



# UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA DE MEXICO

FACULTAD DE QUIMICA

"ESTUDIO EXPERIMENTAL COMPARATIVO PARA REMOVER ARSENICO Y PLOMO DEL AGUA POR COAGULACION, SEMBRADO E INDUCCION MAGNECTICA".





TESIS CON FALLA DE ORIGEN

MEXICO, D. F.



# UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

# DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

#### AGRADECIMIENTO

#### A Dios...

A José María Trujillo Miranda (+) Tío Chema por el estímulo y confianza que me dio durante la carrera para ser alguien, gracias por su apoyo.

A mi padre Raúl Trujillo Miranda por el ser el guía y camino que me llevóa ser lo que soy. Gracias a ti papi, por tu amor, estímulo y confianza.

A mi madre <u>Semidia S. de Trujillo</u> gracias por ser mi mejor amiga, y hermana, por la comprensión, amor, apoyo, confianza...

A mis hermanos: Raúl, por ser comprensivo y cariñoso. Carlos Raúl, por ser paciente y tolerante. Rita Inés, por ser mi amiga sin condiciones. Iset Zuleyka, por compartir tu alegría. Iván Raúl, por la esperanza, cariño y estímulo. Gracias a todos por creerme y apoyarme en mis metas

A mis sobrinos: Arlene, Luis Raúl, Ana Paola, Ericka Inés, María Laura y Rodolfo Alberto por la inocencia y alegría. A mis cuñados: Oderay, Luis y Eric por compartir buenos ratos conmigo.

Al Consejo Técnico de la Facultad de Química por su dictamen.

A la familia **Díaz Barriga** por el apoyo incondicional y por el trato familiar, gracias maestra Rosario y Don Pepe. A Charo por ser mi hermana en México y Toño por los ratos que compartimos.

Al maestro Ramón Tejeda Castillo por su colaboración incondicional en este trabajo.

Al M. en I. José L. Martínez Palacios, por su ayuda en el Instituto de Ingeniería por los conocimientos transmitidos sobre tratamiento de agua e incineración. Gracias, Ingeniero.

A Laura Cabrera Castillo por el apoyo en el análisis de este trabajo. Gracias Laura, por tu comprensión.

A Grisela Franco, por su apoyo, tolerancia y amistad.

A mis amigos: Martín, Lulú, Gabriel, Jorge, Demetrio, Eva, Tavi, Yadira, Susana, Pancho, Socorro, Don Pedro, Quetzalcóatl, Rafa y Lucho por estar siempre conmigo en los malos y buenos ratos, gracias.

Un reconocimiento a todos mis amigos, que no puedo enlistar, con quienes comparto este logro, por aportar siempre algo importante en mi vida.

LA PERSEVERANCIA DEL SER HUMANO EN UNA META SE LOGRA SIEMPRE Y CUANDO ESTE CONCIENTE DE LO QUE DESEA. NO IMPORTA CUANTO TARDE.



EXAMENES PROFESIONALES

#### JURADO ASIGNADO:

PRESIDENTE: PROF. GUILERMINA BURILLO AMEZCUA.

VOCAL: PROF. ROMÁN TEJEDA CASTILLO.

SECRETARIO: PROF. JESÚS GONZÁLEZ PÉREZ.

1er. Suplente: Prof. José Agustín Texta Mena.

200. SUPLENTE: PROF. AMANDO JOSÉ PADILLA RAMÍREZ.

SITIO DONDE SE DESARROLLÓ EL TEMA:

INSTITUTO DE INGENIERÍA. SECCIÓN AMBIENTAL.

ASESOR DEL TEMA:

ING. JOSÉ LUIS MARTÍNEZ PALACIOS.

SUSTENTANTE:

LOURDES DEL CARMEN TRUJILLO SAGEL.

ander huile

## ESTUDIO EXPERIMENTAL COMPARATIVO PARA REMOVER ARSENICO Y PLOMO DEL AGUA POR COAGULACION, SEMBRADO E INDUCCION MAGNETICA.

	L	Ν	D	L	С	Ε
--	---	---	---	---	---	---

	Página
Figuras	I
Tablas	111
Simbología	v
	IX
1. INTRODUCCION	1

2. ANTECEDENTES SOBRE COAGULACION E INDUCCION MAGNETICA DE ALTO GRADIENTE.

2.1	Generali	iades	5
2.2	Procesos	convencionales	10
	2.2.1	Coagulación - Floculación	10
	2.2.2	Sedimentación	19
2.3	Sembrado	magnético	30
	2.3.1	Semilla magnética	31
	2.3.2	Matriz ferromagnética	33

2.4	Separación magnética de alto gradiente (SMAG)	35
2.5	Balance total de fuerzas con inducción magnética	49

### 3. CONDICIONES EXPERIMENTALES

3.1	Generalidades	56
3.2	Condiciones de pruebas	57
3.3	Calidad de agua	57
3.4	Soluciones	59
3.5	Dispositivo experimental	61
3.6	Diseño experimental	64

### 4. EXPERIMENTACION Y RESULTADOS

4.1	Experimentación	69
	4.1.1 Procedimiento de la prueba	69
	4.1.2 Determinaciones analíticas	71
4.2	Resultados	72
	4.2.1 Arsénico	73
	4.2.2 Plomo	79
	4.2.3 Análisis estadístico de arsénico y plomo	86
	4.2.4 Pruebas complementarias	88
	4.2.5 Análisis comparativos	90

## 5. CONCLUSIONES

## 6. BIBLIOGRAFIA

ANEXOS

104

### FIGURAS

2.1	Susceptibilidad magnètica de los elementos.
2.2	Distribución del tamaño y clasificación de las
	partículas contenidas en el agua.
2.3	Formas coloidales.
2.4	Modelo de la doble capa.
2.5	Modelos de las teorías de la doble capa.
2.6	Formación de flóculos.
2.7	Fuerzas actuantes en una partícula.
2.8	Factores de fricción para flujo laminar y turbulento.
2.9	Campo magnético rotatorio.
2.10	Separador magnético rotatorio.
2.11	Carga móvil en dirección perpendicular a un campo
	magnético uniforme.
2.12	Campo externo magnético.
2.13	Fuerzas de las partículas y arreglo de matriz.
2.14	Coordenadas en un plano X-Z.
3.1	Esquema del agua pretratada.
3.2	Balance de masa sobre el gasto y dosis de coagulante.
3.3	Diagrama de flujo del sistema general.
3.4	Característica de la columna.
3.5	Esquema eléctrico.
4.1-4.22	Figuras de remoción del arsénico y plomo.

#### TABLAS

- 2.1 Clasificación de los materiales segín sus caractesísticas magnética.
- 3.1 Condiciones esperimentales.
- 3.2 Calidad del agua de prueba.
- 3.3 Diseño experimental para las pruebas de tratamiento de agua.
- 3.4 Diseño de un experimento factorial de tres variables.
- 3.5 Diseño de un experimento de cuatro variables.
- 4.1 Resultados de remoción de As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup> para una concentración inicial do 0.5 mg/l y gasto de 150 ml/min.
- 4.2 Resultados de remoción de As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup> para una concentración inicial de 0.5 mg/l y gasto de 300 ml/min.
- 4.3 Resultados de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> para una concentración inicial de 1.0 mg/l y gasto de 150 ml/min.
- 4.4 Resultados de remoción de As<sup>\*S</sup> y Pb<sup>\*2</sup> para una concentración inicial de 1.0 mg/l y gasto de 300 ml/min.
- 4.5 Resultados de remoción de As $^{5}$  y Pb $^{2}$  para una concentración inicial de 1.5 mg/l y gasto de 150 ml/min.
- 4.6 Resultados de remoción de As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup> para una concentración inicial de 1.5 mg/l y gasto de 300 ml/min.
- 4.7 Comportamiento de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> en concentración de 0.5 mg/l.

- Comportamiento de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> en concentración de 1.0 mg/l.
- Comportamiento do remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> en concentración de 1.5 mg/l.
- 4.10A Resultados de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> para una concentración inicial de 0.5 mg/l y gasto de 150 ml/min con alta intensidad magnética.
- 4.10B Resultados de remoción de As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup> para una concentración inicial de 1.0 mg/l y gasto de 300 ml/min con alta intensidad magnética.
- 4.11 Pruebas globales de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup>.
- 4.12 Cálculos estadísticos de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup>.
- 4.13 Resultados estadísticos de As<sup>+5</sup>.
- 4.14 Resultados estadísticos de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup>.
- 4.15 Resultados estadísticos de Pb<sup>+2</sup>.
- 4.16 Resultados estadísticos de As<sup>+5</sup>.
- 4.17 Resultados estadísticos de Pb<sup>+2</sup>.
- 4.18 Resultados estadísticos de Pb<sup>\*2</sup>.
- 4.19 Resultados estadísticos de As<sup>+5</sup>.
- 4.20 Resultados estadísticos de As<sup>+5</sup>.

### SIMBOLOGIA

٨	≠ área
A <sub>p</sub>	= área proyectada
a, b <sub>o</sub>	= radio de la partícula
A <sub>H</sub>	= constante de Hamarker
b, r	= radio de la malla
в	= magnitud del vector campo magnético o inducción magnética
₿	= vector de campo magnético
C <sub>p</sub>	= coeficiente de arrastre
C	= concentración iónica inicial
D	= vector de campo eléctrico
ď	= distancia entre los dos centros de la partícula coloidal.
d_	= distancia entre las superficies de las partículas
d, d <sub>p</sub>	= diámetro de la partícula
Ē	= vector de campo eléctrico
£	= constante diélectrica
F <sub>F</sub>	= Fuerza de flotación
Fc	= Fuerza gravitacional
F	= Fuerza de arrastre
Fr	= Fuerza radial
Fe	= Fuerza polar
FT	= Fuerza total

FR	= Fuerza eléctrica
F	= Fuerza potencial de London Van der Waals
F <sub>N</sub>	= Fuerza magnética
Fx	= Fuerza magnética en dirección X
Fy	= Fuerza magnética en dirección Y
Fz	= Fuerza magnética en dirección Z
F <sub>1</sub>	= diferencia de la fuerza impulsada hacia abajo
g	= aceleración de la gravedad
G	= flujo másico
н, н	= vector de campo magnético o intensidad magnética
Ħ	= campo magnético radial
н <sub>ө</sub>	= campo magnético polar
н	= campo magnético externo
H	= intensidad del campo magnétiCo
<b>\$</b>	= flujo magnético
J, H	= magnetización
ĸ	= susceptibilidad magnética
m	= masa
д Ш	= momento magnético
р р	= masa de la partícula
N <sub>Ro</sub>	= número de Reynolds
P	: porosidad de la matriz o partícula
s,	$= \frac{\rho_{\rm s}}{\rho_{\rm f}} = \frac{\rm densidad \ del \ sólido}{\rm densidad \ del \ fluido}$

•					
v	≝ volumen				
v, '	= velocidad de la partícula				
す	= velocidad				
V p	= volumen de la partícula				
۷	= energía potencial repulsiva				
x	= distancia del centro de la (	malla hacia la	pared de	l cilindro	
z	= potencial zeta				
z,	= especie iónica				
ω	≈ movilidad de la partícula				
μ	= viscosidad absoluta				
¢,	= potencial eléctrico				
P	= densidad				
Pp	= densidad de la partícula				
۶	= densidad del fluido				
ψ	= inducción magnética intríns	eca			
σ	= magnetización específica				
x	= susceptibilidad magnética				
λ	= valor relativo del diámetro	y el espesor d	ie la dob	le capa	
X,	= susceptibilidad magnética m	olar			Ъ.
ß	= permeabilidad magnética				
0	≈ ángulo				
η	= vizcoslúad cinemática				1.1
τ	= distancia recíproca de Deby	e-Hückel			
ø	≢ ángulo potencial				

- $\varphi_1 =$  superficie equipotencial de la partícula
- $\varphi_2$  = superficie equipotencial de la malla
  - = espesor laminar

δ<sub>L</sub> δ<sub>T</sub>

= espesor turbulento

#### 1. INTRODUCCION

Los elementos químicos, ya sean solubles o insolubles formando sales, se encuentran distribuidos naturalmente en mayor o menor proporción en diferentes partes del planeta, que el hombre, en su afán por el avance tecnológico, los explota y redistribuye modificando parte de sus características naturales.

Al modificar las características naturales, caso especifico de los metales pesados, explotarlos industrialmente por mucho tiempo y descargar residuos indiscriminadamente en cuerpos de agua se pone de manifiesto el deterioro ecológico que ocasionan al medio ambiente y al propio ser humano. A partir de estas manifestaciones de toxicidad, los países desarrollados, quienes inician esta revolución industrial, se abocan al desarrollo de tecnologías de tratamiento y sus gobiernos a establecer normas que restrinjan las emisiones de tales contaminantes.

Paralelo con el avance tecnológico se han ido desarrollando infinidades de procesos, la mayoria aplicados a la producción en la industria. Conforme se conceptualiza la interacción e importancia que tiene el desarrollo tecnológico con la protección del medio ambiente, se orientan algunos procesos para recuperar residuos o para disminuir la contaminación. La contaminación es el proceso de la degradación del medio ambiente en la que el gobierno establece medidas de controles como las normas oficiales, la EPA, etc para cada proceso de las industrias e investigaciones. El tratamiento del agua es uno de los casos específicos; siendo éste el principal vehículo de transporte en los procesos industriales, se han requerido de multiples estudios, ya sea de recuperación de desechos o de saneamiento.

Aparentemente, por la poca o nula atención prestada por el hombre a la protección del medio ambiente, la contaminación parece manifestarse repentinamente; sin embargo, debido a la capacidad de dilución del medio ambiente es lenta y de efecto retardado.

Como consecuencia de tal problemática ambiental, y medidas cada vez más estrictas de control, se requiere del estudio de sistemas de tratamiento más complejos, porque los convencionales adquieren mayores limitaciones de aplicación.

Conforme se avanza en el desarrollo tecnológico ya no resulta suficiente estudiar los procesos en forma aislada desde el punto de vista exclusivo de producción de un producto. Tal situación se vuelve más complicada cuando el sistema se estudia dentro de un contexto general como lo es el medio ambiente en que se encuentra.

Desde el punto de vista del control de la contaminación ambiental, no es posible seguir analizando los procesos y el tratamiento con las operaciones tradicionales de principlo del siglo pasado. Es importante iniciar estudios donde se vinculen o involucren operaciones unitarias de aplicación potencial en otros campos de la investigación.

El trabajo presente, orientado a la potabilización de agua contaminada con metales pesados, plantea la posibilidad de remoción de arsénico y plomo mediante la inducción del campo magnético de alto gradiente.

La separación magnética se ha aplicado con éxito en la separación de minerales y en desulfuración de carbón. También se ha utilizado en la remoción de virus y bacterias que combinado con sembrado magnético en medios acuosos mejora su aplicación.<sup>(1)</sup>

De esta manera se ha presentado la oportunidad de aplicar la inducción magnética en combinación con los procesos de floculación, coagulación, sedimentación y el sembrado como alternativa de tratamiento de agua que contiene arsénico y plomo en solución.

El estudio consiste básicamente en acelerar el proceso de sedimentación al coagular con sales de hierro, mediante sembrado e inducción magnética. Los resultados obtenidos se comparan con aquellos observados en procesos de tratamiento mediante coagulación-sedimentación. El estudio se divide en tres partes principales; la primera consiste en una evaluación sobre los aspectos teóricos del tema; la segunda se orienta al desarrollo experimental y, por último, la evaluación de los resultados y conclusiones.

## 2. ANTECEDENTES SOBRE COAGULACION E INDUCCION MAGNETICA DE ALTO GRADIENTE (SMAG).

En este capítulo se recopila información bibliográfica relevante sobre los procesos de coagulación-floculación, sedimentación e inducción magnética. El propósito del mismo es dar un plantamiento global general sobre los principios, características y aplicaciones de esos procesos.

2.1 Generalicades

En tratamiento de aguas, la coagulación es el proceso de desestabilización de las particulas coloidales, que puede conseguirse por medio de la neutralización de sus cargas eléctricas. Es el proceso por el cual las particulas se aglutinan en pequeñas masas, iniciándose el proceso en el momento de dosificarse el coagulante. Los coagulantes, al ser agregados al agua, reducen las fuerzas que tienden a mantener separadas las particulas en suspensión. Este proceso se utiliza para la remoción de turbledad producida por compuestos orgánicos o inorgánicos que no sedimentan rápidamente, en la eliminación de bacterias, virus y organismos patógenos susceptibles a la coagulación; así también se aplica en la remoción de algas y placton en general.

El proceso de la coagulación-floculación en las plantas de tratamiento se realiza separadamente adicionando primero el coagulante, luego la dispersión del coagulante (mezcla rápida), y por último la aglomeración de partículas (mezcla lenta)<sup>(2)</sup>.

La coagulación y la floculación dependen de las características físicas y químicas del agua cruda, tales como la alcalinidad, el potencial de hidrógeno, la turbiedad, el tamaño y forma de las partículas, etc.

En la sedimentación se realiza la separación de los sólidos más densos que el agua, que tienen una velocidad de caída tal que puedan llegar al fondo del tanque sedimentador en un tiempo aceptable. La filtración, en cambio, separa aquellos sólidos que tienen una densidad muy cercana a la del agua, o que han sido resuspendidos por cualquier causa y que, por su lenta sedimentación no son removidos en el proceso anterior<sup>(2)</sup>.

Resumiendo, la coagulación, floculación y sedimentación son los procesos físicos y quimicos de tratamiento convencional más socorridos en el

saneamiento del agua. Sin embargo, a pesar de todas sus ventajas, conforme existe mayor protección del medio ambiente las restricciones de aplicación aumentan, lo que hace necesario recurrir (investigar) otros procesos que puedan ser más eficientes y selectivos.

En los inicios del estudio del magnetismo se crevó que los materiales.<sup>(3)</sup> en presencia de un imán, simplemente eran o no atraidos. Con el avance de las investigaciones en este campo y tomando en cuenta las propiedades físicas y quimicas de éstos, son clasificados como ferromagnéticos sustancias que tienen la propiedad de imantarse en un campo magnético y de conservar una imantación remanente fuera de dicho campo; ferrimagnéticos materiales muy parecido a los ferromagnéticos conservan una magnetización residual de Curie o de Néel con temperaturas superiores a la crítica se comportan en forma semejante a los materiales paramagnéticoscomo ferromagnéticos además son muy dificil de distinguir con las dos propiedades técnicas de medición; diamagnéticos son cuerpos que al ser sometido a campos magnéticos se imantan muy poco con la particularidad de hacerlo en el sentido inverso del campo inductor por cuva razón estos cuerpos son repelados por los imanes y los paramagnéticos son sustancias que poseen cierta propiedad de producir una gran concentración de líneas de fuerza magnética, tanto en su interior como en el campo magnético que la rodea cuando se colocan dentro de él. (tabla 2.1).

