# VISCOSIMETRO DE CILINDROS COAXIALES

(DISENO Y CONSTRUCCION)

## MA. DEL PILAR SEGARRA ALBERU

TESIS DE MAESTRIA EN CIENCIAS (FISICA) UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA DE MEXICO FACULTAD DE CIENCIAS MEXICO D.F. 1989





# UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

# DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

## INDICE

RESUMEN

# CAPITULO I

Vis	cosidad (importancia y métodos de medición)	
1.1	Definición de viscosidad	l i
1.2	Flujo laminar y turbulento	5
1.3	Número de Reynolds	1
1.4	Comportamiento no-newtoneano	3
1.5	Modelos no newtoneanos11Modelo de Ostwald-de Weale11Modelo de Eyring12Modelo de Bingham12	2
1.6	Importancia de la viscosidad	5
1.7	Medición de la viscosidad 15	5
1.8	Viscosimetros capilares17	7
1.9	Viscofimetros tipo Stokes21	L :
1.10	Viscomimetros oscilantes23	5
1.11	Viscosimetros giratorios	). 1: 5:
Anexo	Tabla y figuras 26	3.

#### CAPITULO II

Viscosimetro de cilíndos giratorios

2.1	Descripción téorica	34
	A Flujo entre las paredes laterales de	7.4
	B Corrección por longitud finita de los	34

	cilindros
	interior en cono
2.2	Consideraciones prácticas
	y razón de corte
	F Control Térmico
D III	

#### CAPITULO III

Diseno y construcción de un viscosimetro de cilindros coaxiales 3.1 Descripción general 60 3.2 Cilindros coaxiales 62 3.3 Efecto de borde 63 3.4 Razón de corte 65 Control termico 3.5 66 Control de velocidad 3.6 68 3.7 Medición de la torca 69 Constante del aparato 3.8 69 3.9 Diseño experimental 71 A.- Montaje ..... 71 B.- Desarrollo 72 Anexo Figuras 73

#### CAPITULD IV

# Resultados y evaluación

4.1	Pruebas de calibración	78
4.2	Constante de calibración	79
4.3	Evaluación A Pruebas de reproducibilidad B Precisión C Intervalo de funcionamiento D Facilidad de utilización E Costo	81 82 82 84 84

4.4 Proposiciones... Anexo Figuras.... 84

87

95

100

102

# BIBIOGRAFIA

LISTA DE FIGURAS Y TABLAS

LISTA DE SIMBOLOS

### RESUMEN

La viscosidad, como la difusión y la conductividad térmica, es una propiedad de transporte en los fluidos.

Fue definida originalmente por Newton como una medida de1 ante una fuerza aplicada, o bien como flujo de material la resistencia que presentan todos los fluidos al cambio de velocidad. Si el esfuerzo cortante aplicado al material os. proporcional al gradiente de la velocidad local, el fluido **es** newtoneano y la constante de proporcionalidad es la viscosidad, si los fluidos no obedecen esta relación lineal Se 11aman no-newtoneanos.

Las medidas de viscosidad se emplean para controlar 1 a calidad durante la producción o monitorear y/o controlar un proceso. Permiten el estudio de tratamientos químicos. mecánicos y térmicos, efecto de aditivos o del proceso de una reacción de maduración. En macromoléculas naturales la viscosidad proporciona información respecto a tamaño, forma, grado de ramificación. entrecruzamiento o degradación de moléculas solubles. En mecánica de fluidos, la viscosidad es el enlace entre la teoría y el coeficiente característico del experimento, ya que, por ser un material debe obtenerse experimentalmente para ser utilizado en las relaciones de transporte.

Para medir la viscosidad en fluidos newtoneanos hay dos métodos principales:

1.- Determinación directa de la relación esfuerzo

cortante — razón de corte. En este método se sujeta a toda la muestra a una razón de corte conocida y se mide el esfuerzo cortante; los viscosímetros utilizados son por lo general de cilindros coaxiales o de cono-plato.

2.- Inferencia indirecta de la relación del esfuerzo cortante con la razón de corte, por observaciones del gradiente de presión y razón del flujo volumétrico en un tubo recto o viscosimetro capilar. En estos instrumentos la razón de corte no es constante, sino que varía de cero en el centro del tubo, a un máximo en las paredes del mismo, por lo que la interpretación de los resultados no es fácil.

El objetivo de este trabajo es diseñar y construir un viscosímetro de cilindros coaxiales, por considerarlo el más apropiado físicamente para reproducir el flujo de Couette.

El trabajo se ubica haciendo una presentación de la. viscosidad, explicando su importancia y describiendo diferentes tipos de viscosímetros. Se efectúan los cálculos que proporcionan una descripción teórica de los viscosimetros de cilindros qiratorios y se enlistan algunos puntos prácticos aue deben tomarse en cuenta en la construcción de estos viscosimetros. Utilizando los datos anteriores diseña 50 นท prototipo considerando: magnitud de los cilindros, configuración del cilindro interior, conveniencia de que el cilindro exterior sea el rotor y forma de detectar la torca. Se evalúa el prototico utilizando líquidos de calibración y comprobando reproducibilidad de resultados.

