



**UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA  
DE MEXICO**

**ESCUELA NACIONAL DE ESTUDIOS PROFESIONALES  
-ACATLAN-**

16/20/95  
2000 MAR 2000  
ACATLAN

**"SIMULACION DE UN CICLO DE ALMACENAMIENTO  
DE ENERGIA SOLAR"**

**T E S I S**  
QUE PARA OBTENER EL TITULO DE :  
**A C T U A R I O**  
**P R E S E N T A :**  
**ERNESTO LOPEZ CONTRERAS**

**ASESOR:  
DR. HERNANDO ROMERO PAREDES RUBIO**

**MEXICO, D.F.**

**1995**

**FALLA DE ORIGEN**



Universidad Nacional  
Autónoma de México



## **UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso**

### **DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL**

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

**A mi familia, como muestra de  
agradecimiento por su gran apoyo  
a lo largo de mi vida.**

**A mis amigos, por que realmente me  
siento orgulloso de haberlos conocido.**

**Al Dr. Hernando Paredes Rubio por  
su guía y tremenda capacidad de  
soporte a lo largo del desarrollo de  
este trabajo.**

ESCUELA NACIONAL DE ESTUDIOS PROFESIONALES "ACATLAN"



UNIVERSIDAD NACIONAL  
AVENIDA DE  
MEXICO

DIVISION DE MATEMATICAS E INGENIERIA  
PROGRAMA DE ACTUARIA Y M.A.C.

SR. ERNESTO LOPEZ CONTRERAS  
Alumno de la carrera de Actuaría  
P r e s e n t e .

Por acuerdo a su solicitud presentada con fecha 20 de diciembre de 1993, me complace notificarle que esta Jefatura tuvo a bien asignarle el siguiente tema - de Tesis: "SIMULACION DE UN CICLO DE ALMACENAMIENTO - DE ENERGIA SOLAR", el cual se desarrollará como sigue:

INTRODUCCION

- CAP. I Introducción al almacenamiento de energía solar.
- CAP. II Análisis de los sistemas a estudiar y se lección de técnicas a utilizar.
- CAP. III Desarrollo del modelo de simulación.
- CAP. IV Desarrollo del modelo de regresión.
- CAP. V Planeación y análisis de experimentos de simulación.

CONCLUSIONES

- ANEXO I
- ANEXO II
- BIBLIOGRAFIA

Asimismo, fue designado como Asesor de Tesis el DR. HERNANDO ROMERO PAREDES RUBIO.

Ruego a usted tomar nota que en cumplimiento de lo especificado en la Ley de Profesiones, deberá presentar servicio social durante un tiempo mínimo de seis meses como requisito básico para sustentar examen profesional así como de la disposición de la Coordinación de la Administración Escolar en el sentido de que se imprima en lugar visible de los ejemplares de la Tesis el título del trabajo realizado. Esta comunicación deberá imprimirse en el interior de la misma.

A T E N T A M E N T E  
"POR MI RAZA HABLARA EL ESPIRITU"  
Acatlán, Edo. Méx. enero 12 de 1995.

ACT. LAURA MARIEVERA BECERRA  
Jefe del Programa de Actuaría  
y M.A.C.

cg'



E.N.E.P. ACATLAN  
JEFATURA DEL PROGRAMA DE  
ACTUARIA Y MATEMATICAS  
APLICADAS Y COMPUTACION

## **SIMULACION DE UN CICLO DE ALMACENAMIENTO DE ENERGIA SOLAR**

## INDICE

### INTRODUCCION

#### **CAPITULO I** Introducción al almacenamiento de la energía solar.

<b>LA</b>	Generalidades de la energía solar.	1
<b>LB</b>	Almacenamiento de la energía solar.	1
<b>LC</b>	Sulfatos metálicos como medio de almacenamiento de energía solar.	2

#### **CAPITULO II** Análisis de los sistemas a estudiar y selección de técnicas a utilizar.

<b>IIA</b>	Conceptualización del sistema de almacenamiento.	4
<b>II B</b>	Interrelaciones y delimitación de los subsistemas.	5

#### **CAPITULO III** Desarrollo del modelo de simulación.

<b>III.A</b>	Formulación del problema.	7
<b>III.B</b>	Recolección y procesamiento de datos.	8
<b>III.C</b>	Formulación del modelo matemático.	11

#### **CAPITULO IV** Desarrollo del modelo de regresión

<b>IV.A</b>	Objetivo, variables y recolección de datos.	27
<b>IV.B</b>	Selección del tipo de regresión a usar.	30
<b>IV.C</b>	Modelos iniciales en base a gráficas y estadísticas.	30
<b>IV.D</b>	Modelos finales.	31
<b>IV.E</b>	Multicolinealidad.	32
<b>IV.F</b>	Análisis de residuales	33
<b>IV.G</b>	Anormales.	33
<b>IV.H</b>	Normalidad.	33
	0.5	
<b>IV.I</b>	Modelo $X = \ln t + \ln T + \ln(mg) + T + t$	36
<b>IV.J</b>	Modelo final para el sulfato de níquel.	38
<b>IV.K</b>	Modelo final para el sulfato de zinc.	39

#### **CAPITULO V** Planeación y análisis de experimentos de simulación.

<b>V.A</b>	Planeación de corridas experimentales.	40
<b>V.B</b>	Análisis de corridas de simulación.	41

### CONCLUSIONES

**ANEXO I**

**ANEXO II**

**BIBLIOGRAFIA**

## INTRODUCCION

El Actuario es un profesional interdisciplinario que a lo largo de su existencia se ha enfocado al soporte de las áreas administrativas mediante diversas técnicas o métodos matemáticos. Un campo donde el Actuario no ha dedicado mucho esfuerzo es aquel relacionado con las ciencias naturales. El presente trabajo muestra el soporte de diversas técnicas matemáticas en el área de las ciencias naturales e ingeniería. La simulación y el análisis de regresión son las técnicas usadas en éste trabajo para apoyar a la comprensión del almacenamiento de energía solar mediante reacciones reversibles.

Actualmente diversos tipos de energía son usados para que las sociedades puedan existir. La fuente de energía más usada en la actualidad y que tiene gran importancia en las economías de todos los países es el petróleo. Pero, dado que éste recurso no es renovable, en el futuro se agotará y con ello el uso de fuentes alternas de energía irá cobrando más importancia. La energía solar es una fuente de energía con alta probabilidad de uso en el futuro, es por ello que "Le Centre National de la Recherche Scientifique" en colaboración con la "Université de Perpignan" en Francia, ha dedicado mucho esfuerzo a la investigación científica en éste campo. En éste centro a principios de la década de los 80's los Doctores Hernando Romero y José Ambriz realizaron sus estudios doctorales sobre el comportamiento y características térmicas de las reacciones químicas reversibles como medio de almacenamiento de energía solar. El presente trabajo se basa en las experiencias de los mencionados investigadores. Actualmente los doctores Ambriz y Romero son investigadores de tiempo completo y responsables de la carrera de Ingeniería en Energía en la U.A.M. Iztapalapa.

En el capítulo I se describen las principales características del almacenamiento de la energía solar mediante el uso de reacciones reversibles. En el capítulo II se define el alcance de éste trabajo. Lo anterior se hace mediante una conceptualización a un nivel muy general de todo el sistema de almacenamiento y transformación de la energía solar.

En el tercer capítulo se determinan los principales bloques conceptuales del sistema de almacenamiento. Se definen a detalle los diagramas de flujo de todo el proceso de almacenamiento de energía solar y la transformación de ésta en electricidad. Una de las variables principales que delimitan al trabajo es la demanda de energía a satisfacer. Se seleccionó que ésta fuera la electricidad equivalente a aquella satisfecha por las plantas turbo jet de la Cía. de Luz y Fuerza del Centro a las horas pico en la zona centro de la República Mexicana. Esta cantidad de electricidad demandada equivale al 0.6% del total nacional. Para comprender a detalle el comportamiento de la energía solar y su posterior transformación en electricidad, fue necesario crear un modelo de simulación específicamente diseñado con éste objetivo. A pesar de la existencia de lenguajes de computadoras creados específicamente para simulación, se decidió usar Turbo Pascal como lenguaje de programación, pues el objetivo de éste trabajo es muy específico y los lenguajes convencionales de simulación fueron diseñados para un tipo de situaciones muy diferentes.

Una parte determinante de la simulación del sistema de almacenamiento es la función de disociación del sulfato en sus productos. Para ello se desarrolló un análisis de regresión lineal múltiple. En el capítulo cuarto se presentan todos los pasos efectuados para el desarrollo del modelo de regresión lineal múltiple para el sulfato de níquel. El modelo de regresión explica el porcentaje de disociación del sulfato en sus productos a través del tiempo. Esta disociación se efectúa cuando los sulfatos metálicos son calentados por la energía solar y sus productos almacenan energía para ser liberada cuando sea necesitada. Además, se muestra el modelo final de regresión lineal múltiple para el sulfato de zinc. RATS fue el paquete estadístico para el desarrollo del modelo de regresión.

El capítulo quinto presenta los resultados de las corridas experimentales variando los principales parámetros del modelo de almacenamiento y transformación de la energía solar.

Es importante enfatizar la colaboración y apoyo de la U.A.M Iztapalapa, al instituto de Geofísica de la U.N.A.M., a la Cía. de Luz y Fuerza del Centro quienes compartieron datos experimentales y pronosticados muy importantes para el desarrollo del modelo de simulación.

## CAPITULO I

### INTRODUCCION AL ALMACENAMIENTO DE LA ENERGIA SOLAR

#### **LA GENERALIDADES DE LA ENERGIA SOLAR.**

El crecimiento industrial y poblacional en todo el orbe, cada vez, necesita más energía. La mayor parte de ésta es suministrada por el petróleo, fuente irrenovable y contaminante. El uso de fuentes alternas en el futuro será imprescindible y por ello es necesario investigar y valorar nuevas fuentes energéticas, la energía solar aparece como una fuente muy atractiva pues es renovable, no contaminante, universal, no requiere de transporte y es abundante en aquellos países donde más se requiere.

A pesar de las múltiples ventajas de la energía solar, existen dos grandes obstáculos para su utilización: la baja densidad energética y su alta variabilidad de oferta.

#### **I B ALMACENAMIENTO DE LA ENERGIA SOLAR.**

Para que cualquier tipo de energía sea útil, minimamente debe existir en cantidad suficiente y estar disponible en el momento que se necesite. Con el fin de satisfacer estas necesidades, la energía solar primeramente debe ser concentrada, para satisfacer la cantidad de energía requerida y posteriormente la energía debe ser almacenada para que pueda ser usada en cualquier momento.

Actualmente la forma más común de almacenamiento de la energía solar es mediante baterías electroquímicas, donde se almacena la energía eléctrica proveniente de sistemas de celdas solares fotovoltaicas. Sin embargo, no es la única opción, existen otras posibilidades que brindan mayor eficiencia energética, una de ellas es mediante almacenamiento térmico de la energía solar. Las diversas formas del almacenamiento térmico de la energía solar son mediante calor latente, calor sensible y reacciones químicas.

En la cuadro I.1 se muestran resultados experimentales de Tmar [Tmar 1981] donde la mayor capacidad de almacenamiento de calorías es por medio de reacciones químicas. En la columna Kcal/Kg se muestra la gran diferencia entre los distintos tipos de almacenamiento por cada kilogramo de material usado.

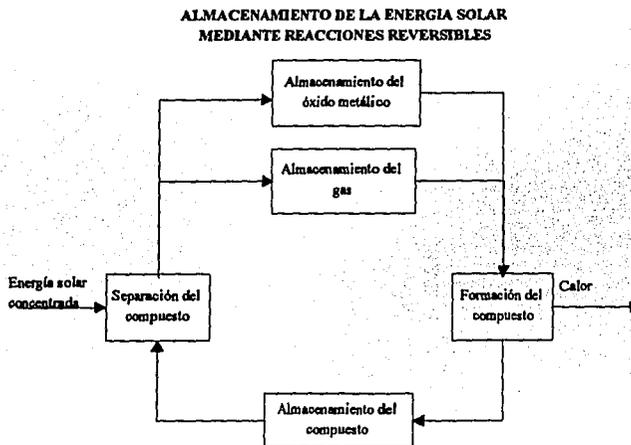
**RENDIMIENTO EN CALORIAS POR TIPO DE ALMACENAMIENTO PARA 252,000 kCAL ALMACENADAS**

Tipo de almacenamiento	Material	Kg	Volumen	Kcal/Kg
Calor Sensible	Agua	9072	9.072	27.778
Calor Latente	Piedra	45359	20.386	5.556
Reacciones Químicas	Na <sub>2</sub> SO <sub>4</sub> .10H <sub>2</sub> O	4536	3.086	55.556
	Mg(OH) <sub>2</sub> /MgO	1451	0.623	173.614
	Ca(Mt) <sub>2</sub> CaO	1043	0.453	241.550

Cuadro I.1

Dentro de las reacciones químicas que se seleccionaron, en estudios de [Tmar 1981] y [Romero 1981], se escogieron a las reacciones reversibles, pues no solo tienen gran capacidad de almacenamiento calorífico por ser reacciones químicas, sino que el material usado en la reacción puede ser reutilizado.

A continuación se muestra grosso modo el diagrama de flujo del almacenamiento de energía solar usando reacciones reversibles.



La radiación solar, primeramente es concentrada y dirigida a un horno donde se deposita el compuesto a reaccionar. Al calentar el compuesto, éste se separa en dos reactantes; un óxido metálico y un gas. Los dos son almacenados separadamente hasta que se desee juntarlos y hacer la reacción reversible provocando así calor, el cual puede ser transformado a otra forma de energía.

Solamente un porcentaje de la suma másica de los reactantes, se convierte en el compuesto original. Esa cantidad de compuesto regenerado es almacenada para su reciclaje. La parte de reactantes que no alcanza a recombinarse se regresa a los almacenes de reactantes para futuras combinaciones.

### LC SULFATOS METÁLICOS COMO MEDIO DE ALMACENAMIENTO DE ENERGÍA SOLAR.

Los criterios de selección de los compuestos a reaccionar fueron:

#### Características de los reactantes.

La condición básica, para tener un buen reactante, es la abundancia en la naturaleza de los materiales que constituyen los reactantes. Otras características de los reactantes son: obtención a bajo precio, y de manera convenientemente pura a fin de evitar reacciones secundarias, la ausencia de formación de reacciones tóxicas a lo largo de la reacción y es recomendable poca afinidad con el agua y el oxígeno, pues, ocasionaría problemas para su separación a lo largo de la reacción.

#### Restricciones por parte de la ingeniería química.

Primeramente, es recomendable no utilizar una tecnología muy sofisticada, evitar el uso de productos corrosivos, evitar trabajar a altas presiones, procurar que los productos y reactantes gaseosos sean condensables, trabajar con los reactantes en forma de fluidos, encontrar reactantes con buena reactividad y que se conserven lo más posible a través de los reciclamientos.

**Criterios para la selección de la reacción.**

Deberán tener altos valores de entalpía, entropía y de temperatura de inversión y evitar trabajar con reacciones catalíticas.

Tomando en cuenta las tres características anteriores se seleccionaron a los sulfatos metálicos del níquel y zinc como fuertes candidatos para un proceso de investigación más a fondo.

## CAPITULO II

### ANALISIS DE LOS SISTEMAS A ESTUDIAR Y SELECCION DE TECNICAS A UTILIZAR

El objetivo principal de éste trabajo es encontrar cual de los sulfatos metálicos propuestos, entre el níquel y zinc, es el más conveniente para el sistema de almacenamiento de energía solar mediante reacciones reversibles.

#### **II A CONCEPTUALIZACION DEL SISTEMA DE ALMACENAMIENTO**

Para conceptualizar el sistema se deben definir las variables con las que mediremos al sulfato más conveniente y para ello es necesario entender todo el sistema. La abstracción de todo sistema debe hacerse por subsistemas o componentes que expliquen de manera genérica pero acertada el comportamiento total de todo el sistema. El sistema fue dividido en los siguientes 6 subsistemas: concentración de energía solar, disociación del sulfato, almacenamiento de productos: óxido metálico y gas, determinación de demanda de energía, formación del sulfato y almacenamiento del sulfato. En el diagrama II.1 se presentan los 6 subsistemas.

#### **ALMACENAMIENTO DE LA ENERGIA SOLAR MEDIANTE REACCIONES REVERSIBLES REPRESENTADO POR SUBSISTEMAS**

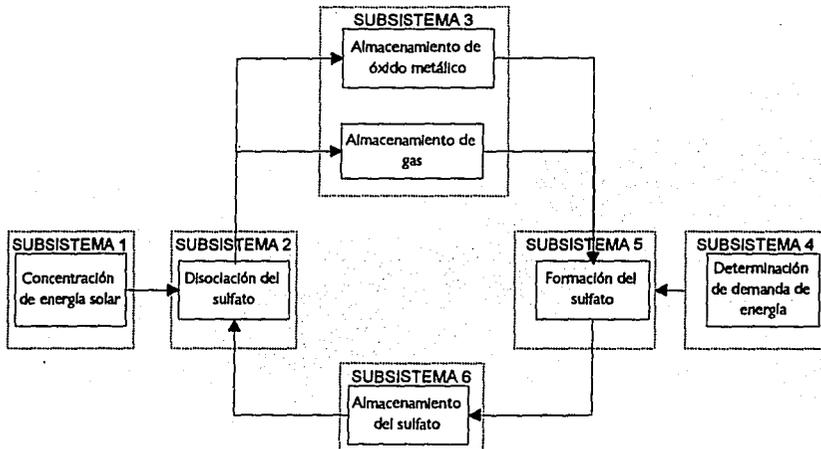


Diagrama II.1

#### **Concentración de energía solar.**

En éste subsistema se determina la intensidad de radiación solar a lo largo del año en el lugar específico donde se desea concentrar la energía. Se define igualmente la cantidad de energía disponible por unidad de superficie cuando ésta ha sido concentrada.

#### **Disociación del sulfato.**

Este subsistema consiste en la separación del sulfato en sus productos, en función del modelo cinético de la reacción.

#### **Almacenamiento de productos.**

Los productos o reactantes obtenidos de la reacción de disociación son almacenados en silos separados. La dimensión de la masa almacenada es función del equilibrio del sistema entre la oferta y la demanda de energía.

#### **Determinación de demanda de energía.**

Se establece el tipo y comportamiento de energía demandada para la cual va a aplicarse el sistema de almacenamiento.

### Formación del sulfato.

En éste subsistema se encuentra un reactor donde se efectúa la reacción inversa de formación del sulfato original, al efectuarse la reacción inversa se produce calor que posteriormente es transformado en el tipo de energía demandada. La cantidad de reactivos a manejar es función de la cantidad y tipo de demanda, así como del tiempo en que se requiera.

### Almacenamiento del sulfato.

En éste subsistema se almacena el sulfato reformado con el fin de ser reciclado. Es importante señalar que éste almacenamiento tiene que estar en equilibrio con la cantidad de energía que existe en la oferta y en la demanda de energía, para que de ésta forma el tamaño del almacén sea el óptimo.

## II B INTERRELACIONES Y DELIMITACION DE LOS SUBSISTEMAS.

Para describir la relación y cronología de los subsistemas principales, se realizó el diagrama II.2 mostrando los procesos más importantes de cada subsistema y su interrelación.

### FLUJO DE PROCESOS DE ALMACENAMIENTO MEDIANTE SULFATOS METALICOS

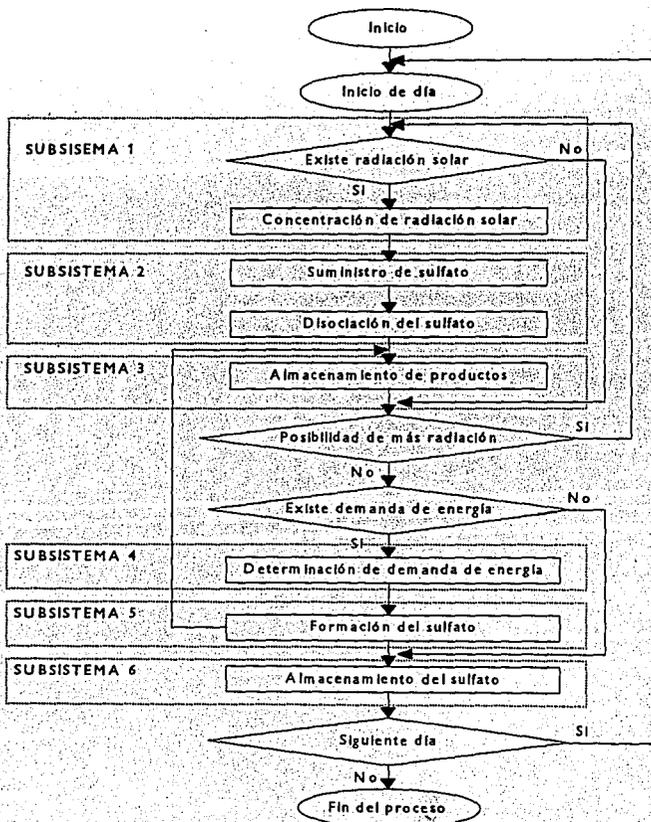


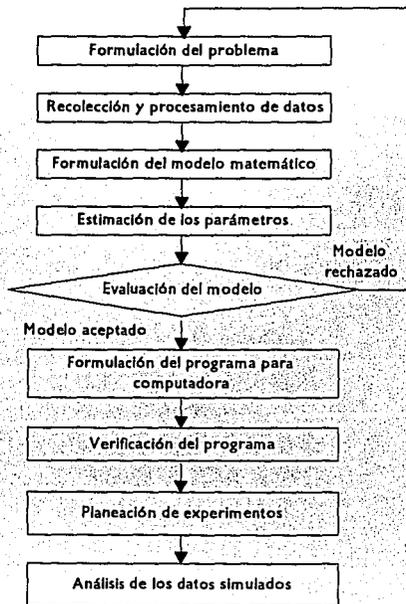
Diagrama II.2

Tomando en cuenta que el sistema es complejo y que tiene un comportamiento muy específico, se dedujo que la técnica más adecuada para formular un modelo lo más apegado a la realidad, es la simulación. Con ella se logra:

1. Estudiar las complejas interrelaciones entre subsistemas.
2. Realizar un análisis de sensibilidad al hacer alteraciones del modelo y observar su efecto.
3. Observar detalladamente el sistema. A su vez proporciona opciones para mejorarlo.
4. Efectuar análisis teórico, estadístico y conocer la interfuncionalidad de subsistemas y variables.
5. Definir cuales son las variables más importantes del sistema.
6. Experimentar a menor costo en comparación con alguna instalación prototipo.

