

Vniveridad Nacional AvFnma de Mexiço

UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO

FACULTAD DE INGENIERÍA

REHABILITACIÓN DE ELEMENTOS ESTRUCTURALES DE CONCRETO CON POLÍMEROS REFORZADOS CON FIBRAS

TESIS

Que para obtener el título de

Ingeniero Civil

PRESENTA

Juan Carlos Morales Simbrón

DIRECTOR DE TESIS

Dr. José Alberto Escobar Sánchez



Ciudad Universitaria, Cd. Mx., 2019



Universidad Nacional Autónoma de México



UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis esta protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

RESUMEN

Se estudia el comportamiento estructural de una conexión viga-columna de concreto reforzado a escala 1:1, rehabilitada con el sistema de *polímeros reforzados con fibras de carbono* (PRFC). Esta conexión, previamente fue ensayada a flexión y llevada a la etapa inelástica de sus materiales. Para analizar su comportamiento, se construyeron modelos matemáticos con la capacidad de representar su respuesta no lineal. Estos modelos fueron calibrados con los resultados experimentales. Estos resultados se compararon con el análisis teórico y el modelado matemático realizado con el programa de análisis estructural inelástico CANNY-2010. En esta comparación se utilizó el valor del momento flexionante último, las curvas de histéresis correspondientes y la capacidad de energía de deformación disipada.

Finalmente, se presentan y discuten los resultados obtenidos.

ABSTRACT

The structural behavior of a beam-column connection of reinforced concrete, scale 1: 1, rehabilitated with the system of polymers reinforced with carbon fibers (CFRP), was previously tested by bending and taken to the inelastic stage of the materials. To analyze the behavior of the connection tested in the laboratory, mathematical models were constructed with the ability to represent the inelastic behavior of materials. These models were calibrated with the experimental results. The experimental results will be compared with the theoretical analysis and mathematical modeling performed with the CANNY-2010 inelastic analysis program. In this comparison, the value of the last bending moment, the corresponding hysteresis curves and the dissipated deformation energy capacity were used.

Finally, the results obtained are presented and discussed.

CONTENIDO

RESUN	1EN	III
ABSTR	ACT	IV
INTRO	DUCCIÓN	1
CAPÍT	ULO I POLÍMEROS REFORZADOS CON FIBRAS	3
1.1	Antecedentes	3
1.2	Objetivos del presente trabajo	4
1.3	Alcances	4
CAPÍT	ULO II MODELOS PARA ANÁLISIS INELÁSTICO DE ESTRUCTURAS	6
2.1	Modelos de análisis inelástico	6
2.1.1	Modelos uniaxiales	6
2.1.2	Modelos biaxiales	7
2.1.3	Modelos triaxiales	7
CAPÍT	ULO III REHABILITACIÓN DE ELEMENTOS ESTRUCTURALES	8
3.1	Inspección preliminar	8
3.2	Impacto de la estructura	8
3.3	Estrategias de rehabilitación	9
3.4	Sistemas de rehabilitación	9
3.4.1	Concreto	10
3.4.1.	1 Concreto colado en obra	10
3.4.1.	2 Concreto lanzado	10
3.4.1.	3 Concreto con resina	11
3.4.1.	4 Concreto lanzado con fibras de acero	11
3.4.2	Encamisado con concreto reforzado	11
3.4.3	Encamisado con acero	11
3.4.4	Resinas	11
3.4.5	Polímeros reforzados con fibras	12
3.4.5.	1 Fibra de vidrio	12
3.4.5.	2 Fibra de aramida	12
3.4.5.	3 Fibra de carbono	13

3.4.5.4	Matriz	13
3.4.5.5	5 Adhesivo	14
3.4.5.6	6 Procesos de instalación	15
3.4.5.7	Mantenimiento, ventajas y desventajas	16
CAPÍTU	JLO IV PROCESO EXPERIMENTAL	18
4.1	Generalidades	18
4.2	Objetivo de los ensayes	19
4.3	Instrumentación del espécimen	19
4.4	Protocolo de carga	23
4.5	Conexión viga-columna	23
CAPÍTU	JLO V	28
ANÁLIS	SIS DE RESULTADOS	28
5.1	Análisis experimental	29
5.2	Análisis teórico	30
5.2.1	Momento-curvatura	30
5.2.1.1	Modelación elastoplástica del concreto	30
5.2.1.2	2 Modelación elastoplástica del concreto con reforzamiento del sistema de PRFC	33
5.2.1.3	Modelación elastoplástica del acero de refuerzo con endurecimiento curvo	35
5.2.1.4	Modelación elastoplástica momento-curvatura	37
5.3	Calibración del modelo	41
5.3.1	CANNY-2010	42
5.3.2	Modelos matemáticos	42
5.3.3	Resultados matemáticos	42
5.4	Comparación de resultados	43
CAPÍTU	JLO VI CONCLUSIONES	45
REFER	ENCIAS	46
APÉND	ICE A MOMENTO-CURVATURA	49
APÉND	ICE B ARCHIVOS DE ENTRADA PARA CANNY-2010	64
DEDICA	ATORIAS	74
AGRAD	ECIMIENTOS	75

INTRODUCCIÓN

Las conexiones viga-columna de concreto reforzado son transcendentales en la infraestructura, ya que, son el soporte principal de estas. El comportamiento del elemento estructural ante las acciones externas dependerá en gran medida de la seguridad de los ciudadanos. Por esto, es necesario conocer el comportamiento de estas acciones en nuestros elementos estructurales.

Estos elementos estructurales se encuentran en viviendas, hospitales, escuelas, oficinas, plazas comerciales, por lo que resulta vital contar con reglamentos o manuales que garanticen una respuesta estructural adecuada y con modelos de análisis capases de describir su comportamiento en cualquier etapa de su vida útil.

Como se sabe, la Ciudad de México está construida, en su mayoría, sobre suelos blandos, donde se presenta una mayor amplificación de las ondas sísmicas (Ordaz, 1996) El país se sitúa sobre cinco placas tectónicas que interactúan continuamente, como resultado de esta interacción se acumulan esfuerzos en algunas zonas por largos periodos de tiempo, mismos que posteriormente se liberan en forma de sismos.

La costa del Pacífico mexicano es la que mayor cantidad de sismos produce en el país debido a la falla de San Andrés al Norte y al tramo constituido por la zona de subducción entre la placa de Cocos y la placa de Norteamérica.

Ésta pertenece al llamado cinturón volcánico del Pacífico, región en la que se produce el 90% de sismos a nivel mundial y 81% de los más grandes, en promedio ocurre un sismo de magnitud mayor o igual a 6.5 cada año y un sismo mayor o igual a 7.5 cada diez años en la escala de Richter (Cruz *et al.*, 2017)

La filosofía de diseño para edificios sometidos a sismos intensos del actual Reglamento de Construcciones para la Ciudad de México 2017, RCCM-2017 (RCCM, 2017), consiste en permitir el ingreso de los materiales en su intervalo de comportamiento inelástico. Lo anterior, con la finalidad de disipar la energía mediante deformaciones permanentes (daño). Por lo que, es de suponer, que algunas estructuras después de un sismo intenso presenten daños y requieran una rehabilitación estructural.

Actualmente, existen diversos sistemas para reforzar elementos estructurales y no estructurales. La elección del sistema depende de diversos factores, como son: costos, resistencias finales de los elementos estructurales, reforzamiento de la cimentación, entre otros. En el presente trabajo se evalúa el sistema de *polímeros reforzados con fibras de carbono* (PRFC).

En México y gran parte de América Latina, no se cuenta con un reglamento o manual de diseño para la rehabilitación o reforzamiento de elementos estructurales o no estructurales con el sistema de PRFC. En general, se usa la Norma del ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008).

Para la evaluación del sistema de PRFC, se utilizó una conexión viga-columna de concreto reforzado, que se ensayó en el Laboratorio de Estructuras Grandes del CENAPRED. Se realizaron dos pruebas, en la primera se aplicó un protocolo de cargas cíclicas que simuló los efectos de un sismo intenso, se detuvo hasta alcanzar el comportamiento inelástico de los materiales.

La segunda prueba, se realizó en la rehabilitación de la conexión con el sistema de PRFC. La rehabilitación consistió en: refuerzo a flexión en ambos lados de la viga, refuerzo a cortante y confinamiento en el área dañada de la viga. Al concluir la rehabilitación, con la finalidad de estudiar el comportamiento de ambas pruebas, el espécimen se sometió a las mismas condiciones de la primera prueba.

Adicionalmente, se realizó un análisis teórico y la calibración de los modelos matemáticos en el programa de análisis inelástico CANNY-2010 (Kang Ning Li, 2010). Posteriormente, se compararon el valor del momento flexionante último, las curvas de histéresis correspondientes y la capacidad de energía de deformación disipada de los modelos matemáticos y experimentales.

Se concluyó que el sistema de PRFC fue capaz de recuperar y aumentar la capacidad de carga y rigidez del elemento estructural estudiado (conexión dañada de concreto reforzado). El modelado matemático y teórico lograron aproximarse a los resultados experimentales.

CAPÍTULO I POLÍMEROS REFORZADOS CON FIBRAS

1.1 Antecedentes

Durante las últimas décadas se han presentado avances importantes en el diseño de estructuras de concreto reforzado ante los efectos de un sismo intenso. En países como Estados Unidos, Japón y Nueva Zelanda, por mencionar algunos, se han efectuado investigaciones relevantes en la predicción de la respuesta inelástica de estructuras (Hakuto *et al.*, 2000).

Los resultados de diversas aplicaciones del conocimiento adquirido han demostrado efectividad en la búsqueda de seguridad. Sin embargo, acciones como las que se producen con la presencia de sismos u otras cargas de naturaleza cíclica, han logrado dañar en incluso llevar al colapso.

El estudio de efectos sísmicos en las conexiones vigas-columnas, han demostrado que las fuerzas que se genera son capaces de lograr en ellas deterioro de propiedades estructurales como la rigidez y disminución de la resistencia. Este comportamiento se debe a que los elementos que la componen han ingresado a un intervalo de comportamiento inelástico.

El deterioro de estas propiedades estructurales no sólo se debe a las fuerzas exteriores, si no a su vida útil, falta de mantenimiento, un diseño inicial pobre y/o fallas constructivas y cambio en el uso de la edificación.

La respuesta a este cuestionamiento se encuentra en el comportamiento inelástico de la conexión. Es importante determinar si el elemento ingresó en el intervalo de comportamiento inelástico y, de ser así, saber si las propiedades estructurales serán capaces de recuperarse con un sistema de reforzamiento o rehabilitación y resistir a eventos futuros.

La ingeniería civil ha tenido que estudiar una variedad de sistemas de rehabilitación o reforzamiento que ayudan a recuperar estas propiedades estructurales. Para este trabajo se utilizó el sistema de *polímeros reforzados con fibras* (PRF).

La tecnología de compuestos estructurales de polímeros reforzados con fibras (PRF), se remonta a mediados de 1930, cuando el primer casco de un barco experimental fue fabricado con tejido de fibra de vidrio y resina de poliéster (MAPEI, 2015). El sistema ha revolucionado la industria entera, incluyendo la aeroespacial, naval, automóviles, recreación, vivienda e infraestructura. Esto se debe, principalmente, a su alta relación resistencia-peso, y su resistencia inherente, superior a la intemperie, así como a los efectos corrosivos de la sal del aire y el mar (MAPEI, 2015).

El sistema de PRF prosperó en aplicaciones arquitectónicas, comenzó con la restauración de edificios históricos a finales de 1950 (MAPEI, 2015). La tecnología comenzó a utilizarse en infraestructura en Europa, Japón y los Estados Unidos de América en los años de 1970 y 1980, con la rehabilitación de columnas de puentes, cubiertas y vigas, así como la reparación de túneles y muelles marinos (MAPEI, 2015).

El desarrollo experimental usando el sistema de PRF para la rehabilitación de una estructura de concreto comenzó en 1978 en Alemania. En 1980, en Japón, se aplicó por primera vez el sistema de PRF en columnas de concreto reforzado para proporcionar confinamiento adicional. Después del sismo de 1995 en Hyogoken-Nanbu, Japón, se incrementó el uso del sistema (ACI 440.2R, 2008).

La Norma ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008), establece que para poder hacer la rehabilitación o reforzamiento con el sistema de PRF de una estructura, ésta debe de tener una capacidad de carga mínima para evitar el colapso. De igual forma, no se recomienda como refuerzo principal para elementos sometidos a carga axial. Sin embargo, sí se considera como mejoramiento de la capacidad de carga axial mediante el confinamiento.

1.2 Objetivos del presente trabajo

- a) Estudiar el comportamiento del sistema de polímeros reforzados con fibras de carbono (PRFC) en un elemento estructural.
- b) Utilizar la literatura actual y obtener las curvas de momento-curvatura de la viga, y comparar la respuesta teórica con el proceso experimental y modelado matemático.
- c) Conocer la función y nivel de participación de los parámetros que presiden el en el programa de análisis inelástico CANNY-2010 (Kang Ning Li, 2010).
- d) Comparar los resultados obtenidos en el programa de análisis inelástico CANNY-2010 de la conexión original y reparada con los derivados de las pruebas de laboratorio. Observar las diferencias que pudieran presentarse.

1.3 Alcances

Para predecir o describir el comportamiento inelástico de la viga de concreto reforzado, se han propuesto varios modelos. Algunos se basan en el método de elemento finito (MEF) y otros corresponden a enfoques de macro-elemento.

En este trabajo, se eligió el modelo de *resortes múltiples* (mRM), por que ha demostrado la efectividad al intentar reproducir con aproximación aceptable el comportamiento de secciones macizas, y se realizaron pruebas que confirman su validez.

El enfoque del sistema de PRFC fue dirigido a la rehabilitación de elementos estructurales dañados.

Con base en los objetivos planteados, se desarrollaron las pruebas experimentales. La primera se realizó con la conexión viga-columna original y la segunda con el espécimen dañado; al que se realizó la rehabilitación con el sistema de PRFC, con el propósito de saber si el espécimen reparado era capaz de recuperar su capacidad de carga y su rigidez.

Para la creación de las curvas de momento-curvatura, para la viga original y la viga reparada, se aplicó la teoría a posteriori. En el análisis se consideró el confinamiento de los estribos y sin él. Después se realizó una comparación entre ambas respuestas.

Con base en los resultados experimentales, se obtuvo la calibración del modelado histerético del programa de análisis inelástico CANNY-2010 (Kang Ning Li, 2010). Con estos resultados se obtuvieron los valores del momento flexionante último y las curvas de histéresis correspondientes.

Finalmente, se obtuvieron conclusiones, observaciones y recomendaciones.

CAPÍTULO II MODELOS PARA ANÁLISIS INELÁSTICO DE ESTRUCTURAS

Cuando una estructura alcanza su capacidad de carga, se dice que empieza su comportamiento en el intervalo inelástico; donde el comportamiento de la estructura está asociado a su estado de daño, inicialmente en elementos no estructurales y después en los estructurales. Las principales características que presentan las estructuras cuando incursionan en su etapa de comportamiento inelástico son la pérdida de rigidez y el aumento del amortiguamiento, y pueden originar como consecuencia, el agrietamiento, pandeos locales y deformaciones residuales de la estructura (Bazán y Meli, 2002)

Existen dos procedimientos para conocer la respuesta inelástica de una estructura: mediante métodos experimentales, en donde las estructuras son sometidas a solicitaciones que provocan que éstas incursionen en su etapa de comportamiento inelástico (generando residuos constructivos), y a través de modelos matemáticos, donde se representan las características inelásticas de los materiales y secciones que componen una estructura (no se generan residuos constructivos) (Cecilio *et al.*, 2013).

El modelado matemático tiene dos enfoques, por una parte, los que describen lo que ocurre en cada punto del continuo que integra un elemento; por otra parte, los modelos de macro-elemento que únicamente ofrecen una respuesta global similar a la de la estructura real ante las acciones externas.

Un ejemplo del primer enfoque es el empleo de MEF. En el que se discretiza el continuo y asignarle a cada elemento propiedades lineales y no lineales que definirán la ley de respuesta en función del nivel de esfuerzos que se genere. Estos métodos son precisos y permiten graficar la configuración deformada de los elementos. También se puede graficar la distribución de esfuerzos y son aplicables a elementos barra, placa y sólidos tridimensionales. Lo anterior hace evidente que este enfoque de análisis es realmente representativo del elemento real, se logra un modelo realista y descriptivo (Dionicio, 2011).

Un ejemplo del segundo enfoque es el modelo de capas (Shirai *et al.*, 2001) o el mRM (Lai, 1984), en los cuales suele existir discretización del elemento, pero no con la finalidad de describir lo que ocurre en cada punto, sino para representar la respuesta global. La ventaja en estos casos consiste en modelos simples que los que se emplean en MEF (Dionicio, 2011)

2.1 Modelos de análisis inelástico

Están definidos en función de la geometría del elemento y de la respuesta misma, es decir, que existen modelos para estructuras modeladas en una, dos o tres dimensiones.

2.1.1 Modelos uniaxiales

El modelo de histéresis uniaxial es la expresión abstracta en un conjunto de reglas que especifica las relaciones de fuerza-desplazamiento uniaxiales o relaciones de fuerza-velocidad, y es aplicable a diferentes componentes de deformación.

Ejemplos de curvas que representan el comportamiento no lineal, es la propuesta por Ramberg-Osgood (Ramberg y Osgood, 1943), Clough (Gillies, 1979) y Takeda (Lai, *et al.*, 1984).

2.1.2 Modelos biaxiales

Son útiles cuando los elementos estructurales son susceptibles a deformaciones en dos direcciones, por ejemplo, flexión de una viga o columna alrededor de dos ejes principales. Por lo que son capaces de representar la interacción de efectos en las dos direcciones que se consideran (Dionicio, 2011).