# CAPITULO I

## VISCOSIDAD

(importancia y métodos de medición)

## 1.1 Definición de viscosidad

La descripción del movimiento de un flúido ideal está completamente caracterizada a travós de 5 variables: las tres componentes de la velocidad y dos variables termodinámicas. For esta razón, se requieren 5 ecuaciones independientes para resolver el sistema. Se utilizan por lo general las ecuaciones de Euler, la ecuación de continuidad y la ecuación adiabática (Landau, 1959).

$$\frac{\partial v_i}{\partial t} = -v_k \frac{\partial v_i}{\partial x_k} - \frac{1}{\rho} \frac{\partial \rho}{\partial x_i}$$
(1.1)

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = -\frac{\partial (\rho v_{1})}{\partial x_{k}}$$
(1.2)

$$\frac{\partial S}{\partial t} = - \frac{v_k}{v_k} \frac{\partial S}{\partial x_k}$$
(1.3)

donde ho es la densidad,  $u_i$  las componentes de la velocidad, p la

presión y 5 la entropía local.

Sin embargo, en el movimiento de un flúido real hav debida a la irreversibilidad termodinámica disipación del proceso. Esta irreversibilidad ocurre siempre en mayor o menor grado a causa de la fricción interna (viscosidad) v 1a conductividad térmica del flúido. Para obtener las ecuaciones que describen el movimiento de un flúido viscoso (real), es necesario añadir algunos términos a la ecuación de movimiento de un flúido ideal. Esto aumenta el número de incógnitas para el mismo número de ecuaciones. La ecuación de continuidad es válida para todos los fluidos, sean o no viscosos, pero la ecuación de Euler debe ser modificada en el caso viscoso.

Además de la forma utilizada en 1.1 la ecuación de Euler puede escribirse como:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho v_{i}) = - \frac{\partial \Pi_{ik}}{\partial x_{i}}$$
(1.4)

donde  $\Pi_{i,i}$  es el tensor de flujo de densidad de momento. Representa una transferencia reversible completa de momento, debido simplemente al transporte mecánico de diferentes partículas del flúido de un lugar a otro y a la presión que actúa sobre el flúido. La viscosidad (irreversible) transfiere el momento de puntos donde la velocidad es mayor, a puntos donde es menor. For lo tanto para obtener la ecuación de movimiento de un flúido viscoso es necesario añadir al momento de flujo "ideal", un término (- $\sigma_{ii}$ ) que proporcione la transferencia irreversible de momento.

El tensor de flujo de densidad de momento en un flúido viscoso es:

$$\Pi_{ik} = p \delta_{ik} + \rho v_i v_k - \sigma'_{ik}$$
(1.5)

o bien

$$= -\sigma_{ik} + \rho \nu_i \nu_k \qquad (1.6)$$

con

 $\frac{1.7}{k} = -p\delta_{ik} + \sigma_{ik}$ 

donde  $\sigma'_{ik}$  = tensor viscoso y  $\sigma'_{ik}$  = tensor de esfuerzos que proporciona la parte irreversible del flujo de momento, o sea, que no se debe a la transferencia directa del momento por la masa del flúido en movimiento.

Siguiendo la formulación presentada por Landau (1959), se establece a continuación la forma general del tensor viscoso para un flúido isotrópico simple.

Los procesos con fricción interna, ocurren en un flúido únicamente cuando las diferentes partículas del mismo se mueven a distinta velocidad, de forma que existe un movimiento relativo entre las diferentes partes del flúido. Por lo tanto el tensor viscoso debe depender de las derivadas espaciales de 1a Si el gradiente de velocidad es pequeño, puede velocidad. suponerse que la transferencia de momento debida a la viscosidad, sólo dependa de las primeras derivadas de la velocidad. Con la misma aproximación, puede suponerse que  $\sigma_{ik}$  es una función lineal de las derivadas  $\partial v_i / \partial x_i$ . No puede haber términos independientes en el tensor viscoso ya que éste debe hacerse cero para  $\overline{\nu}$  igual a constante y cuando todo el flúido rota con velocidad uniforme por no existir fricción interna en este tipo de movimiento. En rotación uniforme con velocidad angular  $\overline{\omega}$ ,  $\overline{\nu}$  es igual al producto vectorial  $\overline{\omega} \times \overline{r}$ .

Como las sumas

$$\frac{\partial v_{i}}{\partial x_{k}} + \frac{\partial v_{k}}{\partial x_{i}}$$

son una combinación lineal de las derivadas  $\partial v_i / \partial x_j$  y se hacen

cero para  $v = \omega \times r$ , el tensor viscoso debe contener solamente esta combinación simétrica de las derivadas.

Por lo tanto

es la ecuación constitutiva que distingue a un flúido de otro. Con base en lo anterior  $\sigma'_{ik}$  puede escribirse en forma general para un flúido newtoneano como:

$$\sigma_{ik}' = \eta \left[ \frac{\partial \nu_i}{\partial x_k} + \frac{\partial \nu_k}{\partial x_i} - \frac{2}{3} \delta_{ik} \frac{\partial \nu_l}{\partial x_i} \right] + \xi \delta_{ik} \frac{\partial \nu_l}{\partial x_i} \qquad (1.9)$$

La expresión entre paréntesis tiene la propiedad de hacerse cero bajo contracción con respecto a ik y representa a los esfuerzos viscosos producidos por la rapidez de deformación cortante en un flúido, mientras que el otro término está relacionado con los cambios de volúmen en el mismo.