Para que un modelo de simulación sea exitoso, es indispensable la buena definición del problema y de los objetivos específicos. A continuación se presenta un proceso sugerido para realizar experimentos de simulación.

#### DIAGRAMA DE FLUJO PARA PLANEAR EXPERIMENTOS DE SIMULACION



Para mayor información sobre simulación consultar anexo I.

Después de analizar grosso modo los subsistemas, se resalta el subsistema "Disociación del sulfato" donde debe encontrarse una forma de relacionar a las variables involucradas en la cinética de descomposición. Una técnica útil para este tipo de problemas es el análisis de regresión. La función de regresión es útil para estimar o predecir el valor promedio de "Y" (variable respuesta) cuando las variables explicativas o controladas tienen valores establecidos.

Para establecer la relación funcional entre la variable respuesta "Y" y las explicativas "X1, X2, ..., Xn", debe asumirse que un cierto tipo de función puede explicar esta relación. Un modelo de regresión no propone obtener la mejor relación funcional, en cambio, obtiene los mejores estimadores para los parámetros, dado cierto tipo de relación. En caso de que exista alguna relación de tipo física primero deberá probarse con esa relación.

### CAPITULO III

#### DESARROLLO DEL MODELO DE SIMULACION

En éste capítulo se desarrolla la metodología para simular el sistema helioeléctrico, el cual, opera con un sistema de almacenamiento termoquímico de la energía. Se plantea desde la formulación del problema hasta la verificación del programa en computadora.

#### IIIA FORMULACION DEL PROBLEMA.

El objetivo general es crear un modelo que permita simular y optimizar la operación del sistema de almacenamiento de energía solar mediante reacciones reversibles, de acuerdo con la cantidad de energía solar que llegue a un lugar predeterminado y a la cantidad de energía requerida en forma de electricidad.

Los objetivos obligatorios son:

1. Determinar el flujo de masa por hora en los diferentes procesos del sistema, adaptándose a cualquier comportamiento de la oferta de radiación solar y de la demanda de energía eléctrica.
2. Minimizar el tamaño de los equipos utilizados y satisfacer los requerimientos de la operación del sistema.
3. Seleccionar el sulfato más adecuado para la operación óptima, tomando como base la capacidad de almacenamiento de energía por unidad de volumen, lo cual repercutiría en el costo. Además, debe tomarse en cuenta la cinética y el grado de reacción.

El objetivo deseable es tener un modelo que se aople a cualquier perfil de demanda de energía eléctrica sin importar el lugar geográfico.

El programa de simulación debe funcionar en una PC o compatible IBM por lo menos con 512 Kb de memoria RAM y un drive para disco flexible de 360 Kb. El tiempo de simulación del sistema no debe superar 5 minutos por año de simulación. Los resultados se presentan en forma gráfica y tabular, tanto en pantalla como en reportes.

El diagrama III.1 muestra el modelo de almacenamiento por subsistemas, identificando cuales son las principales variables del modelo.

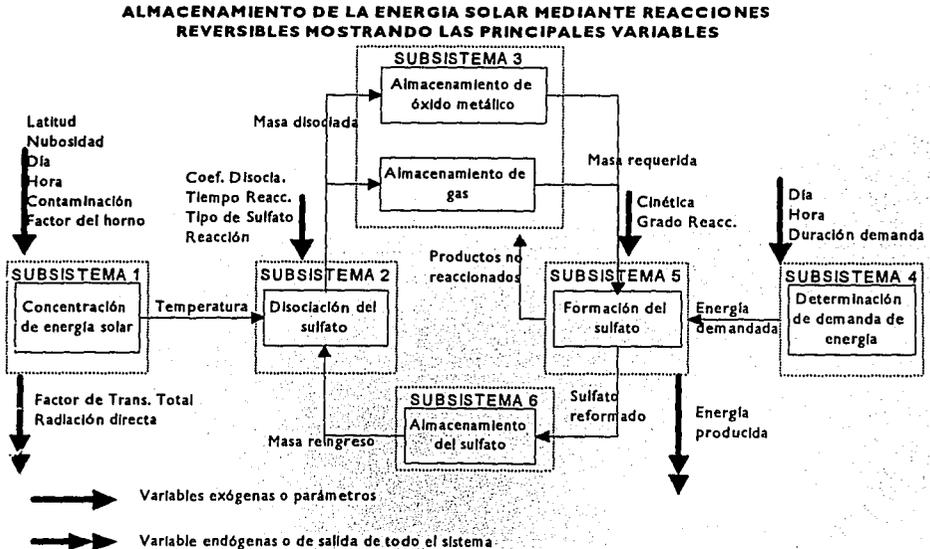


Diagrama III.1

El subsistema de concentración de energía solar tiene como variables de entrada a: la latitud del lugar, la nubosidad, el día del año, la hora del día, el nivel de contaminación y el tamaño del horno solar (Factor del horno). La variable de salida es la radiación directa por unidad de área y por unidad de tiempo.

En el segundo subsistema, disociación del sulfato, las variables de entrada son: la temperatura, el coeficiente de disociación, el tiempo, la reacción cinética y el tipo de sulfato. La cantidad de masa por hora es la variable de salida.

En el almacenamiento de productos, la variable de entrada es la cantidad de masa proveniente del segundo subsistema. La variable de salida es la cantidad de masa de productos requerida por el subsistema de determinación de cantidad de energía.

La determinación de la demanda de energía tiene como variables de entrada al día del año, la hora del día y la duración de la demanda. La variable de salida es la cantidad de energía demandada.

La formación del sulfato tiene como variables de entrada a: la cantidad de energía demandada, la cinética y el grado de reacción. Por otro lado, tiene como variables de salida a: la energía producida para satisfacer la demandada, la masa de sulfato generada y la masa de productos que no reaccionaron.

La masa de sulfato formada es la variable de entrada al sexto subsistema y la variable de salida es la masa requerida por el segundo subsistema (disociación del sulfato). De esta forma se completa el ciclo.

### III.B RECOLECCION Y PROCESAMIENTO DE DATOS.

En esta etapa tenemos que determinar cuales son las variables exógenas y parámetros de todo el sistema, tomando en cuenta el diagrama III.1 y la delimitación de las variables de cada subsistema. Las variables exógenas son aquellas que son de entrada, el sistema no tiene ninguna influencia sobre ellas y su valor puede variar a lo largo de la simulación. Los parámetros son valores fijos de entrada al sistema, pero, en cada experimento de simulación el manejador del simulador puede variar su valor. En el cuadro III.1 se muestran los datos a recolectar para cada subsistema.

#### DATOS A RECOLECTAR POR SUBSISTEMA

Número de subsistema	Subsistema	Variable exógena	Parámetros
1	Concentración de energía solar	* Día de año. * Hora del día. * Nivel de contaminación * Nubosidad.	* Latitud
2	Disociación del sulfato	* Masa de sulfato	* Duración de reacción. * Tipo de sulfato. * Grado de reacción.
3	Almacenamiento de productos		
4	Determinación de demanda de energía	* Día del año. * Hora del día. * Datos históricos de la demanda	
5	Formación del sulfato		* Duración de reacción. * Grado de reacción. * Tipo de sulfato.
6	Almacenamiento del sulfato		

Cuadro III.1

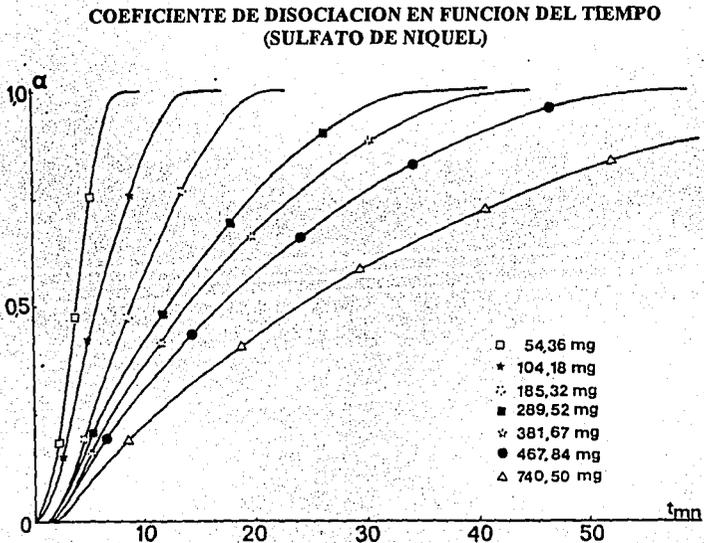
Respecto a las variables exógenas, día del año y hora del día para los subsistemas 1 y 4 no fue necesario recolectarlos, pues estas variables las decide el interesado.

Dado que la contaminación reduce la intensidad de la radiación solar se considera como una variable importante. No obstante, la información que se tiene a ese respecto es muy poca. Los datos más confiables datan de apenas unos meses y no se han obtenido sistemáticamente en todas las latitudes. Esta situación excluye al nivel de contaminación como una variable exógena confiablemente medible.

El Instituto de Geofísica de la Universidad Nacional Autónoma de México [Muhulía y Bravo 1987] proporcionó radiaciones directas durante 1987. Los datos obtenidos tienen una periodicidad poco estable; por ejemplo, en el mes de abril de 1987 se realizaron solo dos mediciones puntuales en dos días distintos, en los meses de enero y febrero del mismo año no se obtuvieron mediciones, en el mes de Junio se midieron solamente 5 días. Lo anterior provocó poca confianza para cualquier tipo de pronóstico, por lo cual se optó por investigar si existía algún modelo de determinación de radiación de energía solar previamente definido.

La obtención de la latitud no es un gran problema, pues existen muchos mapas de donde puede ser tomado el dato. Lo importante es determinar que tanto influye la precisión de la latitud sobre la simulación de la radiación solar. Esto se verá después, cuando se analice a fondo la simulación de energía solar.

Para determinar la cantidad de masa a suministrar en el segundo subsistema, es necesario tener un modelo que relacione la temperatura, el grado de reacción, el tiempo y el tipo de sulfato. El modelo se creó a partir de los datos de las tesis doctorales de [Romero 1981] y [Tmar 1981]. En la gráfica III.1 se presenta la forma de las gráficas de donde se obtuvieron los valores. Cabe mencionar que no fue posible obtener datos numéricos a partir de los experimentos de Tmar y Romero, dado que ellos no contaron con instrumentos que transformasen las señales analógicas de los experimentos a señales digitales.



Gráfica III.1

Se usó papel milimétrico para transformar las gráficas a números. El cuadro III.2 muestra el tipo de datos extraídos.

### DATOS EXTRAIDOS DE LAS GRÁFICAS DE LOS EXPERIMENTOS

Temperatura (°K)	Massa (Mg)	Coef. de disociación	Tiempo (min)
1223	285	.105	1.667
1223	285	.211	2.083
1223	285	.316	2.708
1223	285	.421	3.333
1223	285	.5	3.958
1223	285	.632	5
1223	285	.737	6.042
1223	285	.842	7.083
1223	285	.947	8.750
1223	285	.975	9.582
1223	285	.992	9.999
1223	285	.997	10.416
1223	285	1	12.917

Cuadro III.2

El tiempo de reacción del sulfato en el segundo subsistema, se seleccionó como el mismo que el de la unidad mínima para simular todo el sistema; esto significa que, se hizo reaccionar al sulfato seleccionado durante una hora. En caso de que no existiera radiación solar en toda una hora completa, el sulfato solamente reaccionó por el tiempo que existió radiación solar. El coeficiente de reacción del sulfato en un horno debe ser del 100%, pues lo óptimo es ofrecer la cantidad que vaya ha descomponerse totalmente.

En el cuarto subsistema, los datos históricos de demanda de energía eléctrica se limitan a la República Mexicana, cuya información histórica la posee la Comisión Federal de Electricidad. La zona centro de la República Mexicana se seleccionó como área de estudio. Esta zona comprende al Estado de México, al Distrito Federal, parte del Estado de Hidalgo y parte del Estado de Morelos. Los datos obtenidos son por hora para una semana típica de demanda de energía eléctrica (ver cuadro III.3). Además, se obtuvo la demanda mensual acumulada desde 1970 hasta 1987 (ver cuadro III.4) de la demanda mensual.

### DEMANDA DIARIA DE ENERGIA ELECTRICA EN LA ZONA CENTRO.

(MWH Para la Tercera Semana de Agosto de 1988)

Hora	Lun 22	Mar 23	Mie 24	Jue 25	Vie 26	Sab 27	Dom 28
1	1842	2360	2344	2619	2949	2605	2139
2	1598	2430	2323	2293	2346	2514	2302
3	1932	2169	2307	2055	2172	2230	1994
4	1728	2127	2283	2305	2349	2243	2028
5	1754	2107	1952	2258	2326	2228	1988
6	1918	2469	2387	2437	2301	2200	2097
7	2394	2675	2628	2558	2682	2442	1987
8	2704	2573	2953	2733	2916	2598	1919
9	2972	3229	3214	3217	3271	2695	1951
10	3052	3302	3215	3246	3394	2906	2173
11	3263	3360	3295	3223	3366	2786	2087
12	3253	3400	3300	3319	3376	2958	2046
13	3231	3334	3330	3331	3321	2839	1977
14	3106	3312	3366	3212	3233	2786	2111
15	3267	3103	3055	3135	3164	2723	1976
16	3285	3381	3184	3202	3313	2717	1933
17	3405	3262	3203	3139	3282	2568	2168
18	3323	3111	3455	3199	3239	2684	2049
19	3278	3317	3457	3314	3288	2721	2356
20	3800	3783	4001	3916	3923	3623	2796
21	3837	3823	3955	4015	3854	3229	2989
22	3542	3561	3496	3695	3588	3198	3019
23	2954	3245	3123	2972	3128	2809	2335
24	2548	2737	2712	2774	2631	2750	2352

Cuadro III.3

**DEMANDA MENSUAL DE ENERGIA ELECTRICA  
( GWH )**

Año	Ene	Feb	Mar	Abr	May	Jun	Jul	Ago	Sep	Oct	Nov	Dic
1970	819	769	777	819	809	816	842	834	827	878	837	859
1971	883	815	921	830	885	885	901	898	870	915	890	915
1972	940	898	923	908	953	950	970	1003	962	1017	985	981
1973	1037	944	1051	923	1000	997	1037	1069	1015	1092	1044	1022
1974	1094	986	1094	1006	1076	1044	1119	1097	1047	1150	1098	1057
1975	1139	1026	1061	1132	1109	1070	1096	1087	1106	1214	1131	1110
1976	1168	1111	1109	1087	1167	1171	1206	1172	1200	1327	1283	1282
1977	1324	1223	1348	1213	1309	1310	1329	1348	1286	1357	1346	1334
1978	1394	1269	1331	1380	1411	1391	1428	1468	1413	1501	1437	1413
1979	1506	1383	1557	1407	1555	1521	1564	1565	1502	1618	1557	1508
1980	1631	1546	1638	1532	1631	1570	1567	1622	1578	1697	1604	1594
1981	1675	1557	1722	1611	1721	1792	1776	1771	1697	1819	1693	1686
1982	1748	1627	1858	1659	1781	1771	1779	1751	1667	1749	1704	1659
1983	1752	1606	1733	1680	1775	1704	1731	1759	1689	1775	1737	1690
1984	1803	1709	1842	1679	1829	1803	1868	1903	1778	1878	1795	1741
1985	1910	1751	1952	1810	1939	1890	1954	1976	19854	1978	1916	1880
1986	1970	1918	1873	1982	1990	1910	1955	1911	1827	1975	1882	1820
1987	1917	1774	2006	1872	1976	1973	2054	2022	1974	2079	1957	1901

Cuadro III.4

En este cuarto subsistema, se creó un modelo que mostró el comportamiento de la demanda de energía eléctrica. En el quinto subsistema no se tenían datos experimentales para explicar la reformación del sulfato, pero, se conocía teóricamente la cantidad de masa que reacciona en la reacción reversible.

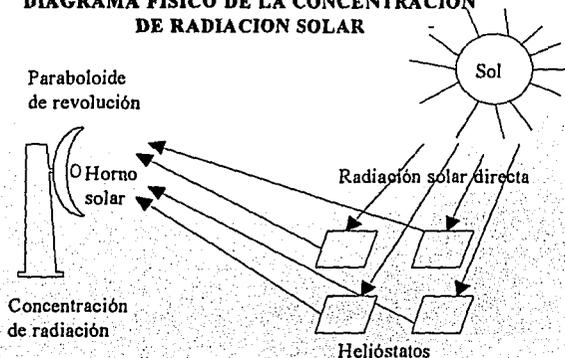
**III.C FORMULACION DEL MODELO MATEMATICO.**

Todo modelo matemático, puede dividirse en cuatro partes principales: subsistemas, variables, parámetros y relaciones funcionales que conectan a las tres anteriores. En los próximos párrafos se explicarán estas partes para cada subsistema.

**Primer subsistema: Concentración de Energía Solar.**

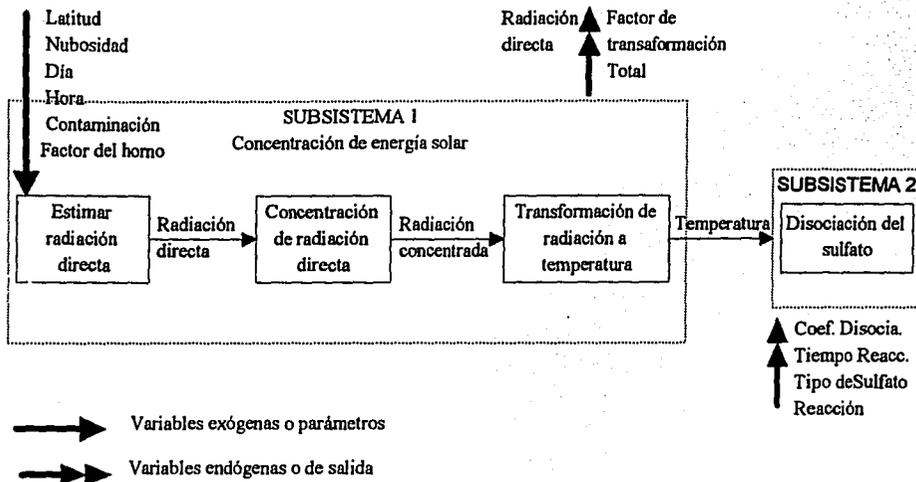
En el primer subsistema llamado "Concentración de Energía Solar" se necesita crear un modelo estocástico o tomar alguno ya hecho que sea flexible, siendo capaz de pronosticar la radiación solar en cualquier momento y lugar geográfico.

**DIAGRAMA FISICO DE LA CONCENTRACION DE RADIACION SOLAR**



Basándose en el dibujo anterior es necesario subdividir el primer subsistema en tres componentes: estimación de radiación directa, concentración de radiación directa y transformación de radiación a temperatura.

### DESGLOCE DEL PRIMER SUBSISTEMA



Para el primer subsistema, concentración de radiación directa, tenemos las siguientes partes:

#### Variables de salida o endógena del subsistema:

Watts por unidad de superficie.

#### Variables de estado:

La principal variable de estado en éste subsistema es la radiación solar. Ya que el objetivo de éste estudio es simular todo el sistema de almacenamiento, y no solamente la radiación solar, se ha limitado al tiempo de simulación a una hora, es decir que, la energía simulada cambiará cada hora y no como en la realidad. Se ha considerado que para cuestiones de simulación de varios años no es muy significativa la simulación con mayor exactitud en tiempo.

#### Variables exógenas controlables:

Latitud, día del año y hora del día. Estas son controlables, puesto que, el usuario del sistema tiene la obligación de indicar al sistema las fechas en que desea que se simule el proceso.

#### Variables exógenas incontrolables:

Las variables exógenas incontrolables son: la nubosidad y el nivel de contaminación. La escasez de datos para la nubosidad y el nivel de contaminación ocasionaron que estas variables no se tomaran en cuenta dentro del modelo de simulación. La carencia de estas variables resta realismo a todo el modelo.

