1404
FRANCO SA	0.3721	-0.2449	0.8819	0.0043	0.0774	0.7319	5.6370	54.7139
FRANCO SA	0.6941	-0.5232	12.7800	0.0104	0.1038	2.9725	16.0020	62.5799
FRANCO SA	0.3256	-0.2433	0.7248	0.0034	0.0014	1.6840	11.2294	151.4601
FRANCO SA	0.3094	-0.2899	0.1151	0.0013	0.0011	0.0011	4.0151	19.9133
FRANCO SA	0.6910	-0.5031	12.0074	0.0185	0.1237	3.7040	16.7710	103.6641
FRANCO SA	1.0133	-0.5713	12.4704	0.0185	0.1171	-0.6907	26.6729	63.8732
FRANCO SA	0.3592	-0.3162	0.7630	0.0016	0.0007	-0.1919	7.0270	13.0784
FRANCO SA	0.5131	-0.2899	0.1151	0.0013	0.0011	1.1421	7.1094	151.4601
FRANCO SA	1.0779	-0.4443	13.3284	0.0184	0.1391	9.8422	113.6293	170.5011
FRANCO SA	0.2720	-0.2432	0.9810	0.0034	0.0287	0.1941	2.9096	23.0002
FRANCO SA	0.4654	-0.3134	0.6047	0.0013	0.0014	1.0561	2.0955	73.6651
FRANCO SA	0.5131	-0.2899	0.1151	0.0013	0.0011	0.3019	4.0151	151.4601
FRANCO SA	0.3892	-0.1484	0.5303	0.0043	0.0465	1.6121	7.3134	20.5420
FRANCO SA	0.3053	-0.2474	0.9319	0.0029	0.0782	0.9125	4.3260	19.7614
FRANCO SA	1.0926	-0.3299	12.8842	0.0029	0.1080	2.6724	63.9939	146.0001
FRANCO SA	0.6224	-0.2881	0.8842	0.0018	0.1061	0.9167	9.4707	60.7899

define a partir de los dos primeros momentos muestrales (media y variancia), mismos que se consideran en la teoría moderna de cartera, así como en la regresión.

A este respecto sería conveniente para estudios posteriores, en adición a la prueba ji- cuadrada de bondad de ajuste aquí utilizada, emplear la prueba Kolmogorov-Smirnoff de normalidad para media y variancia desconocidas, siendo esta última más poderosa que la primera. Así mismo, podrían aplicarse ambas pruebas sobre el total de los rendimientos observados y no sólo en forma desagregada por emisión.

## CAPITULO III

### SELECCION DEL INDICE

#### III.1. Estimación del Factor común del Movimiento de Precios

En el Capítulo I se mencionó la principal característica del modelo de mercado, que es la relación existente entre los rendimientos de las acciones del mercado, que reaccionan de una manera sistemática a algún factor común subyacente. Si se observan de manera casual los precios de las acciones, se podrá apreciar que cuando el mercado tiende al alza, la mayoría de las acciones tendrán una tendencia a incrementar su precio, mientras que si el mercado tiende a la baja, los precios tenderán a sufrir un decremento. Esta variabilidad sistemática o común entre las acciones se debe a cambios en el contexto económico, psicológico y político que afecta simultáneamente a todas las acciones<sup>1/</sup>.

La factibilidad de aplicar el modelo del mercado, tal como Sharpe lo definió, es evidente si se toman en cuenta las consideraciones antes mencionadas. Es claro que el supuesto clave del modelo del mercado es que la única razón para que los precios de dos acciones tengan comportamientos similares, es su mo-

---

<sup>1/</sup> J.C. Francis, "Intertemporal Differences in Systematic Stock Price Movement", Journal of Financial and Quantitative Analysis, junio 1975 pags. 205-219.

vimiento conjunto con el mercado. Parece evidente, además que una medida adecuada de la sensibilidad que el precio de una acción (y en consecuencia su rendimiento) tiene a algún cambio en el mercado, se presenta en la pendiente de la recta de la regresión del modelo, es decir, en el coeficiente  $\beta$  (beta), ya que dicha pendiente significa el cambio relativo del rendimiento de la acción por unidad de cambio en el rendimiento del mercado.

Sin embargo, y pese a la valiosa simplificación que el modelo de Sharpe aporta, se encuentra una dificultad muy grande al tratar de aplicar el modelo a la práctica. Esta dificultad radica en la subjetividad que implica el hablar de un factor subyacente de variabilidad en las acciones, debido a cambios en el contexto económico, psicológico y político, ya que esta subjetividad conlleva el problema de medir adecuadamente al "factor común subyacente".

En atención a medir los cambios mencionados en el contexto, se han propuesto varias alternativas, de las cuales algunas van más allá del mercado accionario, y en ocasiones implican considerar modelos de regresión múltiple en lugar del modelo de Sharpe. Tal es el caso de utilizar como medida del "factor común" una serie de índices industriales<sup>2/</sup>. Se ha tratado también de utili-

---

<sup>2/</sup> King, Bernard. "Market and Industry Factors in Stock Price Behavior", *Journal of Business*, enero 1966.

zar índices económicos como el producto interno bruto, la oferta monetaria, etc., y obviamente se han considerado también, como medidas del "factor común subyacente", a índices del mercado accionario.

Independientemente al hecho de justificarse cualitativamente el empleo de un índice u otro como la medida óptima, está la necesidad de seleccionar un índice en base a su desempeño relativo respecto a otros índices que puedan ser utilizados.

En cuanto al desempeño de modelos de varios índices industriales en comparación con el modelo del mercado, se han encontrado resultados contradictorios<sup>3/</sup>. Sin embargo, en la medida en que se añadan más índices al modelo de mercado, puede cuestionarse la aportación de información real 'versus' la introducción de perturbación aleatoria que ésto pueda implicar.

---

<sup>3/</sup> Elton, E.J.; Gruber, M.J., "Estimating the Dependence Structure of Share Prices", Journal of Finance, diciembre 1973. Probaron el desempeño de un modelo múltiple de índices generales, y encontraron que era inferior al modelo del mercado.

Cohen, K.; Pogue, G.A. "An Empirical Evaluation of Alternatives Portfolio Selection Models" Journal of Business, April 1967. Llegaron a un resultado similar utilizando índices industriales.

Farrell, James. "Analizing Covariance of Returns to Determine Homogeneous Stock Groupings", Journal of Business, april 1974. Empleando índices de grupos de acciones, encontró que su modelo superaba al de mercado.

Según se anotó en el Capítulo I, una de las principales ventajas que el modelo sencillo de Sharpe presenta, es la posibilidad de simplificar el cálculo de la información necesaria como insumo para análisis de cartera. En tanto que un modelo que permite realizar pronósticos razonablemente aproximados, sea lo más simple posible, más factible será su utilización. La experiencia muestra que en general es aceptable y conveniente sacrificar exactitud hasta cierto punto, con el propósito de reducir la sofisticación de un modelo. Por lo tanto sería conveniente el empleo del modelo de Sharpe de un sólo índice.

Se ha concluido además, en un estudio llevado a cabo por Smith<sup>4/</sup> basándose en coeficientes de determinación en la regresión, que los índices del mercado accionario permiten estructurar carteras eficientes más convenientes que otros índices económicos.

El presente capítulo tiene como finalidad el someter a prueba la calidad de cinco índices diferentes que pueden ser usados como medida de  $r$  en (I.1).

En la sección 2 de este capítulo se discuten las características principales que pueden tener dichos índices.

---

<sup>4/</sup> Smith, K.V. "Stock Price and Economic Indexes for Generating Efficient Portfolios", The Journal of Business, 42, abril 1969 pags. 326-336.

La sección 3 enumera y describe los índices propuestos para las pruebas, en atención a las características referidas en la sección 2.

En la sección 4 se propone la metodología a seguir y se resumen los resultados de las pruebas para concluir en la sección 5.

### III.2. Características de los Índices del Mercado

Básicamente, los índices del mercado pueden ser formulados a partir de las siguientes características:

a) Población del índice.

Esta característica se refiere a la muestra de acciones que sirven de base para el cálculo del índice. Un índice puede basarse en una muestra reducida de acciones como el promedio Dow Jones (... Industrial averages, DJIA), que considera en forma no aleatoria, solamente 30 acciones; o bien, puede basarse en una muestra muy grande que inclusive llegue a ser exhaustiva, tal es el caso del índice del mercado accionario de Nueva York (NYSEI), que incluye a todas las acciones inscritas en ese mercado. En general puede esperarse que un índice exhaustivo sea mejor que uno construido a partir de una muestra en virtud del error implícito producido al tratar de generalizar los resultados de una muestra

sobre el total de la población. Sin embargo, existe evidencia empírica que muestra que algunos índices que consideran una muestra, llegan a ser bastante adecuados para reflejar la variación del total de la población<sup>5/</sup>. Esto es particularmente importante para satisfacer la principal característica del modelo de Sharpe.

#### b) Método de Ponderación

El porcentaje que representa el número de acciones con el que una emisión en particular forma parte de una muestra (al cual se denominará "peso" de la acción), puede ser determinado de una manera ponderada, de acuerdo al porcentaje real de participación de la acción en el mercado, considerando tanto precio como número de acciones, o por otra parte puede ese "peso" fijarse de manera uniforme (es decir, en partes iguales) para todas las acciones. Puede decirse que un índice que considere el "peso" verdadero que las acciones tienen en el mercado, refleja con mayor fidelidad los efectos de los movimientos del precio, motivo por el cual se piensa que en el contexto del modelo Sharpe es mejor considerar ese tipo de índices a uno que asigne porcentajes iguales a las acciones.

---

<sup>5/</sup> L. Fisher and J.M. Lone. "Some studies of the Variability of Returns on Investment in Common Stocks", Journal of Business, 43, pags. 99-134

### c) Método de Construcción

Esta característica se refiere al método utilizado para promediar los precios o rendimientos de las acciones, considerando sus "pesos" específicos mencionados en el inciso (b). El promedio puede ser aritmético o geométrico. Respecto a estos dos caminos de construcción, se han aducido principalmente los siguientes argumentos: Cootner arguye que un índice construido como promedio geométrico, será un índice de cambios de precio sesgado hacia abajo al compararlo con un índice formulado como promedio aritmético<sup>6/</sup>; sin embargo, quienes apoyan el método geométrico, señalan que los índices aritméticos son sensibles a la elección de la periodicidad de las observaciones discutidas en el Capítulo II, mientras que los índices geométricos producirán el mismo efecto para calcular  $r_{i,t}$  de (I.1), independientemente del intervalo de tiempo empleado<sup>7/</sup>.

Tomando en cuenta el haber considerado el modelo de Sharpe como un modelo multiplicativo en (II.9) y no aditivo, sería más congruente con esa especificación, el emplear el método geométrico en lugar del aritmético.

<sup>6/</sup> P.M. Cootner. "Stock Market Indexes-Illusions and fallacies", The Commercial and Financial Chronicle, septiembre 1966 pags. 18-19

<sup>7/</sup> M. Rothstein, "On Geometric and Arithmetic Performance Indexes" Journal of Financial and Quantitative Analysis, septiembre 1972 pags. 1983-1995.

### III.3. Indices Propuestos.

Considerando las características enumeradas en la Sección anterior, se proponen a continuación cinco alternativas<sup>8/</sup> que pueden servir de base para calcular el rendimiento utilizado como variable explicativa del modelo de mercado en (II.9)

Se explicarán brevemente las características de cada uno, con el fin de apreciar las posibles ventajas y desventajas que puedan tener al emplearse en el modelo de Sharpe.

Cabe aclarar que en las cuatro primeras proposiciones se incluyen a todas las acciones considerando en la muestra<sup>9/</sup>.

---

<sup>8/</sup> A partir de aquí, dichas alternativas serán llamadas índices indistintamente, a pesar de que no todas ellas se refieran a un índice de mercado, sino más bien a una variable que puede emplearse para estimar la variable explicativa del modelo.

<sup>9/</sup> Este es un punto delicado a justificar, si se toma en cuenta las siguientes consideraciones:

En teoría, para que el modelo no este mal especificado, es necesario que el índice que se utilice como variable independiente para efectuar la regresión de la acción  $i$ , no contenga a dicha acción. Es decir, si se considera el modelo OLS  $r_{i,t} = \alpha + \beta r_{M,t} + e_{i,t}$ , el modelo tendrá  $\text{cov}(e_i, r_M) \neq 0$  y  $\text{cov}(r_i, r_M) \neq 0$  si  $M$  contiene a la acción  $i$ . Esto claramente viola el supuesto 2 de la Sección I.2, y en consecuencia los estimadores  $\hat{\alpha}$  y  $\hat{\beta}$  no serán BLUE de acuerdo con el teorema de Gauss Markov.

Fama en su estudio "Risk, Return and Equilibrium; Some Clarifying comments", pags 37-39, discute el problema y su significancia y llega a la conclusión que el error producido por el modelo de mínimos cuadrados descrito, es infinitamente pequeño.

En el Capítulo IV se mostrarán las pruebas para el presente estudio, que lle van a la misma conclusión a la que llegó Fama, y que por tanto validan la inclusión de la acción  $i$  en el índice.

Se describirán los índices en el orden en que su sofisticación sea mayor:

a) Media aritmética de los rendimientos de las acciones de la muestra  $(r_{1,5})$ .

Este es el índice más simple a considerarse:

$$r_{1,5} = \frac{1}{40} \sum_{i=1}^{40} r_{i,t} \quad , \quad t=1,2,\dots,82.$$

El empleo de este índice supone que la variación relativa del índice dependerá de las variaciones individuales de las emisiones de la muestra en conjunto, considerando que las contribuciones de estas variaciones son equivalentes e independientes entre sí.

Como puede observarse, la población de este índice es de regular tamaño, el "peso" específico de las acciones en el índice es uniforme y se construye en forma aritmética.

b) Media geométrica de los rendimientos de las acciones de la muestra  $(r_{2,5})$ ,

$$r_{2,5} = \sqrt[40]{\prod_{i=1}^{40} (1+r_{i,t})} - 1, \quad t=1,2,\dots,82.$$

Este índice difiere del anterior en el método de construcción empleado, que en este caso es el geométrico. Suponiendo en este caso, una contribución compuesta de las variaciones relativas de las emisiones.

c) Cambio relativo del valor de una cartera que conste de las acciones de la muestra ( $r_{3,t}$ ),

$$r_{3,t} = \frac{\sum_{i=1}^n P_{it} q_{it}}{\sum_{i=1}^n P_{i,t-1} q_{i,t-1}} - 1, \quad t=2,3,\dots,82,$$

donde:

$P_{it}$  = precio ajustado de la acción  $i$  en el tiempo  $t$ .

$q_{it}$  = número ajustado de acciones  $i$  en el tiempo  $t$ .

La población de este índice es la misma que en los anteriores. El peso específico de la acción en el índice se determina en forma ponderada al tomar en cuenta el número de acciones ajustado. La construcción de este índice es diferente ya que simplemente se considera el cociente del valor de la cartera en  $t$ , entre el valor de la cartera en  $t-1$ , es decir, se calcula el rendimiento que se hubiera obtenido al comprar una cartera con las acciones de la muestra, y en proporción con el número total de acciones emitidas.

d) Índice medio geométrico de los precios de las acciones de la muestra ( $r_{1,t}$ ).

$$r_{1,t} = \sqrt[t]{\frac{P_{1t} Q_{1t}}{P_{1,t-1} Q_{1,t-1}}} - 1 \quad , t=2,3,\dots,82$$

Este índice es distinto del anterior por el método con que se construye. En este caso se considera el promedio geométrico de los rendimientos que el total de cada emisión tuvo en el período específico.

d) Índice de precios y cotizaciones de la Bolsa Mexicana de Valores ( $r_{2,t}$ ).

$$r_{2,t} = \frac{I_t}{I_{t-1}} - 1 \quad , t=2,3,\dots,82,$$

donde  $I_t = (I_{t-1}) (1+r_{2,t})$  ,

y  $r_{2,t}$  como se definió en el inciso (c).

Como se observa:

$$\begin{aligned} r_{2,t} &= \frac{I_t}{I_{t-1}} - 1 \\ &= \frac{I_{t-1} (1+r_{2,t})}{I_{t-1}} - 1 \\ &= r_{2,t} \end{aligned}$$

la diferencia con respecto al índice del inciso(c), consiste en que se consideran diferentes poblaciones. Si bien en  $r_1$ , se considera un promedio de cuarenta emisiones, dichas emisiones no son constantes, sino que pueden entrar y salir de la muestra al ser revisada la muestra bimestralmente.

Tomando en cuenta la nota no. 9, parece razonable que en el aspecto de población del índice, este último tiene ventaja sobre los anteriores, ya que la acción i de la muestra del modelo, no necesariamente forma parte de la población del índice del inciso (e). Por otra parte, es de suponer que los índices que consideran el número de acciones para su ponderación, sean mejores que  $r_1$ , y  $r_2$  de acuerdo con lo que se discutió en la sección III.2 inciso(c). Pudiera ser que por el método de construcción geométrico de  $r_1$ , este índice fuera superior. Sin embargo, analizando la construcción de  $r_1$  y  $r_2$ , se observa que estos índices son bastante representativos de los movimientos de las carteras que consideran <sup>10/</sup>.

Por lo tanto, podría esperarse que el índice más adecuado para el presente estudio fuera  $r_2$ , mientras que  $r_1$ , el más inadecuado.

---

<sup>10/</sup> En particular, además del método con que se forma  $r_1$ , se considera que por su población dinámica, este índice puede ser bastante representativo de los movimientos del mercado ya que incluye a las emisoras más activas. Esto representa una ventaja significativa al tomar en cuenta la idea del "factor común subyacente" de movimientos de precios, sobre el cual se apoya fundamentalmente el modelo de Sharpe.

#### III.4. Metodología y Pruebas Empíricas

La investigación acerca de cual es el mejor índice para ser utilizado, es aún escasa desde el punto de vista del efecto de dicho índice sobre el modelo de Sharpe.

( Los estudios realizados hasta ahora para comparar la calidad de distintos índices se han enfocado a determinar la superioridad de un índice sobre otro, en base a los siguientes aspectos principalmente:

Por un lado como pronosticadores de variaciones en el mercado accionario o como una medida común del desempeño de cartera desde el punto de vista a priori<sup>11/</sup>, o por otra parte se evalúan como datos significativos para el modelo de regresión de acuerdo al coeficiente de correlación y como datos para el procedimiento cuadrático de selección de cartera<sup>12/</sup>. Encontrándose con diferencias no significativas al comprar la calidad de varios índices del mercado.

Sin embargo, el aspecto que aún no se ha tomado en cuenta para comparar los índices, es el considerar que un índice sea superior en tanto que su empleo en el modelo de Sharpe, implique

<sup>11/</sup> K.V. Smith. Obra citada, pags. 326-336.

<sup>12/</sup> G.M. Frankfurter, "The Effect of Market Indexes on the Ex-post Performance of the Sharpe Portfolio Selection Model", Journal of Finance, Junio 1976 pags. 949-955.

reducir la significancia de las violaciones a los supuestos eco nométricos del modelo OLS, mencionados en el Capítulo I. Este aspecto cobra mayor importancia al considerar la discusión tratada en la nota no.9 del presente capítulo, además pruebas empíricas sugieren que las diferencias entre un índice y otro, al comparar su calidad en base a este aspecto, sí llegan a ser sig nificativas<sup>13/</sup>. Por lo tanto se cree que este último aspecto de be también considerarse para determinar la calidad relativa de los índices.

En el presente estudio se compararán en primer lugar, los coeficientes de correlación promedio que resulten de las regresiones DLS, empleando los cinco distintos índices, así como se efectuarán pruebas "F" y "t" de significancia para los coeficientes de la regresión. Posteriormente, se someterán los cinco índices a las pruebas que se conducirán en el Capítulo IV, con el propósito de atender al último criterio de comparación pro puesto y, hasta entonces, llegar a una conclusión definitiva so bre el índice más adecuado.

---

<sup>13/</sup> Las pruebas fueron realizadas por el autor de este estudio, considerando la muestra de 40 acciones, los resultados se detallan en el Capítulo IV.

### III.5. Resultados de las Regresiones para los Cinco Indices

Se efectuaron las regresiones para las 40 emisiones con cada uno de los cinco indices. Los resultados se sumarian en las tablas III.1 y III.2, en donde:

INDGEO: corresponde al indice  $I_4$ ,  
INDARI: corresponde al indice  $I_3$ ,  
INDIG1: corresponde al indice  $I_3$ ,  
INDIAL: corresponde al indice  $I_1$ ,  
INDBMV: corresponde al indice  $I_3$ ,

Observando tanto el coeficiente de correlación medio, así como las pruebas "F" y "t", es evidente, por una parte, la significancia de la relación lineal para los cuatro primeros indices, y por otra parte el rechazo claro de la hipótesis nula de relación lineal ( $\beta_1 \neq 0$ ) para el indice de la BMV, resultado contrario a lo que se esperaba, y que pone en duda la eficacia de la selección de la población de éste indice, ya que su construcción es similar al indice  $I_3$ , que presenta resultados satisfactorios.

Se hace patente, por lo tanto, la importancia de una correcta selección de la población del indice para procurar representar el factor común subyacente de movimiento de los precios, to

TABLA III.1.

PRUEBA F DE SIGNIFICANCIA DE LOS PARAMETROS  
ALFA Y BETA DE LA REGRESION  
CON 52 OBSERVACIONES

M I S O N	INDICE				INDARI				INDICI				INDIAI				INDIMV			
	ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.	
	S	X	I	X	S	X	I	X	S	X	I	X	S	X	I	X	S	X	I	X
AAALFA	B	92.376839	0	0	70.340440	0	0	110.191857	0	0	104.610255	0	0	1.684275	0	0	1.684275	0	0	
AIRREBA	A	61.357288	0	0	56.731928	0	0	134.318994	0	0	132.601800	0	0	0.927775	0	0	0.927775	0	0	
CELANGE	BA	59.404919	0	0	39.889387	0	0	74.448104	0	0	48.731164	0	0	1.984931	0	0	1.984931	0	0	
CRHOC	BA	59.449071	0	0	17.206979	0	0	43.701323	0	0	20.002419	0	0	1.922051	0	0	1.922051	0	0	
DEB	BA	19.707111	0	0	17.206979	0	0	43.701323	0	0	25.193433	0	0	3.436931	0	0	3.436931	0	0	
ERTICO	BA	12.930074	0	0	20.913181	0	0	51.112201	0	0	50.047241	0	0	0.137272	0	0	0.137272	0	0	
GAERBA	BA	28.182591	0	0	19.780912	0	0	39.724398	0	0	36.704942	0	0	0.481410	0	0	0.481410	0	0	
GAERICO	BA	27.005080	0	0	47.881784	0	0	146.779112	0	0	147.105416	0	0	1.448444	0	0	1.448444	0	0	
INIBEA	A	105.704419	0	0	44.877284	0	0	146.779112	0	0	147.254300	0	0	0.193974	0	0	0.193974	0	0	
LICEOL	BA	44.250760	0	0	49.092631	0	0	47.647444	0	0	48.525172	0	0	0.687987	0	0	0.687987	0	0	
LUMIRAN	BA	13.298050	0	0	16.825897	0	0	46.821907	0	0	16.772300	0	0	0.002583	0	0	0.002583	0	0	
MOBENA	BA	50.713084	0	0	13.125512	0	0	46.821907	0	0	67.010434	0	0	2.407670	0	0	2.407670	0	0	
PUNINA	BA	32.673991	0	0	13.125512	0	0	53.745744	0	0	49.310155	0	0	1.202209	0	0	1.202209	0	0	
SPICEN	BA	27.751291	0	0	23.233974	0	0	30.494307	0	0	29.151192	0	0	1.801189	0	0	1.801189	0	0	
TOBAX	BA	7.882074	0	0	1.851088	0	0	19.823274	0	0	9.724753	0	0	0.748578	0	0	0.748578	0	0	
TOLINA	BA	21.104864	0	0	10.191088	0	0	32.484423	0	0	30.670333	0	0	0.445194	0	0	0.445194	0	0	
TRENEC	BA	75.351817	0	0	57.111245	0	0	112.339487	0	0	111.019153	0	0	2.594822	0	0	2.594822	0	0	
VIREAL	BA	47.174950	0	0	44.877284	0	0	87.428042	0	0	86.434376	0	0	3.254433	0	0	3.254433	0	0	
VITRO	BA	26.001819	0	0	20.937182	0	0	48.120194	0	0	45.550143	0	0	1.202209	0	0	1.202209	0	0	
YENILE	BA	30.191894	0	0	21.038980	0	0	50.688174	0	0	50.622074	0	0	0.604300	0	0	0.604300	0	0	
ZARIBA	BA	67.874993	0	0	47.822817	0	0	83.824447	0	0	84.328476	0	0	1.439334	0	0	1.439334	0	0	
CAMPIDE	BA	31.097592	0	0	41.548927	0	0	40.883311	0	0	39.342106	0	0	1.243005	0	0	1.243005	0	0	
BANBON	BA	15.180768	0	0	10.485120	0	0	19.777689	0	0	19.102569	0	0	0.603157	0	0	0.603157	0	0	
ALCO	BA	4.872008	0	0	4.494888	0	0	2.843380	0	0	2.791410	0	0	0.009045	0	0	0.009045	0	0	
MOBIA	A	28.874708	0	0	14.494888	0	0	28.843380	0	0	24.791410	0	0	0.001280	0	0	0.001280	0	0	
CEBER	A	2.144579	0	0	1.729489	0	0	1.076584	0	0	1.066580	0	0	0.002583	0	0	0.002583	0	0	
ALABED	BA	18.142573	0	0	18.142573	0	0	18.076584	0	0	17.155519	0	0	0.857157	0	0	0.857157	0	0	
DIOMA	BA	44.874205	0	0	74.874205	0	0	48.742497	0	0	46.209113	0	0	0.232031	0	0	0.232031	0	0	
DEYUBEN	BA	17.436203	0	0	17.436203	0	0	20.436203	0	0	20.436203	0	0	0.056006	0	0	0.056006	0	0	
YUBEN	BA	45.391594	0	0	23.434004	0	0	48.825453	0	0	48.747474	0	0	0.540883	0	0	0.540883	0	0	
FUNDORA	BA	22.322144	0	0	13.822144	0	0	22.910304	0	0	22.144161	0	0	0.214169	0	0	0.214169	0	0	
MALDORA	BA	70.101936	0	0	30.988936	0	0	40.428836	0	0	40.109714	0	0	0.126549	0	0	0.126549	0	0	
FLUDORA	BA	45.914524	0	0	30.988936	0	0	42.810707	0	0	42.914524	0	0	0.687855	0	0	0.687855	0	0	
ERHINA	BA	21.379913	0	0	4.193882	0	0	12.821347	0	0	13.051347	0	0	0.731329	0	0	0.731329	0	0	
ERTEDN	BA	9.718198	0	0	4.193882	0	0	12.821347	0	0	15.310395	0	0	0.110465	0	0	0.110465	0	0	
X ACP HIP NULA		95.0% 97.5%			95.0% 97.5%			95.0% 97.5%			97.5% 92.5%			0.0% 0.0%			0.0% 0.0%			
CDP CORR MED		0.5307454			0.4742504			0.8684887			0.5621838			0.1074597			0.1074597			
MEDIA DEL IND.		0.0194360			0.0155950			0.0033002			0.0678114			0.0387907			0.0387907			
DEBVS BVS IND		0.0036227			0.0042426			0.0032222			0.0031924			0.1148981			0.1148981			

PRUEBA T DE SIGNIFICANCIA DE LOS PARAMETROS  
DE TETA DE LA REGRESION  
CON 82 OBSERVACIONES

TABLA III.2.