PARAMAGNETICO	FERROMAGNETICO	FERRIMAGNETICO	DIAMAGNETICO
02	Fe	Fe <sub>3</sub> 0 <sub>4</sub>	Bi, Si
LI	Co	FePO 2H 0	S, N, P
Na	NI	MnCO	Cu, N, P
Al	Cr0 <sub>2</sub>	Mn (OH)	Br
Mg	Cr20	MnO2	Pb, Hg, Sb
ĸ	CrS	Mn203	Si0 <sub>2</sub>
Ca	Co0	a MnS	CaCO
Mn	Co203	N10	Zn (OH)
Cr	Cog(POg)	Tio	A1203
Tierra raras	CuO	Zn	H_O
Ba	FeCO <sub>3</sub> (siderita)	FeS (pirrotita)	Gases raros
ю	FeS (pirrotita)	Fe O (magnetita)	NaCl
Fe	FeS (pirita)	Oxidos de Fe y Mn	Silicato de
Silicatos de F	Sales de Mn con	$\alpha$ Fe <sub>2</sub> O <sub>3</sub> (Hematita)	Al, Ca, K, Na
Mg, Al, Ca	As, Bi, P, Sy Sn	α FeOOH (Goetita)	Kaolinita

### TABLA 2.1 CLASIFICACION DE LOS MATERIALES SEGUN SUS CARACTERISTICAS MAGNETICA<sup>(4)</sup>.

En el desarrollo de los propios estudios<sup>(5,6)</sup> ha sido dificil definir las características magnéticas de los materiales, ya que cada investigador tiene su patrón de referencia para cuantificar la susceptibilidad (fig.2.1). De acuerdo con las estructuras atómicas el material se identifica en una clasificación especifica; sin embargo, al formar nuevos compuestos o sales puede reclasificarse<sup>(3,7)</sup>.



Fig. 2.1 Susceptibilidad magnética de los elementos<sup>(8)</sup>.

Conjugar los procesos de tratamientos convencionales de agua, especificamente la coagulación-floculación, con las características y propiedades magnéticas de los materiales ante la inducción de campo, se plantea como una alternativa de tratamiento de posible aplicación.

ł

#### 2.2 Procesos convencionales

#### 2.2.1 Coagulación-Floculación.

En la coagulación-floculación, el coloide es el elemento fundamental del proceso de tratamiento. Tiene dimensiones que varian entre 1  $\mu$ m y 1000  $\mu$ m y, si hay suspensiones gruesas, las particulas o gotas suspendidas tienen tamaños iguales o mayores de 1000  $\mu$ m. (fig. 2.2).





Los coloides tienen propiedades características que los distinguen en forma precisa. La forma del coloide tiene relación directa con sus propiedades, a pesar que no se ha hecho una clasificación adecuada de las formas coloidales. Algunos<sup>(2)</sup> los clasifican en isométricas y anisométricas.(fig. 2.3)



anisométricas

isométricas

Fig. 2.3 Formas coloidales<sup>(2)</sup>.

Después de desestabilizadas, las particulas coloidaies se trasladan en el líquido para hacer contacto unas con otras y aglutinarse. A este proceso se define como floculación, en el cual influye el movimiento browniano o la agitación del líquido, causa principal de las colisiones.

Los coloides se aproximarán a una distancia menor que la barrera de energia si el potencial zeta disminuye hasta liegar al punto llamado isoeléctrico<sup>(2)</sup>. Para que un coloide flocule, es decir, que se aglutine con otro, es necesario que la particulas se aproximen a una distancia menor que L (fig. 2.4) esto es, una distancia menor que la que existe entre el centro del coloide y la cresta de la resultante o barrera de energía, la cual varía con el pH.



Fig. 2.4 Modelos de la doble capa(12).

Se han propuesto varios modelos para explicar la doble capa eléctrica<sup>(9)</sup>, algunos se describen brevemente a continuación:  La teoría de Helmholtz supone que los iones positivos o contralones del medio dispersante se acercarán a la superficie del coloide, tantos como sean necesarios para neutralizar su carga. De esa manera se formará una capa adherida alrededor del coloide, en la que caerá todo el potencial q (fig. 2.5 a).

2. Gouy y Chapman demostraron que la teoría de Helmholtz-Nerst no era adecuada, porque la agitación térmica del líquido tiende a separar los iones positivos de la superficie del coloide, formando una capa difusa alrededor de ella, donde el potencial cae lentamente, a una distancia,  $\delta$ , dentro del líquido que la rodea. (fig. 2.5 b).

3. Stern concluyó que era necesario aceptar la posibilidad de la coexistencia de las teoría de Helmholtz y Gouy, tomando en cuenta la formación de una capa adherida y una capa difusa alrededor del coloide (fig. 2.5 c) donde considera que el potencial cae rápidamente en la capa adherida y lentamente en la capa difusa.

El aumento de la concentración del electrolito al mezclarse los contraiones de la capa difusa o de Gouy - Chapman, la compresión de la doble capa disminuye la magnitud de las fuerzas repulsivas eliminando la barrera de energía. De acuerdo con la ley de Schulze-Hardy<sup>(10)</sup>, la concentraciones del electrolito necesaria para realizar la coagulación depende de la carga de los iones, es decir, que es mejor cuando mayor sea su valencia<sup>(11,12)</sup>.



Fig. 2.5 Modelos de las teorías de la doble capa<sup>(2)</sup>.

- a) Helmholtz.
- b) Gouy y Chapman.
- c) Stern.

La precipitación de un coloide la propicia el ión del electrolito añadido que tenga una carga opuesta a las particulas coloidales. El efecto de dicho ión se incrementa tanto más cuanto mayor sea el número de las cargas que poseen.

El modelo del puente químico<sup>(13)</sup> explica la relación (estequiométrica) que existe entre la cantidad de superficie disponible o cantidad de coloide y la cantidad de coagulante agregado.

O'Mella<sup>(14)</sup> explica, aunque el modelo del puente quimico ignora el efecto de las cargas eléctricas, la estequiometría y la sobredosis, es decir, que la desestabilización de las partículas coloidales por las sales del ión metálico no se puede describir completamente.

La coagulación se puede llevar a cabo en varias fases simultáneas: como la hidrólisis de los coagulantes y desestabilización de las particulas existente en la suspensión; por la precipitación y formación de compuesto químicos que se polimerizan; mediante la adsorción de las cadenas poliméricas en la superficie de los coloides; o por adsorción mutua entre los coloides y la acción de barridos.

Al agregar un coagulante al agua este se hidróliza y se puede producir la desestabilización de las particulas por simple adsorción específica de los productos de hidrólisis, en donde la capa doble del coloide esta rodeada de cargas negativas o por la interacción química de la superficie en los grupos ionizatles.

£

En las agua naturales, los coloides se encuentran siempre cargados negativamente. Como consecuencia de la solvatación debe considerarse la partícula colvidal ionizada parcialmente en su superficie, que se desplaza bajo la acción de un campo eléctrico.

Se le llama potencial Z (Zeta) a la diferencia de potencial de la carga entre la superfície que separa las parte fija y móvil de la doble capa, por una parte y el seno del líquido, por otra.

El parámetro Z es un potencial electrocinético, su valor determina la magnitud de las fuerzas electrostática de repulsión entre las partículas, y por lo tanto, su probabilidad de adhesión.

Cuando una partícula se encuentra sometida a un campo eléctrico alcanza, casi instantáneamente el potencial zeta de la solución independientemente de la coagulación - floculación, ya que el equilibric entre las fuerzas eléctricas de atracción y la fuerza de rozamiento debida a la viscosidad del medio establece la velocidad terminal. La ecuación siguiente establece la relación entre Z y la movilidad de la partícula:

$$Z = \frac{\lambda \omega \mu}{\epsilon} \qquad 2.1$$

donde:

ĩ

 $\mu$  = viscosidad absoluta (dyne•s / m<sup>2</sup>)  $\epsilon \approx \text{constante dieléctrica del medio (statcoulomb<sup>2</sup>/ dyne•m<sup>2</sup>)}$ 

 $\omega = movilidad de la particula (m<sup>2</sup>/volt·s)$ Z = se expresa en (volt).

El factor  $\lambda$  es función de los valores relativos entre el diámetro de la partícula y el espesor de la doble capa lónica. Según Helmholtz,  $\lambda$  vale 4m para particulas grandes y, 6m, para particulas pequeñas esféricas representadas en la ecuación de Hückel.

Cuando dos particulas esféricas iguales de un coloide se aproximan una a otra por efecto del movimiento browniano, la efectividad de la colisión de las particulas dependerá del balance de las fuerzas (repulsivas y atractivas) que resulte de la interacción.

Las particulas que permanecen dispersas en el agua generalmente tienen características coloidales porque mantienen interacciones electrostáticas de repulsión. Su estabilidad depende del balance de fuerzas que actúan en el sístema, porque en la solución poseen una área superficial.

La atracción de dos particulas en una solución dependerá del balance de las fuerzas de atracción y repulsión durante la interacción. La repulsión sucederá cuando las dobles capas de las partículas se traslapan.

Cuanto más se extienda la capa doble en la solución, que dependerá de la fuerza iónica de la solución, será mejor para la estabilidad de las particulas dispersas. Haciendo el anàlisis de interacción de dos particulas esféricas, De Latour desarrolló la función de potencial é y determinó que

la energia potencial repulsiva, Vr, está definida por la ecuación 2.2:

$$V_{\mu} \alpha \phi_{\nu}^{2} (b_{\nu}/d_{\mu})^{2} e^{-\lambda d_{\mu}}$$
 2.2

donde:

- $\phi$  = Potencial eléctrico de la superficie coloidal.(volt)
- b = Radio de las particulas esféricas.(m)
- d = Distancia entre los dos centros de las particulas coloidales.(m)
- d = Distancia entre la superficie de las particulas coloidales.(m)
- λ = Valor entre el diámetro de la partícula y el espesor de la doble capa.

La característica importante de esa ecuación es que la energía repulsiva decrece cuando el factor  $\lambda$  aumenta. Dicho factor representado en la ecuación 2.3 depende de la fuerza iónica de la solución, que a su vez representa concentración y valencia de las especies iónica presentes en la solución:

$$\lambda \alpha z_1(c_1)^{0.5}$$
 2.3

Si la concentración de iones es lo suficientemente grande para que la doble capa sea drásticamente comprimida, entonces las fuerzas atractivas en el sistema pueden ser dominantes y causar la aglomeración de particulas. En tal caso, la fuerza más importante de atracción entre dos particulas coloidales se debe a una interacción instantánea dipolo - dipolo inducido, conocida como fuerza de London - Van der Waals.

El parámetro de la doble capa,  $1/\lambda$ , depende de la concentración de los iónes del electrolito presentes en el sistema. Cuando el electrolito se dosifica el parámetro de  $1/\lambda$  disminuye. Por este motivo, las fuerzas y energía repulsivas disminuyen cuando el factor de  $\lambda$  aumenta. En la sección del balance total se detallará la aplicación de estos parámetros.

2.2.2 Sedimentación.

La sedimentación es uno de los procesos más ampliamente usado en el tratamiento de agua, ya que mediante ese proceso se logra la separación de los sólidos más densos que el agua porque tienen una velocidad de caida tal que les permite sedimentar.

Al sedimentar, los coágulos hacen un efecto de barrido, atrapando en su caida nuevas particulas que se incorporan a los microflóculos en formación (fig.2.6). La aparición de hidróxidos métalicos insolubles en agua, al precipitar, pueden contribuir también y, en algunos casos, producir por si solos el efecto de barrido. Las precipitaciones y reacciones que se llevan a cabo durante el proceso de coagulación son dependiente de la alcalinidad del agua, el pH, y la temperatura.

En términos generales la sedimentación se divide en dos etapas: sedimentación de particulas discretas, que es aquella en la cual los sólidos no cambian de densidad, tamaño o forma al descender en el líquido;





Fig. 2.6 Formación de flóculos<sup>(2)</sup>.

a) por efecto de barrido

b) por adsorción

y sedimentación de particulas aglomerables, aquella en que los sólidos al descender en el líquido se adhieren o aglutinan entre sí, cambiando su forma, tamaño y peso específico durante la caida <sup>(2)</sup>.

Las partículas (discretas y aglomerables) están sujetas a diferentes fuerzas (lónicas, Van der Waals, gravedad, flotación, etc.) cuando se encuentran en un líquido. Dependiendo del balance de esas fuerzas se define el estado de equilibrio final de éstas.

En un fluido estático una partícula que cae esta sometida a dos fuerzas la de flotación  $F_{_{\rm F}}$ , que es igual al peso del volumen de líquido desplazado por la partícula; de acuerdo con el principio de Arquímides, la gravitacional  $F_{_{\rm C}}$ , es el peso de la partícula. (fig. 2.7)



Fig. 2.7 Fuerzas actuantes en una partícula.
Las fuerzas actuantes de las partículas son las siguientes: Fuerza gravitacional:

F<sub>c</sub> = m g 2.4

$$F_c = V_p \rho_g$$
 2.5

Fuerza de flotación:

$$F_F = V_D \rho_f g$$
 2.6

Fuerza de arrastre:

$$F_{\rm D} = \frac{C_{\rm D} A_{\rm P} \rho_{\rm f} v_{\rm s}^2}{2} \qquad 2.7$$

El balance de la fuerza sobre una partícula discreta esta dado por la segunda Ley de Newton la suma de las fuerzas se evalúa con la siguiente ecuación:

$$m - \frac{d \vec{v}_s}{dt} = \vec{F}_c + \vec{F}_F + \vec{F}_D \qquad 2.8$$

donde:

 $\mathbf{m} = \mathbf{m}_{a,b} \text{ de la partícula. (Kg)}$   $\mathbf{v} = \mathbf{v} \text{elccidad de la partícula. (m/s)}$   $\mathbf{F}_{G} = \mathbf{F} \text{uerza gravitacional. (N)}$   $\mathbf{F}_{F} = \mathbf{F} \text{uerza de flotación. (N)}$   $\mathbf{F}_{D} = \mathbf{F} \text{uerza de arrastre. (N)}$ 

 $\begin{array}{l} \mathbf{C}_{\mathrm{D}} &= \mathrm{coeficiente} \ \mathrm{de} \ \mathrm{arrastre} \ \mathrm{o} \ \mathrm{de} \ \mathrm{fricción}. \\ \mathbf{A}_{\mathrm{p}} &= \mathrm{área} \ \mathrm{proyectada} \ \mathrm{de} \ \mathrm{la} \ \mathrm{partícula} \ \mathrm{en} \ \mathrm{dirección} \\ &= \mathrm{den movimiento.} \ (\ \mathrm{m}^2 \ ) \\ \boldsymbol{\rho}_{\mathrm{p}} &= \mathrm{densidad} \ \mathrm{del} \ \mathrm{sólido} \ \mathrm{o} \ \mathrm{partícula.} \ (\mathrm{kg/m}^3) \\ \boldsymbol{\rho}_{\mathrm{c}} &= \mathrm{densidad} \ \mathrm{del} \ \mathrm{fluido.} \ (\mathrm{kg/m}^3) \end{array}$ 

Como siempre existe un movimiento relativo entre la partícula y el fluido que la rodea, éste ejerce un arrastre sobre la primera. De la ecuaciones 2.4, 2.5 y 2.6 la fuerza que está impulsando la partícula hacia abajo será la diferencia:

$$F_{\mu} = F_{\mu} - F_{\mu} \qquad 2.9$$

$$F_{1} = g V_{0} (\rho_{1} - \rho_{2}) \qquad 2.10$$

donde:

$$\rho_{p} = \text{densidad del sólido.} (kg/m3)$$

$$\rho_{f} = \text{densidad del fluido.} (kg/m3)$$

$$g = \text{aceleración de la gravedad.} (m/s2)$$

$$V_{p} = \text{volumen de la partícula.} (m3)$$

Cuando la fuerza de arrastre es igual a la gravitacional del sólido la partícula adquiere su velocidad de asentamiento o velocidad límite, que es constante durante el resto del descenso.

Para hallar esta velocidad se igualan las ecuaciones 2.7 y 2.10

$$g V_{p} (\rho_{p} - \rho_{f}) = C_{D} A_{p} \rho_{f} \left[ -\frac{v_{s}^{2}}{2} \right]$$

$$\mathbf{v}_{\mathbf{g}} = \left[ \frac{2g}{C_{\mathbf{p}}} \frac{\rho_{\mathbf{p}} - \rho_{\mathbf{f}}}{\rho_{\mathbf{f}}} \frac{\mathbf{v}_{\mathbf{p}}}{A_{\mathbf{p}}} \right]^{1/2} 2.11$$

en donde:

$$\begin{split} & C_{\rm p} = \text{coeficiente de arrastre o de fricción.} \\ & A_{\rm p} = \text{área proyectada de la partícula en dirección} \\ & \text{del movimiento. (m<sup>2</sup>)} \\ & \rho_{\rm f} = \text{densidad del fluido. (kg/m<sup>3</sup>)} \\ & g = \text{aceleración de la gravedad. (m/s<sup>2</sup>)} \\ & \rho_{\rm p} = \text{densidad del sólido. (kg/m<sup>3</sup>)} \\ & V_{\rm p} = \text{volumen de la partícula. (m<sup>3</sup>).} \\ & v_{\rm p} = \text{velocidad del sólido. (m/s)} \end{split}$$

Un fluido es una sustancia incapaz de resistir fuerzas o esfuerzos de corte sin desplazarse, mientras que un sólido si puede hacerlo<sup>(15,16)</sup>.

Los fluidos se clasifican generalmente en líquidos y gases. El más utilizado es el líquido que esta sometido a fuerzas intermoleculares que lo mantiene unido de tal manera que su volumen es definido pero su forma no. Los líquidos son ligeramente compresibles y su densidad varía con la temperatura y la presión.

La relación de un esfuerzo cortante y gradiente de velocidad se conoce como relación newtoniana.

La fricción interna o los esfuerzos pueden generarse por la viscosidad de un fluido, como también la turbulencia provoca esfuerzos cortantes. La viscosidad es una propiedad de los fluidos que causa fricción. La importancia de la fricción en las situaciones físicas depende del fluido y de la configuración física o patrón de flujo.

Si la fricción es despreciable el flujo es ideal. La fricción puede originarse por viscosidad o por turbulencia. La viscosidad es una medida de la resistencia de fluido al corte cuando el fluido está en movimiento (un fluido no puede resistir esfuerzo de corte cuando el fluido está sin moverse y un sólido sí).

Es conveniente dividir los fluidos reales en diferentes regiones cada una de las cuales se pueden considerar Ideal, viscosa o turbulenta.

Los términos flujos laminar y flujos viscosos se usan como sinónimo para indicar que un fluido fluye en láminas o capas, en oposición al flujo turbulento en donde las componentes de la velocidad tienen fluctuaciones turbulentas al azar que se imponen sobre sus valores medios. Lo que determina la clase de flujo es dado por la velocidad y la configuración o tamaño del conducto. A medida que aumenta la velocidad el flujo cambiará de laminar a turbulento pasando por un régimen de transición.

Para el caso partícular de sólido esférico el área proyectada y el volumen están dados:

$$A = \frac{\pi d^2}{4}$$
  $V = \frac{\pi d^3}{6}$  2.12

Por lo tanto la relación de V y A es:

$$\frac{V}{A} = \frac{\pi d^3 / 6}{\pi d^2 / 4} = \frac{2}{3} d$$
 2.13

donde : d = diámetro de la partícula.(m)

De la ecuación 2.13 en la 2.11 se obtiene la ecuación 2.14:

$$\mathbf{v}_{\mathbf{s}} = \begin{bmatrix} \frac{2g}{C_{\mathrm{p}}} & \frac{\rho_{\mathrm{p}} - \rho_{\mathrm{f}}}{\rho_{\mathrm{r}}} & \frac{2}{3} & \mathrm{d} \\ \end{bmatrix}^{1/2} 2.14$$
$$\mathbf{v}_{\mathbf{s}} = \begin{bmatrix} \frac{4g}{3C_{\mathrm{p}}} & \frac{\rho_{\mathrm{p}} - \rho_{\mathrm{f}}}{\rho_{\mathrm{f}}} & \mathrm{d} \\ \end{bmatrix}^{1/2} 2.15$$

En la figura (2.8) se presenta una gráfica del coeficiente de arrastre  $C_D$ en función de N<sub>Re</sub> en la forma de una curva continua. Para N<sub>Re</sub> > 0.5 la constante C<sub>D</sub> se aproxima a C<sub>D</sub> =<sup>24</sup>/ N<sub>Re</sub> de acuerdo con la Ley de Stokes donde: N<sub>Re</sub> = número de Reynolds.