Nótese que en la forma generalizada de la ley de 1 a viscosidad de Newton, ésta aparece como una propiedad de transporte más. Las constantes  $\eta$  y  $\xi$  de la ecuación 1.9 se llaman coeficientes de viscosidad cortante Y volumétrica respectivamente, son positivas y son función de la presión y temperatura. La viscosidad volumétrica es idénticamente cero para un gas monoatómico ideal (Bird,1977); para líquidos incompresibles se hacen cero los términos  $\partial v_{1}/\partial x_{1}$  que implican en el tiempo. en s1, un cambio de volúmen Los líquidos incompresibles no existen realmente, pero en la mayoría de los fluidos la viscosidad volumétrica es muy pequeña comparada con la viscosidad cortante y puede despreciarse en todas aquellas pruebas en que no se esté trabajando directamente con la compresibilidad. En este trabajo se hace la simplificación de

considerar incompresibles a los fluidos y por lo tanto se desprecia el término correspondiente a la viscosidad volumétrica.

Utilizando la expresión explícita para  $\sigma'_{ik}$ , la ecuación de movimiento de un flúido viscoso puede por lo tanto expresarse como:

$$\rho \left( \frac{\partial \nu_i}{\partial t} + \nu_j \frac{\partial \nu_i}{\partial x_j} \right) = - \frac{\partial \rho}{\partial x_i} + \eta \frac{\partial^2 \nu_i}{\partial x_j \partial x_j} + \left( \frac{1}{3} \eta + \xi \right) \frac{\partial^2 \nu_k}{\partial x_k \partial x_i}$$
(1.10)

o bien,

$$\rho\left(\frac{\partial \nu_{i}}{\partial t} + \nu_{j}\frac{\partial \nu_{i}}{\partial x_{j}}\right) = -\frac{\partial \rho}{\partial x_{i}} + \eta \frac{\partial^{2} \nu_{i}}{\partial x_{j}\partial x_{j}}$$
(1.11)

si el flúido puede considerarse incompresible.

La expresión 1.11 se conoce como la ecuación de Navier-Stokes y lleva implícitas las siguientes suposiciones: los coeficientes de viscosidad son constantes, el flúido es newtoneano e incompresible. La viscosidad debe obtenerse expermimentalmente ya que es un coeficiente característico del material.

Si el fuido no es newtoneano es necesario escribir la ecuación fenomenológica que relacione a  $\sigma'_{ik}$  con la rapidez de deformación, introduciendo con ello otros coeficientes de transporte.

La viscosidad fue definida originalmente por Newton como นทล medida del flujo de material ante una fuerza aplicada, o bien como la resistencia que presentan todos los fluidos al cambio de velocidad. Si el esfuerzo cortante aplicado al material 85 proporcional al gradiente de la velocidad local, el flúido **85** newtoneano y la constante de proporcionalidad es la viscosidad. La ecuación 1.9 es una generalización de la ley de viscosidad de Newton, los fluidos que no obedecen esta relación se llaman no-

newtoneanos.

De acuerdo a su definición, en el sistema CGS, la viscosidad tiene dimensiones de dina-seg  $/ cm^2$ , o bien, de gm / cm-seg, esta unidad es el Poise (P). La viscosidad del agua a temperatura ambiente es aproximadamente 0.01 poise o 1 centipoise (cP. o bien cps). En el sistema SI las dimensiones son N-seg /  $m^2$  o Pascal-segundo (Pa S) que es diez veces mayor que el Poise. En muchos métodos de medición no se determina directamente la viscosidad, sino el cociente de la viscosidad entre la densidad del líquido, llamada viscosidad cinemática

#### ν=η/ρ

En el sistema CGS las unidades de viscosidad cinemática son  $cm^2/seg$  o Stoke (St); en el SI son  $m^2/seg$ . A  $\eta$  se le llama viscosidad dinámica para distinguirla de la viscosidad cinemática  $\nu$  (Cheng, 1981).

En los fluidos newtoneanos el coeficiente de la viscosidad es función de la temperatura, y la demisidad (presión). La viscosidad de un líquido disminuye generalmente al aumentar la temperatura, mientras que la viscosidad de un gas siempre aumenta con la temperatura (Yuan, 1967).

#### 1.2 Flujo laminar y turbulento

Cuando se tiene un flúido en movimento la velocidad varía, por lo general, punto a punto para cada tiempo. La distribución particular de las velocidades depende de la maturaleza del flujo que a su vez es una función de la geometría del contenedor y de las propiedades físicas del flúido. Un flujo puede clasificarse como laminar o turbulento.

Los términos flujo laminar y flujo puramente viscoso se usan

como sinónimos para indicar que el material fluye en láminas O en oposición al flujo turbulento, en el capas. que las componentes de la velocidad tienen fluctuaciones al azar que 60 imponen sobre sus valores medios. Cuando se inserta una corriente de humo o tinta en un flujo laminar, trazará una línea deloada que esta compuesta siempre por las mismas partículas de flúido. En un flujo turbulento la línea de humo se confunde rápidamente y mezcla con las partículas del flúido a medida que éste Se fluye. formando gran cantidad de nubes y filamentos que se van dispersando (Hughes,1970).

A medida que la velocidad aumenta, el flujo cambiará de laminar a turbulento, pasando por un régimen de transición. Los dos tipos de flujo ocurren en la naturaleza, pero el turbulento parece ser el más usual.