C M I N O R	INDAGO		INDARI		INDISI		INDIVI		INDIIV	
	ESTADISTICO	SIGNIF.								
	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X	B X I X
AALFA	9.611287		8.388921		10.497217		10.227916		1.292796	
ALARRERA	9.559670		7.545327		11.676317		11.181317		0.963711	
CELARNE	7.254269		8.897881		8.933850		9.994258		1.409885	
DELE	4.439269		4.183866		5.019306		5.111306		1.411301	
FRITCO	4.238473		4.573060		7.191215		5.019306		1.053893	
GIESA	5.309470		3.134883		8.933850		7.074429		0.371116	
JEETICO	2.264444		2.188286		8.933850		6.050469		0.843877	
KIRREA	10.281243		8.188286		12.113234		12.134447		1.063893	
LITUPOL	8.018557		7.008286		11.758572		6.258601		0.622673	
LUIRINA	8.2709185		7.438286		8.018557		8.092844		0.029450	
MORRANA	8.179729		7.818286		7.191215		7.574870		1.051688	
PURINA	8.744038		7.438286		7.232119		7.022119		1.063893	
SPIER	8.267949		8.038286		8.933850		8.599503		1.342084	
TARNA	3.108924		3.138286		8.933850		3.10414		0.492546	
TELNEI	2.289744		2.891149		8.933850		2.533777		0.825316	
TOLNEI	4.898403		4.818286		8.933850		5.238066		0.882230	
TRENEC	6.480843		7.85790		10.889032		10.874459		1.610864	
VIRREAL	6.924402		4.971149		6.971149		7.113413		1.800413	
VIRA	7.182784		4.829118		6.971149		6.963977		1.091606	
WENLES	7.4489115		4.829118		6.971149		6.963977		1.169700	
UTED	7.4489115		4.829118		6.971149		6.963977		1.169716	
CRIBON	7.329748		6.84129		7.329748		7.152508		1.249246	
EARRE	4.349924		3.276329		4.349924		4.272847		0.691891	
CAARDE	4.349924		3.276329		4.349924		4.272847		0.691891	
SANFORM	3.896251		3.233892		4.349924		4.179291		0.776628	
ACCO	3.199319		2.803340		4.349924		2.925140		0.098805	
ROBISA	3.327440		2.803340		4.349924		4.197854		0.840574	
ROBISA	3.327440		2.803340		4.349924		4.197854		0.840574	
APASCO	3.497745		3.081139		3.497745		4.141933		0.746444	
DIONA	6.679259		6.78281		6.679259		6.626222		0.696077	
COCONA	1.805014		1.805014		1.805014		1.984515		0.070460	
CYBSA	6.510813		4.861482		6.510813		6.470451		0.735448	
PUMBARA	4.727810		3.723409		4.727810		4.785258		0.880977	
SAITIA	8.240888		8.240888		8.240888		9.773830		0.070460	
PARIS	6.781255		6.348497		6.781255		6.252441		0.810084	
FOURON	4.829992		3.789844		4.829992		5.749203		0.831178	
KRIBON	3.117402		3.117402		3.117402		3.428505		0.331227	
% ACEP HIP NULA	95.0% 92.5%		95.0% 97.0%		95.0% 92.5%		97.5% 92.5%		0.0% 0.0%	
COF CORR MEDIO	0.5307654		0.4742504		0.8684887		0.5661050		0.1074597	
MEDIA DEL IND.	0.0196350		0.0153950		0.0633002		0.0078114		0.0387907	
DEVI STD IND	0.0086379		0.0086386		0.0612222		0.0031924		0.1146981	

mando además en cuenta las conclusiones descritas en la nota 9 de este capítulo. En resumen, quizá debe pensarse en elegir una muestra estática y no dinámica para formar el índice que se utilice en el modelo del mercado.

Se aprecia además la superioridad que los índices que asignan el mismo peso específico a todas las acciones con respecto a los que ponderan el promedio atendiendo al número de acciones vigente en cada período presentando además la ventaja de ser más simples que estos últimos.

Otro punto que destaca al comparar el método de construcción geométrico contra el aritmético es la superioridad del primero sobre el segundo, independientemente del método de ponderación.

Considerando los argumentos hasta aquí expuestos, es evidente que el índice que mejor explica la relación lineal es  $I_2$ , es decir, la media geométrica de los rendimientos de las acciones de la muestra.

Se observa además como varía la media del rendimiento de los cinco índices, siendo similar solamente para  $I_4$  e  $I_5$ ; sin embargo, a excepción de  $I_3$ , la desviación estándar es más o menos constante.



La tabla III.3 presenta los coeficientes alfa y beta de la regresión para los cinco índices. Puede notarse aquí también la distorsión de los coeficientes del índice  $I_3$  al compararlo con los otros cuatro. Como era razonable suponer, los coeficientes alfa son más o menos constantes para los cuatro primeros índices, ya que éste coeficiente representa la parte del rendimiento de la acción que es independiente del mercado. Las betas son más o menos constantes, a excepción del índice  $I_3$ , que presenta dichos coeficientes subestimados en comparación a los otros tres índices. Esto puede ser importante si se nota que mientras los índices  $I_4$ ,  $I_2$ , e  $I_1$  presentan betas mayores a uno, las correspondientes a  $I_3$  llegan a ser menores que la unidad, es decir, que mientras que por un lado puede afirmarse que una emisión es muy sensible a los movimientos del mercado, si se considera  $I_3$  puede pensarse que la misma emisión es poco sensible. Queda pues de manifiesto nuevamente la necesidad de elegir adecuadamente el índice a emplearse en el modelo.

## CAPITULO IV

### VIOLACIONES A LOS SUPUESTOS BASICOS DEL MODELO DE REGRESION LINEAL

#### IV.1. Supuestos Básicos

Como se mencionó en el Capítulo I, el método de regresión de mínimos cuadrados ordinarios descansa en una serie de supuestos básicos que son los siguientes:

1. El valor esperado del error estocástico, condicional a los valores de la variable explicativa  $r_1$ , es cero.
2. La variable explicativa  $r_1$  no es estocástica, y si lo es, se distribuye en forma independiente del error estocástico  $\epsilon_i$ , o al menos no esta correlacionada con este error.
3. La variancia condicional de  $\epsilon_i$  es constante u homoscedástica.
4. La autocorrelación entre los errores estocásticos es cero.

## CAPITULO IV

### VIOLACIONES A LOS SUPUESTOS BASICOS DEL MODELO DE REGRESION LINEAL

#### IV.1. Supuestos Básicos

Como se mencionó en el Capítulo I, el método de regresión de mínimos cuadrados ordinarios descansa en una serie de supuestos básicos que son los siguientes:

1. El valor esperado del error estocástico, condicional a los valores de la variable explicativa  $x_1$ , es cero.
2. La variable explicativa  $x_1$  no es estocástica, y si lo es, se distribuye en forma independiente del error estocástico  $\epsilon_i$ , o al menos no está correlacionada con este error.
3. La variancia condicional de  $\epsilon_i$  es constante u homoscedástica.
4. La autocorrelación entre los errores estocásticos es cero.

5.  $\epsilon_t$  se distribuye normalmente con media y variancia dadas en los supuestos 1 y 3.

En el presente capítulo se analizarán las consecuencias de violar cada uno de estos supuestos, para lo cual se establecerá, para fines prácticos, una distinción entre aquellos supuestos que no representen mayor dificultad para efectos del desempeño del modelo del mercado, y aquellos que por su naturaleza representan un problema más serio en la detección y corrección de posibles violaciones. Las razones que justifiquen esta diferenciación se evidenciarán a lo largo de la discusión de cada uno de los supuestos. Al primer grupo, que será discutido brevemente en la sección IV.2, corresponden los supuestos 1, 2 y 5, mientras que al segundo, que merecerá mayor atención, pertenecen los supuestos 3 y 4.

## IV.2. Primer Grupo. Supuestos menos Críticos

### IV.2.1 Violación del Supuesto 1

El supuesto 1 (media cero del error estocástico), conlleva la especificación de que la línea de regresión poblacional sea:

$$E(r_{it} / r_{2t}) = \alpha_i + \beta_i r_{2t} \quad [E(\varepsilon_{it} / r_{2t}) = 0.]$$

En el caso en que la media del error estocástico, no sea cero, sino un valor  $k_\varepsilon$ , se tendría:

$$E(r_{it} / r_{2t}) = \alpha_i + \beta_i r_{2t} + k_\varepsilon \quad [E(\varepsilon_{it} / r_{2t}) = k_\varepsilon],$$

donde las consecuencias de esta violación se pueden considerar asumiendo dos posibilidades de acuerdo a la naturaleza de  $k_\varepsilon$ :

a) Si  $k_\varepsilon$  tiene un valor constante para cualquier  $t$ , es decir  $k_\varepsilon = k$ , para toda  $t$ , en cuyo caso la línea de regresión poblacional será:

$$\begin{aligned} E(r_{it} / r_{2t}) &= \alpha_i + \beta_i r_{2t} + k \\ &= \alpha_i^* + \beta_i r_{2t} \quad (\text{es decir, } \alpha_i^* = \alpha_i + k), \end{aligned}$$

que como se observa, equivale simplemente a una traslación vertical de la línea de regresión, es decir, se afecta la intercepción  $\alpha_i$ ; mas la pendiente de la recta no se ve alterada y en consecuencia el estimador de mínimos cuadrados para  $\beta_i$  no se afecta, mientras que al estimar la intercepción, se encuentra en realidad una estimación para  $\alpha_i$  y no existe una manera de estimar  $\alpha_i$  y  $k_i$  por separado y obtener estimaciones insesgadas o al menos consistentes<sup>1/</sup>. Sin embargo, al considerar las ecuaciones (I.2), y (I.3) y (I.4), que constituyen la aportación principal del modelo de Sharpe a la formulación del problema de análisis de cartera, se observa que el estimador realmente importante lo es  $\beta_i$ ; que queda inalterado por la traslación discutida en este inciso. Por lo tanto se considera que una violación al supuesto 1 con las características expuestas hasta aquí, no representa un problema serio para la aplicación del modelo.

b) Si el valor de  $k_t$  fuera variable para cada  $t$ , se tendría que la intercepción sería distinta para cada observación, lo que implicaría en la línea de regresión poblacional que:

$$\begin{aligned}
 E(r_{it} / r_{ft}) &= \alpha_i + \beta_i r_{ft} + k_t \\
 &= (\alpha_i + k_t) + \beta_i r_{ft} \quad \dots (IV.1) \\
 &= \alpha_{it} + \beta_i r_{ft}
 \end{aligned}$$

<sup>1/</sup> J. Kmenta, "Elements of Econometrics". Mac Millan Publishing Co., Inc., Nueva York, 1971 p.249.

es decir, el valor esperado condicional de la variable dependiente  $r_{it}$ , variará ya no sólo por cambios en la variable  $r$ , sino por otras razones. Es decir, el modelo estaría mal especificado ya sea en su forma funcional, en la forma de especifica el error estocástico  $\epsilon_i$ , o en la inclusión y cualidades de las variables explicativas, que podrían ser más de una<sup>2/</sup>.

El error de especificación cometido ocasionaría que el estimador  $\hat{\beta}_i$  fuera sesgado o inconsistente, en este caso la violación del supuesto 1 sería grave<sup>3/</sup>

#### IV.2.2. Violación del Supuesto 2

Al anunciar los supuestos básicos en este estudio, se han manejado los valores esperados y las variancias, como condicionados de los valores de la variable explicativa. Estas consideraciones son razonables si se toma en cuenta que no se tiene un control directo sobre la información, en el sentido de que es-

---

<sup>2/</sup> Estos errores de especificación se detallan en J. Kmenta. Obra citada Sección 10-4 "Specification Errors", pags. 391 y siguientes.

<sup>3/</sup> Las pruebas para determinar la existencia de dichos errores, así como su corrección, están fuera de los objetivos de este estudio. Sin embargo, para profundizar en el caso, ver la obra citada en la nota 2, o bien, ver Peter Schmidt, "Econometrics", Marcel Dekker, Inc., Nueva York 1976, pags. 36-39.

ta información es conjuntada y proporcionada por la B.M.V., de tal forma que una manera práctica de enfrentar el problema en cuestión, es suponer que la variable explicativa, es decir, el índice empleado, está dada aunque la variable en sí pueda ser de naturaleza estocástica. Por lo tanto los resultados del análisis de regresión son condicionados a esos valores dados (valores observados de la variable explicativa)<sup>4/</sup>, y estos pueden ser considerados como no estocásticos en la práctica.

Si no se pudieran hacer estas consideraciones, y se encuentra además que el índice empleado y el error estocástico estuvieran correlacionados, se tendría como resultado que los estimadores de la regresión serían sesgados e inconsistentes. Esto se explica al recordar que la variancia total de la variable dependiente en el método de mínimos cuadrados está dada por la influencia separada y aditiva de la variable explicativa por un lado, y del error estocástico por el otro, es decir:

Variación		variación		variación
total de	=	explicada	+	residual
la varia-		por la		
ble depen-		regresión		
diente				
(sst)	=	(ssr)	+	(sse)

---

<sup>4/</sup> Ver H. Theil. "Principles of Econometrics". John Wiley & Sons, Inc., Nueva York 1971, p.111



TABLA IV.2.

REGRESION DE LOS RENDIMIENTOS DE 40 ACCIONES  
PARA LA VARIABLE EXPLICATIVA  
INDARI

EMISOR	ALFA	DELTA	COEFICIENTE DE CORR.	ESTADISTICO F	VARIANCA DEL ERROR	COEFICIENTE CORR. DE CORR. DURS.-WALSON	RENDIMIENTO MEDIO	ERR. CORR. ESTIM. UN X	EST. ERR. UN X	
AAZULA SA	-0.0275940	0.4925843	0.68480134	70.3404399	8.3814208	-0.47821-02	1.971741	0.0121737	0.1011-11	0.9511-20
AGUIRRE SA	-0.0010550	0.6728520	0.6438009	88.9819599	7.2800-02	-0.47821-02	1.711502	0.0104497	0.1991-11	0.5442-20
ALFA SA	-0.0120514	0.7408791	0.5750464	39.3397867	6.6670009	-0.47821-02	1.4711345	-0.0005348	0.1261-10	0.3041-20
ALFA SA	-0.0202898	1.0042398	0.6918802	39.3397867	6.6670009	-0.47821-02	1.7017191	-0.0012538	0.1508-10	0.2074-20
ALFA SA	-0.0059042	0.4758315	0.4237063	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.091101	0.0014610	0.1446-10	0.1719-19
ALFA SA	-0.0185373	0.9234028	0.4652352	19.0131019	4.8120189	-0.47821-02	1.9219945	-0.0001782	0.1400-10	0.0929-19
ALFA SA	-0.0056742	0.5233731	0.4808181	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.0707731	0.0027408	0.1438-10	0.3025-20
ALFA SA	-0.0078851	0.4788851	0.2400300	5.2311624	5.2311624	-0.47821-02	1.2700370	0.0018492	0.1273-10	0.1401-21
ALFA SA	-0.0048275	0.7914707	0.6750453	60.0911727	8.3814208	-0.47821-02	1.6217727	0.0058420	0.1627-10	0.6570-19
ALFA SA	-0.0187730	0.6337598	0.6188893	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.6117649	-0.0026433	0.1327-11	0.1799-20
ALFA SA	-0.0057442	0.7110509	0.6188893	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.9117649	0.0133366	0.1570-11	0.1613-20
ALFA SA	-0.0143008	0.9785002	0.8300841	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.9410933	-0.0050654	0.2395-10	0.4589-19
ALFA SA	-0.0075497	0.6159279	0.3848945	13.0182588	3.7299543	-0.47821-02	1.6419370	0.0019849	0.2411-11	0.1120-20
ALFA SA	-0.0005218	0.5505704	0.4744063	2.0000000	2.0000000	-0.47821-02	1.5017617	0.0008924	0.1923-10	0.3442-19
ALFA SA	-0.0074448	0.6744448	0.3161929	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.3010929	0.0131119	0.4501-10	0.1466-20
ALFA SA	-0.0094294	0.4943298	0.4300268	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.8810264	-0.0014147	0.1019-12	0.0300-24
ALFA SA	-0.0045911	0.6044122	0.4095126	20.9371074	4.8120189	-0.47821-02	1.4117521	0.0160042	0.1843-11	0.1039-20
ALFA SA	-0.0182902	0.8958129	0.4950126	20.9371074	4.8120189	-0.47821-02	1.9210260	-0.0041107	0.1190-12	0.0339-24
ALFA SA	-0.0010074	0.6010074	0.4950126	20.9371074	4.8120189	-0.47821-02	1.9210260	-0.0005534	0.1843-11	0.0339-24
ALFA SA	-0.0132448	0.6010074	0.4950126	20.9371074	4.8120189	-0.47821-02	1.9210260	-0.0005534	0.1843-11	0.0339-24
ALFA SA	-0.0058358	0.6410082	0.4854424	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.1110491	0.0072954	0.1631-10	0.1001-19
ALFA SA	-0.0130937	0.7848411	0.4854424	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.9014859	-0.0026237	0.0923-10	0.2330-20
ALFA SA	-0.0066738	0.6010082	0.4854424	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.6014859	-0.0026237	0.1631-10	0.1001-19
ALFA SA	-0.0078280	0.4818974	0.3889931	10.9008117	3.7299543	-0.47821-02	1.6014859	-0.0026237	0.1631-10	0.1001-19
ALFA SA	-0.0137222	0.9225888	0.5846613	41.5489345	8.3814208	-0.47821-02	1.5419257	0.0017051	0.0086-12	0.1525-24
ALFA SA	-0.0023947	0.6010082	0.4854424	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.6014859	-0.0026237	0.1631-10	0.1001-19
ALFA SA	-0.0051979	0.6010082	0.4854424	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.6014859	-0.0026237	0.1631-10	0.1001-19
ALFA SA	-0.0143943	0.8125718	0.4132471	18.4788132	4.8120189	-0.47821-02	1.6114218	-0.0018721	0.1272-10	0.1304-19
ALFA SA	-0.0111004	0.7852771	0.4871440	18.4788132	4.8120189	-0.47821-02	1.7019257	0.0033743	0.3410-11	0.2107-21
ALFA SA	-0.0070383	1.1050588	0.4301773	18.4788132	4.8120189	-0.47821-02	1.4414439	0.0045543	0.3053-11	0.2064-20
ALFA SA	-0.0129259	0.8911089	0.3191030	12.9089157	3.7299543	-0.47821-02	1.5010141	-0.0014029	0.9200-10	0.1343-20
ALFA SA	-0.0090787	0.6723818	0.3191030	12.9089157	3.7299543	-0.47821-02	1.9410933	0.0013308	0.1320-10	0.1343-20
ALFA SA	-0.0161450	0.3087740	0.3087740	1.9089157	1.9089157	-0.47821-02	1.7110933	0.0034003	0.3087-11	0.1030-20
ALFA SA	-0.0132498	0.7462633	0.4778445	21.6340044	4.8120189	-0.47821-02	1.5010933	0.0013431	0.1216-10	0.1183-20
ALFA SA	-0.0174117	0.1094949	0.3848945	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.4810933	-0.0011917	0.7031-10	0.1491-20
ALFA SA	-0.0161450	0.1094949	0.3848945	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.4810933	-0.0011917	0.7031-10	0.1491-20
ALFA SA	-0.0051137	0.4024213	0.4709372	22.7984066	4.7748234	-0.47821-02	1.7210933	0.0045572	0.7202-11	0.4181-20
ALFA SA	-0.0097444	0.8594890	0.5784220	40.2311624	6.6670009	-0.47821-02	1.6410933	0.0017911	0.7202-11	0.1791-20
ALFA SA	-0.0074171	0.7431359	0.3191030	12.9089157	3.7299543	-0.47821-02	1.1410933	0.0030139	0.1491-20	0.1491-20
ALFA SA	-0.0144491	0.3748086	0.2292543	11.8044979	4.8120189	-0.47821-02	1.4010933	-0.0026231	0.2748-11	0.3894-21

COEF. DE CORR. MEDIO 0.4742066  
 MEDIA DEL INDICE 0.0159500  
 RES. STD. DEL INDICE 0.0042436

TAULA IV.3.

REGRESION DE LOS NOMBRIENTOS DE 40 ALCIONES  
PARA LA VARIABLE EXPLICATIVA  
INDICE

EMISOR	ALFA	BETA	COEFICIENTE DE CORR.	ESTADISTICOS T	VARIANCIAS DEL ERROR	COEFICIENTE DE CORR. URB.-BARRION	INCREMENTO MEDIO	COEFICIENTE DE CORR. URB. Vb X	COEFICIENTE DE CORR. URB. F	
AMIFA B	-0.0163681	1.02711253	0.7411645	110.1915574	10.4972167	.37100-02	1.921927	-0.0121747	-0.070-10	.13041-19
AMRENA A	0.0074607	0.9506124	0.7938529	146.3348959	11.4742407	1.7090-02	1.443470	0.0104497	-0.0890-10	.15790-19
CELANEC SA	-0.0079704	1.0018143	0.6869032	71.4601019	8.4938609	.2650-01	1.021720	0.0005360	-0.0000-11	.15650-19
CEIRAU	-0.0072880	1.1943163	0.6637461	63.0134379	7.9381004	.8930-02	1.022190	0.0033530	-0.0000-10	.15650-19
CEIR. SA	-0.0008085	0.8387970	0.4936380	25.778260	5.0769308	.6830-02	1.020258	0.0014600	-0.0000-10	.12550-19
FRIGO SA	-0.0053044	1.0474574	0.6483700	53.1187011	7.1493147	.1200-01	1.020105	-0.0001702	-0.0170-11	.13920-19
FRISA SA	-0.0001367	0.7943716	0.5807716	38.4935808	6.0311777	.3380-01	1.020193	0.0018498	0.3070-11	.13250-19
GRETICO SA	-0.0013593	0.9440070	0.2376147	7.7402479	4.021301	.3090-01	1.020193	0.0018498	-0.0000-10	.13250-19
KTRIER A	0.0019463	1.0602703	0.6046925	146.9728122	12.1233344	.2050-02	1.330001	0.0025420	-0.0000-10	.16950-19
LIVIPUL	-0.0024629	0.9542929	0.6128488	47.8674483	6.7288923	.8890-02	1.020092	-0.0003471	-0.0000-10	.10200-19
LUSIMIA SA	0.0163300	0.8144726	0.6168188	16.0517258	4.1818118	.1010-01	1.020098	0.0153255	-0.0000-10	.14210-19
MURRINA SA	-0.0098452	1.1490860	0.777460	90.0837001	9.4942833	.3780-02	1.020098	0.0028656	-0.0000-10	.10650-19
PURINA SA	-0.0017059	1.1747468	0.6439165	53.7457458	7.3311490	.4500-02	1.020151	0.0019849	-0.0000-10	.13050-19
SPILEN SA	0.0061284	0.7089707	0.5705823	30.6943074	5.7402443	.4220-02	1.020098	0.0018498	-0.0000-10	.13260-19
TARCA	0.0098952	0.7009007	0.3397766	10.0482299	4.781101	.1890-01	1.020193	0.012119	-0.0000-10	.10150-19
TELNEK	-0.0031441	0.4178988	0.3103088	9.8486144	3.1878203	.3780-02	1.020098	0.0016147	-0.0000-10	.10250-19
UNIFEX	-0.0130201	0.9101840	0.5733923	32.4044249	6.6995111	.6570-02	1.020115	0.0160042	-0.0000-10	.14810-19
UNIFEX SA	-0.0047299	1.0243479	0.7454889	140.8304894	10.9909074	.3250-02	1.020098	-0.0004317	-0.0000-10	.12700-19
UNIFEX SA	-0.0047299	1.0243479	0.7454889	140.8304894	10.9909074	.3250-02	1.020098	-0.0004317	-0.0000-10	.12700-19
VINALE	-0.0129255	1.4853285	0.7214677	86.8488821	9.3111138	.6290-02	1.020098	0.0027428	-0.0000-10	.14090-19
VENILE SA	0.0031399	1.2877700	0.6026273	45.6201743	6.7542708	.9190-02	1.020125	0.0072954	-0.0000-10	.10880-19
VITINO SA	-0.0040198	1.0406977	0.4427800	20.6881760	4.1688462	.2630-02	1.020098	0.0018498	-0.0000-10	.11530-19
FRIGIDA SA	-0.0031262	1.1996160	0.4089234	15.0387456	4.1257826	.3430-02	1.020098	0.0018498	-0.0000-10	.11530-19
EATON SA	0.0140297	0.8950374	0.3249469	4.2994949	3.9951038	.1870-02	1.020098	0.0017923	-0.0000-10	.12500-19
CARRITE SA	-0.0023437	1.1300490	0.5801365	40.5833314	6.3705040	.8110-02	1.020098	0.0017053	-0.0000-10	.14090-19
BARRON	0.0050118	1.0406977	0.5466973	19.7738808	4.3483398	.3000-02	1.020098	0.0018498	-0.0000-10	.10200-19
ACD	-0.0050118	1.0406977	0.5466973	19.7738808	4.3483398	.3000-02	1.020098	0.0018498	-0.0000-10	.10200-19
MOHESA A	-0.0025659	1.1190700	0.4939819	25.8224366	5.0810980	.1200-01	1.020098	-0.0018721	-0.0000-10	.10810-19
CEPEX	0.0230790	0.3303206	0.1574198	15.0387456	4.1257826	.3430-02	0.731756	0.0017556	-0.0000-10	.12700-19
AFASID A	-0.0031262	1.1996160	0.4089234	15.0387456	4.1257826	.3430-02	1.020098	0.0045243	-0.0000-10	.10200-19
DIANA SA	-0.0018151	1.1503135	0.6001102	40.9442569	6.2818779	.9690-02	1.020159	0.0004027	-0.0000-10	.10640-19
MEFALVER A	-0.0014880	0.8948644	0.5555009	20.9497830	4.7720909	.9690-02	1.020098	0.0013300	-0.0000-10	.13210-19
CODIMER SA	-0.0021478	0.4789385	0.2044854	8.4781824	1.8773774	.1010-01	0.230084	0.0000000	-0.0000-10	.10640-19
CYRUS A	-0.0021478	0.4789385	0.2044854	8.4781824	1.8773774	.1010-01	0.230084	0.0000000	-0.0000-10	.10640-19
PUNINGA SA	-0.0021478	0.4789385	0.2044854	8.4781824	1.8773774	.1010-01	0.230084	0.0000000	-0.0000-10	.10640-19
NACOBRE SA	-0.0013322	1.1414619	0.7146959	83.4354325	9.7848191	.1680-02	1.020098	0.0061912	-0.0000-10	.10810-19
PORITAN	-0.0008516	1.0242624	0.4129271	45.0048465	6.9288801	.5530-02	1.020159	0.0023350	-0.0000-10	.10640-19
PARIS	0.0004394	1.0066682	0.5904180	41.8107074	6.8492892	.1020-02	1.020148	0.0027931	-0.0000-10	.11700-19
FORNUN	-0.0000665	1.3167424	0.4058298	19.0319117	4.7493979	.1030-02	1.020098	0.0017039	-0.0000-10	.13700-19
INDICION	-0.010874	0.7061188	0.4018288	18.3767022	3.9201918	.1030-02	1.3792518	-0.0002341	-0.0000-10	.17700-19

COEF. DE CORR. MEDIO 0.5604807  
MEDIA DEL INDICE 0.0030032  
RESUBSTR. DEL INDICE 0.0032222

TABLA IV.4.

