



97  
ley

# UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA DE MEXICO

---

---

FACULTAD DE INGENIERIA

**CONTROL ADAPTABLE DE UN  
MOTOR DE CORRIENTE DIRECTA CON  
UN MICROPROCESADOR RAPIDO**

**TESIS**

Que para obtener el título de  
Ingeniero Mecánico Electricista

presenta

**ALMA RUTH REYES GONZALEZ**

Que para obtener el título de  
Ingeniero en Computación

presenta

**GUILLERMINA MERINO ZEFERINO**

Directores de Tesis

**DR. ROMEO ORTEGA MARTINEZ**

**DR. FRANCISCO GARCIA UGALDE**



**Ciudad Universitaria, D. F., Octubre, 1987.**



## **UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso**

### **DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL**

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

## I N D I C E

INTRODUCCION . . . . .	1
CAPITULO 1.- ALGORITMO DE CONTROL . . . . .	3
1.1.- Definición de control adaptable . . . . .	3
1.2.- Modelo del motor . . . . .	4
1.3.- Modelo del controlador . . . . .	8
1.4.- Realización digital . . . . .	11
CAPITULO 2.- CONTROL DE LA PLANTA SIMULADA . . . . .	13
2.1.- Implementación del control considerando tres parámetros y una señal cuadrada de referencia .	15
2.1.1.- Resultados . . . . .	18
2.2.- Implementación considerando cinco parámetros y una señal cuadrada de referencia . . . . .	27
2.2.1.- Resultados . . . . .	28
2.3.- Implementación considerando cinco parámetros y una señal senoidal de referencia . . . . .	32
2.3.1.- Resultados . . . . .	33
CAPITULO 3.- CONTROL DEL MOTOR . . . . .	41
3.1.- Resultados . . . . .	50
CONCLUSIONES . . . . .	60
REFERENCIAS . . . . .	62
APENDICE A.- Descripción del equipo . . . . .	63
APENDICE B.- Programas . . . . .	116
APENDICE C.- Notas técnicas del TMS32010 . . . . .	144

## I N T R O D U C C I O N

El control de velocidad en motores de corriente directa es un problema frecuentemente encontrado en aplicaciones industriales. El control de la velocidad no es trivial debido a los efectos de la fricción y a las variaciones de la inercia. En efecto, la fricción es una función no lineal de la velocidad y las variaciones de la inercia no son conocidas. [5].

Tradicionalmente el control de velocidad en motores de C.D. se realiza mediante un sistema de retroalimentación lineal de velocidad y eventualmente de posición [1]. Esta estrategia de control requiere, para su buen funcionamiento, un modelo exacto del motor. Esto significa que los efectos de la fricción y cambios de inercia deben ser conocidos a priori. Este no es - siempre el caso en aplicaciones reales.

Un sistema de control adaptable puede ser planteado como posible solución al problema, ya que estos sistemas tienen como vocación primordial el controlar procesos físicos cuyos modelos matemáticos contienen parámetros desconocidos y variantes en el tiempo. [6], [7]. Dicho sistema estima en línea los parámetros del modelo matemático de la planta compensando las variaciones o incertidumbres de la misma con respecto a un modelo de referencia hasta que los parámetros estimados converjan eventualmente a su valor verdadero. [1].

El propósito principal del presente trabajo es el de implementar un algoritmo de control de velocidad para motores de corriente directa sin requerir del conocimiento a priori de los cambios de inercia ni los valores numéricos de la función no lineal que relaciona la velocidad angular con el torque de fricción.

Debido a los últimos adelantos en el desarrollo tecnológico del área -

de semiconductores, los sistemas electrónicos son cada dia más versátiles - en cuanto a rapidez y capacidad de cálculo. Así mismo este desarrollo ha producido una disminución de los costos de fabricación. Esto ha tenido como efecto la proliferación de su uso en el área de control en los últimos años. Tal es el caso del procesador TMS32010 el cual es usado extensivamente en el área de comunicaciones.

Teniendo en cuenta la alta rapidez de cálculo y su relativo bajo costo, la implementación del algoritmo de control será realizado utilizando un sistema digital basado en el procesador TMS32010.

El trabajo realizado durante la preparación de la presente tesis estuvo compuesto de las siguientes etapas:

1. Diseño y construcción de un simulador analógico con el fin de obtener un dispositivo para simular un modelo lineal del motor de C.D. y así poder llevar a cabo los primeros experimentos.
2. Estudio e implementación del algoritmo de control en el microprocesador TMS32010.
3. Diseño y realización de experimentos sobre el simulador.
4. Diseño y realización de experimentos sobre el motor de C.D. del sistema servomodular MS150.
5. Obtención e interpretación de resultados.

Los experimentos realizados al controlar el modelo lineal simulado permitieron validar el algoritmo de control.

Finalmente se procedió a controlar el motor de corriente directa. Los resultados experimentales obtenidos no fueron, sin embargo, los esperados. Una serie de posibles causas son mencionadas justificando los resultados obtenidos para tomarlos en cuenta en un eventual trabajo futuro.

## **CAPITULO 1.- ALGORITMO DE CONTROL**

- 1.1.- DEFINICION DE CONTROL ADAPTABLE**
- 1.2.- MODELO DEL MOTOR**
- 1.3.- MODELO DEL CONTROLADOR**
- 1.4.- REALIZACION DIGITAL**

### 1.1.- DEFINICION DE CONTROL ADAPTABLE

El diseño de cualquier sistema de control requiere sin excepción del conocimiento de un modelo matemático del proceso o planta a controlar. El modelo dinámico de un motor de C.D. presenta características no lineales y sus parámetros son funciones de variables externas como la inercia.

El control lineal de este tipo de procesos puede ser insatisfactorio si este trabaja en una amplia zona de operación. [8].

Para controlar la velocidad de un motor de corriente directa puede utilizarse un sistema de control adaptable, con la finalidad de compensar las no linearidades del par de fricción (las cuales son desconocidas) así como las variaciones del momento de inercia.

Un sistema de control adaptable es un sistema, generalmente no lineal, que automáticamente y en linea estima las características dinámicas (como los parámetros del modelo) de la planta, las compara con las características deseadas y usa la diferencia para variar parámetros ajustables del sistema (coeficientes del controlador). [1].

En el diagrama de bloques de la fig. 1.1 se indican las principales partes de un sistema adaptable. Estas son:

1. Identificación de las características dinámicas de la planta.
2. Toma de decisión basada en la identificación de la planta.
3. Modificación o acción basada en la decisión tomada.

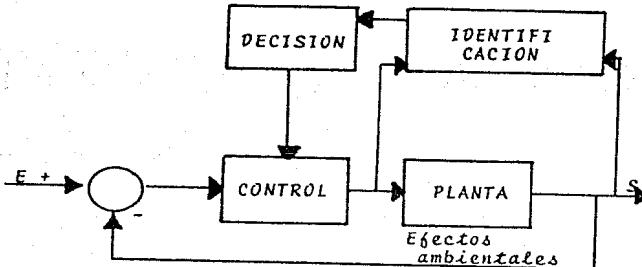


Fig. 1.1. Diagrama de bloques de un sistema de control adaptable.

## 1.2.- MODELO DEL MOTOR

La velocidad de un motor de corriente directa puede ser controlada en el inducido manteniendo el campo fijo, o bien, controlada en el campo con la corriente de armadura fija.

Para el motor del sistema servomodular MS150 (descrito en el apéndice A), en la conexión por armadura, la armadura se conecta al emisor del circuito con un campo conectado en cada colector de los transistores.[4]. Véase la fig. 1.2.

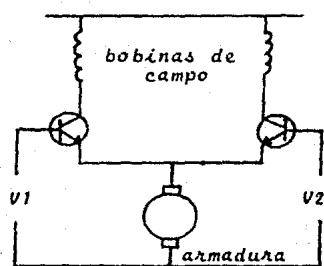


Fig. 1.2. Conexión por armadura

En este caso, al aparecer una fuerza contraelectromotriz (fcem) entre el emisor y tierra, se requiere de un voltaje  $V_1$  o  $V_2$  mínimo para que el motor empiece a girar. A partir de dicho voltaje, este debe incrementarse para aumentar la velocidad. Esto se muestra gráficamente en la fig. 1.3. Si cargamos al motor, manteniendo  $V_1$  o  $V_2$  constante, la velocidad disminuye y aumenta la corriente. Ver fig. 1.4.

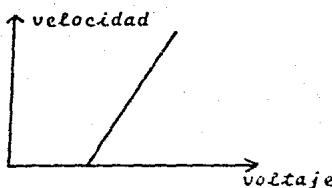


Fig. 1.3. Gráfica de velocidad vs.  $V_{in}$

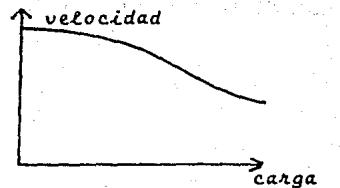


Fig. 1.4. Gráfica de velocidad vs. carga

En la conexión por campo, fig. 1.5., la armadura se conecta al colector de los transistores; con un voltaje muy pequeño se llega a un valor al to de velocidad, lo que representa una ventaja pues tiene una ganancia mayor, sin embargo, tiene características no muy convenientes en sistemas de lazo cerrado en relación con la estabilidad. Si el motor tiene una carga, la velocidad disminuye en forma repentina. Véase fig. 1.6.

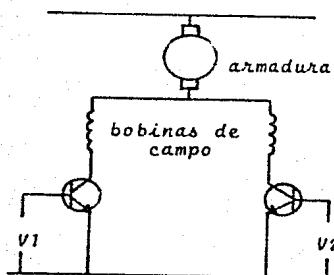


Fig. 1.5. Conexión por campo

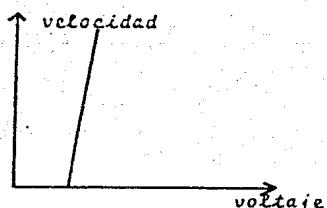
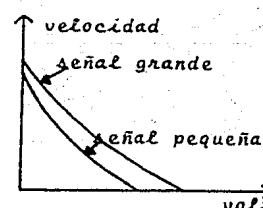


Fig. 1.6. Gráfica de velocidad vs.  $V_{in}$



Gráfica de velocidad vs. carga:

De lo anterior, concluimos que es conveniente que el control se efectúe en el inducido ya que aún cuando se requiere manejar una señal de entrada ( $V_{in}$ ) mayor, la velocidad se controla más fácilmente.

Un diagrama simbólico del motor controlado por inducido se presenta en la fig. 1.7.[1].

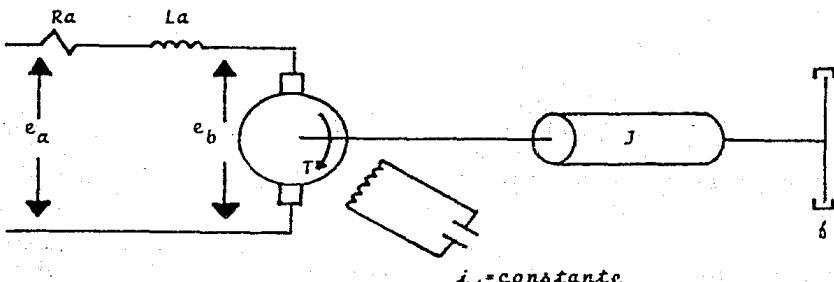


Fig. 1.7. Diagrama del motor controlado por inducido

donde:

$R_a$  = Resistencia del devanado del inducido

$L_a$  = Inductancia del devanado del inducido (despreciable)

$i_a$  = Corriente del devanado del inducido

$i_f$  = Corriente de campo

$e_a$  = Tensión aplicada a la armadura

$e_b$  = Fuerza contraelectromotriz

$w$  = Velocidad angular

$T$  = Par desarrollado por el motor

$J$  = Momento de inercia equivalente, del motor y carga, con referencia al eje del motor

$b$  = Coeficiente de fricción viscosa equivalente, del motor y carga - referido al eje del motor.

El par  $T$  desarrollado por el motor es proporcional al producto de la corriente de inducido  $i_a$  y el flujo  $\phi$  del entrehierro, o sea,  $T = K_1 \phi i_a$ ;  $\phi$ , es a su vez proporcional a la corriente de campo por lo que si  $i_f$  se mantiene constante, el par se hace directamente proporcional a la corriente de inducido, así,

$$T = K_2 i_a$$

y como,

$$J\ddot{\omega} + b(\omega) = T$$

la ecuación diferencial que relaciona el sistema eléctrico y el sistema mecánico del motor es,

$$J\ddot{\omega} + b(\omega) = K_i a$$

### 1.3.- MODELO DEL CONTROLADOR

El modelo matemático que gobierna el comportamiento de un motor de C.D. está dado por la siguiente ecuación diferencial no lineal:

$$J\ddot{\omega} + \delta(\omega) = Ki_a$$

donde  $\omega$  es la velocidad angular del motor

$J$  es el momento de inercia

$i_a$  es la corriente de armadura

$K$  es una constante

Tradicionalmente, la función  $\delta(\omega)$ , esto es, el par de fricción, la cual depende de la velocidad ( $\omega$ ) se modela como:

$$\delta(\omega) = \begin{cases} aw + c & \text{si } \omega > 0 \\ bw - d & \text{si } \omega < 0 \end{cases}$$

Ver fig. 1.8

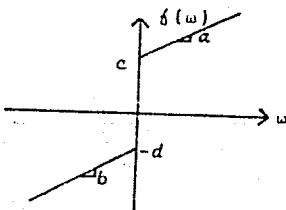


Fig. 1.8. Gráfica del par de fricción

Las características  $a$ ,  $b$ ,  $c$  y  $d$  dependen de la mecánica del motor y en general varían de un motor a otro. Estas características no son proporcionales por el constructor y son, por consecuencia, desconocidas a priori.

En un trabajo reciente [5], el siguiente controlador fue propuesto:

$$i_a = 1/K (\hat{\theta}_1 \dot{\omega}_m + \hat{\theta}_2 \omega_m i_1 + \hat{\theta}_3 \omega_m i_2 + \hat{\theta}_4 i_1 + \hat{\theta}_5 i_2) \quad (1.1)$$

Su implementación se observa a continuación en el diagrama de bloques - la fig. 1.9.

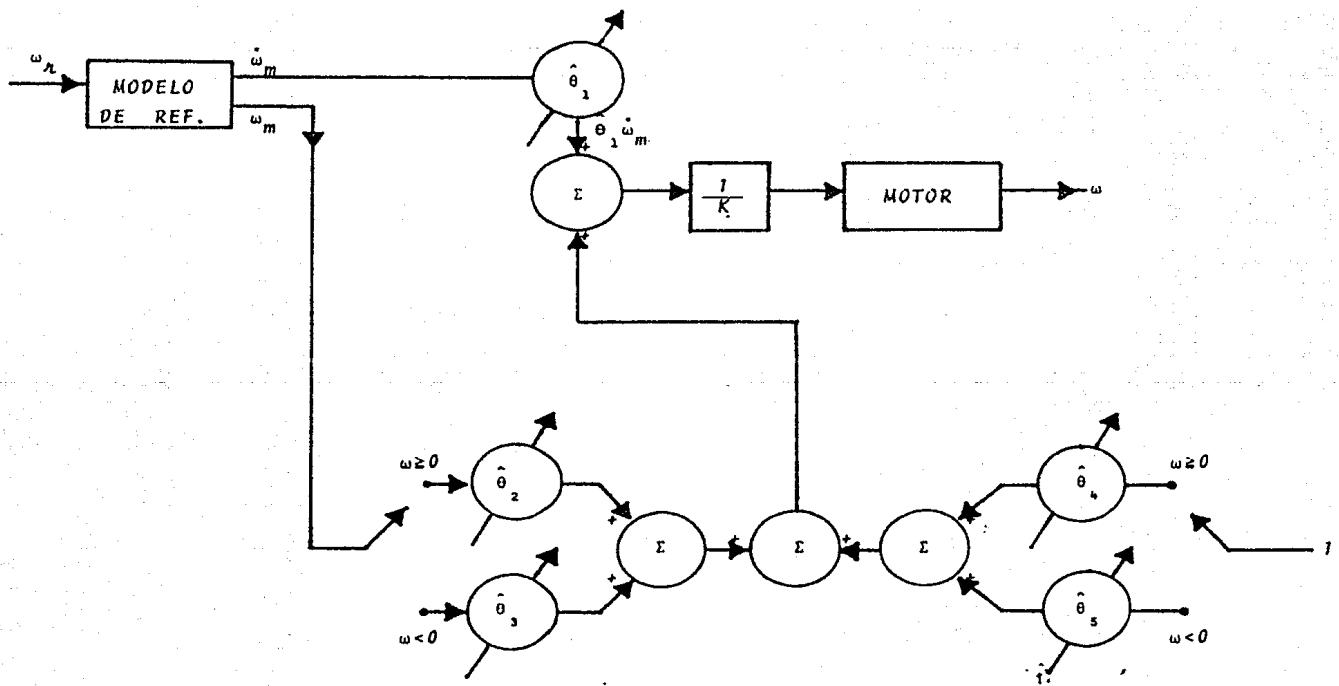


Fig. 1.9. Diagrama de bloques de la implementación del controlador

El objetivo del controlador es determinar una corriente  $i_a$  de entrada de tal manera que la velocidad del motor,  $w$ , se approxime al modelo de referencia,  $\omega_m$ . Esto es,  $e \rightarrow 0$  donde  $e \triangleq (\omega - \omega_m)$  y,

$$\omega_m = \frac{1}{\tau_m S + 1} \omega_r \quad (1.2)$$

siendo  $\omega_r$  la velocidad angular de referencia

El vector de parámetros ajustables del sistema,

$$\hat{\theta} = [\dot{\theta}_1, \dot{\theta}_2, \dot{\theta}_3, \dot{\theta}_4, \dot{\theta}_5]^T = [\ddot{J}, \dot{a}, \dot{b}, \dot{c}, \dot{d}]^T$$

se modifica continuamente hasta cubrir el objetivo del control; el ajuste se realiza mediante la ecuación,

$$\hat{\theta} = -\gamma \phi (\omega - \omega_m) \quad (1.3)$$

donde,

$\gamma$  es un real positivo

$$y \quad \phi = [\dot{\omega}_m, i_1 \omega_m, i_2 \omega_m, i_1, i_2]^T$$

$i_1$  e  $i_2$  serán 1 o 0 de acuerdo al valor de  $w$ , es decir,

$$i_1 = \begin{cases} 1 & \text{si } w \geq 0 \\ 0 & \text{si } w < 0 \end{cases} ; \quad i_2 = \begin{cases} 0 & \text{si } w \geq 0 \\ 1 & \text{si } w < 0 \end{cases}$$

El valor que tome  $\gamma$  depende de la rapidez con que se requiera que el error  $(\omega - \omega_m)$  llegue a ser aproximadamente cero. Para valores de  $\gamma$  mayores se convergerá más rápidamente a esta condición.

Sustituyendo  $\phi$  en (1.3) se tiene que,

$$\begin{bmatrix} \dot{\theta}_1 \\ \dot{\theta}_2 \\ \dot{\theta}_3 \\ \dot{\theta}_4 \\ \dot{\theta}_5 \end{bmatrix} = -\gamma \begin{bmatrix} i_2 \omega_m \\ i_1 \omega_m \\ i_1 \\ i_2 \end{bmatrix} (\omega - \omega_m) \quad (1.4)$$

El análisis de estabilidad del sistema adaptable presentado ha sido desarrollado en [5].

#### 1.4.- REALIZACION DIGITAL

La realización digital del control se efectúa mediante la transformación rectangular hacia atrás.

$$S \sim \frac{z - 1}{Tz}$$

donde  $T$  es el periodo de muestreo

Discretizando la ecuación (1.2) se obtiene,

$$\omega_m = \frac{1}{\tau_m(2-T)} + \frac{T}{Tz} \omega_n$$

$$\omega_m = \frac{Tz}{2(\tau_m+T) - \tau_m} \omega_n$$

la ecuación de recurrencia en el tiempo es entonces,

$$\omega_m(k) = \frac{1}{T\tau_m+T} [T\omega_n(k) + \tau_m\omega_m(k-1)] \quad (1.5)$$

La derivada de  $\omega_m(k)$  es aproximadamente, por el método de Euler, igual a,

$$\dot{\omega}_m(k) = \frac{(\omega_m(k) - \omega_m(k-1))}{T} \quad (1.6)$$

En cuanto a la discretización de (1.4)

$$\hat{\theta}(k) = \frac{\hat{\theta}(k) - \hat{\theta}(k-1)}{T}$$

por lo que cada término del vector es,

$$\frac{\hat{\theta}(k) - \hat{\theta}(k-1)}{T} = -\gamma\phi(k)[\omega(k) - \omega_m(k)]$$

despejando  $\hat{\theta}(k)$

$$\hat{\theta}(k) = \hat{\theta}(k-1) - \gamma T \phi(k)[\omega(k) - \omega_m(k)] \quad (1.7)$$

Por tanto,

$$i_a(k) = 1/K [\hat{\theta}_1(k)\omega_m(k) + \hat{\theta}_2(k)\omega_m(k)i_1 + \hat{\theta}_3(k)\omega_m(k)i_2 + \hat{\theta}_4(k)i_1 + \hat{\theta}_5(k)i_2] \quad (1.8)$$

Las ecuaciones (1.5), (1.6) (1.7) y (1.8) fueron implantadas en el -  
TMS32010. La fig. 1.10 muestra la configuración del sistema de control.

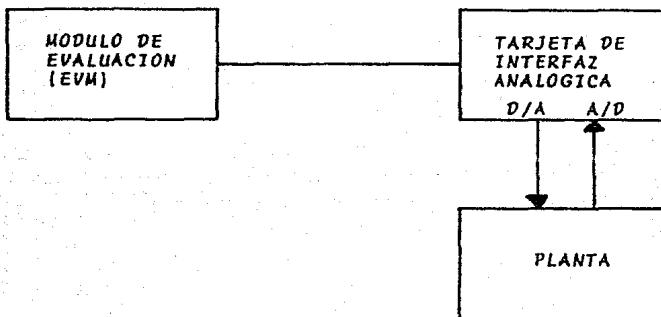


Fig. 1.10. Configuración del sistema de control

En el módulo de evaluación del TMS32010 (EVM), se compara la salida de la planta (simulador de F.T. o sistema servomodular MS150) con la señal de referencia deseada ( $\omega - \omega_m$ ). Basándose en esta comparación, se modifican los parámetros ajustables ( $\theta$ ) y se calcula la señal de control  $i_a$ .

La tarjeta de interfaz analógica nos permite la comunicación entre el EVM y la planta. (La información referente al EVM y la tarjeta de interfaz se encuentra en el apéndice A).

En los próximos dos capítulos se presentan los resultados experimentales. Primeramente al controlar un modelo lineal analógico del motor y en seguida el motor real.

## **CAPITULO 2.- CONTROL DE LA PLANTA SIMULADA**

**2.1.- IMPLEMENTACION DEL CONTROL CONSIDERANDO TRES PARAMETROS Y UNA SENAL CUADRADA DE REFERENCIA**

**2.1.1.- RESULTADOS**

**2.2.- IMPLEMENTACION CONSIDERANDO CINCO PARAMETROS Y UNA SENAL CUADRADA DE REFERENCIA**

**2.2.1.- RESULTADOS**

**2.3.- IMPLEMENTACION CONSIDERANDO CINCO PARAMETROS Y UNA SENAL SENOIDAL DE REFERENCIA**

**2.3.1.- RESULTADOS**

En el presente capítulo se presentarán los resultados experimentales obtenidos al controlar un modelo lineal del motor de corriente directa simulando analógicamente.

El objetivo de esta serie de experimentos fue el de verificar el buen funcionamiento del sistema de control en un ambiente de parámetros conocidos. Esta primera etapa experimental permitió validar el algoritmo de control ya que los resultados experimentales concordaron con los esperados.

Lo que permite determinar si el control se efectúa adecuadamente, es el hecho de que  $w$  tienda a ser igual a  $w_m$  y los parámetros ajustables tomen sus valores verdaderos ( $\theta=0$  cuando  $w=w_m$ ), después de un tiempo determinado.

Utilizando el simulador de funciones de transferencia se verifica el buen funcionamiento del controlador ya que el vector  $\theta$  es conocido.

El diagrama de conexiones entre la interfaz y el simulador se muestra la fig. 2.1.

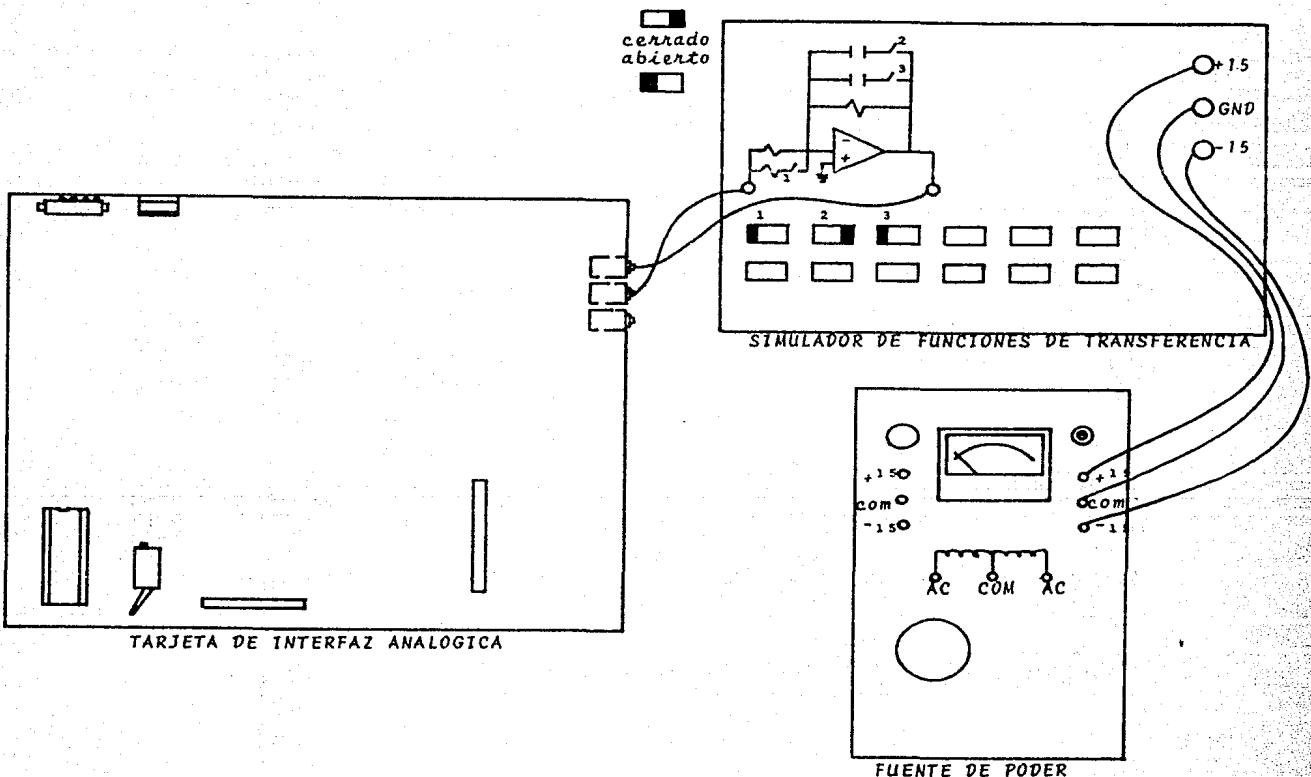
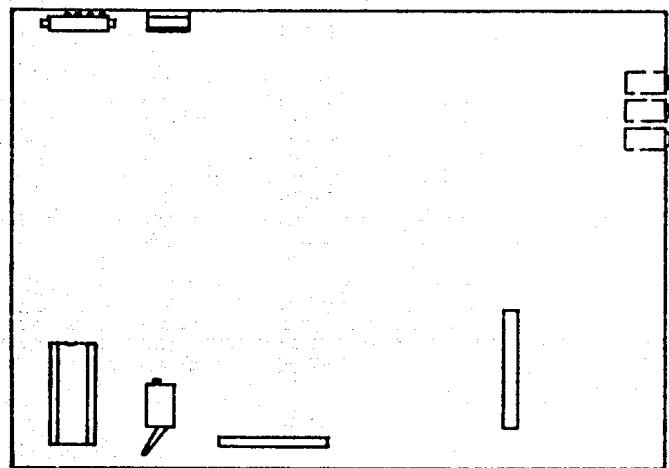


Fig. 2.1 Diagrama de conexiones entre la interfaz y el simulador de F.T.



TARJETA DE INTERFAZ ANALOGICA

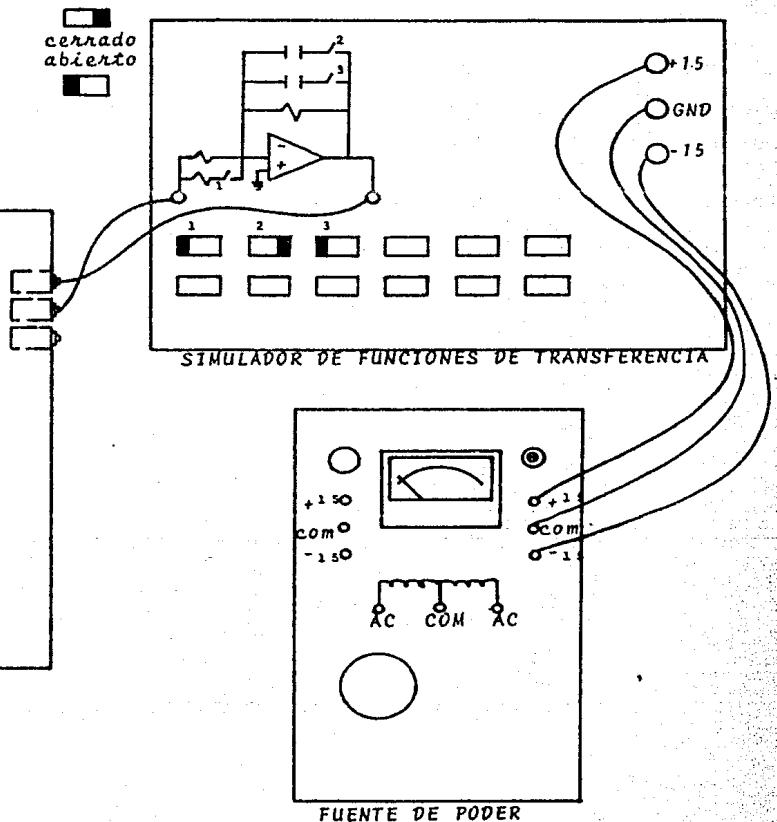


Fig. 2.1 Diagrama de conexiones entre la interfaz y el simulador de F.T.

Para simular el comportamiento del motor (ec. diferencial de primer orden,  $J\ddot{\omega} + f(\omega) = K i_a$ ), se considera  $f(\omega)$  constante, obteniéndose la F.T.,

$$\frac{\omega}{i_a} = \frac{K}{JS + f} \quad (2.1)$$

La gráfica del par de fricción en este caso es, (ver fig. 2.2)

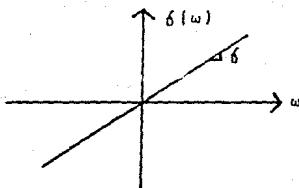


Fig. 2.2 Gráfica del par de fricción  $f(\omega)$

Comparando con la fig. 1.8 y como  $\hat{\theta}_1 = J$ ;  $\hat{\theta}_2 = a$ ;  $\hat{\theta}_3 = b$ ;  $\hat{\theta}_4 = c$ ;  $\hat{\theta}_5 = d$ , se tiene que los parámetros  $\hat{\theta}_2$  y  $\hat{\theta}_3$  son iguales a  $f$  y  $\hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$  iguales a cero.

Tomando en cuenta que estos dos últimos parámetros son cero, se pueden excluir del modelo del controlador, o bien incluirlos para comprobar que efectivamente toman el valor de cero cuando  $\omega = \omega_m$ . Por este motivo se analizan los dos casos.

#### 2.1. IMPLEMENTACION DEL CONTROLADOR CONSIDERANDO TRES PARAMETROS Y UNA SEÑAL CUADRADA DE REFERENCIA.

Del simulador se obtiene la función de transferencia,

$$H(S) = \frac{1}{S + f} \quad (2.2)$$

comparando con (2.1)  $K=1$ ,  $J=1$  y  $f=1$  por lo que el vector  $\theta$  es,

$$\theta = [J, f, 0, 0, 0]^T = [1, 1, 1, 0, 0]^T$$

En lo que respecta al controlador, se selecciona un valor de  $\tau_m = 1$ ; entonces el modelo de referencia será,

$$\omega_m = \frac{1}{S + 1} \omega_R \quad (2.3)$$

donde  $\omega_R$  es una señal cuadrada de frecuencia 0.05Hz. (que se obtiene con un

valor de 50 en CDAT) y  $2.5 V_{pp}$  (4096 y -4096 en el convertidor D/A). Toman-  
do un periodo  $T=0.2$  seg., las ecuaciones de recurrencia son,

$$\omega_m(k) = \frac{\omega_m(k-1)}{1.2} + \frac{0.2}{1.2} \omega_n(k) \quad (2.4)$$

$$\dot{\omega}_m(k) = \frac{(\omega_m(k) - \omega_m(k-1))}{0.2} \quad (2.5)$$

$$\hat{\theta}_1(k) = \hat{\theta}_1(k-1) - 0.2\gamma\dot{\omega}_m[\omega(k) - \omega_m(k)] \quad (2.6)$$

$$\hat{\theta}_2(k) = \hat{\theta}_2(k-1) - 0.2\gamma\omega_m[\omega(k) - \omega_m(k)]i_1 \quad (2.7)$$

$$\hat{\theta}_3(k) = \hat{\theta}_3(k-1) - 0.2\gamma\omega_m[\omega(k) - \omega_m(k)]i_2 \quad (2.8)$$

El programa que calcula  $i_a$  es un programa en ensamblador. Consta de-  
un programa principal, una subrutina de cálculo y una subrutina de retar-  
do. (Ver apéndice B prog. 1).