#### 1.3 Número de Reynolds

El número de Reynolds es un parámetro adimensional que caracteriza cualitativamente el tipo de flujo viscoso y se expresa como

$$Re = \rho \, \frac{UL}{\eta} \tag{1.12}$$

donde L es la longitud caracter**1**stica del sistema y U 1a velocidad caracteristica. Este número esta definido COMO el cociente de la presión dinámica  $\rho U^2$  y del esfuerzo cortante  $\eta U/\rho$ , o bien como el cociente de las fuerzas de inercia entre las de fricción, por lo que indica aproximadamente la variación de 1a relación entre la fuerza de inercia y la fuerza de viscosidad o de fricción.

El número de Reynolds es un parámetro importante para la viscosidad ya que como puede verse en la ecuación 1.12 es inversamente proporcional a la viscosidad siendo lo demás constante. Por lo tanto a viscosidades grandes corresponden números de Reynolds pequeños y viceversa; o lo que es lo mismo cuanto mayor sea el número de Reynolds, tanto menor es la viscosidad y tanto más se aproxima el movimiento al de un flúido ideal desprovisto de viscosidad.

El valor del parámetro es menor para flujos laminares que para turbulentos.

#### 1.4 Comportamiento no-newtoneano

Si para los fluidos newtoneanos se grafica en coordenadas cartesianas el esfuerzo cortante  $\sigma$  contra la razón de corte  $\dot{\mathbf{r}}$ , se obtiene una recta, cuya pendiente es igual al coeficiente de la viscosidad dinámica. Si al variar la razón de corte 1a viscosidad no es constante, el flúido es no-newtoneano. 1a mayor parte de sistemas de alto peso molecular. soluciones y fundidos asi como fluidos de fases multiples (coloides, suspensiones, emulsiones, pastas, etc.) caen bajo esta categoría (Cheng, 1981). Para los fluidos no-newtoneanos. las gráficas del esfuerzo cortante contra la razón de corte deben obtenerse experimentalmente (Holland,1973). La figura 1.1<sup>1</sup> muestra 1 as relaciones existentes entre esfuerzo cortante y razón de corte para sólidos y fluidos.

El término de viscosidad no tiene sentido para un flúido no newtoneano a menos que se le relacione con una razón de corte específica. Una medida no puede caracterizar a un material no-newtoneano, únicamente proporciona una viscosidad aparente para un esfuerzo cortante, razón de corte y temperatura

Para no quitar continuidad al texto, las figuras aparecen al final de cada capitulo.

particulares (Howard, 1969).

Para los fluidos no-newtoneanos la viscosidad aparente  $\mu_{4}$  se define como  $\sigma = \mu_{1} \dot{\gamma}$  (1.13)

La viscosidad aparente obtenida con un tipo de viscosímetros no esta relacionada con la obtenida con otro tipo y por lo tanto no puede ser comparada (Cheng,1981). En esta misma línea Barbee (1973) indica que los resultados obtenidos con un viscosímetro capilar en muestras de sangre no se pueden comparar con los obtenidos con un viscosímetro de cilindros coaxiales o de cono y plato.

Cuando la viscosidad aparente decrece al aumentar la razón de corte el flúido se llama pseudoplástico y dilatante cuando aumenta al aumentar la razón de corte (Fig.1.2).

El plástico de Bingham es otro tipo de flúido no-newtoneano. Una grafica en coordenadas cartesianas de  $\sigma$  contra  $\overset{\bullet}{r}$  muestra una recta que intercepta en  $\sigma_{a}$  al eje del esfuerzo cortante.  $\sigma_{a}$ es el esfuerzo de cesión que debe ser superado antes de que el material fluya (Fig.1.2). Un material del tipo "plástico de Bingham" contiene, en reposo, una estructura tridimensional Con suficiente rigidez para resistir cualquier esfuerzo menor al de cesión. Cuando el esfuerzo aplicado es mayor que el de cesión el sistema se comporta como un flúido newtoneano. En un plástico Bingham se llama coeficiente de rigidez a la pendiente de 1a curva.

Los pseudoplásticos, dilatantes y plásticos Bingham son ejemplos de fluidos no-newtoneanos que no presentan una dependencia en el tiempo, esto es, que la viscosidad aparente depende solamente de la razón de corte en cada instante y no en el tiempo que ha durado su aplicación. Sin embargo para algunos fluidos, la viscosidad aparente cambia con el tiempo que dura la aplicación del esfuerzo cortante. Estos fluidos se conocen como

materiales no-newtoneanos dependientes del tiempo.

Los fluidos que muestran en el tiempo una disminución en la viscosidad bajo un esfuerzo cortante limitada se 11aman tixotrópicos. En los fluidos tixotrópicos se da un rompimiento propresivo de su estructura al ser sometidos a un esfuerzo cortante constante. eventualmente se llega a un punto de dinámico donde el rompimiento equilibrio de estructura se balancea con una reconstrucción simultánea. De esta forma al constante se obtiene un esfuerzo minimo para aolicar un 1 a E1 comportamiento tixotrópico puede viscosidad aparente. como una curva de hist**é**risis en la esquematizarse gráfica esfuerzo cortante-razón de corte. si la razón de corte se incrementa progresivamente hasta un cierto punto donde se inicia la disminución. Muchos fluidos muestran un comportamiento tixotropico añadido al pseudoplástico o dilatante.