REGRESION DE LOS RENDIMIENTOS DE 40 ACCIONES  
PARA LA VARIABLE EXPLICATIVA  
INDIAI

EMISOR	ALFA	BETA	COEFICIENTE DE CORR.	ESTADISTICOS F	VARIANZA DEL ERROR	CRITERIO DE DURBIN-WALSON	RESIDUAL MEDIO	COEF. CORR. ERROR DE X	ESTADISTICO F	
AAAFSA B	-0.0219339	1.2629448	0.7523647	104.6102549	10.2279155	1.8941-02	1.92-198	-0.0151737	2.660-11	14140-11
AIKREBA A	-0.0031251	0.9502419	0.7930844	132.8936077	11.8188371	1.7380-01	1.49-2904	-0.0104977	6.330-10	10520-10
ALIANE B	-0.0003450	0.9970241	0.7699919	48.7999165	9.8188324	2.8870-03	1.41-0357	-0.0005168	1.729-10	58500-19
CEMCO B	-0.0125948	1.1038292	0.6549112	60.0824892	7.8513024	2.8970-03	1.60-0136	-0.0033538	7.400-10	49910-19
IBW B	-0.0014369	0.7324442	0.4193035	78.1934327	9.0193040	4.0050-02	1.97-349	0.0014668	3.007-10	76730-19
FRIDCO SA	-0.0122425	1.5440532	0.6203550	50.0478429	9.0744268	1.2180-01	1.92-0309	0.0001782	9.144-11	68800-19
ONGA B	-0.0049229	0.7904703	0.5608123	14.7049423	4.9584604	3.8380-01	1.91-9072	0.0027498	9.926-11	58160-19
ONEICO SA	-0.0057723	0.9722032	0.2981536	71.8054859	8.9880300	3.0930-01	1.62-3339	0.0010494	6.420-11	33570-10
KTRISA A	-0.0021004	1.0001133	0.8045649	147.1338445	12.1338445	2.0530-02	1.73-0013	0.0025420	1.173-10	1400-10
LIVEPOL	-0.0102270	0.9621998	0.6144581	46.7531721	4.9880300	4.8730-02	1.92-0740	-0.0026431	1.734-11	7731-10
LIVHINA SA	-0.0066442	0.8172732	0.4173159	49.7242997	4.9742432	1.0470-01	1.92-1110	-0.0153675	1.753-11	5400-19
WIDEHNA SA	-0.0150190	1.1402958	0.7235204	89.0844342	8.9880300	3.8690-02	1.82-0341	-0.0056254	2.902-11	25320-10
FUBINA SA	-0.0060442	1.1194102	0.6172212	49.3101554	7.0221190	6.7240-02	1.46-0735	0.0019049	9.720-11	57110-19
SPICER SA	-0.0030077	0.6990245	0.5367911	29.1211692	4.3892029	4.2810-02	1.5018766	0.0004924	6.900-11	22500-10
AMPA B	0.0077061	0.6941871	0.6421871	10.5188100	3.2422719	1.8580-01	1.8818224	-0.0173119	1.521-10	16100-19
TELMEK	-0.0051421	0.4313361	0.3408897	10.5188100	3.2422719	1.8580-01	1.8818247	-0.0012147	2.250-11	40700-10
TINMEK SA	-0.0090225	0.8957706	0.5264334	30.6703325	5.8380002	4.6620-02	1.72-0143	0.0160042	2.160-11	4400-19
THE REC	-0.0100433	1.2009485	0.7430594	111.8191332	10.8244274	3.3340-02	1.82-0924	-0.0042107	1.600-11	22610-10
VIREAL	-0.0100043	1.2009485	0.7430594	111.8191332	10.8244274	3.3340-02	1.82-0924	-0.0042107	1.600-11	22610-10
VISA	-0.0191135	1.4254059	0.7195014	88.8488827	9.2283284	4.3060-02	1.93-1452	-0.0077420	3.412-11	33400-19
PFINDL SA	-0.0024000	1.2644121	0.5890503	42.2077905	6.8179907	6.0700-01	1.72-0117	0.0072954	1.700-11	33400-19
ITIND SA	-0.0108492	1.0571887	0.4625330	20.8620340	2.1139191	5.7460-01	1.0118564	-0.0024737	6.420-11	31220-10
EDITHA SA	-0.0101616	1.2009485	0.7430594	111.8191332	10.8244274	3.3340-02	1.82-0924	-0.0042107	1.600-11	22610-10
ETHIN SA	0.0100911	0.8807289	0.4673197	24.3825785	4.7278469	7.0250-02	1.04-0150	0.0179233	1.110-11	35200-21
GAMLEB SA	-0.0027220	1.1278140	0.5741625	39.3420855	4.2733907	9.1990-02	1.32-0217	0.0017053	2.158-10	37070-10
BANBURN	-0.0003799	0.4289617	0.4387902	19.1892610	4.2873077	4.8120-01	1.32-0217	0.0004267	6.420-11	2480-19
ATD B	-0.0105199	1.1049910	0.4062781	24.7894843	4.9760942	1.8240-01	1.40-0564	-0.0010721	1.0730-12	26300-22
NEBEA A	0.0200593	0.4015930	0.1859008	1.8625681	1.6930043	1.4370-01	1.32-0157	0.0231736	7.540-11	24000-10
APASCO	-0.0148497	1.2448343	0.4207118	1.1853819	4.8182716	3.7040-01	1.32-0441	0.0245543	7.540-11	24000-10
ALMA B	-0.0189295	1.2448343	0.4207118	1.1853819	4.8182716	3.7040-01	1.32-0441	0.0245543	7.540-11	24000-10
METALVER B	-0.0054114	0.8762434	0.4491744	20.2204156	4.2947117	7.8000-02	1.97-1131	-0.0084527	1.071-10	91740-19
CONHKA SA	-0.0184431	0.5810204	0.2449547	45.3312726	2.3089499	1.8620-01	1.62-0177	-0.0013308	1.770-10	17900-19
CINCA A	-0.0101303	1.0009589	0.4039884	48.7999165	4.7789331	3.7040-01	1.32-0441	0.0245543	1.760-11	13530-21
CONHKA	-0.0174620	1.2144629	0.4251106	41.7021612	4.7021612	9.7010-01	1.52-0119	-0.0081917	1.300-10	13000-19
CONHKA SA	-0.0064358	1.1325233	0.7027222	80.1888136	8.9548813	4.1070-02	1.62-0225	-0.0024350	2.661-10	56660-19
MINITAN	-0.0050570	1.0747905	0.4203277	50.0349074	4.8476-02	1.48-0364	1.48-0364	0.0035272	1.2140-19	23140-19
PARIS	-0.0081848	0.8907788	0.5007788	49.7345000	4.9824289	6.0240-02	1.52-0119	-0.0037931	1.2120-11	14270-10
FINHNA	-0.0046923	1.1275300	0.5407118	31.0433346	3.9824289	1.8240-01	1.52-0119	-0.0017839	1.0700-11	14270-10
ENTCOM	-0.0144402	0.7885583	0.4007987	19.2103948	3.9126500	1.6970-01	1.32-0700	-0.0062341	1.2930-11	42550-20

COEF. DE CORR. MEDIO 0.5810338  
MEDIA DEL INDICE 0.0074114  
DESV. STD. DEL INDICE 0.0631924

TABLA IV.5.

REGRESION DE LOS RENDIMIENTOS DE 40 ACCIONES  
PARA LA VARIABLE EXPLICATIVA  
INDICE

EMISOR	ALFA	BETA	COEFICIENTE DE CORR.	ESTADISTICOS F	T	VARIANCA DEL ERROR	COEFICIENTE DURB. WATSON	RENDIMIENTO MEDIO	COEF CORR ERROR VB X	ESTERROR X F
AAFLA A	-0.0136324	0.0401925	0.1435943	1.6842747	1.2977961	88011-02	1.4979917	-0.0121737	.45790-11	.16146-0
AUKRRA A	-0.0097645	0.0214910	0.1070711	0.9277247	0.7627104	45689-02	1.8971524	0.0104497	.43200-11	.14731-0
CLANEA SA	-0.0071404	0.0310543	0.1581261	1.5689310	1.1922204	10187-01	1.7279904	-0.0055168	.10330-10	.02241-0
CEMUC SA	-0.0051702	0.0470061	0.1858207	1.7920814	1.1133008	10188-01	1.6925974	-0.0063358	.59010-11	.27070-0
DEFC SA	-0.0001898	0.0438139	0.2029578	1.4319211	1.0838988	01250-02	1.6114932	0.0014688	.71900-11	.31850-0
FRICO SA	-0.0008444	0.0177297	0.0415570	0.1377297	0.1377297	01251-02	1.8547189	-0.0001792	.19570-11	.10630-1
GISA SA	-0.0015465	0.0181970	0.1734570	0.4311048	0.3281970	11066-01	1.7516919	0.0025495	.39400-11	.69110-0
GREICO SA	-0.0006044	0.0646145	0.1107798	1.1444838	1.0679957	9344-01	1.6953130	0.0010496	.10800-11	.10490-0
KIMRI A	0.0049071	0.0157070	0.0700038	0.1937917	0.1937917	58050-02	1.9913043	0.0055420	.36250-11	.56120-1
LIVPOL SA	-0.0034665	0.0241237	0.0923381	0.6879847	0.6879847	77460-02	1.8337041	-0.0036431	.11990-11	.15250-1
LJEBRN SA	-0.0151409	-0.0031070	0.0032000	0.4818883	0.8011884	87170-02	1.9001335	0.0004924	.47400-11	.12970-0
MADENNA SA	-0.0087804	0.0452884	0.1906094	1.4072903	1.0514898	78044-02	1.8031992	-0.0058854	.94900-11	.21330-0
MURINA SA	0.0006035	0.0174593	0.1216763	1.2022093	1.0644530	10710-01	1.9759792	0.0019049	.47600-11	.10190-0
UPICER SA	0.0071493	0.0349859	0.1491883	1.8011884	1.7450837	87170-02	1.9001335	0.0004924	.47400-11	.12970-0
YAMER SA	0.0114475	0.0192144	0.0581818	0.4818883	0.7450837	47400-01	1.8581144	0.0123119	.47320-11	.19460-1
YALREX SA	-0.0025227	0.0195354	0.0923381	0.6879847	0.6879847	50110-02	1.8580065	-0.0016147	.44500-11	.15190-0
YBREC SA	-0.0152047	0.0211104	0.0743819	0.4818883	0.6879847	91920-02	1.7120050	0.0160042	.43140-11	.14190-0
YJKREAL SA	-0.0047914	0.0467930	0.1679919	1.1679919	1.0679919	71480-01	1.8009312	-0.0004834	.10370-10	.06070-0
YLSA SA	-0.0093323	0.0410641	0.1216275	1.2012291	1.0640061	12280-01	1.6599961	-0.0077428	.60720-11	.29490-1
YFRIEBS SA	0.0056017	0.0460961	0.1306998	1.2430447	1.0433023	11280-01	1.6640990	0.0029954	.37920-11	.18170-0
YUHO SA	-0.0034731	0.0246743	0.0848599	0.7450837	1.1927378	93440-01	1.8411740	-0.0024337	.11800-11	.12910-1
YUJIDA SA	0.0048090	0.0404953	0.1708925	0.8438084	0.7450837	93440-02	1.9202541	0.0029388	.00440-11	.65600-0
YUJIN SA	-0.0188044	0.0244612	0.0770992	0.4738084	0.6879847	11280-01	1.8475349	0.0129213	.24520-11	.48500-1
YUJINIE SA	-0.0003000	0.0403911	0.1249275	1.1489112	1.0489112	11280-01	1.6900653	0.0017053	.70710-11	.40000-0
YUNHURN SA	0.0071331	0.0318976	0.0650042	0.6031515	0.7462088	7480-01	1.4231220	0.0004670	.40190-11	.19200-0
YUPD SA	-0.0001433	0.0027105	0.0100460	0.0004600	0.0004600	83920-01	1.0909248	0.0000451	.18970-11	.10140-1
YUPEBA SA	-0.0004600	0.0017308	0.0007488	0.0007488	0.0007488	83920-01	1.0909248	-0.0001927	.0001927	.51640-1
YUPEY SA	-0.0135368	-0.0093009	0.0053690	0.0536900	0.3076559	14870-01	1.3704997	0.0531734	.15350-11	.10040-1
YUPEY A	0.0026779	0.0410792	0.0831690	0.7462088	0.7462088	7480-01	1.0909248	0.0245543	.12740-11	.13020-1
YUPEY B	0.0162316	0.0327116	0.1031690	0.7462088	0.7462088	7480-01	1.0909248	0.0004600	.32030-11	.48130-1
YUPEY SA	0.0111949	0.0053690	0.0053690	0.0053690	0.0053690	11280-01	1.6900653	0.0013308	.40130-11	.63000-0
YUQUINER SA	0.0274029	0.0001350	0.0000245	0.0000245	0.0003043	7300-01	1.7205124	0.0230043	.40400-11	.47460-1
YUSDA A	-0.0023000	0.0244497	0.0819490	0.9409974	0.7300977	40310-01	1.7605266	-0.0013443	.49370-11	.32410-0
YUJINDRA SA	-0.0191103	0.0184715	0.0309838	1.2311893	1.2311893	11280-01	1.6900653	0.0001927	.11840-11	.63000-0
YUJINDRE SA	0.0015103	0.0259929	0.0529929	0.7462088	0.7462088	7480-01	1.0909248	0.0023350	.60470-11	.10230-0
YUJINTAN SA	0.0020448	0.0124793	0.0474131	0.1605900	0.4004658	83920-02	1.0611902	0.0025577	.31550-11	.90410-0
YUJINTE SA	0.0027529	0.0240204	0.0910533	0.6879847	0.6879847	7480-01	1.0909248	0.0037931	.80090-11	.20070-0
YUJINTE SA	0.0083648	0.0083648	0.0083648	0.0083648	0.0083648	11280-01	1.6900653	0.0013308	.40130-11	.63000-0
YUJINTE SA	-0.0087531	0.0121878	0.0371303	0.1104481	0.1104481	12280-01	1.5174001	-0.0082341	.63730-11	.32490-0

COEF. DE CORR. MEDIO 0.1074597  
 MEDIA DEL INDICE 0.0307907  
 RESV. STD. DEL INDICE 0.1144981

Sin embargo, cuando la variable explicativa y el error es tocástico están correlacionados, no se puede llevar a cabo esta separación, ya que no se consideraría el efecto conjunto de las dos variables sobre la variable dependiente.

En atención a este punto, se hicieron pruebas para determinar la significancia de dicha correlación, procediéndose de la siguiente manera: tomando el vector de errores de la regresión efectuada para los rendimientos de las acciones con cada uno de los índices, se efectuó una segunda regresión de dichos errores contra los mismos índices, para encontrar si los coeficientes beta de esta última regresión eran significativamente distintos a cero. Los resultados están contenidos en las dos últimas columnas de las tablas IV.1 a la IV.5. Puede observarse que los coeficientes de correlación son aproximadamente cero, así como la prueba F implica el rechazo de la hipótesis nula ( $\beta \neq 0$ ). Por lo tanto se tiene que el supuesto 2 se cumple satisfactoriamente.

#### IV.2.3. Violación del Supuesto 5

La violación del supuesto de normalidad en la distribución del error estocástico, no representa un problema delicado si se toman en cuenta las siguientes consideraciones:

Aun sin el supuesto de normalidad, los estimadores de minimos cuadrados son insesgados y presentan la variancia menor entre todos los estimadores lineales insesgados de los parámetros respectivos.

Con la ayuda del teorema del Límite Central, puede demostrarse además, que la distribución de los estimadores de minimos cuadrados tiende a ser normal en la medida en que el tamaño de la muestra aumenta indefinidamente<sup>5/</sup>. Esto trae como consecuencia, que dichos estimadores tengan, en forma asintótica, la misma distribución que los estimadores máximo verosímiles basados en el supuesto de normalidad, y por tanto tienen las mismas media y variancia asintóticas. Esto es muy importante ya que los intervalos de confianza y las pruebas de hipótesis para los estimadores  $\alpha$  y  $\beta$ , dependen del supuesto de normalidad.

En resumen, dado que la muestra considerada en éste estudio consta de 82 observaciones por acción y éste es un número rela-

---

<sup>5/</sup> E. Malinvaud. "Statistical Methods of Econometrics". Chicago, Rand Mc Kally: 1966 pags. 195-197.

tivamente grande, puede decirse que los estimadores de mínimos cuadrados conservan, aún sin el supuesto de normalidad del error estocástico, sus propiedades fundamentales, así como permanecen inalteradas sus fórmulas de variancias.

#### IV.3 Segundo Grupo, Supuestos Críticos

Se procederá en ésta sección a examinar los supuestos de homoscedasticidad y no autocorrelación que, como se ha mencionado, son cruciales para que los estimadores de mínimos cuadrados tengan las propiedades que de ellos se espera para una adecuada aplicación del modelo de mercado. La violación de alguno de estos supuestos, representa un problema serio en cuanto a sus implicaciones, detección y corrección, por lo que la discusión se llevará a cabo en forma detallada y siguiendo el siguiente esquema:

Se centra y analiza el problema de violación respectivo; se examinan brevemente sus consecuencias específicas; se proponen y aplican los métodos que se consideran adecuados para su detección; y finalmente, cuando haya lugar a ello, se sugerirán medidas de corrección apropiadas para dar lugar a estimadores que posean las propiedades deseadas para la correcta aplicación del modelo.

### IV.3.1. Problema de Heteroscedasticidad

#### IV.3.1.1. Naturaleza del Problema

Como se había mencionado, el supuesto de homoscedasticidad se refiere a la variancia del error estocástico, condicional a los valores escogidos de la variable explicativa, y de la cual se dice que es un número constante, lo anterior se puede expresar simbólicamente como:

$$\begin{aligned}\text{var}(\epsilon_{it}/r_{it}) &= E[\epsilon_{it} - E(\epsilon_{it})]^2 \\ &= E(\epsilon_{it}^2), \text{ de acuerdo con el supuesto 1,} \\ &= \sigma^2 \quad \dots(\text{IV.3.1}),\end{aligned}$$

donde  $\sigma^2$  es el número constante mencionado,

$t=1, \dots, n$  es el número de observaciones para la acción  $i$ ,

La variancia de la variable dependiente  $r_{it}$ , condicional al valor de  $r_{it}$ , será la misma que la del error  $\epsilon_{it}$ , ya que

$$\begin{aligned}\text{var}(r_{it}/r_{it}) &= \text{var}(\alpha_i + \beta_i r_{it} + \epsilon_{it}/r_{it}) \\ &= \text{var}(\epsilon_{it}/r_{it}) \\ &= \sigma^2,\end{aligned}$$

y por lo tanto sería, en el supuesto de homoscedasticidad, constante para cada observación. Esto se ilustra en la figura IV.1

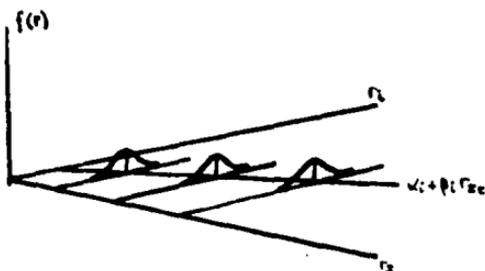


Fig.IV.1. Errores Homoscedásticos

La situación opuesta ocurre cuando la variancia condicional de  $r_{1t}$ , o equivalentemente de  $\epsilon_{1t}$ , no es la misma para cada valor  $r_{2t}$ , es decir:

$$E(\epsilon_{1t}^2) = \sigma_{1t}^2 \quad \dots\dots (IV.3.2.),$$

en este caso se dice que existe heteroscedasticidad, fenómeno que puede apreciarse gráficamente en la figura IV.2.

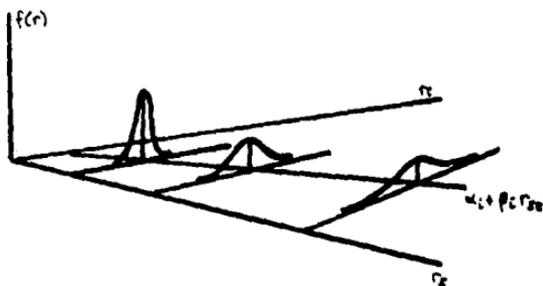


Fig. IV.2. Errores Heteroscedásticos

Cuando las observaciones se efectúan a lo largo del tiempo, el problema de heteroscedasticidad es en general poco frecuente<sup>6/</sup>. Sin embargo, a pesar de que en el modelo del mercado se manejen series de datos en el tiempo, es plausible intuir la existencia de ese problema si se considera el concepto de prima

---

<sup>1/</sup> Las razones se exponen brevemente en D. Gujarati. Obra citada, pag.196.

de riesgo que puede derivarse como consecuencia del modelo de Sharpe<sup>7/</sup>. Este concepto puede resumirse en pocas palabras: en la medida en que el riesgo involucrado al invertir en una acción determinada, es mayor que el riesgo que representa el invertir en una acción alternativa, el rendimiento que debe esperarse ofrezca la primera, debe ser mayor que el de la segunda, en la magnitud en que su riesgo sea mayor, de lo contrario no resultaría atractivo invertir en la primera opción. El exceso de rendimiento obtenido al invertir en una acción que involucre un riesgo, sobre el rendimiento que ofrece una inversión sin riesgo, se denomina prima de riesgo. Debe recordarse además, que dicho riesgo es medido por la variabilidad en retrospectiva que el rendimiento tiene alrededor de su valor esperado.

Por lo tanto, conforme el rendimiento que se espera tenga una acción en un período dado, sea diferente que el esperado en otro período, el riesgo implícito de invertir en ella, es decir, la variancia de dicho rendimiento, se espera sea también diferente, y consecuentemente podrá surgir el problema de heteroscedasticidad.

A este respecto, Belkaoui<sup>8/</sup> afirma que en el modelo del mercado el problema ocurre, cuando la variancia del error aumenta

---

<sup>7/</sup> Para detallar en el planteamiento hecho por Sharpe, ver J.C. Francis, S. Archer, "Portfolio Analysis". Obra citada.

<sup>8/</sup> Belkaoui. Obra citada, pag. 1320.

con el cuadrado de la variable explicativa, simbólicamente,

$$E ( \epsilon_{it}^2 ) = \sigma^2 r_{it}^2 \quad \dots\dots(\text{IV.3.3})$$

sin embargo no fundamenta su afirmación, sino simplemente hace referencia a uno de los patrones de heteroscedasticidad posibles referido por Johnston<sup>9/</sup>. Por lo tanto, en el presente estudio, sólo se harán supuestos sobre la forma en que pueda aparecer la heteroscedasticidad, en lugar de fijar dicha forma a priori.

Cabe recordar además que, como se mencionó en el Capítulo II, se considerará el modelo de mercado como un modelo multiplicativo que puede manejarse a base de logaritmos naturales. La ventaja adicional que presenta esta transformación logarítmica es que frecuentemente permite reducir la heteroscedasticidad. Esto se debe a que la transformación comprime la escala en la que las variables están medidas<sup>10/</sup>. Por lo tanto, habrá que tomar en cuenta que el problema tratado en esta sección, ha sido quizá aliminado, o al menos reducido, en virtud de tal transformación.

---

<sup>9/</sup> J. Johnston. "Econometric Methods", 2a. edición. Mc Graw-Hill, Nueva York, 1972 pags. 218-219.

<sup>10/</sup> Para apreciar el efecto de dicha compresión, considérese el siguiente ejemplo: el número 80 es 10 veces el número 8; sin embargo,  $\ln(80)=4.3820$ , es solamente el doble de  $\ln(8)=2.0794$

#### IV.3.1.2. Consecuencias del Problema

De acuerdo con el teorema de Gauss-Marlcov, los estimadores  $\hat{\alpha}_i$  y  $\hat{\beta}_i$  que se obtienen por el método de mínimos cuadrados, presentan ciertas propiedades que les hacen ser "óptimos", gracias a los supuestos básicos del modelo de mínimos cuadrados ordinarios.

Estas propiedades se refieren a que los estimadores no sean sesgados, que sean eficientes, consistentes, y de variancia mínima en la clase de los estimadores lineales insesgados.

Por lo tanto, el hecho de que el supuesto básico de homocedasticidad sea violado, podría propiciar que dichas propiedades se vieran afectadas y, con esto, que el método de regresión de mínimos cuadrados ordinarios no sea tan eficaz. En la presente sección, se enfocará la atención a dichas propiedades, y se esbozará la repercusión que tiene en ellas el violar el supuesto de homoscedasticidad.

a) Repercusiones sobre los estimadores de mínimos cuadrados.<sup>11/</sup>

Ante la presencia de heteroscedasticidad se ha demostrado que los estimadores de mínimos cuadrados siguen siendo insesga

---

<sup>11/</sup> Ver J. Kmenta. Obra citada, pags. 250-256 para el detalle de las demostraciones de lo expuesto.

dos, a la vez que conservan su consistencia. Sin embargo, se encuentra, que dichos estimadores ya no presentan la variancia más pequeña en la clase de los estimadores lineales insesgados y por tanto no son eficientes.

Por otra parte, las variancias de los estimadores de mínimos cuadrados no son asintéticamente equivalentes a las variancias de los estimadores máximo verosímiles, y esto lleva a que los estimadores mencionados no sean asintéticamente eficientes.

Por lo tanto, cuando existe heteroscedasticidad y, usando las fórmulas de mínimos cuadrados, ésta no es tomada en cuenta, se obtendrán estimadores que poseen aún algunas propiedades deseables. Sin embargo, si se está interesado en emplear dichos estimadores tanto para probar hipótesis, como para construir intervalos de confianza, se requiere además de que los estimadores sean insesgados, que sus variancias también lo sean, con el objeto de validar las pruebas referidas, y que los intervalos de confianza sean correctos.

b) Repercusión sobre las propiedades de las variancias estimadas de los estimadores de mínimos cuadrados.

Se ha demostrado que cuando el supuesto de homoscedasticidad es violado, la variancia del estimador  $\hat{\beta}_i$  (calculada en

la forma convencional), será sesgada. El mismo resultado se encuentra para la variancia del estimador .

La consecuencia de este hecho es que al intentar llevar a cabo el análisis de regresión considerando erróneamente que existe homoscedasticidad, las inferencias que se lograrán sobre los coeficientes de la línea poblacional, serían incorrectas. Es decir, tanto las conclusiones a que dieran lugar las pruebas  $t$  y  $F$ , como los intervalos de confianza que se construyeran, serían incorrectos.

Al ser inadecuadas las pruebas de significancia que permitan discernir sobre la verosimilitud de la relación lineal en el modelo de Sharpe, se desvirtuaría su aplicación, por lo que se considera que el problema de heteroscedasticidad no debe ser ignorado en caso de que exista.

#### IV.3.1.3 Detección de la Presencia de Heteroscedasticidad

Considerando las graves repercusiones que la presencia de heteroscedasticidad tendría al aplicar el modelo del mercado, es indispensable percibir con cierta certidumbre la presencia o ausencia relativas de dicho fenómeno.

Sin embargo, este no puede ser fácilmente detectado, y esto se debe a que su naturaleza (es decir, la forma de variancia del error) es generalmente desconocida<sup>12/</sup>. Aún una estimación de dicha variancia se dificulta en el caso del modelo del mercado, ya que sólo existe un valor observado  $r_{it}$  para cualquier valor específico de  $r_{it}$ . No obstante, se han desarrollado métodos para detectar el problema haciendo frente al desconocimiento de la forma de  $\sigma_{it}^2$ . Esto mediante:

- i) Suponer la naturaleza de la heteroscedasticidad, es decir, suponer que  $\sigma_{it}^2$  se asocia a alguna variable por alguna función específica.
  
- ii) Efectuar una estimación para  $\sigma_{it}^2$  a partir de la muestra.

---

<sup>12/</sup> En caso de existir heteroscedasticidad, la variancia del error sería, recordando la ecuación (IV.3.2):

$$E(\epsilon_{it}^2) = \sigma_{it}^2$$

En el primer caso se cuenta con alguna información adicional sobre  $\sigma_{it}^2$ , que permite formular un supuesto de una manera general, estableciendo que  $\sigma_{it}^2$  depende de alguna variable que puede ser  $r_{it}$  (es decir, la variable explicativa). Para hacer dicho supuesto operacional, se especifica la función que fije dicha dependencia. Es plausible que dicha función sea <sup>13/</sup>

$$\sigma_{it}^2 = \sigma^2 r_{it}^\delta \quad \dots\dots (IV.3.4),$$

en donde es claro que el grado de heteroscedasticidad dependerá del valor de  $\delta$ .

Frecuentemente se suele suponer un valor de 2 para  $\delta$ , tal como lo ha hecho Belkaoui para el mercado canadiense, dando lugar a la ecuación (IV.3.3). Este supuesto implicaría considerar que la desviación estándar de  $\epsilon_{it}$  es proporcional a  $r_{it}$ , como podrá apreciarse en las ecuaciones (IV.3.3) y (IV.3.4).

En el segundo caso no se hace ningún supuesto, sino que se acude a la información que proporciona la muestra, estimando  $\sigma_{it}^2$  a partir de ella. Es claro que para realizar dicha estimación es necesario observar varios valores de la variable dependiente  $r_{it}$  para cada  $r_{it}$ , lo cual, como se anotó anteriormente, no es posible en el modelo de mercado.

---

<sup>13/</sup> Para profundizar en los diversos casos que se derivan de esta función, consultar J. Kmenta. Obra citada, pags. 257-264.

La estimación se efectuaría mediante:

$$s_{ix}^2 = \frac{1}{n_t} \sum_{j=1}^{n_t} (r_{ij} - \bar{r}_t)^2 \dots \dots \dots (IV.3.5),$$

donde  $\bar{r}_t = \frac{1}{n_t} \sum_{j=1}^{n_t} r_{ij} \dots \dots \dots (IV.3.6),$

y  $n_t$  es el número de observaciones de la variable dependiente para cada valor  $r_{ix}$ .

El número de pruebas a realizarse en este estudio, así como su naturaleza, fueron motivados en atención a su precisión y capacidad para tomar en cuenta las consideraciones anteriores.

Las pruebas que se emplearán y discutirán en la siguiente sección son <sup>14/</sup>:

- a) Método Gráfico.
- b) Prueba de Goldfield y Quandt
- c) Prueba del Coeficiente de Correlación por Rangos de Spearman.
- d) Prueba de Bartlett .
- e) Prueba de Jarque y Bera

---

<sup>14/</sup> Las pruebas de Park y Glejser no se utilizan en el estudio por sus desventajas argumentadas, ver:

D. Gujarati. Obra citada pags. 203-204, y  
J. Johnston. Obra citada pags. 220-221.

#### IV.3.1.4. Pruebas y Resultados

En las pruebas que se llevarán a efecto en esta sección, se está interesado en probar la hipótesis nula de homoscedasticidad, es decir:

$$H : \sigma_{i_1}^2 = \sigma_{i_2}^2 = \dots = \sigma_{i_n}^2 \dots \dots \dots (IV.3.7),$$

donde  $n$  es el número de observaciones, contra alguna hipótesis alternativa que se especificará de acuerdo con la prueba empleada.