En el programa principal se genera la velocidad de referencia  $\omega_n$ . El  
periodo de esta señal se obtiene mediante el producto del tiempo especi-  
ficado en la subrutina de retardo y dos veces el número de datos que indi-  
ca el contador CDAT.

En la subrutina de cálculo, se lee la muestra de la velocidad  $\omega$  a la  
salida de la planta, se calculan los parámetros  $\hat{\theta}$  y la corriente  $i_a$ .

La subrutina de retardo se utiliza para simular  $\omega_m$ , reteniendo cada-  
valor de  $\omega_m(k)$ , un periodo de muestreo  $T$ . La siguiente tabla indica el va-  
lor que deberán tener los contadores CONTA y CONTD para un tiempo de re-  
tardo determinado.

CONTA	CONTD	TIEMPO DE RETARDO
6	7FFF	300 mS.
5	7FFF	240 mS.
3	7FFF	150 mS.
2	7FFF	100 mS.
3	1FFF	40 mS.

CONTA	CONTD	TIEMPO DE RETARDO
1	1FFF	12 mS.
1	FFF	7 mS.
1	7FF	3.2 mS.
1	3FF	1.6 mS.
1	1FF	0.8 mS.
1	FF	0.4 mS.

Las variables que intervienen en el programa se especifican en el apéndice B.

Debido a que la mayor parte de las variables toman valores menores que la unidad es necesario utilizar un formato, en este caso, el formato  $Q[12]$ . Así, los datos: constante K, periodo de muestreo T, gama, amplitud de  $\omega_n$  ENT, alfa y beta deberán estar multiplicados por 4096 o  $2^{12}$ . Otros datos como CDAT, que es el contador del que depende la frecuencia de la señal  $\omega_n$ , así como TINV que es el inverso del periodo de muestreo, no requieren de un formato.

Para observar que el controlador cumple con su objetivo, se grafican la variación de los parámetros ajustables (vector  $\hat{\theta}$ ) y la salida de la planta  $w$ .

La tarjeta de interfaz analógica solo cuenta con una salida y una entrada que se utilizan, como salida de la señal de control  $i_a$  y entrada de la muestra de  $w$ , respectivamente. Por ello, no tenemos acceso a los valores del vector  $\hat{\theta}$  durante la ejecución del programa para ser graficados como sucede con la salida de la planta y es necesario almacenarlos en la memoria de expansión.

Se almacena el vector  $\hat{\theta}$  durante los semiciclos positivos de la señal para determinado número de ciclos, al cabo de los cuales se detiene el programa.

Para detener el programa después del número de ciclos, indicado por

el contador CONS, se utilizan las instrucciones:

BNZ	L2
LACK	CT
TSLR	CDAT
LAC	CONS
SUB	DELTA
AND	MASK3
SACL	CONS
BNZ	L1
B	L11
SUB3	MPY
	PAC
	SACH
	ENT
	SUM2,4

\* L11 Breakpoint

Una vez en la memoria de expansión, con ayuda del programa 4 (apéndice B), se grafican dichos parámetros.

La palabra de control, tanto para el programa 1 (algoritmo de control) como para el programa 4 es 58. Se carga en el registro de control de la tarjeta con una instrucción OUT por el puerto 0. La dirección a partir de la cual deseamos almacenar los parámetros en la memoria de expansión se carga también con una instrucción OUT, por el puerto 4.

Se debe tomar en cuenta que estas instrucciones solo se incluirán en el programa 1 cuando se grafiquen los parámetros 6.

Para almacenar cada dato, se utiliza la instrucción:

OUT <DMA>,5

Se coloca después de que este es guardado en la localidad de memoria de datos respectiva, ya sea, TETA1, TETA2 o TETA3.

#### 2.7.1. Resultados

Al iniciar los experimentos, se utilizó un periodo de muestreo  $T=0.2$  seg. en la realización digital del controlador (ecs. 1.5, 1.6, 1.7 y 1.8).

Para dicho valor de  $T$ , no se obtiene el resultado deseado ya que, de acuerdo al objetivo del controlador, la señal de salida,  $w$ , debe ir aproximándose cada vez más a la señal de referencia,  $w_m$ ; por ejemplo, para  $\gamma=0.1$

$\gamma=7$ , como lo muestra la fig. 2.3, esto no ocurre; en los dos primeros ciclos se observan cambios lo que indicaría que  $\omega$  tiende a  $\omega_m$ , sin embargo, después de varios ciclos más,  $\omega$  no mejora, es decir, no tiende a  $\omega_m$ .

En pruebas con otros valores de  $T$ , (fig. 2.4), para un valor de  $T=0.04$  seg. sucede lo mismo que en el caso anterior aunque  $\omega$  se acerca mucho más a  $\omega_m$ .

Al disminuir todavía más el periodo de muestreo, para  $T=0.012$  seg. y  $T=0.007$  seg. (figs. 2.5 y 2.6), respectivamente, después de 3 ciclos para la señal con  $\gamma=7$  y 10 ciclos para la señal con  $\gamma=0.1$ , consideramos que  $\omega \approx \omega_m$  pues solo guardan una diferencia en amplitud de 2% aproximadamente.

De aquí podemos concluir que el controlador se comporta correctamente para periodos de muestreo pequeños y que  $\omega$  converge más rápidamente a  $\omega_m$  para valores de gama mayores.

En lo que respecta al vector de parámetros  $\hat{\theta}$ , al inicio del capítulo, se menciona que el vector  $\theta$ , en este caso, es conocido. En efecto, para la función de transferencia de la ecuación (2.2) se tiene que el vector  $\theta$  es,

$$\theta = [1, 1, 1, 0, 0]^T$$

Así mismo, también se menciona que podemos incluir o no los parámetros  $\hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$ . En este caso no se incluyen. De esta manera, al aproximarse a  $\omega_m$ , los parámetros  $\hat{\theta}_1$ ,  $\hat{\theta}_2$  y  $\hat{\theta}_3$  deberán tender a  $\theta_1$ ,  $\theta_2$  y  $\theta_3$ , es decir, 1. Debemos aclarar que no necesariamente deben tomar el valor de 1, pero un valor cercano, que dependiendo de gama en la expresión (1.3) se aceran más rápidamente.

Lo anterior se comprueba analizando las figs. 2.7 y 2.8 ya que para mismo número de ciclos de la señal,  $\omega$ , el vector  $\hat{\theta}$  para  $\gamma=7$  es,

$$\hat{\theta} = [1.25, 1.03, 0.9084]$$

para  $\gamma=0.1$  es,

$$\hat{\theta} = [1.32, 0.78, 0.63]$$

Hay que hacer notar que se pueden obtener períodos de muestreo meno-

res a los utilizados por tratarse de un microprocesador muy rápido ya que no se tienen problemas con el tiempo de cálculo. Sin embargo, a medida que  $T$  se hace pequeño, se pierde exactitud en la generación de  $\omega_m$ .

Los datos que se modifican en el programa para cada valor de  $T$  son - los siguientes. TR, ALPH y BET se encuentran en formato Q[12].

$$T = 0.2 \text{ seg.}$$

$$TR = 819$$

$$CT = 50$$

$$ALPH = 3413$$

$$BET = 682$$

$$TINV = 5$$

$$T = 0.15 \text{ seg.}$$

$$TR = 614$$

$$CT = 67$$

$$ALPH = 3567$$

$$BET = 534$$

$$TINV = 6$$

$$T = 0.04 \text{ seg.}$$

$$TR = 163$$

$$CT = 250$$

$$ALPH = 3938$$

$$BET = 157$$

$$TINV = 25$$

$$T = 0.007 \text{ seg.}$$

$$TR = 28$$

$$CT = 1428$$

$$ALPH = 4067$$

$$BET = 28$$

$$TINV = 142$$

El contador CDAT se modifica de tal manera que para los cuatro períodos de muestreo se obtenga una señal de referencia  $\omega_m$  de frecuencia 0.05 - Hz.

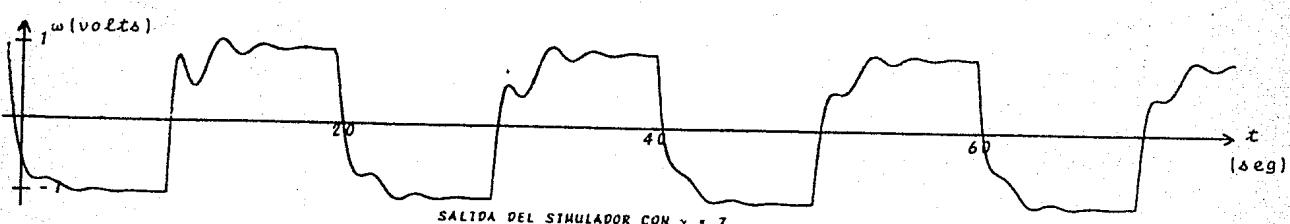
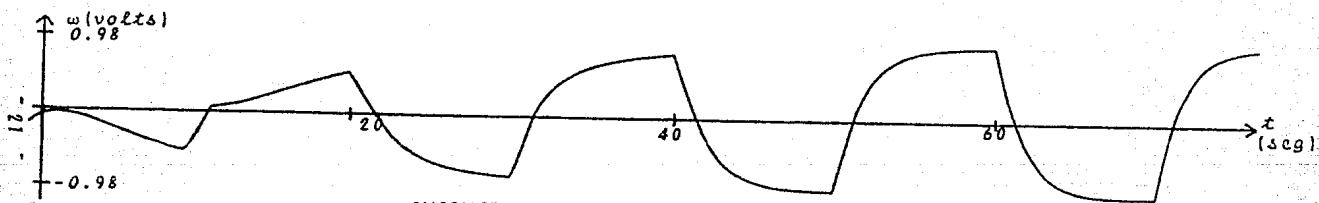
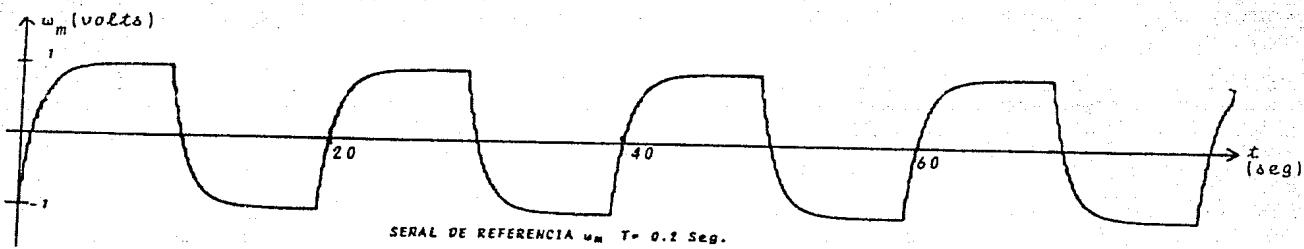


Fig. 2.3.

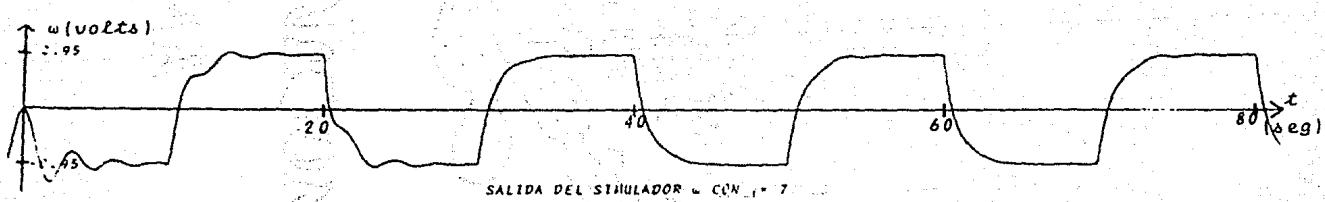
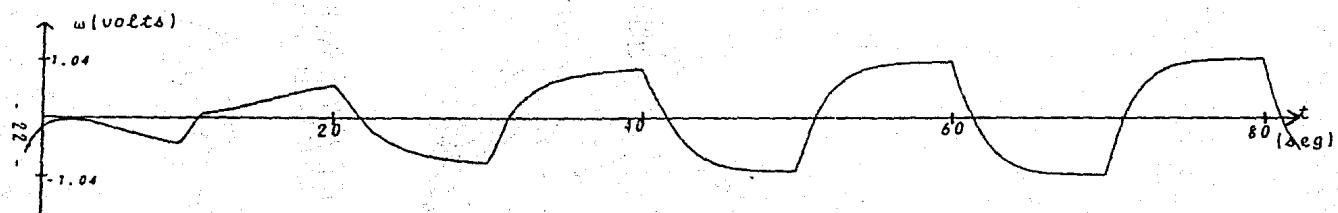
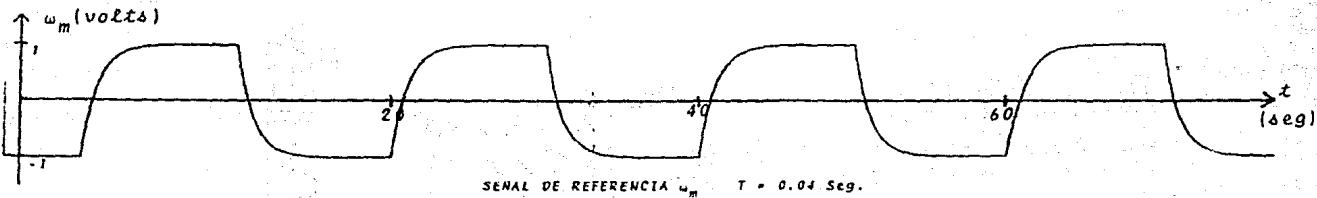
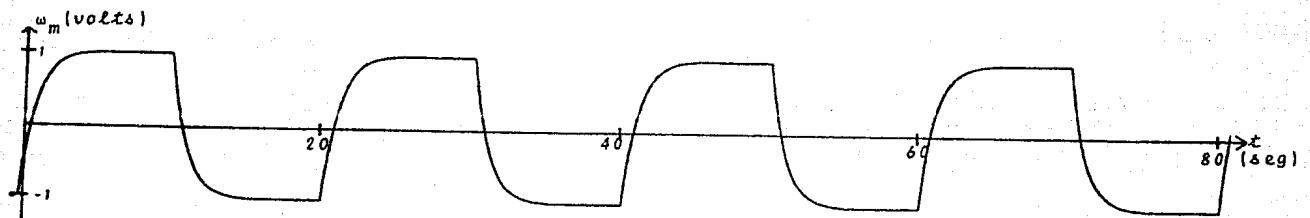
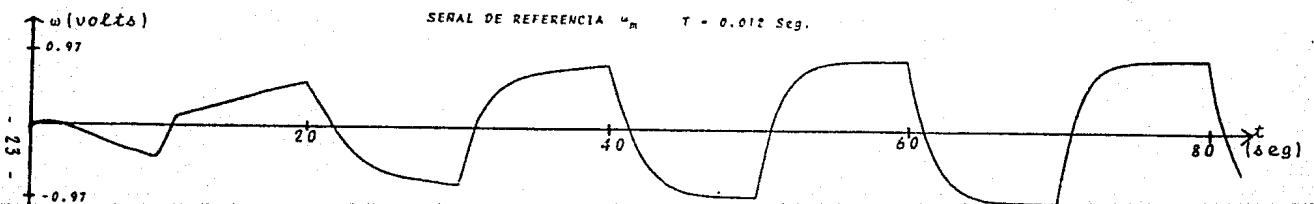


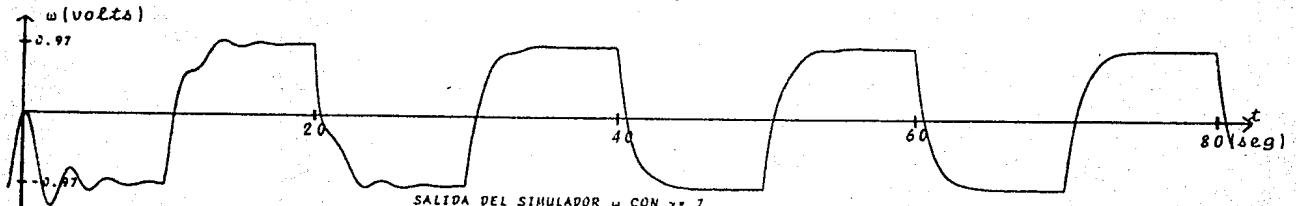
Fig. 2.4.



SIGNAL DE REFERENCIA  $u_m$      $T = 0.012$  Seg.



SALIDA DEL SIMULADOR  $u$  CON  $\gamma = 0.1$



SALIDA DEL SIMULADOR  $u$  CON  $\gamma = 7$

Fig. 2.5.

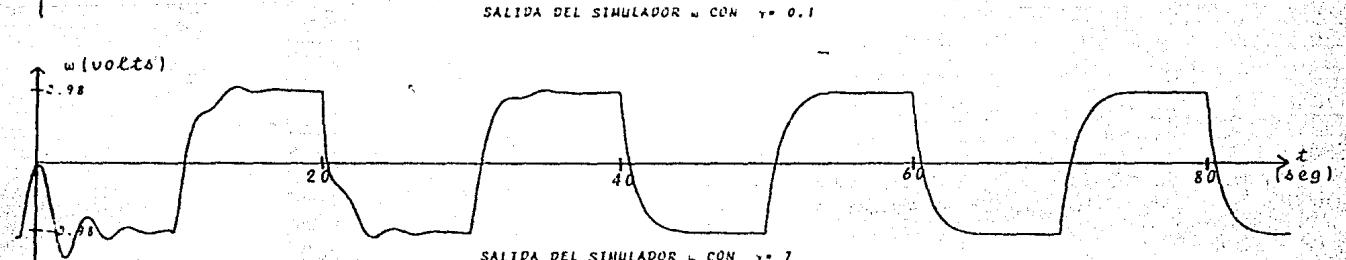
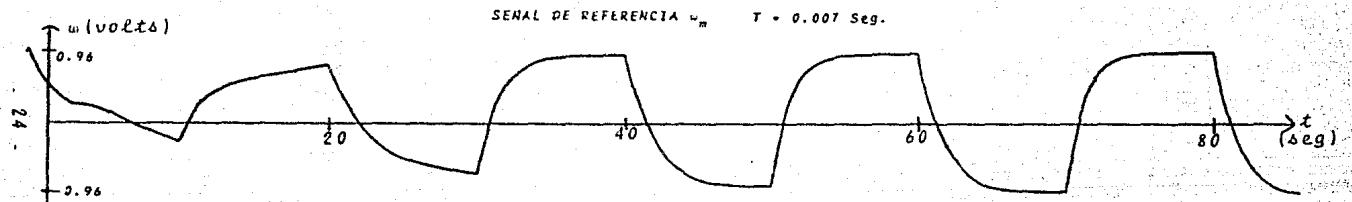
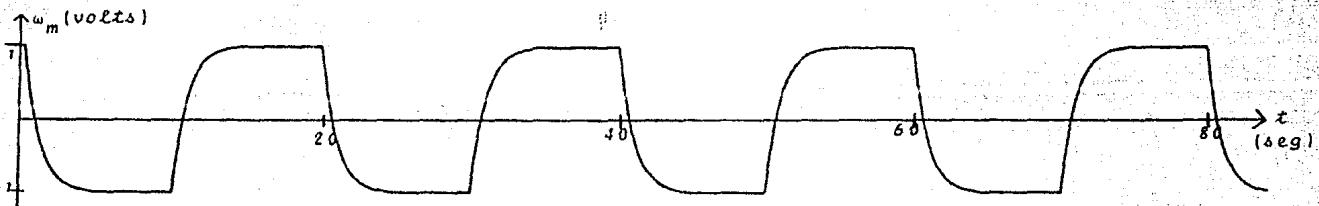


Fig. 2.6.

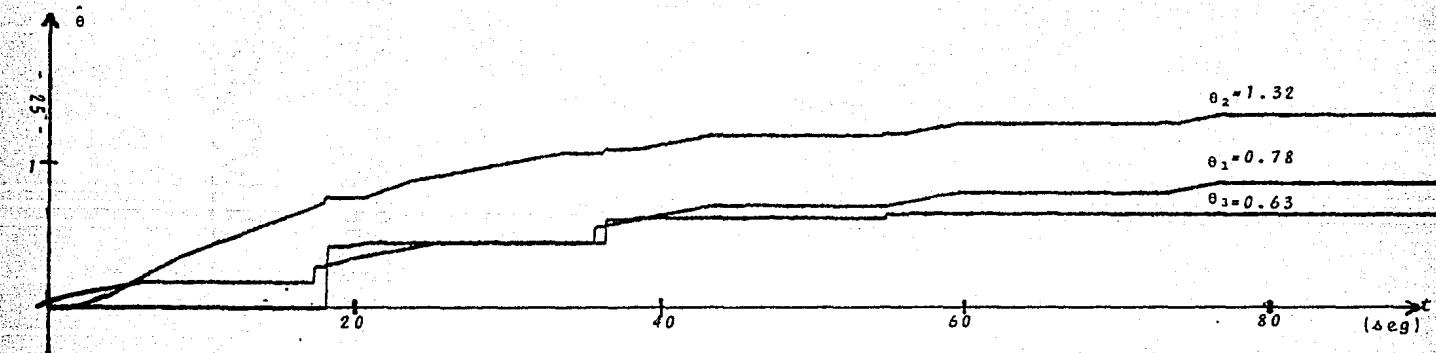
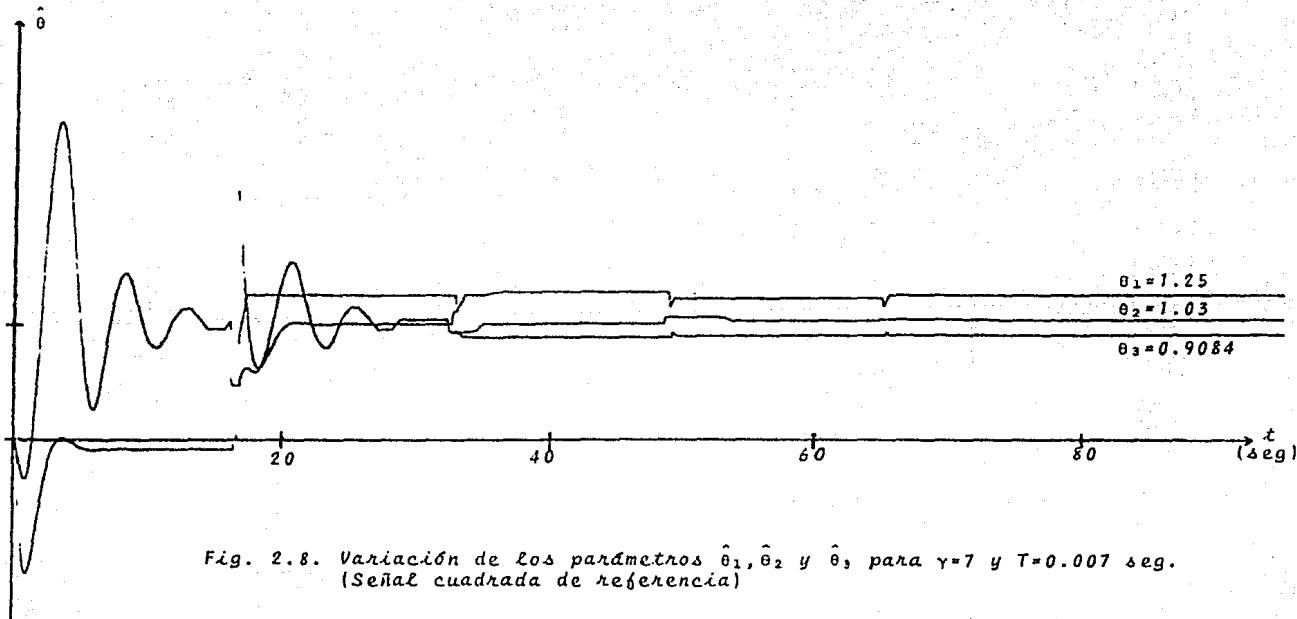


Fig. 2.7. Variación de los parámetros  $\hat{\theta}_1$ ,  $\hat{\theta}_2$  y  $\hat{\theta}_3$  para  $\gamma=0.1$  y  $T=0.007$  seg.  
(Señal cuadrada de referencia).



## 2.2.- IMPLEMENTACION CONSIDERANDO CINCO PARAMETROS Y UNA SENAL CUADRADA DE REFERENCIA.

La función de transferencia que simula la del motor así como el modelo de referencia  $\omega_m$  son:

$$H(S) = \frac{1}{S + T} \quad y \quad \omega_m = \frac{1}{S + T} \omega_r \quad (2.9)$$

respectivamente como en el caso anterior.

$\omega_r$  es una señal cuadrada de frecuencia 0.05 Hz. y amplitud de 2.5 V<sub>pp</sub>.

En la implementación con tres parámetros, el periodo de muestreo con el que se obtuvieron los mejores resultados fue el de 0.007 seg. Por esta razón, dicho valor de T en la implementación con cinco parámetros es utilizado.

Las ecuaciones para el cálculo de  $i_a$  con T=0.007 seg, son las siguientes:

$$\omega_m(k) = \frac{\omega_m(k-1)}{1.007} + \frac{0.007}{1.007} \omega_r(k) \quad (2.10)$$

$$\dot{\omega}_m(k) = \frac{(\omega_m(k) - \omega_m(k-1))}{1.007} \quad (2.11)$$

$$\hat{\theta}_1(k) = \hat{\theta}_1(k-1) - 0.007\gamma \dot{\omega}_m[\omega(k) - \omega_m(k)] \quad (2.12)$$

$$\hat{\theta}_2(k) = \hat{\theta}_2(k-1) - 0.007\gamma \omega_m[\omega(k) - \omega_m(k)] i_1 \quad (2.13)$$

$$\hat{\theta}_3(k) = \hat{\theta}_3(k-1) - 0.007\gamma \omega_m[\omega(k) - \omega_m(k)] i_2 \quad (2.14)$$

$$\hat{\theta}_4(k) = \hat{\theta}_4(k-1) - 0.007\gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_1 \quad (2.15)$$

$$\hat{\theta}_5(k) = \hat{\theta}_5(k-1) - 0.007\gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_2 \quad (2.16)$$

La señal de control  $i_a$  se calcula en el programa 2 (apéndice B). Este programa es semejante al prog. 1 (implementación con 3 parámetros) pues solo se incluye el cálculo de los parámetros  $\hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$  así como dos términos -

mds en la ecuación del controlador (ec. 1.8).

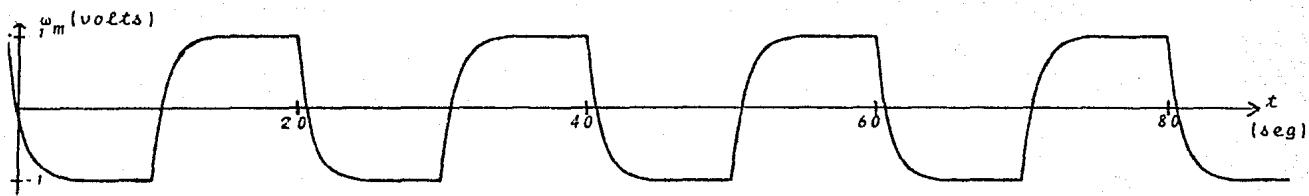
### 2.2.1. Resultados.

De acuerdo a las pruebas realizadas para varios valores de gama, se observa que el comportamiento del controlador es el correcto:  $w$  se approxima a  $w_m$  rápidamente para valores de gama mayores. Como ejemplo se graficaron las señales de salida,  $w$ , con  $\gamma=0.1$  y  $\gamma=7$ . (ver figs. 2.9(a) y 2.9(b)).

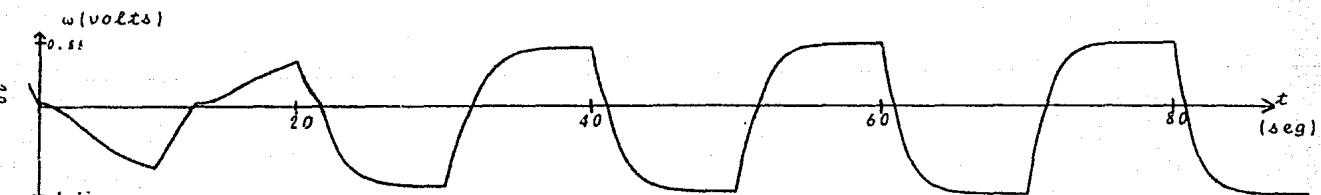
Considerando los cinco parámetros, se espera que el vector  $\hat{\theta}$  se approxime a  $\theta = [1, 1, 1, 0, 0]^T$ .

Para comprobar lo anterior, se graficó la variación del vector  $\hat{\theta}$  considerando un valor de gama igual a 7. (fig. 2.10). Cuando  $w=w_m$  aproximadamente, el vector de parámetros  $\hat{\theta}$  es el siguiente:

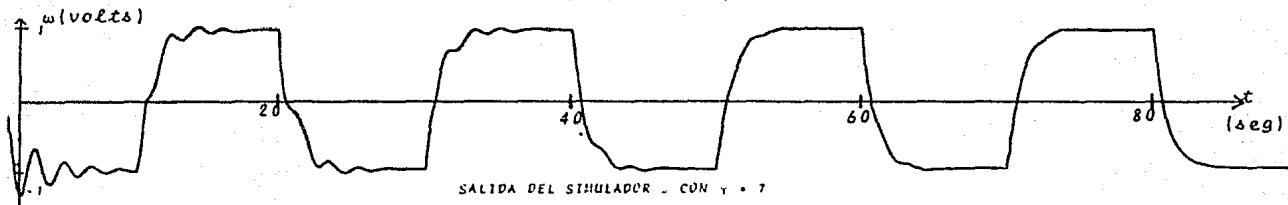
$$\hat{\theta} = [1.24, 1.13, 1.4, -0.09, -0.19]$$



SEÑAL DE REFERENCIA  $w_m$   $T=0.007$  Seg.

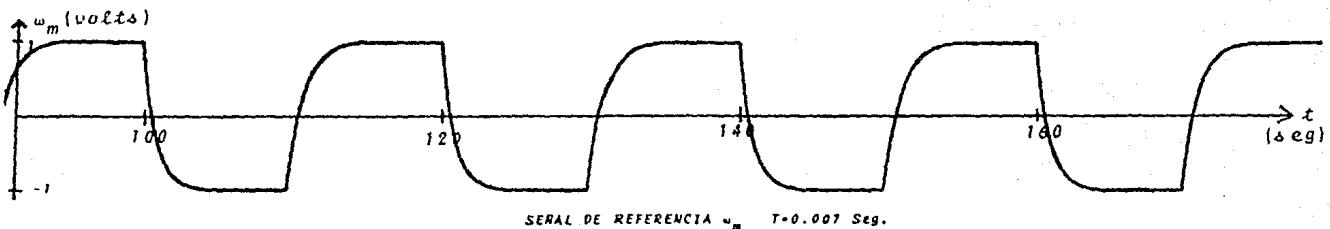


SALIDA DEL SIMULADOR  $w$  CON  $\gamma = 0.1$

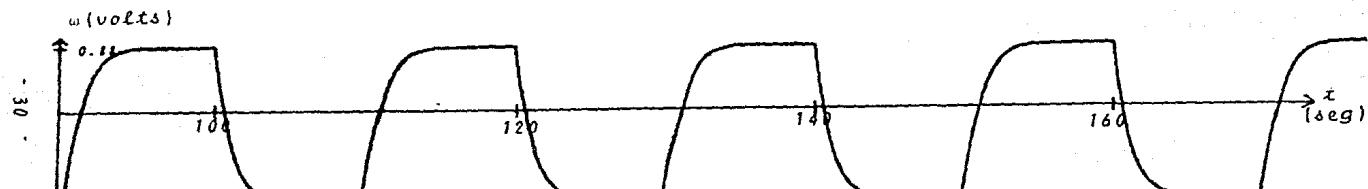


SALIDA DEL SIMULADOR  $w$  CON  $\gamma = 7$

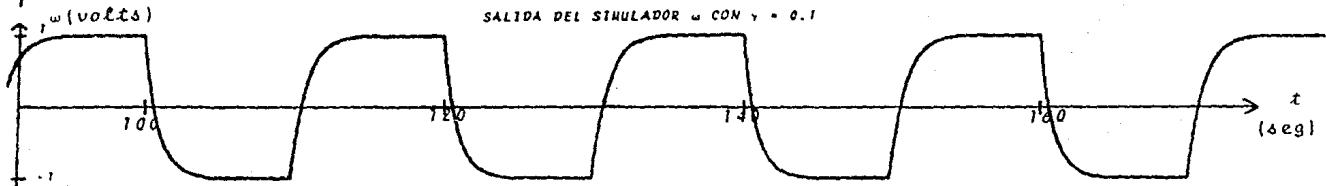
Fig. 2.9.(a)



SIGNAL DE REFERENCIA  $u_m$   $T=0.007$  Seg.