2.1.3 Modelos triaxiales

Estructura o elemento que está sometida a acciones en tres dimensiones y la respuesta se produce en tres dimensiones, por lo que se emplea un modelo tridimensional.

El modelo de fibras está basado en la relación esfuerzo-deformación inicial del material (Pulido *et al.*, 2001). Es capaz de representar relaciones esfuerzo-deformación y fuerza-desplazamiento. No requiere la definición de zonas plásticas. La relación de momento-curvatura inelástica se obtiene evaluando secciones del elemento (Dionicio, 2011).

El mRM, utiliza modelos de análisis inelástico uniaxiales y biaxiales. Conformando un modelo capaz de representar su comportamiento ante fuerza axial y flexión bidireccional en el elemento estructural. La confiabilidad de este modelo es la capacidad de representar la degradación de resistencia y rigidez que sufren las estructuras reales al ser sometidas a cargas cíclicas reversibles, con base en los resultados de laboratorio (Lai, *et al.*, 1984).

CAPÍTULO III REHABILITACIÓN DE ELEMENTOS ESTRUCTURALES

Para realizar la rehabilitación de una estructura, se deberá desarrollar una evaluación previa de los daños existentes. Con relación a la información recopilada se determina si la rehabilitación es adecuada o si se requiere de una demolición. De ser aceptable la rehabilitación se define la estrategia y sus detalles.

La rehabilitación debe ser justificada ya que se pone en riesgo a los habitantes del inmueble y a sus alrededores.

3.1 Inspección preliminar

La revisión visual del inmueble da una noción de los daños existentes y de su comportamiento estructural. Para identificar los daños y cuantificarlos, es necesario tomar en cuenta los siguientes conceptos; identificación de inmueble, sistema estructural, sistema de cimentación, daños en elementos estructurales y no estructurales, problemas de estructuración, planos estructurales y arquitectónicos.

De igual forma la Norma ACI 364.1 R-94 señala las recomendaciones a seguir en una inspección preliminar:

- a) Revisión de planos, especificaciones, y observaciones en el sitio
- b) Revisar las condiciones del lugar
- c) Medidas geométricas de los elementos, deflexiones, desplazamientos, grietas y otros daños
- d) Pruebas no destructivas
- e) Realizar retiros exploratorios cuando hay evidencia sustancial de deterioro o una señal de falla seria, cuando se sospecha defectos ocultos, o cuando se tiene información escasa
- f) Muestreo, pruebas, y análisis

Con base en los conceptos ya mencionados se deberá realizar un informe que mencione; capacidad estructural, viabilidad del proyecto, problemas estructurales, sugerencias de reparación y comentarios.

3.2 Impacto de la estructura

El objetivo es determinar si es viable realizar la reparación de la estructura, de acuerdo con los distintos sistemas existentes, y si la inversión de la reparación es menor, o bien, sí es mejor realizar una demolición y volver a construir.

Se debe contar con información adicional sobre el diseño original del inmueble, su proceso constructivo, observaciones en el proceso constructivo, el uso y sus modificaciones.

Para saber el comportamiento de la estructura, se debe realizar una modelación de la estructura dañada, identificando los puntos débiles y su estabilidad. En caso de rehabilitación o reforzamiento nuevamente se llevará a cabo la modelación con las propiedades del sistema elegido a fin de verificar su comportamiento funcional.

Por otra parte, se tendrán daños no estructurales, que no afectan la estabilidad del inmueble, cuya reparación se podrá realizar sin ningún inconveniente.

3.3 Estrategias de rehabilitación

El objetivo de realizar una rehabilitación es incrementar la resistencia y la ductilidad, procurando tener un balance de las dos combinaciones. Es de suma importancia reducir las excentricidades ocasionadas por la distribución irregular de la rigidez en el inmueble. Los elementos nuevos que se agregan a la edificación son para incrementar su resistencia, o bien, para incrementar su ductilidad.

Esto puede incluir el remplazo o la rehabilitación del algún elemento o modificación en la edificación. Sí se remplaza un elemento, este debe diseñarse de acuerdo con una guía y detallarse y construirse de acuerdo con el Reglamento de Construcción aprobado por una autoridad competente.

En la rehabilitación en rigidez, resistencia y deformabilidad, se debe tomar en cuenta un modelo matemático de la estructura rehabilitada. La compatibilidad de los componentes nuevos y existentes deberán verificarse en desplazamientos consistentes con el nivel de rendimiento a seleccionar (ACI 369R-11).

Algunos de los parámetros que se deben de considerar para la selección de una rehabilitación adecuada son los siguientes (ACI 369R-11):

- 1) Tomar en cuenta la inspección preliminar, donde diga la condición física de los elementos primarios y secundarios
- 2) Verificación de la presencia y su configuración de sus elementos y conexiones
- Revisión y documentación de otras condiciones, incluyendo muros e inmuebles vecinales, presencia de elementos no estructurales, una remodelación previa y limitaciones para la rehabilitación que puedan influir en el rendimiento de la edificación
- 4) Orientación de los elementos, plomada y dimensiones físicas
- 5) Identificar los elementos que soportan y transfieren las cargas verticales o laterales
- 6) Edad de la edificación
- 7) Tipo y grado de daño
- 8) Requisitos arquitectónicos
- 9) Uso, acceso, vida útil de la estructura
- 10) Costos de la rehabilitación
- 11) Objetivo y motivo de la rehabilitación
- 12) Balance de los materiales y el impacto en el sistema estructural

3.4 Sistemas de rehabilitación

El mercado tiene una amplia variedad de sistemas de reparación, y la decisión se tomará de acuerdo con las exigencias del proyecto. Los materiales más utilizados son las resinas, concreto, mortero, lechada y así como acero de refuerzo (Breña, 1990).

Los materiales que se utilizarán deben de cumplir con las siguientes características (Aguilar et al., 1996):

- a) Ser durable y proteger el refuerzo
- b) Ser dimensionalmente estable para evitar la pérdida de adherencia entre los materiales viejos y nuevos debido a la contracción

- c) Proporcionar una buena unión entre los materiales nuevos y viejos, incluidos elementos de acero y concreto
- d) Ser capaz de desarrollar una resistencia adecuada en un periodo corto, especialmente si el elemento dañado tiene que ser restaurado rápidamente

3.4.1 Concreto

El concreto es un material elaborado, formado por la mezcla de cemento, grava, arena, y agua en cantidades predeterminadas. La calidad del producto dependerá de la calidad de cada uno de sus elementos y de la cantidad de cada uno de ellos.

El refuerzo de elementos de concreto consiste en incrementar su resistencia y su capacidad de deformación. Si se logra que el refuerzo tenga continuidad entre varios elementos, puede modificar también, en forma importante, la estructuración (Iglesias, 1986).

3.4.1.1 Concreto colado en obra

Es utilizado ampliamente como material de reparación para reemplazar las secciones dañadas, para aumentar la capacidad de un elemento y/o agregar nuevos elementos resistentes a las fuerzas laterales a una estructura existente. Se debe lograr una acción monolítica entre los materiales nuevos y viejos (Aguilar *et al.*, 1996).

El cambio en el volumen o encogimiento del concreto durante el proceso de hidratación es un problema para las reparaciones debido a la adherencia entre superficie vieja y nueva, que afectan la transferencia de tensiones (Aguilar *et al.*, 1996).

3.4.1.2 Concreto lanzado

Consiste en mezclar arena y cemento de forma neumática con agua y sale a una velocidad alta desde una boquilla. Se puede realizar con equipos manuales o robotizado. Existen dos métodos que dependerá de las especificaciones del proyecto; vía húmeda y vía seca. Se utiliza para reparar y reforzar muros de concreto y mampostería, estabilización de taludes y para revestir elementos de concreto. Las ventajas de usar concreto lanzado, son buena adherencia al concreto existente y alta resistencia (Aguilar *et al.*, 1996).

Vía húmeda: el agua, el cemento y el agredo se mezclan antes de bombear. Tiene la ventaja de reducir el rebote y eliminar el polvo, pero la relación agua cemento aumenta y proporcionan un material de menor resistencia (Aguilar *et al.*, 1996).

Vía seca: la arena y el cemento se mezclan y se transportan a través de una manguera mediante aire comprimido, después se le agrega el agua en la parte de la boquilla y él operador controla la cantidad de agua (Aguilar *et al.*, 1996).

El problema de este sistema es el rebote y la sobre pulverización. El rebote es un agregado que no se adhiere a la superficie y se aleja del material fresco. El exceso de pulverización es el resultado de una gran cantidad de aire presurizado utilizado en el procedimiento, lo que resulta en grandes bolsas de aire (Aguilar *et al.*, 1996).

3.4.1.3 Concreto con resina

Se sustituye el cemento en la mezcla del concreto por resinas, como son: epoxi, poliéster, acrílico, metacrilato, etc. Es utilizado para pequeñas áreas de concreto dañado. La ventaja es que se alcanzan grandes resistencias rápidamente y se tiene una excelente adherencia, siempre y cuando se aplique en una superfície limpia y seca (Aguilar *et al.*, 1996).

3.4.1.4 Concreto lanzado con fibras de acero

Las fibras de acero se adicionan a la mezcla del concreto lanzado para dar una mejor capacidad de absorción de energía, redistribución de esfuerzos, menores deformaciones, cuando así se requiere y resistencia al impacto, así como proveer de ductilidad acorde a la aplicación y necesidades del proyecto. Una de sus propiedades es la habilidad que tendrá el concreto lanzado de continuar resistiendo cargas después de que su matriz se ha fisurado (Garmendia, 2015).

El espacio entre fibras se reduce en tanto la fibra sea más delgada, por lo que, el reforzamiento será más eficiente. Siempre se debe buscar tener una longitud de refuerzo por metro cúbico nunca inferior a 10,000 ml de fibra de acero para garantizar un adecuado traslape entre ellas según las fórmulas de McKee (Garmendia, 2015).

Con el método seco es posible obtener resistencia la compresión de 700 kg/cm², pero esto trae consigo el costo de una pérdida de rebote del 25 al 50%. Mientras que el método húmedo inherentemente tiene menor pérdida de rebote, pero su límite máximo de resistencia suele ser de 280 a 350 kg/cm². El empleo del aditivo de microsílice, con un diseño normal de mezcla para el método húmedo, permite lograr resistencias muy elevadas y ahorrar con una pérdida de rebote menor (Fernández, 1981).

3.4.2 Encamisado con concreto reforzado

Este procedimiento consiste en envolver los elementos con barras y estribos, o bien con malla electrosoldada, y añadir un nuevo recubrimiento de concreto lanzado o colado en obra. Se puede hacer continúo recurriendo a perforaciones en la estructura original, por lo general en sistema de piso, facilitan el colado a la vez que permiten el paso del acero de refuerzo (Iglesias, 1986).

3.4.3 Encamisado con acero

En las columnas, el procedimiento consiste en una camisa de perfiles unidos entre sí para soleras o ángulos. En el caso de las vigas se puede recurrir al uso de estribos postensados o de placas metálicas adheridas mediante resinas epóxicas y conectores mecánicos (Iglesias, 1986).

3.4.4 Resinas

Generalmente se usan en grietas o para remplazar cantidades pequeñas de concreto dañado. También se usan para anclar o unir nuevos elementos de acero y concreto debido a sus altas características de unión del material. Es un material sencillo de aplicar, pero no por ello cualquiera lo puede realizar, sino que se necesita de técnicos capacitados (Aguilar *et al.*, 1996).

Una resina está compuesta por dos componentes (epoxi, poliéster, acrílico, poliuretano, etc. y catalizador) al ser mezcladas, la resina se transforma de un estado plástico a un estado sólido. En el estado plástico, las resinas pueden variar en la viscosidad, tiempo de fraguado, temperatura mínima de

curado, grado de sensibilidad a la humedad y calor. La resistencia a la flexión y a la compresión suelen ser más altas que los valores alcanzadas por el concreto (Aguilar *et al.*, 1996).

El calor que se produce por la reacción química entre la resina y el catalizador podría aumentar la contracción y la pérdida de adherencia con el material antiguo, si el curado no se controla. Algunas propiedades de las resinas que las convirtieron en una alternativa viable como material de reparación son: excelente adherencia al concreto, mampostería y acero, alta resistencia y resistencia a la dureza contra ataques de ácidos, álcalis y solventes, baja contracción y buena durabilidad (Aguilar, *et al.*, 1996).

Por otro lado, las propiedades que pueden perjudicar el comportamiento de las resinas como material de reparación son: la pérdida de integridad a temperaturas superiores a 100 °C y el tiempo limitado disponible para colocarla una vez que ambos componentes se mezclan.

3.4.5 Polímeros reforzados con fibras

El sistema de PRF resultan ser una opción competitiva a mediano y largo plazo si se compara con sistemas convencionales de reforzamiento y las ventajas que tienen sobre estos.

Estos materiales están compuestos de una matriz, adhesivos y fibras. Las fibras son las responsables de brindarle las propiedades estructurales al material compuesto debido a que su rigidez y resistencia es mucho mayor que la de la matriz (Castillo, 2010). Las fibras son producidas a partir de filamentos de materia prima, consisten en fibras pequeñas, continuas y en una dirección.

Las fibras que predominan son: la fibra de vidrio (PRFV), la fibra aramida (PRFA) y la fibra de carbono (PRFP).

3.4.5.1 Fibra de vidrio

Es un material que consta de numerosos filamentos poliméricos basados en dióxido de silicio. Las fibras se conforman de hebras delgadas hechas de sílice. Son utilizadas como material aislante, su fabricación requiere de altas temperaturas. La fibra de vidrio presenta una estructura amorfa, lo que hace que el material se comporte isotrópicamente. Factores como la humedad pueden provocar una disminución de sus propiedades mecánicas (ACI 440.2R, 2008).

Tiene como principal ventaja su bajo costo sin embargo son menos resistentes que otros tipos de fibras. Existen cuatro tipos de fibras E, A, C y S, Tabla 3.1.

3.4.5.2 Fibra de aramida

Es un material sintético se obtiene por hilado de poliamidas aromáticas tipo politereftalado de pelifenilendiamina. Es una estructura químicamente rectangular por lo que se tiene rigidez y alta resistencia. Las principales propiedades son: alta resistencia a la tracción, tenacidad, resistencia al impacto, buen comportamiento ante cargas cíclicas, baja resistencia a la flexión y compresión. Dan una respuesta elástica lineal y presentan un comportamiento inelástico cuando trabajan en compresión (ACI 440.2R, 2008).

Son costosas, baja accesibilidad, alta absorción de humedad y temperaturas de fusión bajas han hecho las menos atractivas para la rehabilitación o reforzamiento de elementos estructurales, Tabla 3.1.

3.4.5.3 Fibra de carbono

Es una fibra sintética construida por filamentos de 5 a 10 μ m de diámetro, cuyo compuesto principal es el carbono. Tiene propiedades similares al acero, una de las características a destacar es su baja densidad. Los filamentos de la fibra de carbono son similares a la de grafito. Sus propiedades son: resistencia mecánica elevada, resistencia a agentes externos, capacidad de aislamiento térmico y resistencia a variación de temperaturas (ACI 440.2R, 2008).

Estas son fabricadas con polímeros tipo PITCH o PAN. Las fibras a base de polímeros PITCH se fabrican de petróleo refinado o brea, ofrecen materiales de uso general y poseen una alta resistencia y un alto módulo de elasticidad. Mientras que las fibras PAN están hechas por poliacrilonitrilo y esto hace que se produzca una alta resistencia y un módulo de elasticidad alto, Tabla 3.1.

3.4.5.4 Matriz

Es la encargada de proteger las fibras contra la abrasión y la corrosión ambiental, mantienen las fibras unidas y distribuyen la carga entre ellas. La matriz utilizada influye en gran parte en muchas de las propiedades mecánicas del material tales como su módulo de elasticidad y resistencia transversal, así como sus propiedades de cortante y compresión (Castillo, 2010).

Los tipos de matrices más comunes son las resinas epóxicas, de poliéster insaturado, poliméricas y viniléster.

Resinas epóxicas

Es utilizada como la matriz del sistema de PRF, y de igual forma se utiliza como adhesivo. Es el agente de curado (o endurecedor) se suministra por separado en dos partes, antes de la aplicación se mezclan en proporciones definidas por el fabricante. Además de ser la matriz del sistema de PRF tiene otras aplicaciones; reparaciones de grietas o unión de elementos prefabricados. La densidad es baja aproximadamente es de 1.05 g/cm³, Tabla 3.2 (ACI 440.2R, 2008).

Resinas de poliéster

Es utilizada cuando se desea una mayor resistencia a la corrosión del sistema PRF. Se trata de un polímero insaturado en cuyos enlaces dobles las cadenas no están saturadas con átomos de hidrógeno. Este tipo de resinas ofrecen una gran versatilidad, lo que permite adaptarse a diferentes necesidades, Tabla 3.2 (ACI 440.2R, 2008).

Resinas poliméricas

Es una cadena de macromoléculas unidas mediante enlaces covalentes. Es la matriz o aglutinante de los PRF, es decir, la parte no fibrosa del compuesto. Suelen considerarse isotrópicas y materiales viscosoelásticos. Las resinas poliméricas no se recomiendan aplicarlas a temperaturas mayores de los 180 °C se recomienda tener sistemas de aislamiento que prevenga el daño en caso de incendios, Tabla 3.2 (ACI 440.2R, 2008).