De lo expuesto en el párrafo anterior puede inferirse que la tixotrop1a es una propiedad transitoria, y asi es, ya que 1 a mayoría de los fluidos tixotrópicos recuperan ธน viscosidad original si se les deja en reposo por un tiempo suficientemente Algunos fluidos se recuperan de forma inmediata al orande. cesar el esfuerzo cortante y otros pueden tardar varias horas. Un buen ejemplo de flúido tixotrópico es la salsa "catsup" que no caerá hasta que haya sido agitada. Una vez que se la deia reposar recupera su consistencia. Otro ejemplo son las pinturas que no gotean, donde al comprador se le presenta un producto semisólido que fluir**a** f**a**cilmente al aplicarle un esfuerzo cortante por medio de la brocha, conviertiendose en un flúido de baja viscosidad por un periodo suficientemente largo para permitir su aplicación con facilidad y que se borren las marcas de la brocha, oero que pasado un cierto tiempo revierte a una forma altamente viscosa que resiste chorreaduras (Murray,1979).

Los fluidos que muestran un aumento en viscosidad bajo un

esfuerzo constante se llaman reopécticos. En este tipo de materiales los esfuerzos cortantes pequeños facilitan la formación de la estructura, después de un cierto límite se da un rompimiento, lo que proporciona un máximo en la viscosidad a una razón de corte constante. La mayoría de los fluidos reopécticos, regresan rápidamente a su estructura original al cesar el esfuerzo cortante. Este tipo de materiales son raros y carecen de importancia industrial.

Otro grupo importante de fluidos no-newtoneanos son los viscoelásticos. Estos presentan propiedades viscosas y elásticas. En un sólido perfectamente elástico, el esfuerzo correspondiente a una deformación es independiente del tiempo (Fig.1.1), en contraste con los materiales viscoelásticos donde el esfuerzo se disipa gradualmente.

#### 1.5 Modelos no-newtoneanos

Se han propuesto numerosas ecuaciones empíricas o "modelos" para expresar la relación que existe en estado estacionario entre  $\sigma_{ij} = \gamma \frac{\partial v_i}{\partial x_k}$ . A continuación se presentan algunos modelos que describen los datos experimentales con suficiente exactitud. Todas las ecuaciones contienen parámetros empíricos positivos cuyo valor numérico puede determinarse correlacionando datos experimentales de  $\sigma_{ij}$  contra  $\partial v_i / \partial x_j = \dot{\gamma}$ , a temperatura y presión constantes (Bird, 1960).

El modelo **más simple y el más usado es l**a ley de potencias o Modelo de Ostwald-de Waele.

#### Modelo de Ostwald-de Waele

La ecuación constitutiva de este modelo de dos parámetros puede escribirse como:

$$\sigma = K \left( \dot{\gamma} \right)^{\mathsf{n}} \tag{1.14}$$

donde K = el coeficiente de consistencia, con unidades de  $(N-seg)^n/m^2$ , y n cantidad adimensional, son constantes características en cada polímero o mezcla polimérica. Para los fluidos pseudoplásticos n < 1 y para los dilatantes n > 1. En el caso de los fluidos newtoneanos n = 1 y K = al coeficiente de viscosidad dinámica (Holland, 1973).

La mayor parte de los fluidos macromoléculares son pseudoplásticos y es frecuente que para éstos el valor de n oscile de 0.15 a 0.6.

#### Modelo de Eyring

El modelo de dos parámetros, expresado en la siguiente ecuación, esta derivado de la toría de Eyring; fue el primer intento de obtener una ecuación molecular para la viscosidad no-newtoneana (Bird,1977).

$$\sigma = A \operatorname{arc sinh} \left( -\frac{1}{B} \stackrel{\circ}{\gamma} \right)$$
 (1.15)

Predice un comportamiento pseudoplástico para valores finitos de  $\sigma$  pero tiende asintóticamente a la ley de la viscosidad de Newton con  $\eta = A / B$  cuando  $\sigma$  se aproxima a cero (Bird, 1960).

#### Modelo de Bingham

Ninguna lista de modelos empíricos esta completa sin el modelo de Bingham para fluidos con un esfuerzo de cesión  $\sigma_o$ . La viscosidad es finita cuando el esfuerzo aplicado es mayor que:

Toda sustancia que se comporta de acuerdo con este modelo de dos parámetros se denomina "plástico de Bingham". Permanece rígida mientras el esfuerzo cortante es menor que el esfuerzo de cesión pero fluyen como un newtoneano cuando el esfuerzo cortante 0, sobrepasa este límite (Bird,1977). Se ha encontrado due este modelo es suficientemente preciso para suspensiones finas Y pastas (Bird, 1960).

والمستعم ومنابعا المنافع المنافع والمتعادية والمنافع والمنافع والمنافع والمنافع والمنافع والمنافع والمنافع

EL comportamiento reológico de los modelos anteriores está esquematizado en la figura 1.2. Es necesario tener presente que estas ecuaciones no son m**a**s que fórmulas empíricas de ajuste de curvas. y por consiguiente es aventurado extrapolarlas fuera del intervalo de datos experimentales utilizados en su obtención. Los parámetros de estos modelos son funciones de la temperatura. presión, composición y muchas veces del intervalo de  $\tilde{\gamma}$  para el que se ajustó la ecuación; por lo tanto al dar los valores de 105 parámetros reológicos deben especificarse cuidadosamente las condiciones en las que han sido determinados.

#### 1.6 Importancia de la viscosidad

Por qué hacer medidas de viscosidad? La respuesta está en 1a experiencia de miles de personas que han hecho tales medidas. mostrando que puede obtenerse mucha información útil sobre el comportamiento o funcionamiento de varios productos, así COMO medidas predictivas de este comportamiento. Tambi**é**n puede servir para conocer los efectos producidos en el material oor e1 procesamiento, cambio en la formulación o envejecimiento. Una razón frecuente para realizar medidas de viscosimetría puede encontrarse en el área de control de calidad para mantemer una consistencia constante de remesa en remesa. Otra razón es que 1a viscosidad proporciona información sobre el comportamiento de

fluidos en procesos industriales (Brookfield,1983).