SALIDA DEL SIMULADOR  $u$  CON  $\gamma = 0.1$



SALIDA DEL SIMULADOR  $u$  CON  $\gamma = 7$

Fig. 2.9.(b). (Continua de 2.9.(a))

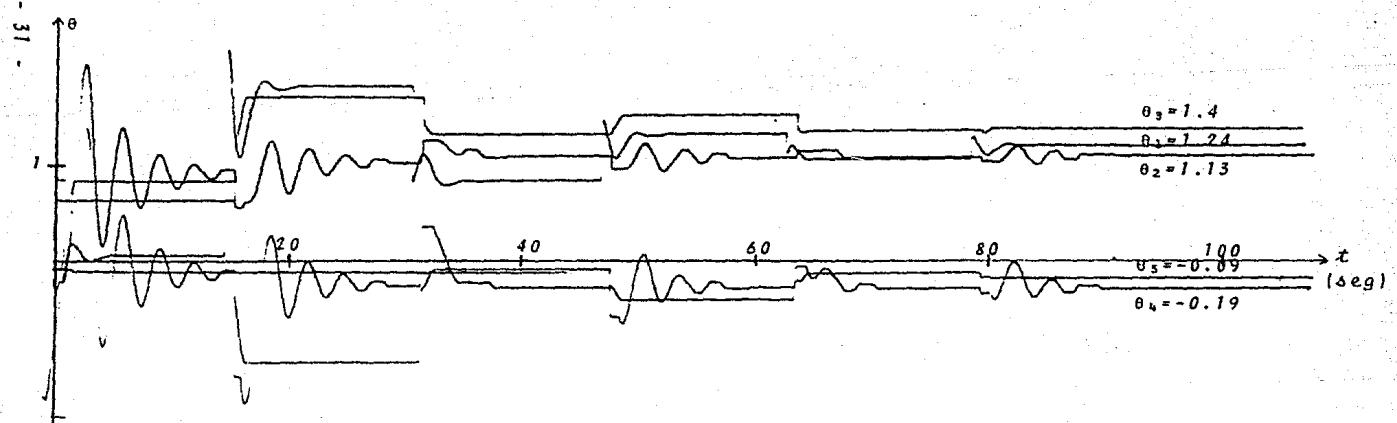


Fig. 210. Variación de los parámetros  $\hat{\theta}_1$ ,  $\hat{\theta}_2$ ,  $\hat{\theta}_3$ ,  $\hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$  para  $\gamma=7$  y  $T=0.007$  seg. (Señal cuadrada de referencia).

2.3.- IMPLEMENTACION CONSIDERANDO CINCO PARAMETROS Y UNA SENAL SENOIDAL DE REFERENCIA.

$$H(S) = \frac{1}{S + T} \quad (\text{F.T. simulada}) \quad (2.17)$$

$$\omega_m = \frac{1}{S + T} \omega_n \quad (\text{Modelo de referencia}) \quad (2.18)$$

donde  $\omega_n$  es una señal senoidal

Para generar las ecuaciones de recurrencia que se utilizan en el cálculo de  $i_a$ , se elige un valor de  $T$  de tal manera que se nos facilite el muestreo de la señal  $\omega_n$ , ya que es generada dentro del módulo de evaluación a partir de una tabla de 128 elementos. También debe ser pequeño para que el controlador funcione correctamente. Este periodo de muestreo es  $T = 0.0064$  seg. Dichas ecuaciones son las siguientes.

$$\omega_m(k) = \frac{\omega_m(k-1)}{1.0064} + \frac{0.0064}{1.0064} \omega_n(k) \quad (2.19)$$

$$\dot{\omega}_m(k) = \frac{(\omega_m(k) - \omega_m(k-1))}{1.0064} \quad (2.20)$$

$$\hat{\theta}_1(k) = \hat{\theta}_1(k-1) - 0.0064 \dot{\omega}_m \gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] \quad (2.21)$$

$$\hat{\theta}_2(k) = \hat{\theta}_2(k-1) - 0.0064 \omega_m \gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_1 \quad (2.22)$$

$$\hat{\theta}_3(k) = \hat{\theta}_3(k-1) - 0.0064 \omega_m \gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_2 \quad (2.23)$$

$$\hat{\theta}_4(k) = \hat{\theta}_4(k-1) - 0.0064 \gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_1 \quad (2.24)$$

$$\hat{\theta}_5(k) = \hat{\theta}_5(k-1) - 0.0064 \gamma [\omega(k) - \omega_m(k)] i_2 \quad (2.25)$$

El programa que genera  $i_a$  consta de un programa principal, una subrutina de generación de la señal senoidal, una subrutina de cálculo y una subrutina de retardo. (ver apéndice B prog. 3).

En el programa principal se muestrea la señal  $\omega_n$ . El contador CONT indica qué dato de la tabla es el que se toma. (El método utilizado para

la generación de la señal senoidal se encuentra en las notas técnicas del TMS32010. Apéndice C).

Dentro de la subrutina de generación de la señal senoidal, el retardo se utiliza para generar bajas frecuencias (menores a 1 Hz). En la siguiente tabla se muestran los valores de CONTA, CONTD y CONT1 para varias frecuencias.

CONTA	CONTD	CONT1	FRECUENCIA (Hz)
1	7FF	2	0.5125
1	3FF	4	0.0185
1	1FF	8	0.0384
1	FF	16	0.0769
1	7F	30	0.1388
1	3F	60	0.2777
1	1F	120	0.5
1	F	240	0.8695

En la subrutina de cálculo, se lee la muestra de la velocidad  $\omega$  a la salida de la planta, se calculan los parámetros  $\theta$  y la corriente  $i_a$ .

### 2.3.1. Resultados

Se realizaron pruebas con todas las frecuencias de la tabla anterior, así como para varios valores de gama.

Se obtuvo lo esperado pues  $\omega$  se aproxima más rápidamente a  $\omega_m$  con valores de gama mayores. Como ejemplo se graficó la salida de la planta, utilizando  $\gamma=7$ , para señales de referencia de frecuencias 0.0125 Hz., 0.0185-Hz. y 0.0384 Hz. (figs. 2.13, 2.14 y 2.15, respectivamente).

La función de transferencia simulada, es la misma que para la implementación en los dos puntos anteriores (2.1 y 2.2), por tanto el vector  $\theta$ -es:

$$\theta = [1, 1, 1, 0, 0]$$

Utilizando el mismo método que en los puntos 2.1 y 2.2 para la gráfi-

cación de los parámetros, la memoria de expansión no fue suficientemente grande para almacenar los datos hasta el momento en que  $\omega = \omega_m$ . En la fig. 2.11 vemos que  $\hat{\theta}_s$  aún no se acerca a 0. Con el fin de considerar la variación de los parámetros durante un mayor número de ciclos, se tomaron los valores del vector  $\hat{\theta}$  después de cada ciclo, directamente de las localidades de memoria de datos. El programa se detiene para realizar las lecturas de cada ciclo.

Para detener el programa después de cierto número de ciclos (indicado por el contador CONS) se utilizan las instrucciones:

	LT	BETA
	CALL	SUB3
	LAC	ALFA
	BZ	L10
	B	L1
L10	LAC	CONS
	SUB	DELTA
	AND	MASK
	SACL	CONS
	BNZ	L1
	SWAVE1	LAC ALFA, 8
	SACH	TEMP

#### \* L11 Breakpoint

Estas instrucciones se incluyen en el programa 3 (apéndice B) sólo cuando se grafican los parámetros.

La siguiente tabla muestra el vector de parámetros  $\hat{\theta}$ , en formato Q[12], para 10 ciclos de la señal  $w$  de frecuencia 0.0185 Hz.

	TETA1	TETA2	TETA3	TETA4	TETA5
1	7087	-990	2253	-315	-2058
2	9144	2968	5740	2569	-973
3	5221	5694	6605	1239	1442
4	2842	5366	5422	-406	1547
5	3107	4153	4453	-784	1148
6	4354	3734	4303	-245	364
7	4777	3798	4280	140	175

	TETA1	TETA2	TETA3	TETA4	TETA5
8	4738	4074	4202	175	182
9	4616	4071	4257	70	196
10	4672	4031	4157	119	147

De acuerdo al formato Q[12], 4096 equivale a la unidad por lo que concluimos, de la tabla anterior, que a partir del sexto ciclo de la señal, los parámetros han llegado a valores aproximados al vector  $\theta$ .

Estos datos son graficados mediante el prog. 5 (apéndice B). Ver fig. 2.12.

Aún cuando no se grafican todos los valores de  $\theta$ , con los 10 datos que se tienen, se comprueba que los parámetros tienden a sus valores verdaderos (vector  $\theta$ ). El vector  $\theta$  correspondiente al décimo ciclo es:

$$\theta = [1.14, 1.01, 0.98, 0.029, 0.035]$$

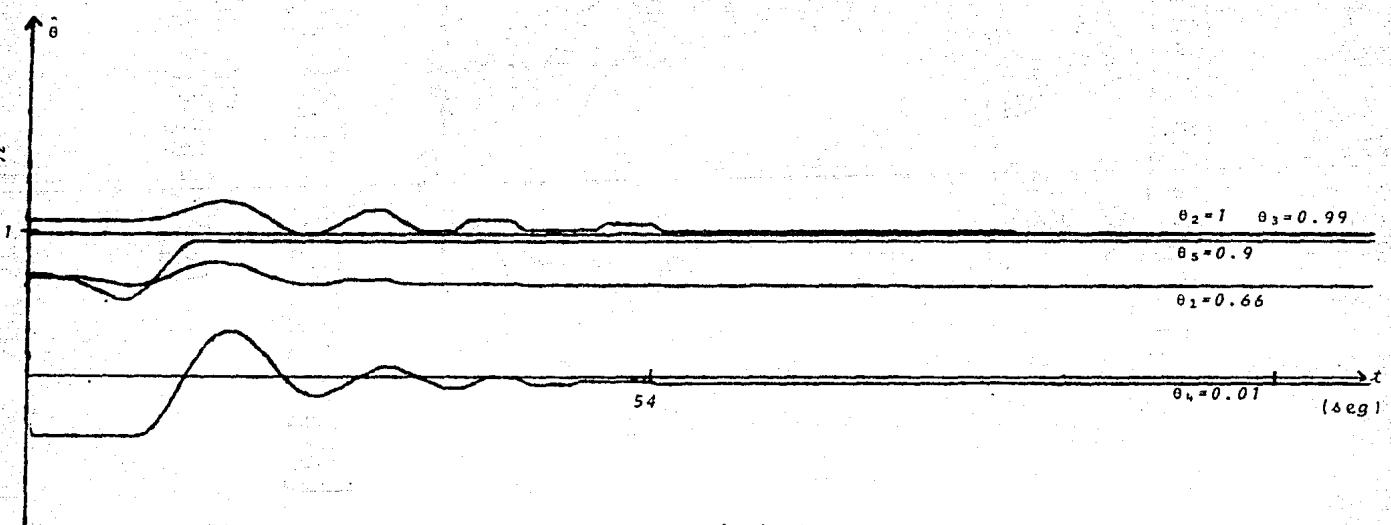


Fig. 2.11. Variación de los parámetros  $\hat{\theta}_1, \hat{\theta}_2, \hat{\theta}_3, \hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$  con  $\gamma=7$  y  $T=0.0064$  seg.  
 (Señal senoidal de referencia). Se graficó con el método de expansión.

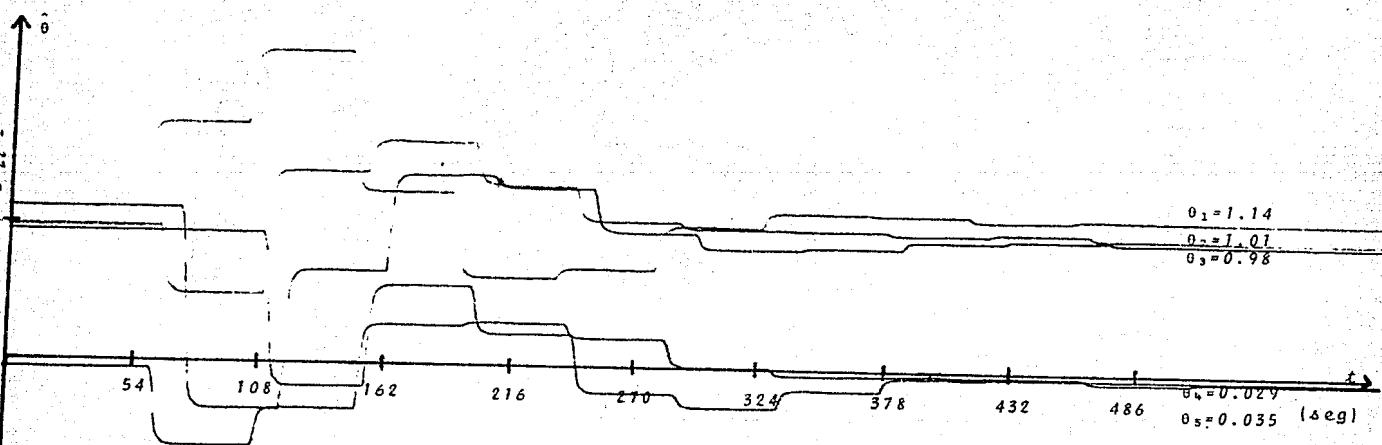
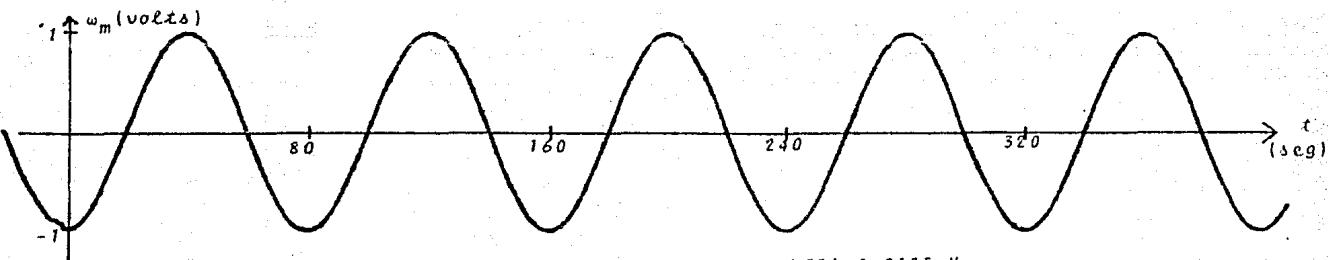
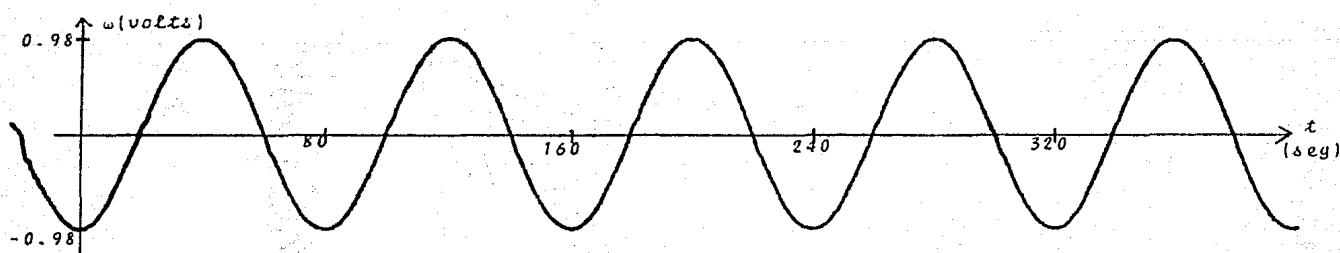


Fig. 2.12. Variación de los parámetros  $\hat{\theta}_1$ ,  $\hat{\theta}_2$ ,  $\hat{\theta}_3$ ,  $\hat{\theta}_4$  y  $\hat{\theta}_5$  con  $\gamma=7$  y  $T=0.0064$  seg.  
 (Señal senoidal de referencia). Se graficaron los valores tomados después  
 de cada ciclo de la señal  $w$  durante 10 ciclos.



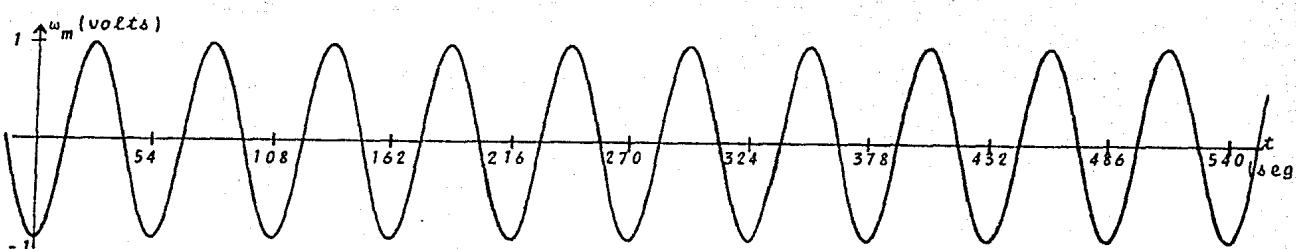
SEÑAL DE REFERENCIA  $w_m$  DE FRECUENCIA 0.0125 Hz.

$T = 0.0064$  seg.



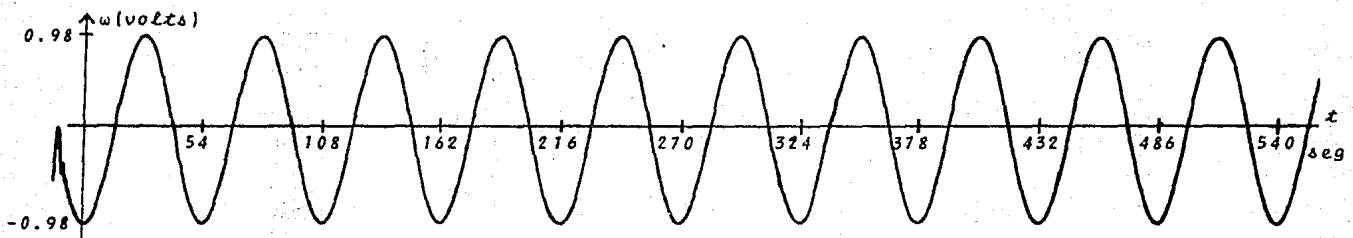
SALIDA DEL SIMULADOR  $w$  CON  $\gamma = 7$

Fig. 2.13.



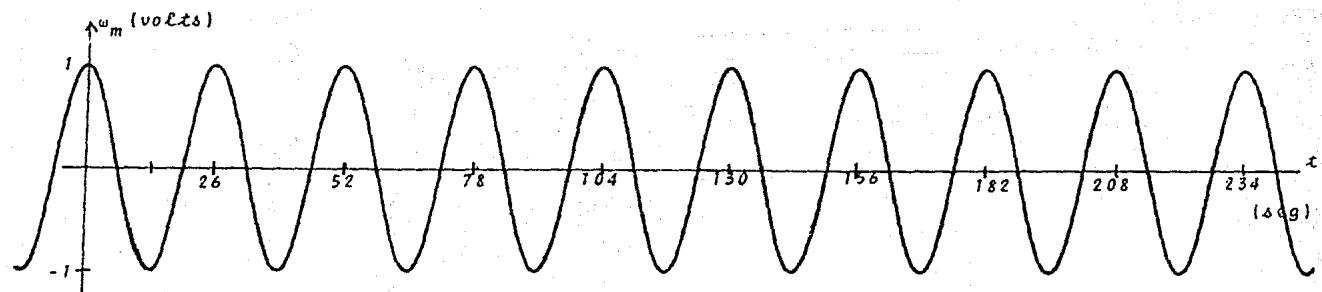
SEÑAL DE REFERENCIA  $w_m$  DE FRECUENCIA 0.0185 Hz.

$T = 0.0064$  seg.

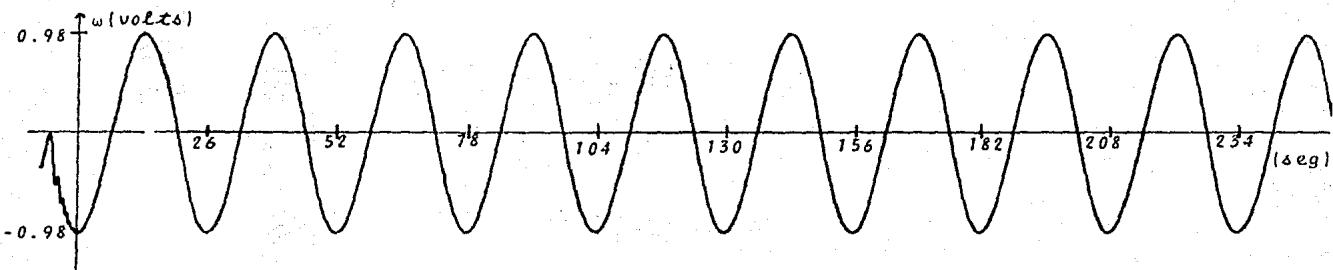


SALIDA DEL SIMULADOR  $w$  CON  $\gamma = 7$

Fig. 2.14.



SEÑAL DE REFERENCIA  $w_m$  DE FRECUENCIA 0.0384 Hz.  
 $T = 0.0064$  seg.



SALIDA DEL SIMULADOR  $w$  CON  $\gamma=7$

Fig. 2.15

## **CAPITULO 3.- CONTROL DEL MOTOR**

### **3.1.- RESULTADOS**

Como se ha mencionado, el modelo dinámico del motor de C.D. presenta - características no lineales y sus parámetros son funciones de variables externas, como la inercia.

El efecto de estos factores se puede observar en la respuesta en malla abierta del motor a una entrada senoidal. Por ejemplo, graficando esta respuesta para señales senoidales de frecuencias 0.0185 Hz., 0.04 Hz., 0.076 - Hz. y 0.5 Hz. (figs. 3.2, 3.3, 3.4 y 3.5, respectivamente), vemos que se presenta una zona muerta. Esta zona disminuye a medida que la frecuencia aumenta, sin embargo, la señal se distorsiona. El diagrama de conexiones para este experimento se muestra en la fig. 3.6.

Utilizando el control adaptable se espera que la no linealidad del par de fricción así como la variación del momento de inercia sean compensadas.

En este capítulo se presentan los resultados experimentales obtenidos al controlar adaptablemente el motor de C.D. Dichos resultados no fueron, - sin embargo, los esperados. Una de las explicaciones probables es el hecho de que el modelo dinámico del motor fue simplificado para realizar el diseño del algoritmo de control. Algunas otras posibles causas serán comentadas posteriormente.

Al controlar el modelo lineal simulado del motor se validó el algoritmo de control provisto de la estimación de cinco parámetros considerando una señal senoidal como señal de referencia. (Programa 3 apéndice B). Por tal motivo el control del motor es llevado a cabo mediante el algoritmo del programa 3 y solo se requiere conocer la ganancia K del sistema. El diagrama de conexiones entre la interfaz analógica y el sistema servomodular (descrito en el apéndice A) es el siguiente. Fig. 3.1.

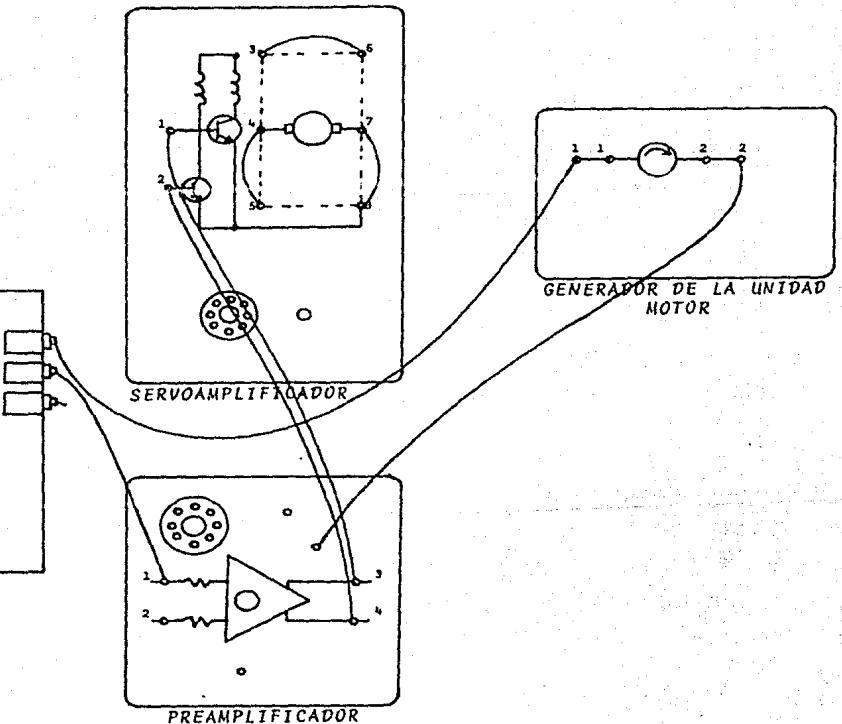
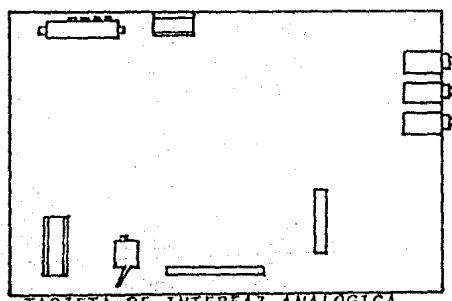


Fig. 3.1. Diagrama de conexiones entre la interfaz analógica y el sistema servomodular MS150

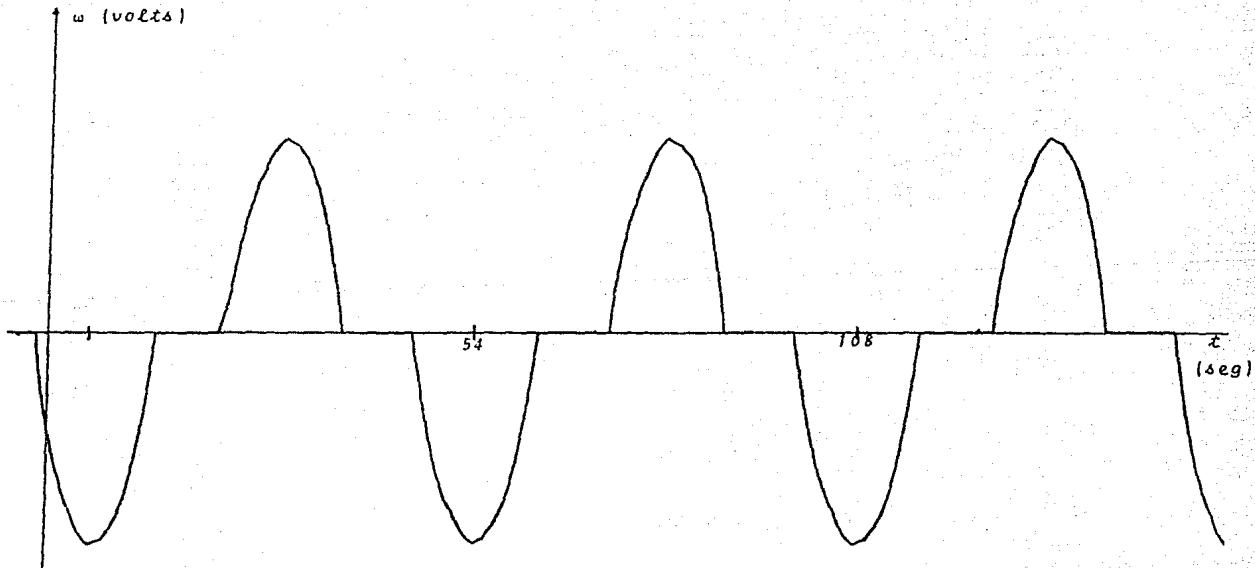


Fig. 3.2. Salida del motor, en malla abierta,  $w$   
 $f = 0.0185 \text{ Hz}$ .

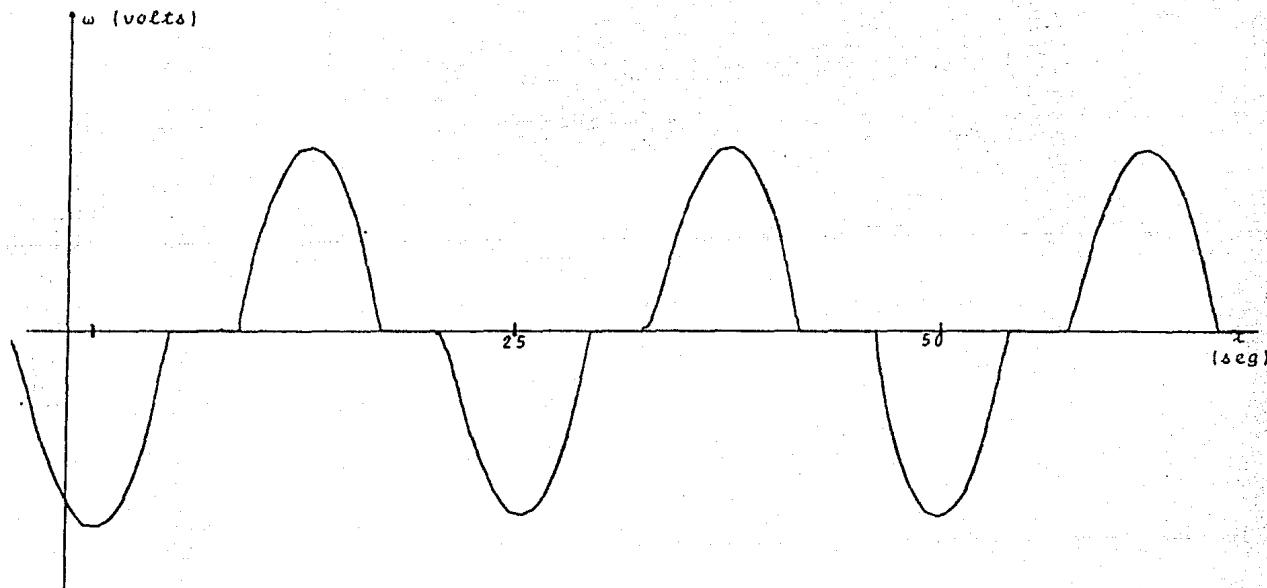


Fig. 3.3. Salida del motor, en malla abierta,  $w = 0.04$  Hz.

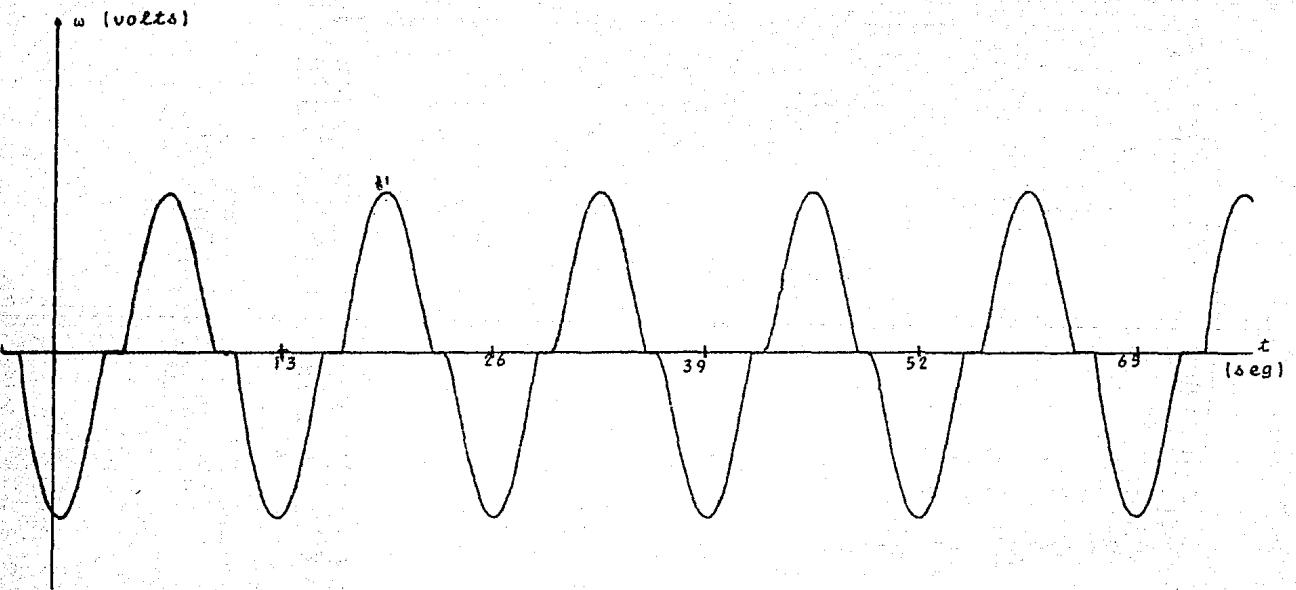


Fig. 3.4. Salida del motor, en malla abierta,  $w$   
 $f = 0.076 \text{ Hz}$ .

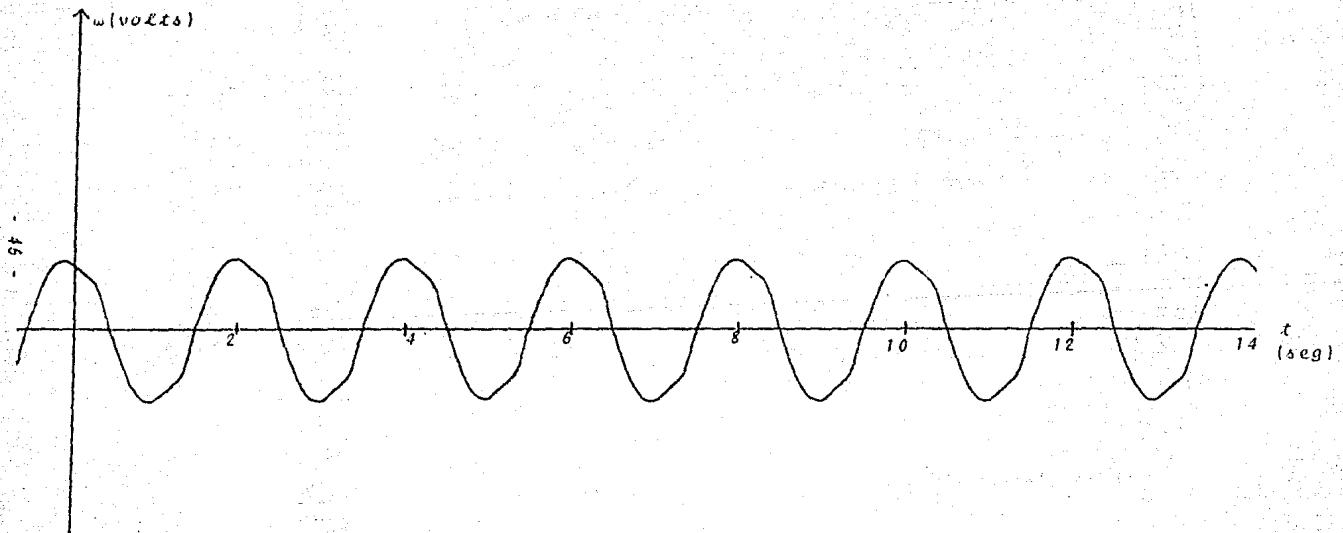
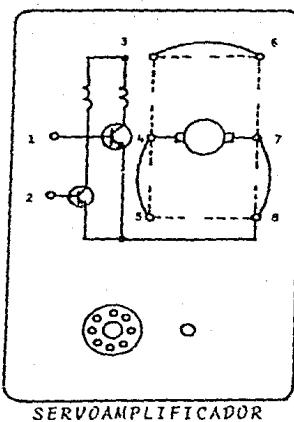


Fig. 3.5. Salida del motor, en malla abierta,  $w$   
 $f = 0.5 \text{ Hz}$ .