Tipo de	Densidad		Módu	lo de elasticidad	Resistencia	Deformación unitaria, mín	
Fibra	g/cm ³	lb/in ³	GPa	ton/cm ²	MPa	ton/cm ²	%
Carbono							
Estándar	1.7	0.0614	220 - 240	2243.38 - 2447.32	2050 - 3790	20.90 - 38.65	1.2
Alta resistencia	1.8	0.0650	220 - 240	2243.38 - 2447.32	3790 - 4820	38.65 - 49.15	1.4
Ultra alta resistencia	1.8	0.0650	220 - 240	2243.38 - 2447.32	4820 - 6200	49.15 - 63.22	1.5
Alto módulo	1.9	0.0686	340 - 520	3467.04 - 5302.52	1720 - 3100	17.54 - 31.61	0.5
Ultra alto módulo	2.1	0.0759	520 - 690	5302.52 - 7036.04	1380 - 3400	14.07 - 34.67	0.2
Vidrio							
E	2.57	0.0928	69 - 72	703.60 - 734.20	1860 - 2680	18.97 - 27.33	4.5
S	2.47	0.0892	86 - 90	876.96 - 917.74	3440 - 4140	35.08 - 42.22	5.4
Aramida							
Estándar	1.2	0.0434	69 - 83	703.60 - 846.36	3440 - 4140	35.08 - 42.22	2.5
Alto rendimiento	1.5	0.0542	110 - 124	1121.69 - 1264.45	3440 - 4140	35.08 - 42.22	1.6

Tabla 3.1. Propiedades principales de las fibras utilizadas en sistema de PRF (ACI 440.2R, 2008)

Resinas viniléster

Es un polímero insaturado que se produce a partir de resina epóxica y éster acrílico. Se utiliza para la fabricación de varillas de PRF y de igual forma como sustituto de la resina de poliéster. Una propiedad principal es la durabilidad ambiental en ambientes alcalinos, posee propiedades semejantes a la resina epóxica y poliéster. En el mercado se encuentra una gran variedad de estos productos, Tabla 3.2 (ACI 440.2R, 2008).

3.4.5.5 Adhesivo

Prácticamente se utiliza para adherir el material de los PRF a la superficie del material, con el fin de que se dé una adecuada transferencia de carga por cortante entre el elemento y el sistema de PRF, para que así trabajen como una sección compuesta. Generalmente, se compone de una mezcla de resina epóxica (polímero) con un endurecedor. Estas variaciones van a depender de las necesidades del proyecto. En la Figura 3.1 se comparan las curvas esfuerzo-deformación de los PRF.

Tabla 3.2. Propiedades de las resinas termoestables (ACI 440.2R, 2008)

Tino de resina	Densidad		Módulo d	Módulo de elasticidad		tencia a la Insión	Deformación unitaria, mín
	g/cm³	lb/in ³	GPa	ton/cm ²	Мра	ton/cm ²	%
Poliéster	1.2	0.0434	4.0	40.79	65	0.66	2.5
Epóxica	1.2	0.0434	3.0	30.59	90	0.92	8.0
Viniléster	1.12	0.0405	3.5	35.69	82	0.84	6.0
Fenólico	1.24	0.0448	2.5	25.49	30	0.31	1.8
Poliuretano	va	riable	2.9	29.57	71	0.72	5.9



Figura 3.1. Ejemplos de aplicación manual de PRF (Castillo, 2010)

3.4.5.6 Procesos de instalación

Existen dos técnicas para la aplicación del sistema de polímeros reforzados con fibras (PRF) a elementos de concreto; la técnica manual y especial.

La técnica manual, como lo dice su nombre consiste en el colocado manual por técnicos y se realiza un curado en el sitio Figura 3.2.

La técnica especial, consiste en la colocación de reforzamiento que ya fueron explicados según los métodos especializados, en muchos de estos casos han sido patentados, se describen algunas técnicas:

- a) Envolver automáticamente los elementos de concreto con fibras húmedas de PRF mediante un robot especializado, por lo que permite garantizar la calidad del proceso, así como una rápida colocación, Figura 3.3
- b) Adherir los PRF a la superficie en estado pre-forzado
- c) Adherir cintas de PRF con pines de carga mediante un proceso de fusión entre capas de PRF que permite el movimiento relativo de las fibras, Figura 3.3
- d) Colocar los PRF mediante curado rápido en sitio empleando dispositivos de calentamiento (infrarrojo, calentadores eléctricos, entre otros) para disminuir el tiempo de curado



a) Aplicación en seco



c) Aplicación en húmedo

Figura 3.2. Técnica manual y curado en el sitio (Néstor Alegría, 2016)

- e) Adherir elementos preformados tales como angulares o cascaras de PRF
- f) Realizar rendijas en el concreto para colocar tiras de PRF, Figura 3.3
- g) Impregnar el material mediante el uso de bolsas de vacío

3.4.5.7 Mantenimiento, ventajas y desventajas

Los costos son reducidos debido a la resistencia a agentes corrosivos y también al descongelamiento en algunas zonas. Al hacer la comparación con el acero, este material tiene un gran problema con la corrosión, especialmente a las que están expuestas al medio ambiente. Se ha mostrado que durante 3 años estos materiales presentan moho debido a la exposición climática. Por lo que estos problemas generan pérdida de resistencia en el sistema y que tiene un alto costo su mantenimiento e instalación.

El diseño del producto y del sistema se adecúa de manera fácil y se puede colocar de tal forma que podrá contrarrestar cargas específicas sin tener ningún problema.

Estas son las principales razones por lo que el sistema de PRF ha ido creciendo en el mercado:

- 1) Inmunidad a la corrosión
- 2) Bajo peso, del orden de la cuarta parte en comparación con el acero
- 3) Facilidad de aplicación en espacios confinados
- 4) Reducción en los costos finales, especialmente en la mano de obra
- 5) Resistencia alta a la tensión axial
- 6) Rigidez que se puede adaptar a las exigencias del proyecto
- 7) La construcción rápida reduce los posibles retrasos
- 8) Los sistemas y productos permiten un valor agregado a la ingeniería que resulta de instalaciones eficientes e innovadoras
- 9) Resistencia al ambiente
- 10) Estabilidad estructural con baja conductividad térmica y bajo coeficiente de expiación térmica lineal
- 11) Requieren bajo mantenimiento
- 12) Se pueden tener partes geométricas pequeñas o grandes
- 13) Se le puede dar el acabado deseado



a) Instalación automática a una columna de concreto



b) Esquema de la utilización de la técnica de rendijas interiores de PRF



c) Esquema izquierdo muestra el sistema tradicional de instalación de tiras de PRF y el esquema derecho muestra las cintas de PRF adherida con pines de carga

Tabla 3.3. Ejemplos de aplicación (Castillo, 2010)

Sin embargo, el uso de estos materiales como sucede con otros también presenta desventajas como las siguientes:

- a) Comportamiento lineal hasta la falla, sin deformaciones plásticas, lo que reduce la ductilidad de los elementos
- b) Costo elevado de los PRF en comparación con el acero
- c) Coeficiente de expansión térmica incompatible con el concreto
- d) Degradación y posterior colapso prematuro de las fibras al estar sujetas a temperaturas elevadas por producto del fuego
- e) Los materiales son propensos a sufrir daños por impacto, vandalismo y/o accidentes debido a que son un refuerzo externo

CAPÍTULO IV PROCESO EXPERIMENTAL

Se estudió el comportamiento de un elemento estructural escala 1:1, al que se le aplicó ciclos de cargas reversibles, para después realizar la rehabilitación con el sistema de polímeros reforzados con fibras de carbono (PRFC), y con base en ello realizar una comparación de su comportamiento. El proceso se llevó a cabo en el Laboratorio de Estructuras Grandes del CENAPRED.

Se describen las especificaciones, generalidades y objetivo de las pruebas experimentales, instrumentación y protocolo de carga, con la finalidad de que el lector comprenda de mejor manera el proceso de ensaye.

4.1 Generalidades

El espécimen ensayado básicamente trata de dos especímenes colados monolíticamente. Es decir, se requirió habilitar una cimbra del elemento para su posterior colado. El sistema cuenta con paneles compuestos por un marco metálico y un área de contacto de triplay. En la Figura 4.1 se muestran las especificaciones de la conexión viga-columna.



Figura 4.1. Conexión viga-columna

El concreto con el que fue colada tuvo una resistencia de 500kg/cm² y el acero de refuerzo f_y=4200 kg/cm². Las dimensiones del espécimen a centro de ejes son 5.0 *m* de longitud de la trabe y 3.3 *m* la longitud de la columna, Figura 4.1.

4.2 Objetivo de los ensayes

En relación con las pruebas experimentales se realiza una comparación, en términos de resistencia y energía de deformación disipada, en la conexión viga-columna de concreto reforzado, CVCCR, y la conexión viga-columna rehabilitada con el sistema de PRFC, CVCCR- PRFC. Aplicando las mismas condiciones en ambos ensayes, ya que la pérdida de rigidez y resistencia del daño provocado; son por las acciones sísmicas en las trabes y uniones viga-columna, con los ciclos de cargas reversible se buscó tener las mismas acciones en los especímenes ensayados.

4.3 Instrumentación del espécimen

Se colocaron 27 deformímetros (strain gauges) en la superficie de concreto y en el acero de refuerzo (longitudinal y transversal). Para medir rotaciones relativas, se instalaron cinco transductores de desplazamiento (LVDT), el primero se colocó una distancia de 0.47 m aproximadamente de la columna hacia los anclajes del gato hidráulico, el segundo a una distancia de 0.75 m aproximadamente, el tercero a 2.25 m aproximadamente, y los últimos dos estaban a una distancia de 4.50 m aproximadamente con una separación de 0.30 m, Figura 4.2, 4.3 y 4.4.

En la Tabla 4.1 se muestran los canales TDS; canal, coeficiente, punto decimal, unidad, nombre, descripción, modo y modelo.

Canal No.	Coeficiente	Punto decimal	Unidad	Nombre		Descripción	Modo	Modelo
[000]		2	tf	FH		Celda de carga CLC 50-A	6	Celda de carga CLC-50 A
[001]	3	2	mm	H1		Horizontal 1	6	Trasductores 300 mm
[002]	3	2	mm	H2		Horizontal 2	6	Trasductores 300 mm
[003]	1	2	mm	H3		Horizontal 3	6	Trasductores 200 mm
[004]	1	2	mm	H4	BAJ16098	Horizontal 4	6	Trasductores 200 mm
[005]	1	2	mm	H5	BAJ16098	Horizontal 5	6	Trasductores 200 mm
[010]	5	3	mm	VPA1	516304	Vertical poniente arriba	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[011]	5	3	mm	VPA2	512022	Vertical poniente arriba	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[012]	5	3	mm	VPM1	516297	Vertical poniente medio	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[013]	5	3	mm	VPM2	510382	Vertical poniente medio	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[014]	5	3	mm	VPB1	516307	Vertical poniente abajo	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[015]	5	3	mm	VPB2	512022	Vertical poniente abajo	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[016]	5	3	mm	VOA	516298	Vertical oriente	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[017]	5	3	mm	VOM	516295	Vertical oriente	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[018]	5	3	mm	VOB	516310	Vertical oriente	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[020]	5	3	mm	D1	522809	Diagonales 1 superior	6	Trasductores CDP-25A 25 mm
[021]	5	3	mm	D2	5208	Diagonales 2 superior	6	Trasductores CDP-25A 25 mm
[022]	5	3	mm	D3	516309	Diagonales 3 media	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[023]	5	3	mm	D4	516302	Diagonales 4 media	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[024]	5	3	mm	D5	516308	Diagonales 5 inferior	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[025]	5	3	mm	D6	516296	Diagonales 6 inferior	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[026]	5	3	mm	D7	516292	Diagonales 7 panel conexión	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[027]	5	3	mm	D8	516294	Diagonales 8 panel conexión	6	Trasductores CDP-50A 50 mm
[030]	1	2	mm	M1	360340	Micrometro inferior norponiente 1	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[031]	1	2	mm	M2	366741	Micrometro inferior norponiente 2	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[032]	1	2	mm	M3	309176	Micrometro inferior norponiente 3	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[033]	1	2	mm	M4	309151	Micrometro inferior centro 4	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[034]	1	2	mm	M5	360337	Micrometro inferior nororiente 5	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[035]	1	2	mm	M6	309148	Micrometro inferior nororiente 6	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[036]	1	2	mm	M7	360341	Micrometro inferior nororiente 7	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[037]	1	2	mm	M8	309163	Micrometro inferior surponiente 1	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[038]	1	2	mm	M9	309155	Micrometro inferior centro 2	6	Micrometros DDP-50A 50 mm
[039]	1	2	mm	M10	309143	Micrometro inferior suroriente 3	6	Micrometros DDP-50A 50 mm

Tabla 4.1. Canales TDS (CENAPRED)



Figura 4.2. Arreglo del espécimen en el Laboratorio de Estructuras Grandes, CENAPRED, vista Norte



Figura 4.3. Arreglo de la instrumentación, vista Norte



Figura 4.4. Arreglo de la instrumentación, vista Sur

4.4 Protocolo de carga

La prueba consistió en la aplicación de cargas horizontales cíclicas en el extremo superior de la viga, simulando la acción sísmica. Constó de dos fases; la primera fase se controló por medio de cargas hasta llegar a los umbrales de desplazamiento máximo teórico, y la segunda fase se controló por medio de desplazamientos.

Los ciclos de cargas se aplicaron, a partir de los valores teóricos calculados para la fluencia del acero de refuerzo, la resistencia y el desplazamiento máximo esperado en el nodo. La historia de desplazamientos se describe en la Tabla 4.2.

Distorsión equivalente	Desplazamiento máximo	Número de ciclos
0.5 D _y = 0.35%	± 1.75 cm	2
1.0 D _y = 0.70 %	± 3.50 cm	2
1.00%	± 5.00 cm	2
1.50%	± 7.50 cm	2
2.00%	± 10.0 cm	2
2.50%	± 12.5 cm	2
3.00%	± 15.0 cm	2
3.50%	± 17.5 cm	2
4.00%	± 20.0 cm	2

Tabla 4.2. Historia de desplazamiento	Tabla	4.2.	Historia	de	despl	lazamiento
---------------------------------------	-------	------	----------	----	-------	------------

4.5 Conexión viga-columna

Considerando los puntos anteriores, se montó la conexión viga-columna, CVCCR, en las instalaciones de Laboratorio de Estructuras Grandes del CENAPRED, luego de realizar toda la instrumentación, se procedió a realizar la prueba, al final de esta, la conexión tuvo un comportamiento inelástico, generándose una articulación plástica.

En cada ciclo de carga reversible se realizaron dos ciclos, antes de incrementar la carga o desplazamiento con la finalidad de tener un mejor comportamiento del material y elemento. Se marcaron grietas en cada ciclo de acuerdo con el paso que arrojaba el sistema de cómputo y se tomaron fotografías del espécimen desplazado y en el eje neutro. Se tuvo un constante monitoreo de la instrumentación para evitar daños en los aparatos debido a su alta sensibilidad.

Se muestran algunas imágenes del proceso experimental en el Laboratorio de Estructuras Grandes del CENAPRED.

CVCCR



Figura 4.5. Inicio de la prueba



Figura 4.6. Grietas



Figura 4.8. Grietas principales



Figura 4.9. Grietas principales



Figura 4.7. Grietas



Figura 4.10. Grietas, la prueba ya está avanzada



Figura 4.11. Grietas



Figura 4.12. Desprendimiento del concreto



Figura 4.13. Acero expuesto y pandeado, fin de la prueba

En el segundo ensaye se realizó la rehabilitación con el sistema polímeros reforzados con fibras de carbono (PRFC). Para este proceso se utilizó la técnica manual en húmedo y curado en el sitio. La reparación consistió en un refuerzo de flexión en ambos lados de la viga, y refuerzo de cortante y confinamiento en el área dañada de la viga, Figura 4.14.



a) Conexión viga-columna dañada, primera prueba, CENAPRED



b) Reparación de la conexión viga-columna con el sistema PRFC



c) Se esmeriló el concreto, con la finalidad de dejarlo poroso y tener un mejor agarre con el sistema PRFC



d) Técnica manual, aplicación en húmedo



e) Curado en sitio



f) Reforzamiento de la conexión viga-columna con el sistema PRFC

Figura 4.14. Proceso del reforzamiento con el sistema PRFC

Fibra de Carbono					
Peso	530 g/m ² ± 20 g/m ²				
Densidad de la fibra:	1.8 g/cm ³				
PROPIEDADES DEL TEJIDO SECO					
Espesor de la fibra:	0.293 mm (contenido total de la fibra de carbono)				
Resistencia a tensión:	40770 kg/cm ² (valor nominal)				
Módulo de elasticidad a tensión:	2446480 kg/cm ²				
Elongación a la ruptura:	1.5% nominal				
PROPIEDADES DE LA LÁMINA CURADA					
Espesor de la lámina:	1.33 mm por capa				
Carga última:	66 ton/m				
Esfuerzo último a tensión (asociado al espesor de la lámina de 1.3 mm)	5178 kg/cm ²				
Módulo de elasticidad a tensión (con un espesor de lámina de 1.3 mm)	448520 kg/cm ²				

Tabla 4.3. Propiedades del reforzamiento

Al concluir la rehabilitación con el sistema PRFC, se instrumentó la conexión, teniendo la pérdida de algunos instrumentos; D5, VOA, VOM y VOB, Figura 4.15. La conexión CVCCR- PRFC se sometió al mismo protocolo de carga utilizado en la primera prueba, con el objetivo de comparar ambas pruebas. En los últimos ciclos de carga reversible, los materiales tuvieron un comportamiento inelástico, presentado importantes desplazamientos y desprendimientos de la fibra de carbono, Figura 4.16. En la Tabla 4.3, las propiedades de la fibra utilizada en la prueba.