Se ha sugerido que la reología es el método más sensible para la caracterización de materiales, ya que el comportamiento de1 flujo responde a propiedades como peso molecular o distribución de Esta relación es útil en la oeso molecular. sintesis de pol1meros, ya que permite distinguir diferencias relativas sin hacer medidas más complicadas de peso molecular. Las medidas reológicas también son prácticas en el seguimiento de reacciones químicas de procesos de degradación ο de polimerizaci**ó**n Tales medidas se emplean para comprobar (Kilo.1976). la calidad durante la producción, monitorear y/o controlar un proceso. Las medidas reológicas permiten el estudio de tratamientos químicos, mecánicos y térmicos, efecto de aditivos o del oroceso de una reacción de maduración. Son tambi**é**n una forma de predecir y controlar un sin número de propiedades de los productos. rendimiento final y comportamiento de los materiales. En macromoléculas naturales y sintéticas la viscosidad proporciona información respecto a tamaño, forma, grado de ramificación. entrecruzamiento o degradaci**ó**n de macromoléculas solubles (Billmeyer, 1971).

Debe señalarse que en la mayoría de los casos la viscosidad se utiliza como una característica indirecta de lo que realmente se desea medir: composición, tamaño de partículas, peso molecular, consistencia, textura, grosor de recubrimiento, etc. La razón para hacer esto es que la viscosidad puede medirse con más facilidad que esos parámetros. Sin embargo, para que sea útil se requiere que exista una correlación adecuada entre la viscosidad y 1 a característica que realmente se desea conocer (Tily,1983). Además de utilizar la viscosimetría como método independiente para la caracterización de polímeros se usa muchas veces en conexión con otras técnicas (Kilp,1976).

Finalmente, en mecánica de fluidos, la viscosidad es un enlace

entre la teoría y la experimentación, por ser un coeficiente característico del material, que debe obtenerse experimentalmente para ser utilizado en la relación constitutiva que nos dice cómo es el transporte de momento en el sistema (cf.1.1).

## 1.7 Medición de la viscosidad

La viscosidad puede variar de 10<sup>°6</sup> a 10<sup>22</sup> poises (Tily,1983) por lo que se han desarrollado un gran número de técnicas experimentales para cubrir este intervalo. Como este parámetro depende fuertemente de la temperatura, resulta indispensable para buena precisión en tener una ธน determinación. aue 105 viscos1 metros esten sumergidos en un baño térmico de temperatura constante regulada a ±0.02 °C (Florv.1953). En algungs aceites viscosos es común obervar cambios hasta de un 10% en 1 a viscosidad, por grado centígrado (Pipkin,1972), sin embargo, en el aqua el cambio es de sólo 0.8% por grado cent1grado (Zangger, 1975). En las especificaciones para estandarización se señala que la temperatura debe controlarse dentro de  $\pm 0.31$  °C y conocerse a ±0.005 °C para obtener una alta precisión y exactitud en las medidas de viscosidad (Cheng,1981).

La medida absoluta de la viscosidad depende de la precisión con que pueda medirse el esfuerzo cortante y la razón de corte (Ec. 1.13). La instrumentación práctica comprende, en consecuencia, métodos donde se utilizan fluidos en movimiento y se mide la fuerza resultante o bien se emplea una fuerza motriz para registrar el flujo obtenido. En ambos casos se usan expresiones matemáticas que relacionan fuerzas y flujos con valores de esfuerzos cortantes y razones de corte (Tily, 1983).

Algunos aparatos son adecuados para determinar la viscosidad absoluta, ya que ésta se obtiene por medidas dimensionales

derivadas de la geometría del aparato, y por otros parametros experimentales como la velocidad angular y el tiempo. En tales necesaria la calibración. aparatos no es Existen otros viscos1 metros donde sólo es posible efectuar medidas relativas de después de una cuidadosa calibración, viscosidad que puede realizarse comparando los resultados obtenidos con los de otro viscos1metro ya calibrado o con valores de viscosidad en fluidos de calibración. El viscosímetro capilar de vidrio se emplea. generalmente, para esta confrontación por su facilidad de maneic (Zimm,1962) y por ser el utilizado por las organizaciones nacionales de estandarización para los fluidos newtoneanos. No existen estándares de viscosidad cuando ésta se refiere a fluidos no~newtoneanos. En la práctica se emplean fluidos newtoneanos, а una temperatura precisa, como est**á**ndares de viscosidad o líquidos de calibración (Cheng,1980), esto es suficiente en la mayoría de las aplicaciones donde se pretende tener únicamente resultados comparativos o tendencias de los materiales. E1 requerimiento **básico e**n este tipo de medidas es la reproducibilidad de los resultados bajo las mismas condiciones de operación y que el aparato entregue datos confiables dentro de un cierto intervalo de viscosidades (Tily,1983).

Las formas más comunes de los viscosimetros de laboratorio 68 describen en los siguientes apartados, después de enumerar 105 intervalos de funcionamiento de los diferentes métodos de medición (Tabla 1.1). La tabla de intervalo útil de medida es**tá** basada en la que presenta Van Krevelen (1976), se han modificado algunos limites de acuerdo a la información encontrada fuentes en otras Dipippo,1966; Geils.1977: (Billmeyer, 1971; Harrington, 1916; Kestin, 1959; Marriens, 1955; Rand, 1964).