#### Variables endógenas o de salida:

La radiación directa es la única variable de éste subsistema, dado que se calcula con base a la latitud y el tiempo.

Debido a la carencia de datos experimentales se analizaron varios modelos previamente realizados. Dentro de los modelos investigados se seleccionó el de [Estrada 1983], por tener capacidad de simulación en cualquier instante, flexibilidad para ser usado en cualquier latitud geográfica y ser un modelo de sencilla aplicación. El diagrama III.2 muestra el modelo de Estrada.

**MODELO DE SIMULACION DE RADIACION  
DIRECTA INSTANTANEA DE ESTRADA**

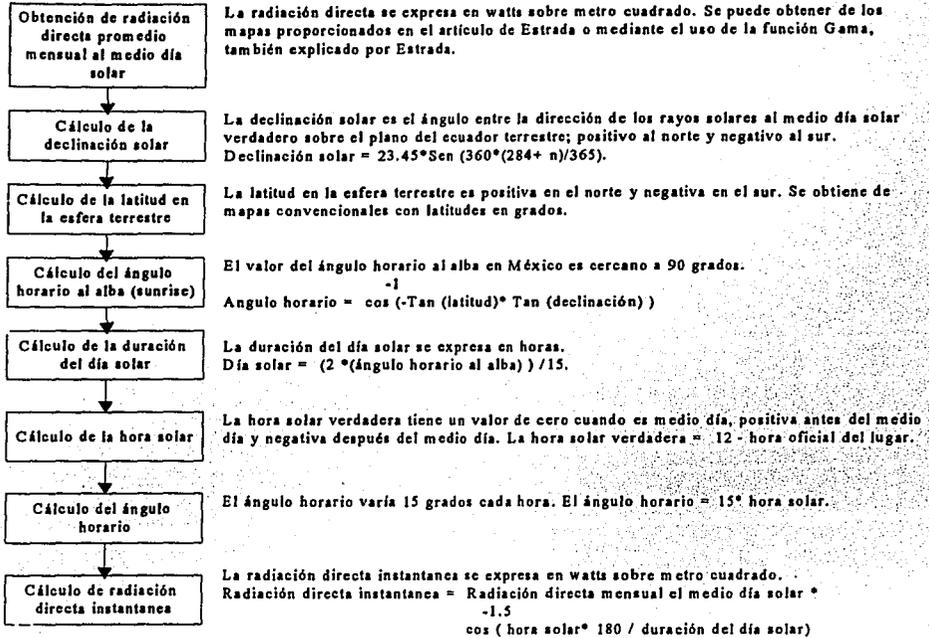
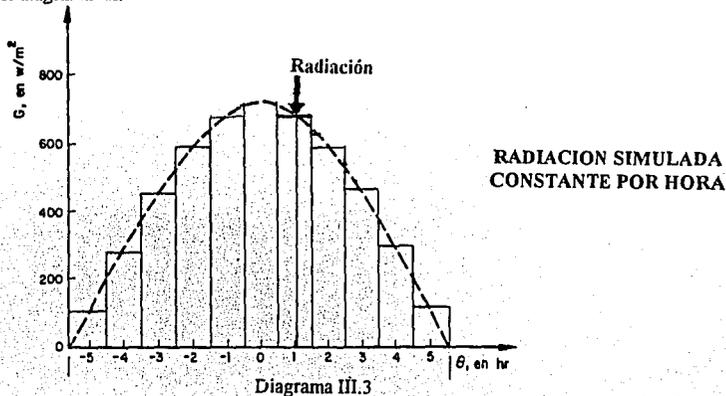


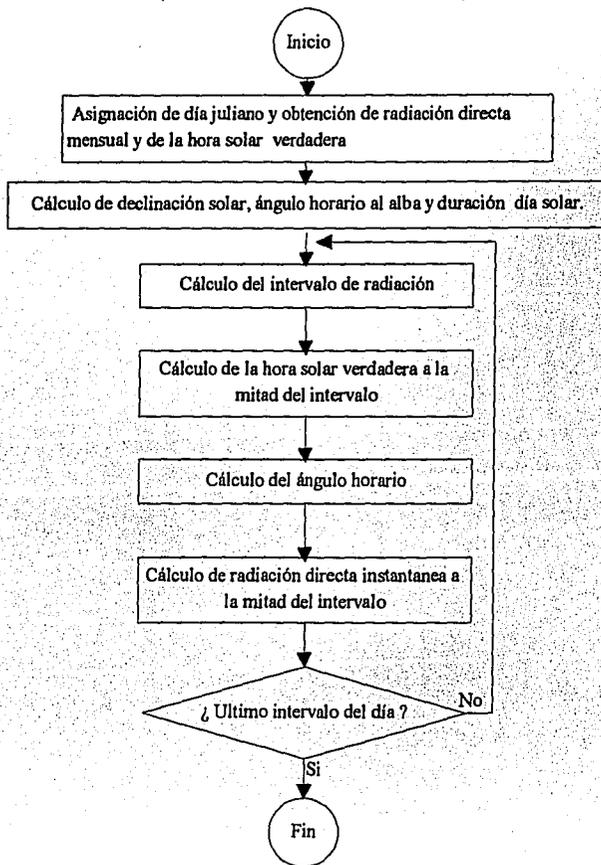
Diagrama III.2

El modelo proporciona radiación directa en cada instante. Se necesita tener una radiación fija durante una hora ( tiempo previamente fijado en la definición de variables de estado ). Una forma para lograrlo, es tomando como radiación directa promedio por hora, a la radiación directa puntual presentada a la mitad de esa hora. Al principio y final del día solar, donde no necesariamente se tiene una hora ( 60 minutos ) de radiación, la radiación directa promedio por hora se tomó como la radiación puntual a la mitad del intervalo donde únicamente se presenta radiación solar. Para ilustrar lo anterior se presenta el diagrama III.3



El modelo de Estrada [Estrada 1983] ya adecuado a los requerimientos resultó así:

**MODELO DE SIMULACION DE RADIACION DIRECTA INSTANTANEA  
AJUSTADO A LOS REQUERIMIENTOS DEL SISTEMA  
(DIAGRAMA DE FLUJO POR DIA)**

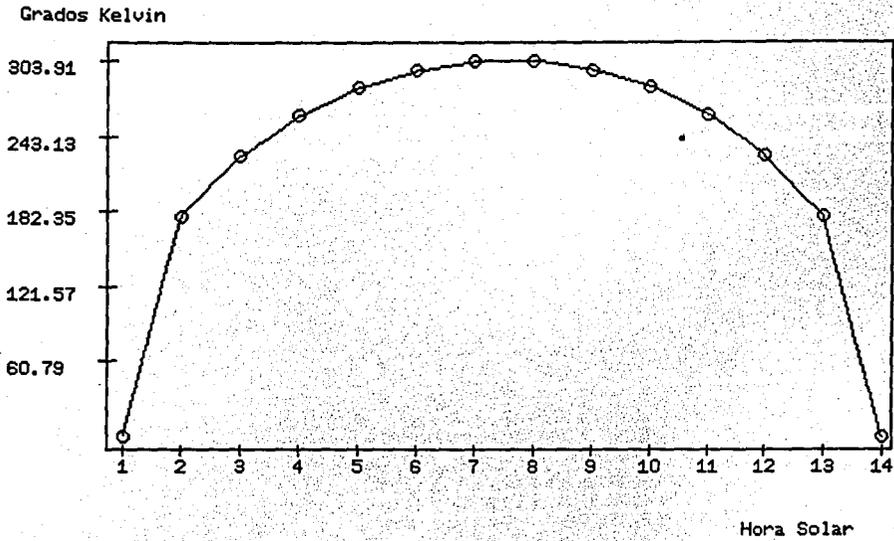


Para evaluar el modelo se revisó el comportamiento gráfico de simulación por hora. Teóricamente el comportamiento de la radiación solar debe ser Guassiano, sin tomar en cuenta a la nubosidad a lo largo de un día. Es importante recalcar que el modelo de Estrada [Estrada 1983] no toma en cuenta a la nubosidad lo cual elimina a ésta variable aleatoria.

La forma deseada para evaluar al modelo de radiación solar es tomando en cuenta a la nubosidad dentro de la simulación y verificar los datos generados contra los observados mediante alguna prueba estadística, como la de Kolmogorov. Debido a la escasez de datos referentes a la nubosidad, fue imposible realizar alguna prueba estadística.

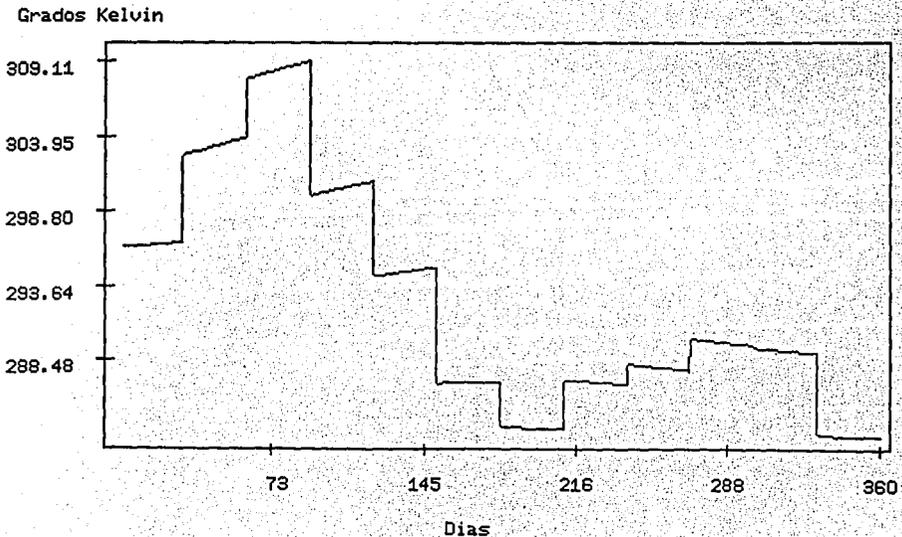
Una parte de la validación del modelo fue gráfica. Se observó el comportamiento a lo largo de un día y a lo largo de un año para que simplemente con la vista y conocimiento de expertos se diese el visto bueno. Para comprobar esta característica se creo un programa, Grarad.pas, que generó las gráficas III.2 y III.3.

GRADOS KELVIN PROMEDIO HORARIOS : (DIA/MES) 20/5



Gráfica III.2

GRADOS KELVIN PROMEDIO DIARIO: (DIA/MES) DEL 1/1 AL:30/12



Gráfica III.3

Por otra parte, el programa Gradad.pas produjo datos de la simulación de radiación solar directa y se evaluaron teóricamente sin tomar en cuenta a la nubosidad. Con la participación de H.Romero se concluyó que los datos son realistas. Los valores de temperatura inferiores a 293° normalmente implican una radiación solar muy pobre o nula. Hay que recordar que la temperatura calculada es la aportada por la radiación solar instantánea sin considerar la acumulada. A continuación se presenta el cuadro III.5 con los valores generados.

### GRADOS KELVIN PROMEDIOS HORARIOS

RADIACION SOLAR DIRECTA SIMULADA CON EL MODELO DE ESTRADA			
MES	DIA	HORA SOLAR	GRADOS/KELVIN
5	20	1	0.01
5	20	2	177.47
5	20	3	228.24
5	20	4	261.03
5	20	5	283.18
5	20	6	297.13
5	20	7	303.91
5	20	8	303.91
5	20	9	297.13
5	20	10	283.18
5	20	11	261.03
5	20	12	228.24
5	20	13	177.47
5	20	14	0.01

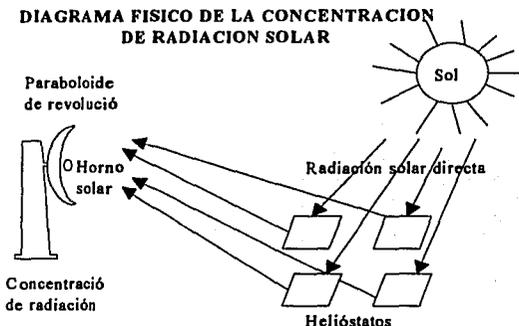
Cuadro III.5

### GRADOS KELVIN PROMEDIO DIARIO

RADIACION SOLAR DIRECTA SIMULADA CON EL MODELO DE ESTRADA		
MES	DIA	GRADOS/KELVIN PROMEDIO DIARIOS
2.00	20.00	303.43
2.00	21.00	303.47
2.00	22.00	303.52
2.00	23.00	303.56
2.00	24.00	303.60
2.00	25.00	303.64
2.00	26.00	303.68
2.00	27.00	303.73
2.00	28.00	303.77
2.00	29.00	303.81
2.00	30.00	303.85
3.00	1.00	307.93
3.00	2.00	307.97
3.00	3.00	308.01
3.00	4.00	308.06
3.00	5.00	308.10
3.00	6.00	308.14
3.00	7.00	308.18
3.00	8.00	308.23
3.00	9.00	308.27
3.00	10.00	308.31

Cuadro III.6

En esta parte existe una gran oportunidad para aquellos que deseen continuar investigando sobre el comportamiento y pronóstico de la radiación solar directa, difusa y global. En este momento es necesario recordar la figura del subsistema de concentración de energía solar seleccionado.



Como resultado de la aplicación del modelo de Estrada se obtiene el valor de radiación directa hasta el momento en que los rayos solares hacen contacto con los heliostatos. Una vez simulada la radiación directa, es necesario concentrar la radiación a través de los heliostatos, para hacer funcionar el horno solar.

Los parámetros para este componente son:

1. Porcentaje de reflexión de los heliostatos hacia el paraboloide de revolución.
2. Porcentaje de reflexión del paraboloide hacia el horno solar.
3. Factor de concentración de la energía solar. Este factor se determina como la superficie del ofertante (paraboloide) entre la superficie receptora (Horno solar).
4. Factor de absorción del horno

Una vez aplicados los anteriores parámetros se tiene la energía en el horno expresada en W/m<sup>2</sup>. Pero en el siguiente subsistema, separación del sulfato, es necesario conocer la temperatura que proporciona la energía concentrada, por lo que se usara la ecuación de Stefan-Boltzmann. Esta ecuación relaciona a la energía con la temperatura para un cuerpo negro. Un cuerpo negro es aquel que absorbe todo el espectro electromagnético. Se puede suponer que el horno solar es un cuerpo negro, pues se ha tomado en cuenta por separado al factor de absorción del horno.

Dado el enfoque de este trabajo, se juntaron a los cuatro parámetros en uno solo, pues para determinar cada factor es necesario conocer: los instrumentos y aparatos involucrados, los materiales de los que están hechos y sus dimensiones. Este nuevo parámetro se denomina como factor de transformación total. En la diagrama III.4 se presenta el diagrama de flujo y las ecuaciones del segundo componente.

**MODELO DE CONCENTRACION DE RADIACION DIRECTA Y SU TRANSFORMACION A TEMPERATURA**

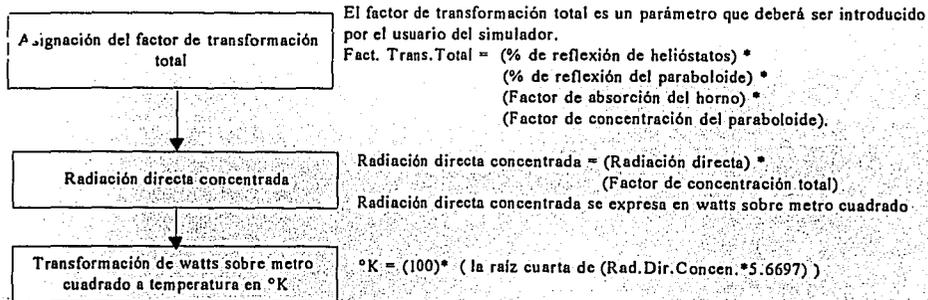
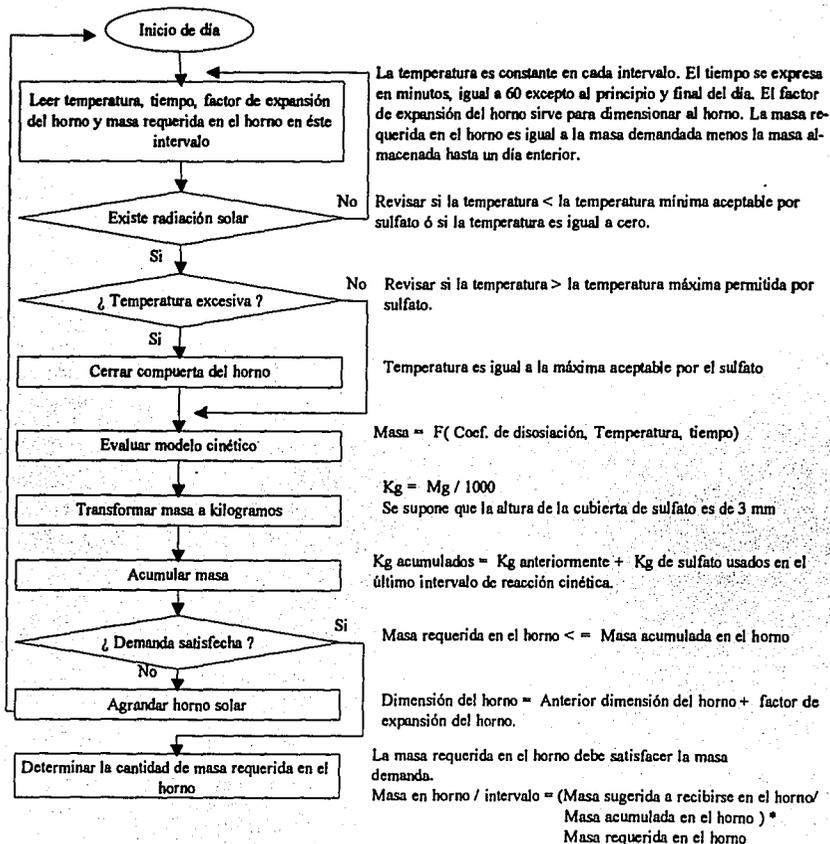


Diagrama III.4

**Segundo subsistema: Disociación del sulfato.**

Físicamente el segundo subsistema se refiere al proceso que se lleva a cabo dentro del horno solar. El horno solar es de un tipo rotatorio con un cierto nivel de inclinación, esto garantiza que la capa de sulfato se extienda uniformemente en toda la superficie del horno. En éste horno se lleva a cabo la reacción de disociación del sulfato metálico en gas y óxido metálico.

Lógicamente el segundo subsistema se puede presentar como sigue:



La variable tiempo debe ser igual a una hora, pues es el tiempo que se tomó como unidad mínima en todo el sistema. La temperatura es el valor promedio en una hora, ésta se obtiene en el primer subsistema. La masa de sulfato debe ser determinada mediante un modelo de la siguiente forma:

Masa del sulfato=Función(tiempo,temperatura,coeficiente de disociación)

Los datos obtenidos de los trabajos de [Romero 1983] y [Tmar 1983] proporcionan las siguientes variables: masa, temperatura, tiempo y coeficiente de disociación. Los valores de las variables dependen de la presentación gráfica de los experimentos. Como se presentó en las gráficas III.1, los valores de las variables se manejaron de la siguiente manera:

- 1) Variando tiempo y temperatura manteniendo constante la masa.
- 2) Variando tiempo y masa manteniendo constante la temperatura.

En ambos tipos de experimentos la variable respuesta es el coeficiente de disociación.

Se seleccionó a la regresión múltiple como técnica de elaboración del modelo, ya que es una forma sencilla de relacionar varias variables teniendo a una sola como variable respuesta. Dado que, en todos los casos, los datos experimentales toman como variable resultado al coeficiente de disociación, se decide realizar una regresión inversa, donde la variable resultado es la masa, teniendo como variables explicativas a la temperatura, tiempo y coeficiente de disociación.

Debido a que el desarrollo de los modelos de regresión requieren un análisis minucioso, se dedica todo el cuarto capítulo a ello. Las estadísticas de modelos se presentan en capítulo IV. Los modelos encontrados para el sulfato de níquel y zinc son:

$T$  : Temperatura expresada en °C para el zinc y °K para el níquel

$t$  : Tiempo expresado en minutos

$Mg$ : Masa de sulfato expresada en miligramos

ZINC:

$$Mg = e^{[(-1.6815832 + 0.2084829 \ln t - 0.002238432 t + 0.002316589 T) / 1.181825]}$$

NIQUEL:

$$Mg = e^{[(-1 + 0.352446 \ln t - 0.5361815 \ln T - 0.002930464 t + 0.004427638 T) / 0.2378636]}$$

Se estima que la magnitud de la masa, en horno solar, son del orden de toneladas, pues el sistema simulará demanda de electricidad en las horas pico en la zona centro del país. Los resultados de los modelos expresan a la masa en mg (miligramos). Para lograr que los modelos sean aplicables para las dimensiones de masa, se deben interpretar a los miligramos como kilogramos, para ello debe restringirse el espesor de la capa de sulfato en el horno, a la de los experimentos. Esto asegura que se cumplan las mismas condiciones de la cinética de reacción.