Figura 4.15. Instrumentación de la conexión viga-columna reforzada con PRFC



Figura 4.16. Final de la prueba, conexión viga-columna reforzada con el sistema PRFC, CENAPRED
CAPÍTULO V ANÁLISIS DE RESULTADOS

Se presentan los resultados experimentales, teóricos y el modelado matemático, con la finalidad de comparar los resultados y observar la incertidumbre en ellos. La comparación se realizó con el valor de momento flexionante último, las curvas de histéresis correspondientes y la energía de deformación disipada, de acuerdo con el Reglamento de Construcciones para la Ciudad de México 2017, RCCM-2017, Normas Técnicas Complementarias 2017, NTC-17, y ACI 440.2R-08.

La curva de histéresis está representada por una relación trilineal con cambios de rigidez al agrietamiento por flexión y tracción de fluencia del refuerzo longitudinal. La rigidez se degrada de la rigidez elástica inicial con el aumento de la deformación inelástica y el número de ciclos de carga y descarga. El módulo elástico del concreto varía significativamente con la resistencia del concreto; las grietas iniciales causan decaimiento en la rigidez.

La estimación de la deformación de fluencia es más complicada por la interacción de las deformaciones por flexión, cortante y deformaciones adicionales debidas al repliegue del refuerzo longitudinal en la zona de anclaje y debido al deslizamiento de la barra de refuerzo longitudinal.

Las coordenadas de un punto de respuesta en un plano de resistencia-deformación están dadas por (D, F), donde; *D*: *deformación* y *F*: *resistencia*, Figura 5.1. Los siguientes términos se definen para aclarar la descripción de histéresis:

Carga: valor absoluto de la resistencia (o deformación) aumenta en la curva

Descarga: un caso el que el valor absoluto de la resistencia (o deformación) disminuye después de la carga o recarga, y

<u>Recarga</u>: el valor absoluto de la resistencia (o deformación) aumenta después de la descarga antes de que el punto de respuesta alcance la curva



Figura 5.1. Ejemplo, curva de histéresis

5.1 Análisis experimental

Para ambos ensayes, de la conexión viga-columna, se obtuvieron las curvas de histéresis fuerzadesplazamiento. En la Figura 5.1 se muestra la curva de histéresis de la conexión CVCCR. En esta figura se observa que, en general, el espécimen mantiene su capacidad de carga y que muestra una degradación de rigidez, también se puede apreciar que en los últimos ciclos la capacidad de carga disminuyó; la diminución de rigidez y resistencia se puede atribuir al desprendimiento del concreto y fluencia del acero de refuerzo.

En la Figura 5.2 se presenta la curva de histéresis de la conexión CVCCR-PRFC, se observa que la conexión viga-columna recuperó su capacidad de carga y rigidez. Para esta prueba no se aprecia una reducción de la capacidad de carga de la conexión viga-columna, sin embargo, se aprecia una disminución en la rigidez.



Figura 5.3. Comparación de las curvas de histéresis de la conexión original y reparada



5.2 Análisis teórico

El análisis teórico de la conexión viga-columna se realizó de acuerdo con los lineamientos descritos en el ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008).

5.2.1 Momento-curvatura

Con la finalidad de comprender el comportamiento del elemento sometido a flexión simple, se obtuvieron varios puntos de la gráfica de momento-curvatura de la viga. Se hicieron dos tipos de análisis de la conexión CVCCR y CVCCR- PRFC, en uno se consideró el confinamiento en el concreto y en el otro no.

La relación momento-curvatura permite conocer la capacidad y la ductilidad de un material o un elemento estructural. Para definir la relación momento-curvatura de la conexión, primero se obtuvieron las gráficas de esfuerzo-deformación del concreto (Figura 5.7 y 5.8) y del acero (Figura 5.9), éstas se obtuvieron de acuerdo con las Normas Técnicas Complementarias de Diseño y Construcción de Estructuras de Concreto, NTCC-17 (NTCC-2017), y la norma ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008), para la conexión original y la reforzada con el sistema PRFC.

5.2.1.1 Modelación elastoplástica del concreto

Para elaborar las gráficas (Figuras 5.7 y 5.8) se utilizó la NTC-DCEC 2017, creando un modelo elastoplástico para concreto confinado.

El concreto se modeló con la curva esfuerzo-deformación continua, construida con la siguiente ecuación propuesta por Mander (1988), Figura 5.5. En todas las figuras y ecuaciones subsiguientes de esta sección se utiliza el término f'_c para resistencia del concreto sin confinar, respetando la notación de los trabajos originales de Mander *et al.* Sin embargo, para la utilización de estas gráficas y ecuaciones en la NTC-DCEC 2017, debe sustituirse el término f'_c por la resitencia media del concreto $f_{c media}$, ya que los análisis inelásticos se llevan a cabo con los valores reales esperados.



Figura 5.5. Esfuerzo-Deformación del Concreto sin confinar y confinado, NTC-DCEC 2017 El esfuerzo a compresión f_c estará dado por:

$$f_c = \frac{f'_{cc}xr}{r-q+x^2} \qquad \qquad \text{ec.} (5.1)$$

por otra parte:

$$x = \frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{cc}} \qquad \qquad \text{ec.} (5.2)$$

$$r = \frac{E_c}{E_c - f'_{cc}/\varepsilon_{cc}} \qquad \text{ec.} (5.3)$$

$$\varepsilon_{cc} = \varepsilon_{co} \left[1 + 5 \left(\frac{f'_{cc}}{\bar{f}_c} - 1 \right) \right] \qquad \text{ec.} (5.4)$$

$$f_{cc}' = \overline{f_c} \left(-1.254 + 2.254 \sqrt{1 + \frac{7.94fl}{\bar{f_c}}} - \frac{2fl}{\bar{f_c}} \right)$$
ec. (5.5)

$$\varepsilon_{cu} = 0.0004 + 1.4 \left(\frac{\rho_{st} f_y \varepsilon_{su}}{f'_{cc}}\right) \qquad \text{ec.} (5.6)$$

donde:

 ε_c , deformación unitaria del concreto a compresión, se asume igual a 0.001

 ε_{co} , deformación unitaria correspondiente a la resistencia del concreto sin confinar,

generalmente se asume igual a 0.002

 ε_{cu} , deformación unitaria última del concreto a compresión

 f'_{cc} , resistencia a la compresión máxima del concreto confinado

 ε_{cc} , deformación unitaria en el punto de mayor esfuerzo a compresión

fl, esfuerzo de confinamiento efectivo lateral, está en función del coeficiente de confinamiento efectivo k_e , que relaciona el área mínima del núcleo efectivamente confinado y el área del núcleo rodeado por el centro de la línea del estribo del área transversal, por lo que se tiene:

$$k_e = \frac{\left(1 - \sum_{i=1}^{n} \frac{w_i^2}{6b_c d_c}\right) \left(1 - \frac{s'}{2b_c}\right) \left(1 - \frac{s'^2}{2d_c}\right)}{1 - \rho_{cc}}$$
ec. (5.7)

$$fl_x = k_e \rho_x f_y = k_x f_y \left(\frac{A_{sx}}{sd_c}\right)$$
 ec. (5.8)

$$fl_y = k_e \rho_y f_y = k_x f_y \left(\frac{A_{sy}}{sd_c}\right) \qquad \text{ec. (5.9)}$$

donde:

 $b_c y d_c$, dimensión del núcleo de concreto a centros de varilla del estribo perimetral en dirección en x y dirección y, respectivamente, donde $b_c \ge d_c$ Figura 5.6. ρ_{cc} , relación del área de refuerzo longitudinal A_s , y el área del núcleo de concreto de la sección encerrada por los centros de línea de los estribos, A_c ρ_{sx} , cuantía transversal en dirección x ρ_{sy} , cuantía transversal en dirección y

Primero se calculó la resistencia media del concreto, $\bar{f_c}$, usada como base en la dosificación del concreto, está debe ser igual o de mayor valor según la Tabla 5.1, empleando el valor de desviación estándar, se determina de acuerdo con la expresión:

$$\sigma = \sqrt{\frac{(X_i \bar{X})^2}{n1}} \qquad \qquad \text{ec.} (5.10)$$

$$\overline{f_c} = 0.9 * f_c' + 2.33\sigma$$
 ec. (5.11)

en donde:

- σ , es la desviación estándar de la muestra:
- X_i , es el resultado individual de resistencias a compresión

 \overline{X} , es el promedio de n resultados de ensayes de resistencia a compresión

n, es el número de ensayes consecutivos de resistencias a compresión





El control de calidad en la producción del concreto debe ser requerido para que la desviación estándar sea igual o menor que 3.5 Mpa ($35 kg/cm^2$) para que $f_c^{'}$ menor a 40 Mpa ($400 kg/cm^2$) e igual a $0.1f_c^{'}$ para concretos con $f_c^{'}$ mayor o igual a 40 Mpa ($400 kg/cm^2$), NTC-DCEC 2017.

Clase de concreto	Resistencia a la compresión especificada, MPa (kg/cm ²)	Resistencia a la compresión promedio requerida, MPa (kg/cm ²)
1	f _c '<40 (f _c '<400)	$\overline{f_c} = f_c' + 1.34\sigma$ $\overline{f_c} = f_c' + 2.33\sigma - 3.5$ $\left(\overline{f_c} = f_c' + 2.33\sigma - 35\right)$
	f _c '≥40 (f _c '≥400)	$\overline{f_c} = f_c' + 1.34\sigma$ $\overline{f_c} = 0.9f_c' + 2.33\sigma$
2	f _c '≥20 (f _c '≥200)	$\overline{f_c} = f_c' + 1.34\sigma - 1.7$ $(\overline{f_c} = f_c' + 1.34\sigma - 17)$ $\overline{f_c} = f_c' + 2.33\sigma - 5.0$ $(\overline{f_c} = f_c' + 2.33\sigma - 50)$

Tabla 5.1.	Clase d	e concreto.	NTC	DCEC	2017
1 ania 3.1.	Clast u				4 VI /

Al resolver las ecuaciones anteriores, se obtiene la siguiente gráfica (Figura 5.7).



Figura 5.7. Esfuerzo-Deformación del Concreto, $f'_{cc} = 655 \ kg/cm^2$

La solución de las ecuaciones se encuentra en el Apéndice A.

5.2.1.2 Modelación elastoplástica del concreto con reforzamiento del sistema de PRFC

Se siguió el mismo proceso de la gráfica (Figura 5.7) de esfuerzo-deformación del concreto (5.2.1.1), pero primero se calculó el confinamiento que aporta el sistema de PRFC.

La Norma ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008) no reconoce la resistencia a compresión axial de los PRF para propósitos de diseño. Sin embargo, se puede lograr un incremento en la resistencia a compresión en el concreto mediante el efecto de confinamiento de los PRF. Para ello se colocan las fibras orientadas perpendicularmente al eje longitudinal del elemento estructural, la resistencia a compresión del concreto tomando en cuenta el confinamiento de los PRF está dada por la siguiente expresión:

$$f'_{cc} = 3.3\psi_f k_a f_l$$
 ec. (5.12)

$$k_a = \frac{A_e}{A_c} \left(\frac{b}{h}\right)^2 \qquad \text{ec.} (5.13)$$

$$\frac{A_e}{A_c} = \frac{1 - \frac{\left[\frac{b}{h}(h-2r_c)^2 + \frac{b}{h}(b-2r_c)^2\right]}{3A_g}}{1 - \rho_g} \qquad \text{ec. (5.14)}$$

$$f_l = \frac{2E_f n t_f \varepsilon_{fe}}{d} \ge 0.08 f_c' \qquad \text{ec.} (5.15)$$

$$D = \sqrt{b^2 + h^2}$$
 ec. (5.16)

donde:

 $\psi_f = 0.95$ k_a , es un factor de confinamiento que depende de la geometría del elemento $k_a = 1$ para secciones circulares A_g , área gruesa de la sección r_c , radio de curvatura de la esquina redondeada de la sección ρ_g , relación de esfuerzo longitudinal f_l , esfuerzo de confinamiento del PRF

El ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008) recomienda considerar $\varepsilon_{fe} = 0.55\varepsilon_{fu}$ para tomar en cuenta fallas prematuras de los PRF debido a estados de esfuerzos multiaxiales y/o debido a concentraciones por agrietamiento del concreto al ocurrir la expansión lateral de la sección transversal producto de la carga axial. Es de fundamental que $f_l \ge 0.08 f_c'$ ya que garantiza que $f_{cc} \ge f_c'$. Sí f_{cc} no excede a f_c' entonces el efecto de confinamiento de los PRF será nulo. Por lo que, sí $f_l < 0.08 f_c'$ se recomienda incrementar n (números de capas o láminas de PRF) hasta lograr que $f_l \ge 0.08 f_c'$.

La deformación última en el concreto alcanzará f'_{cc} está dada por la siguiente expresión:

$$\varepsilon_{ccu} = \varepsilon_c' \left[1.50 + 12k_b \left(\frac{f_l}{f_c'} \right) \left(\frac{0.55\varepsilon_{fu}}{\varepsilon_c'} \right)^{0.45} \right] \le 0.01 \qquad \text{ec.} (5.17)$$

$$k_b = \left(\frac{A_e}{A_c}\right) \left(\frac{h}{b}\right)^{0.5} \qquad \text{ec.} (5.18)$$

donde:

 k_b , es un factor que depende de la geometría de la sección transversal, para secciones circulares

 $k_b = 1.0$ secciones rectangulares

 ε'_c es el valor de la deformación en el concreto al alcanzar f'_c y la Norma ACI 440.2 08 recomienda usar $\varepsilon'_c = 0.002$ y de igual forma el valor de $\varepsilon'_{ccu} = 0.001$ para evitar el agrietamiento excesivo que pueda componer la integridad del concreto.

Al resolver las ecuaciones, el confinamiento de la fibra de carbono es de $f'_c = 5.24 kg/cm^2$, finalmente la gráfica se muestra en la Figura 5.8.





La solución de las ecuaciones se encuentra en el Apéndice A.

5.2.1.3 Modelación elastoplástica del acero de refuerzo con endurecimiento curvo

De acuerdo con la NTC-2017, la curva de esfuerzo-deformación del acero tiene tres zonas; elástica, fluencia y endurecimiento, en la Figura 5.9 y Tabla 5.2 se muestran los parámetros para modelar la gráfica esfuerzo-deformación del acero. Se desarrolló el cálculo de cada zona para llegar a la curva esfuerzo-deformación del acero.



Figura 5.9. Esfuerzo-deformación del acero, NTC-DCEC 2017

Parámotros	Gra	do 42	Gra	do 52	Grad	do 56*
Parametros	МРа	kg/cm ²	МРа	kg/cm ²	МРа	kg/cm ²
$f_{\mathcal{Y}}$	457	4487	590	5787	611	5995
f _{su}	742	7280	832	8160	797	7820
f _{sh1}	612	6000	815	7500	764	7200
E_s	209218	2052433	207563	2036195	207224	2032867
ε_y	0.0022		0.0	0.0028		0029
\mathcal{E}_{sh}	0.0066		0.0101		0.0093	
E _{su}	0.1100		0.0977		0.1001	
ε_{sh1}	0.0248		0.0406		0.0375	
F	4.03 (3.47)**		2	.99	2	.90

Tabla 5.2. Parámetros para modelar la gráfica esfuerzo-deformación de barras de acero de refuerzo, NTC-DCEC 2017

* Acero de baja aleación (NMX-B-457-CANACERO) **

** Valor del parámetro F calculado por Rodríguez (1995) con valores de los tres parámetros en muestras de aceros nacionales

Zona elástica, primer tramo ascendente que ocurre en el intervalo, donde, $0 \le E_s \le \varepsilon_y$ la deformación de la barra de refuerzo, calculándose el esfuerzo en este intervalo de deformaciones se tiene:

$$f_s = E_s \varepsilon_s \qquad \qquad \text{ec.} (5.19)$$

$$\varepsilon_y = \frac{f_y}{E_s} \qquad \qquad \text{ec.} (5.20)$$

Zona de fluencia, segundo tramo recto horizontal, que ocurre en el intervalo $\varepsilon_y \leq E_s \leq \varepsilon_{sh}$, en el que ε_{sh} es la deformación del acero correspondiente al inicio de la zona de endurecimiento por deformación. El esfuerzo en esta zona se calculará como:

$$f_s = f_y \qquad \qquad \text{ec (5.22)}$$

Zona de endurecimiento por deformación, que ocurre en el intervalo $E_{sh} \le E_s \le E_{su}$ donde, se considera que la deformación última E_{su} en la ruptura de la barra, corresponde al esfuerzo máximo que se puede alcanzar f_{su} . El esfuerzo en esta zona se calcula como:

$$f_s = f_{su} + \left(f_y - f_{su}\right) \left[\frac{\varepsilon_{su} - \varepsilon_s}{\varepsilon_{su} - \varepsilon_{sh}}\right]^F \qquad \text{ec (5.23)}$$

$$F = \frac{\log \frac{f_{su} - f_{sh1}}{f_{su} - f_y}}{\log \frac{\varepsilon_{su} - \varepsilon_{sh1}}{\varepsilon_{su} - \varepsilon_{sh1}}}$$
ec. (5.24)

Resolviendo las ecuaciones se obtiene la gráfica (Figura 5.10).



Figura 5.10. Esfuerzo-Deformación Acero

La solución de las ecuaciones se encuentra en el Apéndice A.

5.2.1.4 Modelación elastoplástica momento-curvatura

Para obtener los diversos puntos de la gráfica momento-curvatura se utilizaron las deformaciones del concreto a: 0.0004, 0.0008, 0.0012, 0.0020, 0.0024, 0.0028, 0.0030, 0.0032, 0.0036 y 0.0040, para obtener la resistencia del concreto y acero a una deformación especifica se utilizó la Figura 5.7, 5.58 y 5.10.