**GENERADOR DE  
FUNCIONES**

Se conecta a la en-  
trada 1 del servo-  
amplificador



**OSCILOSCOPIO**

Se conecta a  
1 y 2 del  
generador



**GENERADOR DE LA UNIDAD  
MOTOR**

Fig. 3.6. Diagrama de conexiones para obtener la respuesta  
en malla abierta del motor a una entrada senoidal

Debido a que se trabaja con señales alternas se incluye el módulo preamplificador. Por tanto, la ganancia  $K$  del sistema es el producto de la ganancia del preamplificador y la ganancia estática del motor.

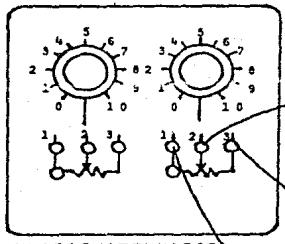
Para calcular la ganancia del motor se obtiene la característica de velocidad, en volts, contra voltaje de alimentación, del motor controlado por armadura. Para este experimento se utilizaron 4 elementos del sistema MS150: el servoamplificador, la unidad atenuadora, la unidad motor y la fuente de poder. En la fig. 3.7 se muestra su diagrama de conexiones.

Para realizar el control por armadura, se conectan las terminales - (3,6), (4,5) y (7,8) del servoamplificador. De la unidad atenuadora se toma el voltaje de entrada; este voltaje debe variar entre 0 y 15 volts. El voltaje de salida, que es proporcional a la velocidad del motor, se toma del generador de la unidad motor. El voltaje de entrada se mide del cursor del potenciómetro a tierra, de la unidad atenuadora y el voltaje de salida, de las terminales 1 y 2 del generador.

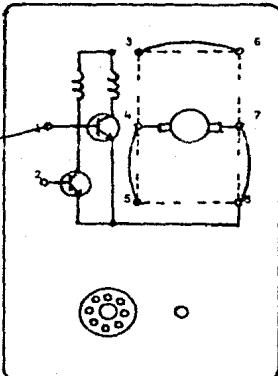
Tenemos entonces un sistema de lazo abierto en el cual  $V_e$  es el voltaje de entrada,  $K$ , la ganancia estática del motor y  $V_s$ , la velocidad de salida, en volts.

Variando  $V_e$  se obtienen los siguientes resultados:

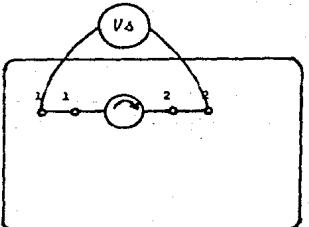
$V_e$ [volts]	$V_s$ [volts]
1	0
2	0
3	0
3.8	0.45
4	1.25
5	3.4
6	5.4
7	7.2
8	8.8
9	10.4



UNIDAD ATENUADORA



SERVOAMPLIFICADOR



GENERADOR DE LA UNIDAD MOTOR

FUENTE DE PODER

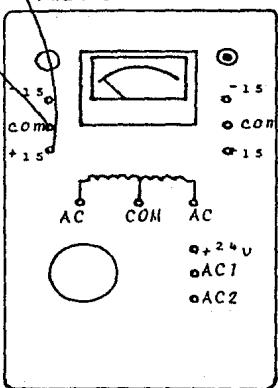


Fig. 3.7. Diagrama de conexiones para obtener la característica de velocidad vs. voltaje de alimentación, del motor controlado por armadura.

La gráfica de  $V_s$  vs.  $V_e$  del motor se observa en la fig. 3.8.

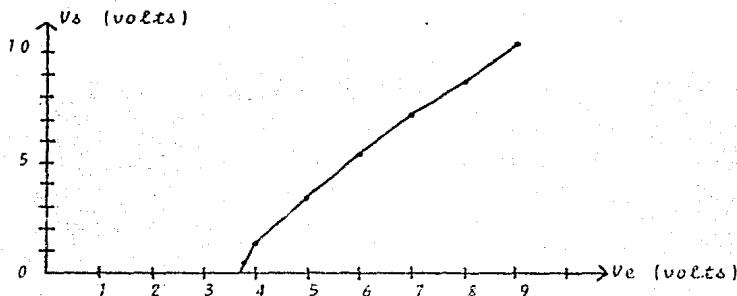


Fig. 3.8. Característica de  $V_s$  vs.  $V_e$ , del motor controlado por armadura.

De la gráfica anterior concluimos que la ganancia estática  $V_s/V_e$  no es constante y que se requiere un voltaje de 3.8 V. para que el motor gire.

Para obtener la ganancia del preamplificador se graficaron para una serie de voltajes positivos y negativos de entrada, los voltajes en las salidas 3 y 4 y se calculó la pendiente de ambas rectas. El valor obtenido es -55. Véase fig. 3.9.

### 3.1. Resultados

Considerando que la ganancia estática del motor no es constante, se tomó el valor de 1. Obteniéndose así una ganancia total del sistema de 55.

La variable KIN del programa deberá cargarse con el inverso de 55 en formato Q[12].

Se aplicó el algoritmo de control con una señal de referencia senoidal,  $\omega_r$  de frecuencia 0.0185 Hz. y un valor de gama igual a 7, graficando la respuesta del motor,  $w$ , fig. 3.10. Si se compara dicha respuesta con la respuesta en malla abierta para la misma frecuencia, fig. 3.2, se observa que la zona muerta disminuye considerablemente, sin embargo, aparece un ruido de alta frecuencia sobrepuesto a  $w$ .

Analizando las posibles causas del problema, se toman en cuenta prime-

ramente las que se relacionan directamente con el control. Una de ellas es el periodo de muestreo, pues de experimentos con la planta simulada, se concluye que debe tomarse pequeño.

Se disminuyó  $T$  a 0.0032 seg. y nuevamente gama igual a 7. En este caso la zona muerta también es pequeña. El ruido se sigue presentando aunque no uniformemente pues en algunos ciclos disminuye, y después de cierto tiempo, nuevamente se presenta. Fig. 3.11.

Se graficó  $w$  con gama igual a 1 y 3 para  $T=0.0032$  seg., figs. 3.12 y - 3.13, respectivamente. Así como para  $T=0.0064$  seg. con los mismos valores de gama, figs. 3.14 y 3.15. Comparando estas respuestas con las figuras -- 3.10 y 3.11, se observa que la zona muerta aumenta y es mayor para gama igual a 1, para ambos periodos de muestreo. El ruido disminuye un poco.

Otra de las posibles causas es la no linealidad de la constante  $K$  pues no se considera en el diseño del algoritmo de control. Experimentamos variando la amplitud de la señal  $w_h$ , así como dando otros valores a  $K$ . El ruido se sigue presentando.

Considerando que el ruido era externo, se filtró primeramente la señal de salida,  $w$ , y posteriormente las señales de entrada y salida,  $i_a$  y  $w$  respectivamente. Sin embargo, el ruido no desaparece.

Debido a que la señal de control debe ser muy pequeña por la alta ganancia del preamplificador se pensó que podría haber problemas con la cuantización de los convertidores por lo que se conectó a la salida de la tarjeta de interfaz un amplificador cuya ganancia es el inverso de la ganancia del preamplificador. La constante  $K$  del controlador, de esta manera, es el inverso de la ganancia estática del motor solamente. Así el valor que entra al convertidor D/A es lo suficientemente grande para que no haya ningún problema. Con esto tampoco el ruido desaparece.

También se considera como posible causa el ruido en el sistema de medición (tacómetro).

Verificando cómo se comportan los parámetros ajustables, leyéndolos directamente de las localidades de memoria de datos del TMS32010 se concluye que no tienden a un valor determinado, lo que puede ser ocasionado por el ruido que presenta la señal.

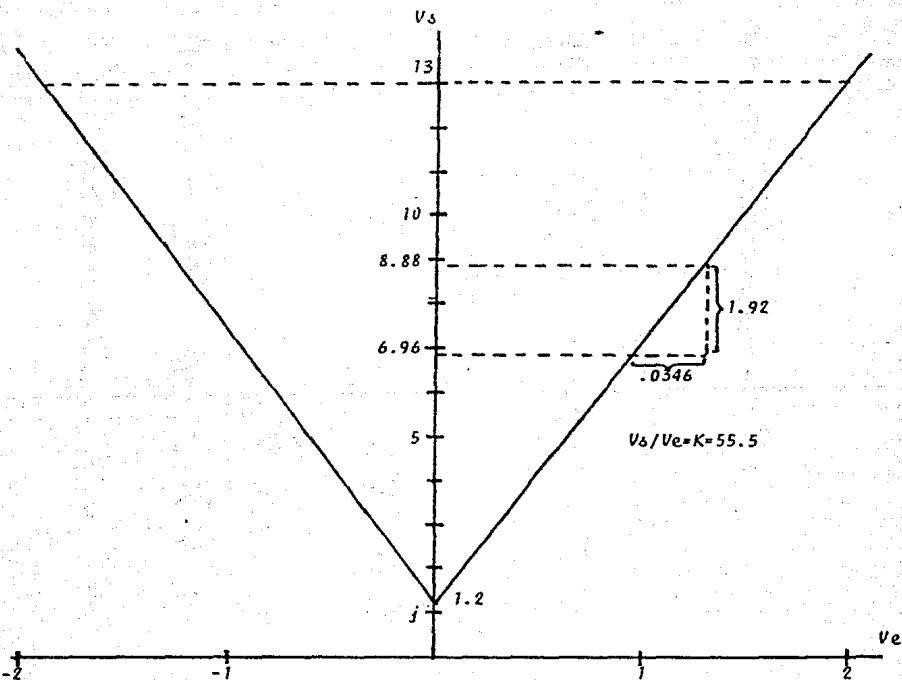


Fig. 3.9. Gráfica de  $V_o$  Vs.  $V_e$  del preamplificador.

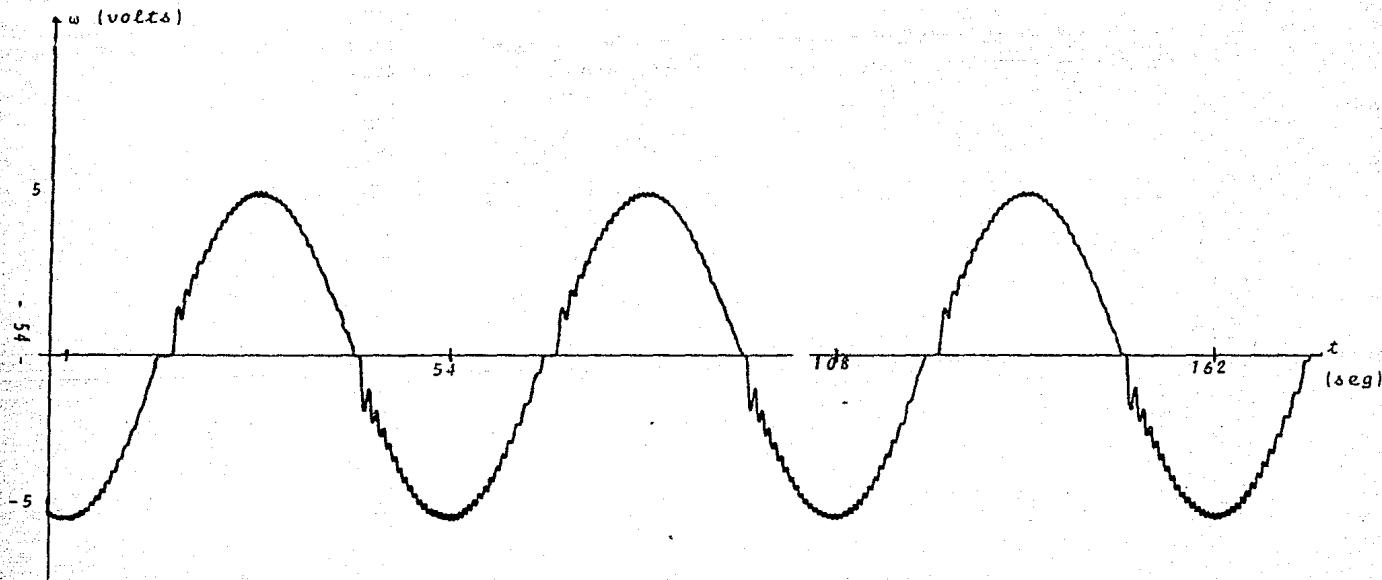


Fig. 3.10. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=7$   
 $T=0.0064$  seg.

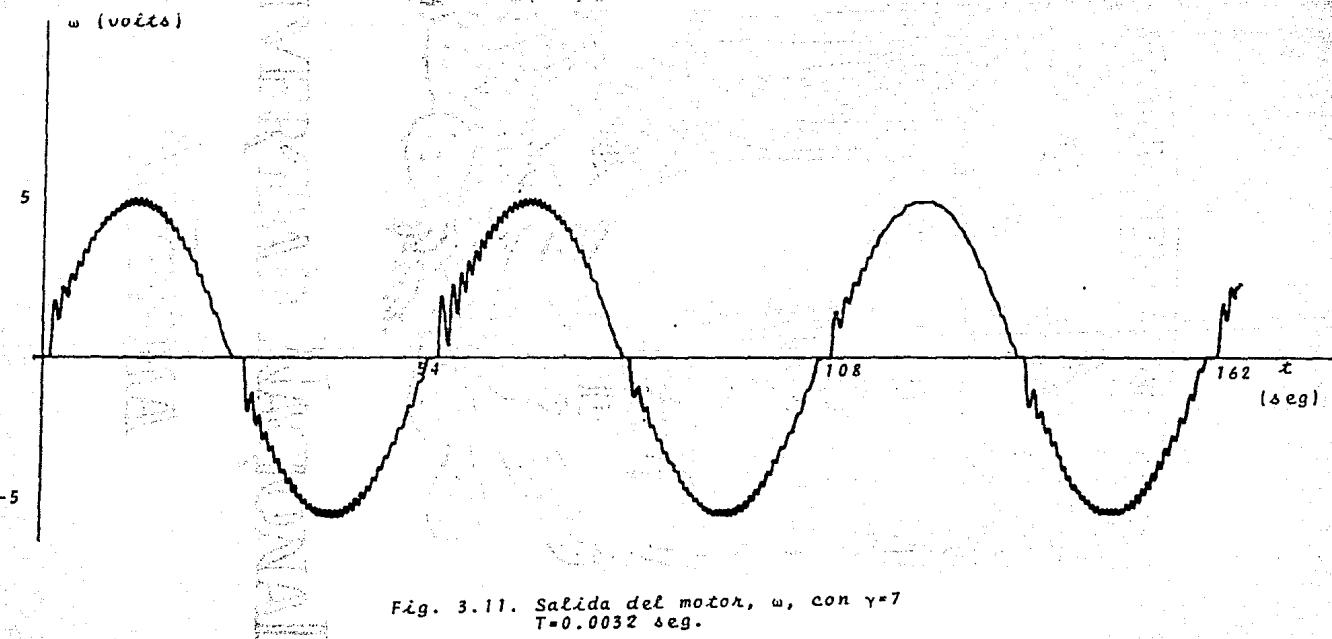


Fig. 3.11. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=7$   
 $T=0.0032$  seg.

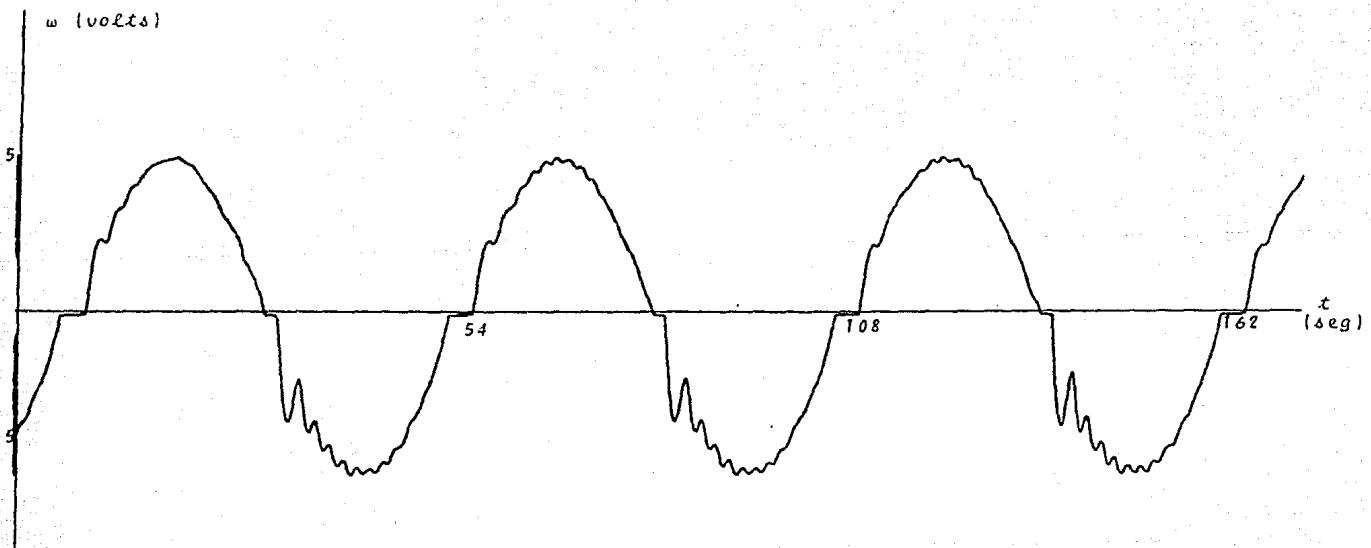


Fig. 3.12. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=1$   
 $T=0.0032$  seg.

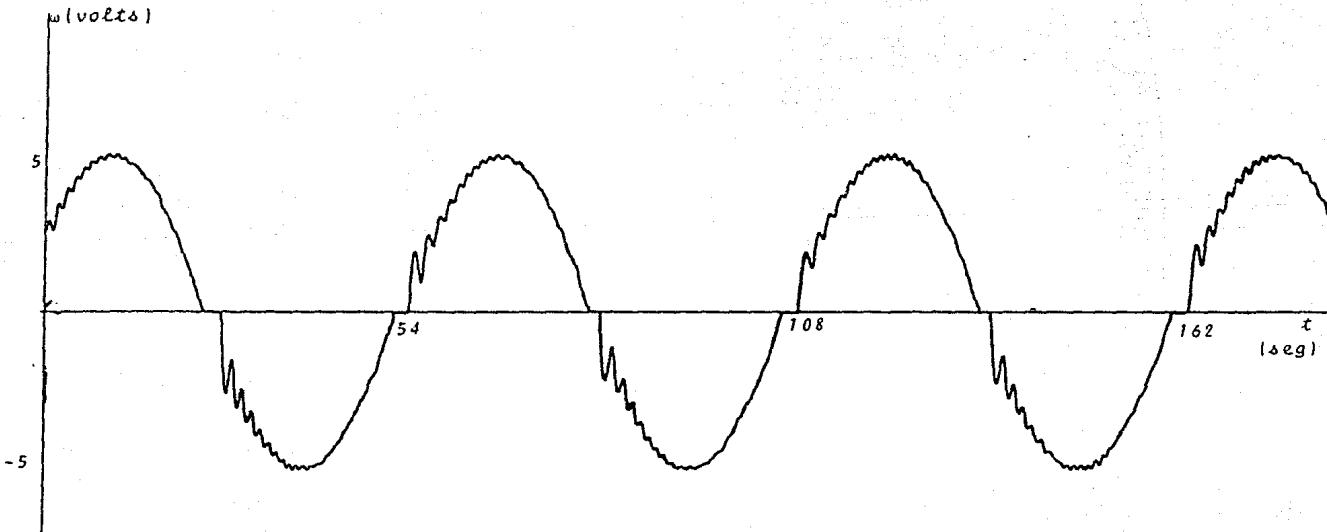


Fig. 3.13. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=3$   
 $T=0.0032$  seg.

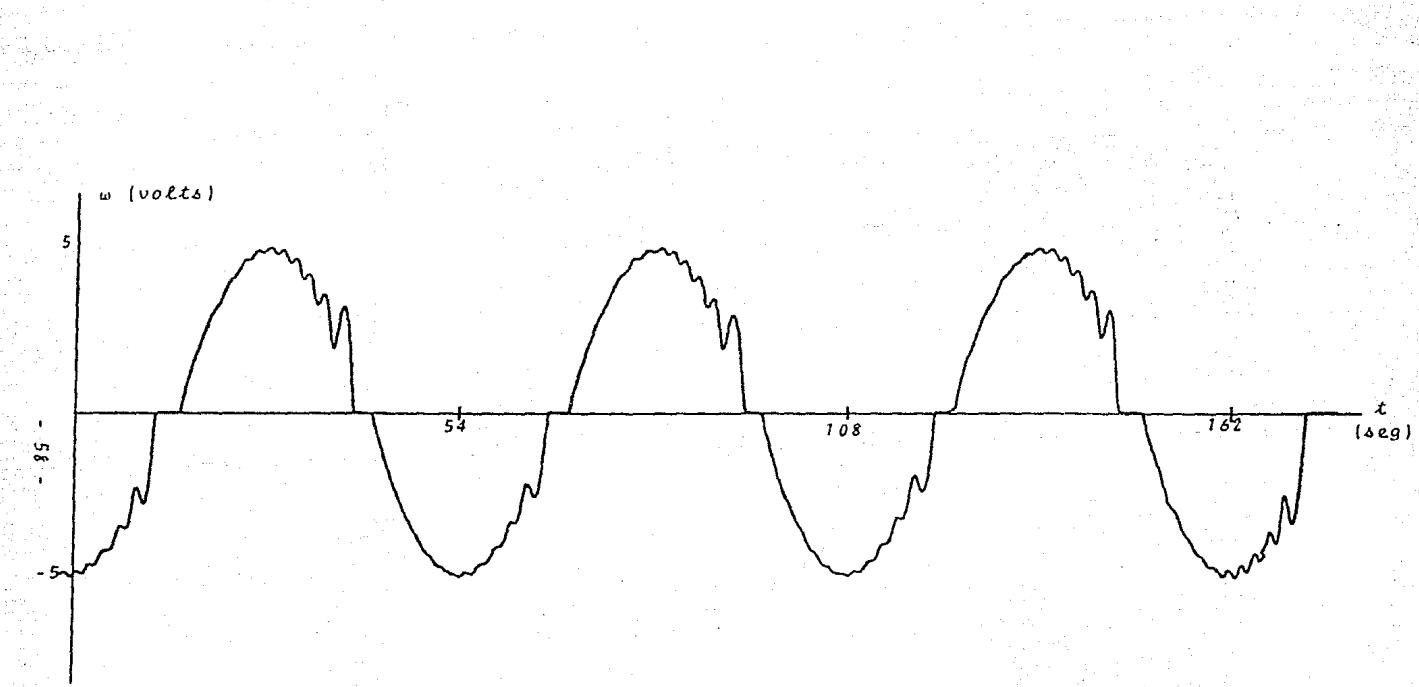


Fig. 3.14. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=1$   
 $T=0.0064$  seg.

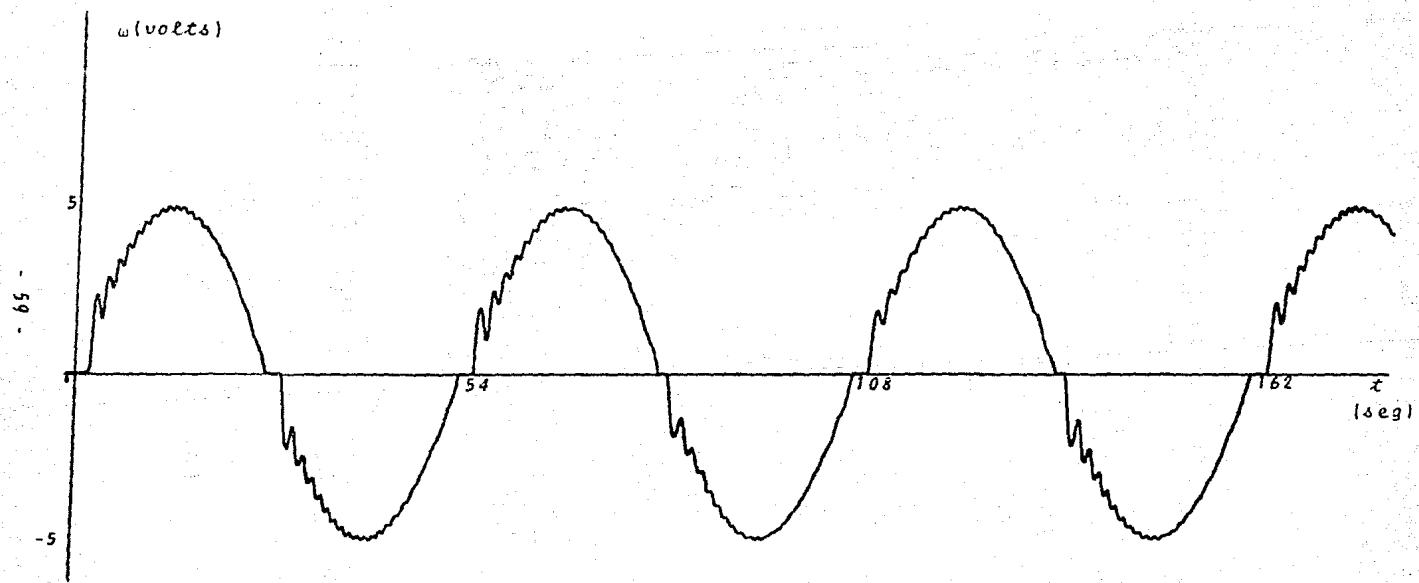


Fig. 3.15. Salida del motor,  $w$ , con  $\gamma=3$   
 $T=0.0064$  seg.

## C O N C L U S I O N E S

El control de velocidad de motores de corriente directa presenta problemas debido a los efectos de la no linealidad del par de fricción así como a las variaciones del momento de inercia.

Podríamos realizar el control mediante un sistema de retroalimentación lineal, sin embargo, se requiere para su buen funcionamiento, un modelo exacto del motor, es decir, que los efectos de la fricción y cambios de inercia sean conocidos. Esto no sucede siempre en la realidad por lo que un sistema de control adaptable es planteado como posible solución ya que estos sistemas tienen la finalidad de controlar procesos físicos cuyos modelos matemáticos contienen parámetros desconocidos y variantes en el tiempo.

El objetivo de la presente tesis fue el de implementar un sistema de control adaptable, de velocidad, para motores de corriente directa empleando un microprocesador rápido. Su desarrollo consistió en las siguientes etapas:

1. Diseño y construcción de un simulador analógico para simular un modelo lineal del motor con el fin de realizar experimentos para verificar el funcionamiento del algoritmo de control.
2. Implementación del algoritmo de control en el microprocesador - TMS32010 así como la elaboración de programas auxiliares para la graficación de los parámetros ajustables.
3. Aplicación del algoritmo de control a la planta simulada considerando tres casos.
  - a). Implementación con 3 parámetros y  $\omega_n$  cuadrada.
  - b). Implementación con 5 parámetros y  $\omega_n$  cuadrada.
  - c). Implementación con 5 parámetros y  $\omega_n$  senoidal.
4. Aplicación de la implementación del controlador con 5 parámetros y

una señal senoidal de referencia al motor de corriente directa del sistema servomodular MS150.

#### 5. Obtención e interpretación de resultados.

De los resultados obtenidos en experimentos realizados con el modelo lineal simulado del motor se concluye que el controlador cumple con su objetivo que es el de generar una señal de control,  $i_a$ , a fin de que la respuesta de la planta,  $\omega$ , tienda al modelo de referencia  $\omega_m$  en un tiempo determinado.

Después de haber comprobado que el algoritmo de control funciona como estaba previsto se pasó a la implementación en el motor de C.D. del sistema servomodular MS150.

De los experimentos realizados con el motor, los resultados no son los esperados ya que la señal,  $\omega$ , presenta un ruido de alta frecuencia lo que implica que el controlador no funcione correctamente.

Las posibles causas son:

- a). El modelo dinámico del motor fue simplificado para realizar el algoritmo de control.
- b). Discretización del algoritmo de control ya que la teoría fue desarrollada para un algoritmo continuo.
- c). El modelo dinámico del motor contiene otras características no lineales no consideradas en el diseño del algoritmo de control, como la ganancia estática, la cual depende de su punto de operación.
- d). Ruido en el sistema de medición (tacómetro).
- e). Ruido externo.

## R E F E R E N C I A S

1. OGATA KATSUHIKO, "Ingeniería de control moderna". Prentice-Hall Hispanoamericana S.A. 1986.
2. CANALES RUIZ ROBERTO, "Análisis de sistemas dinámicos y control automático". Limusa, 1980.
3. BUITRON SANCHEZ HORACIO, "Operación, control y protección de motores eléctricos". H.P. Editor de libros técnicos. 1984.
4. MANUAL DEL SISTEMA SERVOMODULAR HS150, Reporte CINVESTAV. 1986.
5. ARAGÓN POMPILIO, KELLY RAFAEL, ORTEGA ROMEO, "A Robustly stable adaptive compensator of friction and load in D.C. motors". Reporte interno DEPFI, 1987.
6. ASTROM KARL JOHAN, "Adaptive Feedback Control", Proceedings of the IEEE, vol 75, No.2, 1987.
7. ASTROM KARL JOHAN, "Theory and applications of adaptive control", Automatica, September 1983.
8. KELLY RAFAEL, "A linear state feedback plus adaptive feed-forward control for D.C. servomotors", IEEE Trans. on Industrial Electronics, vol IE-34, No. 2, may 1987.

#### **APENDICE A**

- 1.- DESCRIPCION DEL SIMULADOR DE F.T.**
- 2.- DESCRIPCION DEL SISTEMA SERVONODULAR MS150**
- 3.- DESCRIPCION GENERAL DEL MODULO DE EVALUACION  
DEL TMS32010 (EVN)**
- 4.- DESCRIPCION GENERAL DEL MICROPROCESADOR TMS32010**
- 5.- DESCRIPCION DE LA TARJETA DE INTERFAZ ANALOGICA**

## A.1.- SIMULADOR DE FUNCIONES DE TRANSFERENCIA

### A.1.1.- Función de transferencia

Los sistemas dinámicos (mecánicos, eléctricos, térmicos, etc.) son descritos mediante modelos matemáticos, que de acuerdo a las características que se quieren estudiar de ellos, se utilizará una representación determinada, por ejemplo, para el análisis de respuesta transitoria de sistemas de una sola entrada y una sola salida, la función de transferencia es la representación adecuada.

El concepto de función de transferencia se aplica a sistemas lineales e invariantes en el tiempo; es una propiedad de los sistemas ya que es independiente de la entrada y se expresa como la razón de dos polinomios de variable compleja en  $S$  con coeficientes reales.<sup>[1], [2]</sup>. En general está dada por:

$$G(S) = \frac{Y(S)}{X(S)} = \frac{y_m S^m + y_{m-1} S^{m-1} + \dots + y_1 S + y_0}{x_n S^n + x_{n-1} S^{n-1} + \dots + x_1 S + x_0}$$

Cada uno de los polinomios  $Y(S)$  y  $X(S)$  pueden ser expresados en forma factorizada,

$$Y(S) = y_m (S - z_1)(S - z_2)(S - z_3) \dots (S - z_m)$$

$$X(S) = (S - p_1)(S - p_2)(S - p_3) \dots (S - p_n)$$

donde  $p_i$  son los polos y  $z_i$  los ceros del sistema. Tanto los polos como los ceros pueden ser representados gráficamente en el plano complejo. Ejemplo.

$$G(S) = \frac{(S+1)(S-3)}{(S+1-j)(S+1+j)(S+2)}$$

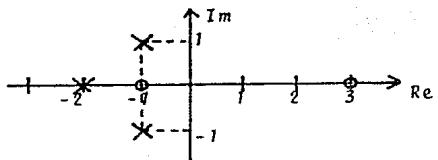


Fig. A.1.1. Patrón de polos y ceros  
De acuerdo al orden del polinomio del denominador se establece el orden del sistema.

### A.1.2. Sistema de primer orden

La relación entrada/salida (función de transferencia) de un sistema de primer orden está dada por,

$$H(S) = \frac{Y(S)}{X(S)} = \frac{1}{\tau S + 1}$$

Analizando la respuesta escalón de dicho sistema se tiene,

$$Y(S) = H(S)X(S)$$

donde  $X(S) = 1/S$  que es la transformada de Laplace de la función escalón unitario.

Sustituyendo,

$$Y(S) = \frac{1}{\tau S + 1} \cdot \frac{1}{S}$$

Dividiendo y desarrollando en fracciones parciales,

$$Y(S) = \frac{1/\tau}{S(S + 1/\tau)} = \frac{A}{S} + \frac{B}{S + 1/\tau}$$

$$A = 1 \quad B = -1$$

$$Y(S) = \frac{1}{S} - \frac{1}{S + 1/\tau}$$

Por transformada inversa se obtiene que,

$$y(t) = u_{-1}(t) - e^{(1/\tau)t} \quad \text{para } t \geq 0$$

donde

$u_{-1}$  es un escalón unitario.

A continuación se muestra la curva de la respuesta escalón de un sistema de primer orden, descrita para la ecuación anterior.