#### 1.8 Viscosímetros capilares

El primer método adoptado para medir la viscosidad y el más utilizado aún en la actualidad, consiste en medir el flujo a través de un tubo capilar que debe tener un cociente longitud-diámetro mayor o igual a 14 (Cheng, 1980). La viscosidad se obtiene utilizando una relación entre la razón de flujo y la caída de presión. Si el flujo es laminar y estacionario, la ecuación

$$Q = \frac{\pi \rho r^{4}}{\Theta \eta t} \left( -\frac{\Delta P}{2} \right)$$
(1.17)

proporciona la correspondencia entre el flujo volumétrico (Q), el gradiente de la presión (Ap ), la cuarta potencia del radio del tubo (r<sup>•</sup>) la longitud del mismo (l), la densidad  $\rho$  y 1 a viscosidad  $\eta$ . Esta relación conocida como ley de Poiseuille fue verificada experimentalmente por Hagen y un poco más tarde por el mismo Poiseuille. La medida de la presión debe realizarse después de una cierta distancia dentro del tubo, ya que ésta se requiere para que el flujo adquiera una distribución parabólica de las velocidades (Yuan, 1967). Para asegurar la existencia del flujo laminar se emplea un capilar, puesto que el diámetro pequeño contribuye a disminuir el número de Reynolds (Holman, 1981). En teoría, utilizando la relación de Hagen-Poiseuille, puede obtenerse la constante del viscosimetro a partir de sus dimensiones. Sin embargo la incertidumbre que se obtiene por este método es generalmente grande, por lo que la mayoría de las medidas de viscosidad hechas en capilares estan referidas al valor del aqua destilada a 20 grados centígrados.

Los viscosímetros capilares son los de mayor aceptación debido a su simplicidad de manejo aunado a la facilidad de construcción, sensibilidad y reproducibilidad de resultados (Kilp,1976). Son operados por peso muerto o presión de gas, o bien a desplazamiento constante. Pueden construirse para cubrir el intervalo de

esfuerzos cortantes encontrados en las operaciones de fabricación (Billmeyer,1971). Las viscosidades se derivan del tiempo que tarda en pasar el menisco de una solución entre dos puntos preestablecidos por la geometría del viscosímetro que se esté utilizando (Kilp,1976). Para un flúido determinado debe escogerse un viscosímetro que dé tiempos de flujo mayores a 100 segundos con la finalidad de poder despreciar correcciones de energía cinética (Shaw,1977).

Los viscosímetros capilares tienen la desventaja de aue 1 a razón de corte no puede modificarse, ni queda especificada con precisión. El flujo dentro del capilar es tal que e1 esfuerzo cortante varía de cero en el centro a un máximo en las paredes. Esto significa que sólo se puede especificar un esfuerzo cortante promedio que se determina con la constante del aparato v que disminuye al variar la altura del flúido. La viscosidad obtenida no tiene significado teórico si se están estudiando partículas asimétricas. Se han construido viscosímetros capilares que tienen varios bulbos a diferentes alturas, con la finalidad de variar la razón de corte promedio, otros se controlan externamente con presión de aire u otro gas, sin embargo, por las razones expuestas anteriormente el viscos1metro capilar no debe utilizarse para estudios precisos de dependencia con la razón de corte; no 50 recomiendan para fluidos no-newtoneanos (Cheng,1980).

Los viscosímetros capilares son muy sensibles a cambios en el diámetro del capilar (ec. 1.17), por lo que no son adecuados para medir la viscosidad de sustancias que se adhieren a las paredess. Por ejemplo, un tubo capilar de 2 mm de diámetro con un depósito en la pared de sólo 0.02 mm (2% de reducción en el diámetro) conlleva un error de 7.8%.

Los tipos más comunes de viscosimetros capilares son los de Dstwald-Frenske y Ubbelohde (Fig.1.3). La presión que mueve al líquido en cualquier momento a través del capilar es proporcional

a su densidad. Con este tipo de viscosímetros puede obtenerse una comparación exacta entre la viscosidad de una solución y la del solvente. Para estas medidas de viscosidad relativa puede utilizarse simplemente la ecuación:

$$\frac{\eta_{i}}{\eta_{2}} = \frac{\rho_{i}t_{i}}{\rho_{2}t_{2}}$$
(1.18)

ι

o bien

$$\eta = K \rho t \tag{1.19}$$

que proporciona una relación útil entre la viscosidad y el tiempo de flujo. El subíndice dos representa al flúido de referencia o calibración y K es la constante de calibración del instrumento.

El viscosímetro de Ostwald es un aparato que funciona a սո volúmen constante que debe ser medido con precisión. En el de Ubbelohde el flúido que sale del capilar se almacena en un bulbo separado del depósito principal del líquido, por lo que el viscosímetro de Ubbelohde opera independientemente del volúmen del flúido en el aparato (Collins,1973), por esta razón, puede cambiarse facilmente la concentración, lo que permite hacer con facilidad medidas a diferentes concentraciones por diluciones sucesivas. Comercialmente existen ambos tipos de viscosimetros. Cannon los fabrica con volúmenes de 10 ml. o 1 ml. con variedad de diámetros en el capilar para poder seleccionar los tiempos de flujo. Una fuente de error en las medidas con los viscosimetros capilares es el registro manual del tiempo que tarda el menisco de la solución en pasar entre las dos marcas. Para eliminar esta fuente de error se construyen actualmente viscosimetros automáticos con detectores optoelectrónicos (Kilp,1976; Mazza, 1984).