La obtención de la relación momento-curvatura, se realizó de acuerdo con el armado de acero longitudinal, en relación con los ciclos de cargas, la viga al ser empujada tenía un área a tensión y a compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, y al ser jalada tenía un área a tensión y a compresión de 22.80 y 22.27 cm², respectivamente. En el cálculo el acero transversal no se tomó en cuenta para algunos análisis y en otros sí. Para la viga reforzada con el sistema PRFC, en el cálculo de la resistencia únicamente se consideró la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento, despreciando la parte a compresión, lo anterior con base en ACI 440.2R-08 (ACI 440.2R, 2008).

Las curvas de momento-curvatura de la Figura 5.11 fueron resultado de ocho análisis; se hace la descripción de ellos.

- a) Primer análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, sin considerar la contribución del acero transversal (As 20.27).
- b) Segundo análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 22.80 y 22.27 cm², respectivamente, sin considerar la contribución del acero transversal (As 22.80).
- c) Tercer análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento, y no se consideró la contribución del acero transversal (As 20.27-PRFC).
- d) Cuarto análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 22.80 y 22.27 cm², respectivamente, la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento, y no se consideró la contribución del acero transversal (As 22.80-PRFC).
- e) Quinto análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, y la contribución del acero transversal (As 20.27-Est).

- f) Sexto análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 22.80 y 22.27 cm², respectivamente, y la contribución del acero transversal (As 22.80-Est).
- g) Séptimo análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento se consideró la contribución del acero transversal y la fibra de carbono (As 20.27-Est-PRFC).
- h) Octavo análisis: se consideró un área de acero a tensión y compresión de 22.80 y 22.27 cm², respectivamente, la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento se consideró la contribución del acero transversal y la fibra de carbono (As 22.80-Est-PRFC).

Primera metodología, sin considerar el confinamiento de los estribos:

Paso 1. Descomponer la deformación unitaria del concreto en n número de fibras, se utilizó la siguiente ecuación:

$$Fibra_n = \varepsilon_{cn} - \frac{\varepsilon_c}{n_{FC}} \qquad \qquad \text{ec.} (5.25)$$

Paso 2. La deformación del acero en el área a compresión se obtiene por triángulos semejantes:

$$\varepsilon_s' = \frac{\varepsilon_{cu}(c-d')}{c} \qquad \qquad \text{ec.} (5.26)$$

$$\varepsilon_y = \frac{f_y}{E_s} \qquad \qquad \text{ec. (5.27)}$$

sí $\varepsilon'_s < \varepsilon_y$ el acero no fluye por lo que se tiene:

$$f_s' = \varepsilon_s' E_s \qquad \qquad \text{ec.} (5.28)$$

y sí $\varepsilon'_s > \varepsilon_y$ el acero fluye por lo que se tiene:

$$f_s' = f_y E_s \qquad \qquad \text{ec.} (5.29)$$

para obtener la fuerza a comprensión se utilizó la siguiente ecuación:

$$C = C_1 + C_2$$
 ec. (5.30)

donde:

$$C_1 = \sum_{i=1}^{n_{-}Fibras} C_{1,n'_{Fibras}}$$
 ec. (5.31)

$$C_{n'_{Fibras}} = \left(\frac{f'_{cn} + f'_{cn+1}}{2}\right) \left(\frac{c}{nFibras}\right) (b) \qquad \text{ec.} (5.32)$$

$$C_2 = A'_s f'_s$$
 ec. (5.33)

Paso 3. Obtener la fuerza a tensión:

$$T = A_s f_y \qquad \qquad \text{ec.} (5.34)$$

$$\varepsilon_s = \frac{\varepsilon_{cu}(d-c)}{c}$$
 ec. (5.35)

NOTA: En el Apéndice A se desglosa un ejemplo.

Segunda metodología, refuerzo con el sistema de PRFC:

El procedimiento es el mismo que se utilizó en la metodología anterior, sólo se adiciona la parte de la *fibra de carbono a tensión*.

Paso 1. Propiedades del sistema de diseño de los PRF:

$$f_{fu} = C_E f_{fu}^* \qquad \text{ec.} (5.36)$$

$$\varepsilon_{fu} = C_E \varepsilon_{fu}^* \qquad \qquad \text{ec.} (5.37)$$

Paso 2. Cálculos preliminares:

$$0.65 \le \beta_1 = 1.05 - \frac{f_c^*}{1400} \le 0.85$$
 ec. (5.38)

$$E_c = 14000\sqrt{f_c'}$$
 ec. (5.39)

área a tensión de los PRF:

$$A_f = nt_f w_f \qquad \qquad \text{ec.} (5.40)$$

donde:

n: número de capas

Paso 3. Determinar el estado a tensión existente:

$$\varepsilon_{bi} = \frac{M_{DL}(d_f - kd)}{I_{cr}E_c} \qquad \text{ec.} (5.41)$$

donde:

$$k = \frac{\sqrt{(n_s A_s d + n_f A_f d)^2 + 2(bd^2)(n_s A_s d + n_f A_f d_f) - d(n_s A_s + n_f A_f)}}{bd^2}$$
ec. (5.42)

$$n_f = \frac{E_f}{E_c} \qquad \qquad \text{ec.} (5.43)$$

$$n_s = \frac{E_s}{E_c} \qquad \qquad \text{ec.} (5.44)$$

$$I_{cr} = \frac{1}{3}bc^3 + n_s A_s (d-c)^2 + (n_s - 1)A'_s (c-d')^2 \qquad \text{ec.} (5.45)$$

para M_{DL} se necesita obtener la carga muerta de la sección y por ende el momento que se transmite:

$$M_{DL} = \frac{wl^2}{2}$$
 ec. (5.46)

Paso 4. Determinar la tensión de los PRF:

$$\varepsilon_{fd} = 0.1296 \sqrt{\frac{f_c^{\prime\prime}}{nE_f t_f}} \le 0.9 \varepsilon_{fu} \qquad \text{ec.} (5.47)$$

Paso 5. Determinar la efectividad de la deformación en el refuerzo:

$$\varepsilon_{fe} = \varepsilon_c \left(\frac{d_f - c}{c}\right) - \varepsilon_{bi} \le \varepsilon_{fd}$$
 ec. (5.48)

los PRF controlan la falla de la sección, por lo cual la deformación del concreto va a ser menor que ε_c y puede calcularse por triángulos semejantes:

$$\varepsilon_{C} = \left(\varepsilon_{fe} + \varepsilon_{bi}\right) \left(\frac{c}{d_{f} - c}\right)$$
 ec. (5.49)

Paso 6. Cálculo de tensión en los PRF:

$$f_{fe} = E_f \varepsilon_{fe} \qquad \qquad \text{ec. (5.51)}$$

$$T_f = A_f f_{fe} \qquad \qquad \text{ec.} (5.52)$$

Paso 7. Se calculó la fuerza interna y se verifica el equilibrio:

$$\beta_1 = \frac{4\varepsilon_c' - \varepsilon_c}{6\varepsilon_c' - 2\varepsilon_c} \qquad \text{ec.} (5.53)$$

$$\alpha_1 = \frac{3\varepsilon_c'\varepsilon_c - \varepsilon_c^2}{3\beta_1{\varepsilon_c'}^2} \qquad \text{ec.} (5.54)$$

NOTA: En el Apéndice A se desglosa un ejemplo.

Tercera metodología, considerando el confinamiento de los estribos:

Se utilizó las NTC-2017 y la teoría del libro "Estructuras de Concreto Reforzado", R. Park y T. Paulay, 1983.

Para los parámetros del bloque de esfuerzos de concreto confinado mediante estribos, en función de la $\varepsilon_{cm} \ge 0.002$ y Z (Park R. y Paulay T., 1980).

$$Z = \frac{0.5}{\frac{3+0.0284f''_{C}}{f''_{C}+2718.77} + \left(\frac{3}{4}\right)(\rho_{s})\left(\sqrt{\frac{b'}{sh}}\right) - 0.002}$$
ec. (5.55)

$$\rho_s = \frac{A_{s \, Est}(P_{Est. \, Int.})}{a'(b')(sh)} \qquad \text{ec.} (5.56)$$

donde:

$$P_{Est.Int} = 2(a'' + b'')$$
 ec. (5.57)

Los parámetros α y γ del bloque de esfuerzos se obtiene interpolando en función de Z y la deformación del concreto, de acuerdo con los valores del libro "Estructuras de Concreto Reforzado" de la "Tabla 6.2" (R. Park y T. Paulay, 1983).

La ecuación 32 se reinscribe de la siguiente forma:

$$C_{n\prime} = \alpha_n \left(\frac{f_{cn}' + f_{cn+1}'}{2}\right) \left(\frac{c}{nFibras}\right) (b) \qquad \text{ec.} (5.58)$$

la distancia a la que actuará cada fibra de concreto está dada por las siguientes ecuaciones:

$$d_1 = d - r - \gamma_n(c) \qquad \qquad \text{ec.} (5.59)$$

$$d_{n+1} = d - \left(r + \frac{c(n'Fibras)}{6}\right) - \gamma_n \left(c - \left(c - \frac{c}{nFibras}(nFibras - 1)\right)\right) \qquad \text{ec.} (5.60)$$

NOTA: En el Apéndice A se desglosa un ejemplo.

Cuarta metodología, considerando el confinamiento de los estribos y el refuerzo con el sistema de PRFC:

En ésta metodología se relacionan las ecuaciones de la segunda y tercera metodología.

NOTA: En el Apéndice A se desglosa un ejemplo.

Resolviendo los ocho análisis planteados anteriormente se obtienen las curvas de momento-curvatura (Figura 5.11).

Lo anterior se realizó con el propósito de observar la diferencia que existe en el análisis al considerar el confinamiento de los estribos. En la Figura 5.11 se muestra que existe una diferencia de momento flexionante último de 10 t-m, aproximadamente, en las curvas As 20.27 y As 20.27-Est.



Figura 5.11. Momento-Curvatura

5.3 Calibración del modelo

Se explica de manera breve el procedimiento y el funcionamiento del programa CANNY-2010, para calibrar el comportamiento de la conexión viga-columna de concreto reforzado, CVCCR, y la conexión viga-columna rehabilitada con el sistema PRFC, CVCCR- PRFC.

5.3.1 CANNY-2010

Existen varios programas capaces de realizar análisis con comportamiento inelástico de los materiales de las estructuras. Sin embargo, se elige CANNY-2010 (Kang Ning, 2010), porque emplea el modelo de multi-resortes, que es capaz de representar con una precisión aceptable el comportamiento inelástico de un elemento de concreto reforzado, sometido a carga axial y flexión biaxial. Fue desarrollado para analizar estructuras a base de marcos, estructuras de concreto reforzado, acero o compuestas, con o sin presencia de muros, y trabaja con una baja demanda de memoria.

La definición de la geometría, introducción de cargas y definición de condiciones de frontera, emplea dos entornos o sistemas de numeración: el sistema numérico marco-piso SNMP (Frame Floor Numbering System) y el sistema numérico secuencial SNS (Sequential Numbering System).

El programa funciona leyendo un archivo en formato de texto libre, donde se proporciona la información relativa del tipo de análisis, geometría, condiciones de frontera, cargas y propiedades de los materiales. Y este debe de ser guardado con extensión ".DAT", por ejemplo; ARCHIVO.DAT, el archivo de salida define la información solicitada a la que el programa ofrece en el reporte del análisis y a través de palabras clave. De acuerdo con el análisis solicitado los archivos tendrán distintas extensiones. La información que se solicita está en función de la respuesta general de la estructura, o bien, información relativa a nodos o elementos.

La calibración de los modelos matemáticos fuera lo más parecido posible a los valores que se registraron en las pruebas experimentales de la conexión. Esto con el objetivo de que el modelo matemático reproduzca un comportamiento muy cercano a la realidad.

5.3.2 Modelos matemáticos

Se construyeron dos modelos matemáticos, conexión CVCCR y CVCCR-PRFC. Las dimensiones, materiales y propiedades de los modelos matemáticos, fueron tomadas de sus correspondientes modelos físicos. Para que el programa cree la curva de histéresis, la viga se modeló como una columna, donde se consideró la fuerza axial igual a cero.

5.3.3 Resultados matemáticos

En las Figuras 5.12 y 5.13 se presentan las curvas de histéresis, obtenidas de los modelos matemáticos de las conexiones CVCCR y CVCCR- PRFC, respectivamente. Los modelos matemáticos fueron sometidos al mismo patrón de desplazamientos que sus correspondientes pruebas experimentales. Las curvas de histéresis fuerza-desplazamiento de las Figuras 5.12 y 5.13 presentan fluencia en los materiales, no se aprecia una degradación de la resistencia, pero sí degradación de la rigidez.



5.4 Comparación de resultados

Se compararon los resultados de los modelos matemáticos y teóricos, con los resultados experimentales. En la Tabla 5.3 se muestran los momentos flexionantes últimos de la viga obtenidos para todas las condiciones de análisis propuestas.

En las Figuras 5.16 y 5.17 se presentan las curvas de histéresis fuerza-desplazamiento de las pruebas experimentales y las obtenidas con los modelos matemáticos. Para ambos casos de análisis, se calculó la energía de histéresis o energía de deformación disipada de las curvas correspondientes. En las Figuras 5.18 y 5.19 se muestra la energía de deformación disipada por la conexión en las pruebas experimentales y en los modelos matemáticos.



Los archivos de entrada al programa CANNY se encuentran en el Apéndice C, donde el lector podrá ver los comandos utilizados y el análisis que se realizó, así como la historia de desplazamientos con la que se controló ambas pruebas. Sí se desea correr el modelo, solo tendrá que copiar el texto en un procesador de textos y guardarlo con la extensión .DAT.

CAPÍTULO VI CONCLUSIONES

Se estudió el comportamiento estructural de una conexión viga-columna de concreto reforzado, rehabilitada con el *sistema polímeros reforzados con fibras de carbono* (PRFC), previamente ensayada a flexión hasta incursionar en el intervalo inelástico de los materiales y exhibir el daño estructural. Para analizar este comportamiento estructural, se utilizaron los resultados de las pruebas de laboratorio de la conexión original y la rehabilitada, para elaborar modelos matemáticos inelásticos.

Con base en los resultados obtenidos en el presente trabajo, se tienen las siguientes conclusiones:

- Los resultados de los análisis teóricos de la viga original (CVCCR) y la reparada (CVCCR-PRFC lograron aproximarse a los resultados experimentales
- Se obtuvo que los resultados de los modelos matemáticos calibrados fueron similares a los obtenidos en las pruebas experimentales. Teniendo un error relativo máximo del 11% entre los resultados experimentales y del modelado matemático. Al comparar los resultados del momento flexionante último, de los análisis teóricos, modelado matemático y experimentales, se obtuvo un error relativo máximo del 12%
- Al comparar la respuesta experimental de la conexión original (CVCCR) y la reparada (CVCCR-PRFC), se obtuvo que la energía de deformación disipada en ambos experimentos es prácticamente la misma, presentando una diferencia entre ambas energías de 3%. Por lo que, el uso del sistema PRFC para este caso, logró que se recuperaran las condiciones iniciales de la estructura, ya que la conexión reparada (CVCCR-PRFC) recupero su capacidad de carga y rigidez

De acuerdo con los resultados obtenidos en este trabajo, el sistema PRFC fue capaz de recuperar y aumentar la capacidad de carga y rigidez del elemento estructural estudiado (conexión dañada de concreto reforzado). Sin embargo, se aclara que el uso de este sistema debe limitarse a lo descrito en la Norma ACI 440.2R-08. Se recomienda seguir con las investigaciones experimentales de los sistemas no convencionales de refuerzo estructural, debido a que los estudios de este tema en nuestro país aún son escasos y estos sistemas pueden presentar grandes ventajas en relación con los sistemas convencionales.

REFERENCIAS

ACI Committee 440 (440.2R-08), (2008), "Guide for the design and construction of externally bonded FRP systems for strengthening concrete structures", American Concrete Institute, EUA.

ACI Committee 318 (ACI 318-08), (2008), "Requisitos de reglamento para concreto estructural y comentario", American Concrete Institute, EUA.

Aguilar J., Breña S., Del Valle E., Iglesias J., Picado M., Jara M. y Jirsa, J. (1996), "Rehabitation of existing reinforced concrete buildings in México City", Ferguson Structural Enginnering Laboratory, The University of Texas at Austin, agosto.

Bazán E. y Meli R. (2002), "Diseño sísmico de edificios", Limusa, México.

Casimiro M.R. (2014), "Análisis sísmico por desempeño", Tesis licenciatura, IPN, México

CBEE01x (2016). "Curso básico de evaluación de estructuras", CENAPRED, México.

Cecilio V. (2018), Comunicación personal.

Cecilio V., Galiote M. Y Escobar J. A: (2013), "Comportamiento inelástico de estructuras de mampostería confinada bajo la acción de un sismo intenso", XIX Congreso Nacional de Ingeniería sísmica, Boca del Río, Veracruz, México.

Cruz V.M., Shri K.S. y Ordaz M. (2017), "¿Qué ocurrió el 19 de septiembre de 2017 en México?", Geofísica e Instituto de Ingeniería UNAM, Recuperado de <u>http://www.iingen.unam.mx/es-mx/Investigacion/Proyectos/ReportesTecnicos/Nota Divulgacion Sismo 19092017.pdf</u>

Dionicio A.A. (2011), "Modelos para el análisis no lineal de columnas de concreto", Tesis maestría, Instituto de Ingeniería, UNAM, México.

Elías E. (2018), Comunicación personal.

Fernández M. (1981), "Hormigones Reforzados con fibras de acero", Consejo de Investigaciones Científicas, Recuperado de <u>https://bit.ly/2N4oW5P</u>

Garmendia F. (2015), "Uso de concreto lanzado reforzado con fibras metálicas en túneles", Construcción y Tecnología, Recuperado de <u>http://www.imcyc.com/revistacyt/index.php/contenido/voz-del-experto/480-uso-de-concreto-lanzado-reforzado-con-fibras-metalicas-en-tunele</u>

Gillies A. (1979), "Post-elastic dynamic analysis of three-dimensional frma structures" Tesis doctoral, University of Auckland, Nueva Zelanda.