Fig 2.8 Factores de fricción para flujos laminar y turbulento<sup>(17)</sup>.

$$v_{m} = \begin{bmatrix} 4 g (\rho_{p} - \rho_{f}) d \\ \hline \\ 3 (\frac{24 \mu}{d v_{s}}) \rho_{f} \end{bmatrix}^{1/2}$$

$$\mathbf{v}_{\mathbf{s}} = \begin{bmatrix} \frac{g(\rho_{p} - \rho_{f})}{18\rho_{f} \frac{\mu}{v_{s}}} \end{bmatrix}^{1/2}$$

2.18

2.17

en donde: 
$$\frac{(\rho_p - \rho_f)}{\rho_f} = (s - 1)$$

 $v_{\rm s} = \frac{8}{18\,\mu}$  (s - 1) d<sup>2</sup> 2.19

En la región de flujo viscoso el N<sub>R</sub> es mayor a 0.2 x 10<sup>3</sup> y C<sub>D</sub> se aproxima a 0.40

$$v_{g} = \left[ 3.3 \text{ g} \left[ \frac{\rho_{p} - \rho_{f}}{\rho_{f}} \right] \right]^{1/2} d$$

2.20

En las partículas esféricas se sustituye la relación correspondiente por su diámetro. Si el flujo es laminar, según Stokes se aplica la ecuación 2.15 cuando el N<sub>ne</sub> se encuentra en el intervalo de 2 a  $500^{(17)}$ .

Para remover las partículas entre .1 y 100 micras ( $\mu$ ) el N<sub>Re</sub> debe mantenerse en un intervalo de 0.001 a 10. Por último en la región de transición o intermedia entre los dos extremos se calcula por la ecuación de coeficiente de fricción de Newton:

$$C_{\rm p} = \frac{24}{N_{\rm Re}} + \frac{3}{\left(N_{\rm Re}\right)^{1/2}} + 0.34$$
 2.21

existe la dificultad de que hay que conocer previamente v<sub>g</sub> para encontrar  $N_{p_n}$  y C<sub>n</sub>. Sin embargo, cuando el  $N_{p_n}$  es de 1-1000 se tiene:

$$C_{\rm D} = \frac{18.5}{N_{\rm Re}^{0.6}}$$
 2.22

y la velocidad de sedimentación es:

$$\mathbf{v}_{g} = \begin{bmatrix} 2.32 \ (\rho_{p} - \rho_{r}) \ d^{1.6} \ \bar{\rho}_{r}^{0.4} \ \bar{\mu}_{o}^{0.6} \end{bmatrix}$$
 2.23

Las correlaciones anteriores para la velocidad de asentamiento son estrictamente aplicables sólo a fluidos newtonianos en los que la viscosidad es independiente del índice del esfuerzo cortante y la duración del mismo.

2.3 Sembrado magnético

El sembrado magnético consiste básicamente en introducir en una solución o suspensión partículas susceptibles al campo magnético, para que sirvan como medio indirecto de atrapamiento de elementos, sustancias o partículas que se deseen remover. De esa forma es posible precipitar elementos en solución, atraer al campo partículas susceptibles o indirectamente atraer partículas como flóculos, mediante el sembrado de una partícula (semilla) magnética atraída por el campo magnético.<sup>(10)</sup>.

2.3.1 Semilla magnética

La semilla magnética puede estar caracterizada por diversos tipos de materiales entre los cuales se encuentran los óxidos de hierro los cuales se usan en los procesos de coagulación floculación y sedimentación, el fenómeno físico del atrapamiento de las partículas magnéticas se debe a las fuerzas que interactúan en el sistema. La semilla magnética puede ser de origen natural o sintética de diferentes grado de pureza. Hartig *et al*<sup>(18)</sup>, el grado de pureza se determina con la frecuencia de colisión (ciclos).



Fig. 2.9 Campo magnético y la magnetización<sup>(B)</sup>.

El estado magnético de un mineral, sea una partícula (semilla magnética) o cualquier material de hierro, depende del campo magnético al que se someta y del estado magnético del propio material. La dependencia del campo de la magnetización es posible describirla mejor tomando como base la fig 2.9, en la cual se relacionan el campo magnético y la magnetización.

Al inicio la partícula se encuentra desmagnetizada, conforme se aplica campo magnético su magnetización aumenta lentamente g; sin embargo, si el campo aplicado es pequeño y desaparece, la magnetización se vuelve cero.

Cuando se aplica un campo magnético fuerte que sea crítico, se experimenta un cambio importante en el comportamiento magnético de la partícula, es decir, existe magnetización de saturación, que al suspenderse el campo no

sigue la trayectoria de disminución como en el inicio; al fenómeno se le conoce como desarrollo de histéresis.

Al desaparecer el campo magnético bajo las condiciones anteriores la partícula quedará con una magnetización de saturación remanente, b. Cuando el campo se invierte la magnetización se vuelve cero y el valor de éste se conoce como fuerza coerciva o coercividad del material, c. Si se continúa induciendo un campo magnético puesto a la partícula, al valor aplicado en un comportamiento lineal de magnetización de la partícula se le llama coercividad remanente. Al cambio de campo magnético hasta la magnetización de saturación de la partícula se le conoce como ciclo de histéresis<sup>(8)</sup>.

Cada material, dependiendo de sus características mineralógicas y propiedades, tienen un comportamiento específico del ciclo de histéresis; así, por ejemplo, la magnetita,  $Fe_3O_4$  produce un ciclo de histéresis delgado y alargado; en cambio, la hematita,  $\alpha FeO_3$  lo produce ancho y aplanado. El comportamiento de los ciclos de histérisis también depende de la variación del tamaño de las partículas, forma y estructura; aún la temperatura tiene cambios en la intensidad de la remanencia causada por el tamaño y cantidad de partículas.

Las características importantes de una semilla magnética son:

- Que al aumentar su cantidad, suministra más sólidos en el proceso e incrementa la frecuencia de colisión de las particulas.
- 2. Que cuanco la fuerza magnética de la matriz es baja, el sistema lo

retiene; si aumenta la intensidad, la retención de las partículas se incrementa.

 Que al adherirse en la matriz magnética se propiela la fuerza de interacción del sistema.

## 2.3.2 Matriz ferromagnética

La matriz es el medio que se utiliza para atrapar las partículas en sistemas aplicando inducción magnética.

Existen diferentes tipos de matrices: éstas pueden ser esferas, fibras, láminas planas, etc; las cuales se seleccionarán dependiendo de las características del mineral (sembrado) que se emplee según sea el caso en estudio<sup>(19)</sup>.

Si en la separación de partículas paramagnéticas el campo es suficientemente fuerte para lograr tal propósito, entonces se requiere inducir un gradiente de campo magnético. De esa forma las partículas paramagnéticas se depositarán en la matriz (zona de atrapamiento) independientemente del sembrado que se emplee.

Para seleccionar una matriz se deben tomar en cuenta las características siguientes:

- -Que el gradiente de campo magnético sea máximo.
- -Que coleccione un área superficial por unidad de volumen de la zona colección.

-Que exista una capacidad de limpieza de la matriz de las partículas ferromagnéticas con poco o ningún tiempo fuera de servicio del separador.

Que exista una relación de permeabilidad: flujo de fluido; se para ello se necesita alimentar el líquido a presión para tener una tasa de flujo adecuada.

-Que tenga una permeabilidad magnética para lo cual se requiere particularmente que en la zona de separación exista un espacio de tipo de circuito magnético de hierro, ya que una matriz muy permeable permite que una fuerza de mayor campo con menor consumo de energía.

Como existen muchas características para definir los diferentes tipos de matriz, en este caso se considera importante describir el tamaño y porosidad como parámetros que describen las características de la matriz.

Al mantenerse la porosidad constante y disminuir el tamaño característico de la matriz, suceden los cambios siguientes: el gradiente de campo promedio y máximo se incrementa en proporción inversa al tamaño característico, la fuerza magnética aumenta en porporción directa a la relación del tamaño de la matriz con el tamaño de la partícula; aumenta el área superficial de colección; se dificulta la limpieza de la matriz; la relación permeabilidad:flujo disminuye en proporción directa al cuadrado del tamaño de la matriz y, por último, la permeabilidad magnética no cambia. En el caso de que la geometría, tamaño característico de la matriz y campo externo permanezcan constantes, con un incremento de la porosidad, suceden los cambios siguientes: el gradiente de campo máximo permanece

igual, el gradiente de campo promedio disminuye, el área superficial de colección disminuye, la limpieza de la matriz es más fácil, se incrementa la relación permeabilidad:flujo, y por último la permeabilidad magnética disminuye.

El material que se utilice para la matriz debe ser poco magnetizable<sup>(19)</sup>, de tal forma que retenga mínima magnetización cuando desaparece el campo externo y se desprenda las partículas; de lo contrario no es posible remover las partículas ferromagnéticas sin desmontar la matriz.

2.4 Separación magnética de alto gradiente. (SHAG).

La separación magnética<sup>(6)</sup> es un proceso que se inició su estudio a principio de este siglo. Con la investigación se beneficiaron algunas industrias porque lograron la remoción, sedimentación, recuperación o concentraciones de minerales de hierro de micro tamaño a grandos gastos. En la fig. 2.10 se representa el esquema de un separador magnético rotatorio utilizado en la separación de partículas susceptibles al campo de aquellas no susceptibles. Así también, el campo magnético se ha aplicado en la purificación de sólidos tales como: arcillas, partículas magnéticas, mineral del carbón 12, desulfuración de carbón, fosfatos, aceites, bacterias y algunos metales pesados entre otros. Con el desarrollo tecnológico industrial se ha planteado la recuperación de sólidos mediante la aplicación de nuevas tecnologías; así es como surgen los primeros estudios sobre la separación magnética de alto gradiente (SMAG)<sup>(4,5,6,20)</sup>.



Fig. 2.10 Separador magnético rotatorio.

que se considera como un método de reciente aplicación comparado con otros<sup>(21,22)</sup>. Se caracteriza por la separación de particulas pequeñas de poca susceptibilidad magnética tales como:  $Al_2O_3$ , CuO, ZnO, ZnOH<sub>2</sub>, TiO<sub>2</sub>, TiO<sub>2</sub>, TiO<sub>2</sub>, SiO<sub>2</sub>, etc., que la separación magnética convencional no logra retener por los grandes gastos aplicados.

Las fuerzas ejercidas por una carga móvil sobre otra, crea un campo magnético en el espacio que la rodea, y es éste campo el que ejerce una fuerza sobre otra carga que se mueve en él. Además del campo magnético creado alrededor de una carga móvil, existe el campo electrostático que rodea la carga, esté ésta o no en movimiento. Una segunda partícula cargada, situada en estos campos combinados, experimenta una fuerza debida al campo eléctrico, ya sea que se halle en movimiento o en reposo. El campo magnético ejerce una fuerza sobre ella únicamente si ésta en movimiento. Hay muchas analogías entre los campos eléctricos y magnéticos, aunque ambos son esencialmente diferentes en cuanto a su naturaleza y se refieren a conjunto de fenómenos por entero distintos. Lo mismo que el eléctrico, el campo magnético es una magnitud vectorial que tiene en cada punto un cierto valor y una determinada dirección. Se aplican dos vectores eléctricos É y D para describir distintos aspectos de un campo eléctrico; conviene considerar dos vectores para el campo magnético, B y H, relacionados análogamente.

En general, el vector E o B tiene dirección igual a la tangente en un punto de la línea de fuerza o de campo. Por convenio, el número de estas líneas por unidad de superficie normal a su dirección se hace igual al valor de la inducción; por consiguiente, la inducción en un punto puede expresarse en líneas sobre unidad de superficie. En el sistema mks una línea de inducción se denomina weber y la inducción magnética B se expresa en webers sobre metro cuadrado ( $wb/m^2$ ). En el sistema electromagnético una línea de inducción se denomina maxwell, y la inducción magnética se expresa en maxwells sobre metro cuadrado la cual también se le denomina Tesla (kg/A·s<sup>2</sup>).

El número total de líneas de inducción que atraviesan una superficie se denomina flujo magnético a través de la superficie y se representa por  $\phi$ . Mediante el concepto de líneas de fuerzas introducido por Faraday como un medio auxiliar para representar campos eléctricos (o magnéticos)<sup>(24)</sup> por este estudio se deduce que la ecuación general se expresa así:

2.24

y en el caso especial en que B es uniforme y normal a la superficie finita A, y la ecuación 2.25 se expresa:

En el sistema mks, el flujo magnético se expresa en weber. Puesto que la inducción es sólo la magnitud de la inducciónen un punto es igual al flujo por unidad de superficie, se denomina con frecuencia densidad de flujo.





La figura 2.11 representa las líneas de inducción SOD rectas paralelas al eje X e igualmente espaciadas. Una carga positiva σ. que se mueve con velocidad v. perpendicularmente a la dirección de la inducción, está sometida, según demuestra la experiencia, a una fuerza F en la dirección indicada, perpendicular a su velocidad  $\vec{v}$  y la inducción B. El valor de esta fuerza está dado por F =  $\sigma \vec{v} X B v$  se expresa en Newton. Los vectores B.  $\vec{v}$  y F forman una terna de ejes rectangulares. En algunos casos especiales la velocidad de la carga móvil es perpendicular a la dirección del campo. Con más generalidad, si el vector velocidad,  $\vec{v}$ forma un ángulo  $\varphi$  con el vector inducción, B, como lo indica la figura 2.11 por lo consiguiente, la fuerza es proporcional a la componente de la velocidad y perpendicular a la dirección de la inducción magnética.

El separador esta diseñado en forma solenoidal<sup>(4)</sup> en donde las líneas del campo magnético son paralelas al del flujo del sistema<sup>(25)</sup>. El SMAG está distribuido por un empaque de material magnético (fibras, mallas, partículas, etc.), y una columna acrilíca que al inducir el campo magnético magnetiza el empaque llamado también matriz. Al magnetizarse las partículas con el sembrudo que contiene el fluido se quedan atrapadas en dicho empaque o matriz siempre y cuando la fuerza magnética sea mayor que la fuerza de arrastre y la fuerza de gravedad<sup>(10)</sup>.

El gasto, la fuerza de arrastre, el campo magnético, la fuerza de flotación actúan entre si en la región separada del empaque. La recuperación de las partículas magnéticas depende del radio del dispositivo en donde ejerce el

campo magnético. La susceptibilidad magnética y tamaño de la partícula son características muy importantes para incrementar la intensidad magnética y el valor de la intensidad no cambia al saturarse con el sembrado<sup>(B)</sup>.

Si se aplica más de una semilla magnética, la de mayor magnetización va hacia el centro del solenoide, mientras la otra o las demás semillas se adhieren en la región de afuera por ser baja su magnetización. A pesar de que las partículas paramagnéticas, cuando aumentan su campo, incrementan en el mismo orden de magnitud la fuerza gravitacional, distinto sucede con las partículas ferromagnéticas por aumentar su cantidad de masa el campo magnético externo obtiene valores muy bajos.

Para determinar las fuerzas que actúan en un separador magnético se deben calcular las fuerzas magnéticas en función de las propiedades de las particulas y los parámetros del dispositivo.

La fig 2.12 representa la imantación de una barra de hierro colocada en un campo magnético que era uniforme antes de introducir la barra como un solenoide. El valor de H en cualquier punto antes de introducir la barra está dado por la excitación magnética, puesto que no existen polos. Además, si se mantiene constante la corriente en el solenoide, esta componente de H permanece a su vez constante después de introducir la barra. Tan pronto como se introduce la barra se convierte en un imán y aparecen en sus extremos polos norte y sur. Las líneas de fuerza de  $H_{\mu}$ , componentes de H producida por los polos, se representan por la líneas de trazos y también . el sentido de esta componente dentro de la barra es opuesto al de  $H_{i}$ .

Además, el valor de  $H_{\mu}$  no es el mismo en todos los puntos, sino que es grande en la proximidad de los polos y mucho más débil en el centro de la barra. La excitación magnética resultante varía, considerablemente de un punto a otro de la barra, quedando ésta uniformemente no imantada, y sus polos no permanecen confinados en sus caras extremas.



Fig. 2.12 Campo externo magnético<sup>(24)</sup>.

Al quitar repentinamente el espiral (alambre) de la bobina, el cambio de la lectura es proporcional al cambio de número de líneas de flujo magnético y, por consecuencia, al separar el flujo magnético por sección de área de la barra se obtiene la densidad del flujo o la inducción del campo magnético B (wb/  $m^2$ ), si se induce la espiral en su posición original la lectura es proporcional al flujo magnético que se le denomina la inducción magnética intrínseca (wtw/  $m^2$ ), detallada anteriormente. Si se retiran ambas la barra y la bobina de la posición original produce un cambio en la densidad del flujo la cual es proporcional al campo magnétizado y se define así:

$$B = H + \psi$$

La inducción magnética B es igual al campo magnetizado H más la inducción magnética intrinseca & del material. La intensidad de la magnetización o simplemente la magnetización del material se utiliza más que la inducción magnética intrinseca. La magnetización se expresa con J (wb/  $m^2$ ). La relación entre  $\psi$  y J esta dada<sup>(20)</sup>:

$$\psi = 4\pi J \qquad 2.27$$

Sustituyendo la ecuación 2.27 en 2.26 se obtiene la ecuación 2.28

$$B = H + 4\pi J$$
 2.28

La J tiene la misma dimension de B Y H, es decir, se expresa en Tesla o wb/ m<sup>2</sup>. La magnetización puede ser interpretada como el momento dipolar magnético sobre unidad de volumen del material<sup>(24)</sup>.

Otra importante variable que se encuentra es la magnetización específica  $\sigma$ , que se define:

donde:

 $\rho$  = densidad del material.(Kg/m<sup>3</sup>)

42

2.26

La relación entre J y H es la susceptibilidad magnética<sup>(24)</sup>  $\kappa$  $\kappa = J / H$  2.30

Para los materiales paramagnéticos la  $\kappa$  generalmente es constante no mayor de 10<sup>-3</sup>, para los diamagnéticos la  $\kappa$  es negativa no menor de 10<sup>-5(24)</sup>.

Es conveniente recalcar que la susceptibilidad especifica de un material se expresa por  $\chi$ 

De la ecuación 2.29, 2.30 y 2.31 se obtiene la ecuación 2.32

La susceptibilidad molar de un átomo, ión o compuesto  $\chi_{a}$ , es igual a la susceptibilidad específica multiplicado por su peso molecular.

Además, las susceptibilidades de los materiales ferromagnéticos se describen como permeabilidad magnética,  $\beta$ :

De la ecuación 2.28, 2.30 y 2.33 se obtiene la ecuación 2.34

$$\beta = 1 + 4\pi\kappa$$

2.34

El material ferromagnético cambia cuando  $\beta$  varía con H y de la misma manera la  $\kappa$ .

Para estos casos es muy difícil calcular la fuerza magnética sobre una partícula o varias, ya que ésta es demasiado pequeña al campo externo y directamente va uniforme a la región magnética ocupada en la que puede ser remplazada por la susceptibilidad,  $\kappa$ , del dipolo magnético localizado en el centro de la masa de la partícula.