Se observará que en dichas pruebas se enfrenta el problema de desconocimiento de  $\sigma_{i_k}^2$ , considerando alguno de los dos casos (i) e (ii) expuestos en la Sección anterior.

##### a) Método Gráfico.

Dado que en el modelo del mercado mexicano no se tiene ninguna información empírica sobre la naturaleza, o aún sobre la existencia de heteroscedasticidad, el método gráfico puede ser de gran utilidad para detectar visualmente la existencia de al-

gún posible patrón sistemático del comportamiento del error residual al cuadrado  $e_{it}^2$ , que puede usarse como sustituto de  $e_{it}$ , especialmente si el tamaño de la muestra es suficientemente grande, como es el caso del presente estudio<sup>15/</sup>.

La forma de aplicar el método gráfico consiste en realizar el análisis de regresión suponiendo homoscedasticidad, para posteriormente inspeccionar el comportamiento de los residuales cuadrados  $e_{it}^2$ , graficándolos contra la variable explicativa  $x_{it}$ , y en esta forma apreciar alguna posible relación sistemática entre estas dos variables, que de existir sugeriría la presencia de heteroscedasticidad de acuerdo con el caso (i) tratado en la Sección anterior.

A diferencia del estudio llevado a cabo por Fama<sup>16/</sup>, en el que se inspeccionaron visualmente los términos  $e_{it}$  y se concluyó que en general el supuesto homoscedasticidad era sostenible, en el presente estudio, el método se usará simplemente para sugerir algún posible patrón de comportamiento de los términos  $e_{it}^2$ .

---

<sup>15/</sup> Para detallar en la relación entre  $e$  y  $e^2$ , ver E. Malnvaud. "Statistical Methods of Econometrics", North Holland Publishing Company, Amsterdam, 1970, pags. 88-89

<sup>16/</sup> E. Fama. Obra citada, pags. 1-21

para tener algún conocimiento informal sobre la posible naturaleza de heteroscedasticidad en caso de que exista.

Como se ha indicado, la prueba se llevará a cabo graficando los residuales cuadrados de las regresiones que se efectuarán para cada acción, contra cada uno de los índices del mercado.

Las gráficas correspondientes se encuentran en el Apéndice IV.1, en las que no se observa ningún patrón sistemático, a excepción de las siguientes emisiones: PURINA \*A y TAMSA con patrones creciente y decreciente respectivamente; así como ACCO y CYDSA A con patrones ligeramente cuadráticos.

b) Prueba de Goldfield y Quandt.

En esta prueba, la hipótesis alternativa es muy específica, y es además consistente con las consideraciones expuestas en el caso (i) de la Sección precedente, en el cual se supone que las variancias no son constantes, sino crecientes o decrecientes proporcionalmente a la variable explicativa  $x_{it}$ .

En particular se supondrá que la heteroscedasticidad toma la forma:

$$H_A : \sigma_{it}^2 = E(\epsilon_{it}^2) = \sigma^2 x_{it}^2,$$

es decir, la desviación estándar de  $\epsilon_{it}$  es proporcional a  $r_{it}$ .

A continuación se describirán los pasos a seguir para efectuar la prueba y posteriormente se explicará de una manera breve e intuitiva, la naturaleza y poder de esta prueba <sup>17/</sup>.

1. Se ordenarán las observaciones de acuerdo al tamaño de  $r_{it}$ .
  2. Se omitirán  $c$  observaciones centrales. El número  $c$  adecuado se determinará a continuación.
  3. Se efectuarán las regresiones de mínimos cuadrados ordinarios por separado para las primeras  $(n-c)/2$  observaciones, así como para las últimas  $(n-c)/2$  observaciones.
  4. Se calcularán las sumas de residuales cuadrados para ambas regresiones, denotándose por  $S_1$  y  $S_2$  respectivamente para la de observaciones pequeñas de  $r_{it}$  y la de observaciones más grandes. Por lo tanto el cociente
- $$R = S_2 / S_1$$

tendrá, en el supuesto de homoscedasticidad, una distribución F con  $[(n-c-4)/2, (n-c-4)/2]$  grados de libertad.

Considerando el supuesto que se hizo de proporcionalidad

---

<sup>17/</sup> Para una explicación más amplia e inductiva, ver M. Theil. Obra citada, pags. 196-199.

entre  $\sigma_{it}^2$  y  $r_{it}$ , el propósito del cociente R es el comparar el tamaño relativo de la suma de los residuales cuadrados para las observaciones más grandes de  $r_{it}$ , con respecto a la misma suma para las observaciones más pequeñas, de manera tal que en la medida en que R se aproxima a tomar el valor de 1, ambas sumas tenderán a ser iguales, de tal forma que el incremento o decremento de la variancia  $\sigma_{it}^2$  sea insignificante, y así no se rechace la hipótesis de homoscedasticidad.

Es muy importante mencionar que para que el cociente R tenga una distribución F, es necesario que el numerador sea independiente del denominador, requisito que se satisface al tomar las sumas de residuales cuadrados a partir de dos regresiones distintas, en vez de hacerlo a partir de una sola regresión. De esta manera el numerador y el denominador son forzados a ser independientes <sup>18/</sup>.

Debe notarse además, que el poder de la prueba depende del valor escogido para c. Como puede apreciarse en los pasos 3 y 4 de la prueba, al aumentar el valor de c, se reduce el número de observaciones y por tanto los grados de libertad para la prueba, disminuyendo así su poder. <sup>19/</sup> Por otra parte, al disminuir el va-

---

<sup>18/</sup> Al respecto cabe hacer notar que en el estudio de A. Belkacui. Obra citada, los grados de libertad empleados son incorrectos al considerar esta prueba.

<sup>19/</sup> La prueba de esto puede verse en H. Theil. Obra citada, en la nota número 4, p. 198.

PRUEBA DE DOLFIELD Y QUAMIT  
22 OBSERVACIONES CENTRALES (MILLONES  
DE UN TOTAL DE 82 OBSERVACIONES)  
INDICES

TABLA IV.6.

C E M I O R	INDICE				INDICE				INDICE				INDICE			
	ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.		ESTADISTICO		SIGNIF.	
	S	X	I	X	S	X	I	X	S	X	I	X	S	X	I	X
AAALFA	B	1.110194	0	0	1.073801	0	0	1.023847	0	0	1.048078	0	0	1.005724	0	0
AARRERA	A	1.341548	0	0	1.064514	0	0	1.278719	0	0	1.172900	0	0	1.195974	0	0
CELARNEB	B	1.409872	0	0	2.154149	0	0	1.083432	0	0	1.291134	0	0	2.496929	0	0
CERMUC	B	3.057569	0	0	2.826705	0	0	1.379952	0	0	1.234872	0	0	1.667305	0	0
DEUC	B	1.135604	0	0	2.242088	0	0	1.081939	0	0	1.274984	0	0	1.076917	0	0
EBLDO	BA	1.057731	0	0	1.238649	0	0	1.081939	0	0	1.340701	0	0	1.469516	0	0
GYSSA	B	1.225543	0	0	1.288649	0	0	1.042719	0	0	1.340701	0	0	1.406754	0	0
MEXICO	BA	8.582049	0	0	1.117546	0	0	1.080995	0	0	3.015930	0	0	2.785024	0	0
NIJER	BA	1.181600	0	0	1.811802	0	0	1.080995	0	0	1.115909	0	0	1.251117	0	0
NIJER	BA	1.038039	0	0	1.811802	0	0	1.080995	0	0	1.044699	0	0	1.046104	0	0
LUISWIN	A	1.013054	0	0	1.195495	0	0	1.291134	0	0	1.410912	0	0	1.030404	0	0
MOLEKNA	A	1.245552	0	0	1.408179	0	0	1.484448	0	0	1.165115	0	0	1.099652	0	0
MUSINA	BA	1.245552	0	0	1.408179	0	0	1.484448	0	0	1.165115	0	0	1.099652	0	0
NYVEN	BA	1.245552	0	0	1.408179	0	0	1.484448	0	0	1.165115	0	0	1.099652	0	0
TANBA	B	1.273768	0	0	1.539584	0	0	1.484448	0	0	2.090170	0	0	1.169408	0	0
TELNEK	BA	1.314834	0	0	1.401915	0	0	1.484448	0	0	1.710450	0	0	1.099652	0	0
TOLNEK	BA	1.518464	0	0	1.248047	0	0	1.388070	0	0	1.457161	0	0	1.342985	0	0
TRINEC	BA	1.116074	0	0	1.248047	0	0	1.388070	0	0	1.523176	0	0	1.113993	0	0
VIRHEAL	BA	1.025574	0	0	1.128989	0	0	1.015008	0	0	1.132447	0	0	1.031103	0	0
VIRHEAL	BA	1.307139	0	0	1.140187	0	0	1.353449	0	0	1.311191	0	0	1.017971	0	0
WENDES	BA	1.409872	0	0	1.008424	0	0	1.072999	0	0	2.476392	0	0	1.292074	0	0
VITRO	B	1.185712	0	0	1.520192	0	0	1.072999	0	0	1.325447	0	0	1.119495	0	0
YALUBA	BA	1.185712	0	0	1.520192	0	0	1.072999	0	0	1.091164	0	0	1.119495	0	0
EATON	BA	1.315205	0	0	2.741469	0	0	1.086223	0	0	1.024912	0	0	1.202149	0	0
CARDILE	BA	3.913579	0	0	1.829608	0	0	1.086223	0	0	1.472246	0	0	1.289958	0	0
ACED	BA	1.250113	0	0	1.057484	0	0	1.086223	0	0	1.311191	0	0	1.089958	0	0
MOEBA	A	1.097714	0	0	1.291175	0	0	1.423474	0	0	1.404149	0	0	4.363535	0	0
LENEC	A	2.273672	0	0	1.054943	0	0	1.486019	0	0	1.191786	0	0	1.049980	0	0
AMACO	A	1.075003	0	0	1.373417	0	0	1.486019	0	0	1.320789	0	0	1.294799	0	0
DIANA	B	1.490180	0	0	1.373417	0	0	1.102899	0	0	2.017605	0	0	2.410128	0	0
METALVER	B	1.640431	0	0	1.512740	0	0	1.522619	0	0	3.261052	0	0	2.257956	0	0
COBUNER	A	1.552103	0	0	1.084049	0	0	1.211424	0	0	1.420775	0	0	1.409496	0	0
LUNKUA	B	1.009917	0	0	1.813979	0	0	1.420775	0	0	1.420775	0	0	1.409496	0	0
NARDRE	BA	1.005412	0	0	1.005008	0	0	1.089515	0	0	1.420775	0	0	1.820583	0	0
PURTAN	B	1.143023	0	0	1.761318	0	0	1.089515	0	0	1.420775	0	0	1.420775	0	0
PARIS	B	1.143023	0	0	1.761318	0	0	1.089515	0	0	1.420775	0	0	1.420775	0	0
PDNERN	B	3.081759	0	0	1.046450	0	0	1.420775	0	0	1.420775	0	0	1.191446	0	0
ERICSON	B	1.121454	0	0	1.581109	0	0	1.420775	0	0	2.062236	0	0	1.974160	0	0

1 ACEP HIP MULA      60.0% 77.5%      72.5% 87.5%      85.0% 92.0%      70.0% 87.5%      72.5% 85.0%

lor de  $c$ , si la hipótesis alternativa fuera correcta, se incluirían observaciones centrales que propiciarían que  $S_1$  y  $S_2$  tendiesen en promedio a aproximarse más entre sí, que si se omitieran dichas observaciones<sup>20/</sup>. En base a cálculos experimentales de 8 para  $c$  cuando  $n$  sea 30 y de 16 cuando  $n$  sea igual a 60. Considerando que en este estudio se cuenta con 82 observaciones ( $n=82$ ), el valor de  $c$  que se utilizara es de 22. Por lo tanto, bajo la hipótesis nula,  $R$  tendría una distribución  $F$  con (28,28) grados de libertad.

Considerando los cinco índices, se calculará el cociente  $R$  para cada acción y se aceptará o rechazará la hipótesis nula en base a éste.

En la tabla IV.6 pueden observarse los resultados de esta prueba. En general los porcentajes de aceptación de la hipótesis nula son altos; sin embargo, estos son especialmente elevados para el índice  $I_2$ , que al 1% rechaza la hipótesis de homoscedasticidad sólo para tres empresas; de las cuales dos, SANBORN y FONBMM en menor medida, presentan al mismo resultado para el resto de los índices. Por lo tanto, esta prueba es en general congruente con lo juzgado en el método gráfico.

---

<sup>20/</sup> Para apreciar visualmente este fenómeno, ver nota número 6, p. 199 H. Theil. Obra citada.

c) Prueba del Coeficiente de Correlación por Rangos de Spearman.

En esta prueba, la hipótesis nula es que los valores absolutos de  $e$  no se asocian con la variable explicativa  $r_{2t}$ . La prueba consiste en suponer que

$$r_{1t} = \alpha_i + \beta_i r_{2t} + e_{it},$$

y seguir los siguientes pasos:

1. Efectuar la regresión sobre las observaciones de  $r_{1t}$  y  $r_{2t}$ , y obtener los residuales  $e_{it}$ .
2. Tomar los valores absolutos de los residuales  $e_{it}$ , y ordenar tanto  $|e_{it}|$  como  $r_{2t}$  en orden ascendente o descendente y calcular el coeficiente de correlación por rangos de Spearman, que es simplemente el coeficiente común de correlación; pero éste se aplica sobre los rangos asignados a  $|e_{it}|$  y  $r_{2t}$ , en lugar de aplicarlo sobre sus valores respectivos.

Si la hipótesis nula se cumple, es decir, que el coeficiente

poblacional de correlación por rangos  $\rho_s$  sea cero, la significancia del coeficiente muestral  $r_s$ , puede probarse mediante la prueba t, donde:

$$t = \frac{r_s \sqrt{n-2}}{\sqrt{1 - r_s^2}}, \text{ con } n-2 \text{ grados de libertad.}$$

Si el grado de t excede el valor crítico de t para un nivel dado de significancia, se puede rechazar la hipótesis nula de homoscedasticidad. De otra forma puede aceptarse.

Intuitivamente, la hipótesis nula bajo esta prueba, puede entenderse como el suponer que el orden en que se incremente la magnitud del error residual  $e_i$ , no depende del orden en que aumente o disminuya la variable explicativa  $x_{ii}$ .

Nuevamente se emplearán los cinco índices para llevar a cabo la prueba con cada uno de ellos, sobre el total de las acciones consideradas. Los coeficientes de correlación para los cinco índices, así como las pruebas de significancia, se resumen en la tabla IV.7. Los resultados de esta prueba, contrastan notoriamente con lo observado tanto en el método gráfico, como en la prueba de Goldfield y Quandt.



Cabe hacer notar además, que el índice para el cual se acepta la hipótesis nula de homoscedasticidad para un número mayor de emisiones, sigue siendo  $I_2$ .

Para este índice, el 10% de las emisiones para las cuales se rechaza la hipótesis nula, habían sido rechazadas también en la prueba anterior al 5% de significancia.

b) Prueba de Bartlett.

En esta prueba no se hace ningún supuesto específico sobre la naturaleza de la posible heteroscedasticidad; sino que, de acuerdo con el caso (ii) de la Sección anterior, se tratará de estimar la variancia  $\sigma_{it}^2$  a partir de la información muestral. Como se mencionó previamente, éste acercamiento puede ser problemático si se toma en cuenta que para cada valor específico  $r_{jt}$  de la variable explicativa, el valor de la variancia del residual  $e_{it}$  puede ser diferente y por tanto, para la estimación de dicha variancia, se necesitaría contar con varias observaciones de la variable dependiente  $r_{it}$  para cada  $r_{jt}$ , lo cual no es posible en el presente modelo del mercado.

Sin embargo, ante este obstáculo, se procederá a describir una alternativa para la estimación de dichas variancias a partir de la información muestral.

Para disponer de varias observaciones que permitan dicha estimación, en vez de considerar cada valor  $r_{it}$ , se tomará un grupo de ellos para estimar la respectiva variancia  $\sigma_{i_0}^2$  para el grupo y ya no  $\sigma_{it}^2$  que se estimaría para cada observación. Es decir, se construirían grupos de observaciones (clasificando el total de ellas), cada uno conteniendo  $n_g$  observaciones de tal forma que:

$$\sum_{g=1}^G n_g = n \quad (n = 82 \text{ observaciones}).$$

Posteriormente, para cada grupo se estimará la variancia muestral respectiva. En este caso, en lugar de considerar la ecuación (IV.3.5), se considerará el estimador insesgado:

$$s_{i_0}^2 = \frac{1}{n_g - 2} \sum_{j=1}^{n_g} (r_{ij} - \bar{r}_g)^2 \dots \dots \dots (IV.3.7),$$

donde  $\bar{r}_g = \frac{1}{n_g} \sum_{j=1}^{n_g} r_{ij} \dots \dots \dots (IV.3.8),$

Con esto se tendrán G variancias muestrales independientes  $s_1^2, s_2^2, \dots, s_G^2$ , cada una con  $f_1, f_2, \dots, f_G$  grados de li-

bertad, de una población distribuida normalmente<sup>21/</sup> con media  $\bar{r}_i$  y variancia  $\sigma_i^2$ .

La hipótesis nula será en este caso:

$$H_0 : \sigma_{i_1}^2 = \sigma_{i_2}^2 = \dots = \sigma_{i_G}^2 = \sigma^2,$$

es decir, cada variancia muestral es una estimación de la misma variancia poblacional  $\sigma^2$ , que puede estimarse mediante:

$$s^2 = \frac{\sum_{j=1}^G f_j s_j^2}{\sum f} = \frac{\sum f_j s_j^2}{f} \dots \dots \dots (\text{IV.3.9.a}),$$

donde:

$$f = \sum_{j=1}^G f_j.$$

La hipótesis nula puede probarse usando el cociente A/B, que se distribuye aproximadamente como la distribución  $\chi^2$  con G-1 grados de libertad y en donde<sup>22/</sup>:

<sup>21/</sup> Recordar que se supuso que los rendimientos  $r_{it}$  se distribuyen normalmente en virtud de la transformación logarítmica discutida en el Capítulo II.

<sup>22/</sup> D. Gujarati. Obra citada, p.213. Cabe explicar al respecto que la fórmula para el cociente A/B, descrita en el estudio de Belkaoui es incorrecta. La fórmula original se encuentra en M.S. Bartlett. "Properties of Sufficiency and Statistical Tests", Proceedings of the Royal Society of London, A. 160, 1937, p.268.

$$A = f \ln s^2 - \sum_{j=1}^G (f_j - \ln s_j^2), \dots \dots \dots (\text{IV.3.9.b}),$$

$$B = 1 + \frac{1}{3(G-1)} \left\{ \sum_{j=1}^G \left( \frac{1}{f_j} \right) - \frac{1}{f} \right\} \dots \dots \dots (\text{IV.3.9.c}),$$

De tal manera que si el valor de A/B es mayor que el valor crítico de la distribución  $\chi^2$  para un nivel dado de significancia, puede rechazarse la hipótesis de homoscedasticidad.

El poder de esta prueba depende fuertemente de que la información se agrupe adecuadamente<sup>23/</sup>. Esto es razonable si se toma en cuenta que bajo la hipótesis nula, la variancia muestral de cada grupo estima la misma variancia poblacional .

En el estudio de Belkaoui para Canadá. Así como el de Martin y Klemkosky para Estados Unidos, se formaron cuatro grupos, cada uno de los cuales abarcaba un año.

Se estima que esta forma de clasificar la información no es la más adecuada. Esto se puede apreciar si se toma en cuenta que en el modelo del mercado, la heteroscedasticidad puede ocurrir al incrementarse el valor de la variable explicativa  $x$ , como se discutió en la Sección IV.3.1.1. En segundo lugar, en la prueba de Bartlett se pretende estimar la variancia  $\sigma_{i_j}^2$  para

<sup>23/</sup> Pyndick, *Econometrics*, p. 102.

un grupo de observaciones  $r_{jt}$ , en el defecto de no poder estimar las variancias  $\sigma_{jt}^2$  para cada valor de  $r_{jt}$ , al no disponer de varias observaciones de la variable dependiente para el mismo valor  $r_{jt}$ . Ante esta imposibilidad, se considera que el propósito de agrupar observaciones para estimar  $\sigma_{jt}^2$  es, al no poder fijar  $r_{jt}$  para tomar varias observaciones de la variable dependiente, por lo menos tomar estas observaciones sobre valores que fluctúen alrededor de  $r_{jt}$ , es decir, sobre un intervalo o grupo de valores  $r_{jt}$ . De aquí se desprende que una agrupación apropiada debe atender a la magnitud de la variable  $r_j$  y no a sus valores en el tiempo. Aún más, en el caso de existir heteroscedasticidad y clasificar en forma incorrecta, teóricamente las observaciones podrían estar repartidas en dichos grupos de forma tal que las variancias muestrales sean iguales aproximadamente para todos ellos y con esto se llegaría a aceptar erróneamente la hipótesis de homoscedasticidad.

Por lo tanto, en el presente estudio se ordenarán en primer lugar las observaciones en el orden ascendente de  $r_j$ . Posteriormente se formarán los intervalos siguientes de observaciones<sup>24/</sup>:

---

<sup>24/</sup> Los intervalos se definen en forma arbitraria, ya que las fórmulas (IV.3.9) ponderan el número de observaciones para cada grupo. Se procura además, que este número fuera más o menos constante tomando en cuenta que los rendimientos, bajo la transformación logarítmica descrita en el Capítulo II, tienen una distribución normal aproximadamente.

$$\begin{aligned}
G_1 &= \left\{ r_{jt} \mid -\infty < r_{jt} < = \bar{r}_j - 2\hat{\sigma}_j \right\}, \\
G_2 &= \left\{ r_{jt} \mid \bar{r}_j - 2\hat{\sigma}_j < r_{jt} < = \bar{r}_j - \hat{\sigma}_j \right\}, \\
G_3 &= \left\{ r_{jt} \mid \bar{r}_j - \hat{\sigma}_j < r_{jt} < = \bar{r}_j \right\}, \\
G_4 &= \left\{ r_{jt} \mid \bar{r}_j < r_{jt} < = \bar{r}_j + \hat{\sigma}_j \right\}, \\
G_5 &= \left\{ r_{jt} \mid \bar{r}_j + \hat{\sigma}_j < r_{jt} < = \bar{r}_j + 2\hat{\sigma}_j \right\}, \\
G_6 &= \left\{ r_{jt} \mid \bar{r}_j + 2\hat{\sigma}_j < r_{jt} < \infty \right\},
\end{aligned}$$

donde:

$\bar{r}_j$  : es la media muestral de los valores  $r_{jt}$ , es decir:

$$\bar{r}_j = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n r_{jt},$$

$\hat{\sigma}_j^2$  : es la variancia muestral insesgada, es decir.

$$= \frac{1}{n-2} \sum_{t=1}^n (r_{jt} - \bar{r}_j)^2,$$

y a cada valor  $r_{jt}$  perteneciente a  $G_j$ , se asocia un valor observado para la variable dependiente, siendo este denotado por  $r_{ij}$ , que se utilizará en las ecuaciones (IV.3.7) y (IV.3.8) para después calcular el cociente A/B.

Se construirán los grupos para cada uno de los cinco índices por separado, y se calculará el cociente A/B para cada acción.

Los resultados de la prueba para los seis intervalos, se suman en la table IV.8, en donde se observa, en armonía con la prueba de Goldfield y Quandt, que en general se acepta la hipótesis de homoscedasticidad para los cinco índices, predominando una vez más el índice geométrico  $I_g$ .

Para este índice, el 7.5% de las emisiones rechazadas concuerdan con las de la prueba de Goldfield y Quandt, y 10% con las emisiones respectivas de la prueba de Spearman (al 5% de significancia).

Para mayor precisión de esta prueba, y con el propósito de contar con más observaciones de las variancias muestrales, así como apreciar la consistencia de la prueba de Bartlett, se hizo una reclasificación de las observaciones de  $r_i$  en dieciséis intervalos semiabiertos por la izquierda con los siguientes límites alrededor de la media  $\bar{r}_i$  :  $+\infty$ ,  $+5 \hat{\sigma}_i$ ,  $+4 \hat{\sigma}_i$ ,  $+3 \hat{\sigma}_i$ ,  $+2 \hat{\sigma}_i$ ,  $+1.5 \hat{\sigma}_i$ ,  $+1 \hat{\sigma}_i$ ,  $+0.5 \hat{\sigma}_i$ ,  $+0.0 \hat{\sigma}_i$ .

TABLA IV. 8.

PRUEBA DE BARTLETT PARA INTERVALOS  
CON 82 OBSERVACIONES

CATEGORIA	INDIVIDUO			INDIVIDUO			INDIVIDUO			INDIVIDUO		
	ESTADISTICO	SIGNIF.	%									
ADRIAN	1.051400	0	0	2.044610	0	0	5.071240	0	0	7.125510	0	0
ALBERTO	11.401340	0	0	4.579030	0	0	4.052430	0	0	3.795170	0	0
ALFONSO	16.663160	0	0	19.835060	0	0	14.398050	0	0	17.206430	0	0
ANDRE	10.290800	0	0	21.112120	0	0	5.893720	0	0	9.280170	0	0
ANTONIO	9.355440	0	0	24.046180	0	0	13.219750	0	0	13.354920	0	0
ARISTO	13.680740	0	0	12.073540	0	0	2.934250	0	0	0.124660	0	0
BENITO	4.028330	0	0	4.203250	0	0	1.747740	0	0	1.783740	0	0
BENITO	42.470340	0	0	42.338120	0	0	34.810190	0	0	58.484430	0	0
BENITO	11.711730	0	0	4.234970	0	0	3.810190	0	0	7.445520	0	0
BENITO	11.720110	0	0	11.321810	0	0	1.708490	0	0	10.003320	0	0
BENITO	17.379680	0	0	20.913840	0	0	1.308230	0	0	3.771110	0	0
BENITO	1.860140	0	0	4.759840	0	0	4.052430	0	0	5.671470	0	0
BENITO	8.049720	0	0	7.151370	0	0	4.481870	0	0	4.977270	0	0
BENITO	13.462720	0	0	14.678840	0	0	4.481870	0	0	6.016600	0	0
BENITO	9.870230	0	0	13.665810	0	0	4.481870	0	0	9.66130	0	0
BENITO	7.301560	0	0	11.609550	0	0	3.934250	0	0	5.181430	0	0
BENITO	3.821290	0	0	11.051190	0	0	1.170420	0	0	3.942200	0	0
BENITO	6.863930	0	0	1.370790	0	0	3.749440	0	0	3.249440	0	0
BENITO	7.705440	0	0	1.94260	0	0	0.812140	0	0	3.423640	0	0
BENITO	7.224290	0	0	3.079080	0	0	4.481870	0	0	3.589320	0	0
BENITO	6.531400	0	0	7.407130	0	0	6.201820	0	0	6.701830	0	0
BENITO	1.443330	0	0	14.443330	0	0	6.443330	0	0	6.443330	0	0
BENITO	1.740410	0	0	2.430400	0	0	2.917240	0	0	5.672200	0	0
BENITO	6.613980	0	0	17.721290	0	0	3.079080	0	0	4.600460	0	0
BENITO	28.974840	0	0	17.407130	0	0	3.079080	0	0	6.000460	0	0
BENITO	27.014600	0	0	31.253300	0	0	12.724270	0	0	24.179440	0	0
BENITO	6.772470	0	0	4.675020	0	0	4.675020	0	0	25.619600	0	0
BENITO	15.946630	0	0	6.47220	0	0	3.079080	0	0	6.919190	0	0
BENITO	17.103090	0	0	1.370790	0	0	3.079080	0	0	23.107730	0	0
BENITO	17.443330	0	0	1.443330	0	0	1.443330	0	0	23.107730	0	0
BENITO	8.679530	0	0	8.845900	0	0	1.443330	0	0	4.481870	0	0
BENITO	8.492700	0	0	4.390400	0	0	4.390400	0	0	5.290200	0	0
BENITO	20.483300	0	0	4.390400	0	0	30.058330	0	0	12.433000	0	0
BENITO	4.738240	0	0	6.411870	0	0	8.261120	0	0	7.642250	0	0
BENITO	8.109770	0	0	9.005010	0	0	4.219790	0	0	6.940140	0	0
BENITO	8.109770	0	0	1.443330	0	0	1.443330	0	0	1.443330	0	0
BENITO	8.109770	0	0	1.443330	0	0	1.443330	0	0	1.443330	0	0
BENITO	37.616670	0	0	20.183150	0	0	9.158220	0	0	19.045500	0	0
BENITO	7.450760	0	0	8.780840	0	0	0.748230	0	0	5.634030	0	0

ACCEPTED VALUE 40.0% 75.0% 82.0% 70.0% 77.0% 82.0% 75.0% 77.5% 75.0% 82.0%

TAULA IV.9.