Gómez J.J. (2018), Comunicación personal.

Gonzáles O.M. (2005), "Aspectos fundamentales del concreto reforzado", Editorial Limusa, Cuarta edición, México.

Jaramillo F. E. (2006), "Axially loaded stainless steel compression", Tesis, Georgia Institute of Technology, diciembre.

Kangning Li. (2009), "User's Manual", Developed & Copyright by Kangning Li, enero, Japón.

Kangning Li. (2009), "Data-Input Manual", Developed & Copyright by Kangning Li, enero, Japón.

Kangning Li. (2009), "Window-Interface Manual", Developed & Copyright by Kangning Li, enero, Japón.

Lai, S.S., Will G. y Otani S. (1984), Model for biaxial bending of concrete members" Journal of the Structures Division, ASCE, Vol 110, No. ST11

MAPEI (2015), "Sistemas compuestos de polímero reforzado con fibra (FRP)", América del Norte, Recuperado de <u>http://www.mapei.com/public/US/linedocument/FRP_Brochure_SP.pdf</u>

Meli R. y Miranda E. (1986), "Evaluación de los efectos de los sismos de septiembre de 1985, en los edificios de la Ciudad de México", Instituto de Ingeniería, UNAM, octubre, México.

NTCC, (2017), "Normas técnicas complementarias para diseño y construcción de estructuras de concreto, Gaceta Oficial del la Ciudad de México", México 15 de diciembre.

Ordaz M., Reinoso. Y Pérez L.E. (1996), "Criterios de diseño sísmico: consideraciones para suelos blandos", Revista de Ingeniería Sísmica Nº 53, 25-35, México.

Park R. y Paulay T. (1980), "Estructuras de concreto reforzado", Editorial Limusa, México.

Peña C.E. y Ehsani M. (2008), "Uso de telas poliméricas reforzadas con fibras (FRP) para la rehabilitación y refuerzo de infraestructura y edificaciones", SMIE, México.

Ramberg W. Y Osgood W.R., (1943), "Description of stress-train curves by three parameters", Technical Note 902, National Advisory Committee for Aeronautics.

RCCM (2017), "Reglamento de construcciones para la Ciudad de México", Gaceta Oficial de la Ciudad de México", México 15 de diciembre.

Rosero L.F. (2013), "Reforzamiento de estructuras de hormigón armado con FRP (Fiber Reinforced Polymers). Aplicación al caso de refuerzo de una losa y columnas de un salón de audiovisuales y un auditorio", Tesis licenciatura, Escuela Politécnica del Ejército, Sangolquí, Ecuador.

Shirai N., Moriizumi K. Y Terasawa K. (2001), "Cyclic analysis of RC columns: macro-element approach", Medeling of inelastic behavior of RC structures under seismic loads, ASCE, SEI, pp 435-453.

Sika (2013), "Manual de Productos", México.

APÉNDICE A MOMENTO-CURVATURA

Modelación elastoplástica del concreto

Paso uno: rever las ecuaciones 5.10 y 5.11, para obtener la resistencia a compresión promedio: donde:

$$f_c' = X = 500 \ kg/cm^2 \qquad n = 6 \qquad \overline{X} = 6$$

de la ecuación 5.10:

$$\sigma = \sqrt{\frac{(500 \ kg/cm^2 * 6)^2}{12}}$$
$$\sigma = 87 \ kg/cm^2$$

y de la ecuación 5.11:

$$\overline{f_c} = 0.9 * 500 \frac{kg}{cm^2} + 2.33 * 87 kg/cm^2$$

 $\overline{f_c} = 652 kg/cm^2$

Paso dos: resolver las ecuaciones 5.7, 5.8, y 5.9:

donde:

$$b_c = 63.73 \ cm$$
 $d_c = 27,73 \ cm$ $s = 59.29 \ cm$ $s' = 56.11 \ cm$ $A_{sx} = 1.27 \ cm^2$

$$A_{sy} = 1.27 \ cm^2$$
 $\rho_x = \frac{A_{sx}}{d_c s} = 0.00077$ $\rho_y = \frac{A_{sy}}{b_c s} = 0.00034$

 $f_y = 4478 \ kg/cm^2$ (resistencia máxima)

$$w = L - D_{Est}n_{Est} = 500 \ cm - 1.27 \ cm(17) = 478 \ cm$$

de la ecuación 5.7, 5.8 y 5.9:

$$k_e = \frac{\left(1 - \frac{(478 \ cm)^2}{6 * 63.73 \ cm * 27.73 \ cm}\right) \left(1 - \frac{56.11 \ cm}{2 * 63.73 \ cm^2}\right) \left(1 - \frac{(56.11 \ cm)^1}{2 * 27.73 \ cm}\right)}{1 - 0.0273}$$

$$k_e = 0.1389$$

de la ecuación 5.8:

$$fl_x = 0.1389 * 0.00077 * 4487 \ kg/m^2$$

$$fl_x = 0.4802 \ kg/cm^2$$

por último, la ecuación 5.9:

$$fl_y = 0.1389 * 0.00034 * 4487 kg/m^2$$

 $fl_y = 0.2089 kg/cm^2$

Paso tres: se resolverán las ecuaciones 5.1, 5.2, 5.3, 5.4, 5.5 y 5.6:

donde:

$$\begin{split} \varepsilon_{su} &= 0.001 & \varepsilon_{co} = 0.002 & \varepsilon_{c} = 0.001 & \rho_{st} = 0.00077 \\ f_{y} &= 4478 \ kg/cm^{2} & E_{c} = 357421 \ kg/cm^{2} \\ fl &= 0.4802 \ kg/cm^{2} \ (\text{se elige el valor mayor de } fl_{x} \ y \ fl_{y}) \end{split}$$

de la ecuación 5.5:

$$f_{cc}' = 652 \ kg/cm^2 \left(-1.254 + 2.254 \sqrt{1 + \frac{7.94(0.4802)}{652 \ kg/cm^2}} - \frac{2(0.4802)}{652 \ kg/cm^2} \right)$$
$$f_{cc}' = 655 \ kg/cm^2$$

ecuación 5.6:

$$\varepsilon_{cu} = 0.0004 + 1.4 \left(\frac{0.00077 * 4487 \ kg/m^2 * 0.001}{655 \ kg/cm^2} \right)$$
$$\varepsilon_{cu} = 0.004$$

ecuación 5.4:

$$\varepsilon_{cc} = 0.002 \left[1 + 5 \left(\frac{655 \ kg/cm^2}{652 \ kg/cm^2} - 1 \right) \right] = 0.002$$
$$\varepsilon_{cc} = 0.002$$

ecuación 5.2 y 5.3:

$$x = \frac{0.001}{0.002} = 0.4875$$
$$r = \frac{357421 \ kg/cm^2}{357421 \ kg/cm^2 - 650 \ kg/cm^2/0.002}$$

por último, la ecuación 5.1:

$$f_c = \frac{655 \ kg/cm^2 * 0.4875 * 9.4001}{9.4001 - 1 + 0.4875^2}$$
$$f_c = 357 \ kg/cm^2$$

Finalmente se obtiene los puntos con los que se graficó la Figura 5.5, Tabla 2:

Tabla 2. Esfuerzos-deformaciones del concreto						
	σ (kg/cm²)	3				
	357	0.001				
	655	0.002				
	652	0.004				

Modelación elastoplástica del concreto con reforzamiento del sistema de PRFC

Se calculó el confinamiento que aporta el sistema de PRFC (ACI 440.2R, 2008). Utilizando las ecuaciones del apartado 5.2.1.2.

Datos generales (Tabla 4.3):

$$\begin{array}{ll} r_c = 5 \ cm & h = 81 \ cm & b = 45 \ cm & A_g = 3645 \ cm^2 & A_{st} = 43.07 \ cm^2 \\ n = 1 \ capa & \varepsilon_{fu} = 0.015 & f_c^{'} = 500 \ kg/cm^2 & \rho_g = \frac{A_{st}}{A_g} = 1.1816 \ \% \\ \varepsilon_{fe} = 0.55 \varepsilon_{fu} = 0.0078 & E_f = 448520 \ kg/cm^2 & t_f = 1.33 \ mm & \psi_f = 0.95 \end{array}$$

se resuelve la ecuación 5.14:

$$\frac{A_e}{A_c} = \frac{1 - \frac{\left[\frac{45\ cm}{81\ cm}(81\ cm - 2 * 5\ cm)^2 + \frac{81\ cm}{45\ cm}(45 - 2 * 5\ cm)^2\right]}{3 * 3645\ cm^2}}{1 - 1.1816\%} = 0.5368$$

$$\frac{A_e}{A_c} = 0.5368$$

y de la ecuación 5.13:

$$k_a = 0.5368 \left(\frac{45 \text{ cm}}{81 \text{ cm}}\right)^2$$
$$k_a = 0.1657$$

y de la ecuación 5.16:

$$D = \sqrt{(45 \ cm)^2 + (81 \ cm)^2}$$
$$D = 92.6607$$

de la ecuación 5.15:

$$f_l = \frac{2 * \frac{448520 \, kg}{cm^2} * 1 * \frac{1.33}{10} * 0.0078}{92.6607}$$
$$f_l = 10.09 \, kg/cm^2$$

$$\frac{f_l}{f_c'} = 0.02018 < 0.08$$
 (se requiere de más capas (ACI 440.2R, 2008))

por último, se resuelve la ecuación 5.12:

$$f'_{cc} = 3.3(0.95)(0.1657)(10.09 \ kg/cm^2)$$
$$f'_{cc} = 5.2412 \ kg/cm^2$$

Finalmente se obtiene los puntos con los que se graficó la Figura 5.8, Tabla 2:

u 2. Esju	ier20s-uej0rmuci0	nes uei concreio c	- (
	σ (kg/cm²)	3	
	0.001	359	
	0.002	662	
	0.004	659	

Tabla 2. Esfuerzos-deformaciones del concreto con PRFC

Modelación elastoplástico del acero de refuerzo con endurecimiento curvo NTC-2017

Se resuelven las siguientes ecuaciones:

de la ecuación 5.19 y 5.20 se tiene:

$$\varepsilon_y = \frac{4487 \ kg/cm^2}{2052433 \ kg/cm^2}$$
$$\varepsilon_y = 0.00219$$
$$f_s = 2052433 \ kg/cm^2(0.00219)$$

para la zona de fluencia, se resuelven las ecuaciones 5.21 y 5.22:

$$\varepsilon_{sh} = 0.0066 \text{ (Tabla 5.2)}$$

 $f_s = 4487 \text{ } kg/cm^2$

en la zona de endurecimiento se resuelven las ecuaciones 5.23 y 5.24:

$$F = 4.03$$
 (Tabla 5.2)

$$f_{s} = 7280 \ kg/cm^{2} + (4487 \ kg/cm^{2} - 7280 \ kg/cm^{2}) \left[\frac{0.11 - 0.67}{0.11 - 0.0066}\right]^{4.03}$$
$$F = \frac{lo}{log \frac{\varepsilon_{su} - \varepsilon_{sh1}}{\varepsilon_{su} - \varepsilon_{sh1}}}$$
ec. (5.24)
$$f_{s} = 3974.55 \ kg/cm^{2}$$

Finalmente se obtiene los puntos con los que se graficó la Figura 5.10, Tabla 3:

Tabla 3. Esfuerzos-deformaciones del acero						
-	σ (kg/cm²)	3				
-	0.00	4487				
	0.01	4487				
	0.02	6000				
	0.11	3975				

Ejemplo para el primer análisis

Se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, sin considerar la contribución del acero transversal (As 20.27). La deformación unitaria del concreto es de $\varepsilon_c = 0.0004$, para obtener el primer punto de la gráfica momento-curvatura, con base en las NTC-2017.

Paso uno. Discretizar la deformación unitaria del concreto:

$$Fibra_n = \varepsilon_{cn} - \frac{\varepsilon_c}{n_{FC}} \qquad \text{ec. (5.25)}$$

$$Fibra_1 = \varepsilon_{c1} = 0.0004 \qquad \qquad Fibra_2 = \varepsilon_{c2} = 0.0003$$

$$Fibra_3 = \varepsilon_{c3} = 0.0003 \qquad \qquad Fibra_4 = \varepsilon_{c4} = 0.0002$$



 $Fibra_5 = \varepsilon_{c5} = 0.0001 \qquad \qquad Fibra_6 = \varepsilon_{c6} = 0.0001$

Paso dos. La deformación del acero en el área a compresión se obtiene por triángulos semejantes:

$$\varepsilon'_{s} = \frac{\varepsilon_{cu}(c-d')}{c} \qquad \text{ec. (5.26)}$$
$$\varepsilon'_{s} = 0.0002$$
$$\varepsilon_{y} = \frac{f_{y}}{E_{s}} \qquad \text{ec. (5.27)}$$
$$\varepsilon_{y} = 0.002$$

como $\varepsilon'_s < \varepsilon_y$ el acero no fluye por lo que se tiene:

$$f'_{s} = \varepsilon'_{s} E_{s} \qquad \text{ec. (5.28)}$$
$$f'_{s} = \varepsilon'_{s} E_{s} = 505.47 \ kg/cm^{2}$$

para obtener la fuerza a comprensión se utilizó la siguiente ecuación:

:.

$$C = C_1 + C_2$$
 ec. (5.30)

donde:

$$C_1 = C_{1'} + C_{2'} + C_{3'} + C_{4'} + C_{5'} + C_{6'}$$
 ec. (5.31)

$$C_{n\prime} = \left(\frac{f_{cn}' + f_{cn+1}'}{2}\right) \left(\frac{c}{nFibras}\right) (b) \qquad \text{ec.} (5.32)$$

$$C_2 = A'_s f'_s$$
 ec. (5.33)

 $C_{1\prime} = 9.87 \ ton$ $C_{2\prime} = 8.08 \ ton$ $C_{3\prime} = 6.28 \ ton$ $C_{4\prime} = 4.49 \ ton$ $C_{5\prime} = 2.69 \ ton$

 $C_{6'} = 0.90 \ ton$ $C_1 = 32.30 \ ton$ $C_2 = 11.53 \ ton$

$$\therefore C = 32.30 + 11.53 = 43.83 ton$$

Paso 3. Obtener la fuerza a tensión:

$$T = A_s f_v \qquad \qquad \text{ec.} (5.34)$$

$$\varepsilon_s = \frac{\varepsilon_{cu}(d-c)}{c}$$
 ec. (5.35)

$$\varepsilon_{s} = 0.0011$$

como $\varepsilon_s < \varepsilon_y$ el acero no fluye por lo que se tiene:

$$f_y = 2162 \ kg/cm^2$$
$$\therefore T = 43.83 \ ton$$

 $\therefore C \approx T$ son similares, por lo que no se requiere de otra interacción

Momentos con	respecto al ej	e geométrico
Fuerza [ton]	Brazo [cm]	Momento [ton/m]

]	
	$C_1 =$	32.30	$\frac{h}{2} - \frac{a}{2} = 31.96$	10.33
	$C_2 =$	11.53	$\frac{h}{2} - d' = 32.50$	3.75
	T =	43.83	$\frac{h}{2} - r = 32.50$	14.24

M_n	M_R	С	$\boldsymbol{\varphi}$
ton/m	ton/m	m	rad/m
28.32	25.48	0.2009	0.00199
56.63	50.97	0.2009	0.00398
60.53	54.48	0.1383	0.00868
63.82	57.44	0.1126	0.01421
68.57	61.71	0.1008	0.01984
74.40	66.96	0.0905	0.02651
80.96	72.86	0.0826	0.03388
82.96	74.67	0.0823	0.03647
83.57	75.22	0.0722	0.04433
81.85	73.67	0.0684	0.05266
79.87	71.89	0.0645	0.06198
	Mn ton/m 28.32 56.63 60.53 63.82 68.57 74.40 80.96 82.96 83.57 81.85 79.87	M_n M_R ton/m ton/m 28.3225.4856.6350.9760.5354.4863.8257.4468.5761.7174.4066.9680.9672.8682.9674.6783.5775.2281.8573.6779.8771.89	M_n M_R C ton/m ton/m m 28.3225.480.200956.6350.970.200960.5354.480.138363.8257.440.112668.5761.710.100874.4066.960.090580.9672.860.082682.9674.670.082383.5775.220.072281.8573.670.068479.8771.890.0645

Tabla 3. Momento-Curvatura $A_s = 20.27 \ cm^2 \ y \ A'_s = 22.80 \ cm^2$

NOTA: se sigue el mismo proceso a diferencia del acero a tensión y compresión, donde, $A_s = 22.80 \ cm^2$ y $A'_s = 20.27 \ cm^2$ respectivamente. En la Tabla 4 se resumen los resultados de las demás deformaciones unitarias del concreto.

c	<i>M</i> _n	M_R	С	φ
e _c	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	28.94	26.04	0.2141	0.00187
0.0008	57.87	52.08	0.2141	0.00374
0.0012	67.45	60.70	0.1593	0.00753
0.0016	70.12	63.10	0.1246	0.01284
0.0020	75.25	67.73	0.1097	0.01823
0.0024	81.64	73.47	0.0969	0.02477
0.0028	88.86	79.98	0.0873	0.03207
0.0030	91.03	81.93	0.0868	0.03457
0.0032	95.80	86.22	0.0817	0.03919
0.0036	93.39	84.05	0.0785	0.04587
0.0040	91.60	82.44	0.0745	0.05372

Tabla 4. Momento-Curvatura $A_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ y} A'_s = 20.27 \text{ cm}^2$

Ejemplo para el tercer análisis

Se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, la contribución de la fibra de carbono a tensión y como confinamiento, y no se consideró la contribución del acero transversal (As 20.27-PRFC). Para este caso el concreto tiene una deformación unitaria de $\varepsilon_c = 0.0016$.