Los experimentos de donde se obtuvieron los datos para la creación de los modelos de regresión, manejan un volumen muy pequeño. Romero [1983] y Tmar [1983] experimentaron con pastillas (pequeños cilindros) de 3 mm de altura y 9 mm de diámetro. Para que los modelos sean aplicables a los requerimientos del sistema es necesario tener, en el horno solar, una capa de espesor de 3 mm para que la reacción simulada se comporte semejante a la de los experimentos.

Para obtener una masa cuya altura sea de 3 mm se ha seleccionado un horno cilíndrico rotatorio, el cual genera una capa uniforme a lo largo de sus paredes. Los 3 mm de altura dependen de la rapidez con que se alimente y se consuma masa en el horno. Debido al objetivo de este trabajo, se supone que existirán dispositivos que controlen la rapidez de entrada y salida de masa dentro del horno.

Para dimensionar adecuadamente al horno solar se requiere conocer la máxima masa y volumen que pasarán por él. Una vez conocidos estos valores, se obtendrá la superficie requerida para llevar a cabo la reacción, tomando como restricción que la altura de la capa de sulfato debe ser de 3 mm.

Otra característica simplificada es la uniformidad de la temperatura dentro del horno solar. Para determinar el grado de dispersión de la temperatura se necesitaría un análisis de los materiales y tamaño del horno, pero, debido al objetivo de éste trabajo se supuso que la temperatura dentro del horno es uniforme.

Adicionalmente a la uniformidad de la temperatura se debe tener un control sobre ésta, pues cuando exista más de la requerida por el sulfato para reaccionar, se tendrá que limitar evitando así posibles reacciones secundarias. Para ello se tendrá físicamente una compuerta. Cuando la temperatura exceda a la máxima temperatura, para el sulfato que se está simulando, la compuerta se cerrará hasta dejar entrar solo la radiación solar requerida para alcanzar la temperatura límite.

A continuación se presenta el cuadro III.7 con las temperaturas límites de reacción:

**TEMPERATURAS LIMITES DE REACCION**

Sulfato	Temperatura mínima (°K)	Temperatura Máxima (°K)
Zinc	883	1323
Níquel	973	1423

Cuadro III.7

El modelo de regresión está restringido a los anteriores rangos de temperatura, es por eso que deben tenerse límites, inferiores y superiores, de la reacción de disociación. Por debajo de la temperatura mínima no hay reacción y por arriba de la temperatura máxima se desarrolla en forma inestable e incontrolable.

El diagrama III.6 presenta al modelo detallado del segundo subsistema, junto con sus relaciones funcionales con los demás subsistemas.

**SEGUNDO SUBSISTEMA Y SU RELACION CON EL PRIMERO Y TERCERO SUBSISTEMAS**

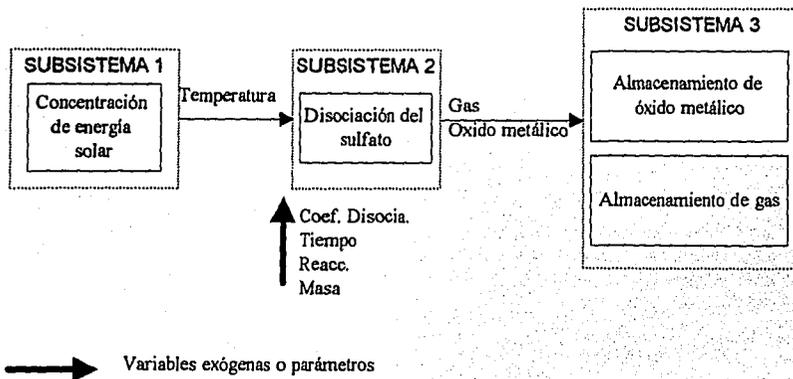
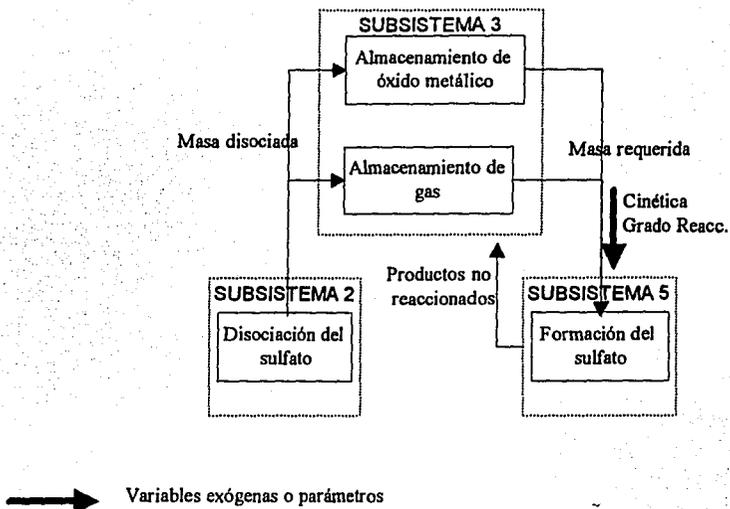


Diagrama III.6

**Tercer subsistema: Almacenamiento de los productos.**

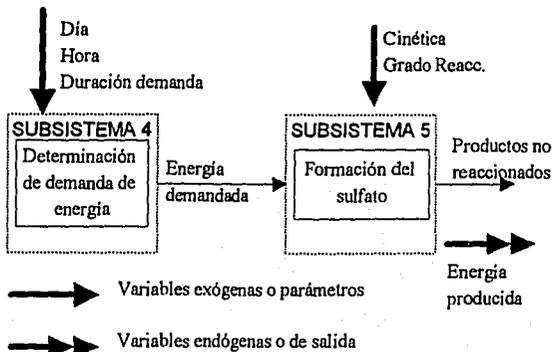
**TERCER SUBSISTEMA Y SU RELACION CON EL SEGUNDO Y QUINTO SUBSISTEMAS**



El tercer subsistema almacena los productos de la reacción endotérmica que se lleva a cabo en el segundo subsistema. Se almacena, por un lado, óxido metálico y por otro gas. Los productos salen de éste almacén cuando el subsistema 5 requiere de energía debido a la reacción inversa exotérmica.

**Cuarto subsistema: Determinación de demanda de energía.**

**CUARTO SUBSISTEMA Y SU RELACION CON EL QUINTO**



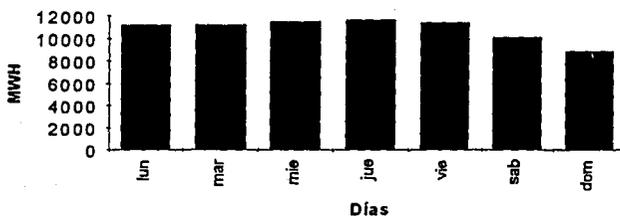
Como se menciono anteriormente, el tipo de energía a satisfacer es la energía eléctrica. Con base en los datos de los cuadros III.3 y III.4 de las demandas mensuales y semanales de energía eléctrica de la zona centro del país, debe desarrollarse un modelo que pueda simular el comportamiento de la demanda de energía a lo largo de todo un año durante las horas pico.

Una serie de tiempo puede ser usada; pero, debido al objetivo de éste estudio solamente se tendrá una opción para capturar los datos de las demandas mensuales. Esto dará flexibilidad al simulador para manejar cualquier cantidad de demanda. Además se propone un modelo por bloques que no descarta la creación de una serie de tiempo si el objetivo del trabajo lo hubiese permitido.

Tomando en cuenta que los valores del cuadro III.3 representan al comportamiento de una semana tipo en la zona centro del país y que son los únicos datos con que se contó, se desarrolló un modelo para la semana tipo. Para ello se romaron los Watts demandados durante las horas pico, entre las 20 y 22 horas. La energía considerada durante éste tiempo es aquella que sobrepasa la capacidad de respuesta de las termoeléctricas y el momento en que entran a operar las plantas turbo jet. Esto equivale al 0.6% de la energía total generada en un mes. Para lograr lo anterior se requiere que la demanda capturada sea el 0.6% de la demanda total mensual.

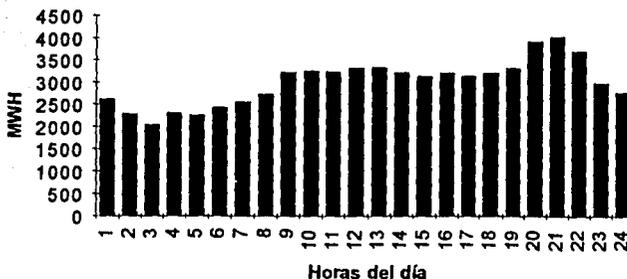
A continuación se muestra la gráfica III.4 con los Watts totales demandados en las horas pico durante una semana tipo. La gráfica III.5 muestra el comportamiento de la demanda durante el día de mayor demanda (jueves).

**Demanda total en las horas pico para una semana típica**



Gráfica III.4

**Demanda de electricidad en el día de máxima demanda (jueves)**



Gráfica III.5

Una vez registrados los Watts acumulados durante esas horas se creará una semana típica expresada en porcentajes diarios de demanda. Se ha decidido tener a la demanda eléctrica diaria, no por horas, pues no tenemos datos experimentales de la cinética de la reacción inversa de los sulfatos.

Al momento en que se alimenta la demanda mensual se divide entre 4 semanas uniformes y cada total semanal se distribuye diariamente en base a la semana típica expresada en porcentajes. Esta gran simplificación del comportamiento de la demanda no está alejada de la realidad, pues, expertos de la Cia. de Luz y Fuerza del Centro, aseguran que solo en las 2 últimas semanas de diciembre, semana santa y días festivos el comportamiento de la demanda es diferente.

Es importante mencionar que para crear un modelo más eficiente debe conocerse la demanda diaria de más semanas, con lo que se podría crear una serie de tiempo para la demanda diaria.

La Cia. de Luz y Fuerza del Centro ha pronosticado las energías mensuales demandadas hasta el año de 1996. Estos valores pueden ser usados para futuras simulaciones. En el cuadro III.7 se presentan los GWH ( Giga Watts Hora ) pronosticados.

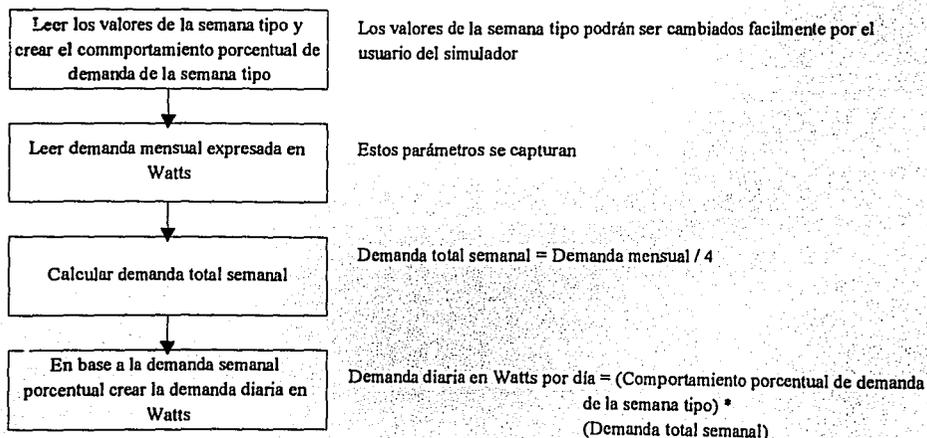
### GWH PRONOSTICADOS POR LA COMPAÑÍA DE LUZ

Año	Ene	Feb	Mar	Abr	May	Jun	Jul	Ago	Sep	Oct	Nov	Dic
1987	1953	1749	1991	1812	1953	1934	1984	1991	1933	2075	1987	1968
1988	1992	1901	2030	1847	1992	1972	2024	2031	1971	2116	2027	2008
1989	2032	1867	2071	1884	2032	2012	2065	2071	2011	2158	2067	2048
1990	2072	1904	2112	1923	2073	2052	2106	2113	2051	2202	2108	2089
1991	2114	1942	2155	1961	2114	2093	2148	2155	2092	2246	2151	2131
1992	2156	2058	2198	2000	2156	2135	2191	2198	2134	2290	2194	2173
1993	2199	2021	2242	2040	2200	2178	2235	2242	2176	2336	2238	2217
1994	2243	2061	2287	2081	2244	2221	2279	2287	2220	2383	2282	2261
1995	2288	2102	2332	2123	2288	2265	2325	2333	2264	2431	2328	2306
1996	2334	2227	2379	2156	2334	2311	2372	2379	2310	2479	2374	2352

Cuadro III.7

El modelo lógico del cuarto subsistema se muestra a continuación.

#### MODELO DEL CUARTO SUBSISTEMA



Dado el modelo anterior se supondrá que todos los meses tienen 4 semanas y que el primer día de cada mes es un lunes.

### Quinto subsistema: Formación del sulfato.

El objetivo de éste subsistema, es encontrar la cantidad de masa necesaria para satisfacer la demanda de energía eléctrica. Esta demanda se genera en el subsistema cuatro, de ahí se leen los MWH y en el quinto subsistema deben ser transformados a Kg.

El diagrama III.7 muestra el modelo del quinto subsistema con sus relaciones funcionales con los demás componentes.

### QUINTO SUBSISTEMA Y SU RELACION CON LOS OTROS

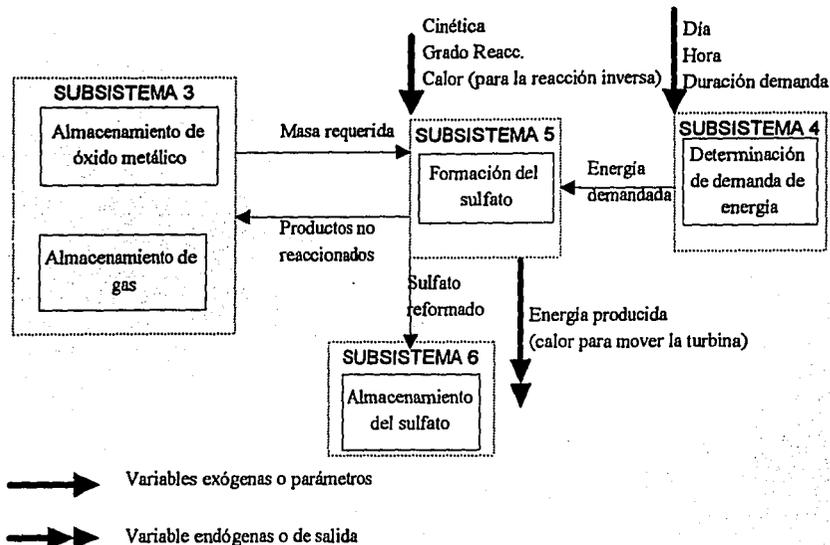


Diagrama III.7

Se seleccionó al almacenamiento másico para relacionar a la masa con los MWH demandados. La capacidad de almacenamiento másico es la cantidad de energía que puede producir una sustancia por unidad de masa. Sus unidades se expresan en KJ/Kg (KiloJoules/Kilogramo).

Hasta el momento no se tiene ningún modelo o resultados experimentales de la cinética de la reacción inversa, por lo que la recombinación de los reactivos para formar el sulfato se simulará sin tomar en cuenta al tiempo, temperatura y coeficiente de asociación. Se simplificará la reacción inversa de tal modo que solo se obtendrá la masa necesaria para satisfacer los MWH demandados acumulados durante las dos horas pico de demanda.

Para llevarse a cabo la reacción inversa exotérmica debe hacerse con una aplicación de calor, éste calor provendrá de una fuente común, como es una caldera alimentada con carbón. Esta cantidad de calor, necesaria para la reacción inversa, no se tomará en cuenta dentro del modelo de simulación, pues está afuera de los objetivos de éste trabajo.

Un dato que si se conoce experimentalmente es que no toda la masa de reactivos puede recombinarse y formar sulfato. Parte de ésta masa se transforma en sulfato y otra permanece como gas y óxido metálico. El porcentaje de transformación de masa de reactivos a masa de sulfato varía entre el 60 y 70% dependiendo del sulfato. En el cuadro III.8 se muestran los porcentajes de formación para cada sulfato.

**PORCENTAJES DE FORMACION POR SULFATO**

Sulfato	Porcentaje
Níquel	60 %
Zinc	66 %

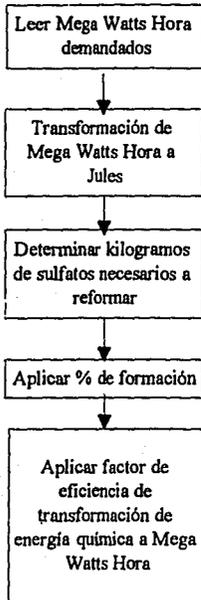
Cuadro III.8

Una vez conocida la masa requerida en el reactor exotérmico debe tenerse un dispositivo que transforme ésta masa a electricidad. Una turbina común se propone como medio de transformación. Pasa agua por el reactor y se evapora por el calor producido por la reacción exotérmica y al pasar por el turbo generador produce energía eléctrica.

Además del porcentaje de formación debe afectarse a está recombinación por el porcentaje de eficiencia de generación de electricidad. Esta eficiencia varía entre el 20 y 40 % dependiendo de los procesos e instalaciones físicas. En el presente estudio se ha considerado una eficiencia del 35%.

Enseguida se muestra el modelo del subsistema cinco:

**MODELO DEL QUINTO COMPONENTE**



Jules requeridos para satisfacer la demanda = (Mega Watts Hora) \* (3.6x10<sup>10</sup> Jules)

Kg de sulfato = (Joules requeridos para satisfacer la demanda) / (Capacidad de almacenamiento másica)

\* Los valores de capacidad de almacenamiento másica por sulfato son:  
Zinc = 2100 KJ/Kg ; Níquel = 2230 KJ/Kg

Kg = Kg / (Porcentaje de formación de reactantes a masa de sulfato)

Kg = Kg / (Eficiencia de transformación de energía química acumulada a Mega Watts Hora)

**Sexto subsistema: Almacenamiento del sulfato resintetizado.**

En el sexto subsistema se almacena el compuesto sintetizado a partir de los reactantes provenientes del quinto subsistema. La parte de los reactantes que se puede combinar para formar al sulfato se explica en la cuadro III.8. La principal característica de éste subsistema es la de guardar al sulfato hasta que sea requerido por el segundo subsistema y así reciclar el sulfato.

Una vez vistos los seis subsistemas es necesario presentar la relación de masas a través de todo el ciclo. El diagrama III.8 muestra el flujo de las masas en todo el ciclo.

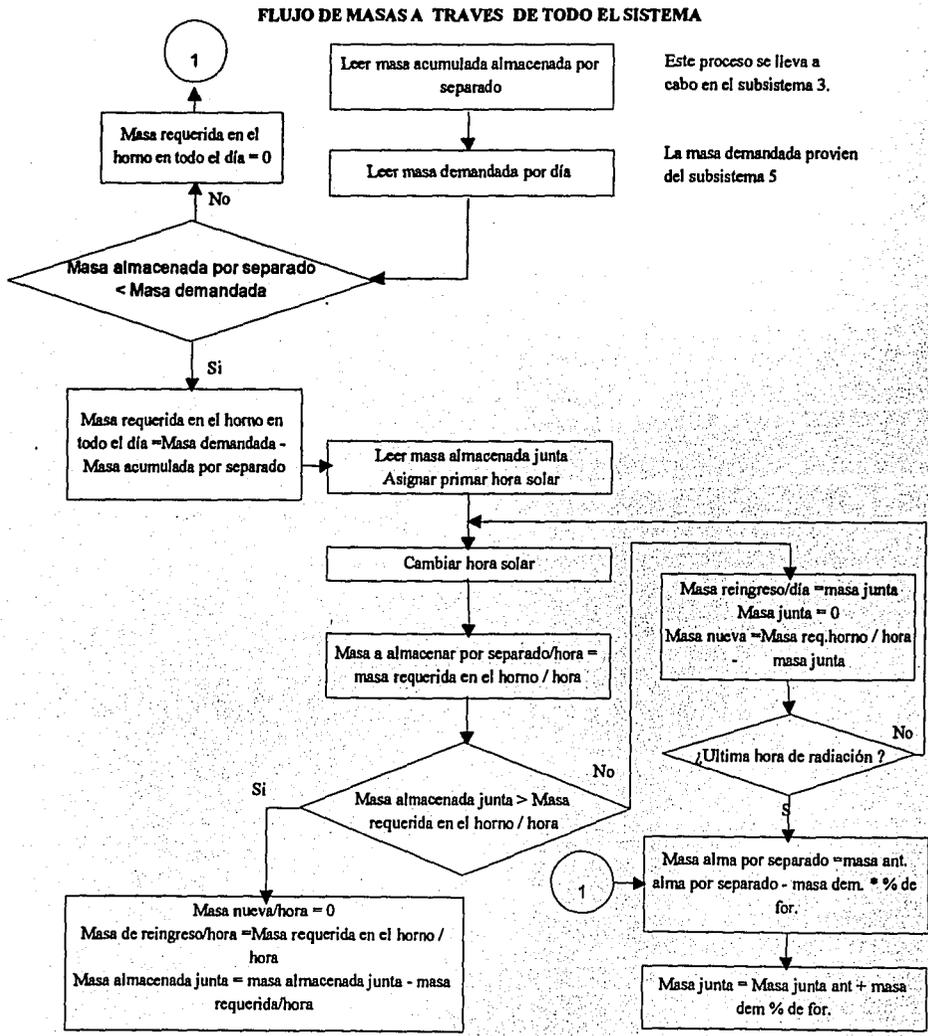


Diagrama III.8

## CAPITULO IV

### DESARROLLO DEL MODELO DE REGRESION

#### IV. A OBJETIVO, VARIABLES Y RECOLECCION DE DATOS

Basándose en los resultados experimentales sobre cinética de descomposición de los sulfatos de Níquel y Zinc, se desea obtener una ecuación que represente al comportamiento de la masa en función de las variables disponibles.