La fuerza magnética en forma vectorial se expresa:

→ → → F = m V H

donde: m ≃ momento magnético de la particula.{wb - m} → H ≃ campo magnético en el centro de la particula.(A/m)

La magnetización de un material se representa como un momento magnético por unidad de volumen. Para una particula pequeña con la magnetización uniforme, J y el volumen, V se expresa así:

2.35

m = V J 2.36 m = V κ H 2.37

Con el término de la susceptibilidad específica y la masa de la partícula obtenemos la ecuación 2.38:

n = M χ H

2.38

Y la ecuación en forma cartesiana con sus respectivas componentes se describen así:

$$F_{x} = m_{x} \frac{\partial Hx}{\partial x} + m_{y} \frac{\partial Hy}{\partial x} + m_{z} \frac{\partial Hz}{\partial x}$$

$$F_{y} = m_{x} \frac{\partial Hx}{\partial y} + m_{y} \frac{\partial Hy}{\partial y} + m_{z} \frac{\partial Hz}{\partial y}$$

$$F_{z} = m_{z} \frac{\partial Hx}{\partial x} + m_{y} \frac{\partial Hy}{\partial y} + m_{z} \frac{\partial Hz}{\partial x}$$

$$2.39$$

Al sustituir la ecuación 2.37 en 2.39 se obtiene la fuerza paramagnética de las partículas:

$$F_{x} = k V \left[ H_{x} \frac{\partial H_{x}}{\partial x} + H_{y} \frac{\partial H_{y}}{\partial x} + H_{z} \frac{\partial H_{z}}{\partial x} \right] \qquad 2.42$$

además, las fuerzas  $F_y$  y  $F_z$  son similares. El separador que es capaz de colectar las partículas para, ferri, ferro - magnética se le llama separador magnético de alto gradiente o separador magnético de alta intensidad (SMAG).

Como complemento para hacer el análisis se presenta el sistema de  $\rightarrow$ coordenadas descrito en la fig. 2.13, donde un campo magnético externo H se aplica a una esfera de radio a, y en respuesta ésta desarrolla una  $\rightarrow$ magnetización J, paralela a H De acuerdo con la teoria electromagnética las componentes del campo magnético, H, afuera de la partícula se definen<sup>(26)</sup> como:

$$H_{r} = \left[ H_{o} + \frac{8\pi}{3} J \frac{a^{3}}{r^{3}} \right] \cos \theta \qquad 2.43$$

$$H_{\Theta} = \left[ -H_{o} + \frac{4\pi}{3} J \frac{a^{3}}{r^{3}} \right] \sin \theta \qquad 2.44$$

donde:

H = campo magnético radial

H\_ = campo magnético en dirección polar.



Fig. 2.13 Fuerzas de las partículas y arreglo de matriz<sup>(26)</sup>.

Las fuerzas resultantes en forma cartesiana y polar, se obtienen de las ecuaciones 2.43 y 2.44:

$$F_{r} = \kappa V \left[ H_{r} \frac{\partial H_{r}}{\partial r} + H_{\Theta} \frac{\partial H_{\Theta}}{\partial \Theta} \right]$$
 2.45

 $F_{\Theta} = \kappa \ \forall \ r^{-1} \left[ H_{r} \frac{\partial H_{r}}{\partial r} + H_{\Theta} \frac{\partial H_{\Theta}}{\partial \Theta} \right]$  2.46

El término F<sub>e</sub> es una fuerza que tiende a mover una particula paramagnética del  $\theta = 0$  ó  $\theta = \pi$  por cualquier posición de la partícula en la matriz.

La ecuación 2.43 es forma radial y la ecuación 2.44 es la forma tangencial y por consiguientes las gradientes de estas ecuaciones estan dadas así:

$$\frac{\partial H}{\partial r} = -3\pi J - \frac{3}{r} \cos \theta \qquad 2.47$$

$$\frac{\partial H_{\odot}}{\partial r} = -4\pi J - \frac{a^2}{4} \sin\theta \qquad 2.48$$

El significado de los términos de los gradiente depende sólo de la magnetización de la particula. Una vez que la partícula ha sido magnetizada hasta la saturación, la fuerza externa del campo magnético aumenta y en cambio la gradiente del campo magnético permanece igual.

La fuerza magnética continúa aumentado por el incremento de la magnetización de la particula a medida que la primera fuerza (potencia) es mayor que el cuadrado de la fuerza magnética.

Al sustituir la ecuación 2.43 y 2.47 en la 2.45 ó 2.44 y 2.48 en la 2.46 dada en la expresión de  $F_r$  en función de r y  $\Theta$ , cualquier particula paramagnética tiende a moverse al sitio donde la fuerza es mayor, si la superficie equivale que r = a,  $\Theta \approx 0$  ó  $\Theta = \pi$ . La fuerza magnética  $F_m$ evaluada en ese punto va hacia el centro de la matriz con una magnitud que se describe así:

$$F_{a} = 8 \pi \kappa V J a^{-1} \left[ H_{o} + \frac{8 \pi}{3} J \right] \qquad 2.49$$

Para el caso partícular de un sólido esférico el área, A, y el volumen, V, están dados en la ecuación 2.12 y si se toma el volumen, V, en término del diámetro d, de la ecuación 2.12 de la partícula en una matriz cilindrica la ecuación 2.49 se transforma así:

$$F_{\rm g} = \frac{4 \pi^2}{3} \kappa d^3 J a^{-1} \left[ H_{\rm o} + \frac{8 \pi}{3} J \right] \qquad 2.50$$

La atracción magnética opuesta en la matriz ejerce otras fuerzas: la de arrastre hidródinamico  $F_p$  y la gravitacional  $F_c$ . La alta intensidad del SHAG siempre se ha caracterizado por la existencia de particulas de un diámetro menos de 200 µm (micras).<sup>(27)</sup> La fuerza de arrastre de las particulas se define por la ley de Stokes:

donde:

 $\eta = vicosidad cinemática.(m<sup>2</sup>/s)$ v = velocidad del fluido.(m/s) Sin embargo, si una particula de 100  $\mu$ m puede ser recolectada, se complica la remoción cuando disminuye su diámetro hasta tres veces (d<sup>3</sup>) su valor, y la fuerza magnética disminuye mientras la fuerza de arrastre sólo disminuye una vez su diámetro (d). El tamaño minimo de la particula dentro de la matriz se puede retener igualando la ecuación F<sub>a</sub> y F<sub>n</sub> y se obtiene:

$$d = \left[ \begin{array}{c} 9 \eta \upsilon a \\ \hline \\ 4 \pi \kappa J \left[ H_o + \frac{8 \pi}{3} J \right] \end{array} \right] 2.52$$

2.5 Balance total de fuerza con inducción magnética.

Las fuerzas que ejercen en el SMAG por medio de los procesos de coagulación, floculación combrado y sedimentación se explicó detalladamente en los incisos anteriores con el objetivo de hacer el balance total de fuerzas.

El balance total de la interación de dos partículas en el sistema acuoso con un campo magnético externo esta definido por<sup>(28)</sup>:

$$\begin{array}{ccc} \rightarrow & \rightarrow & \rightarrow & \rightarrow \\ F_{T} = F_{R} + F_{A} + F_{L} + F_{D} & 2.53 \end{array}$$

donde:

→  $F_R =$ fuerza eléctrica de la doble capa. (N) →  $F_A =$ fuerza potencial de Van der Waais. (N) →  $F_R =$ interacción magnética dipolar. (N) →  $F_n =$ fuerza hidródinamica (arrastre).(N)

La fuerza potencial de Van der Waals para una interación entre una malla plana en una matriz cilíndrica (fig. 2.14) se expresa:

$$F_{A} = \frac{A}{6} \left[ \frac{2a(a+x)}{x(x+2a)} - \ln \frac{x+2a}{x} \right] 2.54$$

donde:

A<sub>H</sub> = constante de Hamarker<sup>(26,28)</sup>. a = radio de la partícula. (m) x = distancia entre el radio de la malla hacia el cilindro. (m)

En la interación magnética de partículas iguales la fuerza de Van der Waals se expresa así:

$$F_{A} = \frac{\Lambda}{6} \left[ \frac{2 a^{2}}{4ax + x^{2}} + \frac{2 a^{2}}{(2a + x)^{2}} + \ln \frac{4ax + x^{2}}{(2a + x)^{2}} \right]$$
 2.55



Fig. 2.14 Coordenadas en un plano  $X = Z^{(20)}$ .

Al suponer que la superficie potencial sea constante la potencial de la doble capa entre el cilindro y la matriz se define:

$$F_{R} = \pi ca \left[ (\varphi_{1} + \varphi_{2})^{2} \ln (1 + e^{-Tx}) + (\varphi_{1} - \varphi_{2})^{2} \ln (1 - e^{-Tx}) \right] 2.56$$

donde:

c = constante dieléctrica media.

 $\varphi_1 \neq \varphi_2^{=}$  superficie potencial de la partícula y malla.

 $\tau = distancia recíproca de Debye-Hückel<sup>(28,29)</sup> (µm).$ 

La fuerza de la doble capa para partícula esféricas esta dado:

$$F_{\rm R} = 4\pi\varepsilon a^2 \varphi^2 \frac{e^{-\tau x}}{2a + x} \qquad 2.57$$

La interación de la fuerza magnética entre una partícula y una matriz<sup>(26,30)</sup> se define:

$$F_{H} = -\frac{\mu_{o}\kappa}{2} \left[ -\frac{a^{3}}{3} - \frac{4\pi H}{(1 + \frac{a}{b})} + \frac{\pi H^{2}a^{3}}{4(1 + 2\frac{a}{b})} \right]$$

$$\left[ -\frac{a}{b} + \left[ -\frac{(\frac{a}{b})^{2}}{(1 + 2\frac{a}{b})^{1/2}} - (1 + 2\frac{a}{b})^{1/2} - (1 + 2\frac{a}{b})^{1/2$$

donde:

 $\mu$  = permeabilidad magnética del vacío (4 $\pi$  • 10<sup>-7</sup> H/m).

κ = susceptibilidad magnética de la partícula.

M = magnetización de la matriz (amp/m).

H = intensidad del campo magnético (amp/m).

a y b = radio de la partícula y malla, respectivamente (m) (fig 2.14).

El espesor del límite de la doble capa del flujo laminar y turbulento se determina con las siguientes expresiones:

$$\delta_{\rm L} = 5 \left[ -\frac{\mu b}{\rho v} \right]^{1/2}$$
 2.59

 $\delta_{T} = 0.37 \left[ \frac{\mu b^{4}}{\rho v} \right]^{1/5}$ 

2.60

donde:

 $\delta_{L}$  = espesor laminar (m).  $\delta_{+}$  = espesor turbulento (m).

La fuerza magnética de la interación dipolar entre las partículas (para o ferromagnética) se expresa así:

$$F_{\rm H} = \frac{8 \pi \mu \kappa^2 H^2 a^6}{9 (x + 2a)^3}$$
 2.61

El valor del efecto de la partícula en la tensión del ensemblaje de las mallas se evalua por Blasios<sup>(25)</sup>, en donde una partícula con un radio a, es comparado con el grosor de la doble capa, y la retención de las partículas en la malla en este caso la matriz, el radio es b, en la cual se determina así:

$$F_{\mu} = \frac{\pi^2 a^2}{4} b \rho^{1/2} \nu^{3/2} \mu^{1/2} (x + 2a)^{-1/2} \left[ 9.861 \theta - 3.863 \theta^3 + 0.413 \theta^5 + \dots \right]$$

Si el radio de las partículas es grande, para la fuerza de arrastre se emplea la ley de Stokes:

donde:

ρ = densidad del fluido (kg/m<sup>3</sup>).
μ = viscosidad absoluta (kg/s·m)
υ = velocidad del flujo (m<sup>3</sup>/s).
θ = ángulo de la partícula (fig. 2.14).
a = radio de la partícula (m)
b = radio de la maila (m)

El efecto de arrastre en cada malla o matriz el número de Reynolds,  $N_{\rm Re}^{},$  se define:

$$N_{Re} = \frac{2 b G}{\mu (1 + P_{e})}$$
 2.64

donde:

G \* flujo másico (kg/m<sup>2</sup>·s)

P\_ = porosidad de la matriz (partícula).

La fuerza de arrastre juega un papel muy significativo, la velocidad de desorción que es proporcional al número de Reynolds  $N_{Re}^{n}$  donde 2 < n > 6<sup>(15)</sup>.

Sustituyendo ias ecuaciones 2.55, 2.57, 2.58 y 2.62 en la ecuación 2.53, obtenemos la fuerza total (resultante) sobre la partícula. El álgebra involucrada es elememtal pero laboriosa y no vale la pena incluirla en este estudio. La expresión a la que se llega es:

$$\vec{F}_{T} = -\frac{A}{6} \left[ -\frac{2 a^{2}}{4ax + x^{2}} + \frac{2 a^{2}}{(2a + x)^{2}} + \ln \frac{4ax + x^{2}}{(2a + x)^{2}} \right] + \pi ca \left[ (\varphi_{1} + \varphi_{2})^{2} \ln (1 + e^{-Tx}) + (\varphi_{1} - \varphi_{2})^{2} \ln (1 - e^{-Tx}) \right] + \left[ -\frac{\mu_{o} \kappa}{2} \left[ -\frac{a^{3}}{3} - \frac{4\pi H H}{(1 + \frac{a}{b})} + \frac{\pi H^{2} a^{3}}{4 (1 + 2 - \frac{a}{b})} \right] \right] \\ \left[ -\frac{a}{b} + \left[ -\frac{(-\frac{a}{b})^{2}}{(1 + 2 - \frac{a}{b})^{1/2}} - (1 + 2 - \frac{a}{b})^{1/2} \right] \right] \\ arctan - \frac{a}{b} - \frac{a}{b} - \frac{a}{b} - \frac{\pi^{2} a^{2}}{4} b \rho^{1/2} \nu^{3/2} \mu^{1/2} \\ (x + 2a)^{-1/2} \left[ 9.861 \theta - 3.863 \theta^{3} + 0.413 \theta^{5} + \dots \right]$$

# 3. CONDICIONES EXPERIMENTALES

## 3.1 Generalidades

Del análisis de la bibliografía y referencias citadas en el capítulo anterior, con respecto a la aplicación de campo magnético para remover metales pesados, se han seleccionado como variables de prueba para remover arsénico plomo las siguientes: dosificación y de coagulante. FeC1\_<sup>{2,4,31,32,33}</sup>. inducción de campo magnético con matriz. solenoide $^{(4,31)}$ , sembrado magnético, Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> industrial, y flujo de agua residual. Como complemento de la experimentación se decidieron hacer pruebas con diferentes concentraciones de As<sup>5+</sup> y Pb<sup>2+</sup>.

### 3.2 Condiciones de pruebas

De acuerdo con el planteamiento experimental descrito en el inciso anterior, el ámbito de prueba de las variables consideradas se describe en la tabla 3.1

PARAMETROS	VARIACION
Coagulante, FeCl <sub>3</sub>	10, 20 mg/1
Sembrado, Fe <sub>2</sub> 0	0.5, 1.0 g
Concentración de As <sup>5+</sup> y Pb <sup>2+</sup>	0.5, 1.0, 1.5 mg/l
Flujo descendente	150, 300 ml/min
Intensidad	mín. (0) y máx. (0.70) mT

### TABLA 3.1 CONDICIONES EXPERIMENTALES

#### 3.3 Calidad de agua

Debido a la dificultad de transporte que existe para experimentar con un agua natural contaminada con arsénico, como es el caso de los pozos en la Comarca Lagunera, estado de Coahulla, se prefirió preparar el agua en el laboratorio como se hizo en otros estudios<sup>(4,31,33)</sup>.

Dadas las características de la experimentación, por el volumen de agua requerido por prueba, fue necesario preparar aproximadamente 1800 litros de agua requerida por prueba de la calidad deseada. El agua se preparó en un
tanque con capacidad para 2000 litros, dosificando 140 g de  $Ca(OH)_2$ , 100 mi de  $H_2SO_4$  concentrado y manteniendo la agitación por medio de recirculación y aeración durante varios dias, hasta lograr una caracterización homógenea. En la fig 3.1 se describe el diagrama de flujo del sistema para preparar el agua y alimentarla al tanque de mezcla con los contaminantes. Los resultados de la caracterización del agua se resumen en la tabla 3.2, a la cual solamente le falta incluir la concentración de metal y el contenido de sembrado magnético correspondiente para cada prueba.



Fig. 3.1 Esquema del agua pretratada.

### TABLA 3.2 CALIDAD DEL AGUA DE PRUEBA

PARAMETROS	VALOR
Temperatura, 'C	25.0
pH, adimensional	8.5
Alcalinidad como CaCO3	75.0
Dureza de Ca <sup>+2</sup>	217.5
Cloruros, Cl	50.0
Sulfatos, SO -2 •	444.0
Turbiedad, NTU	1.5

\* mg/1

### 3.4 Soluciones

Las soluciones de arsénico y plomo se prepararon de las sales respectivas de  $Na_2HAsO_4 \cdot 7H_2O$  y  $Pb(NO_3)_2$  existentes en el laboratorio. Las soluciones fueron concentradas, con el objetos de dosificar el volumen apropiado para cada condición de prueba fijada. (ver anexo V).

La solución de coaguiante,  $FeCl_3$ , se preparó concentrada para reducir la posibilidad de descomposición<sup>(2)</sup> y, tomando como base la concentración de prueba y un balance de masa que se describe en la fig. 3.2. Con respecto a las condiciones de fiujo, se dosificó la cantidad apropiada.



С

Fig. 3.2 Balance de masa sobre el gasto y dosis de coagulante.

La ecuación de balance de masa del diagrama de flujo, fig. 3.2, se obtiene de la ecuación general (ver anexo VII):

$$Q_{\mu} + Q_{\mu} = Q_{\mu} \qquad 3.1$$

donde: Q = flujo másico de la entrada A (mg/min).

 $Q_b = flujo másico de la entrada B (mg/min).$  $Q_c = Flujo másico de la salida C (mg/min).$ 

Los flujos másico  $Q_a$ ,  $Q_b$  y  $Q_c$  se definen la concentración multiplicado por el gasto de cada variables por ejemplo para  $Q_a$  = aA, así sucesivamente. La ecuación 2 se obtiene de ecuación 3.1:

aA + bB = cC 3.2

en donde:

A = Gasto de entrada (ml/min).

a = Concentración del coagulante a la entrada (mg/l)

B = Gasto de entrada del dosificador (ml/min)

b = Concentración del coagulante a la entrada (mg/l)

C = Gasto de salida (ml/min)

c = Concentración del coagulante a salida (mg/1)

#### 3.5 Dispositivo experimental

En la fig. 3.3 se muestra el diagrama de flujo del sistema de tratamiento general. Consta de un tanque de acondicionamiento de agua, un tanque agitado de coagulación (40 rpm)<sup>(2)</sup> y la columna conteniendo la matriz, introducida en el solenoide que induce el campo magnético. Por cuestiones de tipo experimental y para evaluar el efecto, se eligió mantener en la columna flujo descendente.



l'ig. 3.3 Diagrama de flujo del sistema general.

La columna de separación introducida en el solenolde tiene las características siguientes: fue hecha de acrílico, con 44 mm de diámetro y 400 mm de alto, empacada con 64 discos de malla galvanizada, (trama de 2 mm), recubierta con acrílico, que representan la matriz considerada en el estudio. En la fig. 3.4 se detallan los concepto relevante sobre las características de la columna.



Fig. 3.4 Característica de la columna.

63

La inducción magnética se logra con un solenoide<sup>(3,24)</sup> construido para otro estudio realizado en el Instituto de Ingenieria (I.I.). Para aplicarle una corriente directa regulable se desarrolló un circuito eléctrico, por el departamento de Instrumentación del I.I. rectificador de corriente con un puente de diodo y un reóstato. En la fig 3.5 se representa el esquema eléctrico utilizado para tal propósito.



Fig. 3.5 Esquema eléctrico.

### 3.6 Diseño experimental

Una vez descritas las condiciones y características de la experimentación es fundamental evaluar los resultados estadísticamente tomando como base el diseño de experimentos. Para lograr tal propósito es indispensable identificar el modelo que se ajusta y definir las varianbles tanto dependientes del proceso como las independientes, con el fin de evaluar estadísticamente los parámetros que se utilizan en este proceso.