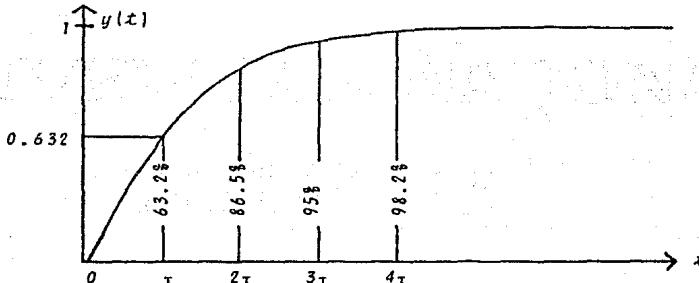


Fig. A.1.2. Respuesta escalón de un sistema de primer orden

La característica más importante que se estudia de esta curva es el valor de  $\tau$ , la constante de tiempo, que es el tiempo para el cual  $y(t)$  ha alcanzado el 63.2% de su variación total. Cuanto más pequeña sea la constante de tiempo, más rápida es la respuesta del sistema. [1].

#### A.1.3. Sistema de segundo orden

Estos sistemas tienen una función de transferencia de la forma,

$$G(S) = \frac{1}{(S+a)^2 + \omega^2}$$

en la que  $G(S)$  puede escribirse como,

$$G(S) = \frac{1}{S + 2\xi\omega_n S + \omega_n^2}$$

donde

$$\xi\omega_n = a$$

$$\omega_n^2 = a^2 + \omega^2$$

$a$ , el amortiguamiento real

$\omega$ , la frecuencia real

$\xi$ , el amortiguamiento relativo o coeficiente de amortiguamiento

$\omega_n$ , la frecuencia natural

Los polos del sistema están dados en función de  $\xi$  y  $\omega_n$ , por,

$$P1 = -\xi\omega_n + j\omega_n\sqrt{1 - \xi^2}$$

$$P2 = -\xi\omega_n - j\omega_n\sqrt{1 - \xi^2}$$

Gráficamente,

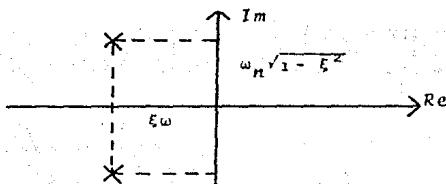


Fig. A.1.3. Patrón de polos y ceros de un sistema de segundo orden. De acuerdo a los valores de  $\xi$ , se tienen cuatro tipos de respuesta.

Respuesta:

1. Subamortiguada.  $0 < \xi < 1$ . En este caso los dos polos son complejos.
2. Críticamente amortiguada.  $\xi = 1$ . Los dos polos coinciden y son reales.
3. Sobreamortiguada.  $\xi > 1$ . Los polos son reales pero no coinciden.
4. No amortiguada.  $\xi = 0$ . Los polos están sobre el eje imaginario.

Respuesta escalón de un sistema de segundo orden para diversos valores de  $\xi$ .

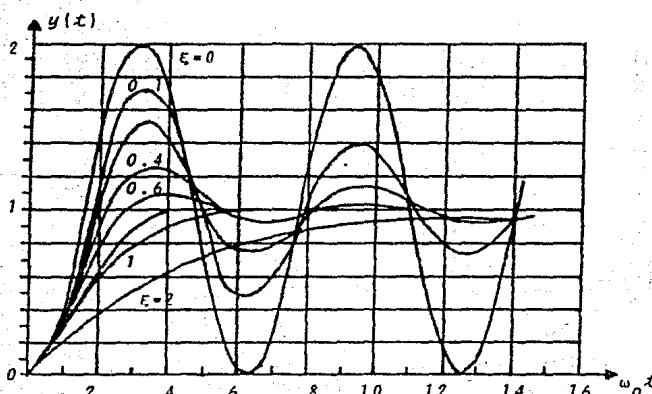


Fig. A.1.4. Respuesta escalón de un sistema de segundo orden

Se observa que las características del sistema dependen del valor de  $\xi$ .

Las especificaciones más importantes de la respuesta transitoria son:

1. Sobrepuaso ( $M_p$ ), que es la máxima sobredesviación con respecto al valor final de la respuesta del sistema; se expresa en porcentaje.

A pequeños valores de  $\xi$  el sobrepuaso es mayor.

$$M_p = e^{\frac{-\xi \pi}{\sqrt{1-\xi^2}}}$$

- 2.- Tiempo de retardo ( $t_r$ ), es el tiempo en el cual la respuesta alcanza por primera vez el 50% de su valor final.
- 3.- Tiempo de levantamiento ( $t_l$ ), es el tiempo que le toma al sistema para que la respuesta pase del 10% al 90% del valor final.

$$t_l = \frac{\pi - \phi}{\omega_n \sqrt{1-\xi^2}} \quad \phi = \cos^{-1} \xi$$

- 4.- Tiempo de asentamiento ( $t_a$ ), es el tiempo al cual la respuesta está dentro del 5% de su valor final.

$$t_a = \frac{5}{\xi \omega_n}$$

Lo anterior se muestra en la figura.

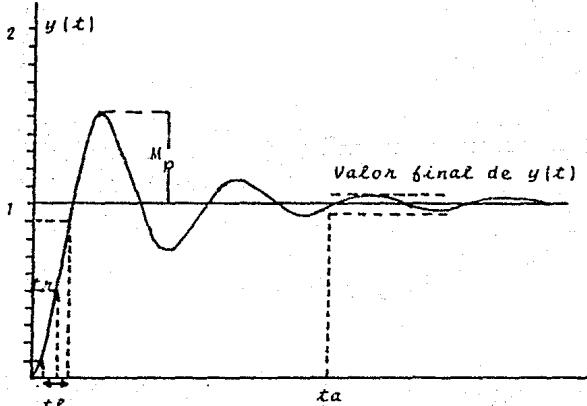
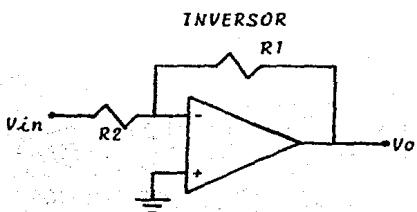


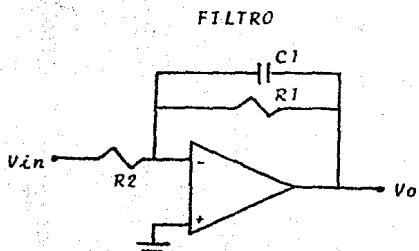
Fig. A.1.5. Especificaciones de la respuesta transitoria

#### A.1.4. Descripción del simulador de F.T.

El simulador de funciones de transferencia nos da una variedad de funciones de primero y segundo orden. Los circuitos típicos que lo constituyen son: el inversor, el integrador y el filtro.

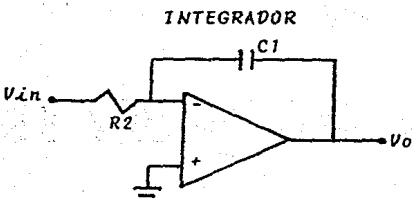


$$G(S) = \frac{V_o}{V_{in}} = -\frac{R_1}{R_2}$$



$$G(S) = \frac{V_o}{V_{in}} = -\frac{R_1}{R_2 C_1 S + 1}$$

donde  $R_1 C_1 = \tau$  y  $R_1 / R_2 = K$



$$G(S) = -\frac{1}{R_2 C_1 S}$$

Fig. A.1.6. Circuitos típicos que constituyen el simulador de F.T.

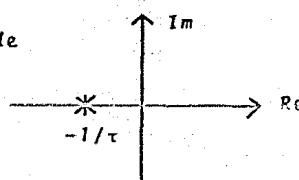
### A.1.5. Función de transferencia de primer orden

Los amplificadores A1 y A2 simulan una función de transferencia de primer orden.

$$G(S) = -\frac{K}{1 + \tau s}$$

En este caso, el patrón de polos y ceros es,

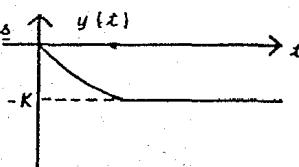
Fig. A.1.7. Patrón de polos y ceros



y,

la curva de la respuesta  $y(t)$ , a una entrada escalón unitario,

Fig. A.1.8. Respuesta escalón

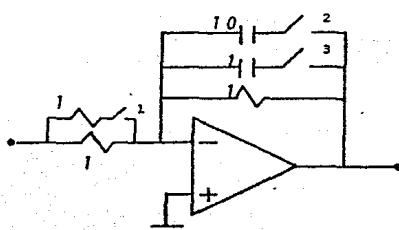


La ganancia K de A1 toma los valores de 1 y 2 y la constante de tiempo, 0, 1 y 10, es decir, para  $\tau=0$ , A1 funciona como inversor.

La ganancia de A2 toma valores de 0.5 y 1 y al igual que el anterior la constante de tiempo, 0, 1 y 10.

Las funciones que se obtienen de estos dos amplificadores se indican en las tablas siguientes, especificando la posición que debe tener cada interruptor en cada caso:

AMPLIFICADOR 1

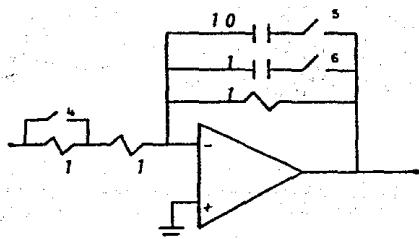


<b>SW1</b>	<b>SW2</b>	<b>SW3</b>	<b>FUNC. TRANS.</b>
A	A	A	- 1
C	A	A	- 2
A	C	A	- $\frac{1}{10S + T}$
C	C	A	- $\frac{2}{10S + T}$
A	A	C	- $\frac{1}{S + T}$
C	A	C	- $\frac{2}{S + T}$

A (abierto).

C (cerrado)

### AMPLIFICADOR 2



SW4 SW5 SW6 FUNC. TRANS.

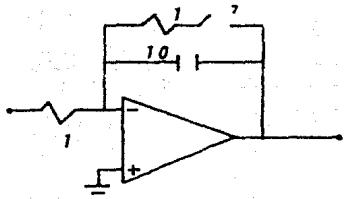
A	A	A	- 0.5
C	A	A	- 1
A	C	A	- $\frac{0.5}{TOS + T}$
C	C	A	- $\frac{T}{TOS + T}$
A	A	C	- $\frac{0.5}{S + T}$
C	A	C	- $\frac{T}{S + T}$

A (abierto)

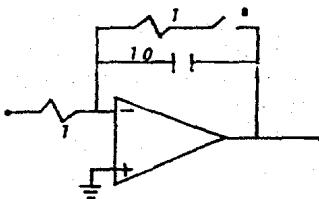
C (cerrado)

En lo que respecta a los amplificadores A3 y A4, estos funcionan como integradores y también simulan una función de transferencia de primer orden.

AMPLIFICADOR 3



AMPLIFICADOR 4



SW7 FUNC. TRANS.

SW8 FUNC. TRANS.

A	$-\frac{1}{TOS}$	A	$-\frac{1}{TOS}$
C	$-\frac{1}{TOS + T}$	C	$-\frac{1}{TOS + T}$

#### A.1.6. Función de transferencia de segundo orden

Conectando los amplificadores A1 y A2 en cascada, se tienen las funciones de transferencia de segundo orden.

De todas las combinaciones posibles, que se muestran a continuación se encuentran dos tipos de respuesta; la respuesta sobreamortiguada y la críticamente amortiguada.

**FUNCIONES DE TRANSFERENCIA DE SEGUNDO ORDEN CONECTANDO A1 Y A2 EN CASCADA**

$0.5$	$1$	$\frac{0.5}{s+1}$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{0.5}{10s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$
$1$	$2$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{2}{s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{2}{10s+1}$
$\frac{0.5}{s+1}$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{0.5}{(s+1)(10s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{0.5}{(s+1)(10s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(10s+1)}$
$\frac{1}{s+1}$	$\frac{2}{s+1}$	$\frac{1}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{2}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(10s+1)}$	$\frac{2}{(s+1)(10s+1)}$
$\frac{0.5}{10s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{0.5}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{0.5}{(10s+1)(10s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(10s+1)}$
$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{2}{10s+1}$	$\frac{1}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{2}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(10s+1)}$	$\frac{2}{(10s+1)(10s+1)}$

**FUNCIONES DE TRANSFERENCIA DE SEGUNDO ORDEN CONECTANDO A1 Y A2 EN CASCADA**

$0.5$	$1$	$\frac{0.5}{s+1}$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{0.5}{10s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$
$1$	$2$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{2}{s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{2}{10s+1}$
$\frac{0.5}{s+1}$	$\frac{1}{s+1}$	$\frac{0.5}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{0.5}{(s+1)(10s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(10s+1)}$
$\frac{1}{s+1}$	$\frac{2}{s+1}$	$\frac{1}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{2}{(s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(s+1)(10s+1)}$	$\frac{2}{(s+1)(10s+1)}$
$\frac{0.5}{10s+1}$	$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{0.5}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{0.5}{(10s+1)(10s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(10s+1)}$
$\frac{1}{10s+1}$	$\frac{2}{10s+1}$	$\frac{1}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{2}{(10s+1)(s+1)}$	$\frac{1}{(10s+1)(10s+1)}$	$\frac{2}{(10s+1)(10s+1)}$

Tomemos como primer ejemplo,

$$1. \quad G(S) = \frac{K}{(S + 1)(S + 1)}$$

$$G(S) = \frac{K}{S^2 + 2S + 1}$$

y comparando con la expresión general,

$$H(S) = \frac{K}{S^2 + 2\zeta\omega_n S + \omega_n^2} = \frac{K}{S^2 + 2\zeta\omega_n S + \omega_n^2}$$

$\zeta$  y  $\omega_n$  tienen el valor de 1. Por tanto, se trata de un sistema, de acuerdo al valor de  $\zeta$ , críticamente amortiguado, cuyos polos son iguales y reales.

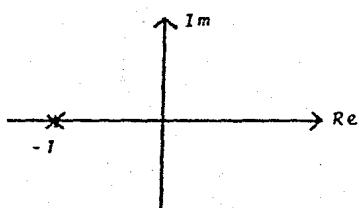
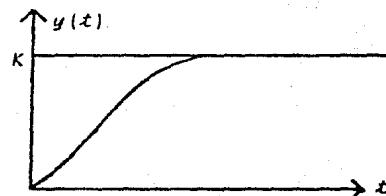


Fig. A.1.9 Patrón de polos y ceros



Respuesta escalón.

La respuesta escalón se obtiene mediante el desarrollo en fracciones parciales,

$$Y(S) = \frac{K}{(S + 1)(S + 1)S}$$

$$Y(S) = \frac{A}{S} + \frac{B}{S + 1} + \frac{C}{(S + 1)^2}$$

$$A = K \quad B = -K \quad C = -K$$

$$Y(S) = \frac{K}{S} - \frac{K}{S + 1} - \frac{K}{(S + 1)^2}$$

$$y(t) = Ku_{-1}(t) - Ke^{-t} - Kte^{-t}$$

Otra de las funciones de transferencia es,

$$2. \quad G(S) = \frac{K}{(10S + 1)(10S + 1)}$$

$$G(S) = \frac{K}{100S^2 + 20S + 1}$$

También tiene una respuesta críticamente amortiguada pues  $\xi=1$ . Sin embargo, la frecuencia natural es de 0.1.

La respuesta escalón es,

$$y(t) = Ku_{-1}(t) - Ke^{-0.1t} - 0.1Ke^{-0.1t}$$

La respuesta sobreamortiguada nos la da una función de transferencia de la forma,

$$3. G(S) = \frac{K}{(10S + 1)(S + 1)}$$

$$G(S) = \frac{K}{S^2 + 1.1S + 0.1}$$

ya que  $\xi=1.739$  ( $\xi>1$ ) y  $\omega_n=0.3162$ , los polos son reales pero no coinciden.

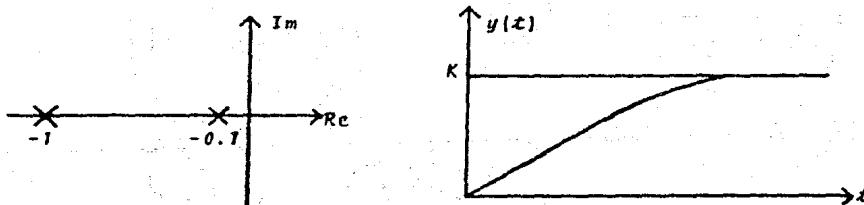


Fig. A.1.10 Patrón de polos y ceros      Respuesta escalón

La respuesta escalón está dada por,

$$y(t) = Ku_{-1}(t) - 1.1Ke^{-1t} - 0.11Ke^{-0.1t}$$

En cuanto a los amplificadores A3 y A4, el sistema de segundo orden resultante puede ser realimentado o no.

El bloque K de realimentación toma los valores de 0, 1 ó 4. Haciendo notar que el valor de 0 indica que el sistema no se encuentra realimentado.

Las funciones de transferencia obtenidas cuando K=0 son:

A3	A4	FUNC. TRANS.
Intg.	Intg.	a. $\frac{1}{100s^2}$
Intg.	Filtro	b. $\frac{1}{10s(10s+1)}$
Filtro	Filtro	c. $\frac{1}{(10s+1)^2}$

El patrón de polos y ceros de cada una de ellas se muestra a continuación.

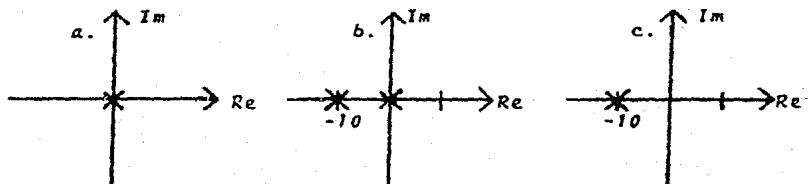


Fig. A.1.11. Patrón de polos y ceros de las F.T. de la tabla anterior.

Para todo  $K$ , la función de transferencia del sistema realimentado es

$$H(s) = \frac{G(s)}{1 + KG(s)}$$

y se deduce a partir del siguiente diagrama.

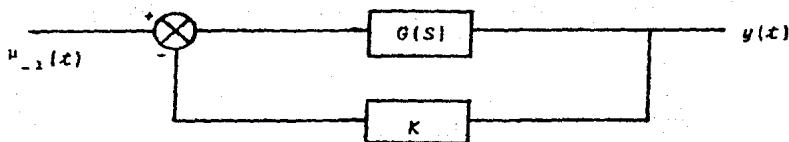


Fig. A.1.12. Diagrama de bloques de un sistema realimentado

Realimentando la función,

$$G(s) = \frac{1}{100s^2}$$

Cuando  $K=1$ ,

$$H(s) = \frac{0.01}{s^2 + 0.01}$$

donde

$$y \quad \epsilon = 0$$

$$\omega_n = 0.1$$

por tanto, es un sistema no amortiguado

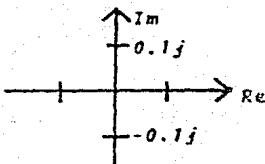


Fig. A.1.13 Patrón de polos y ceros

Desarrollando para obtener la respuesta escalón,

$$Y(s) = \frac{0.01}{s(s^2 + 0.01)}$$

en fracciones parciales,

$$Y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B + Cs}{s^2 + 0.01}$$

$$A = 1$$

$$B = 0$$

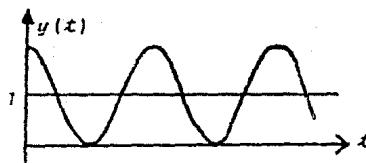
$$C = -1$$

$$Y(s) = \frac{1}{s} + \frac{s}{s^2 + 0.01}$$

resulta una respuesta de la forma,

$$y(t) = u_{-1}(t) - \cos 0.1t$$

Fig. A.1.14 Respuesta escalón



Cuando  $K=4$

$$H(S) = \frac{0.01}{S^2 + 0.04}$$

$$\epsilon = 0$$

$$y \quad \omega_n = 0.2$$

También se trata de un sistema no amortiguado cuyo patrón de polos y ceros es:

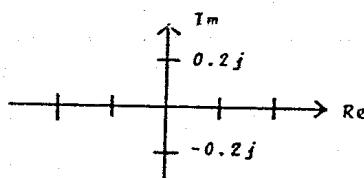


Fig. A.1.15. Patrón de polos y ceros

La respuesta escalón se muestra en la siguiente figura y se obtiene del desarrollo,

$$Y(S) = \frac{0.01}{S(S^2 + 0.04)} = \frac{A}{S} + \frac{B + CS}{S^2 + 0.04}$$

$$A = 0.25$$

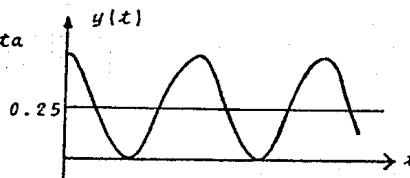
$$B = 0$$

$$C = -0.25$$

$$Y(S) = \frac{0.25}{S} - \frac{0.25S}{S^2 + 0.04}$$

finalmente,

$$y(t) = 0.25u_{-1}(t) - 0.25 \cos 0.2t$$



Realimentando ahora,

$$G(S) = \frac{1}{100S^2 + 10S}$$

Cuando  $K=1$

$$H(S) = \frac{.01}{S^2 + 0.1S + 0.01}$$

Los valores de  $\xi$  y  $w_n$  son 0.5 y 0.1 respectivamente; en este caso se trata de un sistema subamortiguado.

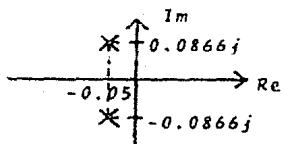


Fig. A.1.17 Patrón de polos y ceros

realizando la transformada inversa para obtener la respuesta escalón,

$$Y(S) = \frac{0.01}{S((S+0.05)^2 + 0.0075)}$$

$$Y(S) = \frac{A}{S} + \frac{B + CS}{(S+0.05)^2 + 0.0075}$$

$$A = 1 \quad B = -0.1 \quad C = -1$$

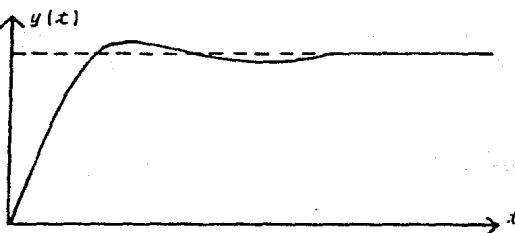
$$Y(S) = \frac{1}{S} - \frac{0.1}{(S+0.05)^2 + 0.0075} - \frac{1}{(S+0.05)^2 + 0.0075}$$

por tanto,

$$y(t) = u_1 - 1.15e^{-0.05t} \sin 0.0866t - e^{-0.05t} \cos 0.0866t$$

La curva de la respuesta que se describe en la ecuación anterior es,

Fig. A.1.18 Res-  
puesta escalón,



Para  $K=4$

Para

$$H(s) = \frac{0.01}{s^2 + 0.1s + 0.04}$$

Los valores de  $\xi$  y  $\omega_n$  son 0.25 y 0.2; por tanto, es un sistema suba-mortiguado.

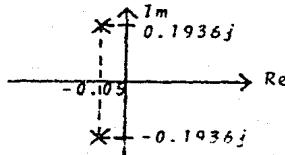


Fig. A.1.19 Patrón de polos y ceros  
De transformada inversa,

$$y(s) = \frac{0.01}{s((s+0.05)^2 + 0.375)} = \frac{A}{s} + \frac{B + Cs}{(s+0.05)^2 + 0.0375}$$

$$A = 0.25 \quad B = -0.025 \quad C = -0.25$$

$$y(s) = \frac{0.25}{s} - \frac{0.025}{(s+0.05)^2 + 0.0375} - \frac{0.25s}{(s+0.05)^2 + 0.0375}$$

la respuesta escalón es,

$$y(t) = 0.25u_-(t) - 0.667e^{-0.05t} \sin 0.1936t - 0.25e^{-0.05t} \cos 0.1936t$$

cuya curva es,

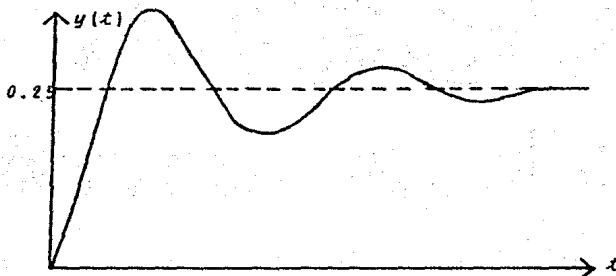


Fig. A.1.20 Respuesta escalón

Realimentando la función,

$$G(s) = \frac{1}{100s^2 + 20s + 1}$$

Para K=1

$$H(S) = \frac{0.01}{S^2 + 0.2S + 0.02}$$

Los valores de  $\xi$  y  $\omega_n$  son 0.7071 y  $\sqrt{0.02}$ , lo que indica que tambien es un sistema subamortiguado.

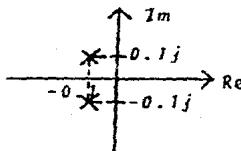


Fig. A.1.22 Patrón de polos y ceros

Mediante el siguiente desarrollo,

$$Y(S) = \frac{0.01}{S((S+0.1)^2 + 0.01)} = \frac{A}{S} + \frac{B + CS}{(S+0.1)^2 + 0.01}$$

$$A = 0.5 \quad B = -0.1 \quad C = -0.5$$

$$Y(S) = \frac{0.5}{S} - \frac{0.1}{(S+0.1)^2 + 0.01} - \frac{0.5S}{(S+0.1)^2 + 0.01}$$

Llegando a que la respuesta escalón es,

$$y(t) = 0.5u_{-1}(t) - 10e^{-0.1t} \sin 0.1t - 0.5e^{-0.1t} \cos 0.1t$$

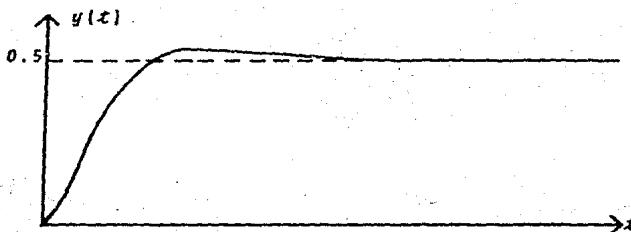
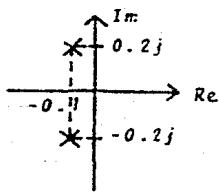


Fig. A.1.23. Respuesta escalón

Cuando K=4

$$H(S) = \frac{0.01}{S^2 + 0.2S + 0.05}$$

Los valores de  $\xi$  y  $\omega_n$  son 0.4472 y  $\sqrt{0.05}$  respectivamente, por tanto es un sistema del mismo tipo que el anterior.



A.1.24 Patrón de polos y ceros

$$Y(s) = \frac{0.01}{s((s+0.1)^2 + 0.04)} = \frac{A}{s} + \frac{B + Cs}{(s+0.1)^2 + 0.04}$$

$$A = 0.2 \quad B = -0.04 \quad C = -0.2$$

$$Y(s) = \frac{0.2}{s} - \frac{0.04}{(s+0.1)^2 + 0.04} - \frac{0.2s}{(s+0.1)^2 + 0.04}$$

La respuesta escalón en este caso es,

$$y(t) = 0.2u_{-1}(t) - e^{-0.1t} \sin 0.2t - e^{-0.1t} \cos 0.2t$$

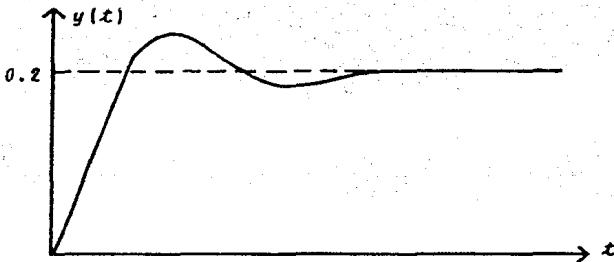


Fig. A.1.25 Respuesta escalón

### A.1.7. Implementación

#### Material

5 circuitos integrados LS741

1 circuito integrado TL083

5 potenciómetros de 10 kΩ

5 perillas

12 interruptores

4 capacitores de 10 μF no polarizados

2 capacitores de 1 μF no polarizados

13 resistencias de 1 MΩ

1 resistencia de 270 kΩ

18 bornes

El circuito LS741 se utilizó únicamente para implementar el inversor y el filtro ya que funcionando como integrador, antes de aplicar la entrada escalón, ya habla integrado el offset. Por tanto, se empleó el circuito TL083, que es un amplificador ya compensado. Sin embargo, con este circuito, la señal a la salida aún tenía un pequeño offset, lo que se corrigió conectando una resistencia (6.8MΩ) en paralelo con el capacitor.

El circuito de dos de los amplificadores conectados en serie (A3 y A4) está realimentado como se muestra en la figura.

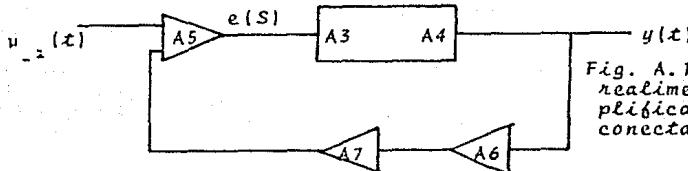


Fig. A.1.26. Circuito realimentado de los amplificadores A3 y A4 - conectados en cascada.

La salida del circuito A5 debe ser  $e(t) = u_{-1}(t) - Ky(t)$ . Por lo que debido a que los amplificadores funcionan como inversores, a la entrada, el escalón debe ser negativo y el producto  $Ky(t)$ , positivo. Para que  $Ky(t)$  sea positivo, se introduce un inversor (A7).

### A.1.8. Gráficas

Para mostrar el funcionamiento del simulador se anexan las curvas de la respuesta escalón de las siguientes funciones de transferencia.