En éste capítulo se presenta el desarrollo del análisis de regresión para el sulfato de níquel, así como los resultados del análisis de regresión para el sulfato de zinc. Se escogió al sulfato de níquel pues es el sulfato que tenían más corridas experimentales.

Las variables que se tomaron en cuenta a partir de los resultados experimentales de Tmar [1981] y Romero [1981] son: la temperatura, el tiempo, la masa y el coeficiente de disociación. La temperatura se expresa en grados Kelvin (°K) ó en grados centígrados (°C), dependiendo del sulfato. La masa se expresa en miligramos (mg) y el tiempo en minutos. El coeficiente de disociación es el porcentaje de descomposición del sulfato en productos y se expresa en números reales entre el cero y el uno.

Las mediciones de las variables no se tienen en forma numérica, pues al momento del experimento de cinética de descomposición, una balanza termodinámica mandaba señales analógicas a un graficador. A partir de las gráficas se transformó a números reales usando papel milimétrico.

Dado que se tiene más de una variable, el método de regresión que se usó es el lineal múltiple. El modelo de regresión lineal múltiple tiene la siguiente forma:

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k + \varepsilon$$

Se dice que el modelo es lineal pues es una función lineal de los parámetros desconocidos  $\beta_0, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_k$ . Estos parámetros se conocen como coeficientes de los regresores.

Los modelos de regresión lineal múltiple, por lo general, son usados como funciones de aproximación. Esto significa que la verdadera relación tal vez no se conozca, pero, para ciertos rangos de los regresores ( $x_1, x_2, \dots, x_k$ ) la relación lineal puede aproximarse a la relación verdadera.

El modelo de regresión no propone la mejor relación funcional, sino los mejores estimadores de los parámetros, dada cierta relación funcional.

La primera propuesta de todo modelo de regresión lineal múltiple, debe basarse en alguna relación física o teórica previa. Para estimar los valores de los parámetros se usa el método de mínimos cuadrados. Se calcula el valor estimado en base a una muestra. Supongamos que  $n > k$ ; donde  $n$  es el número de observaciones y  $k$  el número de parámetros.  $y_i$  denota la  $i$ -ésima respuesta observada y  $x_{in}$  denota la  $i$ -ésima observación del regresor  $x_n$ .

Se asume que el error " $\varepsilon$ " en el modelo tiene:

$$\begin{aligned} E(\varepsilon) &= 0, \\ V(\varepsilon) &= \sigma^2, \end{aligned}$$

El modelo muestreado puede escribirse de la siguiente forma:

$$\begin{aligned} y_i &= \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \dots + \beta_k x_{ik} + \varepsilon_i \\ &= \beta_0 + \sum_{j=1}^k \beta_j x_{ij} + \varepsilon_i, \quad i = 1, 2, \dots, n. \end{aligned}$$

Es más conveniente manejar estas ecuaciones en forma matricial, resultando la siguiente ecuación :

$$Y = XB + \varepsilon, \text{ donde}$$

$$Y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix}, \quad X = \begin{bmatrix} 1 & x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1k} \\ 1 & x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2k} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \cdots & \vdots \\ 1 & x_{n1} & x_{n2} & \cdots & x_{nk} \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} \beta_1 \\ \beta_2 \\ \vdots \\ \beta_n \end{bmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{bmatrix} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \\ \vdots \\ \varepsilon_n \end{bmatrix}$$

La forma del modelo lineal a desarrollar es:

$$mg = f(T, t, x) \text{ donde:}$$

T = Temperatura.

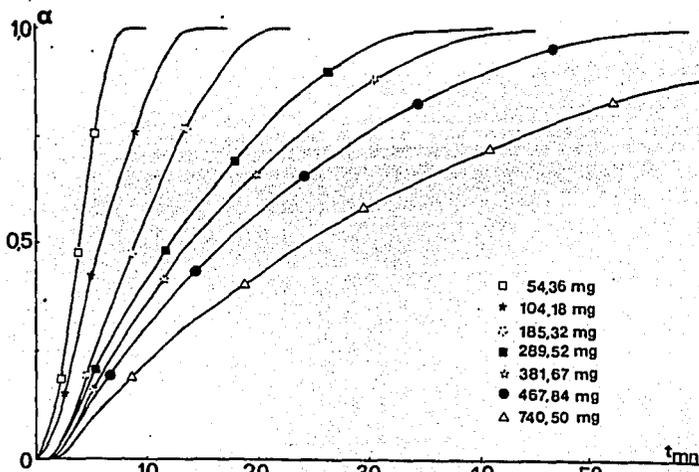
t = Tiempo.

x = Coeficiente de Disociación.

mg = Masa.

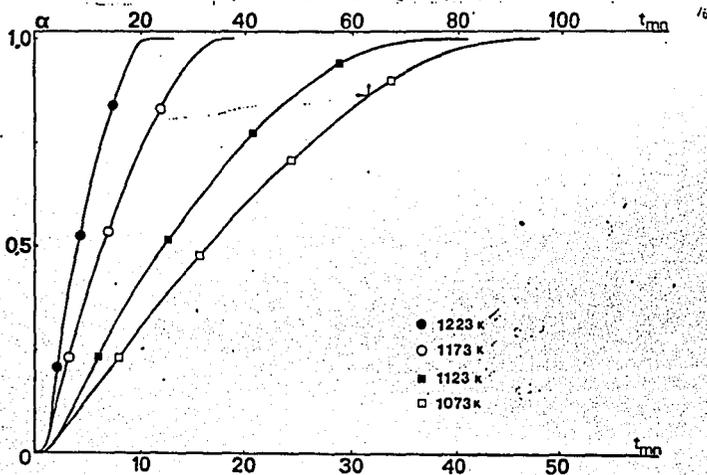
Dado que no existe ninguna relación previa, teórica o física, sobre el comportamiento de mg dadas T, t, y x, se decidió determinar el modelo a partir de las gráficas disponibles. Las gráficas de donde se obtuvieron los datos muestran la siguiente forma:

#### COEFICIENTE DE DISOCIACION EN FUNCION DEL TIEMPO (SULFATO DE NIQUEL)



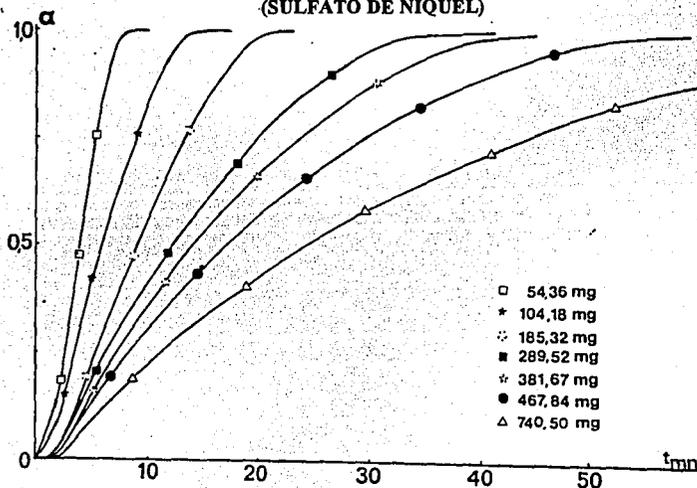
En todas las gráficas la abcisa representa al tiempo y la ordenada al coeficiente de disociación. Existen dos tipos de gráficas que se diferencian por la constante en que se llevó a cabo el experimento. En algunas gráficas se mantiene constante a la temperatura, variando a la masa; en otro tipo de gráficas varía la temperatura manteniendo constante a la masa. Cada curva representa a un experimento. En las gráficas IV.1 y IV.2 se muestran los dos tipos de gráficas. Se obtuvieron 255 observaciones experimentales a partir de las gráficas del sulfato de níquel.

**COEFICIENTE DE DISOCIACION EN FUNCION DEL TIEMPO  
(SULFATO DE NIQUEL)**



Gráfica IV.1  
Cte = mg  
Variable = T

**COEFICIENTE DE DISOCIACION EN FUNCION DEL TIEMPO  
(SULFATO DE NIQUEL)**



Gráfica IV.2  
Cte = T  
Variable = mg

#### IV. B SELECCION DEL TIPO DE REGRESION A USAR

No debe olvidarse que el tipo de regresión que se desea es:

$$mg = f(T, t, x) \quad (1)$$

pero, el tipo de relación funcional que las gráficas sugieren es :

$$x = f(mg, T, t) \quad (2)$$

por lo tanto, se decidió realizar un análisis de regresión múltiple para el modelo (2) y posteriormente realizar una regresión inversa obteniendo un modelo del tipo (1).

Regresión inversa es el proceso de obtener los valores de por lo menos de algún regresor dado el valor de la variable respuesta.

#### IV. C MODELOS INICIALES EN BASE A GRAFICAS Y ESTADISTICAS

En regresión simple las relaciones entre las variables  $X$  y  $Y$  pueden intuirse a partir de las gráficas, pero en regresión múltiple ésta técnica puede provocar resultados completamente erróneos [ Montgomery 1982 pag 122]. Este estudio se usó en las gráficas disponibles para los modelos iniciales teniendo en cuenta los posibles problemas.

Si se observan las gráficas IV.1 y IV.2 del tiempo vs.  $X$  se puede sugerir la transformación logarítmica en la variable tiempo; pues tanto en las gráficas con la masa constante o variable, el coeficiente de disociación con respecto al tiempo aparentemente asemeja al comportamiento logarítmico. Los resultados de la regresión del modelo  $x = f(\ln t, T, mg)$  son:

MODELO  $X = \ln t + T + mg$

Dependent variables	3	Fracc	
Observations	255	Degrees of freedom	252
$R^2$	0.52740768	$\bar{R}^2$	0.52365695
SSR	11.990058	SEE	0.21812748
Durbin-Watson	0.35495526		
Q(45)	1044.99	Significance level	0.000000

No.	Label	Var	Lag	Coefficient	Stand. error	T-statistic
1	ln t	5	0	.2284845	.1378956E-01	16.56938
2	T	1	0	.30106190E-03	.3539282E-04	8.506301
3	mg	2	0	-.8832812E-03	.1130342E-03	-7.814282

Se puede apreciar que el modelo explica el 52% del comportamiento ( $R^2 = 52\%$ ). Se decidió realizar varios modelos tomando en cuenta la transformación logarítmica en cada uno de los regresores con y sin constante. Los estadísticos de decisión que se escogieron son: la  $t$  de Student, la  $R^2$ , el coeficiente de desviación estándar  $\sigma$  y la estadística  $F$ .

El estadístico  $t$  sirve para medir que tan significativo es que exista cada regresor. La  $R^2$  representa que tanto de la variabilidad de  $y$  es explicada por el modelo, y sus posibles valores varían en el intervalo  $[0,1]$ . La estadística  $F$  prueba la hipótesis de que tan significativos son todos los regresores en conjunto.

El estadístico  $f$  se usa para ayudar a determinar si se añade algún nuevo regresor o si se borra alguno existente en el modelo. Si se añade un regresor al modelo, ocasiona que la suma de cuadrados por la regresión aumente y la suma de cuadrados de los residuales disminuya. La adición de un nuevo regresor también incrementa la varianza del valor ajustado  $\sigma^2$ , por lo que solo deben incluirse regresores que sean realmente valiosos para el modelo.

En el cuadro IV.1 se muestran los resultados de los modelos anteriormente mencionados.

#### MODELOS INICIALES

Modelo	Variable	Coefficiente	$t$	$R^2$	$\sigma$	$F$
1	t	-0.3881306E-02	-3.242475	.54098591	.21412307	688.225
	T	0.2105016E-03	4.722176			
	mg	-0.8978252E-03	-8.084892			
	lnT	0.3021846	11.42258			
2	t	0.1122260E-01	13.45590	.41991101	.24071202	531.483
	T	0.3691158E-02	8.493112			
	mg	-0.6810412E-03	-5.577168			
	lnT	-0.5078066	-7.1312243			
3	t	0.9956998E-02	11.99636	.36673860	.25150230	481.588
	T	0.1903874E-02	7.315115			
	mg	0.5769846E-03	2.144430			
	ln(mg)	-0.3375806	-5.050654			
4	Constante	-5.611456	-25.88005	.87473859	.11185595	444.44
	t	-0.3560532E-02	-5.692890			
	T	0.4858293E-02	26.82758			
	mg	-0.11468663E-02	-19.50312			
5	Constante	0.4521413	30.17210	.47272375	.22949306	57.930
	t	-331.484	-5.112780			
	T	0.11999512E-01	14.82006			
	mg	-0.4418395E-01	-4.713973			
6	Constante	-0.6957082E-03	-5.973981	.43236556	.23811394	49.386
	t	54.34549	5.065347			
	T	-2.583052	-5.478989			
	mg	0.1176585E-01	13.80398			
7	Constante	0.3495050E-02	9.176593	.2131858	-2.461457	
	t	-0.5969013E-04	-0.2131858			
	T	-0.1725148	-2.461457			
	Ln(mg)					

Cuadro IV.1

Se puede observar que los mejores modelos, tanto para el grupo sin constante como para el grupo con constante, son aquellos que tienen transformación logarítmica en la variable tiempo. El modelo mejor ajustado es el número 4. La regresión explica el 87.4 % de los datos ( $R^2 = 87.4$ ). Aunque el estadístico  $F$  en comparación con el modelo 1 disminuyó, su valor es demasiado grande ( $F = 444.4$ ) y para cualquier nivel de confianza no se rechaza la hipótesis nula de que por lo menos algunos de los regresores debe ser cero. La desviación estándar para el modelo 4 es la más pequeña de las seis. Además cada coeficiente del cuarto modelo tiene un estadístico  $t$  mayor que el de las tablas.

#### IV. D MODELOS FINALES

Con base en las estadísticas de selección y probando con transformaciones logarítmicas en cada regresor, se llegó a modelos del tipo:

$$x = \ln t + \ln T + \ln(\text{mg}) + t + T + \text{cte} \quad (1)$$

$$x = \ln t + \ln T + \ln(\text{mg}) + t + T \quad (2)$$

#### MODELOS FINALES

Modelo	Variable	Coefficiente	$t$	$R^2$	$\sigma$	$F$
1	lnT	-142.6980	-6.414422	.93967797	.77622647	792.347
	lnT	0.4689806	43.90144			
	ln(mg)	22.82518	6.198297			
	t	-0.3237656	-31.03981			
	T	-0.2823863E-02	-6.356623			
	Constante	-0.1456738E-01	-4.514894			

Modelo	Variable	Coficiente	$t$	$\bar{R}^2$	$\sigma$	$F$
2	Int	0.496368	42.19054	.92999150	.8362302E-01	3889.04
	lnT	-0.7953518	-30.03872			
	ln(mg)	-0.3314525	-29.69324			
	t	-0.3437478E-02	- 7.355217			
	T	0.6106566E-02	37.86186			

Cuadro IV.2

Se observa que los valores  $t$  para cada regresor son más grandes que el estadístico  $t$  de los 2 modelos. El menor valor de  $t$  de los dos modelos es para la variable Ln(mg) en el modelo 1 ( $t = 6.198297$ ). Lo que hace que individualmente cada regresor sea estadísticamente significativo en los 2 modelos. La  $R^2$  es muy similar en los dos modelos (alrededor del 93% en ambos). Esto significa que los regresores explican más o menos el mismo porcentaje de la variable respuesta. La desviación estandar es más pequeña para el segundo modelo. Aunque en ambos modelos el estadístico  $F$  es más grande que el de las tablas, en el segundo modelo es mucho más grande que en el primero ( $F = 3889.04$ ). La comparación anterior condujo a concluir que el modelo (2) se ajusta mejor a los datos experimentales.

#### IV. E MULTICOLINEARIDAD

El problema de multicolinearidad existe cuando hay cercanas dependencias lineales entre los regresores. Si existe fuerte multicolinearidad entre los regresores provoca que las varianzas y covarianzas de los estimadores de mínimos cuadrados sean muy grandes. Así, para diferentes muestras de los regresores en los mismos niveles puede provocar una gran variedad de diferentes estimadores para los parámetros del modelo.

Una alta multicolinearidad también puede producir estimadores de mínimos cuadrados muy grandes en valor absoluto, es decir que la distancia entre el estimador y el verdadero parámetro puede ser muy grande. A pesar de que una alta multicolinearidad produce estimadores pobres, no necesariamente implica que todo el modelo en conjunto sea un predictor pobre. Las fuentes principales de multicolinearidad son:

1. El método de colección de datos.
2. Restricciones en el modelo o población.
3. Un modelo sobre definido.

Una vez seleccionado el modelo (2) se verificó la multicolinearidad mediante el uso del factor inflacionario de varianza (FIV). El FIV es el factor por el cual la varianza del  $j$ -ésimo estimador  $\hat{\beta}_j$  es aumentada debido a cercanas dependencias lineales entre los regresores.

$$\text{MODELO } X = \text{Int} + \text{lnT} + \text{ln(mg)} + t + T$$

Dependent variables	3	Fracc				
Observations	255	Degrees of freedom	250			
$R^2$	0.93109400	$\bar{R}^2$	0.92999150			
SSR	1.7482024	SEE	0.83623020E-01			
Durbin-Watson	0.49237212					
Q(45)	640.580	Significance level	0.000000			
No.	Label	Var	Lag	Coficiente	Stand. error	T-statistic
1	Int	5	0	0.4796368	.1136835E-01	42.19054
2	T	6	0	-.7953518	.2647755E-01	-30.03872
3	ln(mg)	7	0	-.3314525	.1116256E-01	-29.69324
4	t	4	0	-.3437478E-02	.4673524E-03	- 7.355217
5	T	1	0	.6106568E-02	.1612855E-03	37.86186

## MULTICOLINEARIDAD

Regresor	Factor inflacionario de varianza
1	0.18482E-01
2	0.10025
3	0.17819E-01
4	0.31235E-04
5	0.327200E-05

Cuadro IV.3

Se puede observar en el cuadro IV.3 que no hay indicio de problemas de multicolinearidad pues los factores inflacionarios de varianza para cada variable son lo suficientemente pequeños. Montgomery [1982] aconseja que se tomen como valores pequeños a aquellos no mayores a 5.

## IV. F ANALISIS DE RESIDUALES

Los residuales son conocidos también como los errores del modelo. Las diferencias entre el valor observado y el ajustado para cada observación de la variable respuesta. El análisis de los residuales es útil para juzgar que tan adecuado es el modelo. Los usos principales son para detectar:

1. Valores extraños, de alguna observación, con respecto al comportamiento general del modelo (anormales).
2. Desviación del supuesto de normalidad.
3. Desigualdad en la varianza.
4. Mala especificación para un regresor.

## IV. G ANORMALES

No existieron residuales anormales tomando como anormales a los residuales cuyos valores exceden 3 veces la desviación estándar.

## IV. H NORMALIDAD

El supuesto de normalidad es muy importante para que la gran mayoría de las estadísticas tengan validez. La mayor parte de las ocasiones el supuesto de normalidad no se cumple al cien por ciento, pero pequeñas desviaciones no afectan gravemente a las estadísticas. Una grave separación de éste supuesto provocaría que los estadísticos ( $t$  y  $F$ ), que fueron útiles para la selección del modelo final, fueran falsos y con ello sus respectivas pruebas de hipótesis.

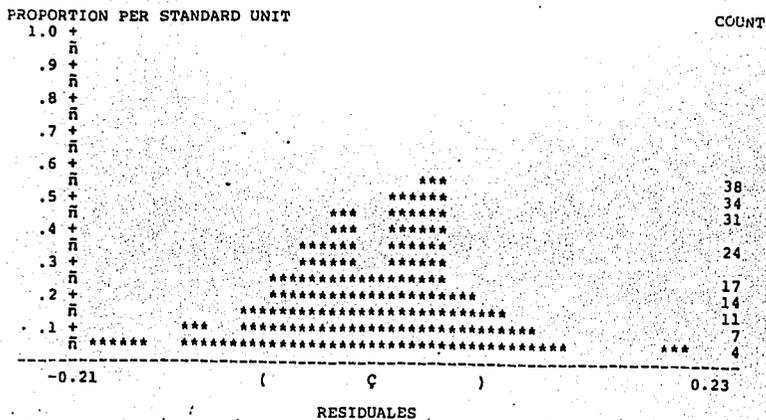
Un método simple para checar la normalidad, es el papel normal de probabilidad. Esta gráfica representa a la función de distribución acumulativa de la normal en forma de línea. Es importante hacer notar que éste método requiere de cierta sensibilidad para interpretar las desviaciones de la diagonal. Cuando se tienen menos de 16 valores muestrales es muy probable que la gráfica no se comporte como una diagonal, un número mínimo puede ser 32 [Montgomery 1982].