El procedimiento es el mismo que se utilizó en el cálculo de "momento-curvatura, acero a tensión 20.27 cm". Solo se adjunta la parte de la *fibra de carbono.*

Paso 1. Propiedades del sistema de diseño de los PRF:

$$f_{fu} = C_E f_{fu}^*$$
 ec. (5.36)

$$\varepsilon_{fu} = C_E \varepsilon_{fu}^* \qquad \text{ec. (5.37)}$$

donde:

$$C_E = 0.95$$
$$\varepsilon_{fu} = 0.0143$$
$$\therefore f_{fu} = 4919.1 \ kg/cm^2$$

Paso 2. Cálculos preliminares:

$$0.65 \le \beta_1 = 1.05 - \frac{f_c^*}{1400} \le 0.85 \qquad \text{ec.} (5.38)$$
$$0.65 \le \beta_1 = 0.6929 \ \textbf{OK}$$
$$E_c = 14000 \sqrt{f_c'} \qquad \text{ec.} (5.39)$$
$$E_c = 313050 \ kg/cm^2$$

área a tensión de los PRF:

$$A_f = nt_f w_f \qquad \qquad \text{ec.} (5.40)$$

donde:

$$n = 2 \ capas$$

 $A_f = 11.97 \ cm^2$

Paso 3. Determinar el estado a tensión existente:

$$\varepsilon_{bi} = \frac{M_{DL}(d_f - kd)}{I_{cr}E_c} \qquad \text{ec.} (5.41)$$

donde:

$$k = \frac{\sqrt{(n_s A_s d + n_f A_f d)^2 + 2(bd^2)(n_s A_s d + n_f A_f d_f) - d(n_s A_s + n_f A_f)}}{bd^2}$$
ec. (5.42)

$$n_f = \frac{E_f}{E_c} \qquad \qquad \text{ec.} (5.43)$$

$$n_s = \frac{E_s}{E_c} \qquad \qquad \text{ec.} (5.44)$$

$$I_{cr} = \frac{1}{3}bc^3 + n_s A_s (d-c)^2 + (n_s - 1)A'_s (c-d')^2 \qquad \text{ec.} (5.45)$$

 $n_f = 1.4327$

$$n_s = 6.7082$$

 $I_{cr} = 515719.40 \ cm^4$

para M_{DL} se necesita obtener la carga muerta de la sección y por ende el momento que se transmite:

donde:

Peso del concreto armado 2400 kg/cm^2

Peso de la sección 4374 kg

Carga $w = 8.748 \ kg/cm$

$$\therefore M_{DL} = 109.35 \ kg * cm$$
$$\therefore \varepsilon_{bi} = 4.2 * 10^{-8}$$

Paso 4. Determinar la tensión de los PRF:

$$\varepsilon_{fd} = 0.1296 \sqrt{\frac{f_c''}{nE_f t_f}} \le 0.9 \varepsilon_{fu} \qquad \text{ec. (5.47)}$$
$$\varepsilon_{fd} = 0.0075$$
$$\therefore \frac{\varepsilon_{fd}}{\varepsilon_{fu}} = 0.5268 \le 0.9 \text{ } \textbf{OK}$$

Paso 5. Determinar la efectividad de la deformación en el refuerzo:

$$\varepsilon_{fe} = \varepsilon_c \left(\frac{d_f - c}{c}\right) - \varepsilon_{bi} \le \varepsilon_{fd} \qquad \text{ec. (5.48)}$$
$$\varepsilon_{fe} = 0.0072 \le \varepsilon_{fd}$$
$$\therefore \varepsilon_{fe} = \varepsilon_{fd}$$

los PRF controlan la falla de la sección, por lo cual la deformación del concreto va a ser menor que ε_c y puede calcularse por triángulos semejantes:

$$\varepsilon_{C} = \left(\varepsilon_{fe} + \varepsilon_{bi}\right) \left(\frac{c}{d_{f} - c}\right)$$
 ec. (5.49)

$$\varepsilon_C' = \frac{1.7 f_C''}{E_C} \qquad \qquad \text{ec.} (5.50)$$

$\varepsilon_C = 0.0016$ $\varepsilon'_C = 0.0018$

Paso 6. Cálculo de tensión en los PRF:

$$f_{fe} = E_f \varepsilon_{fe} \qquad \qquad \text{ec.} (5.51)$$

$$T_f = A_f f_{fe}$$
 ec. (5.52)
 $f_{fe} = 3242.91 \ kg/cm^2$
 $T_f = 38817.69 \ kg = 38.81 \ ton$

Paso 7. Se calculó la fuerza interna y se verifica el equilibrio:

$$\beta_1 = \frac{4\varepsilon'_c - \varepsilon_c}{6\varepsilon'_c - 2\varepsilon_c} \qquad \text{ec.} (5.53)$$

$$\alpha_1 = \frac{3\varepsilon'_c \varepsilon_c - \varepsilon_c^2}{3\beta_1 {\varepsilon'_c}^2} \qquad \text{ec. (5.54)}$$

$$\beta_1 = 0.73$$
$$\alpha_1 = 0.84$$

Momentos con respecto al eje geométrico

Fuerza [ton]	Brazo [cm]	Momento [ton/m]
$C_1 = 94.91$	$\frac{h}{2} - \frac{\beta_1 c}{2} = 35.11$	33.32
$C_2 = 34.85$	$\frac{h}{2} - d' = 32.50$	11.33
$T_{s} = 90.94$	$\frac{h}{2} - r = 32.50$	29.56
$T_f = 38.82$	$\frac{d_f}{2} - \frac{\beta_1 c}{2} = 35.11$	13.63

En la Tabla 5 se muestran los resultados de las demás deformaciones unitarias del concreto. Para el acero a tensión $A_s = 22.80 \ cm^2$ se utilizó el mismo procedimiento y los resultados están la Tabla 6.

	<i>M</i> _n	M_R	С	φ
ε	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	29.77	26.79	0.2134	0.00187
0.0008	60.77	54.69	0.2134	0.00375
0.0012	76.53	68.88	0.1728	0.00694
0.0016	87.84	79.05	0.1468	0.01090
0.0020	93.66	84.30	0.1258	0.01590
0.0024	99.82	89.83	0.1079	0.02225
0.0028	106.66	95.99	0.0951	0.02944
0.0030	108.62	97.76	0.0940	0.03192
0.0032	113.32	101.98	0.0877	0.03647
0.0036	114.17	102.75	0.0862	0.04174
0.0040	113.53	102.18	0.0845	0.04733

Tabla 5. Momento-Curvatura $A_s = 20.27 \text{ cm}^2 \text{ y} A'_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ con PRFC}$

Tabla 6. Momento-Curvatura $A_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ y} A'_s = 20.27 \text{ cm}^2 \text{ con } PRFC$

ε	M_n	M _R	С	φ
	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	30.09	27.08	0.2259	0.00177
0.0008	61.92	55.73	0.2245	0.00356
0.0012	81.28	73.15	0.1922	0.00624
0.0016	92.19	82.97	0.1597	0.01002
0.0020	99.85	89.86	0.1374	0.01455
0.0024	106.62	95.96	0.1161	0.02067
0.0028	114.13	102.72	0.1010	0.02773
0.0030	116.25	104.62	0.0996	0.03012
0.0032	121.23	109.11	0.0923	0.03468
0.0036	124.65	112.19	0.0916	0.03932
0.0040	123.54	111.19	0.0890	0.04497

Ejemplo para el cuarto análisis

Se consideró un área de acero a tensión y compresión de 20.27 y 22.80 cm², respectivamente, y la contribución del acero transversal (As 20.27-Est). La deformación unitaria del concreto es de $\varepsilon_c = 0.004$. Se sigue utilizando la misma metodología, adicionado el confinamiento de los estribos en el cálculo.



Para los parámetros del bloque de esfuerzos de concreto confinado mediante estribos, en función de la $\varepsilon_{cm} \ge 0.002$ y Z (Park R. y Paulay T., 1980).

$$Z = \frac{0.5}{\frac{3+0.0284f_C''}{f_C''+2718.77} + \left(\frac{3}{4}\right)(\rho_s)\left(\sqrt{\frac{b'}{sh}}\right) - 0.002}}$$
ec. (5.55)

$$\rho_s = \frac{A_{s \, Est}(P_{Est. Int.})}{a'(b')(sh)} \qquad \text{ec.} (5.56)$$

donde:

$$P_{Est.Int} = 2(a'' + b'')$$
 ec. (5.57)

$$A_{sEst} = 1.27 \ cm^2$$
 $a'' = 63.73 \ cm$ $b'' = 27.73 \ cm$ $a' = 65 \ cm$ $b' = 29 \ cm$ $sh = 30 \ cm$ $P_{Est.Int} = 182.92 \ cm$ $\rho_s = 0.0041$

Z = 96.82

Los parámetros α y γ del bloque de esfuerzos se obtiene interpolando en función de Z y la deformación del concreto, de acuerdo con los valores del libro "Estructuras de Concreto Reforzado" de la "Tabla 6.2" (R. Park y T. Paulay, 1983).

$\alpha_1 = 0.7846$	$\gamma_1 = 0.4405$
$\alpha_2 = 0.7830$	$\gamma_2 = 0.4410$
$\alpha_3 = 0.7300$	$\gamma_3 = 0.3989$
$\alpha_4 = 0.6670$	$\gamma_4 = 0.3750$
$\alpha_5 = 0.6040$	$\gamma_{5} = 0.3511$
$\alpha_6 = 0.5410$	$\gamma_6 = 0.3273$

La ecuación 32 se reinscribe de la siguiente forma:

$$C_{n'} = \alpha_n \left(\frac{f'_{cn} + f'_{cn+1}}{2}\right) \left(\frac{c}{nFibras}\right) (b) \qquad \text{ec. (5.58)}$$

$$C_{1'} = 32.33 \ ton$$

$$C_{2'} = 32.32 \ ton$$

$$C_{3'} = 23.30 \ ton$$

$$C_{4'} = 12.54 \ ton$$

$$C_{5'} = 6.81 \ ton$$

$$C_{6'} = 2.03 \ ton$$

la distancia a la que actuara cada fibra de concreto esta dada por las siguientes ecuaciones:

$$d_1 = d - r - \gamma_n(c) \qquad \qquad \text{ec.} (5.59)$$

$$d_{n+1} = d - \left(r + \frac{c(n'Fibras)}{6}\right) - \gamma_n \left(c - \left(c - \frac{c}{nFibra}(nFibras - 1)\right)\right)$$
ec. (5.60)

$$d_1 = 61.29 \ cm = 0.6129 \ m$$

$$d_2 = 60.51 \ cm = 0.6051 \ m$$

$$d_3 = 59.96 \ cm = 0.5996 \ m$$

$$d_4 = 59.21 \ cm = 0.5921 \ m$$

$$d_5 = 58.41 \ cm = 0.5841 \ m$$

$$d_6 = 57.53 \ cm = 0.5753 \ m$$

En la Tabla 7 se muestran los resultados de las demás deformaciones unitarias del concreto. En la Tabla 8 se muestran los resultados cuando se tiene un área a tensión de $A_s = 22.80 \ cm^2$.

Tabla 7. Momento-Curvatura $A_s = 20.27 \text{ cm}^2 y$ $A'_s = 22.80 \text{ cm}^2$ con confinamiento de los estribos

Ec	M _n	M_R	С	φ
	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	25.47	22.93	0.2453	0.00163
0.0008	52.22	47.00	0.2418	0.00331
0.0012	71.52	64.36	0.2057	0.00583
0.0016	73.12	65.81	0.1473	0.01087
0.0020	78.70	70.83	0.1245	0.01606
0.0024	86.96	78.27	0.1077	0.02229
0.0028	96.81	87.13	0.0957	0.02926
0.0030	99.54	89.59	0.0942	0.03185
0.0032	106.00	95.40	0.0888	0.03604
0.0036	108.24	97.42	0.0868	0.04147
0.0040	107.58	96.82	0.0841	0.04754

Tabla 8. Momento-Curvatura $A_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ y}$ $A'_s = 20.27 \text{ cm}^2$ con confinamiento de los estribos

		0.50.0000		
ε _c	<i>M</i> _n	M _R	С	φ
	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	25.83	23.25	0.2630	0.00152
0.0008	53.02	47.72	0.2591	0.00309
0.0012	80.06	72.05	0.2492	0.00482
0.0016	82.10	73.89	0.1729	0.00925
0.0020	86.38	77.74	0.1396	0.01432
0.0024	95.08	85.57	0.1179	0.02036
0.0028	105.49	94.94	0.1028	0.02724
0.0030	108.36	97.53	0.1009	0.02974
0.0032	115.23	103.70	0.0943	0.03394
0.0036	120.26	108.23	0.0931	0.03867
0.0040	119.60	107.64	0.0896	0.04463

Ejemplo para el séptimo y octavo análisis

Se aplicaron las NTC-2017, la Norma ACI 440.2R-08 y la teoría del libro "Estructuras de Concreto Reforzado", R. Park y T. Paulay, 1983. Se siguen el mismo procedimiento de los pasos anteriores, considerando la fibra de carbono a tensión y el confinamiento de los estribos. En las Tablas 9 y 10 se muestran los resultados de las deformaciones unitarias del concreto propuestas.

Tabla 9. Momento-Curvatura $A_s = 20.27 \text{ cm}^2 \text{ y } A'_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ con PRFC y confinamiento de los estribos}$

ε	M _n	M_R	С	φ
	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	25.21	22.68	0.2606	0.00153
0.0008	54.65	49.18	0.2566	0.00312
0.0012	82.17	73.95	0.2456	0.00489
0.0016	93.98	84.58	0.1928	0.00830
0.0020	104.19	93.77	0.1613	0.01240
0.0024	112.39	101.15	0.1325	0.01811
0.0028	122.74	110.47	0.1119	0.02503
0.0030	125.33	112.80	0.1090	0.02752
0.0032	131.97	118.77	0.1010	0.03169
0.0036	136.46	122.81	0.0988	0.03643
0.0040	138.74	124.87	0.0962	0.04160

Tabla 10. Momento-Curvatura $A_s = 22.80 \text{ cm}^2 \text{ y}$ $A'_s = 20.27 \text{ cm}^2 \text{ con PRFC y confinamiento}$ de los estribos

Ec	<i>M</i> _n	M_R	С	φ
	ton/m	ton/m	m	rad/m
0.0004	25.56	23.00	0.2769	0.00144
0.0008	55.12	49.61	0.2728	0.00293
0.0012	88.17	79.36	0.2842	0.00422
0.0016	99.82	89.84	0.2184	0.00733
0.0020	107.58	96.83	0.1740	0.01150
0.0024	120.32	108.29	0.1461	0.01642
0.0028	131.28	118.15	0.1209	0.02316
0.0030	133.98	120.59	0.1175	0.02554
0.0032	141.00	126.90	0.1078	0.02968
0.0036	145.72	131.15	0.1052	0.03423
0.0040	150.37	135.33	0.1031	0.03880
APÉNDICE B ARCHIVOS DE ENTRADA PARA CANNY-2010

Archivo para el modelo CCVCR

Title= CONEXIÓN COLUMNA VIGA CENAPRED JCMS Unit system: Ton m sec

/*comandos de análisis //analysis control data Static analysis of automatic loading Analysis in Y-direction only collect weight weight, axial force loading direction 0 output all node displacement output all element results output step interval 1

/*Historia de desplazamientos de la prueba experimental /*Static analysis control data, unit (Ton, mm)