#### PRIMER ORDEN

$$G(S) = \frac{2}{10S + 1}$$

y

$$G(S) = \frac{1}{10S + 1}$$

Fig. A.1.27

#### SEGUNDO ORDEN

$$G(S) = \frac{0.5}{(10S+1)(10S+1)}$$

y

$$G(S) = \frac{1}{(10S+1)(10S+1)}$$

Fig. A.1.28

$$G(S) = \frac{1}{(S+1)(S+1)}$$

y

$$G(S) = \frac{2}{(S+1)(S+1)}$$

Fig. A.1.29

#### SEGUNDO ORDEN CON REALIMENTACION

$$G(S) = \frac{1}{(10S+1)(10S+1)}$$

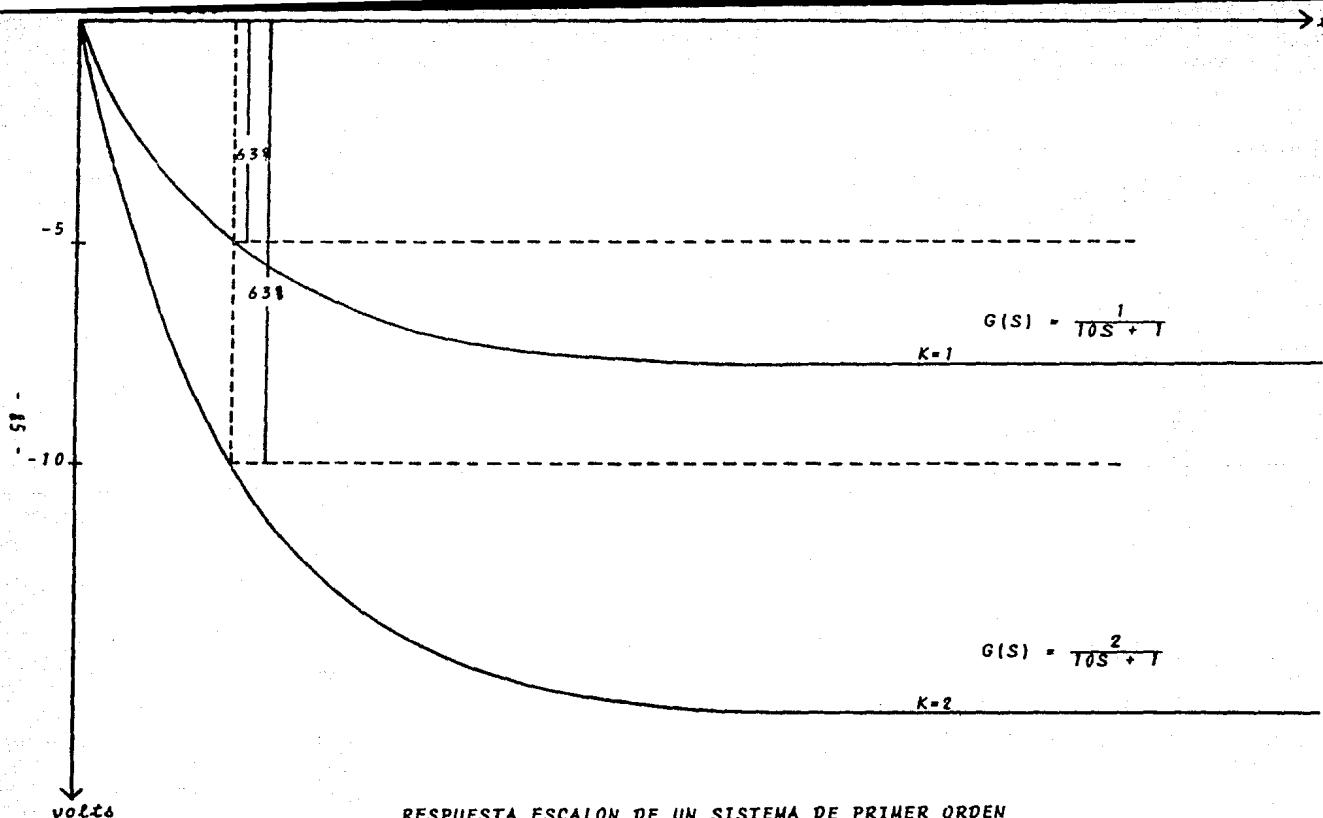
Si K=1

$$H(S) = \frac{0.01}{S^2 + 0.2S + 0.02}$$

Si K=4

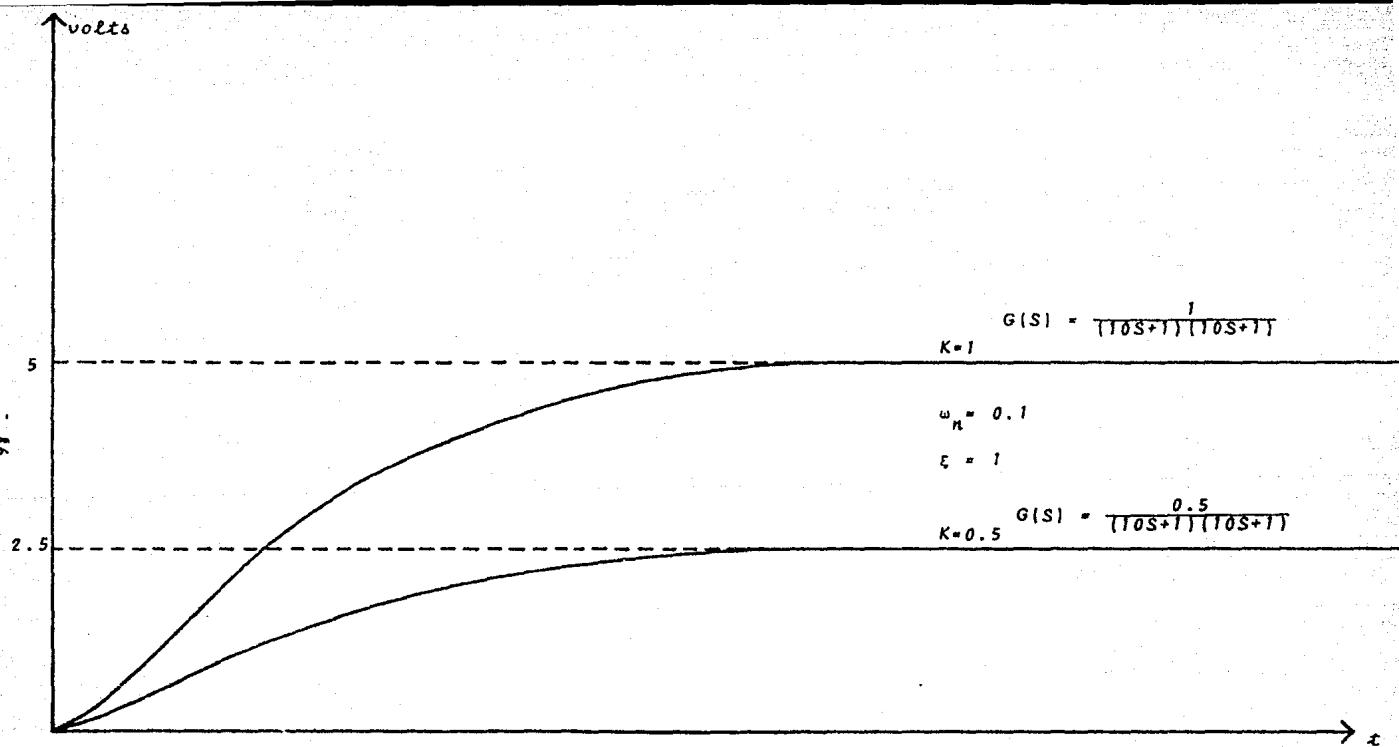
$$H(S) = \frac{0.01}{S^2 + 0.2S + 0.05}$$

Fig. A.1.30



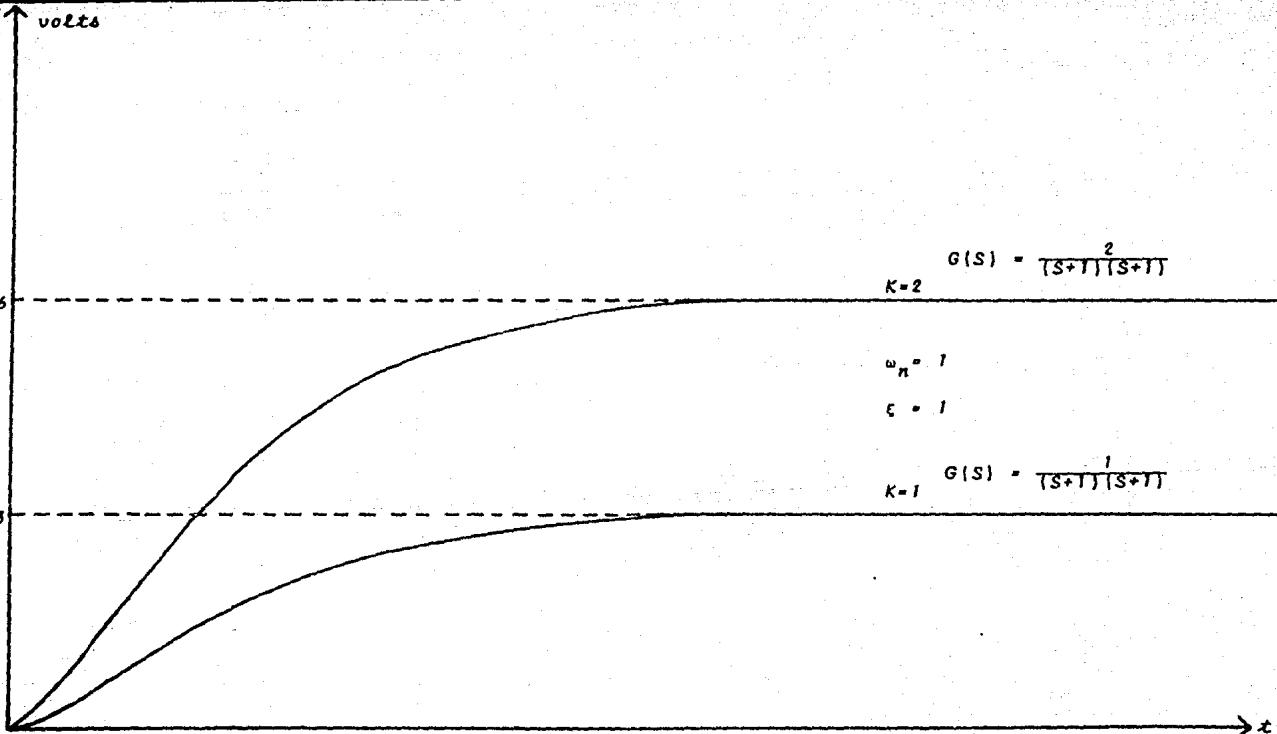
RESPUESTA ESCALON DE UN SISTEMA DE PRIMER ORDEN

FIG. A.1.27



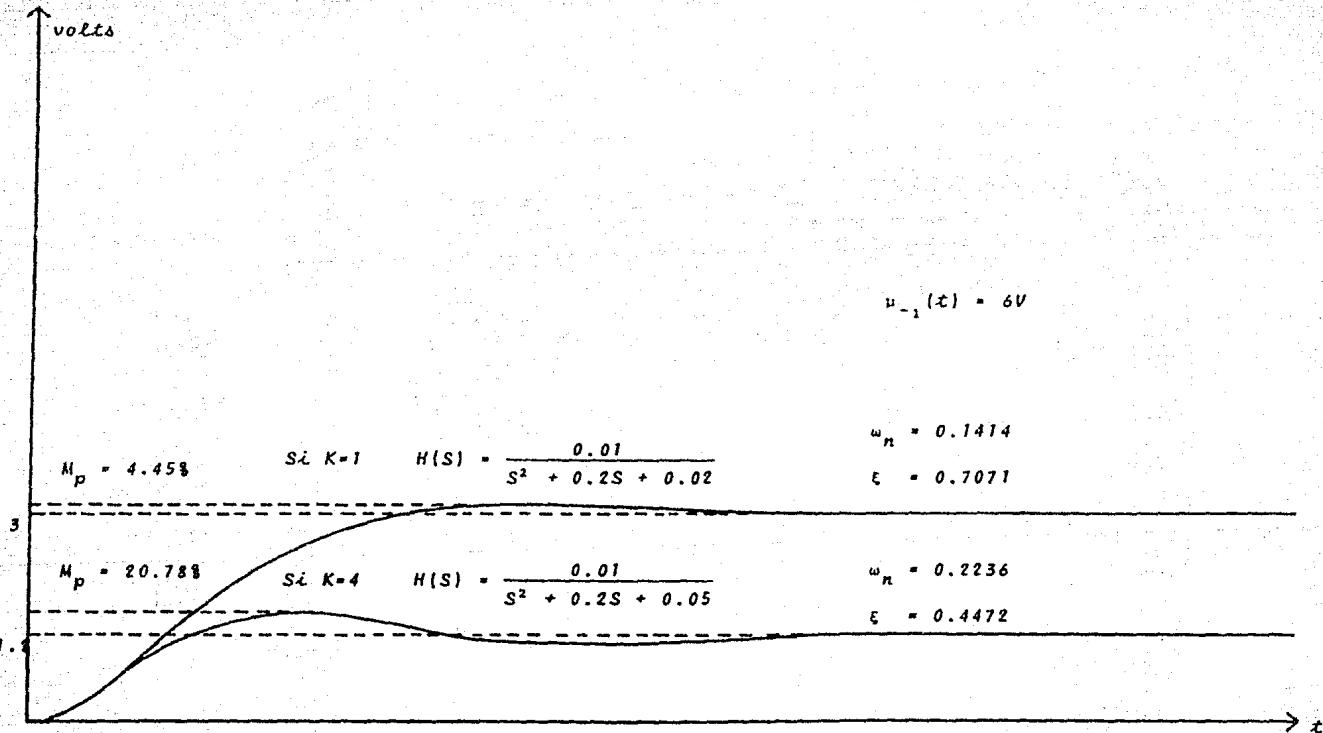
RESPUESTA ESCALON DE UN SISTEMA DE SEGUNDO ORDEN.

FIG. A.1.28



RESPUESTA ESCALON DE UN SISTEMA DE SEGUNDO ORDEN

FIG. A.1.29



RESPUESTA ESCALON DE UN SISTEMA DE SEGUNDO ORDEN

FIG. A.1.30

DIAGRAMA DE BLOQUES DEL SIMULADOR DE FUNCIONES DE TRANSFERENCIA

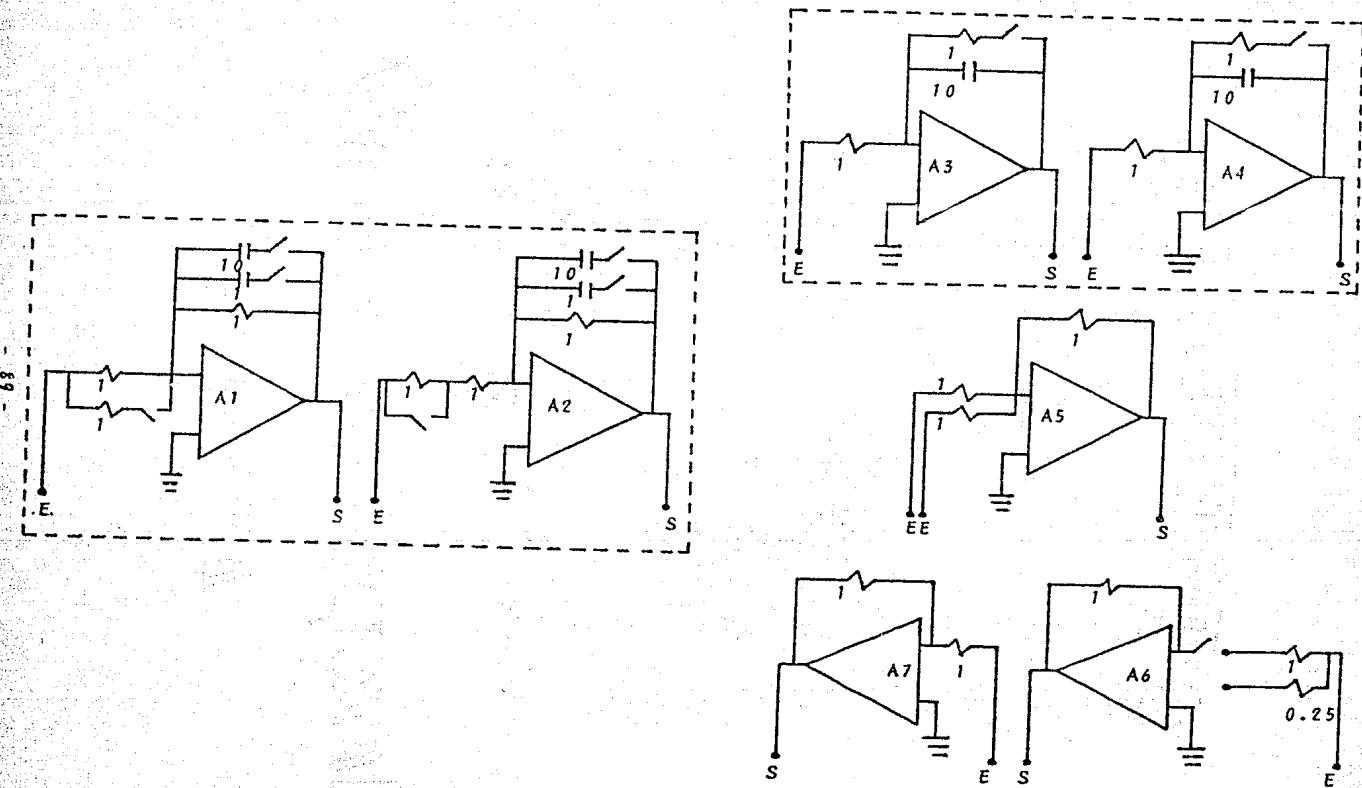


Fig. A.1.31

DIAGRAMA DE CONEXIONES

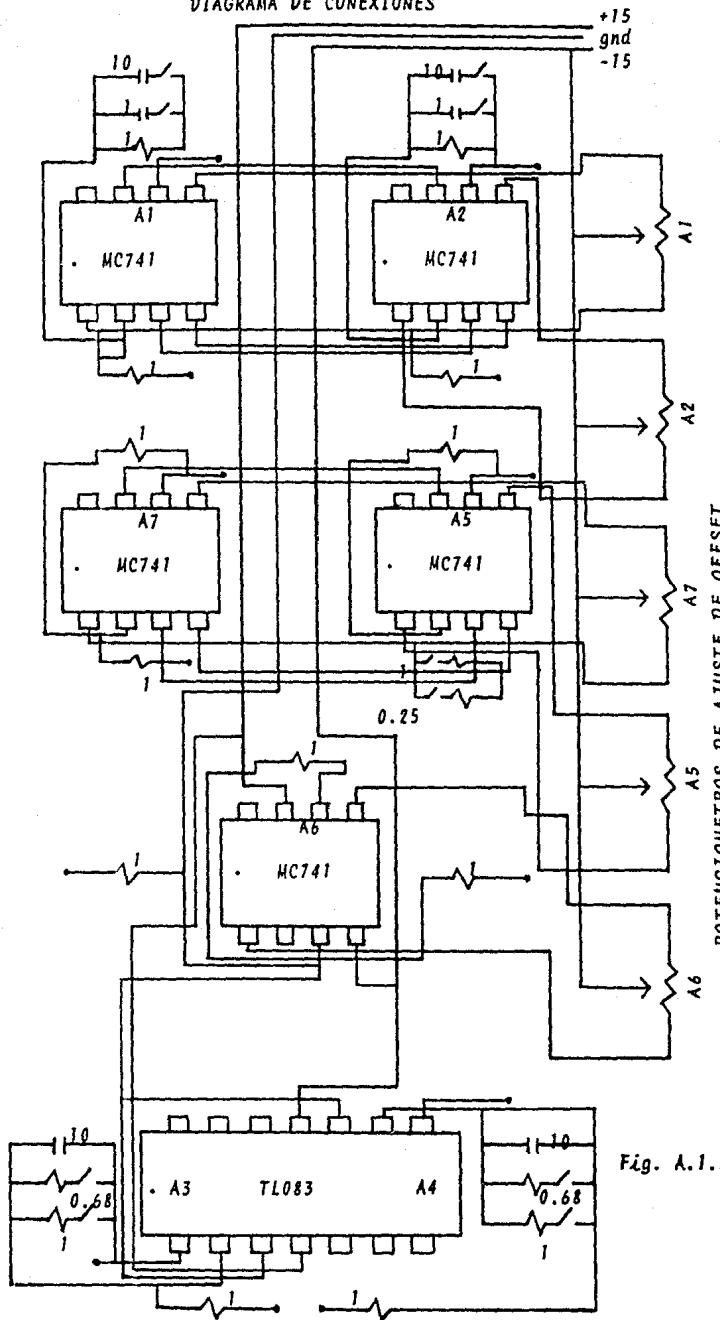


Fig. A.1.32

## A.2.- SISTEMA SERVOMODULAR MS150

### A.2.1.- Descripción general de un motor de C.D.

El motor de C.D. es una máquina eléctrica que transforma la energía eléctrica de C.D. en energía mecánica rotatoria.

Básicamente está formado por un rotor que contiene el devanado inducido y un estator en donde se instala el devanado inductor.

El rotor o armadura se construye de láminas de material ferromagnético (hierro o acero) aisladas una de otra por una capa de barniz o de papel fino.

El estator está formado por una carcasa construida en muchas ocasiones de una sola pieza, sobre la que se colocan los núcleos polares. Estos últimos son laminados como la armadura y a su alrededor se instalan las bobinas inductoras.

Sobre el eje de la armadura se instala el colector, este está compuesto por delgadas de cobre, aisladas entre sí, sobre las cuales se soldan las terminales del devanado de armadura. La misión del colector es dar paso a la corriente que alimenta al inducido, desde las escobillas que lo conectan al circuito exterior.

Las escobillas construidas de cobre o de carbón, se instalan en el portaescobillas, cuyo objeto es soportarlas y mantenerlas en la posición adecuada sobre el colector. Los portaescobillas se montan a su vez en un puente, que permite cambiar la posición de las escobillas, adaptándose a las condiciones de operación del motor.[3].

### A.2.2.- Elementos del Sistema Servomodular MS150.[4].

Está constituido por nueve módulos:

OU150A - Unidad Operacional

AU150B - Unidad Atenuadora

PA150C - Unidad Preamplificadora

SA150D - Servoamplificador

PS150E - Fuente de poder

MT150F - Unidad Motor

IP150H - Potenciómetro de entrada

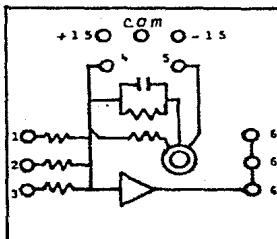
OPI150K - Potenciómetro de salida

LU150L - Unidad de carga (freno magnético)

#### Unidad Operacional

Es un amplificador operacional conectado como sumador inversor con tres entradas. Cuenta con un ajuste a cero del offset. Opera con +15 y -15 voltios. Tiene tres formas de realimentación por medio de un selector: resistencia, resistencia-capacitor y externa.

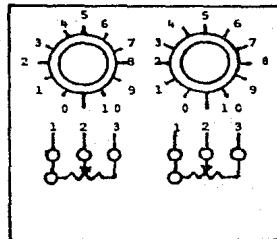
Fig. A.2.1 Unidad Operacional



#### Unidad Atenuadora

Contiene dos potenciómetros de 10K que se utilizan para fijar un voltaje de referencia cuando están conectados a una fuente de corriente directa o como control de ganancia cuando están conectados a la salida de un amplificador. La proporción de las resistencias está graduada en escala de 0 a 10, indicada por una perilla.

Fig. A.2.2 Unidad atenuadora



### Unidad Preamplificadora

Conectando su salida 3 y 4 a cada uno de los transistores de potencia de la unidad SA150D (servoamplificador) da la bidireccionalidad al motor.

Dependiendo del signo de la suma de las entradas 1 y 2 se tiene un voltaje, si es positivo, en la salida 3 y si es negativo, en la salida 4.

Su gráfica de entrada/salida es,

Fig. A.2.3. Gráfica de entrada/salida de la unidad preamplificadora

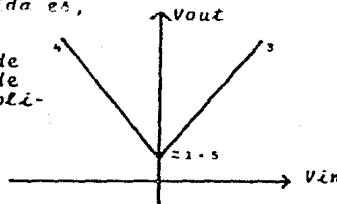
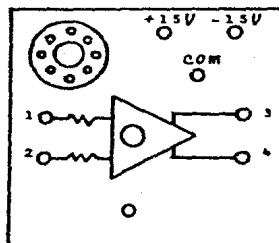


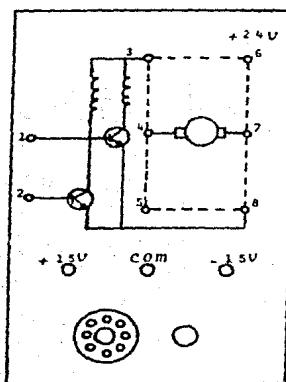
Fig. A.2.4 Unidad preamplificadora



### Servoamplificador

Contiene los transistores que manejan al motor en cualquier dirección. La entrada 1 hace que el motor gire en un sentido y la entrada 2 en el o - puesto. Las terminales 3, 4, 5, 6, 7 y 8 pueden interconectarse para obtener - los dos modos de control, armadura y campo.

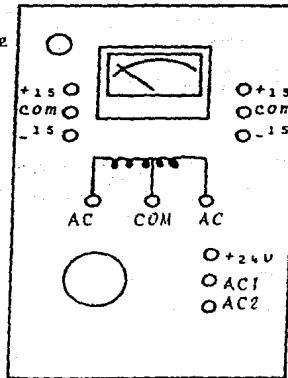
Fig. A.2.5. Servo-amplificador



#### Fuente de poder

Provee 24 Vcd no regulados a 2 amp. que son suministrados al motor. - Para alimentar a los amplificadores así como para obtener voltajes de referencia se tienen fuentes de +15 y -15V. También consta de un medidor de corriente con indicador de sobrecarga a 2 amp. y protección.

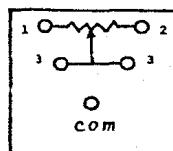
Fig. A.2.6. Fuente de poder



### Potenciómetros de entrada y salida

Son potenciómetros rotatorios de 10K; se utilizan para el control de posición. Tienen un radio de giro de  $\pm 150^\circ$ .

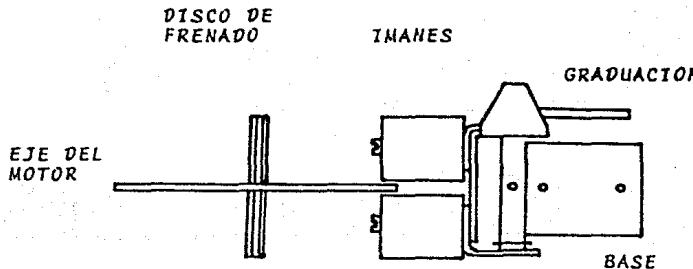
Fig. A.2.7. Potenciómetros de entrada/salida



### Unidad de carga

Cuando el disco de aluminio que está montado en el eje del motor gira entre los polos del imán de la unidad de carga, las corrientes de EDDY hacen el efecto de un freno. La potencia del freno magnético puede ser controlada por la posición del imán en el disco de aluminio llamado también disco de freno.

Fig. A.2.8. Unidad de carga



### Motor de Corriente Directa

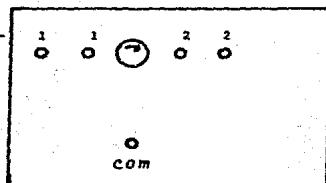
Esta unidad está formada por tres partes: motor de C.D., generador y eje de baja velocidad.

El motor de C.D. tiene campo independiente y devanado en serie con una extensión del eje para montar el disco de freno.

El generador, con salida en la parte superior, nos da en voltaje la velocidad del motor.

El eje de baja velocidad es perpendicular al eje del motor y se utiliza para el control de posición; un acoplador nos permite conectarlo al potenciómetro de salida. Está controlado por el eje de alta velocidad a través de una reducción de engranes en una relación 30:1.

Fig. A.2.9. Generador



#### A.3.- DESCRIPCION GENERAL DEL MODULO DE EVALUACION DEL TMS32010 (EVM).

El EVM consta de dos microprocesadores conectados en una relación maestro-esclavo: el TMS9995 y el TMS32010, respectivamente. El primero es usado para manejar el sistema operativo de la tarjeta: cargar programas, modificarlos, comandar su ejecución, etc. El segundo, es un coprocesador aritmético del primero, encargado de ejecutar los programas de aplicación.

Se tienen varias velocidades de transmisión: 110, 300, 600, 1200, - 4800, 9600 y 19200 bauds, seleccionables por el comando del monitor BAUD.- La velocidad del puerto 1 (terminal del usuario) trabaja en general a 9600 bauds. El EVM se comunica al exterior por medio de tres puertos.

- Puerto 1. Terminal del usuario
- Puerto 2. Impresora o CPU huésped
- Puerto 3. Grabadora

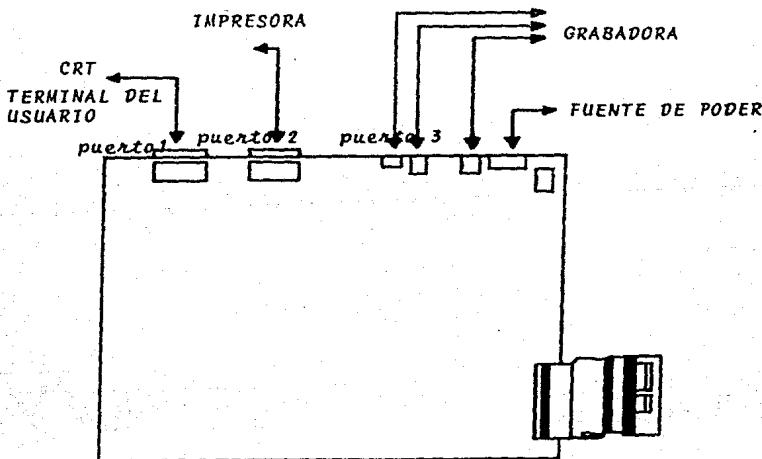


Fig. A.3.1. Módulo de evaluación del TMS32010 (EVM)

### A-3.1. Memoria

La memoria del EVM está dividida en tres partes principales: EPROM - el sistema operativo, RAM del sistema operativo y RAM del usuario. El mapa de memoria correspondiente se muestra en la figura siguiente:

RAM INTERNA DEL TMS9995	F000-F0FB
RAM PARA BREAKPOINT	C000-DFFF
RAM DEL USUARIO	A000-BFFF
RAM DEL SISTEMA	8000-9FFF
FIRMWARE(EPROM)	6000-7FFF
FIRMWARE(EPROM)	4000-5FFF
FIRMWARE(EPROM)	2000-3FFF
FIRMWARE(EPROM)	0000-1FFF

Los programas contenidos en la EPROM del sistema operativo se dividen en tres partes principales: el monitor, el ensamblador y el editor de textos. Cada uno de ellos realizando las funciones clásicas respectivas.

#### A.4.- DESCRIPCION GENERAL DEL MICROPROCESADOR TMS32010

El TMS32010 es un microprocesador de señales digitales diseñado para soportar un amplio rango de aplicaciones de alta velocidad o grandes cantidades de cálculos numéricos (análisis de voz, procesamiento de imágenes, - control digital, etc.).

Sus principales características son:

- + Ciclo de instrucción de 200 nS.
- + RAM de 288 bytes para datos dentro del circuito
- + Palabra de instrucción y datos de 16 bits
- + Acumulador de 32 bits
- + Multiplicación de 16 X 16 bits en 200 nS.
- + 8 puertos de entrada/salida de 16 bits cada uno
- + Bus de datos bidireccional de 16 bits con ancho de banda de 40 Mbits por seg.
- + Aritmética de punto fijo en complemento a 2.
- + Fuente de alimentación de +5 Volts
- + Encapsulado de 40 patas

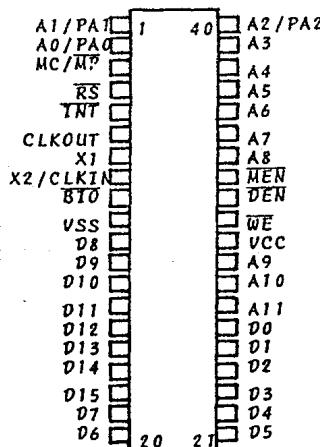


Fig. A.4.7. MICROPROCESADOR TMS32010

#### A.4.1.- Arquitectura

El procesador TMS32010 posee una arquitectura que permite la comunicación entre el espacio de memoria de programa y el espacio de memoria de datos (llamada Harvard modificada).

De acuerdo al diagrama de bloques de su arquitectura, los elementos básicos que lo constituyen son los siguientes: elementos aritméticos, memoria de programa, memoria de datos y registros.

##### A.4.1.1.- Elementos aritméticos

Los elementos aritméticos son: la ALU, el acumulador, el multiplicador y registros de corrimiento. Todas las operaciones se realizan en complemento a 2.

**ALU.** Es la unidad aritmética y lógica de propósito general que opera con palabras de 32 bits.

**Acumulador.** El acumulador es siempre el destino de la operación y contiene el operando primario. Almacena la salida de la ALU y también proporciona un dato a ésta.

**Multiplicador de 16 X 16 bits.** Consta de tres unidades: el registro T el registro P y el multiplicador. El registro T es un registro de 16 bits que almacena el multiplicando; el multiplicador viene de la memoria de datos para la instrucción MPV, o en el caso de una multiplicación inmediata (MPVK), forma parte del código de la instrucción.

**Registros de corrimiento.** Hay dos registros de corrimiento para manipular los datos; uno de ellos es para corrimiento de datos que van de la RAM de datos a la ALU. Realiza un corrimiento a la izquierda de 0 a 15 posiciones en todas las palabras de datos que serán cargadas, restadas o sumadas al acumulador. El otro es el registro de corrimiento paralelo; se activa solamente mediante la instrucción SACH; este registro solo ejecuta corrimientos de 0, 1 ó 4 posiciones a la izquierda.

#### A.4.1.2. Registros internos

Registros auxiliares (AR0 y AR1). Son registros de 16 bits, que no están contenidos en la RAM de datos. Se utilizan como almacenamiento temporal, para llevar a cabo el direccionamiento indirecto de la memoria de datos y control de lazos (loops).

Registro apuntador auxiliar. Es parte del registro de estados e indica cual de los registros auxiliares se está utilizando.

Apuntador de programa (PC). Es un registro de 12 bits que contiene la dirección de la siguiente instrucción a ejecutar. Se inicializa en cero al activar la línea de RESET. Los tres bits menos significativos del PC son utilizados para direccionar los puertos de entrada/salida.

Pila (Stack). Está formado de 4 localidades de 12 bits cada una; para escribir o leer de la pila se utilizan las instrucciones PUSH y POP respectivamente, que operan con los 12 bits menos significativos del acumulador.

El PC y el Stack permiten al usuario realizar saltos, llamadas a subrutinas, interrupciones y ejecutar las instrucciones TBLR y TBLW.

Registro de estados. Este registro está formado por 5 bits donde almacena 5 banderas. Los bits pueden ser alterados individualmente mediante instrucciones dedicadas. Además el registro puede ser almacenado en memoria de datos mediante la instrucción SST. Las banderas correspondientes son las siguientes:

OV bandera de desbordamiento del acumulador

OVM bit de modo desbordamiento

INTM bit de enmascaramiento de interrupciones

ARP apuntador de registro auxiliar

DP apuntador de página de memoria de datos

#### A.4.1.3 Buses

##### A.4.1.3.1.- Buses internos

Bus de programa. Tiene 16 líneas, su función es la de interconectar -

la memoria de programa con el PC, la pila y el resto de los componentes -- del circuito integrado.

Bus de datos. Tiene 16 líneas también y comunica a la memoria de datos con los elementos aritméticos y el resto del circuito integrado.

Existe una interconexión entre estos dos buses que permite el flujo - de información entre las dos memorias.

#### A.4.1.3.2.- Buses externos

Bus de datos. Es un bus bidireccional de 16 bits con una velocidad máxima de transmisión de 40 Mbits por seg.

Bus de direcciones. Es un bus unidireccional de 12 bits, que permite - direccionar la memoria y los puertos de entrada/salida.

#### A.4.1.4.- Funciones de entrada/salida

La entrada y salida de datos de un periférico se lleva a cabo por las instrucciones IN y OUT respectivamente, a través de uno de los 8 puertos - direccionables desde el microprocesador, como se muestra en la fig. A.4.2. Los datos se transfieren por el bus de datos de 16 bits, a y de, la memoria de datos; la transferencia está sincronizada con las señales independientes: habilitación de datos ( $\overline{DEN}$ ) (para una lectura, IN) y habilitación de escritura ( $\overline{WE}$ ) (para la instrucción OUT).

El bus de datos externo bidireccional se encuentra siempre en estado - de alta impedancia, excepto cuando alguna de esas dos líneas de control están en su estado activo bajo. Como se muestra en las figs. A.4.3 y A.4.4.,  $\overline{WE}$  estará en su estado bajo durante una instrucción OUT y la señal  $\overline{DEN}$  durante una instrucción IN.

Para direccionar los puertos se utilizan los 3 bits menos significativos del bus de direcciones, (PA2 a PA0). Los 9 bits restantes de este bus - se mantienen en su nivel bajo durante la ejecución de estas instrucciones.