#### Análisis estadísticos

Para evaluar el efecto experimental causado por las variables seleccionadas se tomaron como base los resultados obtenidos por varios autores <sup>(13, 19,20,21)</sup> seleccionando el diseño experimental más confiable. Existen varios arreglos experimentales, algunos de los cuales corresponde a los bloques simples y clasificación en dos direcciones, que son apropiados para una variable; en el caso de dos o tres variables se tiene los diseños grecolatino y cuadro latino. Si se requiere analizar varias fuentes de variables y sus efectos individuales a la vez se emplea el diseño factorial.

Tomando en cuenta las características de los tipos de diseños el que se ajusta, por sus características distintivas de la aplicación y por las propias condiciones experimentales, el diseño factorial 2<sup>n</sup>.

Como cada factor se mide sólo en dos niveles, es imposible juzgar si los efectos producidos por las variaciones en un factor son lineales o de otra forma (parabólicos o exponenciales). Por esta razón los experimentos factoriales  $2^n$  se emplean frecuentemente en "experimentos filtrados". La metodología sobre este diseño de experimento se describen en los trabajos de Miller<sup>(34)</sup>, Menderhall<sup>(35)</sup>, Cochran<sup>(36)</sup>, Box<sup>(37)</sup> y Guttman<sup>(38)</sup>.

Para que sea ciaro el análisis de un experimento de muchos factores las variables experimentales se substituyen por letras. En este estudio el gasto se representa por la letra A, la dosis del coagulante por B y el

sembrado magnético por C; todas con sus respectivos niveles. Sin embargo, las concentraciones de los metales tóxicos también se utiliza en el estudio como otra alternativa empleando la letra D. También está otra variable muy importante la intensidad magnética, para observar el efecto de remoción con ella o sin ella.

La tabla 3.3 representalas condiciones para las pruebas de tratamiento de agua.

TABLA 3.3 DISEÑO EXPERIMENTAL PARA LAS PRUEBAS DE TRATAMIENTO DE AGUA.

VARIABLES	NIVELES					
	1	2	3			
Gasto	150	300				
Dosis coagulante	10	20				
Sembrado (masa)	0.5	1				
Contaminante	0.5	1	1.5			

Nota: La intensidad magnética hay dos niveles máx. (.70) y min.(0). Los contaminantes no se presenta estadísticamente como niveles sino como independiente en la tabla 3.4.

Un diseño factorial de n factores puede contener a niveles del factor A, b niveles del factor B, c niveles del factor C y, así sucesivamente. Para evaluar el error experimental es requísito hacer réplicas de cada prueba. En este estudio, por ser de interés específico evaluar el efecto en la remoción, no se hicieron réplicas, solamente se analizó el efecto de la

relación de variables. En la tabla 3.4 está representado por ocho (8) condiciones y dos (2) nivel del factor; observaciones para cada dosis de metales tóxicos. Como se detalla anteriormente que también se utilizó con las dosis de los metales tóxicos el diseño factorial de n factores, la tabla 3.5 esta representado por diez y sels (16) condiciones y nivel del factor.

TABLA 3.4 DISENU DE UN EXPERIMENTO P	RACIUNIAL	DF.	INES	VARIABLES.
--------------------------------------	-----------	-----	------	------------

CONDICIONES	NI	NIVEL DEL FACTOR				
EXPERIMENTALES	<u> </u>	В	C			
1.	0	0	0			
а	1	0	0			
Ь	0	1	0			
ab	1	1	0			
c	0	0	1			
ac	1	0	1			
bc	0	1	1			
abc	1	1	1			

TABLA 3.5 DISEÑO DE UN EXPERIMENTO FACTORIAL DE CUATRO VARIABLES.

CONITICIONES	NI	VEL DEL FA	ACTOR	]
EXPERIMENTALES	Α	B	C	D
1	0	0	0	0
a	1	0	0	0
b	0	1	0	0
ab	1 1	1	0	0
C	0	0	1	0
ac	1	0	1	0
bc	0	1	1	0
abc	1	1	1	0
d	0	0	0	1
ad	1	0	0	1
bd	0	1	0	1
abd	1	1	0	1
cd	0	0	1	1
acd	1	0	1	1
bcd	0	1	1	1
abcd	1	1	1	1

El arreglo del diseño experimental lo conforma una matriz con los factores *A*, *B*, *y C*. El factor *A*, gasto, el cual tiene dos niveles: *a*, para 150 ml/min. *y*, *b*, para 300 ml/min. El factor *B*, dosis de FeCl<sub>3</sub>, con dos niveles 10 y 20 mg/l y, por último, el factor *C*, sembrado magnético, con dos niveles, 0.5 y 1.0 g. ( tabla 3.4 ). Para la tabla 3.5 corresponde al otro factor *D*, concentraciones de los metales tóxicos As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup> con dos niveles 0.5 mg/l y 1.0 mg/l.

Al hacer los cálculos estadísticos, finalmente se divide las diferentes sumas de cuadrados, por sus grados de libertad, se logra la media de la suma de cuadrados; y dividiendo con los SST, se obtiene el valor de la variable más intentificado de los análisis. (ver anexo IV).

### 4.0 EXPERIMENTACION Y RESULTADOS

El proceso del tratamiento de agua contaminada se basa con el diagrama de flujo (fig. 3.3). Además se harán comparaciones de dalos obtenidos de las pruebas de jarra y como también se harán cálculos estadísticos, el análisis de varianzas de las muestra globales de las pruebas.

4.1 Experimentación

4.1.1 Procedimiento de la prueba (Netodología)

Con base a las condiciones experimentales descrita en el capitulo anterior se planteó el diagrama de flujo (fig. 3.3). Para este diagrama la secuencia de su proceso para llevar a cabo las pruebas se toma al estar ya

homogenizada y estabilizada cincuenta litros (50 l) del agua pretratada al tanque en donde se agita con el agitador mecánico marca Power, modelo CP-1445 RE: se recircula con sus respectivas variables adicionando 25 ml. 50 ml ó 75 ml de las soluciones preparada de 1000 mg/l de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> (ver anexo V) y el sembrado, el óxido industrial se maceró, luego con el tamizador # 325 (área 30%, abertura 0.044 mm, 0.017 in.) se tamizó, (foto 1), de allí se toma 0.5 g ó 1.0 g por treinta minutos hasta que se homogenice. Se conectan las mangueras con el recipiente y la bomba diseñado por el Instituto de Ingeniería<sup>(13)</sup>; se abre la válvula para llenar el tanque de guince litros (15 l) a un promedio de siete a ocho litros (7 a 8 1) y además se abre la otra válvula del dosificador bomba marca Pennwalt modelo 100, donde se coloca el coagulante, FeCl, con dosis de 300 mg/l ó 600 mg/l (ver anexo V); y a ambas se les graduan sus velocidades y cuando se homogenizan con el agitador marca Caframo modelo RZR1, se abre el escape de la entrada (dispositivo) en donde está dentro el solenoide diseñado por el Instituto de Ingeniería<sup>(13)</sup> hasta que se llene de agua para eliminar el aire dentro de las retículas y del dispositivo, y al eliminarlo se enciende la corriente del solenoide y se gradua la intensidad con el reóstato marca Precision, modelo 98 VTVM. Finalmente se gradua la velocidad de salida del dispositivo.

Se colectan las muestras a intervalos constante, midiendo el volumen tomado y la turbiedad del efluente. Terminada la prueba se recolecta la muestra global del recipiente de almacenamiento del agua tratada, se acidifica las muestras con un mililitro (1 ml) de ácido clorhídrico (HCl) concentrado, grado reactivo, guardándolas, previamente etiquetadas en el refrigerador a

muestras con un mililitro (1 ml) de ácido clorhídrico (HCl) concentrado, grado reactivo, guardándolas, previamente etiquetadas en el refrigerador a más o menos cinco centigrados ( $\pm$ 5 °C) si no es posible analizarias el mismo día en la absorción atómica.



Foto 1. La magnetita.

### 4.1.2 Determinaciones analíticas.

Los parámetros determinados o medidos durante o después de la experimentación se fundamentan en las técnicas analíticas descritas en los mótodos eslándar<sup>(39)</sup>. Estos parámetros fueron los siguientes: turbiedad, pH, alcalinidad, sólidos totales, conductividad, temperatura, dureza, sulfatos y metales pesados; la conductividad se determinó antes de iniciar la prueba experimental cuando ya el agua pretratada estaba homegenizada; y con un conductimetro marca Bridge, modelo 31. La temperatura se midió con un potenciómetro donde también se puede determinar la temperatura y

diferencias de potencial óxido-reducción marca Hanna, modelo 8314. El pH se determinó debido a su influencia en la floculación y a la variación que se da después de este proceso. El pH se mídió antes y después de cada prueba, se determinó directamente con un potenciómetro o medidor de pH. marca Extech, modelo Oyster. La turbiedad se determinó a lo largo de la prueba en cada muestra, permitiendo saber la eficiencia del filtro y la calidad del filtrado al finalizar la prueba; la medición se realizó directamente con un nefelómetro marca Turner, modelo 40. Los sólidos totales se determinaron para caracterizar el agua, debido a que influyen en el proceso de tratamiento. Los sólidos fueron determinados gravimétricamente según lo estibulan los métodos estándar<sup>(39)</sup>. La dureza, parámetro que se determinó por el método volumétrico del ácido-etilen-diamino-tetracético, usando como Indicador ericcromo negro T. Con el mismo propósito generai la alcalinidad se determinó por el método volumétrico potenciométrico antes y después de cada prueba para saber si hubo remoción de alcalinidad. La determinación de sulfatos se hizo por el método turbidimétrico precipitando los sulfatos con cloruro de bario. La turbiedad de la solución se mide con un nefelómetro, y se compara con una curva de calíbración. Los metales pesados se analizan por la absorción atómica (flama) con un espectrofotómetro marca Perkin Elmer modelo 1100.

### 4.2 Resultadcs

En este capítulo se resume los resultados obtenidos durante la experimentación, el análisis de varianza del diseño de experimento y

algunos aspectos relevantes del análisis de toda la información recopilada, como también se reportan tablas y gráficas. incluyendo en ellas los parámetros de mayor interés y además los análisis y comparaciones de las pruebas complementarias. Sin embargo no se incluyen los datos de pH, alcalinidad, la temperatura, intensidad magnética, cloruros y sulfatos debido que estas variables no hubo alteraciones durante su experimentación.

### 4.2.1 Arsénico

En las tablas del 4.1 al 4.6 representan las condiciones de las pruebas y algunos resultados obtenidos. Sin embargo; no se incluyen el pH por que se asemeja al inicio de las pruebas y la intensidad magnética no se detalla en la tabla ya que se mantenía casi constante su valor en cada prueba, aunque también se mocificó la intensidad magnética se auménto el doble para ver su efecto con o sin el sembrado.

Al observar las tablas 4.1 a 4.6 se observan que no hubo alteraciones en los gastos; sin embargo, en las residuales y turbiedades si hubieron alteraciones altas debidas a contratiempo propios de la experimentación como haberse movido el dispositivo, acabarse el coagulante antes de tiempo por no haberse regulado el gasto a su debido tiempo, o se tapaba a la salida por los flóculos o se disminuía el gasto, aunque estas anomalías se corregían inmediatamente.

Los resultados de arsénicos residual, turbiedad y remoción se representan

en las gráfica 4.1 al 4.24 con el fin de poder interpretarlo y compararlo fácilmente. Además en la tabla 4.7 al 4.9 se analizan los comportamientos de cada prueba observándolo de punto de vista el porcentaje de remoción de las tablas del 4.1 al 4.6 que varían un poco entre sí dependiendo de las condiciones aplicadas.

> TABLA 4.1 RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 0.5 mg/l Y GASTO DE 150 ml/min.

Danie de	Conmile.			B Drat		Presto Tak		
COLLE OF	Garage	AL	Valumen	1 1 1 1 1	100	210	10	the state of the
		111400	her mulade		Tenociti		1.4407.140	1111010000
	al/ais	810		8/1	1	20/1		NT0
0	1	1		0.5632	0.03	3.540	3.00	1.41
1	150	20	3000	0.5540	15.44	3.349		2.65
2	150	40	6000	0.1686	71.13	0.115	78.75	1 1.04
,	150	63	\$000	0.2476	62.30	0.164	69.26	1.65
	130	10	12000	0.2986	\$4.77	0,210	61.11	2.16
5	150	100	15000	0.1752	(1.17	0.253	53.15	3.02
1	1 150	120	10000	0.1910	40.78	0.280	48.15	3.14
7	1 150	1 240	21000	0.4184	1 15.63	0.264	51.21	3.51
1	1 150	1 143	24000	7.4518	11.57	3.255	45.37	3.89
dictal				0.3144	52.36	1 2.239	55.74	1.11
Dosis de	C047314	nte: 13	=3/1	Prust	. /	Oxido Inc	ustristi	1.3 3
- 3	1	, °		0.5992	0.00	2.57	0.02	: 36
1	1 350	1 20	3000	0.5692	5.01	0.50	1.15	2.01
2	130	40	\$000	0.4120	31.24	1 0.22	\$7.69	1.22
,	150	50	1000	2.3034	61.17	0.17	67.31	0.93
	130	10	12000	9.2940	\$0.91	0.16	69.23	0.97
5	1 1 1 0	103	15000	3.2566	\$7.1	0.14	73.08	0.91
1	150	1 120	10000	0.2221	12.02	0.10	10.77	0.82
7	150	1 110	21000	0.2396	59.98	0.10	1 13.77	2.45
	150	162	24000	3.2378	40.31	0.10	10.77	2.16
plobal	L	L	L	0.3390	43.42	3.17	67.31	1 1.03
Dosta de	COLUMIA	ALO: 20	89/1	Prueb		OXIGO INC	ustrial:	3.5 3
ř			1000	0.0330				<del> </del>
÷	120		3000	0.3000	14.12	0.41	1.13	4.33
	150		000	3.2342		0.12	76.92	
^	130		9000	0.2192	84.65	0.17		1.14
		1 100	11000	0.2172		0.20		
	1.50	1 100	14000	0.117			1 1 1 1 1	
÷	130	140	1000	0.3320	11 11	0.20		
<u> </u>	130	100	21000	1 4044		0.10		
1000	130	1.5	20000	0.3340	1.11	1 3.15	1 11 11	
Cosis de	coarula	1 10	87/1	Prush		Oxide Ind	ustrial	0.5 0
0		0		0.4644	0.00	9.327	0.00	1.11
	150	20	1000	0.4232	8.67	0.465	11.76	1.39
1	150	10	(000	0.6135	10.31	2,127	15.90	0.11
	150	60	9000	0.3122	32.77	0,146	72.30	1,01
	153	10	12000	0.3698	16.06	0.150	71.54	1.12
	150	102	13020	0.6196		0,317	58.82	3.34
	150	120	10000	2.1758	10.61	0.267	19.34	1.26
7	150	110	21000	0.2758	49.61	0.242	54.08	1.23
	150	160	24000	0.2564	14.36	1 0.277	47.44	5.61
alchel .				0.1946	:1.33	0.179	46.33	1.35

54.20

### TABLA 4.2 RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 0.5 mg/l Y GASTO DE 300 ml/min.

Doeis de	coagula	ate: 13	sq/:	Pruet	4 A	Caido Itd	ustrial:	1.0 9
	GASLO	11 mapo	folumen	( AIS	nico	Plo	0	Turbladad
CLESTER	1		Acumulato	Testous	remotion	Zestdual	resoción	1
	mi/min	i ata_	<b>83</b>	1 mg/l	•	mg/1		170
9	T		3	3.6426	0.90	0.51	0.00	1.00
1	1 100	1 10	13000	0.5010	21.61	0.50	1.96	16.01
2	280		13200	0.4106	16.10	0.27	47.06	1.66
)	100	122	34 600	5.1380	17.15	0.78	43.10	1.11
	100	1 150	16100	0.3634	13.15	0.27	47.04	1.73
	300	200	18400	0.3634	12.45	0.40	21.97	1.65
Global				3.4166	35.17	0.25	63.16	1.61
Dosta de	Cosgula	ate: 10	84/1	Pruez	4.3	Ozido Ind	ustrial:	1.0 g
	1	, ,	3	1 3.5876	0.50	3.43	0.00	_ 1.6
1	1 320	6 60	11000	0.6132		0.67		7.11
2	100	11	14660	3.1158	43.33	0.17	65.31	3.05
,	1 300	130	36300	0.3006	49.02	0.22	\$5.10	2.43
. 6	1 300	110	44000	0.5206	11.70	0.24	46.54	3.35
5	1 300	230	\$0200	3.4108	30.33	0.29	40,82	1.01
6100.01		1		0.1071	32.52	6.71	53.04	2.66
Doais de	COACULA	nte: 10	80/1	Prusp		Oxida Ind	ustrial:	2.5 9
0	1		0	0.6386	0.00	0.525	0.00	1.09
1	300	40	11000	3.4970	20.14	0.410	21.90	8.05
3	300	10	34000	0.3454	11.47	0.326	41.71	2.11
	100	120	36000	0.1458	44.99	0.337	35.81	2.51
	190	160	60083	0.4166	35.75	0.345	35.24	2.11
5	1 100	200	60003	0.2044	67.48	0.253	31.81	1.39
diobal.				0.4138	31.17	0.115	30.48	2.19
Dosis de	coagula	ate: 23	£q/l	Prueb	4 3	Crido Ind	catrial: (	0.5 9
0	T	6	0	0.6386	0.03	0.43	0.00	1.11
1	300	49	12000	0.7150		0.54		11.5
2	1 100	40	24000	0.3396	43.69	0.22	\$1.11	1.01
,	340	\$10	11400	0.1910	38.77	0.33	(4.17	2.19
	300	142	16400	0.2710	\$6.62	9.26	42.22	2.10
5	300	200	54400	0.2986	53.24	0.12	73.33	1.52
lotel	1			0.1944	38.18	0.23	48.89	2.11

### TABLA 4.3 RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 1.0 mg/l Y GASTO DE 150 ml/min.

Doats de	costula	ate: 20	#g/1	Pruet	10 K	Cx140 101	ustriel:	1.0 #
	GASTO	1144.20	Yo] values	Ars	onico	P10	10	furbledad
Cuest248	1		Acumulado	residual	remoción	residual	resocióa	
	al/sia	84a_	1	M/1_	•	=q/1	<u> </u>	NTO
•		0		1.2192	1 8.00	1.091	0.00	1.11
1	150		6000	1.1145		1.041	1.18	3.01
	1 12		Laúuu	4.1192	1 29.37	0.354	67.51	1.03
(	150	110	18000	0.9432	22.19	0.174	56.35	1.10
4	150	160	21000	1.0317	16.76	0.529	\$1.51	3.11
5	150	333	10000	1.2792		1.303		6.81
Global				0.7300	41.69	0.487	15.36	2.34
Desi # 40	coagels	ata: 10	mq/1	Prusa	- F	Ozico Ind	Matrial:	1.0 4
•		•		0.9876	0.00	0.337	6.00	3.84
1	154	40	1000	1.2244		0. 123	48.16	2.42
2	150	15	11000	0.1515	61.63	0.130	46.34	1.04
	150	130	18000	0.4408	\$1.17	0.170	10.10	1.76
	152	160	21300	0.4716	\$2.05	0.192	79.55	2.16
5	150	200	10000	0.6700	12.16	0.176	\$1.21	1.12
Giobal				0.3144	69.17	9.166	\$7.50	1.22
posis da	cosysia	ate: 20	mg/1	Prueb	4.0	Caldo Ind	ustrial	0.5 9
c		0		1.141	0.00	0.783	0.00	1.11
1	150	10	6000	0.7419	31.73	0.362	\$3.77	2.31
2	150	40	12000	0.7337	16.10	0.385	30.83	1.07
,	150	120	14000	0.7212	37.18	0.179	\$1.60	3.71
	150	160	24000	0.8712	24,12	0.646	37.93	2.47
Globel				0.6932	39.12	0.117	36.61	1.17
Dosis de	congula	ate: 10	Pg/1	Prveb	4 8	Omido Iad	usertals	3.5 9
0		0		1.1004	0.03	0.718	0.09	1.41
1	150	10	6000 1	0.0115	15.64	0.571	28.65	1.11
2	110	80	11000	0.7135	39.57	0.210	72.68	1.39
1	130	130	18000	4.6932	41.29	0.266	63.42	2.05
	150	160	24000	0.4924	62.36	0.247	49.05	1.91
5	154	200	10000	0.7368	37.77	0.217	\$7.79	1.45
Globel				9.6943	41.30	0.260	66.29	1.16