Para el modelo  $x = \ln t + \ln T + \ln(mg) + t + T$ , se observó el papel normal de sus residuales. El comportamiento, mostrado en la gráfica IV.3, se asemeja a una diagonal, excepto un poco en las colas. Si existieran colas muy pesadas o muy delgadas provocaría que los estimadores de mínimos cuadrados fueran sensibles a un pequeño subconjunto muestral. Colas muy grandes por lo general son producidas por los anormales que jalan a los estimadores mucho en esa dirección.



Una tercera prueba gráfica el histograma, gráfica IV.5, presenta una bimodalidad, aspecto no muy halagador. La existencia de bimodalidad rompe el supuesto de que los residuales se distribuyen normalmente.

### HISTOGRAMA DE RESIDUALES



Gráfica IV.5

Una característica de la función de distribución normal es que es una función simétrica respecto a su media. Por lo tanto, un estadístico útil para medir la normalidad de los residuales es la simetría. La simetría se mide con el tercer momento. Si una función es simétrica, su tercer momento central es cero, sin importar el valor de su media.

La kurtosis es la medida de la picudez de una curva. La picudez sirve para apreciar que tan concentrados están los valores observados con respecto a su media. La kurtosis es el resultado de dividir al cuarto momento central por el segundo momento central al cuadrado. La Kurtosis, para este caso, representa a una curva achatada y la simetría es aceptable. En el cuadro IV.4 puede observarse diferentes estadísticas de los residuales, tales como la picudez (skewness) y la Kurtosis.

### ESTADÍSTICAS DE LOS RESIDUALES

Número de observaciones	255
Media	-0.000
Varianza	0.007
Desviación estandar	0.083
Simetría	0.036
Kurtosis	0.670

Cuadro IV.4

Dados los resultados de la evaluación de la normalidad, se decidió emplear algún método para mejorar éste supuesto. Una forma útil es la transformación de la variable respuesta. El método consiste en ejecutar la estimación normal de los mínimos cuadrados elevando la variable respuesta a la potencia  $\lambda$ .

$$\lambda \neq 0, \quad y^{(\lambda)} = \left\{ \frac{y^\lambda - 1}{\lambda y^{(\lambda-1)}} \right\} \quad ; \quad \text{donde } \hat{y} = \ln^{-1} \left[ \left( \frac{1}{n} \right) \sum_{i=1}^n \ln(y_i) \right]$$

$$\lambda = 0, \quad \hat{y} = \ln y$$





### ESTADÍSTICAS DE LOS RESIDUALES

Número de observaciones	255
Media	-0.000
Varianza	0.003
Desviación estandar	0.056
Simetría	-0.468
Kurtosis	2.047

Cuadro IV.6

### IV. J MODELO FINAL PARA EL SULFATO DE NIQUEL

Comparando las estadísticas y gráficas se concluye que el mejor modelo que se ajustó al comportamiento normal fue:

$$X = \ln t + \ln T + \ln(mg) + t + T$$

En el cuadro IV.7 se observa que la transformación provocó un aumento en forma casi despreciable sobre la  $R^2$ , la  $t$  de Student del tiempo, la  $T$  de Student de temperatura y la desviación estandar  $\sigma$ .

Pero, aumentó mucho el estadístico  $F$  dejando la multicolinealidad sin ningún cambio. Debido al poco cambio en los estadísticas y al mejoramiento de la normalidad, eliminando la bimodalidad, se escogió finalmente al modelo:

$$\text{MODELO } X = \ln t + \ln T + \ln(mg) + t + T$$

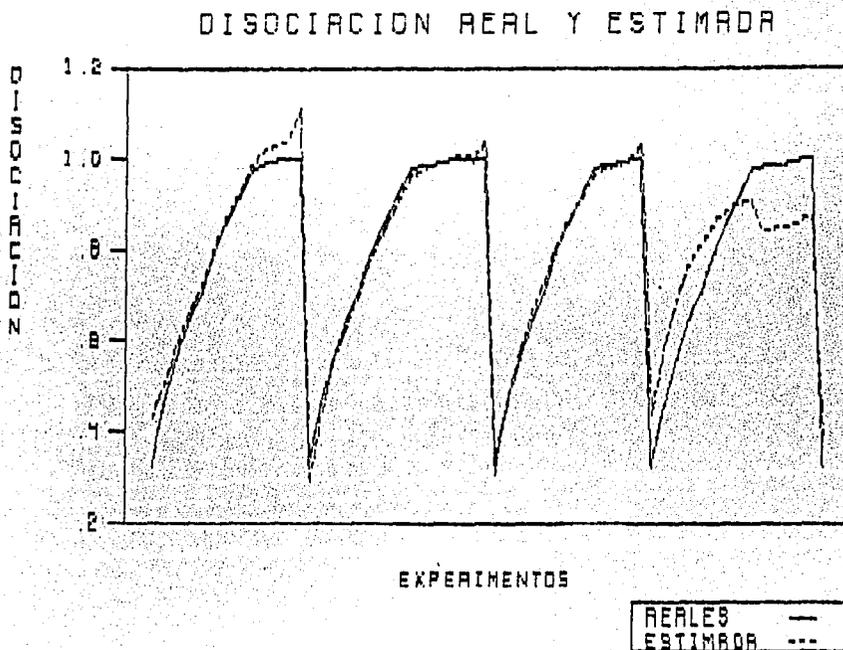
Dependent variables	3	Fracc					
Observations	255	Degrees of freedom	250				
$R^2$	0.93917525	$\bar{R}^2$	0.93820206				
SSR	.79370600	SEE	0.56345577E-01				
Durbin-Watson	0.48549918						
Q( 45)	454.056	Significance level	0.000000				
No.	Label	Var	Lag	Coficiente	Stand. error	T-statistic	F
1	Int	5	0	0.3524346	.7660045E-02	46.00947	10612.890
2	lnT	6	0	-0.5361815	.1784070E-01	-30.05385	
3	ln(mg)	7	0	-0.2378636	.7521382E-02	-31.62499	
4	t	4	0	-0.2930464E-02	.3149042E-03	- 9.305890	
5	T	1	0	0.4427638E-02	.1086749E-03	40.74205	

### MULTICOLINEARIDAD

Regresor	Factor inflacionario de varianza
1	0.18482E-01
2	0.10025
3	0.17819E-01
4	0.31235E-04
5	0.327200E-05

Cuadro IV.7

La gráfica IV.8 muestra los valores reales y ajustados del modelo anterior.



Gráfica IV.8

El modelo final, después de la regresión inversa quedó así:

$$mg = e^{\left[ \left( \frac{1}{0.2378636} \right) (0.3524345 \ln t - 0.5361815 \ln T - 0.002930464 t + 0.4427638 T - X^{0.5}) \right]}$$

#### IV. K MODELO FINAL PARA EL SULFATO DE ZINC

Siguiendo el mismo procedimiento del sulfato de níquel se obtuvo el siguiente modelo para el sulfato de zinc.

$$mg = e^{\left[ \left( \frac{1}{1.181825} \right) (0.2084829 \ln t - 0.002238432 t + 0.002316589 T - 1.6815832) \right]}$$

Ambos modelos, zinc y níquel, se usaron en el subsistema de disociación del sulfato en todo el sistema a simular.

## CAPITULO V

### PLANEACION Y ANALISIS DE EXPERIMENTOS DE SIMULACION

#### V. A PLANEACION DE CORRIDAS EXPERIMENTALES

En este capítulo se presenta la planeación de experimentos con el simulador y el análisis de sus resultados. Para planear los experimentos es necesario recordar el objetivo del presente trabajo. El objetivo es encontrar cual de los dos sulfatos, el de Zinc o el de Níquel, es más eficiente como medio de almacenamiento de energía solar.

Para delimitar el alcance de los experimentos se tomaron en cuenta las constantes, variables, parámetros y restricciones del modelo de simulación.

Las constantes para todas las corridas de simulación son:

1. El sistema de almacenamiento simulado se localiza en el Distrito Federal.
2. El comportamiento de la demanda de energía eléctrica es el mismo en cada corrida, pues el modelo de pronóstico de energía eléctrica es determinístico.
3. La oferta de radiación solar tiene el mismo comportamiento en cada experimento, pues el modelo de radiación es determinístico.
4. La demanda de energía eléctrica debe ser satisfecha cada día simulado. La demanda simulada corresponde al mismo porcentaje que cubren las plantas turbo jet de la zona centro dentro de las horas pico.
5. Dado que la demanda de energía eléctrica es determinística, las masas en cada almacenamiento del modelo deben ser las mismas para distintas corridas, sin importar cuales son los factores de concentración o del tamaño de horno.
6. Un año es el tiempo simulado para todas las corridas de los dos sulfatos.

Para identificar cuál es el sulfato más eficiente se midieron los siguientes parámetros:

1. Factor de concentración total ( transformación total).
2. Factor del horno.
- 3 Masas máximas en cada almacenamiento.

El factor de transformación total ( o concentración total) sirve para, en otro trabajo, dimensionar el tamaño del paraboloide de revolución que concentra la radiación solar en el horno. Entre más grande sea el valor del factor de transformación total más grande será el paraboloide de revolución y por lo tanto más costoso.

El factor del horno se puede relacionar, en otro trabajo, con el grosor de la capa de sulfato dentro del horno solar. Debido a que el horno es rotatorio se genera fuerza centrífuga que permite la existencia de una capa uniforme de sulfato dentro del horno. Para una masa fija demandada en el horno solar, se pueden tener diferentes factores de horno. Si se aumenta el factor del horno implica que aumenta la superficie interna del horno y con ello el grosor de la capa de sulfato disminuye para una masa constante. El aumento del factor del horno implica un horno más grande y por lo tanto más caro.

Las máximas masas almacenadas en cada uno de los depósitos son importantes para la selección del sulfato, pues el tamaño de los almacenes esta directamente relacionado con el costo de los mismos. Dada una demanda fija , para el mismo sulfato, en diferentes corridas las máximas masas almacenadas son iguales entre las diferentes corridas.

El presente análisis de sensibilidad solamente dimensiona los dos parámetros más importantes de todo el sistema de almacenamiento: el factor del horno y el factor de transformación total. La adición de costos a estos parámetros ayudaría mucho más para determinar cual sulfato de almacenamiento es más eficiente. Pero debido al alcance de éste trabajo no se tomaron en cuenta los costos.

El simulador fue modificado al añadirse la medición de los 2 parámetros anteriores. Para realizar las corridas de simulación se captura el valor del factor del horno. Se alimenta un valor inicial y un incremento para determinar el factor de transformación total. El simulador siempre comienza con el factor inicial de concentración y como sea necesario se aumenta en el incremento que también se alimentó.

El factor de transformación total se incrementa hasta que se satisfaga la demanda de masa a descomponer en el horno. El cambio de éste factor se revisa hora por hora. Una vez aumentado el factor de concentración en cierto día, no se puede disminuir para los días posteriores, aunque la demanda no requiera de toda la capacidad del paraboloide de revolución simulada. No se puede disminuir el factor de concentración pues implicaría reducir el tamaño del horno de los días anteriores.

Una vez encontrado el sulfato más eficiente se describirá el comportamiento de las masas a lo largo de los días de simulación. Los tipos de masas analizadas, gráficamente son:

1. Masa almacenada por separado. Esta masa se refiere al almacenamiento de los productos de la disociación de los sulfatos en el horno solar. La masa es la suma del óxido metálico y la parte gaseosa producidas.
2. Masa almacenada junta. Esta es la masa de sulfato generada después de la recombinación (reacción exotérmica). Esta masa puede ser realimentada al horno solar para otra disociación.
3. Masa nueva. Esta se refiere a la masa que entra por vez primera al sistema de almacenamiento.
4. Masa de reingreso. La masa de reingreso es la cantidad de sulfato recombinado que vuelve a entrar al horno solar para otra descomposición.
5. Masa demanda. Es la cantidad de masa demandada por día para satisfacer la demanda de energía eléctrica de ese día en particular.

Las unidades mínimas de simulación son horas, por lo tanto los valores del comportamiento de las masas y de los parámetros se pueden analizar por horas.

#### V.B ANALISIS DE CORRIDAS DE SIMULACION

Se realizaron 7 corridas de simulación, para los dos sulfatos. La demanda de energía eléctrica fue la misma para todas las corridas de los dos sulfatos. El cuadro V.1 muestra la demanda a satisfacer en cada corrida. La demanda es igual a la cantidad de energía eléctrica que producen las plantas Turbo Jet de la Cía de Luz del Centro en las horas pico de demanda. Los valores de los MWH son el 0.6% de los MWH estimados por la Cía de Luz para todo el año de 1993. El 0.6% es en promedio la proporción de la demanda total que las plantas Turbo Jet satisfacían en 1990 en la zona centro del país.

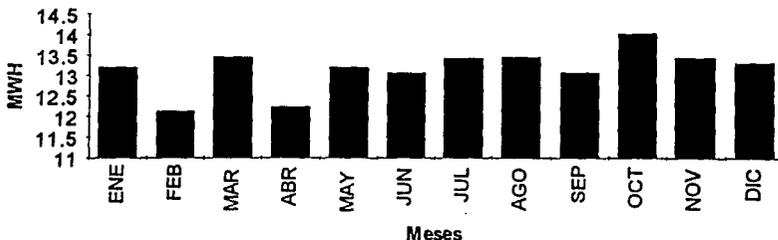
#### DEMANDA ESTIMADA PARA SER SATISFECHA POR LAS PLANTAS TURBO JET (MWH)

ENE	FEB	MAR	ABR	MAY	JUN	JUL	AGO	SEP	OCT	NOV	DIC
13.19	12.13	13.45	12.24	13.20	13.07	13.41	13.45	13.06	14.02	13.43	13.30

Cuadro V.1

La gráfica V.1 muestra la demanda de los MWH con los que se simularon las corridas

#### Demanda en MWH esperada para 1993



Gráfica V.1

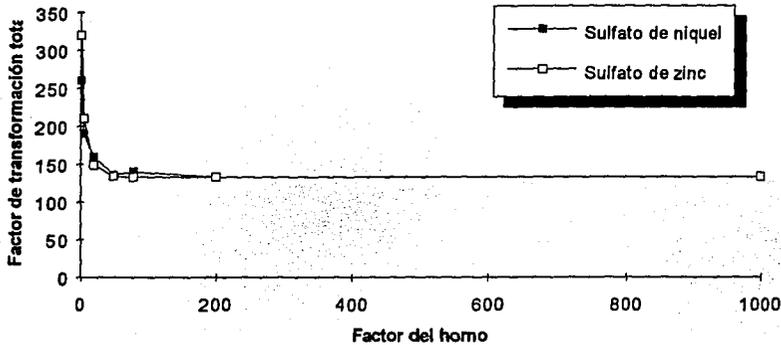
El cuadro V.2 muestra la relación de los valores del factor de transformación total dados diferentes valores del factor del horno. Las corridas de simulación para los 2 sulfatos se realizaron bajo los mismos valores del factor del horno.

**RELACION DEL FACTOR DE TRANSFORMACION TOTAL Y EL FACTOR DEL HORNO**

Factor del horno	Factor de transformación total (Sulfato de zinc)	Factor de transformación total (Sulfato de níquel)
1	320	260
5	210	190
20	149	160
50	134	136
80	133	140
200	133	133
1000	133	133

Cuadro V.2

Relación entre los factores del horno y transformación total



Gráfica V.2

En la gráfica V.2 se muestra la relación del factor de transformación total vs. el factor del horno para ambos sulfatos. Los valores corresponden al cuadro V.2. Observando ésta gráfica se nota que el comportamiento de los dos sulfatos es muy similar. Para valores del factor del horno menores a 20, el factor de transformación total no es exactamente el mismo, existe una diferencia en valores. Para valores menores a 20, en el factor del horno, el sulfato de níquel necesita un paraboloides más pequeño que el de zinc. Para valores del factor del horno mayores a 80 el comportamiento es mucho más cercano en valor. Para los dos sulfatos el factor de transformación total tiene como máximo a 133. El tener un valor máximo del factor de transformación total implica que existe un máximo en el tamaño del paraboloides de revolución y por lo tanto un máximo en costo.

Las conclusiones anteriores son importantes si se asigna un costo al nivel del factor del horno y al factor de concentración total. Suponiendo que el costo del horno real y el del paraboloides de revolución fuese directamente proporcional al factor del horno y al factor de transformación total se concluiría que el sulfato de níquel es más eficiente, para valores del factor del horno menores a 20.

El tercer grupo de parámetros es el de las máximas masas en cada etapa del sistema de almacenamiento. El cuadro V.3 muestra los valores máximos de las masas para los sulfatos de zinc y níquel. Comparando los masas máximas de ambos

sulfatos, se concluye que es más eficiente el uso del sulfato de zinc pues cada tipo de masa del sulfato de zinc es menor que su respectiva masa del sulfato de níquel. Una vez más, sería decisivo conocer el costo asociado a cada sulfato para tomar una mejor decisión.

#### VALORES MAXIMOS DE MASAS POR SULFATOS

Máxima masa	Sulfato de Zinc (Kg)	Sulfato de Níquel (Kg)
Almacenada por separado	1429	1810
Almacenada junta	3176	3225
Nueva	3802	4094
Reingreso	2959	2981
Demandada	4203	4526

Cuadro V.2

Una vez analizados los resultados de los experimentos de simulación se observó el comportamiento de las masas, parámetros y demanda de MWH a través de los 360 días para los dos sulfatos.

El comportamiento de las masas a través de los 360 días, para el mismo sulfato, es exactamente el mismo aunque se modifiquen los valores del factor del horno y el factor de transformación total. Esto es lógico pues la demanda y ofertas de energía tienen un comportamiento constante para todas las corridas de cada sulfato. La única diferencia radica en el valor de las masa involucradas, esto se debe a que cada sulfato metálico tiene un grado de reacción único. (referirse al anexo II para observar gráficamente el comportamiento de las masas).

## CONCLUSIONES

Considero que la conclusión general de todo éste trabajo es que las técnicas matemáticas tienen un gran ámbito de acción y que el Actuario es un profesional que podría utilizar sus conocimientos para el soporte de las ciencias naturales o de la ingeniería.

Una conclusión importante con respecto al modelo de simulación es que los costos son parámetros indispensables para determinar cual de los dos sulfatos (zinc o níquel) son más eficientes para el almacenamiento térmico de la energía solar. Desde el punto de vista de la cantidad de masa usada, el sulfato de zinc es el más eficiente, pero según los factores de transformación total (directamente relacionado con el tamaño del paraboloide de revolución) y el del horno el sulfato de níquel es el mejor.

El modelo de simulación de radiación solar directa es muy flexible y puede ser aplicado a cualquier lugar del mundo solo conociendo la latitud del lugar. Sin embargo si se tomaran en cuenta los niveles de nubosidad y de contaminación el modelo sería más realista. Para tomar en cuenta la nubosidad y los niveles de contaminación el análisis de regresión o la creación de series de tiempo podrían ser una buena técnica.

El comportamiento de la demanda de energía es muy determinístico y está un poco simplificado para los efectos de éste trabajo. La demanda de electricidad podría mejorarse mediante el uso de series de tiempo para pronosticar el nivel de MWH demandados. Sin embargo, tal vez no sea necesario crear nuevas series pues la Cía de Luz y Fuerza del Centro ha dedicado mucho esfuerzo en el pronóstico de la demanda de electricidad.

El simulador es flexible y se puede correr en cualquier PC compatible. El modulo de gráficas da una explicación rápida del comportamiento de todo el proceso de almacenamiento. Se entendieron mucho mejor las relaciones funcionales entre las diferentes variables de todo el proceso. El nivel de análisis de los datos puede hacerse a nivel días de simulación o a nivel horas por día, según sean las necesidades de entendimiento. Cuando se descubre algún comportamiento extraño se puede acceder a los datos para evitar cualquier inexactitud gráfica. El simulador brinda la capacidad de ver en pantalla o mandar a impresora el resultado de las principales variables y de acceder a los datos totales por día o por hora.

El simulador puede ser usado posteriormente para satisfacer otros tipos de demanda de electricidad, por ejemplo la necesidad de un pueblo, etc..

Dada la gran similitud entre el modelo de regresión del sulfato de zinc y el de níquel se infiere que otros sulfatos metálicos podrían aproximarse de con buena aceptación con un modelo similar a los encontrados. También ayudaría a verificar los modelos encontrados si se tuviesen más datos experimentales de los sulfatos analizados.

Debido a que las reacciones químicas analizadas son reversibles no es necesario reabastecer más masa nueva a todo el sistema de almacenamiento cada vez que exista más demanda de energía. En el anexo II en la gráfica "Masa diaria nueva" puede observarse que solamente 5 veces al año fue necesario realimentar nueva masa de sulfato al proceso.

## ANEXO I

### COMENTARIOS GENERALES SOBRE SIMULACION Y UNA POSIBLE METODOLOGIA.

El verbo simular se ha puesto recientemente en boga en numerosas disciplinas científicas, para describir el viejo arte de la construcción de modelos. Aunque el uso moderno de ésta palabra se remonta hasta a fines de 1940, cuando Von Neumann y Ulam acuñaron el término "Análisis de Monte Carlo" para aplicarlo a una técnica matemática que usaban entonces para resolver ciertos problemas de protección nuclear que eran, o demasiado costosos para resolverse experimentalmente o demasiado complicados para ser tratados analíticamente. El análisis de Monte Carlo involucraba la solución de un problema matemático no probabilístico, mediante la simulación de un proceso estocástico cuyos momentos o distribuciones de probabilidad satisficieran las relaciones matemáticas del problema no probabilístico. Con la llegada de la computadora, la simulación poco a poco fue ganando más importancia.