PLUETA DE BARILETTI PARA 16 INTERVALOS  
CON 50 OBSERVACIONES

E R I S O R	INDUO		INHARI		INDIOI		INDIHO		INDIHO	
	ESTADISTICO	SIGNIF.								
	5	1	5	1	5	1	5	1	5	1
AGUIA	8.133277	0	4.105472	0	4.238213	0	11.0970	0	6.477265	0
AGUIA	17.200927	0	0.074925	0	10.478214	0	8.0859	0	8.924196	0
CELANO	15.707075	0	10.601657	0	10.478214	0	20.1002	0	15.601671	0
CELANO	10.641850	0	15.929813	0	10.478214	0	10.7293	0	10.984579	0
CELANO	10.108154	0	18.749139	0	10.478214	0	9.1257	0	10.706710	0
CELANO	22.899303	0	14.968991	0	3.898259	0	13.6974	0	12.235740	0
CELANO	7.794631	0	9.060992	0	1.123114	0	9.4401	0	5.111914	0
CELANO	31.917748	0	46.196056	0	30.997210	0	36.7322	0	10.461981	0
CELANO	13.711535	0	13.139190	0	5.093388	0	7.4379	0	13.931199	0
CELANO	25.044138	0	10.759414	0	3.898259	0	2.1940	0	22.071010	0
CELANO	9.142307	0	10.98414	0	7.613741	0	0.6015	0	0.697425	0
CELANO	4.203439	0	7.077430	0	3.898259	0	9.4525	0	0.511026	0
CELANO	0.093617	0	10.772007	0	2.890081	0	0.4739	0	10.06011	0
CELANO	26.894134	0	10.380912	0	2.890081	0	4.0547	0	19.165253	0
CELANO	0.752528	0	12.906955	0	9.478193	0	9.4781	0	17.662600	0
CELANO	10.850213	0	10.190073	0	4.105472	0	4.4100	0	11.657295	0
CELANO	7.214123	0	11.764001	0	1.048899	0	13.9205	0	11.601172	0
CELANO	4.211411	0	4.219297	0	1.048899	0	4.0547	0	6.920940	0
CELANO	4.259672	0	12.626577	0	2.890081	0	7.1649	0	11.870147	0
CELANO	18.679821	0	6.972037	0	9.478193	0	4.5864	0	4.914443	0
CELANO	9.740888	0	9.740888	0	2.225445	0	11.1192	0	10.241313	0
CELANO	19.762149	0	20.092425	0	4.602624	0	11.7074	0	10.590016	0
CELANO	47.908208	0	61.894849	0	14.818954	0	40.6638	0	10.590016	0
CELANO	34.480840	0	39.707473	0	10.226047	0	16.8518	0	21.800615	0
CELANO	27.516041	0	20.261128	0	10.555288	0	29.3106	0	8.757297	0
CELANO	18.642267	0	34.732288	0	6.284728	0	12.0747	0	0.475135	0
CELANO	1.807331	0	27.994266	0	16.211971	0	21.0041	0	14.478199	0
CELANO	14.626199	0	16.211971	0	0.610784	0	27.1671	0	39.80888	0
CELANO	18.100147	0	18.100147	0	3.206113	0	6.2241	0	14.934649	0
CELANO	53.742377	0	14.72377	0	21.001318	0	14.9471	0	4.600918	0
CELANO	16.819912	0	14.560772	0	4.4954411	0	4.4954	0	7.915959	0
CELANO	19.200484	0	17.850406	0	6.125287	0	11.1527	0	11.1527	0
CELANO	10.431864	0	13.402891	0	3.996726	0	2.4978	0	11.200807	0
CELANO	8.076934	0	8.076934	0	8.076934	0	9.0800	0	7.915959	0
CELANO	54.827255	0	45.302504	0	10.257549	0	55.5409	0	73.566466	0
CELANO	15.986747	0	9.988958	0	8.010011	0	8.7727	0	9.018422	0

En la tabla IV.9 se muestran los resultados. Observándose la concordancia con resultados anteriores, lo que sugiere que el método de agrupación de observaciones es adecuado y confirma además, la superioridad del índice  $I_2$ .

e) Prueba de Jarque y Bera.

La prueba desarrollada por Jarque y Bera, será tratada separadamente en la subsección IV.3.3., ya que es una prueba que evalúa simultáneamente la heteroscedasticidad, la autocorrelación y la normalidad en la distribución del error estocástico.

#### IV.3.2. Autocorrelación

##### IV.3.2.1. Naturaleza del Problema

En el presente modelo del mercado, el término "autocorrelación" puede definirse como la correlación entre los errores estocásticos ordenados en el tiempo. Como se ha mencionado, el modelo clásico de regresión lineal supone que este fenómeno no ocurre, es decir:

$$\begin{aligned} \text{Cov}(\epsilon_{it}, \epsilon_{i,t+s}) &= E [ \epsilon_{it} - E(\epsilon_{it}) ] [ \epsilon_{i,t+s} - E(\epsilon_{i,t+s}) ] \\ &= E ( \epsilon_{it} \epsilon_{i,t+s} ) \quad (\text{Considerando que} \\ & \quad E(\epsilon_{it}) = 0.) \\ &= 0 \quad \text{para } s \neq 0. \end{aligned}$$

donde Cov significa covariancia.

Este supuesto significa simplemente que el error estocástico de cualquier observación, no se ve influenciado por el error análogo de cualquier otra observación. La posible influencia que daría lugar a la autocorrelación podría entenderse con mayor claridad si se considera la interpretación del error estocástico como un resumen de un gran número de factores independientes aleatorios que afectan la relación lineal estudiada; pero que no pueden ser medidos. Entonces puede sospecharse que el efecto que dichos factores tienen en un período repercutiría en parte, sobre los siguientes períodos<sup>25/</sup>.

Podría esperarse razonablemente, que dicha repercusión o "resonancia" de un período a otro, tuviera lugar en el presente modelo del mercado por dos causas. La primera denominada "inercia" por algunos autores<sup>26/</sup>, es una característica prominente de series en el tiempo que exhiben ciclos económicos, tales como las series de precios de las acciones que a partir de una recesión, comienzan a moverse hacia arriba al reactivarse la economía, mostrándose en un período específico, un precio superior al del período anterior, que a su vez, impulsa aún más arriba el

---

<sup>25/</sup> J.Kmenta. Obra citada, pags. 269-270. Puede verse también una comparación muy ilustrativa que se hace de este fenómeno con los efectos de resonancia en música.

<sup>26/</sup> D. Gujarati. Obra citada, p.220, también H. Theil. Obra citada, p.201.

precio del período posterior, y este efecto continúa hasta que ocurre un cambio en el entorno económico, como puede ser un alza de rendimientos en instrumentos de renta fija, o inclusive otra recesión. La segunda causa factible, es el hecho de trabajar con observaciones bisemanales, ya que la posibilidad de que la repercusión referida para un período determinado, continúe latente durante los siguientes períodos, aumenta a medida que el lapso entre las observaciones disminuye.

Por lo tanto es plausible que el fenómeno de autocorrelación exista en el modelo estudiado.

#### IV.3.2.2. Consecuencia del Fenómeno.

Es difícil establecer las consecuencias del fenómeno de autocorrelación si no se define en una forma precisa su naturaleza. Por lo tanto se debe tratar de especificar de que manera son generados los errores estocásticos al estar relacionados entre sí. Tomando en cuenta la posible naturaleza del problema, "resonancia", se propone un esquema denominado "esquema autorregresivo de primer orden" que es el siguiente<sup>27/</sup>.

---

<sup>27/</sup> Ver J. Kmenta. Obra citada, pags. 271-273, para la justificación del esquema propuesto.

$$E_{it} = \rho E_{i,t-1} + v_{it}, t=1, 2, \dots, 81 \quad (\text{IV.3.10})$$

donde:

$$-1 < \rho < 1,$$

$$v_{it} \sim N(0, \sigma_v^2) \quad \text{para toda } t.$$

$$E(v_{it}, v_{i+s,t+s}) = 0 \quad \text{para toda } s \neq 0,$$

y  $E(v_{it}, E_{i,t+s}) = 0 \quad \text{para toda } t.$

Con este esquema autorregresivo en mente, se pueden ahora establecer las consecuencias del fenómeno sobre las propiedades de los estimadores de mínimos cuadrados, así como de las variancias estimadas de estos <sup>28/</sup>.

En caso de mantenerse todos los supuestos básicos del modelo clásico, excepto el de no autocorrelación, los estimadores de mínimos cuadrados ordinarios seguirán siendo insesgados y consistentes. Sin embargo, no continuaran siendo eficientes, es decir, de variancia mínima entre todos los estimadores lineales insesgados. Esto sucede aún asintóticamente.

Se encuentra además que las estimaciones para las variancias de los estimadores  $\alpha$  y  $\beta$  están sesgadas.

<sup>28/</sup>

Las pruebas que llevan a estas conclusiones se detallan en Ibid. pags. 273-282, y en D. Gujarati. Obra citada, pags. 220-232.

Estas afecciones traen en consecuencia, al persistir en aplicar los estimadores de mínimos cuadrados ordinarios existiendo autocorrelación, que:

a) Los intervalos de confianza sean más amplios o estrechos que los verdaderos.

b) La variancia residual muestral  $s^2$  pueda subestimar la verdadera .

c) las pruebas t y F no sigan siendo válidas; y de ser aplicadas den lugar a conclusiones erróneas sobre la significancia de los Coeficientes estimados de la regresión.

d) Los estimadores de mínimos cuadrados, en cualquier muestra particular, proporcionen aún siendo insesgados, una imagen distorsionada de los verdaderos valores poblacionales, siendo con ésto, sensibles a fluctuaciones muestrales.

El enorme potencial que el modelo del mercado tiene para reformular el problema de análisis de cartera en virtud de las ecuaciones (I.2), (I.3) y (I.4), en las que los coeficientes estimados de la regresión juegan un papel primordial, se ve afectado seriamente al igual que al existir heteroscedasticidad, al

ocurrir el fenómeno de autocorrelación. Motivo por el cual no debe considerarse superficialmente, o ignorarse, la posible presencia de este fenómeno.

#### IV.3.2.3. Detección de Autocorrelación

Por lo expuesto anteriormente, es indispensable determinar si el problema de autocorrelación existe en el modelo del mercado.

A continuación se sugieren y aplican dos pruebas comúnmente usadas para detectar el problema. Aunque el supuesto de no autocorrelación se refiere a los errores poblacionales  $\epsilon_{it}$ , éstos no pueden ser observados directamente, por tal razón se utilizan como substitutos a los residuales  $e_{it}$  que se obtienen de la regresión de mínimos cuadrados ordinarios, ya que cualquier autocorrelación existente entre los errores  $\epsilon_{it}$ , se refleja en los residuales  $e_{it}$  <sup>29/</sup>.

Las pruebas a emplearse son:

---

29/ Esto ocurre en virtud de la relación  $e_{it} = (\epsilon_{it} - \bar{\epsilon}_i) - r_{it} \left[ \frac{\sum r_{it} \epsilon_{it}}{\sum r_{it}} \right]$   
 donde  $\epsilon_{it} = (r_{it} - \bar{r}_i)$  y  $E(\epsilon_{it}) \neq \bar{\epsilon}_i$   
 Ver. D. Gujarati. Obra citada pags. 232-233.

- a) Método Gráfico.
- b) Prueba del Estadístico Durbin-Watson (d),
- c) Prueba de Jarque y Bera (Ver subsección IV.3.3).

#### IV.3.2.4. Pruebas y Resultados

- a) Método Gráfico.

En el modelo del mercado, por tratarse de series de tiempo, pueden derivarse conclusiones sobre la naturaleza posible de la autocorrelación de los términos  $\epsilon_{it}$ , al examinar visualmente la gráfica de los residuales  $e_{it}$  contra el tiempo, y apreciar la presencia del fenómeno, en caso de que los valores graficados muestren un patrón sistemático que sugiera la autocorrelación, ya sea positiva o negativa.

Este método es de gran ayuda visual. En este estudio se utilizan solamente como método sugestivo, ya que se complementa con el método analítico de la prueba Durbin-Watson.

Se grafican los valores residuales  $e_{it}$  obtenidos de las regresiones para cada uno de los dos índices empleados, contra el tiempo.

Inspeccionando las gráficas de errores de la regresión en el tiempo, en el Apéndice IV.1, se sugiere que la mayoría de las emisiones no sigue un patrón sistemático, exceptuando las emisiones AAALFA B, PURINA \*A, GMEXICO \*A, SPICER \*A, VISA, SANBORN, MORESA A, CEMEX A, APASCO A, y FONBNM, que representan un 25% de las emisiones de la muestra, y presentan, al parecer, esquemas autorregresivos de primer orden.

b) Prueba del Estadístico Durbin-Watson (d).

Como se mencionó en la Sección IV.3.2.2., el fenómeno de autocorrelación en el modelo del mercado, puede presentarse siguiendo un esquema autorregresivo de primer orden, estipulando por las ecuaciones (IV.3.10), de donde resulta claro que la hipótesis nula de no autocorrelación puede formularse como:

$$H_0 : \rho = 0,$$

siendo la hipótesis alternativa, que el coeficiente de autoco-

relación  $\rho$  fuera significativamente distinto de cero. Una forma de probar la hipótesis nula se obtiene al aplicar el estadístico Durbin-Watson definido como:

$$d = \frac{\sum_{i=1}^n (e_{it} - e_{i,t-1})^2}{\sum_{i=1}^n e_{it}^2} \dots\dots\dots(\text{IV.3.11}),$$

cuyos supuestos subyacentes son satisfechos en el modelo del mercado de acuerdo a lo expuesto hasta este punto del estudio<sup>30/</sup>.

Dado que el estadístico 'd' se calcula a partir de los residuales, y estos a su vez dependen de valores  $r_{jt}$  dados, es difícil derivar la distribución de dicho estadístico que no dependa de los valores tomados por la variable  $r_j$  en una muestra dada. Sin embargo Durbin y Watson derivaron límites superior ( $d_U$ ) e inferior ( $d_L$ ), de tal forma que si 'd' toma un valor fuera de esos límites, pueda aceptarse o rechazarse la hipótesis nula. Esto puede entenderse si se desarrolla la ecuación (IV.3.11) para obtener:

---

<sup>30/</sup> Los supuestos se enumeran en *Ibidem*, p. 235

$$d = \frac{\sum e_{it}^2 + \sum e_{it-1}^2 - 2 \sum e_{it} e_{it-1}}{\sum e_{it}^2} \quad (\text{IV.3.12})$$

$$d \doteq 2 \left( 1 - \frac{\sum e_{it} e_{it-1}}{\sum e_{it}^2} \right) \dots\dots (\text{IV.3.13})$$

$$d = 2 (1 - \hat{\rho}) \dots\dots\dots (\text{IV.3.14}),$$

donde  $\hat{\rho} = \frac{\sum e_{it} e_{it-1}}{\sum e_{it}^2}$

es el estimador muestral de  $\rho$ .

De la ecuación (IV.3.14) puede apreciarse que si la hipótesis nula es correcta, se espera que  $d \doteq 2$ .

Si la hipótesis alternativa de autocorrelación, ya sea positiva o negativa, es correcta, se espera que 'd' se acerque a valores de cero y cuatro respectivamente, donde los intervalos inconclusivos encontrados por Durbin y Watson, se localizan entre cero y dos, así como dos y cuatro dependiendo del signo de la autocorrelación.

El procedimiento a seguir para aplicar esta prueba es el siguiente: después de obtener los residuales  $e_{it}$  al efectuar las

regresiones para cada índice, se calcula el valor 'd' a partir de (IV.3.11), y en atención a que el número de observaciones es 82 y se trabaja con sólo una variable explicativa, se encuentran los límites  $d_L$  y  $d_U$ , que convergen aproximadamente para ese número de observaciones. Considerando estos límites para el nivel de significancia deseado, se decidirá de la siguiente manera:

$d < d_L$  : rechazar  $H_0$  .

$d > 4 - d_U$  : rechazar  $H_0$  .

$d_U < d < 4 - d_U$  : no rechazar  $H_0$  .

y si  $d_L \leq d \leq d_U$

o  $4 - d_U \leq d \leq 4 - d_L$ , entonces la prueba es inconclusiva.

Respecto a los intervalos inconclusivos, Theil y Nagar<sup>31/</sup> demostraron que el límite superior es aproximadamente igual al límite verdadero de significancia en los casos en que la variable explicativa presente un comportamiento suave<sup>32/</sup>. Esta condición es satisfecha aproximadamente en el modelo del mercado, ya que la inercia descrita en la Sección IV.3.2.1. propicia la

<sup>31/</sup> H. Theil y A.L. Nagar, "Testing the Independence of Regression Disturbances", Journal of the American Statistical Association, Vol. 56, Diciembre 1961, pags. 793-806.

<sup>32/</sup> Comportamiento suave en el sentido de que sus primeras y segundas diferencias son pequeñas al compararse con el rango de la propia variable. ver H. Theil. Obra citada, p. 201.

TABLA IV.10.

PRUEBA DEL COEFICIENTE BURNIN-WATSON  
CON 82 OBSERVACIONES

INDUJO		INDIARI		INDIOI		INDIAI		INDUWU	
EMISOR	ESTADISTICO SIGNIF.								
	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X	S X I X
AAALFA	978731	0	0	986674	0	0	962700	0	0
AAALRA	1249345	0	0	781259	0	0	497790	0	0
AAALRS	1497134	0	0	1471134	0	0	138704	0	0
AAALRS	741332	0	0	781779	0	0	482011	0	0
AAALRS	832419	0	0	827010	0	0	737241	0	0
AAALRS	848308	0	0	852985	0	0	922829	0	0
AAALRS	960042	0	0	878273	0	0	987987	0	0
AAALRS	889313	0	0	730237	0	0	452234	0	0
AAALRS	856471	0	0	628775	0	0	750014	0	0
AAALRS	858888	0	0	418758	0	0	284274	0	0
AAALRS	908741	0	0	917548	0	0	939112	0	0
AAALRS	889220	0	0	845088	0	0	873803	0	0
AAALRS	843023	0	0	817539	0	0	848574	0	0
AAALRS	678288	0	0	879641	0	0	501427	0	0
AAALRS	921728	0	0	895804	0	0	861859	0	0
AAALRS	814647	0	0	882828	0	0	816465	0	0
AAALRS	824884	0	0	895908	0	0	870192	0	0
AAALRS	813818	0	0	759474	0	0	632910	0	0
AAALRS	952893	0	0	963189	0	0	734445	0	0
AAALRS	999803	0	0	928484	0	0	854276	0	0
AAALRS	852108	0	0	477523	0	0	576473	0	0
AAALRS	847494	0	0	847694	0	0	849386	0	0
AAALRS	142240	0	0	112022	0	0	101571	0	0
AAALRS	623344	0	0	644222	0	0	653144	0	0
AAALRS	418889	0	0	318484	0	0	323417	0	0
AAALRS	418889	0	0	447484	0	0	422417	0	0
AAALRS	993781	0	0	943088	0	0	947111	0	0
AAALRS	882723	0	0	718828	0	0	472213	0	0
AAALRS	551577	0	0	873289	0	0	559032	0	0
AAALRS	788190	0	0	708274	0	0	448526	0	0
AAALRS	882723	0	0	750728	0	0	594878	0	0
AAALRS	142240	0	0	140883	0	0	191405	0	0
AAALRS	379027	0	0	402900	0	0	370871	0	0

ACEP NIP NULA 86.08 78.08 87.88 77.88 48.88 48.88 45.04 60.04 77.88 88.08

suavidad mencionada. Por lo tanto, al decidir sobre el valor 'd', los intervalos  $(d_L, d_U)$  y  $(4-d_U, 4-d_L)$ , se añadirán a la región crítica.

La tabla IV.10 presenta los resultados de la prueba de significancia de autocorrelación, mostrando que al 5% de significancia, aproximadamente en un 50% de las emisiones se rechaza la hipótesis nula de no autocorrelación, mientras que al 1%, la proporción disminuye a 25% aproximadamente.

Se observa además que en contraste con los resultados de homoscedasticidad, en el caso de no autocorrelación, el índice para el cual se rechaza más la hipótesis nula es  $I_2$ .

Para este índice, al comparar contra el método gráfico, se aprecia que al 5% de significancia, 20% de las emisiones son rechazadas por dicho método, así como por la prueba Durbin Watson.

IV.3.3. Prueba de Jarque y Bera, simultánea de Homoscedasticidad, no Autocorrelación y Normalidad del Error Estocástico.

IV.3.3.1. El Estadístico.

Las pruebas expuestas hasta este punto, y en general, la mayoría de las pruebas que se encuentran en la literatura afín, se denominan "unidireccionales", lo cual quiere decir que prueban solamente un supuesto: normalidad (N), homoscedasticidad (H) o no autocorrelación (I); mientras que suponen que los demás supuestos se cumplen.

Sin embargo, si alguno de los otros supuestos no se cumple, la validez de estas pruebas unidireccionales se ve seriamente afectada<sup>33/</sup>. Carlos M. Jarque y Anil K. Bera propusieron el que se prueben las condiciones restantes al supuesto en cuestión, en lugar de darlas por válidas desde el principio. A este respecto, su principal aportación ha sido el haber desarrollado un estadístico que permite hacer una eficiente prueba tridireccional para los tres supuestos arriba mencionados (NHI)<sup>33/</sup>.

---

<sup>33/</sup> Jarque, Carlos M. y Anil K. Bera "Efficient Tests for Normality, Homoscedasticity and Serial Independence of Regression Residuals". Economics Letters 6(1980) 255-259. North Holland Publishing Company.

En esta prueba se maneja entonces, la siguiente hipótesis alternativa:

- $H_A$  : i) Sea  $\sigma_{it}^2$  la variancia del error estocástico en el tiempo  $t$ , existe al menos una  $s$  ( $s \neq 0$ ) tal que  $\sigma_{it}^2 \neq \sigma_{i,t+s}^2$
- ii) Sea  $\epsilon_{it}$  el error estocástico de la regresión en el tiempo  $t$ , existe un vector  $\gamma = (\gamma_1, \dots, \gamma_p)$  distinto del vector nulo tal que

$$\epsilon_{it} = \gamma_1 \epsilon_{i,t-1} + \dots + \gamma_p \epsilon_{i,t-p} + u_t \dots \dots \text{(IV.3.15)},$$

en donde  $u_t$  ( $t=1, \dots, t$ ) son residuales serialmente independientes con media poblacional cero.

- iii) Sea  $g(u_t)$  la función de densidad de los residuales  $u_t$  arriba especificados, en donde

$$g(u_t) = \exp[\psi(u_t)] / \int_{-\infty}^{\infty} \exp[\psi(u_t)] du_t,$$

$$-\infty < u_t < \infty,$$

$$\psi(u_t) = \int [(c_{it} - u_t) / (c_{it} - c_{it} u_t + c_{it} u_t^2)] du_t,$$

$g(u_t)$  tiene moda única, es decir,  $c_{it} = c$

$$\text{y } c_{it} = \sigma_{it}^2;$$

entonces  $g(u_k)$  no observa una distribución normal con media cero y variancia  $c_{ok}$ .

Esto es equivalente a observar en  $\psi(u_k)$  que  $c_i \neq 0$  ó  $c_{ok} \neq 0$ .<sup>34/</sup>

La razón de haber elegido una función  $g(u_k)$  como la descrita en (iii) se detallan en el artículo de Jarque y Bera<sup>33/</sup>, y consiste básicamente en suponer la función dentro de las distribuciones de la familia de Pearson con objeto de asegurar propiedades de optimalidad e incluir una variedad amplia de distribuciones cuyo manejo es frecuente.

Respecto a la posible presencia de heteroscedasticidad, Jarque y Bera proponen un patrón aditivo definido por:

$$c_{ok} = \sigma^2 + \sum_i^k \alpha_i, \dots \quad (\text{IV.3.16.}),$$

<sup>34/</sup> Si  $E(u_k) = 0$  puede demostrarse que:

$$\text{Var}(u_k) = E[u_k^2 - E^2(u_k)] = E[u_k^2] = c_{ok} / (1 - 3c_{ok});$$

y cuando  $c_i = c_{ok} = 0$  :

$$\begin{aligned} \psi(u_k) &= \int [-u_k / c_{ok}] du_k \\ &= -u_k^2 / 2c_{ok}, \text{ por lo tanto} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} g(u_k) &= \exp[-u_k^2 / 2c_{ok}] / \int_{-\infty}^{\infty} \exp[-u_k^2 / 2c_{ok}] du_k \\ &= \exp[-u_k^2 / 2c_{ok}] / \sqrt{2\pi c_{ok}}, \end{aligned}$$

que es la densidad de una distribución normal con media cero y variancia  $c_{ok}$ .

donde  $\beta_1$  es un vector de variables fijas de 1 por q, que satisface las condiciones establecidas por Amemiya <sup>35/</sup>.

Se supone en principio que los  $\epsilon_{it}$  fueran observados, y de las T + P observaciones, P residuales  $\epsilon_{i-p+1}, \dots, \epsilon_{io}$  son considerados como constantes. Puede notarse que el valor de depende del orden estimado para el modelo autorregresivo definido por (IV.3.15)

Utilizando (IV.3.16), definen Jarque y Bera la función:

$$\phi(u_t) = \int (c_1 - u_t) / (\sigma^2 + \beta_1' \alpha - c_1 u_t + c_2 u_t^2) du_t,$$

y obtienen el logaritmo de la función de verosimilitud <sup>36/</sup>

$$l(c_1, c_2, \sigma^2, \alpha, \gamma) = - \sum_{t=1}^T \ln \left[ \int_{-\infty}^{\infty} \exp \phi(u_t) du_t \right] + \sum_{t=1}^T \phi(u_t) \dots (IV.3.17)$$

<sup>35/</sup> Amemiya, Takeshi, 1977. A note in a heteroscedastic model, Journal of Econometrics 6, 365- 370.

<sup>36/</sup> 
$$L(c_1, c_2, \sigma^2, \alpha, \gamma) = \prod_{t=1}^T (u_t, c_1, c_2, \sigma^2, \alpha, \gamma)$$

$$= \prod_{t=1}^T \exp \phi(u_t) / \int_{-\infty}^{\infty} \exp \phi(u_t) du_t$$

$$\ln [L(c_1, c_2, \sigma^2, \alpha, \gamma)] = \ln \left[ \prod_{t=1}^T \exp \phi(u_t) \right] - \ln \left[ \prod_{t=1}^T \int_{-\infty}^{\infty} \exp \phi(u_t) du_t \right]$$

$$= \sum_{t=1}^T \phi(u_t) - \sum_{t=1}^T \ln \left[ \int_{-\infty}^{\infty} \exp \phi(u_t) du_t \right]$$

Con el método del multiplicador de Lagrange, como lo hicieron Breusch y Pagan<sup>37/</sup>, derivan el estadístico<sup>38/</sup>

$$LM_{NHT} = T [ b_1 / 6 + (b_2 - 3) / 24 ] + \frac{1}{2} [ \hat{f}' S (S' M S)^{-1} S' \hat{f} ] + T [ \hat{f}' \hat{f} ] \dots (IV.3.18)$$

en donde:

$$b_1 = \hat{\mu}_1^2 / \hat{\mu}_2^2, \quad b_2 = \hat{\mu}_1 / \hat{\mu}_2^2, \quad \text{siendo } \hat{\mu}_j = \sum_{i=1}^T e_{it}^j / T$$

y  $e_{it}$  los residuales de la regresión OLS en sustitución de las  $u_{it}$ :

$$\hat{f}_i = (e_{it}^2 / \hat{\mu}_1) - 1, \quad \hat{f}' = (\hat{f}_1, \dots, \hat{f}_T);$$

$$\hat{f}_j = \frac{\sum_{i=1}^T e_{it} e_{it-j}}{\sum_{i=1}^T e_{it}^2}, \quad \hat{f}' = (\hat{f}_1, \dots, \hat{f}_p);$$

$$S = (S_1, \dots, S_T)', \quad S_i \text{ definido en (IV.3.16)};$$

$$M = I_T - 1(1'1)^{-1} 1', \quad \text{siendo } 1 \text{ un vector de unos cuya dimensión es } T \text{ por } 1.$$

De esta forma, bajo la hipótesis nula.

$$H_0 : (c_1, c_2, \alpha, \gamma) = (0, 0, 0, 0),$$

<sup>37/</sup> Breusch, Trevor S. y Adrian R. Pagan, 1979. A simple test for heteroscedasticity and random coefficient variation, *Econometrica* 47, 1287-1294.

<sup>38/</sup> Esta derivación sólo puede obtenerse directamente con Carlos M. Jarque o Anil K. Bera.

el estadístico  $L M_{NME}$  presenta una distribución asintóticamente  $\chi^2$  - cuadrada con  $2+q+p$  grados de libertad, y  $H_0$  se rechaza si  $L M_{NME}$  es mayor que el punto deseado de significancia para dicha distribución.