### TABLA 4.5 RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 1.5 mg/l Y GASTO DE 150 ml/min.

Desis de	coegule	ate: 20	#g/1	Prveb	1.5	Caldo Int	ustrial:	1.0 g
	Gento	Tiespo	Volumen	λrs.	nico	[ P10	60	Turbledad
Tuestres.	1		Acusultdo	residus;	resocto:	iresiduil	rasocióa	1.
	bl/sin	i nin	<u>#1</u>	1 #9/1	<u> </u>	[ mg/1	<u> </u>	NT3
. 0	1			1 1.41	0.00	1 1.472	0.00	1.96
1	150	1 10	6000	1.14	17.71	1.764	14.19	0.54
- 2	1 150	1 12	12000	0.16	41.65	0.170	74.88	1.71
1	150	120	14030	0.17	73.76	0.511	65.31	1.29
4	1 150	140	24300	0.17	87.34	0.344	1 41.33	1.19
\$	150	200	10500	0.38	73.05	0.612	58.45	1.74
diobal	L.	1		0.15	75.18	0,443	67.21	1.49
Dosis de	congula	ate: 10	3q/1	Prusb	4 7	Oxido Ind	ustrialt	1.0 9
. 0	<u> </u>	. 0		1.59	0.00	1.516	0.00	1.41
1	150	40	4000	1.55	2.52	1.521	4.70	1.11
2	1 130	80	12000	0.32	73.87	0.612	74.19	0.84
3	150	120	18000	0.19	\$8.05	0.515	65.23	1.09
4	150	160	14000	0.22	86.16	0.554	63,15	1.41
5	150	200	30200	0.18	82.15	0.710	55.51	1.25
Global				0.39	75.47	0.375	\$3.72	1.15
Dosis de	coagula	nte: 20	mg/1	Frueb	4 G	Oxide Ind	ustrial:	0.5 0
0		0		1.0	0.00	1.63	0.00	1.55
1	1 150	1 12	6000	1.23	13.42	0.112	32.36	2.31
1	150	40	12000	1.65		0.885	38.33	1.07
	150	120	18000	0.92	38.26	0.935	36.86	1.71
	150	150	24000	0.43	71.14	0.982	31.57	2.47
5	150	200	10300	0.34	77.18	0.841	41.39	1.15
Olchel				0.51	65.77	0.839	37.35	3.17
Donis de	COATULA	te: 10	mg/1	Prueb		bat chiro	ustrial:	0.5 9
3		0		1.52	3.00	1.506	0.00	1.24
1	150	40	£000 I	1.14	11.91	1.542		2.51
1	150	\$0	12000	0.64	58.01	0.310	60.42	0.11
3	150	\$20	18020	0.42	\$9.00	0.659	36.21	1.17
1	150	162	24000	0.63	58.78	0.731	31.46	1.61
	150	200	30000	0.65	\$7.07	0.715	41.47	1.44
Globel				0.77	49.16	0.727	51.73	1.29

### TABLA 4.6 RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 1.5 mg/l Y GASTO DE 300 ml/min.

		_				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
bosts de	CO49914	nte: 10	\$9/1	Prueb	A A	Oxido Ind	watrial:	1.0 g
	Gesta	Timpo	Volumen	Arsi	nico	P10	20	furbiedad
CHAILEAS	(	ļ.	Acumitado	residual	remociós	fasidual	remoción	1
	=1/sin	sim	<b>al</b>	<b>sq/1</b>			•	870
. 0		0		1.34	0.00	1.42	0.00	1.81
1	300	40	12000	1.16	13.43	1.17	10.55	1.42
2	222	53	11100	1.05	21.64	9.14	45.07	1.57
	330	120	35200	0.61	34.68	0.78	15.07	2.01
	300	160	47200	0.95	29.10	0.77	45.77	1.81
clobel				1.14	14.11	0.14	32.39	2.46
poeis de	coegula	Ate: 10	89/1	PTURD	4.8	Oxido ILd	ustrial:	1.0 9
0	T	0	0	1.11	0.00	1.65	0.00	100
1	300	1 10	12000	1.27	3.05	1.14	19.63	80
	300	80	24000	0.66	49.62	0.75	40.28	100
	100	120	36000	0.63	\$1.91	0.92	36.55	10
	100	160	10000	0.48	61.38	1.02	29.66	1 10
Globel				0.70	46.56	0.15	41.38	10
Dosis de	COATULA		Rd/1	Prueb	a C	Osido Ind	untrials	0.5 4
0			0	1.33	0.00	1.392	0.00	i wo
	390	44	12200	1.05	31.03	1.111	4.30	(2) (2)
1	340	80	24000	1.01	26.05	1.054	24.28	ID ID
·····;	300	120	14000	1.00	24.61	1.042	15.14	100
	300	160	48000	0.57	27.07	0.873	17.16	10
dictel	<u> </u>			1.01	24.06	1.006	27.73	10
bosis da	coscula	ater 20	80/1	Frunb	4.0	Ouido Ind	ustriali	0.5 0
0			1	1.14	0.00	1.545	0.00	1.54
i	300	10	12000	0.7	61.79	0.415	43.01	3.22
	100	10	24900	0.80	40.10	1.081	10.03	3.08
	240	122	11200	0.24	\$2.09	9.602	61.04	2.05
	300	160	47200	0.29	78.36	0.847	42.39	2.95
diobal	<u> </u>			0.64	32.24	1.101	28.23	2.12

Bota: 30 + No determinado

76

e.

Tabla 4.7	4.7 Comportamiento de la remoción del As y Pb de la concentración 0.5 mg/l.							
Condiciones	As	Pb						
Mayor remoción	Gasto bajo y dosis alta	Gasto y dosis baja con sembrado alto.						
Henor remoción	En gasio ato.	Gasto y sembradu a to con doars base.						
Sembrado 1.0 g	Renueve más en gasto bujo y se aseninjin au remoción. En gasto menor hey mas muestras	Remover más en gesto bajo pero en dosa alta más Gasto eto divere entre al 15 al 25 %. Dous aza difere de 10 al 15 %. Dous baja difere del 20 al 60 %.						
Sembrado 0.5 g	Remueve más en pasto bajo y dosás alla.	Bettuto t mat en natio bain a se esemeia su remorido						
	Dosis alta difiere del 15 al 20 % ontre si	Gasta ato ramane mis la divis ato ao 200 min						
	Dosis beja difiere entre d'un 25 %.	Gasto bain se asemaia su terrorito.						
	Gasto ato se asemejan su remoción	Cours alte defere prete si cati el 25 %.						
L		Dosis baja difiere casi del 20 al 45 %						
Dosis 20 mg/l	Remueve más en gasto bejo y se asemeja la remoción	Remueve más en gasio bajo y su remoción se asomera.						
	Sembrado alto difiere del 10 al 20 %	Sembrado sho difera del 5 al 10 % entre al.						
	Sembrado bajo case del 25 %.	Sembrado bajo dufiera casi del 25 % entra al.						
	Gasto ako en 160 min idirera casi 45 % y los domás casa del 10 a 20 %.	Gasto ako difere casi del 10 %, menos an 200 min. es del 30 %						
Dosis 10 mg/1	Remueve en gasto bejo y sembrado ato.	flemueve más en gasto bejo y se asemeja su remoción.						
t	Sembrado alto defiera del 15 al 20 %.	Gasto são en 40 min. dífera del 20 % y an 200 min.						
	Sembrado bajo difiere del 10 al 30 %.	30 % y los demás del 5 al 15 %.						
	Gasto alto ne asemejan.	Gasto bajo difiere del 15 el 30 % entre si.						
	Gasto bajo difere hasts casi el 60 %.	Sentrado bajo difiera casi del 35 al 45 %. Sentrado alto difiera casi del 35 %.						
Gasto 300 m.Vitian	Sembrado alto difiere del 10 al 20 %.	Remueve más en dosrs alta y difieren del 15 al 30 %.						
	Senterado Dajo Ghiere halda el su ve,	Sembrado bajo difiere casi del 10 al 15 %.						
i	Doubt bigs ar commenter, merrie arr courner, on one courcurs Doubt size differe dot 10 st 15 % mercut an 110 min	Semonado alto official cast det 10 % menos en 20 y						
1	difere mas a menos del 40 %.	Drait alte dénies dui 5 al 16 M antes al mantes an						
		200 min. es casi del 35 44						
i i		Dosis baus se asomeian menos ari 40 v. 200 min. nue						
		d fiere del 20 y 35 % respectivemente.						
Gasto 150 mirmin	Oceas alta difiere entre si casi el 5 %.	Dosis baja difiere doi 20 al 35 % entre al.						
	Dosis boja difiere casi del 10 al 45 % erare al	Dosis alla se asemeja.						
1	Sembrado alto difiera casi del 25 al 35 % enue al.	Sembrado ato en 120 y 160 min. difiera casi de 35 %,						
	Sembrado bajo se asemejan menos de 120 min. es casa	en 40 min. el 20 % y los demás de 5 al 10 %.						
L	06120 %.	Sembrado bajo se asemejan						

Tabla 4.8	Comportamiento de la remoción del As y Pb d	le la concentración 1.0 mg/l.
Condiciones	As	26
Mayor remoción	Gasto menor y dosis baja con sembrado alto.	Gasto menor y dosis baja con sembrado alto.
Utenor remoción	Gasto menor y dosis alta con sembrado alto.	Gesto ato sin importar dosis y sembrado.
Sembrado 1.0 g	Remueve más en dosis bajas y su remoción son casi liguales.	Remueve más en dosis baja y gasto año.
	Dosis site differen entre plun 15 %.	Gasto bajo remutiven menos que los altos.
	Remueve mits con la dosis bala.	Dosis baja difieren un 40 %.
		Dosis alla differe casi 20 %, y gasto hajos tambiér
		Gasto altos son parecidos.
Semiorado 0.5 g	Remueve más en dosis baja y gasto ato aunque en todas se	Remueve más en gasto y dosis bala.
	asomojan au remoción entre al difiere de 3 al 5 %.	Dosis baja delivren un 20 % entre sl.
		Dusia ata difieren un 5 % entre si.
		Gasto alto difieran como un 5 %.
Dose 20 mg/l	Remueve más en gasio bejo y sembrado alto.	Mayor remoción gasto bajo.
	Sembrado alto difiere casi de 20 % antre pl	Sembrado alto difiere casi el 15 %.
	Sembrado bajo difiere casi 25 %.	Sembrade bajo déleran un 5 % entre al.
	Gasio alto se asemejan menos el de 40 min, que difiere casi 15 %	Gasto allo difiere casi 6-10 %.
	Gasto baio délere casi de 35 a 40 % por problema de la prueba.	Gasio bajo dilician un 15 %.
Cosis 10 mg/l	Remueve más en sembrado año y entre si cilioren um 10 %.	Mayor remoción en baja dosis y sembrado.
1	Sembrada baja remueve casi igual.	Gasio igualos se deren un 10-15 % entre M.
	Gasto sito diferen casi 20 %.	Sembrado bajo difiere casi 20 % entre si. Sembrado alto difiere casi un 40 %.
Gasto 300 mil/min	Remueve más en dosis beja y déiren entre si un 10 %.	Todos temuleven casi iguales varian de 6-10 %
	Decis and su remotion son casi iguates	con respecto a los otras variables
	Sembrado bejo difiere entre al casi 7 %.	1
	Sembrado alto difiera el 20 % entre si.	·
Gasto 150 milmin	Remueve más dosis beja y sembrado alto	Remueve más la dosis baja y sembrado allo.
	Dosis sita remuevers menos y difieren entra si como el 15 %.	Sembrado bajo difiera un 20 % antra sil.
	Dosis beja difleren casi el 20 % entre st.	Sembrado alto difiere un 15 % entre si.
	Sembrado bajo difiere casi un 30 %.	Dosis bela remueven más y hay una diferencia
		de 15 % como la de dosis aka.

Tabla 4.9	Comportamiento de remoción de As y Pb en co	oncentración 1.5 mg/l.
Condiciones	As	Pb
Mayor remoción	Gasto menor y sembrado alto sin importar la dosis.	Gasto bajo y sembrado alto con sembrado alto.
Menor remoción	Gasto alto y dosis baja con sembrado bojo	Gasto alto dosis y sembrado bajo.
Sembrado 1.0 g	Remueve más en gasto bajo y su remoción son casi iguales.	Fienv.www.mäs.en.gasto.bajo.y.son.casi iguales.
	En gesto allo difiere más o menos el 30 % e los de gesto	Gasto allo cilliere como el 20 %.
	bujo.	Dosis baja offiera casi del 20 a 30 %.
	Gasto ato difere entre si como el 5 %.	Dosis alta difere casi 30 %.
Sembrado 0.5 g	Remueve más en dosis aka.	Remueve mits en gasto y dosis baja.
	Dosis baja, difiere como el 50 a 60% con la alla en gesto año	Dosis baja offere casi al 25 a 30% entre al.
	Gasto bajo délere solo como el 20 % entre si.	Dosis alta dilliore el 10% entre al.
	Dosis baja y gasto allo su remoción es muy baja.	Gasto alto dilliere del 10 al 35%.
Dosis 20 mg/l	Remueve más en gasto bajo y sembrado alto.	Mayor remoción gesto bejo y sembrado año.
	Gasto bajo difere como ol el 10 % con el gasto alto.	Sembrado alto difiere casi del 20 al 30%.
	Sembrado baja difiere en diferente gasto como un 5 %.	Sembrado bajo difiere el 10% entre si.
	Gasto ato délere casi el 20 % entre si.	Gasto ello cifiere cesi 15-30 %.
		Gasto bajo differen un 30 %.
Dosis 19 mg/l	Remueve más en gasto bajo y sombrado alto.	Mayor remoción en baja dosis y sembrado alto
	Gasto bajo difere como el 25 % entre sl.	Gasto iguales se dieren un 10-15 % entre si
	Gasto ato ofiera un 10 % entre si, Aunque en 120 min.	Sembrado bajo diFiere casi 30-35 % entre si.
	cifiere casi 25%.	Semiarado alto risfiera del 20-30 %.
	La diferencia prise el seminado iguales es casi del 30 %.	1
Gasto 300 mil/min	Remueve más en dosis alte y sembrado bajo.	Remueve más en dosis baja y sembrado alto.
	Dosis ata cliere casi el 20 %.	Sembrado alto difiera 10-25 % entre al.
	Sembrado bajo difiere entra al cast 50 %.	Sembrado bejo difire 25-30 %.
i	Sembrado alto difiera entra al 7 al 10 % entre si.	Dosis beja cifiere del 15 el 20 %. Dosis alla defere casi el 20 %.
Gasto 150 mil/min	Flemurys más con sembrado alto y son casi iguales.	Remuove más en sembrado ato.
}	Ousis alta diferen entre si como el 10 %.	Sembrado bajo difiere de 20-30 % entre si.
	Dosis baia diferen casi el 30 % entre si.	Sembrado alto, la remoción es casi igual.
1	Sembrado bajo diliere casi un 20 %.	Donis baja differe del 10 - 15 %.
		JUCKES ALL CHIEFE DEI JU-35 %.

Comparandolas por variable separadas se ve una gran diferencia entre sí ya que una de las variables es más intensa en cada una de las pruebas que se analice. En la las tablas 4.7, 4.8 y 4.9 se detalla cada prueba con sus respectivas concentraciones y se comportamiento entre sí. Se puede observar que la de concentraciones de 1.0 g/ml se removió más lo que se debe a la presencia de las partículas se magnetizan más por adherirse mejor, se cree que sería el límite de la concentración para retener más los contaminantes; se podría hacer entre el intervalo entre ellos como de 0.700 mg/l al .95 mg/l ó 1.1 mg/l a 1.45 mg/l para ver su comportamiento entre sí, aunque también influye la dosis de coagulante.

### 4.2.2 Plomo

En estas pruebas también se comportarón similares al arsénico ya que ambos metales se utilizó al mismo tiempo y así que la fallas generadas son iguales. Las pruebas y análisis de plomo están representadas en la misma tabla del arsénico.( 4.7, 4.8 y 4.9). En la tabla 4.2, 4.3 y 4.4 de gasto 150 ml/min. en porporción remueve más que los de gasto 300 ml/min., sin embargo, las tablas mencionadas anteriormente detallan mejor las comparaciones entre sí.

Las fig. 4.1 al 4.24 se aprecian mejor la remociones aunque hay poca variaciones por falla humana y manual del equipo o por las condiciones que se hayan aplicado en ese proceso. Tamblén se observó que se remueven más con las concentraciones de 0.5 mg/l y 1.0 mg/l, se cree que se deba a la magnetización de ambas partículas  $Pb^{*2}$  y  $As^{*5}$ . Se podría corroborrar los

> ESTA TESIS NO DEBE Salir de la biblioteça

resultados en los intervalos de ambas concentraciones.

De acuerdo con los resultados obtenidos en la tabla 4.11 se debió hacer una o dos réplica más para ver el efecto de remoción más confiable en esto tipo de experimentos ya que se encuentran muy complejos los resultados.

El nivel de remoción del  $As^{*5}$  y  $Pb^{*2}$  es especifico para cada prueba ya que influye el comportamiento de ambos metales con el coagulante, sembrado y gasto. En la fig. 4.1 al 4.22 se representan algunas comparaciones y comportamiento descrito.

Bajo ciertas circuntancias, en las pruebas se observarón varios comportamientos: como la saturación de los flóculos, el deprendimiento de los flóculos debido al gasto elevado como también la agitación ya que su rotación se presentaba en el centro donde fluye al dispositivo y su movimiento pudo tener efecto secundarios como deprendimiento de los flóculos através de la matriz (malla).

•







REMOCIÓN DE ARSÉNICO



Fig. 4.1 al Fig. 4.4



ŝ



### REMOCIÓN DE PLOMO

Gasto 199 mi/min



### REMOCIÓN DE PLOMO (Concentradón de 1.0 mg/l)



### Fig. 4.5 al Fig 4.8

### REMOCIÓN DE PLOMO



# REMOCIÓN DE PLOMO





### Fig. 4.9 al Fig. 4.12



Fig. 4.13 al Fig. 4.17







Fig. 4.18 al 4.22

### 4.2.3 Análisis estadístico de arsénico y plomo

Para aseverar la eficiencia de la remoción se toma en cuenta el volumen acumulado de cada prueba, aunque en muchos casos se presentaron anomalias durante la experimentación. Bajo estas circuntancias se tomarón datos de iguales volumenes sin importar sus respectivas variables como el sembrado, gasto y coagulante. En la tabla 4.11 se detalla las pruebas globales de cada experimento del As<sup>\*5</sup> y Pb<sup>\*2</sup>.