Se puede definir a la simulación como una técnica numérica para construir modelos de una situación. Además brinda la oportunidad de conducir experimentos que requieren modelos lógicos y matemáticos que describen el comportamiento de un sistema.

El uso de la simulación en computadoras brinda los siguientes beneficios:

1. Ofrecer la posibilidad de estudiar y experimentar complejas interacciones en el interior de un sistema.
2. Estudiar los cambios informativos, organizacionales y ambientales para observar los efectos de estos en el comportamiento del sistema.
3. Mejor entendimiento del sistema dada la observación detallada, lo cual proporciona sugerencias para mejorarlo.
4. Ofrecer una forma conveniente de dividir un sistema complicado en componentes o subsistemas.
5. Los métodos de Monte Carlo pueden realizarse para verificar soluciones analíticas.
6. Permitir estudiar los sistemas dinámicos, ya sea, en tiempo real, comprimido o expandido.

A continuación se presentan varias características de los sistemas de simulación.

Para que un modelo sea útil debe ser realista y simple. Por un lado debe incorporar las partes más importantes y por otro lado no es conveniente que el modelo resulte tan complejo que sea imposible entenderlo o manipularlo.

Los modelos, por lo general, constan de cuatro elementos bien definidos: componentes o subsistemas, variables, parámetros y relaciones funcionales.

Los subsistemas son partes del sistema que pueden ser tratados ellos mismos como una identidad con capacidad de ser simulada.

Las variables que aparecen en los modelos se emplean para relacionar los subsistemas y se clasifican como variables exógenas, de estado y endógenas.

Los parámetros son entradas al sistema y han sido predeterminadas. El valor de los parámetros es fijo a través de todo el sistema.

Las variables exógenas son las entradas al sistema y se suponen que han sido predeterminadas y proporcionadas independientemente del sistema que se modela. Puede considerarse que estas variables actúan sobre el sistema, pero no reciben alguna acción de parte de él.

Es posible clasificar a las variables exógenas en controlables e incontrolables. Las primeras pueden ser manipuladas por aquellos que puedan tomar decisiones sobre el sistema. Las segundas dependen del medio ambiente donde el sistema se lleva a cabo.

Las variables de estado describen un momento o estado del sistema o bien de sus subsistemas, durante todo el funcionamiento del sistema.

Las variables exógenas pueden ser tratadas como parámetros dados, los cuales, deben estimarse fuera del sistema y ser capturados como datos a la computadora. En el caso de que las variables exógenas sean estocásticas podrá crearse un

proceso dentro de la misma simulación para generar sus valores.

En el diseño experimental, las variables exógenas o parámetros se llaman factores. Para planear experimentos de simulación en computadoras nos interesa conocer los efectos de los diferentes niveles de los factores del experimento; es decir que, a través de varias corridas del sistema variando los parámetros tenemos que observar y analizar los efectos de estos sobre las variables endógenas.

Las variables endógenas son las dependientes o de salida del sistema. La clasificación de las variables depende exclusivamente del propósito de la simulación.

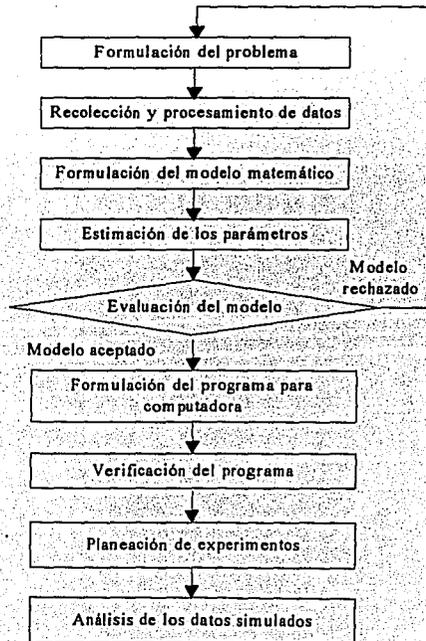
Podemos definir arbitrariamente a los modelos de simulación como determinísticos, estocásticos, dinámicos y estáticos.

En los modelos determinísticos ni las variables exógenas ni las endógenas son estocásticas. Requieren menos procesamiento en computadora y por lo general se pueden resolver analíticamente, por medio de: máximos y mínimos, métodos numéricos, programación lineal, programación matemática, etc. Para aquellos modelos determinísticos cuya forma analítica sea muy compleja es recomendable usar el análisis de Monte Carlo.

Los modelos estocásticos son aquellos en los que por lo menos tienen una variable determinada por alguna función de probabilidad. Los modelos estáticos no tienen al tiempo como variable. En el área de la investigación de operaciones, con raras excepciones, la mayoría de las áreas de programación lineal, no lineal y teoría de juegos, se han concretado a modelos estáticos. Los modelos dinámicos son aquellos que tienen como variable al tiempo.

A continuación se presenta un diagrama de flujo del procedimiento sugerido para realizar experimentos de simulación en computadoras.

#### DIAGRAMA DE FLUJO PARA PLANEAR EXPERIMENTOS DE SIMULACION



## **FORMULACION DEL PROBLEMA.**

En esta etapa podemos sugerir los siguientes pasos:

1. **Determinar objetivos**, los cuales podemos clasificarlos en obligatorios, claves y deseables.
2. **Analizar estudios y trabajos previos**, relacionados con el sistema en cuestión.
3. **Establecer el alcance del modelo de simulación**; es decir, cuales son los límites del trabajo, cuales son las últimas relaciones o parámetros a analizar.
4. **Delinear un posible modelo para el sistema.**

En los 4 pasos anteriores siempre debe tomarse en cuenta la decisión del equipo de trabajo, la persona que realizará las simulaciones y los expertos en cada uno de los componentes del sistema.

## **RECOLECCION Y PROCESAMIENTO DE DATOS TOMADOS DE LA REALIDAD.**

Existen, por lo menos, 5 razones por las cuales es necesario disponer de un sistema eficiente para el procesamiento de datos, que permitan alcanzar el éxito al realizar experimentos de operación.

Primeramente la información descriptiva y cuantitativa es un requisito previo a la formulación del problema. En segundo lugar, los datos que se hayan reducido a una forma significativa pueden sugerir una hipótesis de cierta validez, la cual se usará en la formulación del modelo lógico-matemático. En tercer lugar, los datos pueden sugerir mejoras o refinamientos en los modelos matemáticos. En cuarto lugar, es necesario que los datos, reducidos a una forma significativa, se utilicen para estimar los parámetros de las características de operación relativas a las variables endógenas, exógenas y de estado. Por último, sin datos, sería imposible probar la validez de un modelo de simulación.

Es posible identificar 6 funciones importantes del procesamiento de datos: recolección, almacenamiento, conversión, transmisión, manipulación y salida.

## **FORMULACION DE MODELOS MATEMATICOS.**

Los modelos matemáticos constan de 4 partes principales, los componentes o subsistemas, las variables, los parámetros y las relaciones funcionales que conectan a los tres anteriores.

Podemos hacer varias recomendaciones para la formulación de un modelo. La primera, constan en identificar los componentes, según el objetivo de la simulación, como aquellas partes del sistema que podrían tomarse como un todo.

Una segunda consideración involucra a las variables. Encontramos poca dificultad en determinar las variables endógenas o de salida, pues, por lo general las determinamos junto con el objetivo de la simulación. Las variables exógenas son, en realidad, las de mayor dificultad, ya que si se toman muy pocas, los modelos pueden ser inválidos, y en contraste si se recolectan muchas, pueden ser imprácticos desde el punto de vista de límites computacionales según el objetivo de la simulación.

Una tercera recomendación es tratar de diseñar el modelo lo más simple posible, pero adecuado, pues, esto ayuda a que los tiempos de proceso en computadora y la validez del modelo, sean aceptables. También ayuda a que el tiempo de programación sea reducido al mínimo posible. Para algunos sistemas, ya existen lenguajes diseñados precisamente para simulación. Es posible que los anteriores lenguajes reduzcan tiempos de computación, a expensas de la pérdida de validez.

La cuarta consideración radica en el realismo incorporado en el modelo. Si un modelo proporciona predicciones razonablemente buenas acerca del comportamiento del sistema, en periodos futuros, entonces el valor de nuestros modelos es utilizable, pues si no fuese así, los experimentos de simulación se convertirían solamente en un ejercicio de lógica deductiva.

La quinta consideración se relaciona con el diseño de experimentos del modelo, pues, el objetivo de toda simulación es realizar experimentos con éste.

La última recomendación es realizar una simulación modular. Tomar a cada componente principal y realizar una simulación por componente cuando sea necesario.

Los problemas más comunes en el desarrollo de un modelo de simulación son:

1. Desconocimiento del número de variables exógenas significativas.
2. Quizá es imposible cuantificar o medir ciertos tipos de variables exógenas.
3. El número de variables significativas exceden la capacidad de la computadora disponible.
4. Desconocimiento de importantes relaciones funcionales significativas.
5. Muchas veces las relaciones entre las variables no se pueden representar como ecuaciones matemáticas.

### **ESTIMACION DE PARAMETROS A PARTIR DE DATOS REALES.**

Una vez que se han recolectado datos y determinado un modelo matemático, es necesario estimar valores de los parámetros y probar su significación estadística.

### **EVALUACION DEL MODELO Y DE LOS PARAMETROS ESTIMADOS.**

Como primera prueba del modelo debe saberse que tan válido es, comparándolo con datos históricos y lógicos. Si alguna de las características funcionales del modelo toma forma de una función de densidad de probabilidad, será necesario aplicar pruebas de bondad de ajuste que determinen si se ajusta a una distribución estadística hipotética de probabilidad. También se desearía probar la importancia estadística de nuestros valores esperados, varianzas y otros parámetros de las funciones de densidad de probabilidad.

Entre las pruebas más frecuentes se encuentran:

- 1) Pruebas sobre medias.
  - a) Pruebas de una muestra relativa a las medias.
  - b) Diferencias entre medias.
- 2) Pruebas referentes a varianzas.
  - a) Pruebas de la Ji cuadrada.
  - b) Pruebas F.
- 3) Pruebas basadas sobre el conteo de datos.
  - a) Prueba referente a proporciones.
  - b) Diferencias entre k proporciones.
  - c) Tablas de contingencia.
  - d) Pruebas de bondad de ajuste.
- 4) Pruebas no paramétricas.
  - a) Pruebas del signo.
  - b) Pruebas basadas en sumas de rangos.
  - c) Pruebas de la mediana.
  - d) La prueba U.
  - e) Prueba de corridas.
  - f) Prueba de correlación en serie.

También se necesita probar la validez de las suposiciones fundamentales de algunas pruebas estadísticas, tales como:

- 1) Errores en la recolección de datos de las variables.
- 2) Colinealidad múltiple.
- 3) Heterocedasticidad.
- 4) Autocorrelación.

En este momento es necesario hacer las siguientes preguntas:

1. ¿ Se incluyeron variables que contribuyen poco para predecir el comportamiento de las variables endógenas?
2. ¿ Se omitieron variables exógenas que pueden influir en el comportamiento de las variables endógenas?
3. ¿ Existe alguna relación funcional, formulada incorrectamente, entre variables endógenas y exógenas?
4. ¿ Existe alguna estimación de los parámetros que no sea estadísticamente significativa?
5. ¿ El comportamiento de los valores simulados es muy diferente a los datos reales, históricos o esperados?

Si por lo menos alguna de las anteriores preguntas es afirmativa se tendrá que regresar a reformular el modelo. Si ninguna pregunta fue afirmativa entonces se puede continuar con el siguiente paso.

### **FORMULACION DEL PROGRAMA EN COMPUTADORA.**

Se recomienda realizar las siguientes actividades.

1. Diagramas de flujo. Uno del sistema en general y otros para cada componente.
2. Tiempos de corridas deseados y equipos disponibles.
3. Validación de datos de entrada y condiciones iniciales.
4. Presentación deseada de los datos de salida ( pantallas o reportes).

### **VALIDACION.**

Esto es un poco complicado de llevarse a cabo, pero a continuación se proponen 3 etapas tentativas para verificar un modelo:

1. Presentar postulados como hipótesis tentativas acerca del comportamiento del sistema.
2. Verificar los postulados en que se ha basado el modelo, sujeto a las limitaciones de las pruebas estadísticas como: la prueba t, F Ji cuadrada, etc.
3. Probar la capacidad del modelo para predecir el comportamiento del sistema.

### **REALIZAR EXPERIMENTOS DE SIMULACION.**

Las variables exógenas y parámetros se conocen, en el lenguaje de diseño de experimentos, como factores. Las metas más importantes son:

1. Señalar los factores y combinaciones de niveles y el orden de los experimentos.
2. Esforzarse para que los resultados queden razonablemente libres de errores fortuitos.

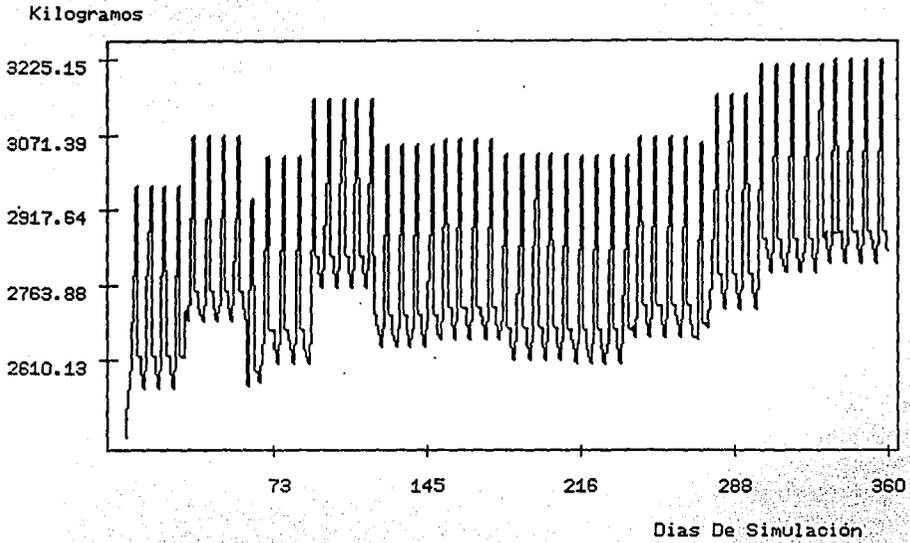
### **ANALISIS DE DATOS SIMULADOS.**

Para analizar los datos se proponen los siguientes pasos:

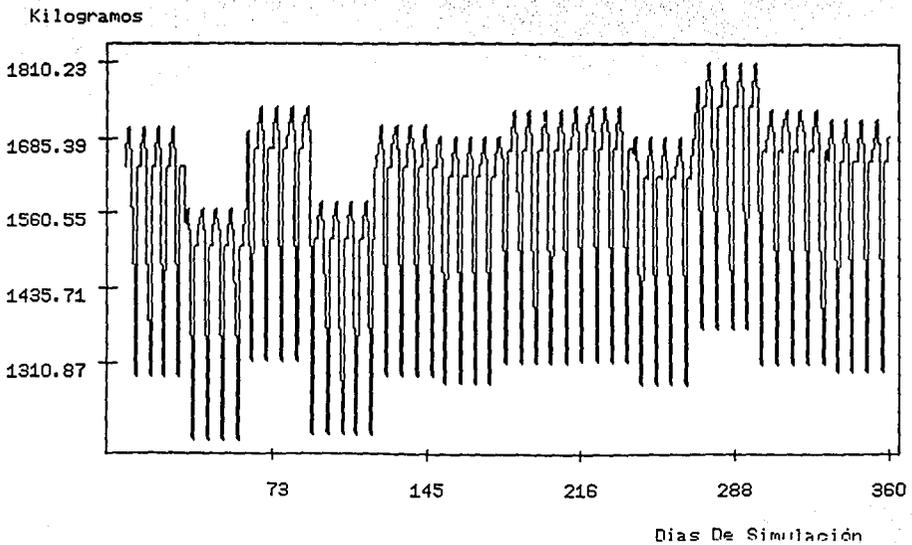
1. Recolección y procesamiento de datos simulados.
2. Cálculo de la estadística de pruebas.
3. Interpretación de los resultados.

ANEXO II  
(SULFATO DE NIQUEL)

MASA DIARIA DE SULFATO ALMACENADA JUNTA DEL DIA 1 AL 360



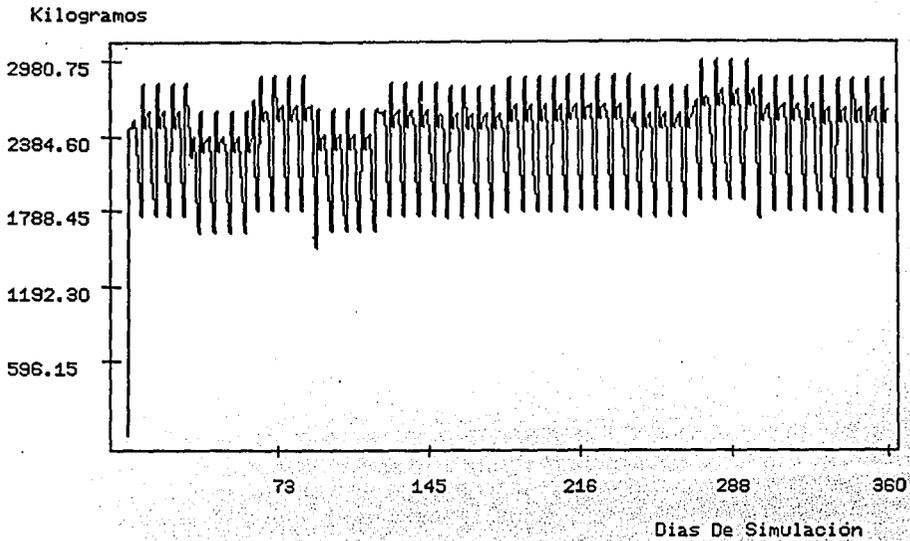
MASA DIARIA DE SULFATO ALMACENADA POR SEPARADO DEL DIA 1 AL 360



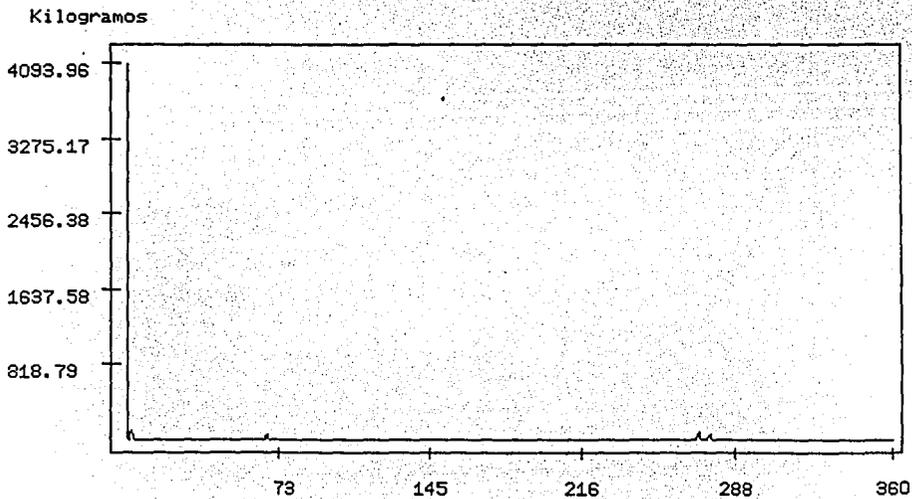
ESTA TESIS NO DEBE  
SALIR DE LA BIBLIOTECA

ANEXO II  
(SULFATO DE NIQUEL)