Es interesante observar de (IV.3.18) que:

$$L M_{NME} = L M_N + L M_H + L M_T$$

Es decir, los tres términos del estadístico, son precisamente los estadísticos que se utilizan para probar cada uno de los tres supuestos, tomando como ciertos los otros dos:

$L M_N$  : estadístico para la prueba de normalidad, suponiendo residuales homoscedásticos e independientes. Jarque y Bera (1980).

$L M_H$  : estadístico para prueba de homoscedasticidad, suponiendo residuales normales e independientes. Breusch y Pagan (1979).

$L M_T$  : estadístico para prueba de no autocorrelación, suponiendo residuales normales y homoscedásticos, Breusch (1968).

Esto es particularmente importante ya que se pueden derivar pruebas bidireccionales, y unidireccionales al tomar los tér

minos de  $LM_{NNT}$  y los grados de libertad correspondientes.

#### IV.3.3.2. Aplicación para el presente Modelo de Mercado

Puede observarse que para la aplicación del estadístico  $LM_{NNT}$  es necesario conocer los residuales  $e_i$  de la regresión OLS del modelo de mercado manejado en este estudio, así como un conjunto de variables fijas que explican el patrón de heteroscedasticidad, y que son precisamente los elementos del vector  $\beta_i^1$  definido anteriormente.

El cálculo de los términos  $LM_N$  y  $LM_Z$  es directo a partir de los resultados; sin embargo, el cálculo de  $LM_N$  tal como se define en (IV.3.18) es ciertamente delicado ya que depende de la definición que se haga de los vectores  $\beta_i^1$ , en otras palabras, depende de la función que se identifique para la variancia del error estocástico.

Breusch y Pagan establecieron en su estudio referido, los elementos de juicio significantes para definir dicha función de la variancia.

Definieron ellos la función

$$\sigma_i^2 = h ( \beta_i' \alpha ) \dots\dots (IV.3.19),$$

no indexada a  $t$ , con primera y segunda derivadas y en la que el primer elemento de  $\beta_i'$  es igual a uno. Así se tendrá, al definir la hipótesis nula de homoscedasticidad como:

$$H_0 = \alpha_1 = \dots\dots = \alpha_q = 0,$$

que  $\beta_i' \alpha = \alpha_1$  y por lo tanto  $\sigma_i^2 = h ( \alpha_1 ) = \sigma^2$ , es decir, una variancia constante.

Puede notarse que la expresión (IV.3.19) es más general que la función (IV.3.16), e incluye los casos de heteroscedasticidad manejados preferentemente en la literatura<sup>39/</sup>, entre ellos:

$$\begin{aligned} \sigma_i^2 &= \exp ( \beta_i' \alpha ) , \\ \sigma_i^2 &= ( \beta_i' \alpha )^m \end{aligned}$$

Hacen además, la observación de que existen ciertos modelos de heteroscedasticidad que "no propician una adecuada estructura para pruebas de homoscedasticidad".

---

<sup>39/</sup> Breusch, T.S. y A.R. Pagan, obra citada, pag 1288

Uno de estos modelos es  $\sigma_i^2 = \alpha \epsilon_i$ , en donde tanto  $\alpha$  como  $\epsilon_i$  son escalares. Esto es sumamente importante ya que cuestiona fuertemente el uso de los modelos manejados por T. Lancaster<sup>40/</sup>, por Goldfield y Quandt<sup>41/</sup>, por Belkaoui<sup>42/</sup>, por Kmenta<sup>43/</sup>, y en consecuencia las funciones definidas en (IV.3.3) y (IV.3.4) del presente trabajo.

En opinión del autor, la posible explicación de las desviaciones estándar de  $\epsilon_{it}$  en relación al comportamiento de alguna variable sería, en su caso, como una relación proporcional a los rendimientos  $r_{it}$ . O equivalentemente la desviación con respecto a un patrón homoscedástico tendría la forma  $\sigma^2 r_{it}^2$  (siendo  $\sigma^2$  una constante). Por lo tanto la función de la variancia se definiría por:

$$c_{it} = \sigma_{it}^2 = \sigma_{it}^2 + r_{it}^2 \sigma^2 \quad \dots\dots\dots (IV.3.20.),$$

en donde resulta claro que el término  $\sigma_{it}^2$  es parte de la variancia fijada como constante, es decir el posible patrón homoscedástico, y el término  $r_{it}^2 \sigma^2$  es la desviación que de dicho patrón se observa para cada valor de  $t$ .

40/ T. Lancaster, "Grouping Estimators on Heteroscedastic Data". J. Am. Statist. Assoc., vol. 63; p.191, 1968.

41/ S.M. Goldfield y R.E. Quandt. Obra referida, pags. 539-547.

42/ Belkaoui. Obra referida.

43/ J. Kmenta. Obra referida.

Puede apreciarse que al definir la variancia de esta manera, se es congruente con (IV.3.16) de Jarque y Bera y con (IV.3.19) de Breusch y Pagan, evitando así las inconveniencias argumentadas por estos últimos, ya que (IV.3.20) implica el manejo de los vectores  $\mathbf{u}_i^1$  y  $\alpha$  definidos por:

$$\begin{aligned} \mathbf{u}_i^1 &= (1, r_{ii}^1) , \\ \alpha &= (\sigma_{\epsilon_i}^2, \sigma^2) \dots\dots\dots (IV.3.21) \end{aligned}$$

Por lo tanto, considerando en particular el supuesto de homocedasticidad, la hipótesis nula sería:

$$H_0 = \alpha_2 = \sigma^2 = 0.$$

El estadístico para la prueba unidireccional de homoscedasticidad sería estimado mediante el método del multiplicador de Lagrange, y coincidiría con el valor de la mitad de la suma explicada de cuadrados (ESS) en la regresión de  $g_i = \hat{f}_i + 1$  sobre  $\mathbf{u}_i$ , y se distribuye asintóticamente como una  $\chi^2$  - cuadrada con un grado de libertad si la hipótesis nula es verdadera <sup>43/</sup>.

Es decir  $LM_M$  estaría definido por:

$$LM_M = \frac{1}{2} [ \hat{f}' \mathbf{u} (\mathbf{u}' \mathbf{u})^{-1} \mathbf{u}' \hat{f} ] \dots\dots\dots (IV.3.22),$$

---

<sup>43/</sup> Ver el teorema enunciado a este respecto en T.S. Breusch y A.R. Pagan, obra citada, pags. 1288-1290.

y por lo tanto

$$LM_{NHI} = T [ b_1 / 6 + (b_2 - 3)^2 / 24 ] \\ + \frac{1}{2} [ \hat{F}'_2 ( \hat{M}'_2 \hat{M}_2 )^{-1} \hat{M}'_2 \hat{F}_2 ] + T [ \hat{F}'_1 \hat{F}_1 ] \dots (IV.3.23),$$

presentando este estadístico una distribución  $\chi^2$ -cuadrada con  $3 + p$  grados de libertad, si la hipótesis nula es verdadera.<sup>44/</sup>

Es el estadístico definido en (IV.3.23), el que se utiliza en este estudio suponiendo el patrón de heterocedasticidad como en (IV.3.20).

Para cada uno de los cinco índices, se consideraron valores para  $p$  de 1,2,3,5 y 7, es decir los modelos autorregresivos correspondientes, con el propósito de sensibilizar la contribución marginal de considerar más o menos variables en el modelo de autorregresión. Tomando en cuenta que las observaciones son bisemanales y dado que las empresas inscritas en la B.M.V. presentan estados financieros trimestrales, se juzgó que el efecto de "resonancia" (mencionado anteriormente en la subsección IV.3.2. al tratar la naturaleza de la autocorrelación) no tendría lugar más allá de un trimestre (es decir, cuando  $p > 7$ ).

---

<sup>44/</sup> Ver el teorema enunciado a este respecto en T.S. Breusch y A.R. Pagan, obra citada, págs. 1288-1290.

TABLE IV. 11

ESTADÍSTICOS TRIDIRECCIONALES Y BIDIRECCIONALES DE JACQUE-BÉRA  
 PARA HOMOGENEIDAD (H), NORMALIDAD (N) E INDEPENDENCIA (I)  
 10 GRADOS DE LIBERTAD PARA LHM1 (MENOS 2 PARA LHM)

E M I S O R	INDIAR1		INDIAR2		INDIAR3		INDIAR4		INDIAR5	
	LHM1	LHM2	LHM3	LHM4	LHM5	LHM6	LHM7	LHM8	LHM9	LHM10
AAALFA H	14.00224	9.00623	24.72243	16.59764	12.02313	9.21678	13.10698	8.66657	20.51832	20.72065
AUARERO A	13.08920	8.98459	24.19731	16.55968	16.35747	13.99317	16.04367	12.67081	12.72748	9.61030
CELANPS H	20.72633	7.75949	25.64117	11.25135	32.21145	7.02971	16.02498	6.26619	12.20626	7.27301
FERROD HA	21.20428	0.99750	24.67181	9.63317	8.73817	4.23245	7.63086	3.72382	17.19824	4.37368
ISEG HA	62.28974	16.43628	81.32424	14.92876	51.14947	13.66708	46.61180	13.53174	41.16377	36.45462
FRISCO HA	17.20127	3.49847	38.92376	4.64977	36.02680	4.64284	30.10797	4.65714	08.76701	4.27605
GRERA H	4.21132	4.02403	4.18300	3.99913	7.26467	6.99927	7.78861	5.55833	3.92189	3.22443
REXICHI HA	64.18635	14.67132	68.12830	18.92143	78.39042	17.78474	81.64603	15.93402	25.42322	19.45748
KUMPE A	26.41860	6.00764	49.02560	1.07448	60.49982	13.02174	60.72098	5.30499	2.80470	2.68420
LIVEPCH HA	26.18234	6.23232	37.18469	12.38842	60.60323	8.92978	40.71840	3.17493	35.41131	16.85220
LISEPCH HA	26.74239	10.22011	32.63383	4.42019	31.37053	14.01614	30.09446	14.15075	17.61848	13.16771
ROXEX HA	4.10528	3.84434	15.97314	0.18841	5.82166	7.43078	6.34758	8.25682	3.67426	3.22043
PIRHO HA	10.57426	6.62482	13.41257	1.13616	9.97701	8.81445	7.22286	6.00949	10.91194	6.55734
SPICER HA	23.56836	16.29357	28.00642	19.19409	23.87149	12.63268	24.23345	12.54078	20.32888	10.06642
IAHSA H	85.33251	3.76899	92.60477	3.04992	91.99284	3.70137	91.69206	3.72779	94.02946	7.20683
TEIHEX HA	20.12675	7.80698	26.87789	13.3523	18.12838	7.92734	18.24440	7.92887	24.22717	7.07717
TOLEX HA	90.30751	11.66884	70.47465	10.20022	78.32380	12.27419	66.24474	14.15172	4.01039	7.90033
TEPPEL HA	4.99045	4.94755	4.94755	7.26252	4.94440	3.95224	4.14326	2.67220	3.72764	3.42433
UTIRAR HA	3.39881	3.02289	4.94755	0.15734	0.03701	4.08902	4.23095	4.20094	0.22460	4.27074
UEBA HA	34.03992	3.18404	41.64748	2.13263	33.86749	7.21232	35.02351	1.99287	18.22512	3.53519
FEROES HA	10.77426	6.61024	14.02143	6.33772	8.66119	6.45428	8.66428	6.45428	6.07943	6.07943
UIRO HA	7.23106	5.61024	14.02143	0.20617	4.91127	4.03702	5.66646	4.10973	0.38577	0.38577
CRISOHA HA	63.22767	4.36313	60.63316	7.02763	62.33838	5.45779	62.16277	5.07706	3.29607	2.20900
EATON HA	37.22271	1.73713	30.48430	2.62424	43.90404	2.78246	41.22019	2.68443	4.67253	1.43666
BARIDE CARROON HA	27.12449	10.49180	71.08927	3.17275	72.27445	11.71232	29.21311	11.71232	8.05225	12.46996
ADFO HA	141.53702	4.38481	150.50723	4.32465	136.45810	4.40477	102.92746	4.37746	134.40745	2.70447
NOHESA A	65.91173	17.69242	65.00863	11.39760	43.33809	12.97209	49.38279	12.66319	43.04949	5.22004
GENEX HA	16.71828	10.71828	17.23988	7.66618	17.23988	10.71828	16.71828	10.71828	16.71828	16.71828
APARCO HA	34.30151	12.64251	30.68309	0.15364	17.23988	12.64251	35.34203	13.42701	15.26468	11.61810
DIANA H	16.62768	11.35353	11.13310	8.71248	18.57267	10.59541	15.14972	15.14972	6.03408	2.21971
METALIFER HA	21.12626	3.03331	31.52099	0.04366	13.16449	2.44676	17.74343	2.44676	5.71147	9.23779
COHOMP HA	71.44286	4.22251	46.20148	7.37751	57.44827	3.63456	60.19341	3.70866	57.19522	4.89711
CIYRA HA	61.21924	14.34657	46.14612	13.86458	45.22758	12.63684	49.27322	7.75623	20.69116	7.16272
FINDOR HA	48.92127	8.38925	41.18843	9.02731	43.16352	7.35140	52.46922	7.14273	18.38521	7.14854
NOHORE HA	20.21906	10.61847	81.25831	10.64898	13.80057	8.27709	14.02042	6.62720	26.01552	4.57776
PURSTAN HA	10.50646	2.94093	6.39112	3.69263	13.71063	13.72124	14.31741	10.50646	7.23866	4.32084
PALES HA	9.07729	6.42229	7.80506	6.59748	12.48611	7.80506	11.48520	8.07291	7.44117	12.00609
FURNIA HA	12.31.69005	17.03543	117.68274	12.83358	12.34	14.44614	12.22750	14.49444	249.72846	14.28482
ERICSON HA	18.52684	11.64701	19.69729	10.67702	17.35058	12.42473	17.57124	12.64493	14.97670	7.86205

TABLA IV.12

ESTADÍSTICAS TRIDIRECCIONALES Y BIDIRECCIONALES DE JARQUIP-ASFA  
 PARA HOMOGENEIDAD (H), NORMALIDAD (N) E INDEPENDENCIA (I)  
 6 GRADOS DE LIBERTAD PARA LMMH (MENOS 2 PARA LMM)

F A C T O R	INDICE									
	LMMH	LMM								
AAALFA H	13,57526	10,01989	22,71410	17,25170	10,13308	6,09644	10,74971	6,67969	15,33777	12,40700
AJERRA A	19,08033	8,74880	10,42800	7,43079	15,43556	12,72776	15,33354	11,82380	9,44626	5,74403
CELAFES SA	214,23294	7,33152	22,92564	5,88077	406,09707	2,05644	376,73208	6,02443	16,78066	1,94495
CEMHO SA	21,77047	3,07810	23,00407	4,09242	97,51601	2,91122	27,18225	2,54321	37,14224	4,21172
DESE SA	39,11900	19,31344	22,71544	4,09242	45,81475	13,07658	41,61801	19,72993	122,61707	25,15287
FRTSIB SA	39,46771	1,39260	39,37284	2,86071	27,37504	1,46619	77,37405	1,79841	53,85057	3,73883
GISSA SA	2,09114	2,47328	3,00204	8,00647	4,09769	3,73280	4,04198	3,06929	7,90755	2,67472
ONEXTOD SA	726,12644	4,68854	708,64397	4,68872	638,20072	6,03783	641,30354	6,05624	572,82735	4,16386
KUOPER SA	26,62022	4,62978	11,94272	4,62970	64,71544	12,92949	64,30367	6,04008	1,83634	1,80690
LIVEPOL SA	15,76646	7,46597	30,23307	11,26044	74,62476	7,07056	51,93192	7,47973	37,04173	10,73913
LUBSHTN SA	94,40172	13,70272	21,12574	11,43774	30,42400	17,13097	26,11511	19,02537	68,37040	12,10123
MODERA SA	2,36749	1,16386	10,12574	3,07672	4,34872	3,07310	4,61622	3,38127	4,04084	3,24106
PIKUNA SA	6,07441	9,15194	11,94272	9,32302	7,70207	7,10446	7,13110	7,03462	10,25266	6,07701
SPICER SA	19,40357	13,02444	33,07110	13,02444	19,12763	14,31314	19,71443	14,05026	7,28671	8,84724
TAMSA SA	64,62445	2,10043	64,94421	2,09194	90,02022	2,95668	91,14634	3,00872	44,52676	2,85281
TELEFA SA	19,30577	3,40847	22,02312	9,39974	16,88176	10,74749	12,43198	3,40943	23,14831	4,76043
TOLEFA SA	37,00840	6,81161	50,13637	6,64379	47,37500	12,04198	54,10742	13,11149	70,4012	3,62431
TOLEFA SA	7,62639	4,97263	4,28372	2,79546	4,06977	3,26384	3,92847	3,36444	2,16942	1,75142
UTERAL SA	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068	1,62068
URSA SA	97,48543	3,10417	45,40782	2,77113	36,46792	1,26272	38,78205	1,14473	16,01186	3,00454
PENDLES SA	6,07437	4,09220	6,43632	6,03333	6,03953	5,00558	6,09296	6,04217	4,96318	3,77975
UTIRU SA	2,68338	2,94650	7,70945	4,33275	2,93167	2,84933	3,01437	4,74210	13,06158	2,28444
YASDA SA	58,58853	4,01768	27,34675	4,34782	54,44473	4,64758	46,07553	4,90806	1,27162	6,75718
FATON SA	38,00384	1,07248	27,34675	4,86738	46,40994	4,18160	46,09376	7,47376	5,01275	1,03663
PARAFDE SA	289,13164	6,41153	229,40043	4,06667	116,00130	10,80573	624,32821	12,90177	27,43071	1,92670
SAHURH SA	706,07827	8,42254	741,73442	9,79878	771,73829	10,25168	762,06446	10,14104	624,90387	7,60280
AND SA	130,41119	3,62766	130,41119	7,24166	172,31066	4,15788	119,62740	4,05001	106,87476	6,00847
NEBESA SA	68,24447	10,94441	65,72841	9,70475	64,05043	11,29123	46,74652	11,22881	46,23626	7,00154
CEMEX SA	178,36606	10,62940	171,40566	5,97260	185,29150	10,16374	150,41260	9,34468	121,06855	10,22164
APAFOD SA	252,34974	8,05073	256,00241	7,52144	260,71957	10,00330	285,43720	10,02559	93,70376	6,99921
BTANA SA	14,82663	6,73449	10,22708	7,42707	14,91927	8,07703	10,33573	8,74078	6,87347	1,79059
METALUF SA	16,22149	1,93007	26,75182	4,29667	10,47622	1,18200	2,17834	1,51524	47,91286	6,64793
COMUEX SA	5543,27462	4,51650	5011,02108	4,46257	4166,53703	3,11037	4420,49519	3,44827	3721,91509	4,72006
CYSDA SA	60,33863	12,43322	49,76966	11,99200	68,04994	17,07337	56,04196	17,03312	18,63341	6,00010
YUDIFRA SA	69,23066	9,29577	39,62180	11,11706	59,74742	8,72740	56,46773	8,87183	18,53031	6,34845
HADORF SA	19,86480	8,83640	81,17462	9,29667	12,10272	6,05504	13,13131	6,60779	22,44830	3,65710
BURITAN SA	8,06411	7,30661	7,08224	4,22503	11,13348	7,45623	16,40266	9,01230	4,02948	2,22115
PARIS SA	7,21110	4,95683	6,44871	4,28830	9,40847	6,08899	9,30509	6,68454	4,21493	3,77499
FONRIN SA	1340,22276	15,40858	1279,87642	10,09766	1314,74077	14,31674	1302,63489	14,11814	1663,76295	13,33135
FITSON SA	18,10737	13,40618	17,66468	18,25116	17,10756	12,46122	17,12046	12,45697	13,56607	7,12862

TABLA.IV.13

ESTADÍSTICAS TRIDIRECCIONALES Y MULTIDIRECCIONALES DE JARQUE-BERA  
 PARA MONOCEDASTICIDAD (H) NORMALIDAD (N) E INDEPENDENCIA (I)  
 6 GRADOS DE LIBERTAD PARA LMMH (MENOS 2 PARA LMMH)

E M I S O R	INDROO		INDARI		INDIOI		INDIIN		INDARU	
	LMMH	LMMO	LMMH	LMMO	LMMH	LMMO	LMMH	LMMO	LMMH	LMMO
AAALFA R	11.61230	7.59818	20.62367	15.84459	7.59818	4.45369	8.70877	4.45609	17.79979	14.44093
AUKRER A	13.16270	9.96938	17.12356	6.14150	14.58365	11.85818	14.71159	11.20359	6.18374	6.03182
CELAHER A	21.64926	6.24461	62.32915	6.96708	6.96708	420.31441	6.03620	304.73374	8.47894	1.05813
PERMUC A	21.34304	2.79165	18.48075	1.22755	161.72747	2.23628	67.26124	2.51956	37.56086	1.81677
DEAC	59.16488	12.27989	70.08845	2.32867	40.15973	9.23520	40.78374	6.45261	16.87383	24.07038
FRISCO A	38.01283	1.33471	40.12712	2.16436	38.57022	6.33771	23.62273	0.31356	64.91260	3.26182
IBSBA	2.09470	3.05855	2.09470	3.47697	3.47697	3.45404	3.45404	3.45404	3.45404	2.20069
ORFALCO A	74.84988	4.26212	74.84988	3.48771	90.60956	0.73863	94.47671	1.04967	47.88867	3.71277
RIBER	24.65159	6.26220	26.15843	3.76663	36.09646	13.26385	54.47686	10.13904	8.68922	6.45019
LITREFOL	1.94276	3.24222	34.24222	6.04246	21.57525	2.32332	21.94460	34.91324	10.12721	10.12721
LITRMIN A	10.01276	7.29408	11.98918	2.67376	29.58827	2.65017	21.18943	2.23029	7.07382	7.15403
INDORFA A	2.02244	1.63415	6.65642	0.38271	1.04235	3.24944	4.14027	3.79465	3.46349	1.84206
PURINA A	6.27061	2.94839	11.66473	7.99874	7.17447	6.85687	6.74581	6.61199	4.30135	4.74407
SPICER A	20.26273	13.16726	22.87097	14.14448	19.60572	14.06262	19.60170	13.04147	20.95338	8.44817
TANSA	91.26093	0.92927	91.07372	0.93386	97.61123	0.86232	98.00360	6.78603	2.45617	2.45617
TPIHEX	17.26633	2.31643	20.72016	3.64270	13.64777	4.10770	15.23374	4.08850	6.08870	3.68411
TUHEX	19.94667	2.84668	31.67121	6.33840	50.34125	12.98161	56.04415	12.68655	7.76096	3.76096
TRENEC A	5.16464	2.24543	1.82738	3.58883	1.91940	3.52767	3.52767	2.14174	2.01350	1.28667
UTRICAL	1.92372	1.27076	6.02129	3.46643	4.62767	3.41081	4.42040	3.08923	5.53693	3.76683
UTRPA	0.77301	2.38843	34.48844	6.99550	36.92261	6.74737	39.48682	0.74262	19.50015	16.02273
FEOLLES A	4.87476	1.18470	6.38809	6.38809	4.87476	4.26928	4.26928	2.66666	4.66666	4.66666
VTRH	4.87476	3.65201	8.44915	2.14265	3.17082	4.13110	4.13110	4.13110	1.27730	1.27730
GRIRONA A	63.57283	3.30602	26.06932	2.23710	59.36096	4.66809	49.67317	1.50366	0.21608	0.21608
FATIN	42.40995	1.00846	24.01121	1.68414	11.38283	2.16707	49.01727	2.21819	4.86395	0.21744
CAREYR	17.82927	1.18470	18.34634	6.38809	37.32927	12.98161	56.04415	12.68655	1.26666	1.26666
SANGORU	82.48460	6.32922	49.32444	4.97698	84.01213	18.34273	82.04220	10.53026	70.42740	4.82411
ACCO	140.62896	3.67425	148.92566	3.66716	131.82357	4.01282	129.23360	2.73065	110.20741	1.02702
INDORFA A	66.89158	9.72139	62.22721	5.31744	62.24594	6.87372	64.43418	7.01191	34.88899	1.02702
INDORFA A	18.27061	1.18470	18.34634	6.38809	37.32927	12.98161	56.04415	12.68655	1.26666	1.26666
AFASCO A	24.34675	6.33415	27.06634	2.15162	20.12416	10.17425	29.64628	14.73580	10.87373	4.92420
DIANA	14.67866	6.16451	6.26827	4.12623	14.12623	14.12623	14.12623	6.23826	6.23826	1.35826
NETALUEK	17.65880	1.26742	27.23398	4.40708	10.69333	0.24640	10.40304	0.97013	40.58065	2.88565
QUINEX A	56.48147	52.26531	2.62460	6337.25693	6.27372	7.34173	7.34173	1.48081	377.06713	1.62193
CVISA A	66.87840	12.68423	46.87810	11.74873	6.12623	17.06430	17.06430	1.06430	1.06430	1.06430
FINORKA	44.46475	8.72830	40.08488	9.71662	56.91105	6.42704	4.01367	2.81183	17.47387	7.68822
NACORR A	14.47910	4.83488	73.64445	5.62562	11.55662	5.62562	12.33344	26.23641	2.02272	2.02272
PURITAN	2.02244	4.24649	4.70823	2.13070	8.14823	2.24174	2.24174	5.11505	1.14943	0.66200
PARIS	4.14873	4.14873	4.14873	4.14873	4.14873	4.14873	4.14873	6.20064	12.61054	4.92420
FINRHK	144.52452	14.91106	1372.81616	18.33664	1415.42187	13.16116	1465.12872	13.34384	1061.21788	12.48742
FRICSON	16.71052	9.00200	16.48427	7.98714	15.36146	11.04373	10.65252	13.02371	12.10642	9.13766

TABLA IV.14

ESTADÍSTICAS TADIRRECCIONALES Y UNIDIRECCIONALES DE JARQUE-BERA  
 PARA HOMOCEDASTICIDAD (H), NORMALIDAD (N) E INDEPENDENCIA (I)  
 5 GRADOS DE LIBERTAD PARA LMHT (MENOS 2 PARA LMHT)