### Tabla 4.11 Pruebas globales de As y Pb

As	Pb
15.03	66.03
41.20	66.29
49.16	51.73
34.17	30.48
33.21	51.58
24.06	27.73
43.42	67.30
68.16	82.49
75.47	63.72
35.17	43.14
38.90	38.88
14.92	32.39
63.83	71.15
66.10	55.21
65.77	37.35
38.18	48.89
37.50	46.85
52.24	28.27
52.38	55.74
41.09	55.36
75.00	61.98
30.92	53.06
39.62	54.40
46.52	41.38

Las tablas 4.1 - 4.6 se observan también los resultados globales de As<sup>+5</sup> y  $Pb^{+2}$  en porcientos con sus respectivas variables. Analizando cada una de ellas, la de mayor remoción se logra cuando su gasto es bajo 150 ml/min, aunque tiende a disminuir su eficiencia cuando el contenido de la semilla magnética es baja 0.5 g.

En la tabla 4.11 se muestra los porcentaje globales de  $As^{*5}$  y  $Pb^{*2}$  de cada prueba. Estas pruebas se hicieron con la combinación de ambos tóxicos<sup>(20)</sup>, y no se hizo separado las dosis de contaminantes para ver su comportamiento como en estudios anteriores<sup>(4,31,33)</sup> que remueve casi al 90 - 98%. Este estudio se empleo con ambos metales ya que los desechos de aguas industriales tienen mezclas de grandes cantidades de materiales órganicos como inórganicos

En el análisis estádistico de las pruebas globales (tabla 4.12) se observa que el coagulante es la variable más intentificada de este estudio

Origen de variación	Grado de libertad	Suma de 1	os cuadrados
Efecto Principal		λε	Pb
λ	1	211.34	611.08
в	1	779.95	7.79
.с	1	83.31	235.16
D	1	2138.37	1623.28
Interaciones de dos factores			
λB	1	101.05	0.91
AC	1	1.52	140.66
٨D	1	308.62	4.9
BC	1	224.03	7.02
8D	1	10.07	282.58
CD	1	260.74	12.46
Interaciones de tres factores			
ABC	1	66.55	62.33
λBD	1	430.25	0.41
ACD	1	81.59	34.75
BCD	1	188.72	20.39
Interaciones de cuatro factores		<b>-</b>	
ABCD	1	12.02	193.35

Tabla 4.12 Cálculos estadísticos

### 4.2.4 Pruebas Complementarias

Estas pruebas se hicieron por la inquietud de ver si la intensidad magnética afecta al ser aumentada.

En las pruebas adicionales se tomó en cuenta las condiciones establecidas anteriomente, sólo que modificando la intensidad magnética mediante el diagrama eléctrico (fig. 3.5) añadiendo un transformador para aumentar el voltaje y que no se fundiera el equipo.

En las pruebas adicionales se tomó en cuenta las condiciones establecidas anteriormente, solo que se modificó la intensidad magnética mediante el diagrama eléctrico (fig. 3.5) añadlendo un tranformador para aumentar su voltaje. Se hicieron pocas pruebas adicionales con todas las concentraciones de contaminantes y no hubo ninguna alteración de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup>. Sin embargo se observó el calentamiento del agua en el gasto de 150 ml/min., además el agua salía más clara más clara o con sea baja turbiedad (tabla 4.10A). Aunque con el gasto de 300 ml/min fue todo lo contrario, el agua salía sucia o sea con una turbiedad alta (tabla 4.10B).

El efecto de aumentar la intensidad no influye en la remoción de los metales por que la magnetización del sembrado es igual en la alta y baja intensidad magnética.

### TABLA 4.10A RESULTADOS DE REMOCION DE ARSENICO Y PLOMO PARA UNA CONCENTRACION INICIAL DE 0.50 mg/l Y GASTO DE 150 ml/min CON ALTA INTENSIDAD.

Dosis de	coagula	nte: 20	mg/l	Prueb	aλ	Oxido Ind	ustrial:	1.0 g
h	Gasto	Tiempo	Volumen	Arsé	nico	Plot	no	Turbiedad
HUESCIAS	(	{ ` `	Acumulado	residual	remoción	residual	remoción	1
	ml/min	min	ml	ng/1	- N	mg/l	<u> </u>	NTU
0		0		0.52	0.00	0.48	0.00	2.64
1	150	40	6000	0.36	30.77	0.41	14.58	5,68
2	150	80	12000	0.32	38.46	0.38	20.83	5.18
3	150	120	18000	0.23	55.77	0.35	27.08	4.58
1	150	160	24000	0.25	51.92	0.29	39.58	5.25
5	150	200	30000	0.31	40.38	0.34	29.17	4,23
Global	1	1		0.32	38.46	0.36	25.00	4.12

# TABLA 4.10BRESULTADOSDEREMOCIONDEARSENICOYPLOMOPARAUNACONCENTRACIONINICIALDE1.0mg/lYGASTODE300ml/minCONALTAINTENSIDAD.

Dosis de	coagula	nte: 20	mg/l	Prueb	۵A	Oxido Ind	lustrial:	1.0 g
	Gasto	Tiempo	Volumen	Arse	nico	Plo	10	Turbiedad
Muestras	1	1	Acumulado	residual	remoción	residual	remoción	{
	mi/min	min	ml	mg/l	1	mg/l	۱ <u> </u>	סדא
0		0		1.1368	0.00	1.084	0.00	2.15
1	300	40	12000	1.102	3.06	0.986	9.04	8.82
2	300	80	24000	0.6312	44.48	0.765	29.43	10.6
3	300	120	36000	0.5948	47.68	0.716	33.95	5.62
4	300	160	48000	0.5862	48.43	0.689	36.44	5.44
Global				0.5758	40.55	0.781	27.95	5.15

Dosis de	coagula	nte: 10	mg/1	Prueb	Δλ	Oxido Ind	ustrial:	1.0 g
	Gasto	Tiempo	Volumen	Arse	enico	Plor	n0	Turbiedad
Huestras	1	(	Acumulado	residual	remoción	residual	remoción	}
	ml/min	min	m1	mg/l	•	mg/l	٠.	NTU
0		0		1.186	0.00	1.182	0.00	1.65
1	300	40	12000	1.046	11.80	1.034	12.52	10.65
2	300	60	24000	0.549	53.71	0.832	29.61	7.65
3	300	120	36000	0.627	47.13	0.743	37.14	6.00
4	300	160	48000	0.629	46.96	0.589	50.17	7.15
Global	1			0.725	38.87	0.673	43.06	5.15

89

a na balan sa kana ing kana ing kangana na kangana na kana na s

### 4.2.5 Análisis comparativos

Al finalizar los resultados del dicho experimento se analiza, y se compara con los estudios elaborados como filtración y jarra. En este experimento de inducción magnética comparado en base a los estudios de filtración se observa que los parámetros varían de acuerdo con el tipo de coagulación como:  $Al_2(SO_4)_3$ ,  $Fe_2(SO_4)_3$ , y FeCl<sub>3</sub>; y gasto; y el de jarra sólo se emplea dos tipo de coagulante como  $Fe_2(SO_4)_3$ , y FeCl<sub>3</sub>; dos tipo de agua y dosis de ayuda.

Analizando las variables se tomó en consideración que la de mayor remoción de ambos estudios en el de inducción magnética y el de filtración es el plomo, y en el de jarra es el arsénico. Sin embargo, el coagulante de FeCl<sub>3</sub> remueven más en ambos metales que en las demás dosis de coagulante, aunque el Fe<sub>3</sub>(SO<sub>4</sub>), presenta sólo una leve diminución de remoción con el FeCl<sub>2</sub>.

En el ánalisis estadístico del estudio de jarra (tabla 4.13, 4.14, 4.15 y 4.16) se observa que la dosis del coagulante es el más significativo, sin embargo también se observa que el efecto de la combinación de dosis y tipo de coagulante parece ser significativo con la dosis de ayuda. Finalmente con el análisis de varianza se concluye que en la remoción de arsénico y plomo la variable de mayor efecto es la dosis y el tipo de coagulante sin importar el tipo de agua utilizada, y tampoco influye las mezclas ni la dosis de los contaminantes.

## TABLA 4.13 RESULTADOS ESTADISTICOSDE ARSENICO

FECTOS	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADOS	MEDIO	
a	2	5265	2633	783.2
Þ	1	38.8	38.8	11.6
ab	2	300.2	150.1	44.6
1	1	2.7	2.7	0.86
Error	6	20.17	3.36	
Total	11	5625.3	11	

## TABLA 4.14 RESULTADOS ESTADISTICOS DE ARSENICO Y PLOMO

EFECTOS	GRADOS DE	SUMADE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
	2	1832.3	941.2	6.7
b	1	243.8	243.8	3.9
8.0	2	282.0	141.0	1.0

### TABLA 4.15 RESULTADOS ESTADISTICOS PLOMO

EFECTOS	GRADOS DE	SUMADE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
2	2	754.1	377.1	438.3
b	1	0.95	0.95	1.0
ab	2	12.7	6.4	7.4

### TABLA 4.16 RESULTADOS ESTADISTICOSDE ARSENICO

ORIGEN DE	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRAD	F
VARIACION	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
REPLICA	1	0.52	0.52	0.78
EFECTOS				
<u>a</u>	3	8.4	2.8	4.17
b	2	2111.37	1055.69	1575.65
c	1	172.52	172.52	257.49
ab	6	18.79	3.13	4.67
AC.	3	3.4	1.13	1.68
bc	2	1.29	0.65	0.97
abc	6	10.54	1.76	2.62
Error	23	15.4	0.67	

En cambio en el estudio del análisis estadístico de filtración (tabla 4.17, 4.18, 4.19 y 4.20) se observa que se logra mayor remoción  $Fe_2(SO_4)_3$  y FeCl<sub>3</sub> aunque disminuye también la eficiencia al aumentar la dosis, sin embargo el  $Al_2(SO_4)_3$  es bajo y su eficiencia aumenta con mayor dosis. La variable más significativa en la remoción del arsénico en el estudio es el tipo de coagulante (sales de hierro). Los resultados obtenidos durante este tratamiento concluyen que el metal de mayor remoción es el plomo con los tres coagulantes aunque varían los valores de concentración entre sí.

Al analizar los tres estudios de remoción de los metales se concluye que en el de mayor remoción depende la dosis y tipo de coagulante que se aplique, sin embargo se puede observar que las sales férricas son de mayor retención de metales en cualquier método. También hay que tener cuidado en la dosificación y ayuda en dicho experimentos ya que altera la remoción mayor de un metal a otro como el de la jarra.

### TABLA 4.13 RESULTADOS ESTADISTICOS DE ARSENICO

EFECTOS	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADOS	MEDIO	
а	2	5266	2633	783.2
b	1	38.8	38.8	11.6
ab	2	300.2	150.1	44.6
1	1	2.7	2.7	0.86
Error	6	20.17	3.36	
Total	11	5625.3		

# TABLA 4.14 RESULTADOS ESTADISTICOSDE ARSENICO Y PLOMO

EFECTOS	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
a	2	1882.3	941.2	6.7
<u>b</u>	1	243.8	243.8	3.9
ab	2	282.0	141.0	1.0

## TABLA 4.15 RESULTADOS ESTADISTICOSPLOMO

EFECTOS	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRADO	F
	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
a	2	754.1	377.1	438.3
b	1	0.96	0.96	1.0
ab	2	12.7	6.4	7.4

## TABLA 4.16 RESULTADOS ESTADISTICOSDE ARSENICO

ORIGEN DE	GRADOS DE	SUMA DE	CUADRAD	F
VARIACION	LIBERTAD	CUADRADO	MEDIO	
REPLICA	1	0.52	0.52	0.78
EFECTOS				
a	3	8.4	2.8	4.17
b	2	2111.37	1055.69	1575.65
C	1	172.52	172.52	257.49
ab	6	18.79	3.13	4.67
ac	3	3.4	1.13	1.68
bc	2	1.29	0.65	0.97
abc	6	10.54	1.76	2.62
Error	23	15.4	0.67	
## 5. CONCLUSIONES

La evaluación del estudio de remoción de As<sup>+5</sup> y Pb<sup>+2</sup> en el tratamiento de agua nos da conocer las ventajas y desventajas del uso de la separación magnética de alto gradiente (SMAG) en escala industrial.

En el estudio realizado se notó que para aseverar la eficiencia de remoción de  $As^{*5}$  y  $Pb^{*2}$  se debieron hacer pruebas con el flujo ascendente para ampliar el criterio. Sin embargo, en las tablas 4.7, 4.8 y 4.9 el comportamiento de cada concentración se analiza entre sí en la cual la mejor prueba fue la concentración 1.0 mg/l con el gasto de 150 ml/min ya que su remoción fue aproximadamente casi del 70 al 80 %.

Debido a la reacción del coagulante con el agua contaminada y la semilla magnética suelen formarse nuevas sales y complejos que tienden a disminuir la retención ya que en los estudios de jarra, filtración remueven de 90% al 98%. A pesar de que el sembrado es susceptible al campo magnético, no influye la cantidad agregada ni tampoco el aumento de la intensidad ya que produce una magnetización del sembrado utilizado.

El diseño estadístico no corrobora lo experimental, ya que la variable más intentificada es el coagulante y en lo experimental es el gasto bajo.

Con este análisis estadístico y experimental el estudio podría ser aplicable a la escala industrial debido a que no es necesario aumentar la energía eléctrica, sin embargo es necesario tener en cuenta que no todos los metales tienen la misma susceptibilidad al campo magnético y tampoco tienen la misma magnetización como se observa en la tabla 4.2, el As<sup>+5</sup> se removió más y en cambio el Pb<sup>+2</sup> casi nada. Si se aplicará el gasto graduado en las pruebas beneficiarian la remoción de los metales tóxicos de un 80% a 90% en aguas contaminadas.

Con respecto a los estudios realizados anteriormente el de filtración es el más aceptable debido a que este remueve más y tiene sus ventajas; ya que evitaría la contaminación de las aguas, además el agua ya tratada podría ser reciclable para usos en la vida cotidiana como para el riego de las plantas, servicios sanitarios, etc. Además hay que tener en cuenta que no todas las aguas residuales o contaminadas tienen los mismos fenómenos y productos.

Se deberían continuar los estudios acerca del SMAG ya que la contaminación por metales tóxicos es tan compleja como su reacción, y las mezclas pueden limitar un poco los avances de ciertos procesos aunque siempre surgen alguna novedad al realizar diversas investigaciones.

## 6. BIBLIOGRAFIA

 De Latour, C. (Agosto 1974). "Magnetic field in aqueos systems". Submitted in partial fulfillment of the requirements for degree of Doctor of Philosophy. Massachusetts Institute of Technology.

 CEPIS (Centro Panamericano de Ingeniería Sanitaria y Ciencia del Nmblente). (1981) "Teoría, diseño y control de los procesos de clarificación de agua". (Segunda Reimpresión). Lima Perú.

 Resnick, R. and Halliday, D. (1978). "Física parte II". Décima Tercera edición. Editorial CECSA. México. 4. Meza, L. M. (Mayo 1990). "Filtración en campo magnético como un proceso de eliminación de elementos tóxicos del agua". Tesis para obtener la licenciatura de Ingeniero Químico en la Universidad Autónoma de México. D.F., México.

 Mcnallan, M. J. (June 1974). "Magnetic separation of iron bearing solids from water". Submitted in partial fulfillment of requirements for degree of Master of Science. Massachusetts Institute of Technology.

 Obertuffer, J. "High gradient magnetic separation". (1973). IEEE Transactions on magnetics, Vol. Mag 9, # 3. Sept.

Leet, L. D. and Judsson, S. (1980). "Fundamentos de geología física".
 Quinta edición. Editorial CECSA.

 Thompson, R. and Oldfield, F. (1986). "Environmental magnetism". Allen & Unwin (Publishers) Ltd, Londres, Inglaterra.

CEPIS.(Dic. 1984) "Evaluación de plantas de tratamiento de agua". Tomo
 Lima, Perú.

 Mitchell, R.; Bilton, G. and Oberteuffer, J.A. (1975). "High gradient magnetic filtration of magnetic and non magnetic contaminant from water". Separation and purificacion methods, 4(2) pag. 267-303. Marcel.

 Schlichting, H.(1968). "Boundary layer theory". Six edition Mc Graw Hill, USA).

 Weber, W.J. (1972). "Physicochemical process for water quality control". John Wiley & Sons.

 Stumm, W. and O'Mella, C.R. (May 1968). "Stoichiometry of coagulation". Journal A.W.W.A. 60, # 5 pag. 514.

 O'Melia, C.R. (May 1968). "The coagulation process: Theoretical concepts useful in design". A.S.C.E.

15. Lamb, H. (1975). "Hidrodynamics". Six edition Dover Publication U.S.A.

 Boothroyd, R.G. (1971). "Flowing gas - solids suspensions". London: Chapman and Hall.

 Kern, Donald (1985). "Procesos de tranferencia de calor". Editorial CECSA. México.

 Harting, H.E.; Onstand, N.J. and Foot, N.J. (1951) "Demagnetization of magnetita". University of Minnesota Mines Experimental Station Information circular # 7, May.

19. Lawver, J.F. ( Sc D ) and Hopstock, D.M. ( Ph.D.). (1976). "Wet magnetic

separation of weakly magnetic minerals". Mineral Sci. Eng. Vol 6 # 3 July.

 Oberteuffer, J.A. (June 1974). "Magnetic separation: A review of principle, device and application". IEEE Transaction on magnetic Vol. Mag. 10 (2).

21. Mitchell, R. et al (1975). "High gradient magnetic filtration of magnetic and non - magnetic contaminants from water". Separation and purification methods.

 Lawver, J. E. and Hopstock, D. H. (1974). "Wet magnetic separation of weakly magnetic minerals". Science Eng. Vol. 6, # 3.

 Kelland, D. R. (1973). "High gradient magnetic separation applied to mineral benefication". IEEE Transactions on magnetics. Vol. Mag 9, # 3.

24. Scars, F.W. (1974). "Electricidad y magnetismo". Fundamentos de física. Quinta edición. Editorial Aguilar.

25. Clarkson, C. J. and Kelland, D. R. (1978). "Theory and experimental verification of model for HGMS". IEEE Transactions on magnetics, Vol.Mag 14, # 3 May.

FriedLaneder, F.J.; Gerber, R.; Henkel, H.P. and Birss, R. (1981).
 "Particle buildup on single spheres in HGMS". IEEE Transactions on

magnetics, Vol. Mag. 17, # 6 Nov.

Alexander, A.E. and Johnson, P. (1949). "Colloid science". Volumen i y
 Oxford University Press London.

 Elsenstein, I. (1977). "Magnetic separator: Traction force between ferromagnetic and paramagnetic spheres". IEEE Transactions on magnetics Mag 13 # 5. Sept.

29. Degremont (1979). "Water treatment handbook". Fifth edition. John Wiley & Sons.

Dean, R.S. and Davis, C.V. (1941). "Magnetic separation of ores".
 Washington, USA, Bureau of mines bull 425.

31. Taba, E. (1993). "Estudio experimental para remover arsénico y plomo del agua mediante filtración". Tesis para obtener la licenciatura de Ingeniero Químico en la Universidad Autónoma de Puebla. Puebla, México.

32. Martínez, J.L. (1988). "Coagulación con sales de hierro alternativa para remover arsénico del agua". I Símposio Nacional sobre Ingeniería Ambiental. Instituto de Ingeniería, Sección Ambiental, UNAM, México.

33. Fernandez, L.E. (1991). "Estudio experimental para remover arsénico y plomo del agua mediante caogulación". Tesis para obtener la licenciatura de

Ingeniero Químico en la Universidad Autónoma de Puebla. Puebla, México.

 Miller, I. and Freund, E. (1987). "Probabilidad y estadística para ingeniero". Novena edicción. Editorial Prentice Hall.

 Mendehall, W. and Sheaffer, R.L. (1986). "Mathematical statistics with application". Wadsworth, Inc.