MASA DIARIA DE REINGRESO DEL DIA 1 AL 360



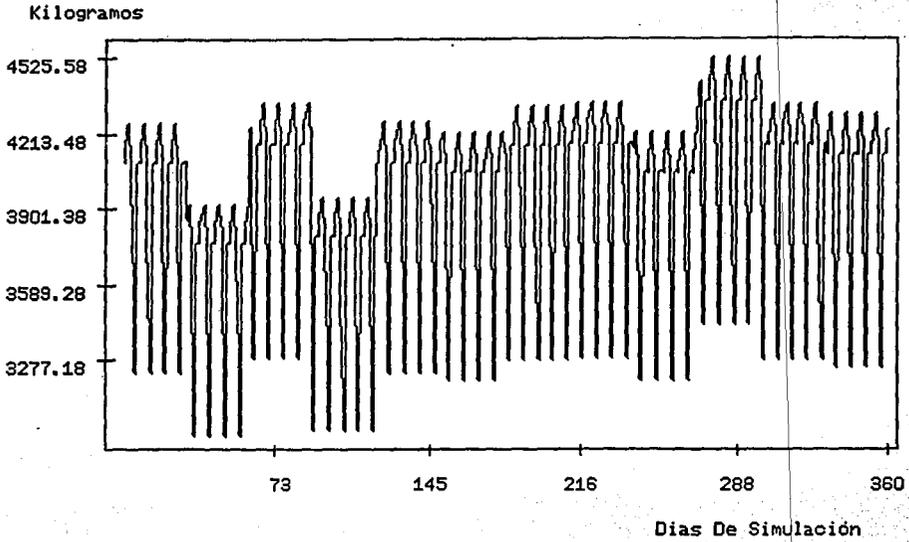
MASA DIARIA NUEVA DEL DIA 1 AL 360



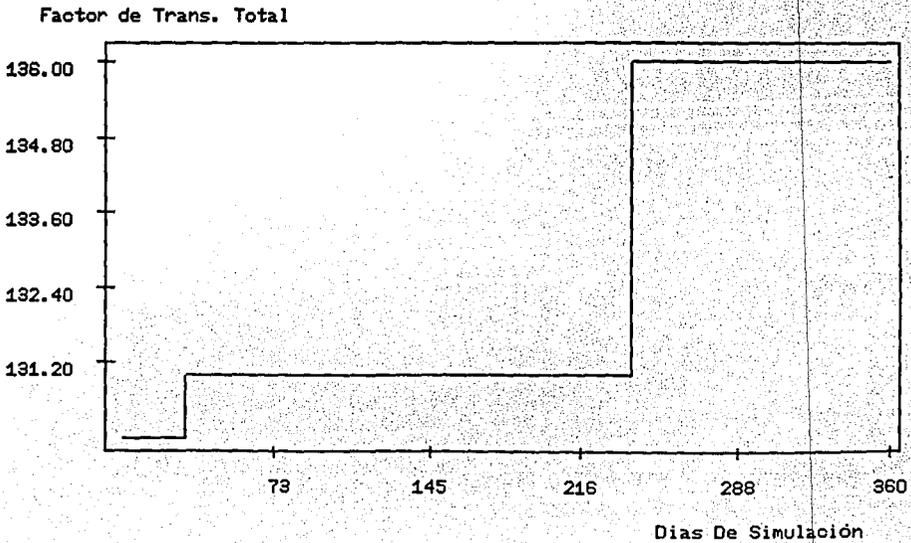
ESTA TESIS NO DEBE  
SALIR DE LA BIBLIOTECA

ANEXO II  
(SULFATO DE NIQUEL)

MASA DIARIA DEMANDADA DEL DIA 1 AL 360



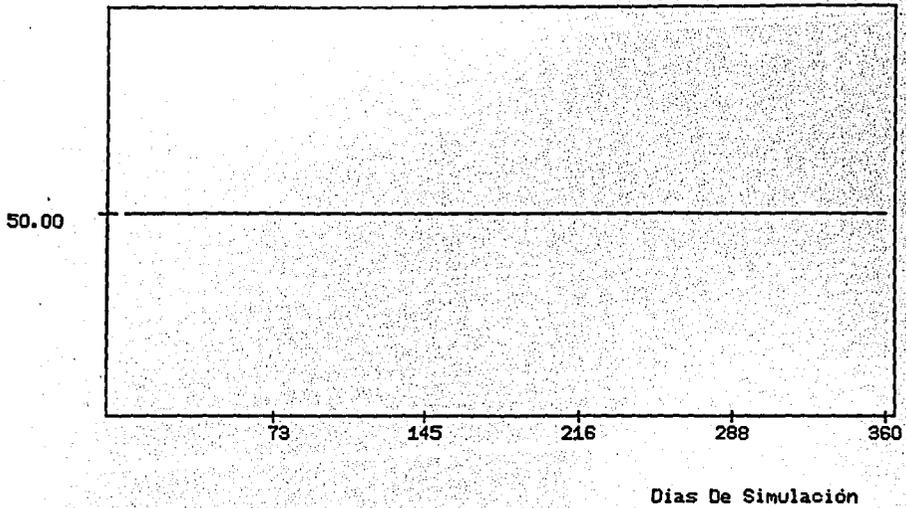
"FACTOR DE TRANSFORMACION TOTAL" DEL DIA 1 AL 360



ANEXO II  
(SULFATO DE NIQUEL)

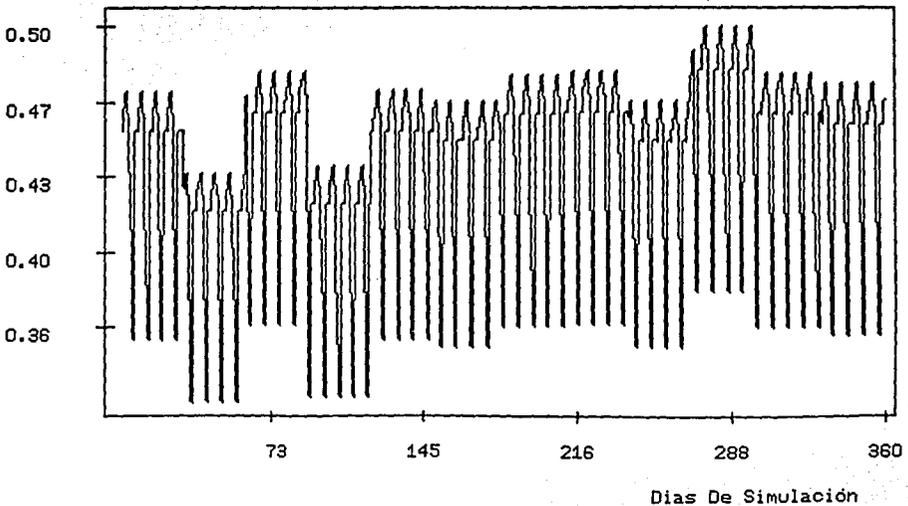
"FACTOR DEL HORNO POR DIA" DEL DIA 1 AL 360

Factor del horno



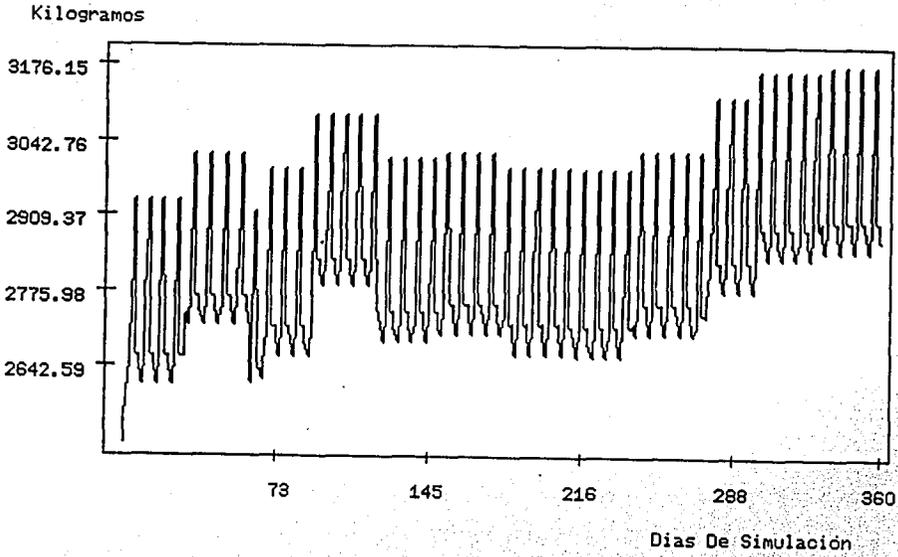
DEMANDA DIARIA DE MWh DEL DIA 1 AL 360

MWh

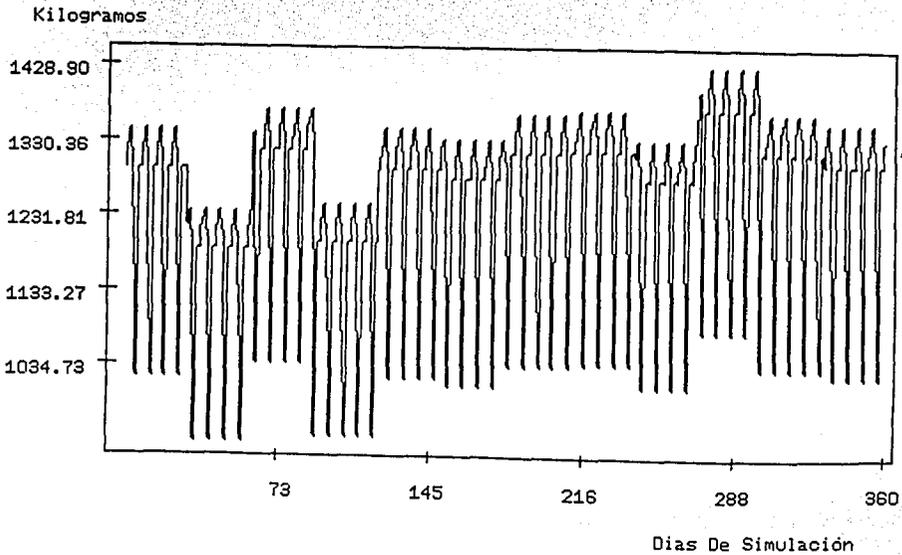


ANEXO II  
(SULFATO DE ZINC)

MASA DIARIA DE SULFATO ALMACENADA JUNTA DEL DIA 1 AL 360

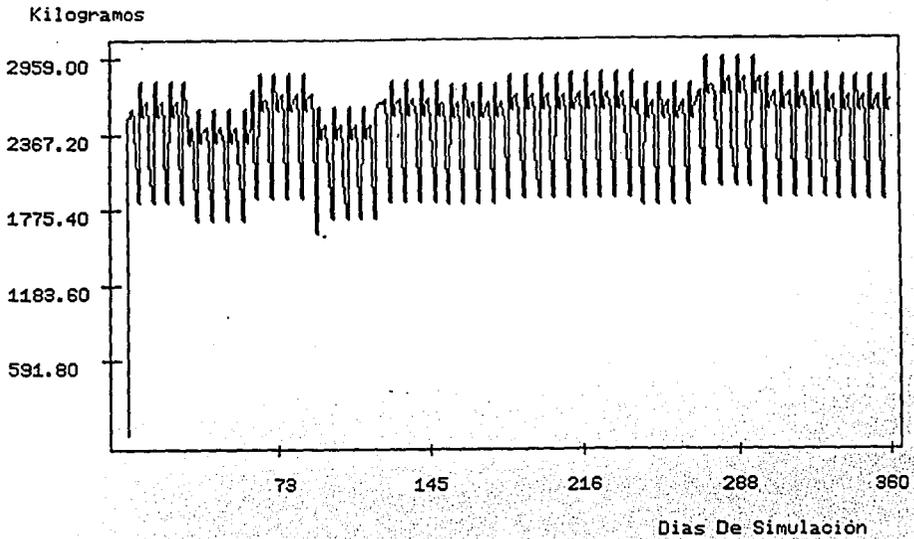


MASA DIARIA DE SULFATO ALMACENADA POR SEPARADO DEL DIA 1 AL 360

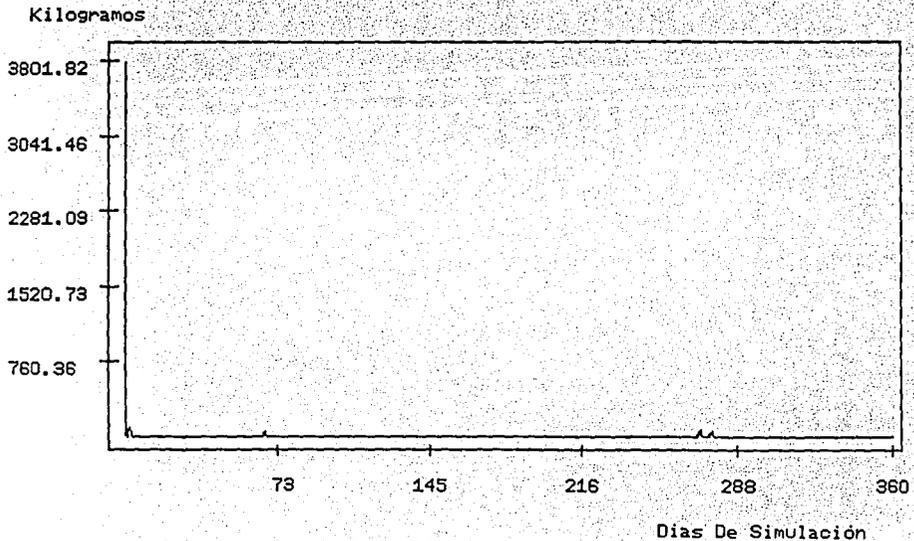


ANEXO II  
(SULFATO DE ZINC)

MASA DIARIA DE REINGRESO DEL DIA 1 AL 360

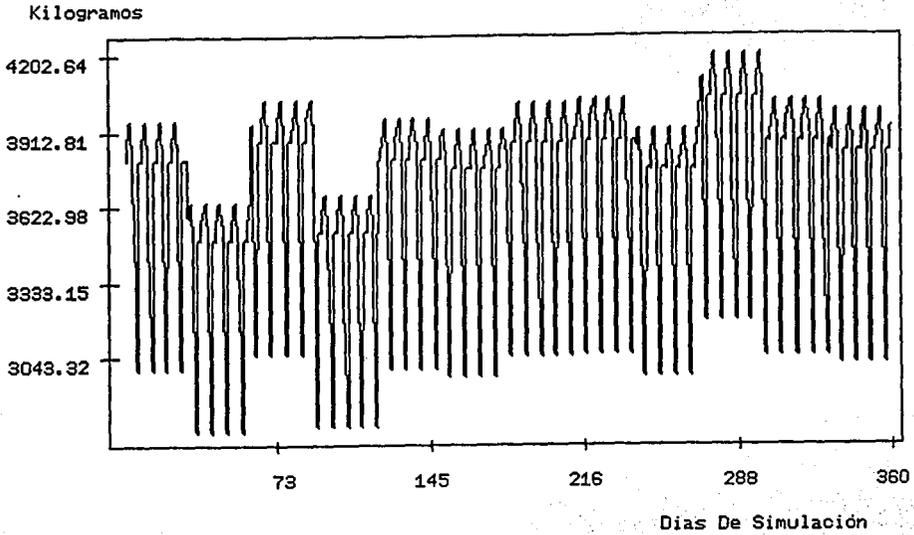


MASA DIARIA NUEVA DEL DIA 1 AL 360

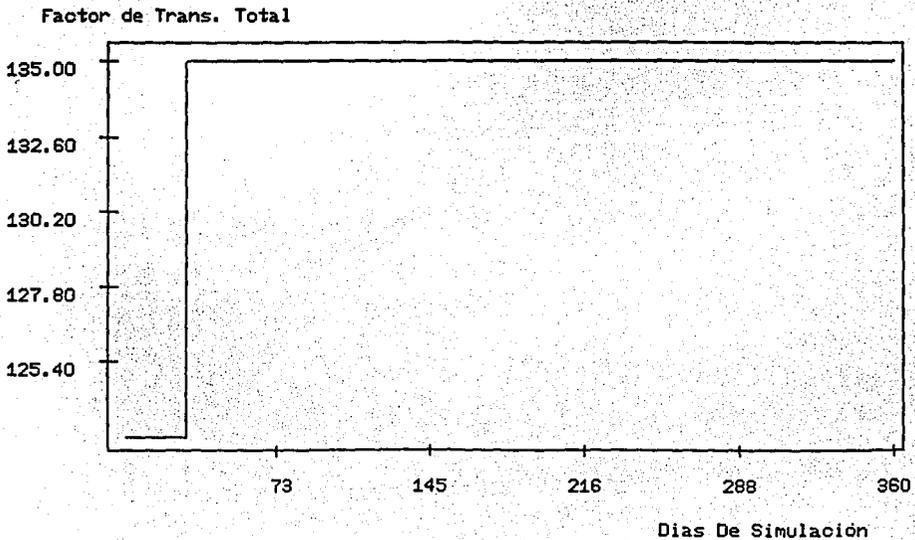


ANEXO II  
(SULFATO DE ZINC)

MASA DIARIA DEMANDADA DEL DIA 1 AL 360



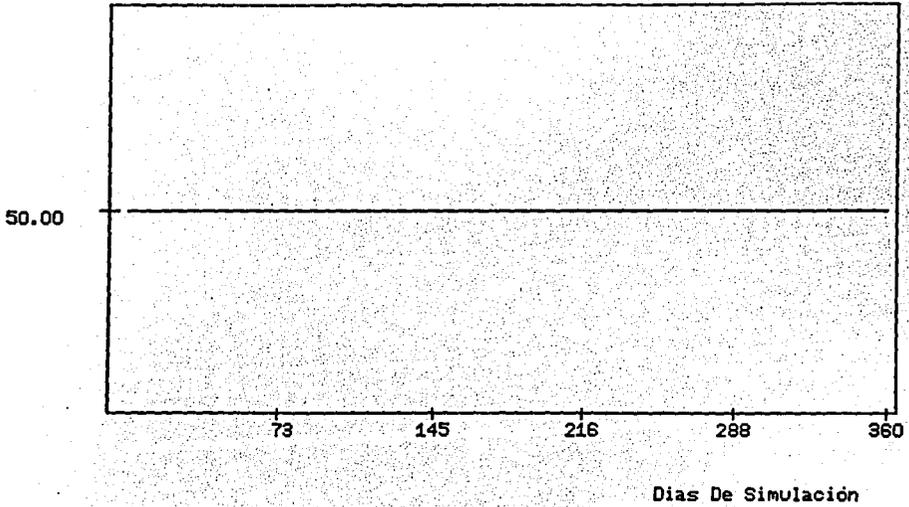
"FACTOR DE TRANSFORMACION TOTAL" DEL DIA 1 AL 360



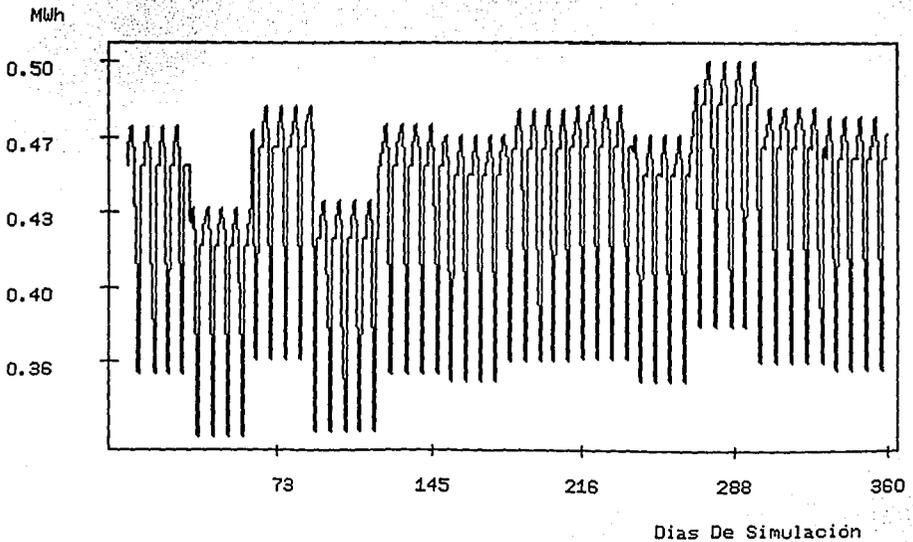
ANEXO II  
(SULFATO DE ZINC)

"FACTOR DEL HORNO POR DIA" DEL DIA 1 AL 360

Factor del horno



DEMANDA DIARIA DE MWh DEL DIA 1 AL 360



## BIBLIOGRAFIA

Compañía de Luz y Fuerza del Centro. 1988. Composición de la generación anual por tipo de planta. Area de Centro Central (AOI).

Compañía de Luz y Fuerza del Centro. 1988. Demandas Mensuales (MWH). Sistema Central.

Compañía de Luz y Fuerza del Centro. 21/Agosto/1988 al 29/Agosto/1988. Informe eléctrico diario (MWH). Area de Control Central. Depto. Operación sistema. Sección análisis.

Draper Norman R, Smith H. 1981. Applied regression analysis. John Wiley & Sons.

Estrada - Cajigal Vicente, Fernandez José Luis. 1983. Cálculo de la radiación solar instantanea en la república Mexicana. Series del Instituto de Ingenieria No 472. U.N.A.M.

Johnson Norman L., Leone Fred C. 1976. Statistics and experimental design. John Wiley & Sons.

Manrique José A. 1984. Energía Solar. Fundamentos y Aplicaciones fototérmicas. Editorial HARLA S.A de C.V.

Montgomery Douglas C. 1982. Introduction to linear regression analysis. John Wiley & Sons.

Muhlia y Bravo. Enero 1987 - Diciembre 1987. Reporte mensual de la Radiación Global. Observatorio de Radiación Solar. Instituto de Geofísica. U.N.A.M.

Naylor Thomas, Joseph Balintfy, Burdick Donald, Chu Kong. 1986. Técnicas de simulación en computadoras. Editorial Limusa S.A. de C.V.

Romero Paredes Hernando, 1981. Decomposition des sulfates dans le cadre du stockage Thermique de l'energie solaire. Tesis de Doctorado en la especialidad de energética. Université de Perpignan y Centre National de la Recherche Scientifique, Francia.

Rubisntane Reuven Y. 1981. Simulation and the Monte Carlo Method. John Wiley & Sons.

Tmar Mohamed. 1981. Possibilities de stockage de l'energie solaire a partir de sulfates. Tesis de doctorado en la especialidad de metalurgia. L'Institut National Polytechnique de Grenoble.