P A Í S O R	INDRAI		INDRAI		INDRAI		INDRAI		INDRAU	
	LMHT	LMH								
AALFA H	0.52273	1.07753	6.84887	0.26363	4.06351	0.30037	5.04857	0.62592	10.15221	5.00299
AARRERA A	11.64777	6.08600	13.27233	4.02720	14.00326	11.42774	14.07055	10.72141	2.06193	3.92264
CELANER BA	214.98080	6.39164	66.78840	4.24953	426.45133	7.74227	707.94794	7.47283	17.68727	1.17300
CERMOO	21.61134	1.81334	18.23114	1.04071	106.72734	2.20613	91.65704	2.31208	37.00054	0.56746
DEBE BA	41.62024	12.73895	73.14203	10.40241	47.22409	9.65610	42.72643	9.91322	120.34021	23.64060
FRISAO BA	39.67329	0.39632	46.49450	0.34334	31.15082	0.32226	24.50049	0.29440	60.42222	0.76410
GRISA A	2.58130	2.00222	3.01801	2.18682	3.26443	3.35617	3.35617	3.49713	1.20774	1.09114
MEXICO AA	614.51839	4.31921	723.33627	3.52617	936.27327	6.82549	961.43694	6.42711	643.28420	3.75987
OMNER A	20.67056	4.92258	23.33867	3.93904	52.31642	6.27174	50.66713	6.31399	6.51072	0.51012
JOFFIN	12.66731	7.25266	38.23027	7.78087	56.31650	21.04404	54.72326	20.22094	30.03743	1.38225
LUBAIN BA	19.21419	2.26671	12.47561	2.43917	23.46450	4.41720	22.50550	4.22983	3.24784	1.40681
MODEBNA AA	1.70481	1.41907	5.94185	4.31864	3.11931	0.61826	0.61826	0.63443	0.34051	0.20248
PURLINA AA	3.80420	3.12703	6.44782	3.51637	6.22992	5.90433	6.98056	6.99449	6.44421	0.72152
SPICER AA	18.29149	11.17533	21.92116	12.48274	17.44691	11.43324	17.82021	11.20992	21.23266	7.78943
TAMSA	95.23184	0.67495	20.10203	0.60485	102.21571	0.59144	102.60317	0.60029	20.42240	0.47934
IFLNEK	17.33042	4.06236	21.16368	3.42027	14.20307	3.81134	15.18974	3.20506	20.42240	0.13368
TOUHEK BA	39.02762	7.31352	51.48422	6.32629	50.02021	11.66226	52.49621	11.47120	31.07110	3.24320
TRACHE BA	4.61647	1.61647	6.12664	0.94613	3.40027	1.28770	3.34231	1.96414	1.93848	0.20401
VIKREAI	1.86151	6.12664	3.63568	4.70577	3.28143	4.34213	3.44849	4.82429	3.07252	3.07252
VISA	56.73150	6.06236	36.23827	0.92048	38.22005	48.86404	3.82401	3.82401	19.46736	0.28230
WENDES AA	2.42856	0.92616	1.91384	2.06222	4.20418	3.82401	3.82401	3.82401	3.82401	0.28230
VITRO AA	2.96926	2.63220	6.82923	2.32262	2.83146	0.68786	2.83602	2.66334	14.32014	2.26486
CRISBA A	45.49494	4.49310	27.70749	0.96926	60.49410	4.10109	50.80092	4.32390	1.22710	0.01163
EATON BA	44.21802	0.93341	2.02422	0.92048	38.22005	1.76921	31.45336	1.40284	4.22726	0.39274
CABEIBF	222.21303	0.63184	318.22709	4.28243	342.94874	12.32846	318.22709	12.32846	12.32846	0.39274
SANROUN	537.12431	0.63184	630.22727	8.98794	820.72092	10.34296	804.92528	10.34296	734.03333	6.25242
ACD	142.44601	3.21418	155.47492	3.02664	138.11950	4.00730	135.34127	3.97193	119.32001	0.87299
NOBREA A	62.13030	0.00184	2.02422	1.95676	2.02422	4.62760	43.92213	0.61226	34.94820	0.61226
CENEX A	127.18570	2.84929	188.27298	8.22181	204.14914	6.32113	211.85813	6.32113	140.28213	0.61226
AFASCO	228.76790	7.24729	286.59200	4.42283	316.83021	9.88046	311.68215	9.72855	113.06462	0.56713
DIANA A	13.66013	6.44051	9.63567	0.09246	13.94536	6.64372	14.42452	6.63727	0.22760	0.89220
METALVER A H	17.11392	4.26671	20.02622	0.00282	16.22664	0.14832	10.41259	0.12649	45.09739	7.13446
COJUNEK BA	5643.02509	0.88313	7429.15844	1.94525	456.22664	2.24432	683.24114	2.24432	79.10818	0.89220
CYBBA A	45.71914	9.08316	45.78854	0.14122	59.92361	13.47393	53.36994	13.01228	11.21243	0.89220
FUNDORA	64.73970	6.12725	39.54122	9.12536	37.61491	7.91741	54.04015	7.96392	12.45343	6.81374
MADRE BA	3.96803	3.96803	76.64098	7.20008	11.44270	4.89412	4.89412	4.89412	20.34013	1.24813
FURSTAN	4.18543	3.04653	4.78911	1.88420	4.91924	4.91924	4.91924	4.91924	0.89220	0.89220
PARIS	7.40172	4.39004	5.03491	3.18264	7.37364	3.74913	2.53891	3.90907	11.22730	0.89220
EDWAM	1003.98063	14.90374	1420.66527	12.43264	1474.66371	13.72093	1462.84033	13.42953	1124.15912	13.34282
ERIDSON	15.34008	7.77005	15.61679	7.15275	12.48942	7.97021	12.57886	7.01463	11.66292	4.81984

TABLA IV.15

ESTADÍSTICAS TRIDIRECCIONALES Y BIDIRECCIONALES DE JARQUE-ÁREA  
 PARA MONOCEDASTICIDAD (M), NORMALIDAD (N) E INDEPENDENCIA (I)  
 4 GRADOS DE LIBERTAD PARA LMNI (MENOS 2 PARA LMNI)

E N T I D A D	INDICE		INDICE		INDICE		INDICE	
	LMNI	LMHT	LMNI	LMHT	LMNI	LMHT	LMNI	LMHT
AAALFA N	3.93158	0.00005	4.77019	0.00045	4.05606	0.18400	4.68557	0.06373
AURRERA A	5.40443	2.54023	11.57268	1.31053	8.11886	5.35460	8.60344	7.32399
CELANER SA	214.92894	5.14313	62.22544	5.67174	437.01530	4.72930	346.32339	4.84378
PERFOD	22.27364	1.40644	20.82893	0.98899	116.88660	2.46501	95.85994	2.16507
DESE SA	51.73339	0.11013	63.89327	0.00189	39.74855	0.08952	34.77473	0.02944
FRISCO SA	40.76241	0.04790	42.41731	0.05776	32.49562	0.02291	26.63353	0.03134
BISSA	0.76672	0.00062	1.04900	0.17668	0.29322	0.01844	0.35469	0.01270
ONEIXON SA	847.13490	1.67481	623.66865	1.40466	970.28427	2.35609	997.32294	2.32490
THREER A	25.22254	4.00459	75.49504	3.07234	54.55161	9.03603	52.08467	9.40163
LIVEFOU	15.24130	1.64880	34.53842	2.75331	26.26361	0.11323	28.02777	0.17539
LOUISIAN SA	1.37419	0.05851	16.25749	0.04094	21.44417	0.01306	19.42834	0.01963
ONEIXON SA	1.04228	0.51369	6.06229	0.75227	1.02163	0.97819	1.37203	1.17474
PURLINA	3.32720	2.65446	5.09372	2.76147	6.97863	5.26486	5.77503	6.04482
SPICE SA	11.13141	2.79222	14.07991	4.01270	12.22330	6.23356	13.18976	6.08262
TAMSA	99.73365	0.98487	99.54609	0.35091	104.99631	0.34973	107.18709	0.19327
TOLMEX	15.09799	0.23963	16.93474	0.28614	12.18494	0.29473	12.23466	0.27457
TELFEX SA	38.87464	6.50348	52.10450	0.48954	50.79912	11.50142	68.33093	10.94702
TRENC	3.14264	0.54066	1.26259	0.82753	1.73557	0.13119	1.65296	0.28342
UNIFAL	1.11140	0.15841	1.47217	1.47217	0.00000	0.34280	0.00000	0.34280
USA	58.18633	0.38325	37.18341	0.03345	40.20434	0.09302	45.27343	0.11306
PENOLD SA	1.84847	0.17282	1.44932	0.30122	1.68334	1.21181	1.38257	1.12679
UTRU SA	6.35466	0.06231	6.25183	0.06510	1.35666	1.18853	1.19918	0.89826
CRISORA A	48.48466	2.48367	29.08333	2.12118	2.23747	3.41705	52.30805	3.66839
FATON SA	46.93974	0.63337	20.64854	0.56202	25.62703	0.65085	53.20562	0.51999
CARRIDE SA	23.48672	6.63819	22.62292	4.33897	32.40423	12.32644	33.24376	9.01266
SANRODR	490.83170	8.16042	844.73271	4.05494	911.71267	9.52786	999.99967	9.90369
CO	153.81144	2.17173	161.92660	1.61926	175.87172	2.54432	146.01284	1.94256
ROBESA A	28.66767	4.13337	64.95660	3.11142	46.88072	0.62872	46.26279	0.62872
CEMEX SA	255.83399	6.65414	157.02868	6.11266	214.93728	9.13433	221.08862	9.23764
APARCO A	240.31942	6.21692	255.15123	6.12640	322.99330	8.90413	319.89747	8.76402
DIANA	13.89452	0.18030	9.63299	0.90361	11.87320	6.41164	14.45266	6.84453
RETAILER SA	18.26767	0.00132	26.83748	0.06622	11.05282	1.10289	11.05282	1.10289
COMDEX	4050.25423	2.39453	5636.38461	1.4348	4632.22077	1.97523	7133.13847	2.68528
CYBISA A	44.43620	0.40301	43.00436	3.32134	18.15603	9.13411	11.9201	9.13650
INDOESA	63.26240	4.02818	36.11410	5.28226	56.14424	4.26471	53.01671	4.40843
INDORF SA	12.73209	0.21194	4.00902	1.22067	2.79972	2.19227	2.46439	2.33262
PURITAN	3.06619	2.39744	4.42844	1.37304	2.52094	5.76120	0.95615	4.43006
PARIS	7.58466	4.39922	4.42894	3.44839	7.23176	3.44933	6.42491	3.00058
EDORAN	1544.30493	13.91651	1481.80516	14.98623	1535.08286	13.74207	1524.03552	13.32725
ERTISON	16.05179	7.82946	16.42597	13.61021	6.03760	6.03760	6.03760	6.03760

Dada la posibilidad de hacer pruebas bidireccionales, se hizo la prueba conjunta de homoscedasticidad e independencia de los errores, tomando como cierto el supuesto de normalidad ya que se observa que quizás este supuesto no debería ser considerado como menos crítico.

Los estadísticos para  $LM_{NI}$  y  $LM_{NI}$  se muestran en las tablas IV.11 a IV.15, que corresponden a cada valor distinto escogido para  $p$ , y en consecuencia corresponderían a distribuciones con 4,5,6,8 y 10 grados de libertad.

#### IV.3.3.3. Resultados

En la tabla IV.16 se anotan, para niveles de significancia de 5% y 1%, los porcentajes en los que se acepta la hipótesis nula de homoscedasticidad, normalidad e independencia para cada uno de los índices y con distintos grados de libertad.

Se observa que en general no se acepta la hipótesis nula, siendo el índice I de la Bolsa Mexicana de Valores, aquel en el cual la hipótesis nula es mejor aceptada; pero aún para este índice se observa un bajo porcentaje de aceptación.

En la tabla IV.17 se muestran los porcentajes de aceptación de la hipótesis nula para la prueba bidireccional de homoscedasticidad e independencia. Es notable que en contraste con la prueba tridireccional, en este caso se acepte en general la hipótesis nula.

Atendiendo a los términos que componen el estadístico  $LM_{NM}$  (IV.3.18), se aprecia que se puede separar fácilmente la contribución marginal de los estadísticos para las pruebas unidireccionales de homoscedasticidad, normalidad e independencia. De tal manera que, así lo indican Jarque y Bera en las conclusiones de su estudio, pueden derivarse eficientes pruebas bidireccionales.

TABLA IV.16

PRUEBA DE JARQUE Y BERA, SIMULTANEA DE HOMOSCEDASTICIDAD  
NORMALIDAD E INDEPENDENCIA

Porcentajes de Emisiones de la Muestra para las que se  
acepta la Hipótesis Nula

5% DE SIGNIFICANCIA

Grados de Libertad	INDICES				
	$I_1$	$I_2$	$I_3$	$I_4$	$I_5$
4	30	30.0	27.5	27.5	32.5
5	<u>25.0</u>	<u>25.0</u>	<u>27.5</u>	<u>25</u>	40.0
6	30	30	27.5	25	<u>35</u>
8	35	35	25	30	37.5
10	35	37.5	25	32.5	45.0

1% DE SIGNIFICANCIA

Grados de Libertad	INDICES				
	$I_1$	$I_2$	$I_3$	$I_4$	$I_5$
4	40	40	32.5	32.5	<u>40</u>
5	<u>35.0</u>	<u>37.5</u>	32.5	<u>30</u>	42.5
6	40	40	30	35	47.5
8	42.5	42.5	<u>27.5</u>	45	47.5
10	42.5	40.0	35	45	55.0

Esto es razonable si se recuerda que cada uno de los estadísticos tiene una distribución ji-cuadrada y por lo tanto su suma tiene, a su vez, una distribución ji-cuadrada.

Es claro entonces que en la prueba tridireccional no se acepte en general la hipótesis nula, en virtud de la enorme contribución que el estadístico para prueba de normalidad,  $LM_N$ , tiene en el estadístico  $LM_{NNH}$ . Es por esto que al restar  $LM_N$  en la prueba bidireccional, se obtengan resultados tan diferentes.

Si se recuerdan los argumentos manejados en la sección IV.2.3. de los que se desprende (dado el tamaño de la muestra considerada en este estudio) la posibilidad de despreciar la violación al supuesto de normalidad del error estocástico, podría pensarse en aceptar la prueba bidireccional con sus respectivos resultados mostrados, en la tabla IV.17. Sin embargo debe observarse que es posible derivar esta prueba bidireccional, sólo al suponer que se cumple el supuesto de normalidad, y esto no debe confundirse con el hecho de despreciar la violación del supuesto.

Si el supuesto de normalidad no se cumple, como se comprueba en este caso al usar el estadístico  $LM_N$  con dos grados de libertad, se tiene entonces que  $c_1 \neq 0$  ó  $c_{21} \neq 0$  y no podría suponerse que estos parámetros son iguales a cero para derivar la

TABLA IV. 17

PRUEBA DE JARQUE Y BERA, SIMULTANEA DE  
HOMOSCEDASTICIDAD E INDEPENDENCIA

Porcentajes de Emisiones de la Muestra para las que  
se acepta la Hipótesis Nula

5% DE SIGNIFICANCIA						1% DE SIGNIFICANCIA					
Grados de Libertad	INDICES					Grados de Libertad	INDICES				
	<u>I<sub>1</sub></u>	<u>I<sub>2</sub></u>	<u>I<sub>3</sub></u>	<u>I<sub>4</sub></u>	<u>I<sub>5</sub></u>		<u>I<sub>1</sub></u>	<u>I<sub>2</sub></u>	<u>I<sub>3</sub></u>	<u>I<sub>4</sub></u>	<u>I<sub>5</sub></u>
2	80	77.5	87.5	82.5	95	2	90	100	97.5	95	97.5
3	<u>67.5</u>	<u>67.5</u>	<u>82.5</u>	87.5	<u>90</u>	3	<u>90</u>	<u>85.0</u>	<u>92.5</u>	<u>95</u>	95
4	70.0	70.0	85.0	<u>85.0</u>	92.5	4	90	90.0	92.5	97.5	<u>92.5</u>
6	80.0	77.5	87.5	90.0	92.5	6	97.5	97.5	95.0	100.0	95
8	92.5	90	92.5	95.0	95	8	100	100	100	100.0	100

prueba tridireccional, cuyos resultados se muestran en la tabla IV.16

#### IV.4. Resumen

En el presente capítulo se analizaron los supuestos económicos del modelo de Sharpe, clasificándolos para ello en dos grupos de acuerdo a la dificultad que implica su detección y corrección, así como por la gravedad de sus consecuencias.

Se observa que dicha clasificación es adecuada dado que la violación del primer grupo de supuestos puede ser superada al hacer ciertas consideraciones teóricas sobre el modelo y la muestra empleada. Especificando:

Para el supuesto 1 se encontró que, salvo que el modelo estuviera mal especificado, el problema de que el error estocástico no tuviera media cero podría resolverse mediante una traslación vertical de la línea de regresión, y esta transformación preserva las propiedades esenciales del modelo.

El supuesto 2 se cumple en virtud de que la correlación entre el error de la regresión con la variable explicativa no es significativamente distinta de cero, y en el supuesto de normalidad de estas variables se concluye que son independientes.

Aún en el caso de no cumplirse el supuesto de distribución normal del error estocástico, los estimadores OLS y sus variancias no se ven afectadas dado que se considera un número grande de observaciones.

En lo que respecta al segundo grupo de supuestos, se discutieron las graves consecuencias que ocasionaría la presencia de heteroscedasticidad o la autocorrelación de los errores estocásticos. Dichas consecuencias darían lugar a conclusiones incorrectas sobre los parámetros de la línea poblacional y por tanto se desvirtuaría la aplicación del modelo para la solución del problema de análisis de cartera.

Resulta pues indispensable determinar si dichos fenómenos se presentan en el mercado al cual se pretenda aplicar el modelo de Sharpe.

Para el supuesto de homoscedasticidad se explicó como la transformación logarítmica empleada en el estudio contribuye a reducir la posibilidad de su violación. En cuanto al problema de desconocimiento de la forma de la variancia del error, se efectuaron pruebas que atendían a las dos alternativas de solución posibles. Se encontró además que el problema de heterosce-

dasticidad variaba de acuerdo al índice empleado, evidenciándose que el índice más adecuado para el cumplimiento del supuesto es el promedio geométrico de los rendimientos ( $I_2$ ). Para este índice se observó, al 1% y 5% de significancia, que los porcentajes de empresas en las que se viola el supuesto son, para cada prueba:

Método gráfico: 10% (inspección visual).

Prueba de Goldfield y Quandt: 7.5%, 15%

Prueba del coeficiente de Spearman: 65%, 72.5%

Prueba de Bartlett con 6 intervalos: 17.5%, 22.5%.

Prueba de Bartlett con 16 intervalos: 2.5%, 2.5%

Sobresale la discrepancia de la tercera prueba. Cabe notar que en esta prueba, a diferencia de las otras, no se hace ninguna consideración sobre la variancia del error, que es el centro del supuesto. Parece razonable pensar que a esto se deba la diferencia y quizá pueda esgrimirse este argumento en contra de la capacidad de la prueba, sobre todo al apreciar la homogeneidad de los resultados de las otras pruebas.

Sin embargo, aún descartando la prueba del coeficiente de Spearman, no se puede afirmar que la homoscedasticidad se cumple absolutamente, sino particularmente para algunas acciones.

Por otra parte, atendiendo al supuesto de no autocorrelación, se consideró, en un principio, que el esquema autorregresivo de primer orden, por lo que la prueba del estadístico Durbin-Watson habría de ser aplicada en adición al método gráfico.

De nuevo se hizo evidente que el fenómeno variaba de acuerdo al índice empleado; sin embargo, el índice menos propicio fue  $I_2$ , a diferencia de lo ocurrido en el supuesto de homoscedasticidad y en la prueba de significancia de la relación lineal, donde había sido el más adecuado.

Inspeccionando las gráficas de residuales en el tiempo, se observó que alrededor de un 25% de las emisiones presentaban algún patrón sistemático, mientras que los porcentajes de acciones en las que el fenómeno de autocorrelación es significativo para la prueba Durbin-Watson son 30% y 50% al 1% y 5% respectivamente.

Cabe hacer notar además, que para varias de las acciones que presentan problemas de heteroscedasticidad o autocorrelación, se encontró previamente que no observaban una distribución normal en sus rendimientos. Tal es el caso de CELANES\*A, GMEXICO\*A, TOLMEX\*A, CARBIDE\*A, SANBORN, ACCO Y CODUMEX\*A.

Esto hace pensar que quizá, antes de tratar de aplicar el modelo de Sharpe, debe aceptarse la hipótesis de distribución normal para los rendimientos estudiados, lo cual no será objeto de discusión en este trabajo.

Sin embargo al considerar el planteamiento que hacen Jarque y Bera, sobre la posibilidad de probar simultáneamente las hipótesis de normalidad, homoscedasticidad e independencia de los errores, se observan resultados interesantes, entre ellos:

Se cuestionó fuertemente a algunas de las pruebas unidireccionales de homoscedasticidad, en lo que respecta a aquellas que definen a priori la función específica  $\sigma_{it}^2 = \sigma^2 r_{it}^2$ , y se propone considerar la heteroscedasticidad mediante el polinomio  $\sigma_{it}^2 = \sigma^2 + \beta_1 r_{it}$  definido en (IV.3.16)

Se confirma, al aplicar pruebas tridireccionales y bidireccionales (suponiendo que se observa la normalidad en los errores), no sólo la importancia que tiene el probar simultáneamente las hipótesis, sino también las posibles consecuencias que tendría el despreciar el supuesto de normalidad, como se intentó en un principio en la sección IV.2.3.

Se observa además la limitación de la prueba del estadístico Durbin-Watson que sólo considera modelos autorregresivos de primer orden, la prueba de Jarque y Bera, resumida en la tabla IV.16, hace pensar al autor intuitivamente en que el patrón autorregresivo que se observa es de segundo orden, atendiendo a la sensibilización que se hizo para distintos grados de libertad, pero no se profundizó en este aspecto.

La presencia de heteroscedasticidad y autocorrelación es evidente. Se encuentran en la literatura manejada en este estudio, métodos de corrección a dichos fenómenos; no obstante, es conveniente evaluar la sofisticación que dichos métodos involucran y decidir si vale la pena aplicarlos para proseguir en la aplicación del Modelo de Sharpe, cuya principal virtud consistía en su simplicidad.

## V. CONCLUSIONES

El análisis de cartera requiere la estimación no sólo de rendimientos esperados de una acción, sino también de la incertidumbre del rendimiento, así como de la correlación entre los rendimientos de cualquier par de acciones que puedan incluirse en la cartera. La dificultad involucrada en el arduo proceso requerido, ha motivado la investigación para el desarrollo de modelos simples que puedan predecir y describir la autocorrelación entre los rendimientos de las acciones.

Uno de los modelos más ampliamente aplicados para simplificar el proceso descrito, es el modelo de Sharpe. Sin embargo, la exitosa aplicación del mismo descansa en el cumplimiento de ciertos supuestos econométricos discutidos a lo largo de este estudio.

Se enfrentó además, una serie de problemas y consideraciones teóricas complementarias a dichos supuestos.

En el Capítulo II, se apreció la dificultad que existe para

formar una muestra adecuada de acciones del mercado mexicano y tomar a la vez un período razonable de estudio. Se discutió la importancia que tiene el elegir una periodicidad adecuada entre las observaciones para lograr tanto un número de observaciones razonable para efectuar pruebas de hipótesis, como una reducción de la asimetría de la distribución de rendimientos. El período propicio determinado fue de dos semanas. Se observó como efectivamente la transformación logarítmica de los rendimientos propuesta, reduce aún más dicha asimetría y confirma que los períodos de dos semanas son adecuados en atención a la hipótesis de distribución normal de los rendimientos.

Posteriormente se propusieron cinco índices del mercado diferenciados por su población, ponderación y construcción. Uno de los cuales es el índice de la BMV, que mostró ser ineficaz para explicar el movimiento de las cuarenta acciones de la muestra, tomando en cuenta períodos de dos semanas. El índice con mejor desempeño en la relación lineal, fue el promedio geométrico de los rendimientos de la muestra ( $I_2$ ), observándose que el error inducido por incluir acciones de la muestra en el índice de la regresión es insignificante, y por tanto puede hacerse esta inclusión.

Tomando en cuenta los parámetros alfa y beta de las regresiones de los cinco índices, se observó que estos son congruentes para los índices  $I_1$ ,  $I_2$  e  $I_4$ . El índice  $I_3$ , de construcción similar al de la BMV, arroja parámetros beta subestimados (sólo dos mayores a uno). Este hecho y la mencionada ineficacia atribuida al índice de la BMV para explicar la relación lineal, evidencian la inconveniencia de aplicarlo en el modelo de Sharpe.

Se apuntó también un nuevo criterio para escoger el índice a emplearse en el modelo, atendiendo a la magnitud de la violación de los supuestos de homoscedasticidad y no autocorrelación, magnitud que varía al emplear los distintos índices.

El índice que menor homoscedasticidad propicia es  $I_2$ , mientras que el índice que favorece más la no autocorrelación es  $I_3$ . Sin embargo, considerando la subestimación de los parámetros beta que este índice produce, y tomando en cuenta la discusión hecha hasta este punto, se juzgó que el índice más adecuado para el modelo estudiado es  $I_4$ .

Considerando pruebas unidireccionales en primer lugar, se encontró que los supuestos econométricos se cumplen irregularmen

te, ya que hay ciertas acciones cuyas regresiones mostraban heteroscedasticidad o autocorrelación y que en conjunto representan un 40% aproximadamente para  $I_2$ .

Posteriormente, en atención a la precisión que implica el considerar los supuestos en su conjunto, se consideró la prueba tridireccional de homoscedasticidad normalidad y no autocorrelación desarrollada por Jarque y Bera. Detectándose serios problemas de violación de dichos supuestos, ya que la hipótesis nula conjunta se acepta sólo en un 30% ó 40% aproximadamente, para niveles de significancia respectivos de 5% y 1%.

Ante este problema existen dos caminos posibles de acción para seguir adelante con el modelo de Sharpe:

1. Considerar un universo de acciones que consista, exclusivamente, en aquellas emisiones para las que se acepta la hipótesis nula conjunta. Sobre este universo se desarrollarían los criterios simples de selección de cartera óptima.

Sin embargo esto implicaría un costo de oportunidad propiciado por las limitaciones en la aplicación de un modelo teórico. En la práctica quizás se observaría que algunas de las acciones descartadas fueran las que en realidad optimicen una cartera.

2. Aplicar métodos de corrección para los fenómenos de heteroscedasticidad y autocorrelación, y estimar entonces los parámetros alfa y beta para proseguir con la selección de cartera.

La posible desventaja en este caso, sería que el costo que implica la sofisticación de dichos métodos correctivos, sea mayor que el beneficio de simplificar los criterios de selección de cartera mediante los parámetros alfa y beta. En cuyo caso sería irrelevante efectuar esta simplificación.

El estudio de lugar a varios caminos de investigación posterior. Entre ellos pueden citarse los siguientes:

- a) Pruebas de linealidad de la ecuación poblacional de regresión, para determinar si la forma funcional del modelo de mercado está bien especificada. Debe recordarse que el modelo se planteó en forma multiplicativa en (II.9), y que el error fue incluido en la misma forma y no aditivamente, razón por la cual se pudo efectuar la transformación logarítmica y llegar a una ecuación lineal.

b) Pruebas de asimetría de los rendimientos para distintas periodicidades de las observaciones, así como prueba de kurtosis para determinar el nivel de significancia de estos fenómenos. Pueden hacerse también pruebas de bondad de ajuste para determinar la distribución de los rendimientos y estudiar la repercusión que el suponer alguna distribución tiene en el modelo del mercado.

c) Estudiar en particular los rendimientos de las acciones con asimetría o kurtosis significativas, comparándolos contra los de las acciones con rendimientos cuyas distribuciones no presenten dichos fenómenos y así definir las posibles ventajas o desventajas de unas y otras.

d) Analizar para los distintos índices, el desempeño de las carteras generadas al emplearlos en el modelo de mercado. Con esto se tendrían más elementos para elegir un índice adecuado, así como para juzgar sobre la eficiencia del modelo de mercado en la práctica.

e) Después de corregir la heteroscedasticidad y la autocorrelación, efectuar pruebas de estacionaridad de los parámetros "beta" de la regresión en el período estudiado y, de no ser observada, tratar de determinar la posible distribución de dichos pa-

rámetros.

f) A partir de (b) y (e), probar criterios simples de selección de cartera que involucran el concepto de "exceso de rendimiento", así como al coeficiente "beta" que, de probarse satisfactoriamente, se habría logrado el propósito de generar carteras eficientes a partir de un modelo simple como el de Sharpe.

g) Probar asimismo los criterios simples de selección de cartera arriba descritos; pero sin efectuar las correcciones de heteroscedasticidad ni de autocorrelación, con el propósito de sensibilizar la gravedad que pudiera tener el menospreciar estas violaciones en el desempeño de una cartera.

Debe recordarse que al desarrollarse la Teoría Moderna de Cartera, nunca se han empleado pruebas tan rigurosas como el conjunto de pruebas manejado en este trabajo, sino que más bien se ha centrado la atención en los aspectos de selección de cartera, sin profundizar en la posible optimalidad de los parámetros beta.

Es claro al observar los logros alcanzados y la investigación en perspectiva, que el problema de análisis de cartera, y en general la Teoría Moderna de Cartera, son terrenos en los

que hace falta desarrollo en México, y para lograrlo se requiere, además de los conocimientos y experiencia, el patrocinio, las facilidades de información, así como equipo para procesar dicha información, de tal forma que el investigador abocado a este fin, se encuentre en condiciones favorables, dada la importancia de evolucionar en la Teoría referida.

En especial se desea enfatizar el papel primordial que el Actuario tiene en estos aspectos, dado que posee la capacidad de conjugar las Finanzas y la Economía con la Estadística.

Estas disciplinas, fusionadas en la Econometría, constituyen un campo de acción en el que el Actuario debe y empieza a incursionar con éxito.

## APENDICE I.1.

### Teorema de Gauss-Markov

Dados los supuestos del modelo clásico de regresión lineal, los estimadores de mínimos cuadrados, en la clase de los estimadores lineales insesgados, tienen variancia mínima, es decir, son "BLUE". Un estimador es "BLUE" si es lineal, es decir, función lineal de una variable aleatoria como la variable dependiente  $r_i$  en el modelo de regresión; y eficiente, es decir, insesgado y de variancia mínima.

Nota: para la prueba de este teorema, ver D. Gujarati. Obra citada. Apéndice 3.A, Sección 3.A.4, p. 65.