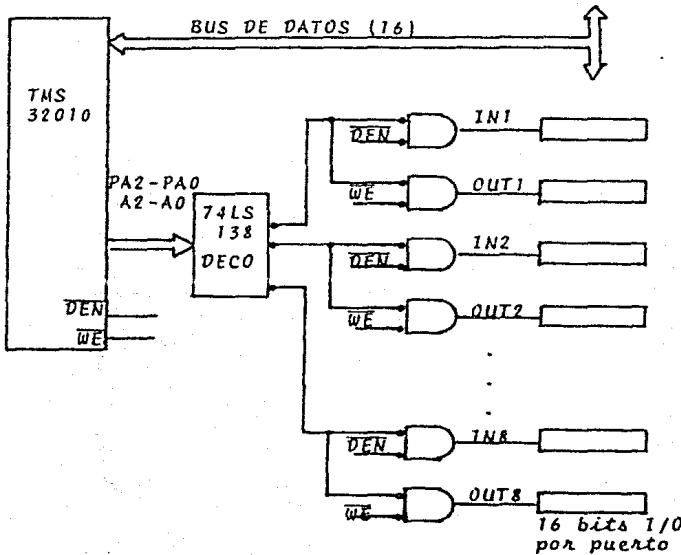


Fig. A.4.2. Direccionamiento de los puertos I/O.

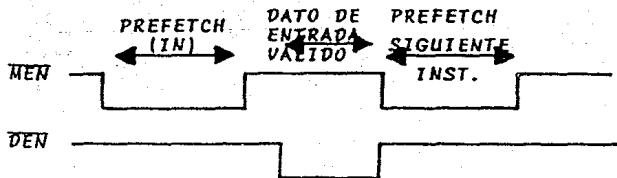


Fig. A.4.3. Diagramas de tiempo de la instrucción IN

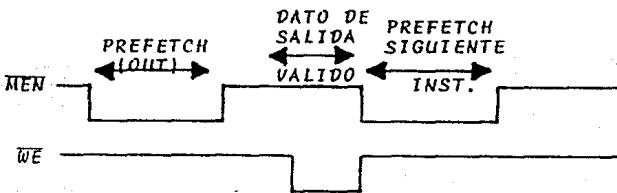


Fig. A.4.4 Diagramas de tiempo de la instrucción OUT

#### A.4.1.5.- Memoria

##### A.4.1.5.1.- Memoria de programa

Dependiendo de la versión del microprocesador hay dos modos de operación definidos por el estado de la entrada MC/MP: el modo microcomputador y el modo microprocesador.

La tabla siguiente ilustra el tamaño y la distribución de la memoria de programa de la familia TMS320, para cada uno de los modos de operación.

VERSION	Opciones de la memoria de programa	Modo microcomputador	Modo microprocesador
TMS320M10	Modos microcomputador y microprocesador.	MC/MP = 1 1536 palabras dentro del circuito (ROM) y 2560 palabras de memoria externa.	MC/MP = 0 4096 palabras de memoria externa.
TMS32010	Modo microprocesador solamente	No utilizado	4096 palabras de memoria externa

Como se observa la versión TMS32010, que es la que se utilizó en esta tesis, solo soporta el modo microprocesador en donde las 4K palabras de la memoria de programa están externas al circuito. Para configurar esta memoria se aconseja utilizar memoria RAM estática con un tiempo de acceso inferior a 100 nS., para no penalizar en tiempo al microprocesador.

El bus de direcciones de 12 líneas se utiliza para el direccionamiento de la memoria externa. Los bits de la dirección están contenidos en el contador de programa. Cuando una instrucción está en el ciclo de FETCH, la señal MEN será generada para habilitar la memoria externa. Se hace notar que MEN nunca se activa al mismo tiempo que las señales WE o DEN. En efecto, MEN será baja en cada ciclo de reloj excepto cuando una función I/O se ejecuta por las instrucciones IN o OUT respectivamente.

En instrucciones de varios ciclos, MEN es baja durante los ciclos en-

que  $\overline{WE}$  y  $\overline{DEN}$  no están activas.

#### A.4.1.5.2.- Memoria de datos

El microprocesador cuenta con una memoria de datos de 144 palabras de 16 bits en una RAM dentro del circuito.

Por el tamaño de esta RAM algunas veces es necesario guardar operados fuera del circuito y leerlos cuando se necesitan. Para ello existen las instrucciones TBLR y TBLW.

La instrucción lectura de tabla (TBLR) transfiere valores de la memoria de programa a la memoria de datos.

La instrucción de escritura de tabla (TBLW) transfiere valores de la RAM de datos a la memoria de programa. Hay que hacer notar que estas instrucciones se ejecutan en 3 ciclos de reloj del microprocesador, por lo que siempre que sea posible es preferible utilizar las instrucciones IN, OUT, que se ejecutan en solo dos ciclos.

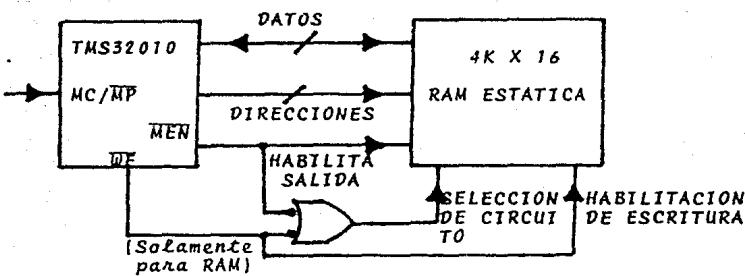


Fig. A.4.5. Memoria de programa (externa al TMS32010)

#### A.4.2 Interrupciones

Existen dos formas de interrumpir al microprocesador:

- Aplicando un voltaje bajo en la entrada  $\overline{BI0}$ .

Cuando un voltaje bajo se presenta en la entrada  $\overline{BI0}$ , la ejecución de la instrucción  $BI0Z$  causará la ejecución de una subrutina preparada para este caso.

La entrada  $\overline{BI0}$  es usada para monitorear el estado de un periférico. Se utiliza especialmente como una alternativa para interrumpir cuando no se requiere que el microprocesador realice otras instrucciones mientras se espera que el voltaje en la entrada  $\overline{BI0}$  sea bajo.

- Aplicando un voltaje bajo en la entrada  $TNT$

La interrupción en sentido estricto se genera aplicando un pulso negativo o manteniendo baja la entrada  $TNT$ . El diagrama del circuito de interrupción interno del TMS32010 se presenta en la siguiente figura.

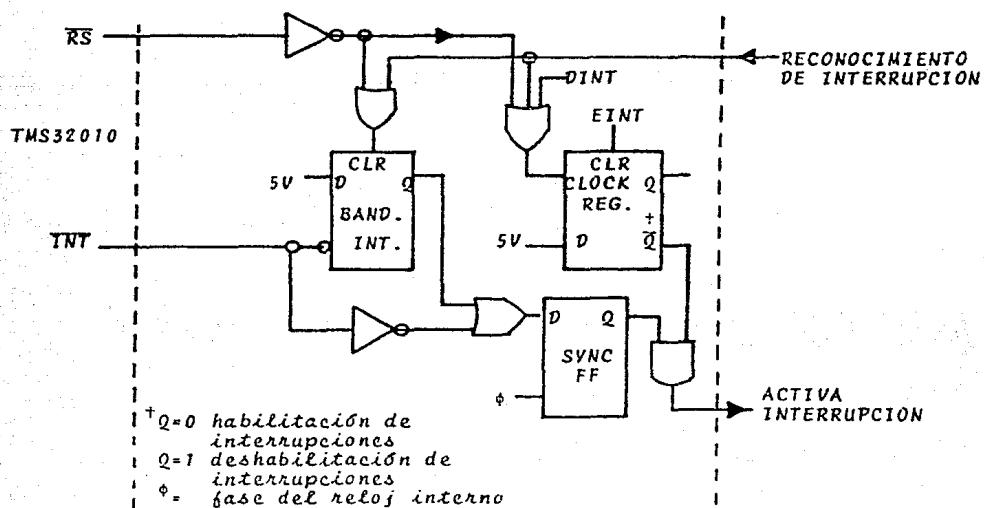


Fig. A.4.6. Diagrama del circuito de interrupción interno del TMS32010

Como se puede observar el FLIP-FLOP SYNC FF se utiliza para sincronizar la señal de interrupción externa, al circuito de interrupción interno.

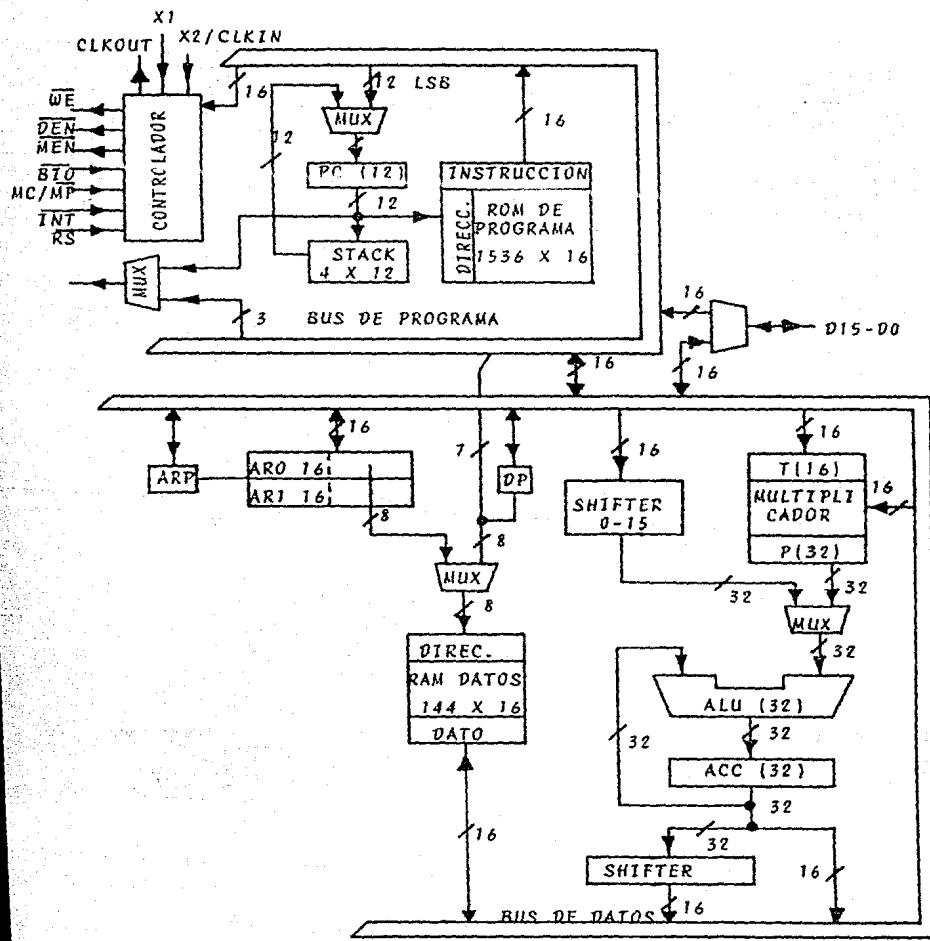
Si el registro de modo de interrupción, que depende de la máscara de interrupción (INTM) es 1, entonces una señal externa de interrupción causa un salto a la localidad 2 en la memoria de programa. En dicha localidad se indica el inicio de la rutina de servicio de la interrupción.

La solicitud de interrupción esperará en cada uno de los siguientes casos:

1. Hasta finalizar todos los ciclos de una instrucción con varios ciclos.
2. Hasta que se haya completado la ejecución de una multiplicación - MPY o MPYK.
3. Cuando las interrupciones han sido deshabilitadas previamente, es necesario ejecutar la instrucción EINT que las habilita nuevamente.

Este último punto permite que se pueda regresar de la subrutina de interrupción, con la instrucción RET, antes de la llegada de una nueva interrupción ya que éstas quedan deshabilitadas después de la aceptación de una de ellas.

Fig. A.4.7.  
DIAGRAMA DE BLOQUES DE LA ARQUITECTURA DEL TMS32010



#### A.5.- DESCRIPCION DE LA TARJETA DE INTERFAZ ANALOGICA

La tarjeta de interfaz analógica es usada como una tarjeta complementaria del módulo de evaluación TMS32010.

Esta tarjeta está constituida por:

- + Un convertidor A/D de 12 bits
- + Un convertidor D/A de 12 bits
- + Un puerto de salida de 16 bits para un convertidor D/A adicional o una aplicación definida por el usuario
- + Un puerto de entrada de 16 bits para un convertidor A/D adicional o una aplicación definida por el usuario
- + Dos filtros pasabajas
- + Un decodificador TBLW
- + Memoria de expansión, de datos
- + Registro de control

El diagrama de bloques siguiente muestra la arquitectura básica.

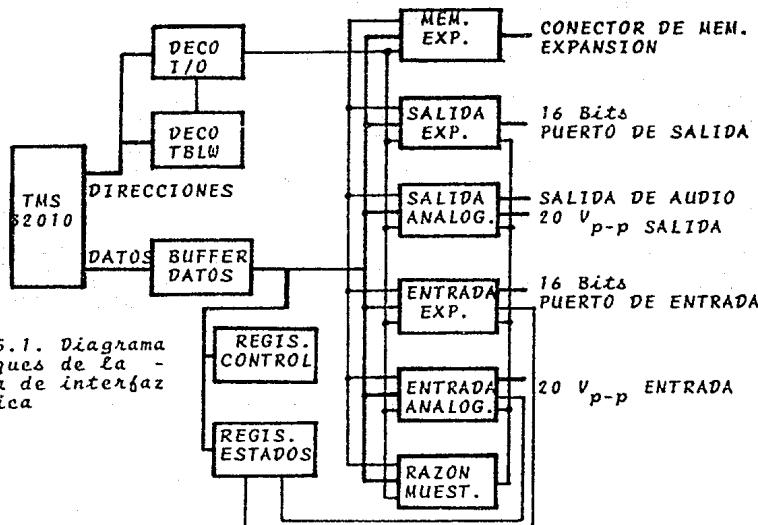


Fig. A.5.1. Diagrama de bloques de la tarjeta de interfaz analógica

#### A.5.1 Definiciones de los puertos de entrada/salida

Los datos son transferidos entre el módulo de evaluación y la tarjeta de interfaz analógica con las instrucciones IN y OUT descritas en A.4.1.4.- La siguiente tabla indica la función de cada uno de los puertos asociados a estas operaciones de entrada/salida.

Puerto	Función de entrada	Función de salida
0	Lee el registro de estados del convertidor A/D	Carga el registro de control de la tarjeta AIB.
1	No se usa	Carga la razón de muestreo
2	Lee los datos del convertidor A/D	Escribe los datos en el convertidor D/A
3	Puerto de expansión (lectura)	Puerto de expansión (escritura)
4	Lectura de la dirección inicial de la memoria de expansión	Carga la dirección inicial de la memoria de expansión
5	Lectura de datos de la memoria de expansión	Escritura de datos en la memoria de expansión
6	No se usa	No se usa
7	No se usa	No se usa

#### A.5.2. Registro de control de la tarjeta de interfaz analógica

El registro de control es cargado por el TMS32010 para definir el modo de operación de la tarjeta. Un modo específico puede ser seleccionado, - - guardado en la memoria de datos y enviado al puerto 0 con la instrucción -- OUT.

El registro de control es definido de la siguiente manera:

	15	...	8	7	6	5	4	3	2	1	0
No se usa	DCW		DCR		U/D		CAD2	CAD1	CDA2	CDA1	CCLR
BIT 0 (CCLR)											
1 Razón de muestreo deshabilitada											
0 Razón de muestreo habilitada											
BIT 1 (CDA1)											
1 Modo transparente para D/A											
0 Modo de muestreo para D/A											
BIT 2 (CDA2)											
1 Modo transparente para expansión D/A											
0 Modo de muestreo para expansión D/A											

BIT 3 (CAD1)	1 Modo de recepción automática para A/D 0 Modo de recepción asincrónica para A/D
BIT 4 (CAD2)	1 Modo de recepción automática para expansión A/D 0 Modo de recepción asincrónica para expansión A/D
BIT 5 (U/D)	1 Contador hacia arriba de la dirección de la memoria - de expansión 0 Contador hacia abajo de la dirección de la memoria - de expansión
BIT 6 (DCR)	1 Contador de dirección de la memoria de expansión deshabilitado para lectura de datos (IN) 0 Contador de dirección de la memoria de expansión habilitado para lectura de datos (IN)
BIT 7 (DCW)	1 Contador de dirección de la memoria de expansión deshabilitado para escritura de datos (OUT) 0 Contador de dirección de la memoria de expansión habilitado para escritura de datos (OUT)

#### A.5.3. Memoria de expansión

La tarjeta AIB tiene una memoria de expansión de 8K palabras. Las señales de control, el bus de datos y el de direcciones están conectados a un conector (P2) para una expansión de 64K. Esta memoria se accesa mediante las instrucciones IN y OUT.

Su diagrama de bloques se muestra en la figura siguiente:

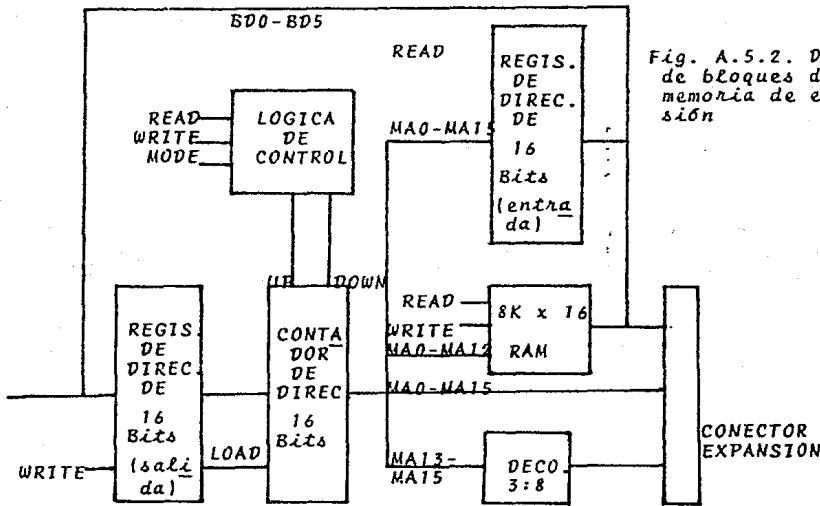


Fig. A.5.2. Diagrama de bloques de la memoria de expansión

La interfaz con la memoria consiste en un latch de dirección, un contador de direcciones, una memoria RAM estática, una memoria temporal tipo buffer para la lectura del contador de direcciones y la lógica de control necesaria. El contador de direcciones permite al usuario realizar autoincrementos o autodecrementos. El modo del contador es seleccionado por medio de la escritura del valor apropiado del registro de control por el puerto 0. La dirección de inicio es escrita en el latch por el puerto 4. Una escritura o una lectura en la memoria RAM de expansión se realiza por el puerto 5. Los bits de control del contador de direcciones están definidos como una parte del registro de control de la tarjeta AIB.

Los modos de direccionamiento de la memoria de expansión se proporcionan en la siguiente tabla.

DCW	DCR	U/D	MODO
0	0	0	El contador de direcciones contará hacia abajo en lectura o escritura.
0	0	1	El contador de direcciones contará hacia arriba en lectura o escritura.
0	1	0	El contador de direcciones contará hacia abajo en escritura solamente.
0	1	1	El contador de direcciones contará hacia arriba en escritura solamente.
1	0	0	El contador de direcciones contará hacia abajo en lectura solamente.
1	0	1	El contador de direcciones contará hacia arriba en lectura solamente.
1	1	0	El contador está deshabilitado
1	1	1	El contador está deshabilitado

#### A.5.4. Frecuencia de muestreo

El reloj que proporciona la razón de muestreo es un contador divisor por N, programable. La señal CLKOUT del TMS32010 es usada como la fuente para el contador. Los pulsos de salida del reloj inician la conversión A/D así como la generación de otras señales que controlan la salida de datos -

para el convertidor D/A. La relación de este reloj con la frecuencia de muestreo está dada por:

$$F_{sr} = \frac{F_{clkout}}{N + 1}$$

donde,

$F_{clkout} = 5$  Mhz. para el TMS32010

$N$  = constante de 16 bits que se carga en el registro del reloj

Para inicializar esta frecuencia se manda el valor correspondiente a  $N$  de una localidad de memoria de datos al puerto 1 con una instrucción OUT.

El rango de frecuencias de salida es de 76.29 Hz. a 5 Mhz.

#### A.5.5. Filtros analógicos de la tarjeta

La ATB contiene dos filtros pasabajas:

- 1) Filtro limitador de banda
- 2) Filtro de reconstrucción

El primer filtro, limita la banda de entrada y minimiza los efectos - de traslape en el espectro de la señal muestreada. El segundo filtro suaviza la salida analógica del convertidor D/A.

Estos filtros son de sexto orden de tipo Butterworth y están formados por tres filtros de segundo orden conectados en cascada, de función de - transferencia:

$$G(S) = \frac{-1/(R_1 R_2)}{S^2 C_1 C_2 + SC_2 [(1/R_1) + (1/R_2) + (1/R_3)] + 1/R_2 R_3}$$

#### A.5.6. Especificaciones generales de la tarjeta de interfaz analógica

Convertidor A/D

resolución: 12 bits

entrada analógica: -10 a 10 volts

salida digital: 16 bits en complemento a 2

tiempo de conversión: 25 u.s.

Convertidor D/A

resolución: 12 bits

salida analógica: -10 a 10 voltios

entrada digital: 16 bits en complemento a 2.

tiempo de asentamiento: 250 ns.

Muestreo:

76.29 Hz. a 5MHz.

Memoria de datos de expansión

8192 X 16 bits

Muestreador/Retén

Tiempo de adquisición a 0.1%: 4 us.

Output droop rate: 0.3 V/seg.

Hold step: 10 mV.

Fig. A.5.3.  
TARJETA DE INTERFAZ ANALOGICA

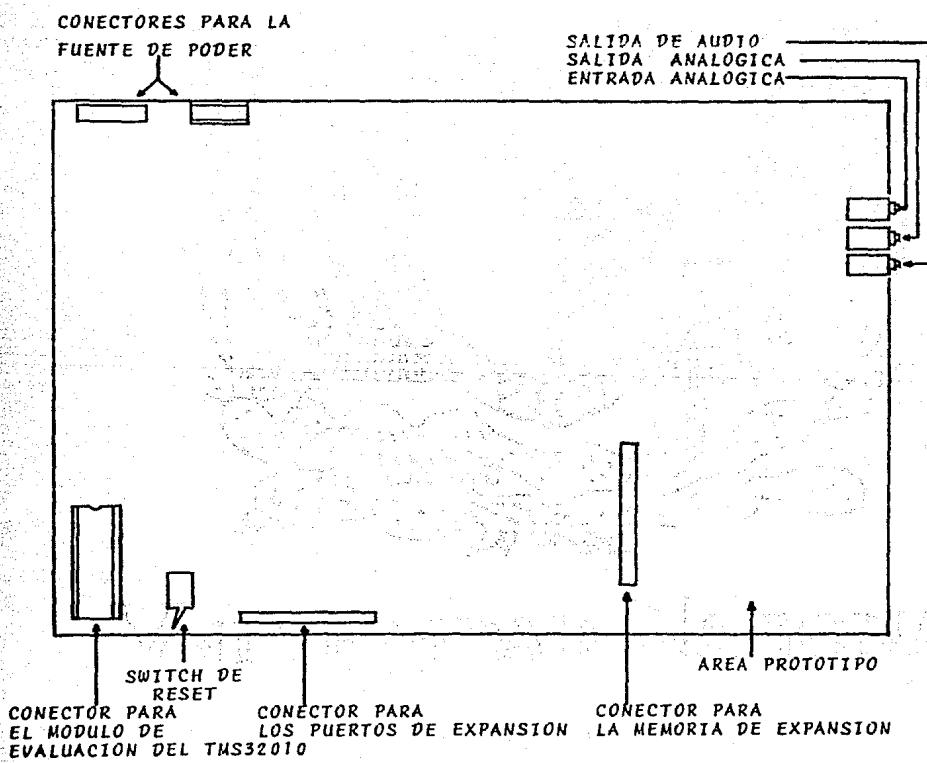
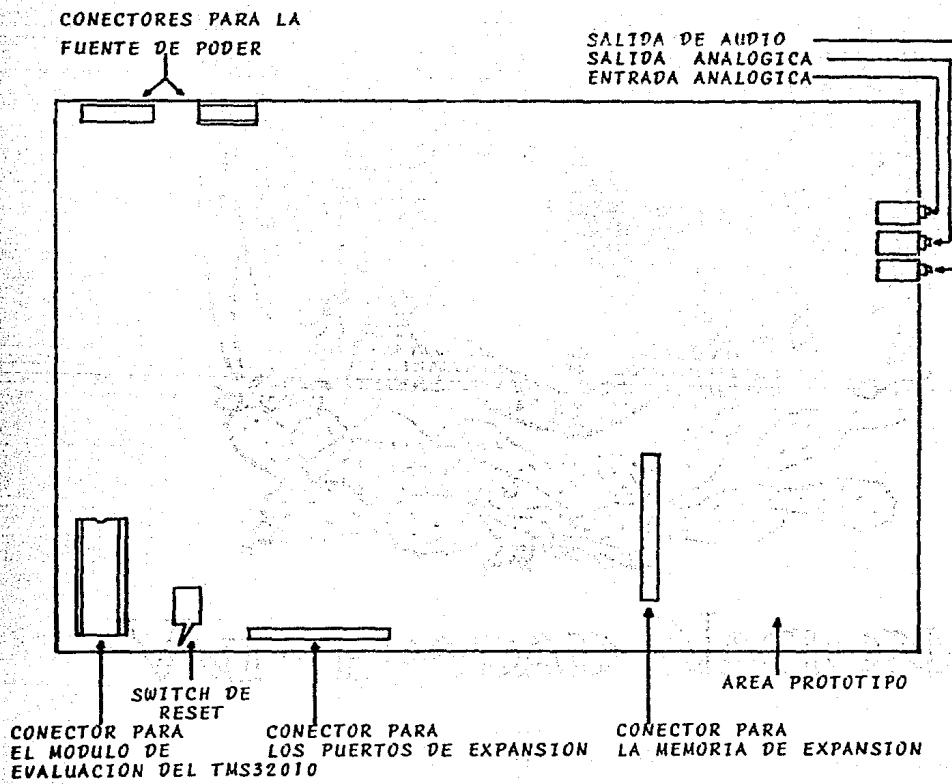


Fig. A.5.3.  
TARJETA DE INTERFAZ ANALOGICA



**APENDICE B**  
**PROGRAMAS**

**ESTADÍSTICAS Y ESTIMACIÓN**

## PROGRAMA 1

PROGRAMA CONTROL ADAPTABLE CON TRES PARAMETROS  
(WR SENAL CUADRADA)

```

*      B      PRIN
KA     DATA  4096
GA     DATA  4096
TR     DATA  819
DAT1   DATA  4096
DAT2   DATA -4096
CT     DATA  50
M3     DATA >7FFF
ALPH  DATA >D53
BET    DATA >2AA
TINV   DATA  5
IPOS   DATA  4096
RATE   DATA  499
TE1    DATA  0
TE2    DATA  0
TE3    DATA  0

```

## \* LOCALIDADES UTILIZADAS EN LA MEMORIA DE DATOS

GAMA	EQU	0
TER	EQU	1
ERR	EQU	2
TEMP	EQU	3
DIF	EQU	4
TETA1	EQU	5
TETA2	EQU	6
TETA3	EQU	7
TET1	EQU	8
TET2	EQU	9
TET3	EQU	10
ALPHA	EQU	11
BETA	EQU	12
SUM1	EQU	13
SUM2	EQU	14
CDAT	EQU	15
MASK3	EQU	16
DELTA	EQU	17
ENT	EQU	18
RESUL	EQU	19
DEV	EQU	20
INV	EQU	21
MULT	EQU	22
DER	EQU	23
TERM1	EQU	24
TERM2	EQU	25
TERM3	EQU	26
I1	EQU	27
I2	EQU	28
CORR	EQU	29
VEL	EQU	30
KIN	EQU	31
CUAD	EQU	32
DIF1	EQU	33

DIF2	EDU	34
PRIN	LDPK	0
	LACK	250
	SACL	0
	OUT	0,0
	LACK	RATE
	TBLR	0
	OUT	0,1
	LACK	CT
	TBLR	CDAT
	LACK	1
	SACL	DELTA
	LACK	M3
	TBLR	MASK3
	LACK	ALPH
	TBLR	ALPHA
	LACK	BET
	TBLR	BETA
	LACK	TINV
	TBLR	INV
	ZAC	
	SACL	RESUL
	LACK	TE1
	TBLR	TETA1
	LACK	TE2
	TBLR	TETA2
	LACK	TE3
	TBLR	TETA3
	LACK	TR
	TBLR	TER
	LACK	GA
	TBLR	GAMA
	LACK	KA
	TBLR	KIN

\* SEMICICLO POSITIVO

L1	LAC	RESUL
	SACL	DEV
	LAC	TETA1
	SACL	TET1
	LAC	TETA2
	SACL	TET2
	LAC	TETA3
	SACL	TET3
	LT	BETA
	LACK	DAT1
	TBLR	ENT
	CALL	SUB3
	LAC	CDAT
	SUB	DELTA
	AND	MASK3
	SACL	CDAT
	BNZ	L1
	LACK	CT
	TBLR	CDAT

## \* SEMICICLO NEGATIVO

```

L2      LAC    RESUL
SACL   DEV
LAC    TETA1
SACL   TET1
LAC    TETA2
SACL   TET2
LAC    TETA3
SACL   TET3
LT     BETA
LACK   DAT2
TBLR   ENT
CALL   SUB3
LAC    CDAT
SUB   DELTA
AND   MASK3
SACL   CDAT
BNZ   L2
LACK   CT
TBLR   CDAT
B     L1

```

## \* SUBRUTINA DE CALCULO

\*\*SE OBTIENE Wm

```

SUB3   MPY    ENT
PAC
SACH  SUM2,4
LT    ALPHA
MPY   DEV
PAC
SACH  SUM1,4
LAC   SUM1
ADD   SUM2
SACL  RESUL

```

\*\*SE OBTIENE DERIVADA DE Wm

```

SUB   DEV
SACL  MULT
LT    MULT
MPY   INV
PAC
SACL  DER

```

\*\*SE LEE MUESTRA DE W

```

ALOOP  B10Z  ALOOP1
      B     ALOOP
ALOOP1 IN    VEL,2

```

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (PERIODO) (GAMA) (W - Wm)

```

LAC   VEL
SUB  RESUL
SACL ERR

```

LT ERR  
 MPY TER  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY GAMA  
 PAC  
 SACH DIF,4

**\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (DER Wm)**

LT DIF  
 MPY DER  
 PAC  
 SACH DIF1,4

**\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (Wm)**

LT DIF  
 MPY RESUL  
 PAC  
 SACH DIF2,4  
  
 LAC VEL  
 B6EZ LB

**\*\*SI W MENOR QUE CERO**

LACK 0  
 SACL I1 \* I1=0  
 LACK IPOS  
 TBLR I2 \* I2=1  
 LAC TET2  
 SACL TETA2 \* SE OBTIENE TETA2  
 LAC TET3  
 SUB DIF2  
 SACL TETA3 \* SE OBTIENE TETA3  
 B L9

**\*\*SI W MAYOR O IGUAL QUE CERO**

LB LACK IPOS  
 TBLR I1 \* I1=1  
 LACK 0  
 SACL I2 \* I2=0  
 LAC TET2  
 SUB DIF2  
 SACL TETA2 \* SE OBTIENE TETA2  
 LAC TET3  
 SACL TETA3 \* SE OBTIENE TETAS

**\*\*SE OBTIENE T1=(TETA1) (DER Wm)**

L9 LAC TET1  
 SUB DIF1  
 SACL TETA1  
 LT DER

MPY TETA1  
 PAC  
 SACH TERM1,4

\*\*SE OBTIENE  $T_2 = (I_1) (TETA_2) (W_m)$

LT RESUL  
 MPY I1  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY TETA2  
 PAC  
 SACH TERM2,4

\*\*SE OBTIENE  $T_3 = (I_2) (TETA_3) (W_m)$

LT RESUL  
 MPY I2  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY TETA3  
 PAC  
 SACH TERM3,4

\*\*SE OBTIENE  $I = 1/K (T_1 + T_2 + T_3)$

LAC TERM1  
 ADD TERM2  
 ADD TERM3  
 SACL CORR  
 LT KIN  
 MPY CORR  
 PAC  
 SACH CUAD,4  
 OUT CUAD,2  
 CALL SUB  
 CALL SUB  
 RET

#### \* SUBRUTINA DE RETARDO

SUB B START  
 CONT DATA 2  
 CONTA EQU 35  
 START LDPK 0  
 LACK CONT  
 TBLR CONTA  
 L4 CALL SUB1  
 LAC CONTA  
 SUB DELTA  
 AND MASK3  
 SACL CONTA  
 BZ LS  
 B L4  
 LS RET

```
SUB1    B      INIC
CON     DATA  >FFFF
CONTD   EQU   36
LDPK    O
LACK    CON
TBLR    CONTD
L7      LAC    CONTD
SUB     DELTA
AND    MASK3
SACL    CONTD
BZ     L6
B      L7
L6      RET
END
```

## PROGRAMA 2

\* PROGRAMA CONTROL ADAPTABLE CON CINCO PARAMETROS  
 \* (WR SENAL CUADRADA)

```

*      E   PRIN
KA    DATA  4096
GA    DATA  4096
TR    DATA  819
DAT1  DATA  4096
DAT2  DATA -4096
CT    DATA  50
MC    DATA >7FFF
ALFH  DATA >055
BET   DATA 12AA
TINV  DATA 5
TP0S  DATA 4096
RATE  DATA 499
TE1   DATA 0
TE2   DATA 0
TE3   DATA 0
TE4   DATA 0
TE5   DATA 0
  
```

## \* LOCALIDADES UTILIZADAS EN LA MEMORIA DE DATOS

GAMA	EQU	0
TER	EQU	1
ERR	EQU	2
TEMP	EQU	3
DIF	EQU	4
TETA1	EQU	5
TETA2	EQU	6
TETA3	EQU	7
TETA4	EQU	8
TETAS	EQU	9
TET1	EQU	10
TET2	EQU	11
TET3	EQU	12
TET4	EQU	13
TETS	EQU	14
ALPHA	EQU	15
BETA	EQU	16
SUM1	EQU	17
SUM2	EQU	18
CDAT	EQU	19
MASK3	EQU	20
DELTA	EQU	21
ENT	EQU	22
RESUL	EQU	23
DEV	EQU	24
INV	EQU	25
MULT	EQU	26
DER	EQU	27
TERM1	EQU	28
TERM2	EQU	29
TERM3	EQU	30
TERM4	EQU	31