36. Cochran G. et al (1965). "Diseños experimentales". F. Trillas S.A.

37. Box, E.P.G. et al (1978). "Statistic for experimenter, an introduction to design, data analysis and model building". John Wiley & Sons.

 Guttman, I.; Wilks, S.S. and Stuart, H. J. (1982). "Introductory engineering statistics". John Wiley & Sons, Inc. USA.

 Galvão, L.A.C. Corey O.German, "Arsénico". (1987). Serie Vigilancia 3. Centro Panamericano de Ecología Humana y Salud., Organización Panamericana de la Salud., O.M.S., Metepec, Edo de México, México.

40. Galvão, L.A.C. y Corey, G. "Plomo". (1989). Serie Vigilancia 8. Centro Panamericano de Ecología Humana y Salud., Organización Panamericana de la Salud., O.M.S., Metepec, Edo de México, México.

 Perry, R. H. and Chilton, C. H. (1973). "Chemical engineers' handbook". Quinta edición. Mcgraw-Hill Kogakusha, Ltd. Tokio, Japan.

42. Manual standard methods for the examination of water and wastewater". (1976). Fourth edition. Publisher by American Public Health Association, American Water Water Work Association and Water Pollution Control Federation. Washington; D.C., USA.

## ANEXO I

### Metales pesados

# Arsénico<sup>(39)</sup>

El arsénico está presente en pequeñas porciones de dos partes por millón (2 ppm) en forma mineral con otras impurezas de otras sustancias. Además puede estar presente en el agua, el aire y los seres vivos especialmente en los marinos.

El arsénico es un metal que se encuentra en la quinta fila de la tabla periódica V A con peso molecular de 74.5g, en forma trivalente y pentavalente, de aspecto sólido plateado gris, quebradizo y se oscurece con el aire; su punto de fusión 817 °C, punto de ebullición 613 °C, no es infamable ni soluble. Su incompatibilidad son los oxidantes, bromatos, cloratos, ácidos halogenado, sodio, potasio, litio, cinc, platino, y paladio. Su  $LD_{50}$  por medio oral arsénico y compuesto en general de 15 mg/kg en ratas y de 11 - 159 mg/kg en otros. La manera de ingreso al cuerpo humano es por vía respiratoria, digestiva, y tal véz la dérmica; sus efectos secundarios se dan en el sistema respiratorio, digestivo, nervioso cardiovascular plel y riñon. Lo recomendado por la norma de permisibilidad es de 5 mg/l.

Según sea su valencia trivalente o pentavalente, o sus combinaciones presentan un mayor riesgo en la naturaleza el cual es tóxica en contacto con el alre y sudor. La combinación del arsénico con otros compuestos químicos altera su toxicidad según la solubilidad del compuesto. Con la combinación del hidrógeno forma la arsina que es un gas extremadamente tóxico.

# Plomo (40)

El plomo se encuentra en forma natural en la corteza terrestre. El metal se produce por fundición del mineral. El plomo en su forma natural tiene poca importancia como fuente de contaminación ambiental pero sin embargo con el crecimiento de la industrias y automóviles las fuentes contaminantes del medio con éste y otros metales han aumentado en forma drástica.

El plomo es un metal de la familia IV A de la tabla periódica de valencia dos y cuatro, forma cúbica, color plateada con un peso molecular de 207.21g, su punto de fusión  $327.5^{\circ}$ C, el punto de ebullición  $1620^{\circ}$ C, insoluble en HCl frío, H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> frío y en agua, y soluble en HNO<sub>4</sub>.

El plomo en el agua, al igual que en el aire, se transforma en una fuente de contaminación para la flora y la fauna marina y para el hombre, en la medida que sea contaminada por actividades antropogénicas.

El plomo es absorbido por inhalación, por ingestión y a través de la piel, es inhibidor de numerosas enzimas y esto constituye el fundamento de los diversos efectos tóxicos. Su concentración en el agua potable, recomendada por la GMS, es de 0.05 mg/l

El aumento del plomo y su exposición ha tenido el riesgo de daños en la salud de la población. El plomo es usado en numeroso tipos de industrias y actividades como la de baterías, pigmentos para pinturas, alfarería, cable y productos químicos. Además está presente en la dieta y en el ambiente humano consumiendose de 200 a 300 microgramos diarios sin que cause daño. El daño humano se centra en varios sistemas: el nervioso, hematopoyético, urinario, renal, reproductivo, gastrointestinal y endócrino.

### ANEXO II

#### Coagulación

La coagulación - floculación es el proceso de desestabilización y aglutinamientos de las partículas en pequeñas masa con peso específico superior al del agua llamadas floc.

La diferencia entre coagulación y la floculación es que la primera comienza en el mismo instante en que se agregan los coagulantes al agua y dura solamente fracciones de segundos, la cual consiste de una serie de reacciones físicas y químicas, entre los coagulantes, la superficie de las partículas, la alcalinidad del agua y el agua misma. La floculación es el fenómeno por el cual las partículas ya desestabilizadas chocan unas con otras para formar coágulos mayores. Anteriormente se explicó detalladamente los modelos de la doble capa y el del puente químico.

Existe una variedad bastante grande de coaguiantes metálicos todos los cuales podemos clagificar en tres tipos: sales de aluminio, sales de hierro y compuestos varios. En este experimento se utilizó una sal de hierro, el cloruro férrico.

En la química de la coagulación del hierro en solución acuosa está hidrolizado el  $\{Fe(H_2O)_6\}^{***}$  y al ser agregado al agua reacciona, primero con los aniones alcalinos (OH<sup>\*</sup>, CO<sub>2</sub><sup>-2</sup>, HCO<sub>2</sub><sup>-1</sup>) y luego con la molécula de

La reaciones con la alcalinidad son de este tipo:

$$\left[ Fe \left( H_{2}O \right)_{6}^{***} + OH^{-} \longrightarrow \left[ Fe(H_{2}O)_{5}(OH)^{**} + H_{2}O \right] \right]$$

$$\left[ Fe \left( H_{2}O \right)_{6}^{***} + CO_{3}^{-2} \longrightarrow \left[ Fe(H_{2}O)_{5}(OH)^{**} + \left[ HCO_{3} \right]^{-} \right]$$

$$\left[ Fe \left( H_{2}O \right)_{6}^{***} + CO_{3}^{-2} \longrightarrow \left[ Fe(H_{2}O)_{5}(OH) \right]^{**} + H_{2}CO_{3} \right]$$

El [  $Fe(H_2O)_5(OH)$  ]<sup>\*\*</sup> se hidroliza formando sucesivamente [  $Fe(H_2O)_4(OH)_2$  ]<sup>\*</sup> y  $Fe(OH)_3(H_2O)_3$ . La reacción de estos productos monoméricos entre sí, crean productos políméricos:

$$[Fe(H_2O)_{g}(OH)]^{**} + [Fe(H_2O)_{g}(OH)]^{**} \longrightarrow [Fe_{2}(H_2O)_{g}(OH)_{2}]^{4*} + 2 H_2O$$

Esta reacción continúa con el tiempo, hasta llegar como producto final, a un hidróxido de hierro neutro Fc(OH), o negativo Fc(OH).

Las reacciones del [ $Fe_2(H_6O)$ ]<sup>\*\*\*</sup> con la molécula de H<sub>2</sub>O son también del tipo ácido - base y se escriben así:

$$[Fe_2(H_{g0})]^{***} + H_{20} \longrightarrow [Fe(H_{20})_{g}(OH)]^{**} + H_{30}^{*}$$

Al igual que la reacción con los iones alcalinos, el [ $Fe(H_2O)_5(OH)$ ]<sup>\*\*</sup> se hidroliza, hasta formar hidróxidos neutros o negativos y se polimeriza. El decenso del pH cuando no hay alcalinidad, es también más pronunciado debido a la formación de ácidos fuertes ( $H_2O^-$ ) que cuando ésta se halla presente. (Formación de ácidos débiles).

La composición de las diferentes especies de productos de hidrólisis, que existen en equilibrio con hidróxido de hierro recién precipitado depende del pH <sup>(2)</sup>.

Las reacciones principales de los alcalinos del agua con el cloruro férrico FeCl<sub>a</sub> son:

2 FeCl<sub>3</sub> + 3 Ca(HCO<sub>3</sub>)<sub>2</sub>  $\longrightarrow$  3CaCl<sub>2</sub> + 2Fe(OH)<sub>3</sub> + 6CO<sub>2</sub>

2 FeC1 + 3 Ca(OH) -----> 3CaC1 + 2Fe(OH)

ANEXO III.

Propiedades de algunos sembrados magnéticos<sup>(41)</sup>.

# Fe\_O\_, La magnetita.

P.M. = 231.55 gramos Color = negro Forma cristalina = cúbica Indice de refracción = 2.42 Densidad = 5.2 Punto de fusión = 1538 °C d Agua fria = insoluble Agua caliente = insoluble Otro reactivo = insoluble en alcohol etilico

Fe<sub>0</sub>0, La hematita.

P.M. = 159.70 gramos Color = rojo o negro Forma cristalina = trigonal Indice de refracción = 3.042 Densidad = 5.12 Punto de fusión = 1560 °C d Agua fría = insoluble Agua caliente = ------Otros reactivos = solubles en el ácido clorihídrico. HCL

### ANEXOS IV

### Análisis estadísticos

El modelo que se atribuye para el análisis de este experimento de 2<sup>n</sup> factorial de tres o cuatro condiciones experimentales y niveles del factor son de extensión inmediata.

Si  $y_{ijkin}$  es la medida de la remoción de los metales pesados de la i-ésima nivel de los gastos, el j ésimo nivel de coagulantes, el k-ésimo nivel de sembrado, el i- ésimo nivel de los contaminantes tóxicos, y, ia n- ésima réplica tendremos:

$$y_{IJkIn} = \mu + \alpha_{i} + \beta_{j} + \gamma_{k} + \delta_{1} + (\alpha\beta)_{ij} + (\alpha\gamma)_{ik} + (\alpha\delta)_{ij} + (\alpha\beta\gamma)_{ik} + (\alpha\beta\gamma)_{ijk} + (\alpha\beta\gamma\delta)_{ijk1} + (\alpha\beta\gamma\delta)_{ijk1} + \rho_{n} + c_{ijk1}$$

donde i = 1, 2, ... a; j = 1, 2, .... b; k = 1, 2, ....c; i = 1, 2, ....d; n = 1, 2, ...r. En este caso,  $\mu$  es la media mayor; suponiendo las sumas de los efectos principales ( $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ , y  $\delta$ ,) y la suma de los efectos de la réplicas son iguales a cero, que la sumas de los efectos de la interación en dos direcciones sumadas al respecto de cualquier subíndice son igual a cero, para cualquier valor de los otros subíndices y que la suma de los efectos de la interación en cuatro direcciones sumadas respecto de uno cualquiera de los subíndices, vale cero para cualquiera valores de los

otros tres subíndices. Al suponer que las  $c_{ijkl}$  son valores de variables aleatorias independientes que tienen distribuciones normales con medias cero y varianza común  $\sigma^2$ .

El análisis de los datos del experimento se ha realizado como una clasificación en dos direcciones, pero el hecho que distingue a un experimento factorial es que la suma de cuadrados de los tratamientos se puede continuar subdividiendo en componentes correspondientes a los distintos efectos factoriales. con a, b, c, y d. Para su análisis estadístico se supone la siguiente hipótesis nulas:

 $\begin{array}{c} a \\ \Sigma \\ \alpha \end{array} = \begin{array}{c} b \\ \Sigma \\ \beta \end{array} = \begin{array}{c} c \\ \Sigma \\ \beta \end{array} = \begin{array}{c} c \\ \Sigma \\ i=1 \end{array} = \begin{array}{c} c \\ i=1 \end{array} = \begin{array}{c} a \\ i=1 \end{array} \qquad (\alpha \beta \gamma \\ ijk \end{array} = \begin{array}{c} c \\ i=1 \end{array} \qquad (\alpha \beta \gamma \\ ijk \end{array} = \begin{array}{c} c \\ i=1 \end{array} = \begin{array}{c} c \\ i=1 \end{array} \qquad (\alpha \beta \gamma \\ ijk \end{array} = \begin{array}{c} c \\ i=1 \end{array} = \begin{array}{c} c \\ =$ 

Así para un experimentos de 2<sup>n</sup>, tenemos la siguientes subdivición, o descomposición, de la suma de cuadrados de los tratamientos:

$$r \sum_{i=1}^{a} \sum_{j=1}^{b} (\overline{y}_{ij} - \overline{y}...)^{2} = rb \sum_{i=1}^{a} (\overline{y}_{i} - \overline{y}...)^{2} + rb \sum_{j=1}^{b} (\overline{y}_{j} - \overline{y}...)^{2} + .....$$
$$rb \sum_{i=1}^{b} (\overline{y}_{i} - \overline{y}...)^{2} + ....$$

$$\mathbf{r} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \left( \overline{y_{ij}} - \overline{y_{i,.}} - \overline{y_{j}} + \overline{y_{...}} \right)^{2} = 3$$

El primer término del segundo miembro mide la variabilidad de las medias correspondiente a los diferentes niveles del factor A y se le denomina a la suma de los cuadrados del factor A, SSA. Similarmente, al segundo término es la suma de los cuadrados del factor B, SSB y así sucesivamentes los demás términos y el último término es la suma de los cuadrados de las interaciones, que mide la variabilidad de las media. $\overline{y}_{1jkl}$  que no es atribuible a los efectos individuales o separados de los factores A, B, C, y D.

Si subdividimos las sumas de cuadrados de los tratamlentos en las cuatro sumas de cuadrados de los efectos principales SSA, SSB, SSC, y SSD, las cuatro sumas de cuadrados de la interación en cuatro direcciones SS(AB), SS(AC), SS(AD), SS(ABC), SS(ABD), SS(BCD), y SS(CDA); y la suma de cuadrados de la interaciones en cuatro factores SS(ABCD).

En la práctica el análisis de varianza, se calcula la suma de cuadrados por medio de fórmulas abreviadas, basadas de la ecuación 3 las cuales son las siguientes:

Término de corrección:

Suma total de cuadrados:

$$SST = \sum \sum \sum \sum \sum \sum (y_{ijkln}) - C = 5$$

$$i=1 \quad j=1 \quad k=1 \quad l=1 \quad n=1$$

Suma de cuadrado del efecto de fila:

$$SS(Tr) = \frac{1}{r} \frac{a}{\sum_{i=1}^{a} \sum_{j=1}^{b} \dots \sum_{i=1}^{d} (y_{i,jkl})^{2} - C$$

Suma de cuadrados de efecto por réplica:

 $SSR = \frac{1}{abcd} \sum_{n=1}^{r} y_{...n}^{2}$ 

Error experimental:

$$SSE = SST - SS(Tr) - SSR$$

Suma de cuadrado por el factor a

$$SSA = \frac{1}{\frac{1}{bcdr}} \sum_{i=1}^{n} \overline{y_i^2} - C$$

Suma del cuadrado por el factor b

$$SSB = \frac{1}{acdr} \sum_{i=1}^{n} \frac{y_i}{y_i} - C$$

Suma de cuadrados por iteracción

10

6

$$SS (ABCD) = SS(Tr) - SSA - SSB$$
 11

Dividiendo las diferentes sumas de cuadrados, por sus grados de libertad, se logra la media de la suma de cuadrados; y dividiendo los medios entre el error medio cuadrado, se obtiene el valor estadístico, F; el cual si rebasa del valor  $F_{\alpha}$ , de una distribucción normal de b - 1 y ( $\alpha - 1$ ) (b - 1) grados de libertad y nivel de significación  $\alpha$ , rehusará la hipótesis nula, indicando que si afecta esa variable a nuestra experimentación. Los valores de errores de este experimento no se aplican por no haber réplica.

### ANEXO V

Preparación de la solución del Arsénico (As<sup>5</sup>).

Se busca una sal que contenga el  $As^{5*}$  y en este caso se usa el compuesto  $Na_2HASO_4 \cdot 7H_2O$ . Su peso molecular es 312.01 g/mol para calcular la masa que se necesita para la dilución del  $As^{5*}$ . Al obtener el gramo equivalente del  $As^{5*}$  a la dilución 1000 mg/l se encontro la masa que es de 4.1614 gramos que se necesita.

Preparación de la solución del Plomo (Pb<sup>2+</sup>)

Se hace lo mismo que el As<sup>5+</sup>, la sal que se utiliza es el  $Pb(NO_3)_2$ . Su peso molecular es 331.19 g/mol para calcular la cantidad de masa que se necesita para la dilución. La masa que se necesita para la dilución del plomo es de 1.5985 g.

Preparación del coagulante FeCl

Es el mismo procedimiento de las anteriores y como se necesita diluir a una concentración de 10 mg/l. Se hacen los cálculos para encontrar la cantidad de masa que se necesitan. La masa del FeCl, es 4.8409 g.

# ANEXO VI

### Agitador

La agitación en el tanque de siete a ocho litros (7 a 8 1) debe ser constante y la recomendada para este caso es de 40 rev/min<sup>(2)</sup>, ya que el coagulante se dispersa en toda la masa del agua, dependiendo de la velocidad de reacción con la alcalinidad y con el agua misma. El agitador crea la turbulencia dependiendo la velocidad y se lleve para formar los flóculos al ser añadido el coagulante en forma constante y continua hasta que se termine la prueba.

### ANEXO VII

Balance de Materia

Un balance sobre una sustancia en un sistema puede escribirse de la siguiente forma general:

Entrada + producción - salida - consumo = acumulación 1

donde:

Entrada	= entra a través de las fronteras del sistema
producción	= producida dentro del sistema
salida	= sale a través de las fronteras del sistema
consumo	= consumida dentro del sistema
acumulación	= acumulada dentro del sistema

Esta ecuación general de balance se puede aplicar para cualquier sustancia que entre o salga de cualquier proceso; puede aplicarse a la masa total de esta sustancia o a cualquier especie atómica o molecular involucrada en el proceso.

En este estudio el balance de materia se basa del diagrama de flujo (fig.3.2) que es un proceso mezclado continuo (sin tomar en cuenta la reacción química dentro del sistema) En este proceso exiten dos (2) variables para cada entrada para la A no hay dosis de FeCl<sub>2</sub>, y tiene un

gasto, para la B contiene FeCl<sub>3</sub> que puede ser de 10 ó 20 mg/l; para la salida también tenemos dos (2) variables la dosis deseada y el gasto aplicado.

En la fig. 3.2 contiene parámetros a, b, c, A, B, y C las cuales corresponden al gasto y concentración.

Analizando el diagrama de flujo se aplica la ecuación de general de balance de masa y se obtiene de la ecuaciones 2 y 3:

$$Q_a + Q_b = Q_c$$
 2

aA + bB = cC 3

donde:

Q\_a = Gasto másico de la entrada A (mg/min). Q\_b = Gasto másico de la entrada B (mg/min). Q\_c = Gasto másico de la salida C (mg/min). A = gasto de entrada (ml/min). a = concentración de coagulante (mg/l). B = gasto de entrada del dosificador (ml/min). b = concentración del coagulante a la entrada (mg/l). C = gasto de salida (ml/min). c = concentración del coagulante a la salida (mg/l).

Tomando una de las suposiciones las condiciones de las entradas para la  $Q_a$ la concentración es cero. la  $Q_b$  el gasto es de 5 ml/min; y para la salida  $Q_c$  el gasto es de 150 ml/min y la concentración 10 ml/min. Se reemplazan los valores en sus respectivas ecuaciones por los cuales los resultados tenemos que para la concentración b del coagulante será 300 mg/l. Si cambiamos solamente la concentración de c de 10 mg/l a 20 mg/l se obtiene para la concentración b del coagulante de 600 mg/l y así sucesivamente.