**APENDICE II.1.**

EMISORA	IMPORTE OPERADOS* (M)							
	1978	1979	1980	1981	1978	1979	1980	1981
AAALFA B	4.42	4.55	2.36	1.24	5.36	5.63	2.61	1.40
AURREA	4.65	2.85	3.31	3.27	5.64	3.53	3.81	3.69
CELANES A	2.63	2.29	1.59	2.71	3.19	2.83	1.82	3.06
CERMO	0.91	2.47	1.03	0.43	1.09	3.06	1.18	0.48
DESC *B	3.30	4.63	3.03	5.22	4.00	5.73	3.60	5.90
FRISCO *A	0.54	2.04	2.91	0.60	0.65	2.52	3.34	0.67
GISSA B	0.46	0.86	0.20	0.40	0.55	1.06	0.23	0.45
GMEXICO A	0.03	1.59	1.97	0.89	0.04	1.97	2.26	1.00
KIMBER	2.65	2.14	2.21	0.68	3.21	2.65	2.53	0.76
KIVERPOOL	1.14	3.02	2.01	3.46	1.38	3.74	2.31	3.87
LUISMIN *A	1.14	1.94	3.37	3.50	1.38	2.40	3.88	3.95
MODERNA A	2.41	1.95	1.02	0.62	2.92	2.41	1.18	0.70
PURINA *A	0.86	0.85	0.67	0.60	1.05	1.05	0.77	0.67
SPICER *A	1.69	1.29	0.90	1.04	2.04	1.60	1.03	1.17
TAMSA	0.36	2.90	1.58	0.91	0.43	3.59	1.81	1.02
TELMEX	0.69	0.32	0.13	2.29	0.84	0.39	0.15	2.58
TOLMEX	0.64	0.87	2.50	1.93	0.77	1.07	2.87	2.18
TREMEC	2.38	2.65	0.89	0.97	2.88	3.28	1.02	1.09
VIRREAL *A	0.68	0.09	1.09	0.31	0.82	0.10	1.26	0.35
VISA	2.63	1.65	0.73	0.38	3.18	2.04	0.83	0.42
PEÑOLES *A	1.35	1.62	7.25	3.65	1.63	2.01	8.34	4.12
VITRO AA	0.04		0.57	0.91	0.05		0.65	1.02
CRISOBA	1.44	0.97	0.73	0.85	1.75	1.19	0.84	0.96
EATON *A	0.88	0.06	0.41	1.22	1.06	0.07	0.47	1.37
CARBIDE *A	1.08	0.65	0.34	0.62	1.30	0.80	0.39	0.70
SANBORN	1.17	0.54	0.72	1.36	1.42	0.67	0.82	1.56
ACCO	0.21	0.07	0.07	0.79	0.25	0.08	0.08	0.89
MORESA A	0.37	0.20	0.17	0.33	0.44	0.24	0.19	0.37
CEMEX A	0.05	0.05	0.17	2.31	0.06	0.05	0.19	2.61
APASCO A	0.44	0.21	0.47	1.32	0.53	0.26	0.54	1.49
DIANA	0.35	0.25	0.10	0.07	0.42	0.31	0.11	0.08
METALVER B	0.01	0.07	0.01	0.02	0.02	0.02	0.01	0.02
CODUMEX *A	1.67	0.51	0.63	1.11	2.03	0.63	0.72	1.25
CYDSA	0.73	0.78	0.71	0.65	0.89	0.96	0.82	0.73
FUNDORA	0.36	0.28	0.14	0.08	1.06	0.35	0.15	0.09
NACOBRE *A	1.30	0.62	1.04	0.79	1.58	0.76	1.19	0.89
PURITAN	0.22	0.12	0.05	0.10	0.26	0.15	0.06	0.11
PARIS	0.61	0.58	0.47	0.52	0.73	0.72	0.54	0.58
FONBNN	0.01	0.0013	0.0022	0.0004	0.007	0.002	0.003	0.0004
ERICSON	0.79	0.25	0.10	0.06	0.29	0.31	0.11	0.06
SUMA	47.29	48.78	47.75	48.20	57.20	60.31	54.83	60.07

\* Las 4 últimas columnas no consideraron acciones bancarias ni AVIAMEX.

EMISOR	SEMANAS OPERADAS				TOTAL	
	1978 2 meses	1979	1980	1981	SEMANAS	\$/165
AAALFA B	8	52	50	52	162	98.78
AURRERA	8	52	51	52	163	99.39
CELANES A	8	52	52	52	164	100.00
CERMOC	8	52	52	52	164	100.00
DESC *B	7	49	47	52	155	94.51
FRISCO *A	8	52	51	52	163	99.39
GISSA B	7	50	49	50	156	95.12
GMEXICO A	3	52	52	50	157	95.73
KIMBER	8	52	52	52	164	100.00
LIVERPOOL	8	52	52	52	164	100.00
LUISMIN *A	8	52	52	52	164	100.00
MODERNA *A	8	52	52	52	164	100.00
PURINA *A	8	52	50	52	162	98.78
SPICER *A	8	52	49	47	156	95.12
TAMSA	8	52	51	52	163	99.39
TELMEX	8	52	52	52	164	100.00
TOLMEX	8	52	52	52	164	100.00
TREMEC	8	52	52	52	164	100.00
VIRREAL *A	8	52	51	52	163	99.39
VISA	8	52	52	52	164	100.00
PEROLES *A	8	52	52	52	164	100.00
VITRO AA (FICOM Q")	8	50	51	52	161	98.17
CRISOBA A	8	52	52	52	164	100.00
EATON *A	8	52	52	52	164	100.00
CARBIDE *A	8	52	52	48	160	97.56
SANBORN	8	52	51	51	162	98.78
ACCO	3	37	36	33	109	66.96
MORESA A	8	52	46	51	157	95.73
CEMEX A	3	26	45	52	126	76.83
APASCO A	6	49	52	52	159	96.95
DIANA	8	52	50	52	162	98.78
METALVER B	1	40	35	42	118	71.95
CODUMEX *A	8	52	50	52	162	98.78
CYDSA A	8	52	52	52	164	100.00
FUNDORA	8	52	52	52	164	100.00
NACOBRE *A	8	52	52	52	164	100.00
PURITAN	7	52	51	52	162	98.78
PARIS	8	52	49	50	159	97.95
FONBNM	8	51	49	52	160	97.56
ERICSON	8	49	45	48	150	91.46
PROMEDIO	7.33	50.33	49.88	50.75	158.28	96.51
X	91.63	96.79	95.92	97.60	96.51	

## APENDICE II.2.

Ajustes a los precios y dividendos de las acciones debidos a cambios de unidad contable.

El rendimiento  $r$  de una posición de acciones de una emisión se calcula así:

$$r = \frac{p_t n_t + d_t n_{t-1} - p_0 n_{t-1} f_0}{p_{t-1} n_{t-1}} - 1$$

donde:

$p_t$  : Precio en el  $t$ -ésimo período en el que la acción pasa a ser excupon.

$n_t$  : número de acciones en el tiempo  $t$ .

$d_t$  : dividendo en efectivo en  $t$ .

$p_0$  : precio de suscripción, si la hay.

$f_s$  : porcentaje de acciones suscritas.

$f_D$  : porcentaje de acciones otorgadas por dividendo,

de tal forma que:

$$r = \frac{P_t n_{t-1} (1+f_D+f_s) + d_t n_{t-1} - P_t n_{t-1} f_s}{P_{t-1} n_{t-1}} - 1$$

$$r = \frac{P_t (1+f_D+f_s) + d_t - P_t f_s}{P_{t-1}} \cdot \frac{1+f_D+f_s}{1+f_D+f_s} - 1$$

$$r = \frac{P_t + \frac{d_t}{1+f_D+f_s} - \frac{P_t f_s}{1+f_D+f_s}}{\frac{P_{t-1}}{1+f_D+f_s}} - 1$$

$$r = \frac{P_t + \frac{d_t - P_t f_s}{1+f_D+f_s}}{\frac{P_{t-1}}{1+f_D+f_s}} - 1$$

$$r = \frac{P_t + d_t^*}{P_{t-1}^*} - 1$$

donde:

$$d_t^* = \frac{d_t - P_S f_S}{1 + f_D + f_S}$$

$$Y \quad P_{t-1}^* = \frac{P_{t-1}}{1 + f_D + f_S}$$

son las fórmulas correspondientes del ajuste de dividendos y precios.

APENDICE IV.1

Gráficas de :

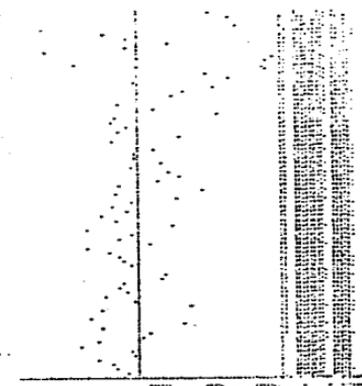
Residuales cuadrados contra índice creciente del mercado

(I<sub>2</sub>),

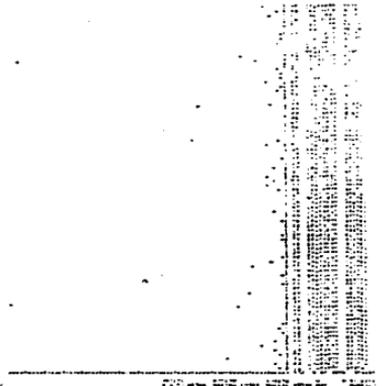
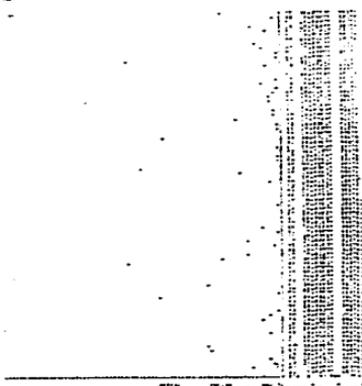
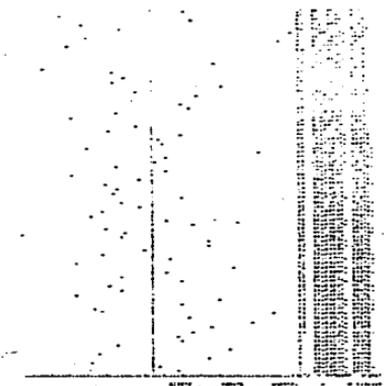
concernientes a la detección de heteroscedasticidad.

Residuales en el tiempo,

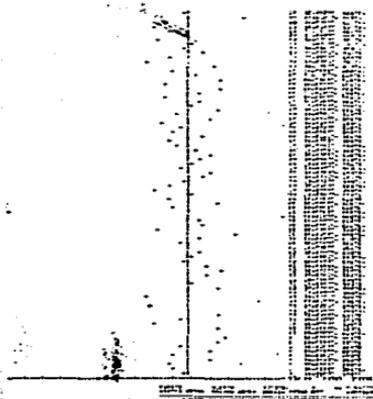
AAALFA B



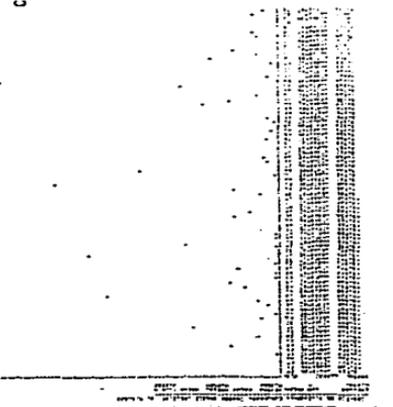
AURRERA



CELANES A

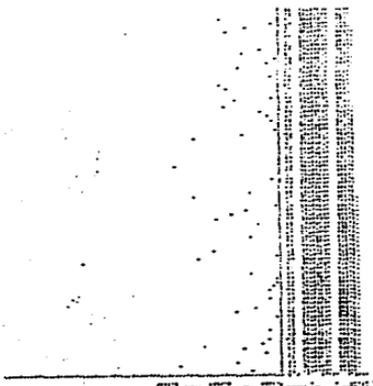


CERMOG

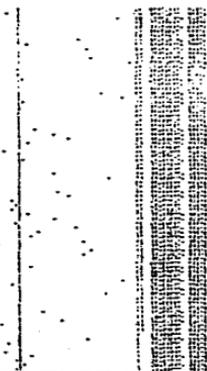




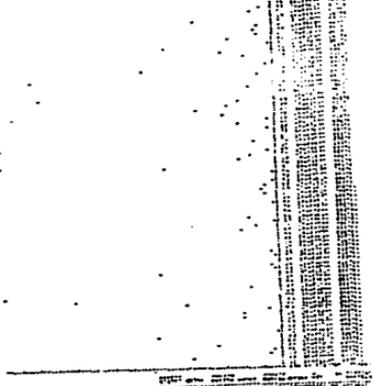
GISSA 6



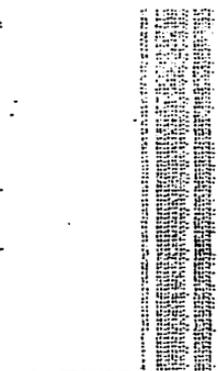
GISSA 6



MEXICO A



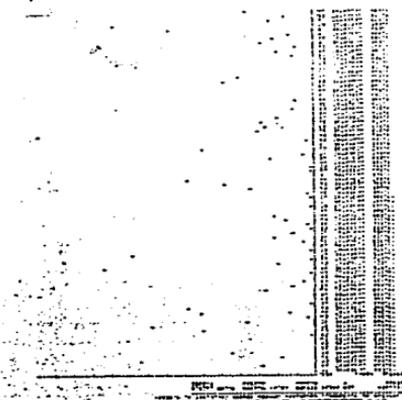
MEXICO A



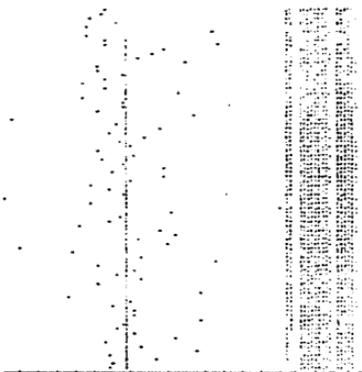
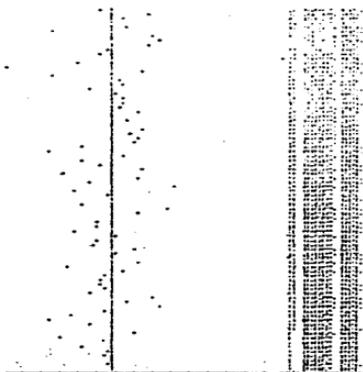
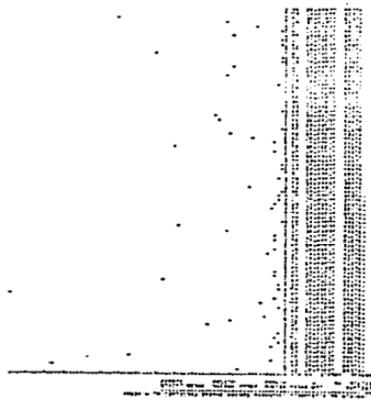




TAKSA



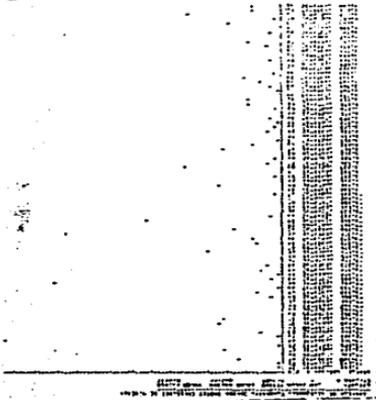
TOLMEX





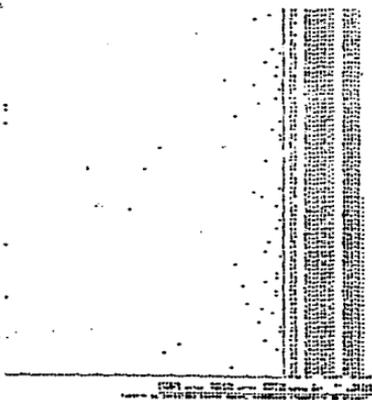


CRISOBA



CRISOBA

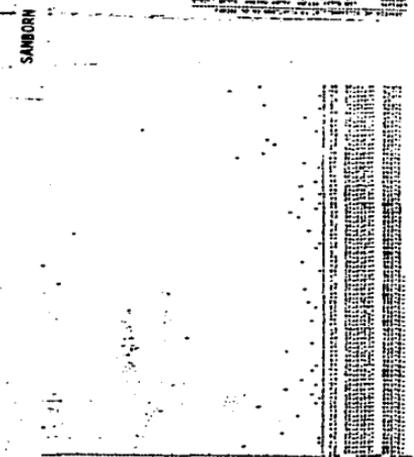
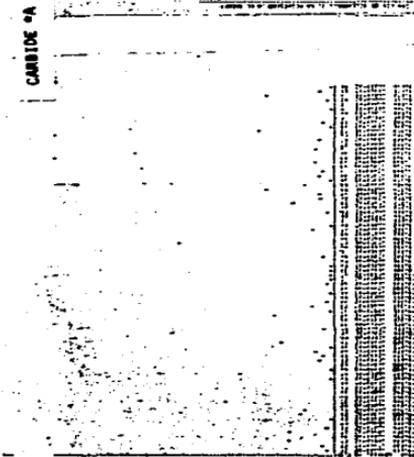
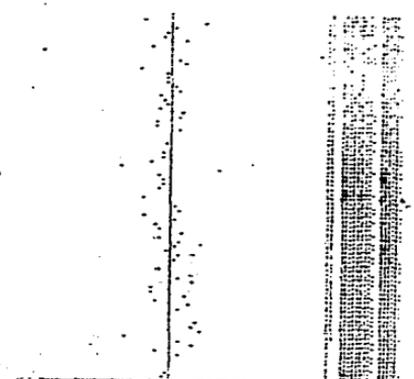
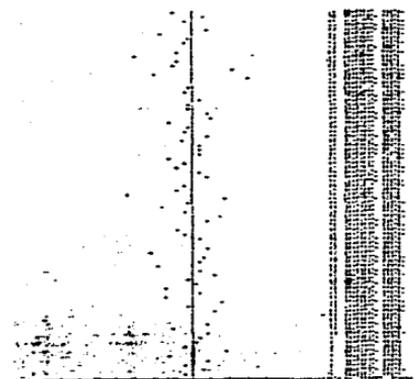
EATON • A



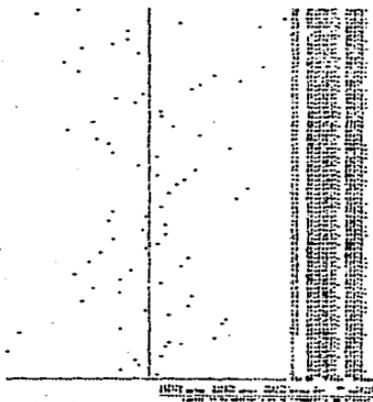
EATON • A

CARBIDE 'A'

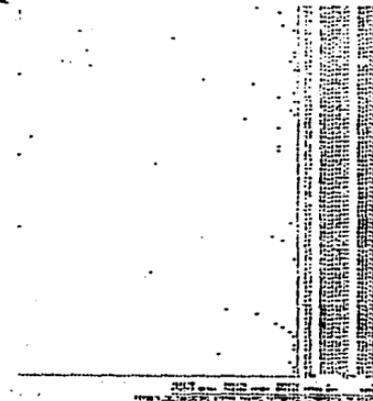
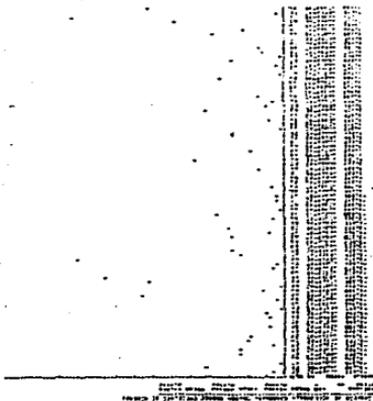
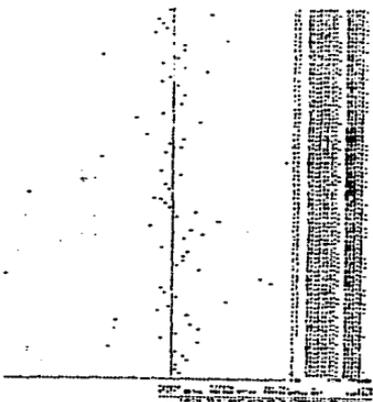
SANBORN



VITRO AA

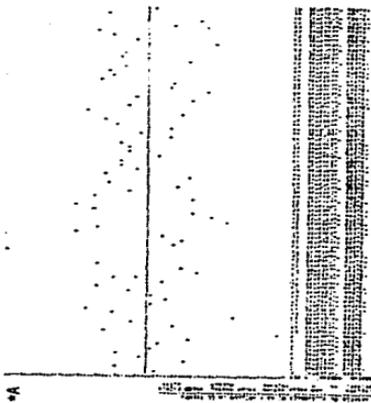
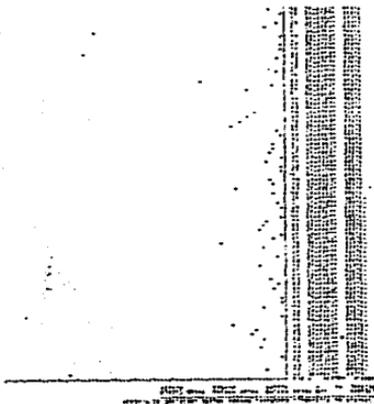


ACCO

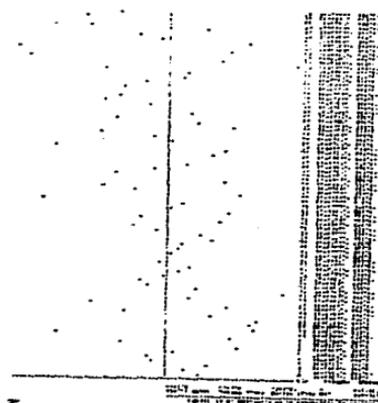
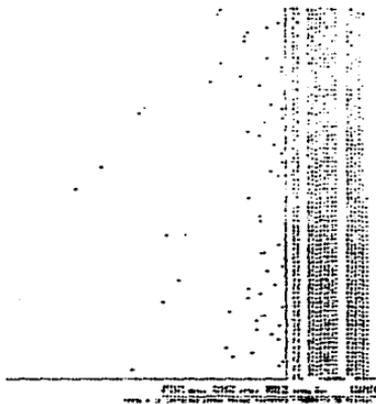




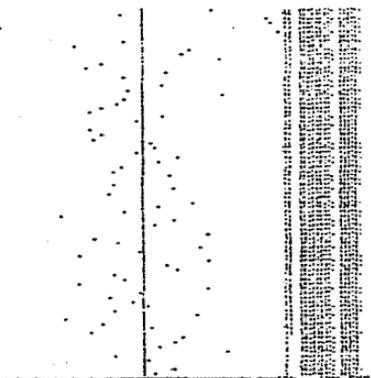
MACOBRE \*A



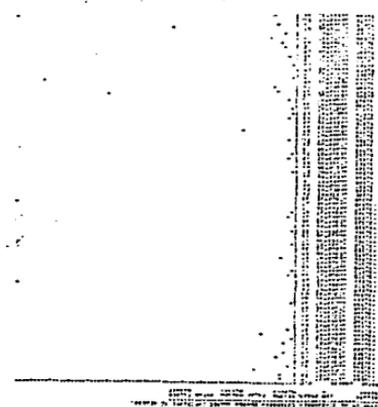
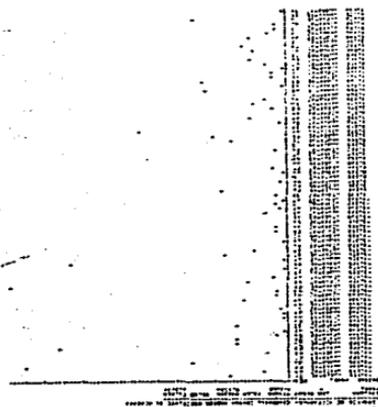
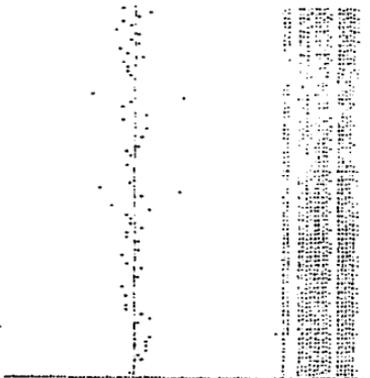
PURITAN



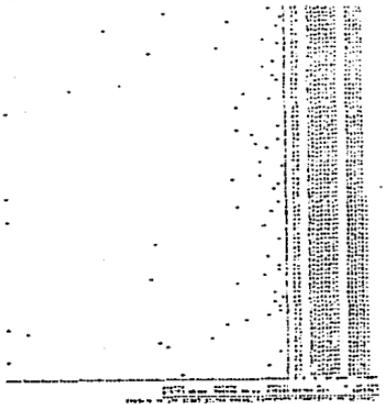
PARIS



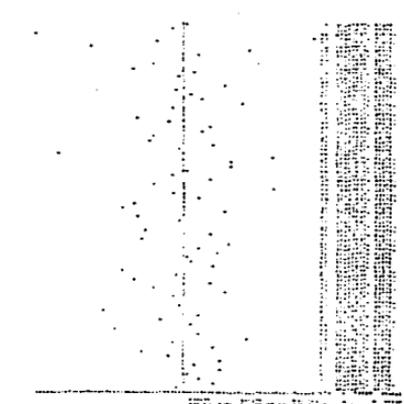
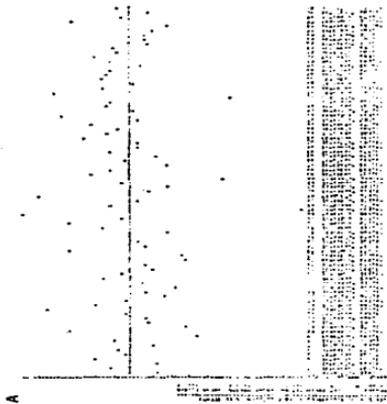
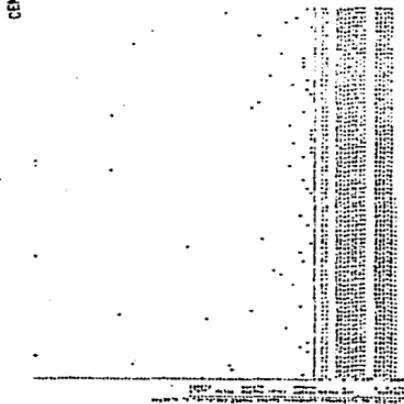
FONBIM



MORESA A

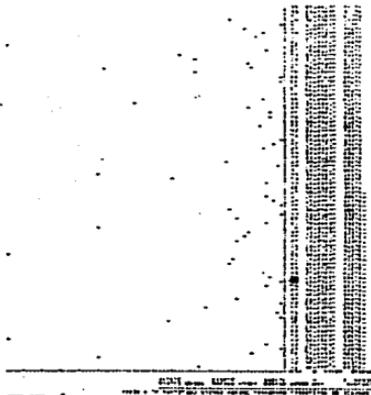


CENEX A

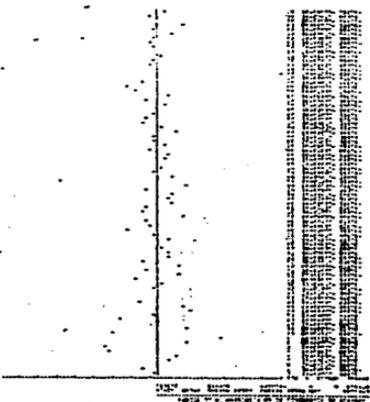
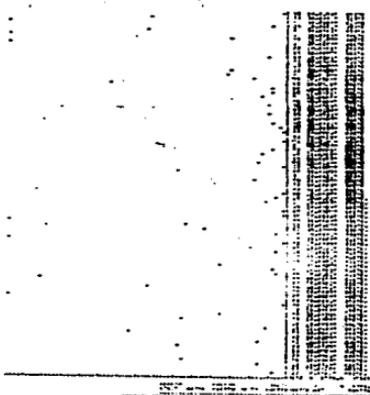
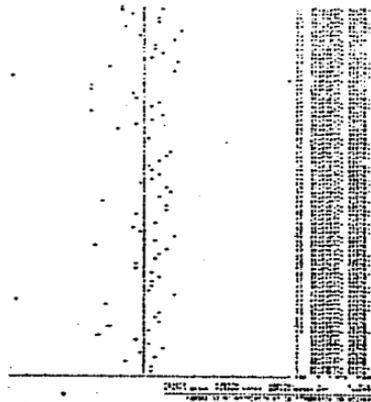




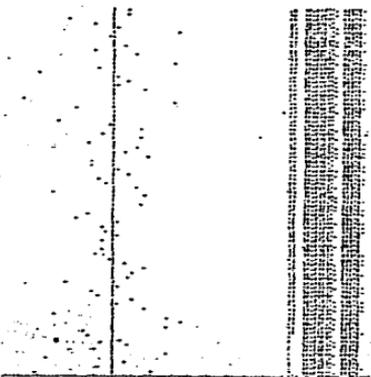
LIVERPOOL



APASCO A



TRENEC



KIMBER