TERMS	EQU	32
I1	EQU	33
I2	EQU	34
CORR	EQU	35
VEL	EQU	36
KIN	EQU	37
CUAD	EQU	38
DIF1	EQU	39
DIF2	EQU	40
PRIN	LDPK	0
	LACK	250
	SACL	0
	OUT	0,0
	LACY	RATE
	TBLR	0
	OUT	0,1
	LACK	CT
	TBLR	CDAT
	LACK	1
	SACL	DELTA
	LACK	M3
	TBLR	MASK3
	LACK	ALPH
	TBLR	ALPHA
	LACK	BET
	TBLR	BETA
	LACK	TINV
	TBLR	INV
	ZAC	
	SACL	RESUL
	LACK	TE1
	TBLR	TETA1
	LACK	TE2
	TBLR	TETA2
	LACK	TE3
	TBLR	TETAS
	LACK	TE4
	TBLR	TETA4
	LACK	TE5
	TBLR	TETAS
	LACK	TR
	TBLR	TER
	LACK	GA
	TBLR	GAMA
	LACK	KA
	TBLR	KIN

\* SEMICICLO POSITIVO

L1	LAC	RESUL
.	SACL	DEV
.	LAC	TETA1
.	SACL	TET1
.	LAC	TETA2
.	SACL	TET2
.	LAC	TETA3
.	SACL	TET3

LAC	TETA4
SACL	TET4
LAC	TETAS
SACL	TETS
LT	BETA
LACK	DAT1
TBLR	ENT
CALL	SUB3
LAC	CDAT
SUB	DELTA
AND	MASK3
SACL	CDAT
BNZ	L1
LACK	CT
TBLR	CDAT

\* SEMICICLO NEGATIVO

L2	LAC	RESUL
	SACL	DEV
	LAC	TETA1
	SACL	TET1
	LAC	TETA2
	SACL	TET2
	LAC	TETA3
	SACL	TET3
	LAC	TETA4
	SACL	TET4
	LAC	TETAS
	SACL	TETS
	LT	BETA
	LACK	DAT2
	TBLR	ENT
	CALL	SUB3
	LAC	CDAT
	SUB	DELTA
	AND	MASK3
	SACL	CDAT
	BNZ	L2
	LACK	CT
	TBLR	CDAT
	B	L1

\* SUBRUTINA DE CALCULO

\* SE OBTIENE  $W_0$

SUB3	MPY	ENT
	PAC	
	SACH	SUM2, 4
	LT	ALPHA
	MPY	DEV
	PAC	
	SACH	SUM1, 4
	LAC	SUM1
	ADD	SUM2
	SACL	RESUL

\*\*SE OBTIENE DERIVADA DE Wm

SUB	DEV
SACL	MULT
LT	MULT
MPY	INV
PAC	
SACL	DER

\*\*SE LEE MUESTRA DE W

ALOOP	BIOZ	ALOOP1
	R	ALOOP
ALOOP1	IN	VEL,2

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (PERIODO) (GAMA) (W - Wm)

LAC	VEL
SUB	RESUL
SACL	ERR
LT	ERR
MPY	TER
PAC	
SACH	TEMP,4
LT	TEMP
MPY	GAMA
PAC	
SACH	DIF,4

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (DER Wm)

LT	DIF
MPY	DER
PAC	
SACH	DIF1,4

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (Wm)

LT	DIF
MPY	RESUL
PAC	
SACH	DIF2,4

LAC	VEL
BGEZ	L8

\*\*SI W MENOR QUE CERO

LACK	O
SACL	I1 * I1=0
LACK	IPOS
TBLR	I2 * I2=1
LAC	TET2
SACL	TETA2 * SE OBTIENE TETA2
LAC	TET3
SUB	DIF2
SACL	TETA3 * SE OBTIENE TETA3

LAC TET4  
 SACL TETA4 \* SE OBTIENE TETA4  
 LAC TETS  
 SUB DIF  
 SACL TETAS \* SE OBTIENE TETAS  
 B L9

\*\*SI W MAYOR O IGUAL QUE CERO

L8 LACK IPOS  
 TBLR I1 \* I1=1  
 LACK 0  
 SACL I2 \* I2=0  
 LAC TET2  
 SUB DIF2  
 SACL TETA2 \* SE OBTIENE TETA2  
 LAC TET3  
 SACL TETAS \* SE OBTIENE TETA3  
 LAC TET4  
 SUB DIF  
 SACL TETA4 \* SE OBTIENE TETA4  
 LAC TETS  
 SACL TETAS \* SE OBTIENE TETAS

\*\*SE OBTIENE T1=(TETA1)(DER Wm)

L9 LAC TET1  
 SUB DIF1  
 SACL TETA1  
 LT DER  
 MPY TETA1  
 PAC  
 SACH TERM1,4

\*\*SE OBTIENE T2=(I1)(TETA2)(Wm)

LT RESUL  
 MPY I1  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY TETA2  
 PAC  
 SACH TERM2,4

\*\*SE OBTIENE T3=(I2)(TETA3)(Wm)

LT RESUL  
 MPY I2  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY TETA3  
 PAC  
 SACH TERM3,4

\*\*SE OBTIENE T4=(I1)(TETA4)

LT I1  
 MPY TETA4  
 PAC  
 SACH TERM4,4

\*\*SE OBTIENE TS=(I2)\*(TETAS)

LT I2  
 MPY TETAS  
 PAC  
 SACH TERMS,4

\*\*SE OBTIENE I=1/K (T1+T2+T3+T4+T5)

LAC TERM1  
 ADD TERM2  
 ADD TERMS  
 ADD TERM4  
 ADD TERMS5  
 SACL CORR  
 LT KIN  
 MPY CORR  
 PAC  
 SACH CUAD,4  
 OUT CUAD,2  
 CALL SUB  
 CALL SUB  
 RET

#### \* SUBRUTINA DE RETARDO

SUB	B	START
CONT	DATA	2
CONTA	EQU	41
START	LDPK	0
	LACK	CONT
L4	TBLR	CONTA
	CALL	SUB1
	LAC	CONTA
	SUB	DELTA
	AND	MASK3
	SACL	CONTA
	BZ	L5
	B	L4
L5	RET	
SUB1	B	INIC
CON	DATA	>7FFF
CONTD	EQU	42
INIC	LDPK	0
	LACK	CON
L7	TBLR	CONTD
	LAC	CONTD
	SUB	DELTA
	AND	MASK3
	SACL	CONTD
	BZ	L6
	B	L7

L6 - RET  
END

## PROGRAMA 3

\* PROGRAMA CONTROL ADAPTABLE CON CINCO PARAMETROS  
 \* (WR SENAL SENOIDAL)

## \* DATOS PARA LA GENERACION DE UNA ONDA SENOIDAL

```

B      PRIN
SINE
DATA >0
DATA >324
DATA >646
DATA >964
DATA >C7C
DATA >F8D
DATA >1294
DATA >1590
DATA >187E
DATA >1B5D
DATA >1E2B
DATA >20E7
DATA >238E
DATA >2620
DATA >289A
DATA >2AFB
DATA >2D41
DATA >2F6C
DATA >3179
DATA >3368
DATA >3537
DATA >36E5
DATA >3871
DATA >39DB
DATA >3B21
DATA >3C42
DATA >3D3F
DATA >3E15
DATA >3EC5
DATA >3F4F
DATA >3FB1
DATA >3FEC
DATA >4000
DATA >3FEC
DATA >3FB1
DATA >3F4F
DATA >3EC5
DATA >3E15
DATA >3D3F
DATA >3C42
DATA >3B21
DATA >39DB
DATA >3871
DATA >36E5
DATA >3537
DATA >3368
DATA >3179
DATA >2F6C
DATA >2D41
DATA >2AFB
DATA >289A

```

DATA >2620  
DATA >238E  
DATA >20E7  
DATA >1E2B  
DATA >185D  
DATA >187E  
DATA >1590  
DATA >1294  
DATA >FB0  
DATA >C7C  
DATA >964  
DATA >646  
DATA >324  
DATA >0  
DATA >FCDC  
DATA >F9BA  
DATA >F69C  
DATA >F3B4  
DATA >F073  
DATA >ED6C  
DATA >EA70  
DATA >E782  
DATA >E4A3  
DATA >E1D5  
DATA >DF19  
DATA >DC72  
DATA >D9E0  
DATA >D766  
DATA >D505  
DATA >D2BF  
DATA >D094  
DATA >CEB7  
DATA >CC98  
DATA >CAC9  
DATA >C918  
DATA >C78F  
DATA >C625  
DATA >C4DF  
DATA >C3BE  
DATA >C2C1  
DATA >C1EB  
DATA >C13B  
DATA >C0B1  
DATA >C04F  
DATA >C014  
DATA >C000  
DATA >C014  
DATA >C04F  
DATA >C0B1  
DATA >C13B  
DATA >C1EB  
DATA >C2C1  
DATA >C3BE  
DATA >C4DF  
DATA >C625  
DATA >C78F  
DATA >C918

	DATA	>CAC9
	DATA	>CC98
	DATA	>CEB7
	DATA	>D094
	DATA	>D2BF
	DATA	>D505
	DATA	>D766
	DATA	>D9E0
	DATA	>DC72
	DATA	>DF19
	DATA	>E1D5
	DATA	>E4A3
	DATA	>E7B2
	DATA	>EA70
	DATA	>ED6C
	DATA	>F073
	DATA	>F3B4
	DATA	>F69C
	DATA	>F98A
	DATA	>FCDC
M1	DATA	>7FFF
DEL	DATA	1
CONT	DATA	1
CON	DATA	>3FF
C1	DATA	4
M4	DATA	>7FFF
KA	DATA	4096
GA	DATA	4096
TR	DATA	26
ALPH	DATA	4069
BET	DATA	26
TINV	DATA	156
IPOS	DATA	4096
RATE	DATA	499
TE1	DATA	0
TE2	DATA	0
TE3	DATA	0
TE4	DATA	0
TES	DATA	0

\* LOCALIDADES UTILIZADAS EN LA MEMORIA DE DATOS

DELT	EQU	0
ALFA	EQU	1
SINA	EQU	2
MASK	EQU	3
OFSET	EQU	4
GAMA	EQU	5
TER	EQU	6
ERR	EQU	7
TEMP	EQU	8
DIF	EQU	9
TETA1	EQU	10
TETA2	EQU	11
TETA3	EQU	12
TETA4	EQU	13

TETAS5	EQU	14
TET1	EQU	15
TET2	EQU	16
TET3	EQU	17
TET4	EQU	18
TET5	EQU	19
ALPHA	EQU	20
BETA	EQU	21
SUM1	EQU	22
SUM2	EQU	23
ENT	EQU	24
RESUL	EQU	25
DEV	EQU	26
INV	EQU	27
MULT	EQU	28
DER	EQU	29
TERM1	EQU	30
TERM2	EQU	31
TERM3	EQU	32
TERM4	EQU	33
TERMS	EQU	34
I1	EQU	35
I2	EQU	36
CORR	EQU	37
VEL	EQU	38
KIN	EQU	39
SEN	EQU	40
CONT1	EQU	41
CONTA	EQU	42
CONTD	EQU	43
MASK4	EQU	44
DIF1	EQU	45
DIF2	EQU	46
PRIN	LDPK	0
	LACK	250
	SACL	0
	OUT	0,0
	LACK	RATE
	TBLR	0
	OUT	0,1
	LACK	ALPH
	TBLR	ALPHA
	LACK	BET
	TBLR	BETA
	LACK	TINV
	TBLR	INV
	LACK	DEL
	TBLR	DELTA
	LACK	M1
	TBLR	MASK
	LACK	SINE
	SACL	OFSET
	ZAC	
	SACL	RESUL
	SACL	ALFA
	LACK	TE1
	TBLR	TETAI

LACK	TE2
TBLR	TETA2
LACK	TE3
TBLR	TETA3
LACK	TE4
TBLR	TETA4
LACK	TE5
TBLR	TETAS
LACK	TR
TBLR	TER
LACK	GA
TBLR	GAMA
LACK	KA
TBLR	KIN
LACK	C1
TBLR	CONT1

\* PROGRAMA PRINCIPAL

L1	LACK	C1
	TBLR	CONT1
L2	LAC	RESUL
	SACL	DEV
	LAC	TETA1
	SACL	TET1
	LAC	TETA2
	SACL	TET2
	LAC	TETA3
	SACL	TET3
	LAC	TETA4
	SACL	TET4
	LAC	TETAS
	SACL	TETS
	CALL	SWAVE1
	LAC	CONT1
	SUB	DELTA
	AND	MASK4
	SACL	CONT1
	BNZ	L2
	LAC	SINA
	SACL	ENT
	LT	BETA
	CALL	SUB3
B	L1	

\* SUBRUTINA QUE GENERA W<sub>r</sub>

SWAVE1	LAC	ALFA,B
	SACH	TEMP
	LAC	TEMP
	ADD	OFFSET
	TBLR	SINA
	LAC	ALFA
	ADD	DELTA
	AND	MASK
	SACL	ALFA
	CALL	SUB

RET

\* SUBRUTINA DE CALCULO  
\*\*SE OBTIENE Wm

```
SUB3    MPY    ENT
       PAC
       SACH  SUM2,4
       LT    ALPHA
       MPY    DEV
       PAC
       SACH  SUM1,4
       LAC    SUM1
       ADD    CUM2
       SACL  RESUL
```

\*\*SE OBTIENE DERIVADA DE Wm

```
SUB    DEV
SACL  MULT
LT    MULT
MPY   INV
PAC
SACL  DER
```

\*\*SE LEE MUESTRA DE W

```
ALOOP  BIOZ  ALOOP1
       B     ALOOP
ALOOP1 IN    VEL,2
```

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (PERIODO) (GAMA) (W - Wm)

```
LAC    VEL
SUB    RESUL
SACL  ERR
LT    ERR
MPY   TER
PAC
SACH  TEMP,4
LT    TEMP
MPY   GAMA
PAC
SACH  DIF,4
```

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (DER Wm)

```
LT    DIF
MPY  DER
PAC
SACH  DIF1,4
```

\*\*SE OBTIENE PRODUCTO (DIF) (Wm)

```
LT    DIF
MPY  RESUL
PAC
```

SACH DIF2,4  
 LAC VEL  
 BGEZ LB

\*\*SI W MENOR QUE CERO

LACK O  
 SACL I1 \* I1=0  
 LACK IPOS  
 TBLR I2 \* I2=1  
 LAC TET2  
 SACL TETA2 \* SE OBTIENE TETA2  
 LAC TET3  
 SUB DIF2  
 SACL TETA3 \* SE OBTIENE TETA3  
 LAC TET4  
 SACL TETA4 \* SE OBTIENE TETA4  
 LAC TET5  
 SUB DIF  
 SACL TETAS \* SE OBTIENE TETAS  
 B L9

\*\*SI W MAYOR O IGUAL QUE CERO

LB LACK IPOS  
 TBLR I1 \* I1=1  
 LACK O  
 SACL I2 \* I2=0  
 LAC TET2  
 SUB DIF2  
 SACL TETA2 \* SE OBTIENE TETA2  
 LAC TET3  
 SACL TETA3 \* SE OBTIENE TETA3  
 LAC TET4  
 SUB DIF  
 SACL TETA4 \* SE OBTIENE TETA4  
 LAC TET5  
 SACL TETAS \* SE OBTIENE TETAS

\*\*SE OBTIENE T1=(TETA1) (DER Wm)

L9 LAC TET1  
 SUB DIF1  
 SACL TETA1  
 LT DER  
 MPY TETA1  
 PAC  
 SACH TERM1,4

\*\*SE OBTIENE T2=(I1) (TETA2) (Wm)

LT RESUL  
 MPY I1  
 PAC  
 SACH TEMP,4  
 LT TEMP  
 MPY TETA2

FAC  
SACH TERM2,4

\*\*SE OBTIENE T3=(I2)(TETA3)(Wm)

LT RESUL  
MPY I2  
PAC  
SACH TEMP,4  
LT TEMP  
MPY TETA3  
PAC  
SACH TERM3,4

\*\*SE OBTIENE T4=(I1)(TETA4)

LT I1  
MPY TETA4  
PAC  
SACH TERM4,4

\*\*SE OBTIENE T5=(I2)(TETAS)

LT I2  
MPY TETAS  
PAC  
SACH TERM5,4

\*\*SE OBTIENE I=1/K (T1+T2+T3+T4+T5)

LAC TERM1  
ADD TERM2  
ADD TERM3  
ADD TERM4  
ADD TERM5  
SACL CORR  
LT KIN  
MPY CORR  
PAC  
SACH SEN,4  
OUT SEN,2  
RET

#### \* SUBRUTINA DE RETARDO

SUB	LDPK	O
	LACK	CONT
	TBLR	CONTA
	LACK	M4
	TBLR	MASK4
L4	CALL	SUB1
	LAC	CONTA
	SUB	DELTA
	AND	MASK4
	SACL	CONTA
	BZ	LS
	B	L4

L5 RET  
SUB1 LDPK O  
LACK CON  
TBLR CONTD  
L7 LAC CONTD  
SUB DELTA  
AND MASK4  
SACL CONTD  
BZ L6  
B L7  
L6 RET  
END

## PROGRAMA 4

PROGRAMA PARA GRAFICAR PARAMETROS

```

B PRIN
M3 DATA :7FFF
C3 DATA 7139
CONT3 EQU 0
MASK3 EQU 1
DELTA EQU 2
PARAM EQU 3
PARAM1 EQU 4
PRIN LDPK 0

```

## \* CARGA REGISTRO DE CONTROL

```

LACK 58
SACL 0
OUT 0,0

```

## \* CARGA DIRECCION DE INICIO DE LA MEMORIA DE EXPANSION

```

LACK 0
SACL 0
OUT 0,4

```

```

LACK C3
TBLR CONJ
LACK M3
TBLR MASK3
LACK 1
SACL DELTA

```

## \* LEE DATO DE LA MEMORIA DE EXPANSION

```

L1 IN PARAM,5
LAC PARAM
SACL PARAM1

```

## \* SALIDA DE DATO POR EL PUERTO 2

```

OUT PARAM1,2
CALL SUB
CALL SUB
LAC CONJ
SUB DELTA
AND MASK3
SACL CONJ
BNZ L1
B L2

```

## \* SUBRUTINA DE RETARDO

```

SUB B START
CON DATA 1
CONTA EQU 5
START LDPK 0

```

L4 LACK CON  
TBLR CONTA  
CALL SUB1  
LAC CONTA  
SUB DELTA  
AND MASK3  
SACL CONTA  
BZ LS  
B L4  
  
L5 RET  
B INIC  
CON DATA >FFF  
CONT0 EQU 6  
INIC LDPK 0  
LACK CON  
TBLR CONTD  
L7 LAC CONTD  
SUB DELTA  
AND MASK3  
SACL CONTD  
BZ L6  
B L7  
  
L6 RET  
L2 ZAC  
END

## PROGRAMA 5

PROGRAMA UTILIZADO PARA GRAFICAR UN NUMERO N DE DATOS

```

*      B   PRIN
TETA  DATA  7087
      DATA  9144
      DATA  5221
      DATA  2842
      DATA  3107
      DATA  4354
      DATA  4777
      DATA  4738
      DATA  4616
      DATA  4672
M1    DATA  >FFFF
BET   DATA  10
DEL   DATA  1
DELTA EQU  0
ALFA  EQU  1
TET   EQU  2
MASK  EQU  3
OFFSET EQU  4
BETA  EQU  5
PRIN  LDPK  0
      LACK  250
      SACL  0
      OUT  0,0
      LACK  BET
      TBLR  BETA
      LACK  DEL
      TBLR  DELTA
      LACK  M1
      TBLR  MASK
      LACK  TETA
      SACL  OFFSET
      ZAC
      SACL  ALFA
L1    CALL  TETA1
      OUT  TET,2
      CALL  SUB
      LAC  BETA
      SUB  DELTA
      AND  MASK
      SACL  BETA
      BNZ  L1
      B    L2
TETA1 LAC  ALFA
      ADD  OFFSET
      TBLR  TET
      LAC  ALFA
      ADD  DELTA
      SACL  ALFA
      RET
SUB   B    START
CONT  DATA  6
CONTA EQU  6
START LACK  CONTA

```

```
L4    TBLR  CONTA
      CALL  SUB1
      LAC  CONTA
      SUB  DELTA
      AND  MASK
      SACL  CONTA
      SZ   LS
      B   L4

L5    RET
      B   INIC
      CON  DATA  .FFFF
      EQU  ?
      LACK CON
      TBLR  CONTO
      LAC  CONTO
      SUB  DELTA
      AND  MASK
      SACL  CONTO
      BZ   L6
      B   L7

L6    RET
      ZAC
      END
```

**\*\*VARIABLES\*\***

\* VARIABLES COMUNES A LOS PROGRAMAS

GAMA	PERIODO DE MUESTREO T
TER	ERROR (W - Wm)
ERR	REGISTRO TEMPORAL
TEMP	(T) (GAMA) (W - Wm)
DIF	(DIF) (DER Wm)
DIF1	(DIF) (Wm)
DIF2	*
TETA1	*PARAMETROS EN EL TIEMPO K
TETA2	*
TETA3	*
TET1	*PARAMETROS EN EL TIEMPO K-1
TET2	*
TET3	*
ALPHA	1/(1+aT)
BETA	aT/(1+aT)
SUM1	(ALPHA) (Wm(k-1))
SUM2	(BETA) (Wm(k))
ENT	Wr(k)
RESUL	VELOCIDAD DE REFERENCIA Wm(k)
DEV	VELOCIDAD DE REFERENCIA Wm(k-1)
INV	1/T
MULT	DIFERENCIA Wm(k) - Wm(k-1)
DER	DERIVADA DE Wm
TERM1	(TETA1) (DER Wm)
TERM2	(TETA2) (I1) (Wm)
TERM3	(TETA3) (I2) (Wm)
I1	*
I2	*
VEL	VELOCIDAD W
KIN	CONSTANTE K
CONTA	*CONTADORES PARA LA SUBR DE RETARDO
CONTD	*

\* VARIABLES QUE SE UTILIZAN SOLAMENTE EN EL PROG CONTROL ADAPTABLE  
\* CON TRES PARAMETROS (WR SENAL CUADRADA)

CDAT	CONTADOR
MASK3	MASCARA PARA CONTADOR CDAT
DELTA	INCREMENTO PARA CONTADOR CDAT
CORR	T1+T2+T3
CUAD	I=1/K (CORR)

\* VARIABLES QUE SE UTILIZAN SOLAMENTE EN EL PROG CONTROL ADAPTABLE  
\* CON CINCO PARAMETROS (WR SENAL CUADRADA)

TETA4	*PARAMETROS EN EL TIEMPO K
TETAS	*
TET4	*PARAMETROS EN EL TIEMPO K-1
TET5	*
TERM4	(TETA4) (I1)
TERMS	(TETAS) (I2)
CORR	T1+T2+T3+T4+TS
CUAD	I=1/K (CORR)

\* VARIABLES QUE SE UTILIZAN SOLAMENTE EN LA SUBR DE GENERACION DE WF  
\* EN EL PROG CONTROL ADAPTABLE CON CINCO PARAMETROS (SEÑAL SENOIDAL)

ALFA	CONTADOR
DELTA	INCREMENTO PARA CONTADOR ALFA
MASK	MASCARA PARA CONTADOR ALFA
OFSET	LOCALIDAD EN LA MP DEL PRIMER DATO
SINA	DATO DE LA SENOIDAL

\* VARIABLES QUE SE UTILIZAN SOLAMENTE EN LA SUBR DE CALCULO EN EL PROG  
\* CONTROL ADAPTABLE CON CINCO PARAMETROS (SEÑAL SENOIDAL)

CONT1	COUNTADOR PARA EL MUESTREO DE WF
MASK4	MASCARA PARA LOS CONTADORES CONTA CONTD Y CONT1
TETA4	#PARAMETROS EN EL TIEMPO K
TETAS	*
TET4	#PARAMETROS EN EL TIEMPO K-1
TETS	*
TERM4	(TETA4) (I1)
TERMS	(TETAS) (I2)
CORR	T1+T2+T3+T4+T5
SEN	I=1/K (CORR)

**APENDICE C**  
**NOTAS TECNICAS DEL TMS32010**

# Precision Digital Sine-Wave Generation with the TMS32010

## INTRODUCTION

Sine-wave generators are fundamental building blocks of signal processing systems which are used in diverse applications, such as communication, instrumentation, and control. In the past, engineers usually designed these oscillators with analog circuitry. Now, however, new high-speed digital signal processors like the TMS32010 present designers with an alternative that in many cases is superior. The TMS32010 provides the speed and accuracy to produce stable, low-distortion sine waves over a wide range of frequencies.

This application report describes two different methods for implementing a digital sine wave generator using the TMS32010. The first method is a fast direct table lookup scheme suitable for applications not requiring extreme accuracy. The second approach, an enhancement of the first, includes linear interpolation to provide sine waveforms with a minimum of harmonic distortion.

## DIRECT TABLE LOOKUP METHOD

The first algorithm is a simple, fast table lookup scheme. The sine values for  $N$  angles which are uniformly spaced around the unit circle are stored in a table which has the following format:

INDEX	ANGLE	SINE TABLE
0	0 X 360°/N	SIN(0) = sin(0°/N)
1	1 X 360°/N	SIN(1) = sin(360°/N)
2	2 X 360°/N	SIN(2) = sin(720°/N)
.	.	.
N-2	(N-2) X 360°/N	SIN(N-2) = sin((N-2) X 360°/N)
N-1	(N-1) X 360°/N	SIN(N-1) = sin((N-1) X 360°/N)

A sine wave is generated by stepping through the table at a constant rate (in effect, moving counterclockwise around the unit circle), wrapping around at the end of the table whenever 360° is exceeded. Using the table index as the angle parameter and DELTA as the step size, this lookup method generates the sequence:

$$S(\text{mod}(k \times \text{DELTA}, N)) \quad \text{for } k = 1, 2, 3, 4, \dots$$

where  $\text{mod}(a,b) =$  remainder of the division  $a/b$  when this quotient is computed as an integer (e.g.,  $\text{mod}(22,34.5) = 2.34$ )

The 'mod' operator provides the wraparound at the end of the table. Figure 1 illustrates this algorithm.

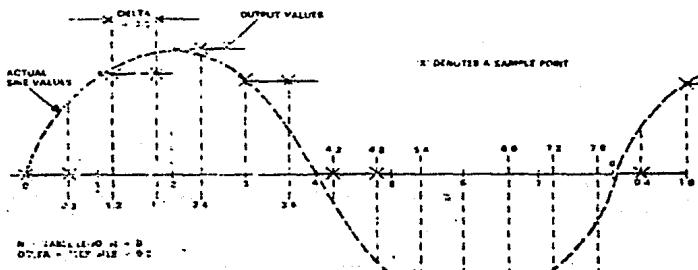


Figure 1. Direct Table Lookup

The sampled waveform generated is only an approximation to a sampled sinusoid. In general, the longer the table is the more resolution it provides, and consequently, the closer the approximation will be.

The frequency,  $f_s$ , of the sine wave depends on two factors:

- (1) The time interval between successive samples, i.e., the sampling interval,  $t$
- (2) The step size, DELTA

$f_s$  is given by the equation:

$$f_s = \frac{\text{DELTA}}{t \times N} \text{ [Hz]} \quad \text{where } t \text{ is expressed in seconds}$$

Note that to satisfy the Nyquist criterion there must be at least two samples generated each sinusoid period. This requires that  $\text{DELTA} \leq N/2$ .

In Figure 1,  $N = 8$  and  $\text{DELTA} = 0.6$ . If, for instance, eight samples are generated each millisecond, then  $t = 0.000125$  seconds and

$$f_s = \frac{0.6}{8 \times 0.000125} \text{ Hz} = 600 \text{ Hz}$$

#### TMS32010 Implementation

This section describes the concise TMS32010 subroutine, given in Appendix B, which implements the table lookup scheme based on a sine table with 128 entries. Each time this subroutine is called, the next sample point is calculated. This subroutine uses:

- (1) 138 ( $\approx 128 + 10$ ) words of program memory space (128 words for sine table storage and 10 words for program memory)
- (2) 6 words in data memory as working registers

If this program is used as a subroutine, each sample  $s$  can be computed in 3.0 microseconds. However, if the code is inserted directly in line with the code of a master program, avoiding the overhead of a subroutine, a sample can be computed in 2.2 microseconds.

The values in the sine table are all scaled. The decimal values,  $+1.0$  and  $-1.0$ , are represented by the two's complement hexadecimal values 4000 and C000, respectively. All other values are scaled and rounded to the closest hexadecimal number. Rounding is used, rather than truncation, to avoid adding unnecessary distortion.

The 16-bit data memory location 'ALPHA' serves as a modulo 128 counter, which cycles through the sine table to select the sample points. ALPHA is regarded as having an integer and fractional part with the format:

Q Q Q Q Q Q Q Q . Q Q Q Q Q Q Q Q  
15 14 13 12 11 10 9 8    7 6 5 4 3 2 1 0

The 16-bit data memory location 'DELTA' contains the step size. DELTA has the same (integer, fraction) format as ALPHA. Every time the sine wave subroutine is called, the contents of ALPHA are incremented by the contents of DELTA. The integer portion of ALPHA (i.e., the eight MSBs) is the pointer to the sine table. However, because the table starts at address location SINE, this pointer is offset by the value for that address before the table is accessed. The eight most significant bits of ALPHA are masked when ALPHA is updated to insure that they never exceed 127. The routine returns the sine value in the data memory location "SINE".

For any given sampling interval,  $t$ , the frequencies which can be generated must be of the form

$$f_s = \frac{\text{DELTA}}{t \times 128} \text{ [Hz]} \quad \text{where } t \text{ is expressed in seconds}$$

Since DELTA has a precision of eight bits to the right of the decimal place, any desired frequency ( $\leq 1/2t$  [Hz]) can be approximated with an error of no more than

$$\frac{1/256}{t \times 128} \text{ [Hz]} = \frac{1}{32768 \times t} \text{ [Hz]}$$

For example, if the sampling frequency is 8 kHz, then the frequency resolution is

$$\frac{8000}{32768} \text{ Hz} = 0.25 \text{ Hz}$$

#### Harmonic Distortion

Due to approximations made in calculating the samples of a sine wave of frequency  $f_s$ , a certain amount of the "energy" of the samples' waveform will fall into other frequencies as well. These frequencies are either:

- (1) Harmonic frequencies,  $nf_s$ , where  $n = 2, 3, 4, \dots$ , or
- (2) Subharmonic frequencies,  $nf_s/m$ , where  $n$  and  $m$  are integers.

This spurious energy results in noise which is referred to as "harmonic distortion." It is usually measured in terms of Total Harmonic Distortion (THD) which is defined as the ratio

$$\text{THD} = \frac{\text{spurious harmonic energy}}{\text{total energy of the waveform}}$$

There are two sources of error in the table lookup algorithm which cause harmonic distortion:

- (1) Quantization error is introduced by representing the sine table values by 16-bit numbers.
- (2) Larger errors are introduced when points between table entries are sampled. This occurs when DELTA is not an integer.

The longer the sine table is, the less significant the second error source will be. Consequently, harmonic distortion decreases with increasing table length. Furthermore, when DELTA is an integer, quantization is the only error source, and THD is extremely small regardless of table size. THD is given for several table lengths and values of DELTA in Figure 2. Note that the figures in this table only represent the THD in the digitized sine wave. If the sine wave is reconstructed using a digital-to-analog converter and analog filters, these analog devices will contribute additional distortion. (The procedure for computing THD is described in Appendix A.)

### LINEAR INTERPOLATION METHOD

To decrease the harmonic distortion for a given table size, an interpolation scheme can be used to compute the sine values between table entries more accurately. Linear interpolation is the simplest method to implement. This method uses the values of two consecutive table entries as the end points of a line segment. Sample points for parameter values falling between table entries assume values on the line segment between the points. This algorithm is illustrated in Figure 3.

TABLE LENGTH: 32

DELTA	THD
2.0	0.00000024
2.25	0.00300893
2.50	0.00240751
2.75	0.00300917
3.0	0.00000024
8.25	0.00300924
11.625	0.00315807

TABLE LENGTH: 64

DELTA	THD
2.00	0.00000048
2.25	0.00075289
2.50	0.00050219
2.75	0.00075239
3.00	0.00000018
8.25	0.00075204
11.625	0.00079078

TABLE LENGTH: 128

DELTA	THD
2.00	0.00000054
2.25	0.00018859
2.50	0.00015080
2.75	0.00018935
3.00	0.00000012
8.25	0.00018889
11.625	0.00020128

Figure 2. Total Harmonic Distortion Using Direct Table Lookup

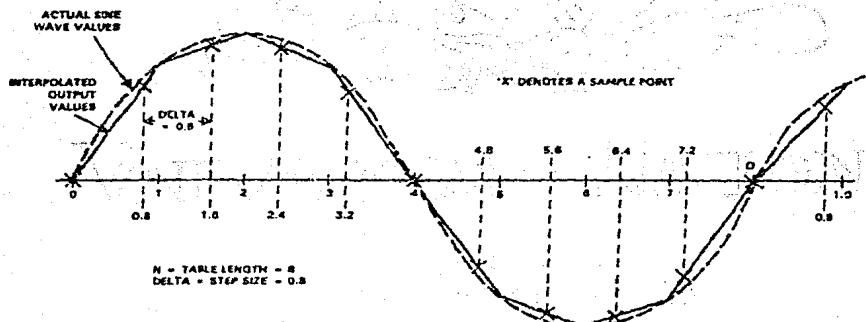


Figure 3. Linear Interpolation