/*nodo maestro Master displ TY, 2F

destination displ	0.0000000	by increment	-0.0000377
destination displ	-0.0011700	by increment	-0.0000377
destination displ	-0.0011700	by increment	0.0000377
destination displ	0.0000000	by increment	0.0000584
destination displ	0.0011100	by increment	0.0000584
destination displ	0.0011100	by increment	-0.0000771
destination displ	0.0000000	by increment	-0.0001238
destination displ	-0.0029700	by increment	-0.0001238
destination displ	-0.0029700	by increment	0.0001267
destination displ	0.0000000	by increment	0.0001267
destination displ	0.0024000	by increment	0.0001333
destination displ	0.0024000	by increment	-0.0001781
destination displ	0.0000852	by increment	-0.0001781
destination displ	-0.0029359	by increment	-0.0001590
destination displ	-0.0029359	by increment	0.0001966
destination displ	0.0000000	by increment	0.0001966
destination displ	0.0025200	by increment	0.0001938
destination displ	0.0025200	by increment	-0.0001915
destination displ	0.0006046	by increment	-0.0001915
destination displ	-0.0062960	by increment	-0.0002556
destination displ	-0.0062960	by increment	0.0002964
destination displ	-0.0006646	by increment	0.0002964
destination displ	0.0064825	by increment	0.0004765
destination displ	0.0064825	by increment	-0.0003180

destination displ	0.0001215	by increment	-0.0003180
destination displ	-0.0069345	by increment	-0.0005040
destination displ	-0.0069345	by increment	0.0003650
destination displ	-0.0003645	by increment	0.0003650
destination displ	0.0069855	by increment	0.0004900
destination displ	0.0069855	by increment	-0.0002884
destination displ	0.0000630	by increment	-0.0002884
destination displ	-0.0139507	by increment	-0.0004247
destination displ	-0.0139507	by increment	0.0004661
destination displ	-0.0009007	by increment	0.0004661
destination displ	0.0116980	by increment	0.0008399
destination displ	0.0116980	by increment	-0.0005208
destination displ	0.0002406	by increment	-0.0005208
destination displ	-0.0141662	by increment	-0.0006860
destination displ	-0.0141662	by increment	0.0006439
destination displ	0.0000000	by increment	0.0006439
destination displ	0.0124800	by increment	0.0000432
destination displ	0.0124800	by increment	0.0007341
destination displ	0.0124800	by increment	0.0006074
destination displ	0.0003329	by increment	0.0005612
destination displ	0.0221138	by increment	0.0007625
destination displ	0.0221138	by increment	0.0007625
destination displ	0.0000000	by increment	0.0007023
destination displ	0.0181200	by increment	0.0003773
destination displ	0.0101200	by increment	-0.0008730
destination displ	0.0000001	by increment	-0.0008/30
destination displ	0.0000000	by increment	-0.0001030
destination displ	0.0000000	by increment	0.0000120
destination displ	0.0001200	by increment	0.0000120
destination displ	-0.0224400	by increment	-0.0008550
destination displ	-0.0224400	by increment	0.0007728
destination displ	-0.0000300	by increment	0.0007728
destination displ	0.0187200	by increment	0.0007300
destination displ	0.018/200	by increment	-0.0010307
destination displ	0.0000600	by increment	-0.0010367
destination displ	-0.0400500	by increment	-0.0006469
destination displ	-0.0400500	by increment	0.0012426
destination displ	-0.0015300	by increment	0.0012426
destination displ	0.0422700	by increment	0.0010429
destination displ	0.0422700	by increment	-0.0014357
destination displ	0.0020700	by increment	-0.0014357
destination displ	-0.0400200	by increment	-0.0008955
destination displ	-0.0400200	by increment	0.0008955
destination displ	-0.0014/00	by increment	0.0008955
destination displ	0.0401400	by increment	0.0011558
destination displ	0.0401400	by increment	-0.0004216
destination displ	0.0000900	by increment	-0.0004216
destination displ	-0.0201000	by increment	-0.0011217
destination displ	-0.0201000	by increment	0.0021067
destination displ	-0.0011400	by increment	0.0021067
destination displ	0.0200100	by increment	0.0008460
destination displ	0.0200100	by increment	-0.0008387
destination displ	0.0007200	by increment	-0.0008387
destination displ	-0.0501000	by increment	-0.0008470

destination displ	-0.0501000	by increment	0.0010288
destination displ	-0.0007200	by increment	0.0010288
destination displ	0.0500100	by increment	0.0010794
destination displ	0.0500100	by increment	-0.0014220
destination displ	0.0002400	by increment	-0.0014220
destination displ	-0.0500700	by increment	-0.0015245
destination displ	-0.0500700	by increment	0.0015245
destination displ	-0.0003300	by increment	0.0015245
destination displ	0.0500700	by increment	0.0006120
destination displ	0.0500700	by increment	-0.0006120
destination displ	0.0011100	by increment	-0.0006120
destination displ	-0.0252600	by increment	-0.0010142
destination displ	-0.0252600	by increment	0.0017957
destination displ	-0.0232000	by increment	0.0017957
destination displ	0.0250500	by increment	0.0017937
destination displ	0.0250500	by increment	0.0008989
destination displ	0.0230300	by increment	-0.0008989
destination displ	0.0004800	by increment	-0.0008989
destination displ	-0.0750300	by increment	-0.0011270
destination displ	-0.0/30300	by increment	-0.0010834
destination displ	-0.0009600	by increment	-0.0010834
destination displ	0.0750300	by increment	0.0014613
destination displ	0.0750300	by increment	-0.0018510
destination displ	0.0009900	by increment	-0.0018510
destination displ	-0.0/52100	by increment	-0.0023091
destination displ	-0.0/52100	by increment	0.0018/23
destination displ	-0.0021900	by increment	0.0018/23
destination displ	0.0750900	by increment	0.0033600
destination displ	0.0750900	by increment	-0.0015840
destination displ	0.0038100	by increment	-0.0015840
destination displ	-0.0375000	by increment	-0.0012909
destination displ	-0.0375000	by increment	0.0022024
destination displ	-0.0000600	by increment	0.0022024
destination displ	0.0375000	by increment	0.0012952
destination displ	0.0375000	by increment	-0.0010000
destination displ	0.0045000	by increment	-0.0010000
destination displ	-0.1002300	by increment	-0.0012772
destination displ	-0.1002300	by increment	0.0012823
destination displ	-0.0399600	by increment	0.0012823
destination displ	-0.0412500	by increment	-0.0006450
destination displ	-0.0412500	by increment	0.0017843
destination displ	-0.0002100	by increment	0.0017843
destination displ	0.1001700	by increment	0.0014762
destination displ	0.1001700	by increment	-0.0026043
destination displ	0.0038100	by increment	-0.0026043
destination displ	-0.1001700	by increment	-0.0041592
destination displ	-0.1001700	by increment	0.0024762
destination displ	-0.0036000	by increment	0.0024762
destination displ	0.1000500	by increment	0.0043188
destination displ	0.1000500	by increment	-0.0032930
destination displ	0.0012600	by increment	-0.0032930
destination displ	-0.0500700	by increment	-0.0036664
destination displ	-0.0021900	by increment	-0.0036831
destination displ	-0.0057953	by increment	-0.0036831

destination displ	0.0500100	by increment	0.0024857
destination displ	0.0500100	by increment	-0.0028165
destination displ	0.0021300	by increment	-0.0028165
destination displ	-0.1250700	by increment	-0.0024000
destination displ	-0.1250700	by increment	0.0029714
destination displ	-0.0002700	by increment	0.0029714
destination displ	0.1252200	by increment	0.0035854
destination displ	0.1252200	by increment	-0.0028940
destination displ	0.0007800	by increment	-0.0028940
destination displ	-0.1250400	by increment	-0.0034005
destination displ	-0.1250400	by increment	0.0022811
destination displ	-0.0018600	by increment	0.0022811
destination displ	0.1250738	by increment	0.0018133
destination displ	0.1250738	by increment	-0.0028152
destination displ	0.0040200	by increment	-0.0028152
destination displ	-0.0625800	by increment	-0.0022200
destination displ	-0.0625800	by increment	0.0022356
destination displ	-0.0022200	by increment	0.0022356
destination displ	0.0625800	by increment	0.0018000
destination displ	0.0625800	by increment	-0.0017829
destination displ	0.0001800	by increment	-0.0017829
destination displ	-0.1451700	by increment	-0.0015300
destination displ	-0.1451700	by increment	0.0025140
destination displ	-0.0069000	by increment	0.0025140
destination displ	0.1450500	by increment	0.0019481
destination displ	0.1450500	by increment	-0.0017881
destination displ	0.0002100	by increment	-0.0017881
destination displ	-0.1451700	by increment	-0.0023076
destination displ	-0.1451700	by increment	0.0021349
destination displ	0.0000000	by increment	0.0021349
destination displ	0.1450500	by increment	0.0018838
destination displ	0.1450500	by increment	-0.0031433
destination displ	0.0036000	by increment	-0.0031433
destination displ	-0.0725400	by increment	-0.0016552
destination displ	-0.0725400	by increment	0.0027669
destination displ	-0.0006000	by increment	0.0027669
destination displ	0.0725400	by increment	0.0020317
destination displ	0.0725400	by increment	-0.0026163
destination displ	0.0097500	by increment	-0.0026163
destination displ	-0.1451400	by increment	-0.0024982
destination displ	-0.1451400	by increment	0.0032227
destination displ	-0.0001200	by increment	0.0032227
destination displ	0.1451355	by increment	0.0033013
destination displ	0.1451355	by increment	-0.0021475
destination displ	0.0721200	by increment	-0.0021475
11			

//

/*dirección de la carga //load factor for static analysis control, unit (Ton, m) X1, Y1, 2F //

/geometría de la viga

```
//node location, unit
                       (Ton, m)
X1, Y1, 1F&2F
//
/*restricción de los nodos
//node DOF, unit (Ton, m)
X1 Y1 1F prescribed 6DOF
//
/*geometría de la viga
//floor, unit (kg, m)
2F Z=4.05
1FZ=0
//
/*nodo maestro, donde se controlarán los desplazamientos
//supernode, unit (kg, m)
R2 (2F)
//
/*marcos
//frame, unit (kg, m)
X1:0
Y1:0
//
/*análisis de la viga
//column data, unit
                       (Ton, m)
Option (in MS model, moment-curvature relation, no torsion, arrange)
X1 Y1 1F-2F SC4581 /mc
//
/*propiedades de los materiales y parámetros para la curva de histéresis
//material properties, unit (kg, cm)
/* material properties for MS model (frame analysis)
S4200 SS3 2.04e+6 T(4200 1 1 0.065) P(0.5 0.5 0.75)
C500 CS3 2.730495e+5 C(500 0.05 0.5) T(0 0) U(0.8 3) U(0.8 3) P(1 1) /*alta resistencia
JD4 1.27
JD8 5.07
JD12 11.4
//
/*definición del número de resortes y propiedades de la sección
//member section, unit (Ton, m)
/*Column section
SC4581 (200) pz=0.45 (uw=/a)
rectangle (0.45, 0.81) S4200(4, 2, JD8/JD12, 0.08, 0.2025), S4200(JD4@0.30) C500 /s
//
/*factor de aplicación de carga
//load case A, unit (kg, m)
Load factor 1 1
```

68

including element selfweight

node (X1 Y1 2F) Pz=-15

Archivo para el modelo CCVCR-PRFC

Title= CONEXI"N COLUMNA VIGA CENAPRED-PRFC JCMS Unit system: Ton m sec

/*comandos de análisis //analysis control data Static analysis of automatic loading Analysis in Y-direction only collect weight weight, axial force loading direction 0 output all node displacement output all element results output step interval 1

/*Historia de desplazamientos de la prueba experimental /*Static analysis control data, unit (Ton, mm) /*nodo maestro

Master displ TY, 2F

destination displacement	0.0000000	by increment	-0.0001721
destination displacement	-0.0032700	by increment	-0.0001721
destination displacement	-0.0032700	by increment	0.0002048
destination displacement	0.0026700	by increment	0.0002048
destination displacement	-0.0089700	by increment	-0.0002910
destination displacement	-0.0089700	by increment	0.0003771
destination displacement	0.0068700	by increment	0.0003771
destination displacement	-0.0090900	by increment	-0.0005148
destination displacement	-0.0090900	by increment	0.0004936
destination displacement	0.0072000	by increment	0.0004936
destination displacement	-0.0142200	by increment	-0.0005355
destination displacement	-0.0142200	by increment	0.0005355
destination displacement	0.0121800	by increment	0.0005355
destination displacement	-0.0142500	by increment	-0.0009789
destination displacement	-0.0142500	by increment	0.0007232
destination displacement	0.0125100	by increment	0.0007232
destination displacement	-0.0196800	by increment	-0.0010730
destination displacement	-0.0196800	by increment	0.0012010
destination displacement	0.0175500	by increment	0.0012010
destination displacement	-0.0197400	by increment	-0.0014916
destination displacement	-0.0197400	by increment	0.0017005
destination displacement	0.0176700	by increment	0.0017005
destination displacement	-0.0269100	by increment	-0.0013509
destination displacement	-0.0269100	by increment	0.0014876
destination displacement	0.0236700	by increment	0.0014876

destination displacement	-0.0269700	by increment	-0.0022017
destination displacement	-0.0269700	by increment	0.0025575
destination displacement	0.0241800	by increment	0.0025575
destination displacement	0.0402000	by increment	-0.0010912
destination displacement	-0.0402000	by increment	0.0017420
destination displacement	0.0399300	by increment	0.0017420
destination displacement	-0.0399300	by increment	-0.0015972
destination displacement	-0.0399300	by increment	0.0019478
destination displacement	0.0399300	by increment	0.0019478
destination displacement	-0.0198300	by increment	-0.0016600
destination displacement	-0.0198300	by increment	0.0015346
destination displacement	0.0200700	by increment	0.0015346
destination displacement	-0.0494400	by increment	-0.0013629
destination displacement	-0.0494400	by increment	0.0024848
destination displacement	0.0499500	by increment	0.0024848
destination displacement	-0.0498600	by increment	-0.0016635
destination displacement	-0.0498600	by increment	0.0019206
destination displacement	0.0500100	by increment	0.0019206
destination displacement	-0.0249900	by increment	-0.0015625
destination displacement	-0.0249900	by increment	0.0017861
destination displacement	0.0250200	by increment	0.0017861
destination displacement	-0.0748800	by increment	-0.0015136
destination displacement	-0.0748800	by increment	0.0017421
destination displacement	0.0749400	by increment	0.0017421
destination displacement	-0.0748500	by increment	-0.0014979
destination displacement	-0.0748500	by increment	0.0017821
destination displacement	0.0748500	by increment	0.0017821
destination displacement	-0.0373800	by increment	-0.0021583
destination displacement	-0.0373800	by increment	0.0023363
destination displacement	0.0373800	by increment	0.0023363
destination displacement	-0.1001100	by increment	-0.0016565
destination displacement	-0.1001100	by increment	0.0021730
destination displacement	0.0998100	by increment	0.0021730
destination displacement	-0.0999900	by increment	-0.0028543
destination displacement	-0.0999900	by increment	0.0025619
destination displacement	0.0998400	by increment	0.0025619
destination displacement	-0.0501600	by increment	-0.0032609
destination displacement	-0.0501600	by increment	0.0033460
destination displacement	0.0502200	by increment	0.0033460
destination displacement	-0.1250100	by increment	-0.0018641
destination displacement	-0.1250100	by increment	0.0028075
destination displacement	0.1248600	by increment	0.0028075
destination displacement	-0.1250400	by increment	-0.0023355
destination displacement	-0.1250400	by increment	0.0030859
destination displacement	0.1249200	by increment	0.0030859
destination displacement	-0.0627000	by increment	-0.0023163
destination displacement	-0.0627000	by increment	0.0030585
destination displacement	0.0627000	by increment	0.0030585
destination displacement	-0.1441800	by increment	-0.0029983
destination displacement	-0.1441800	by increment	0.0044478
destination displacement	0.1449300	by increment	0.0044478
1		~	

destination displacement	-0.1398900	by increment	-0.0023735
destination displacement	-0.1398900	by increment	0.0037468
destination displacement	0.1448700	by increment	0.0037468
destination displacement	-0.0747900	by increment	-0.0040678
destination displacement	-0.0747900	by increment	0.0038500
destination displacement	0.0753600	by increment	0.0038500
//		•	

```
/*dirección de la carga
//load factor for static analysis control, unit (Ton, m)
X1, Y1, 2F
//
```

```
/geometría de la viga
//node location, unit (Ton, m)
X1, Y1, 1F&2F
//
```

```
/*restricción de los nodos
//node DOF, unit (Ton, m)
X1 Y1 1F prescribed 6DOF
//
```

```
/*geometría de la viga
//floor, unit (kg, m)
2F Z=3.73
1F Z=0
//
```

/*nodo maestro, donde se controlarán los desplazamientos //supernode, unit (kg, m) R2 (2F) //

/*marcos //frame, unit (kg, m) X1: 0 Y1: 0 //

/*análisis de la viga //column data, unit (Ton, m) Option (in MS model, moment-curvature relation, no torsion, arrange) X1 Y1 1F-2F SC4581 /mc //

/*propiedades de los materiales y parámetros para la curva de histéresis
//material properties, unit (kg, cm)
/* material properties for MS model (frame analysis)
S4200 SS3 2.10E+06 T(5000 0.5 0.5 0.075) P(0.5 0.5 0.7)
C500 CS3 360624.4584 C(760 0.5 0.07) T(1 1) U(0.8 3) U(0.8 3) P(1 0.5)

U(0.8 3) U(1 5) /*alta resistencia JD4 1.27 JD8 5.07 JD12 11.4 // /*definición del número de resortes y propiedades de la sección //member section, unit (Ton, m)

/*Column section SC4581 (200) pz=0.45 (uw= /a) rectangle (0.45, 0.81) S4200(4, 2, JD8/JD12, 0.08,0.2025), S4200(JD4@0.30) C500 /s //

/*factor de aplicación de carga //load case A, unit (kg, m) Load factor 1 1 including element selfweight node (X1 Y1 2F) Pz=-15 //

DEDICATORIAS

A mis abuelos Cirilo y Leonila y mi mamá Alma Rosa; por su apoyo, enseñanzas, paciencia y comprensión en todo momento.

A mi gran amigo Lolo por todo el cariño, espero y nos encontremos de nuevo para decirnos adiós.

A mis compañeros de la licenciatura.

A mis **amigos** de toda la vida.

Y a todas aquellas personas que siempre confiaron en mí.

Juan Carlos Morales Simbrón

AGRADECIMIENTOS

A mis abuelos Cirilo y Leonila que han sido como mis padres.

A mi mamá Alma Rosa que ha sido una madre y un padre. Gracias por el apoyo, consejos y compresión.

A mi tío Joel por su apoyo y sus buenos consejos.

A mi familia por sus palabras de aliento, fuerza y por su confianza.

Al Dr. José Alberto Escobar Sánchez por su amistad, paciencia y el apoyo profesional, académico y moral que me brindo en este trabajo.

Al Dr. Héctor Guerrero Bobadilla por su amistad y el apoyo que me ha brindado.

Al M.I Víctor Cecilio Romoaldo por su amistad, observaciones, revisión del documento y el apoyo que me ha brindado.

A mi Facultad de Ingeniería y a mi Universidad Nacional Autónoma de México, así como a mis profesores, compañeros y amigos que conocí en mis estudios de Licenciatura.

Muchas gracias al Instituto de Ingeniería UNAM por permitirme ser becario y por haberme dado la oportunidad de desarrollar mi tesis y por el apoyo económico.

Agradezco de manera especial al personal que participó en las pruebas del laboratorio y al CENAPRED por brindarme su apoyo en este trabajo.