La precisión que puede obtenerse, en la práctica, con los viscosímetros capilares depende del valor de la viscosidad del

líquido, así como de sus propiedades físico-químicas. Para muestras con pesos moleculares relativamente bajos, la reproducción de resultados es de 0.2% para viscosidades bajas, aumentando a 0.3 o 0.35% para viscosidades más altas. La reproducibilidad varía de 0.25 a 1.5% respectivamente (Cheng, 1980).

Otro tipo de viscosímetros empleados ámpliamente en las industrias petroquímica, de pintura y pegamentos, son los de orificio o tubo corto; donde la relación longitud diámetro es menor o igual a 10 según Van Wazer (1963) o de 13 a 4 según Cheng (1980).

Dentro de esta clasificación estan los viscosímetros Saybolt Universal y Furol, fabricados en los Estados Unidos; el Redwood T y II de la Gran Bretaña, Engler de Alemania y Barbey de Francia (Barr, 1931; Van Wazer, 1963; Holman, 1981). Su flujo no obedece la ley de Hagen-Poiseuille, por lo que no existe una relación simple con la viscosidad. El tiempo de flujo, medido generalmente en segundos, es una expresión arbitraria de la viscosidad y se reporta comúnmente como segundos del viscosímetro, i.e.: segundos Saybolt, segundos Redwood, etc. Para convertir estas medidas а unidades absolutas, se deriva una fórmula empírica para cada instrumento. La ecuación tiene por lo general la forma:

$$\eta = K_{1}\rho t + K_{2}\frac{\rho}{t}$$
(1.20)

Como el tubo capilar es corto, no se desarrolla un flujo laminar estable, por lo que es indispensable aplicar una corrección a la expresión de los viscosímetros capilares. Obsérvese que la forma de la ecuación es similar, sin embargo, el coeficiente K, no es una constante, por lo que muchas veces es necesario calibrar el instrumento para diversos intervalos de flujo.

Los viscosimetros de este tipo consisten en un depósito graduado con un tubo corto, que puede tener o no, un control térmico y en algunos casos, un frasco graduado para recibir la muestra. La figura 1.4 presenta un esquema del viscosímetro de Saybolt.

El método de operación es aproximadamente el mismo para todos: se llena el viscosímetro con el líquido que se va a examinar, ajustándolo a una altura definida. Cuando se tiene la temperatura deseada se abre una válvula en la base de la copa y se procede al drenado del cilíndro a través de un tubo capilar corto. Se registra el tiempo necesario (t) para descargar un volúmen preestablecido de fluido (50 ml en el viscosímetro de Redwood, 60 ml en el de Saybolt y 200 ml en el de Engler) o bien el volúmen colectado en un tiempo dado (10 min en el viscosímetro de Barbey).

#### 1.9 Viscosímetros tipo Stokes

De los viscosimetros que se basan en la ley de Stokes los más comunes son los de esfera descendente o rodante y los de cilindro descendente. Son particularmente útiles en fluidos muy viscosos (Cheng,1980).

El viscosímetro de esfera, consta de un tubo de vidrio o metal sellado en los extremos, que contiene la muestra y de una esfera de radio poco menor que el radio del tubo y de mayor densidad que el flúido a medir (Fig.1.6). Los parámetros que se pueden modificar en este viscosímetro son: relación de diametros esfera-tubo (aunque en general estos diámetros son comparables), ángulo de inclinación del tubo y recorrido de la esfera. Existe diferente densidad la posibilidad de utilizar esferas de (Carreira, 1968). La viscosidad se obtiene midiendo el tiempo que tarda la esfera en recorrer cierta distancia del tubo, una a inclinación dada con un flúido a temperatura constante.

Con una esfera de radio r y una velocidad constante U se

determina una viscosidad aparente:

$$\frac{4}{3}\pi r^{3} (\rho_{s} - \rho_{f}) g = 6\pi U r \mu_{a}$$
(1.21)

donde  $\rho_{g}$  y  $\rho_{f}$  son las densidades de la esfera y del flúido respectivamente y g es la aceleración de la gravedad (Munro, 1979).

Alternativamente se puede utilizar la expresión

$$\eta = \frac{\kappa t}{d} \left( \rho_{\rm f} - \rho_{\rm f} \right)$$
 (1.22)

donde d es la distancia recorrida por la esfera y t el tiempo que tarda en recorrerla.

Existen viscosimetros de Stokes para trabajar a presiones moderadamente altas [500 kbar.] (Carreira,1968) y a altas temperaturas [1000 °C.] (Geils,1977) ya que este viscosimetro presenta la ventaja de poder funcionar totalmente sellado. En estas aplicaciones los tubos del viscosimetro no pueden ser ópticamente transparentes y hay que recurrir a algún método no óptico para medir el tiempo que tarda la esfera en recorrer una distancia preestablecida.

Las dificultades que presenta este viscosimetro son que al variar el ángulo de inclinación del tubo, la esfera pasa de un régimen de deslizamiento a una rotación con deslizamiento, otro problema es que las medidas deben hacerse cuando la esfera haya alcanzado su velocidad terminal (Geils,1977) y la última dificultad es que la razón de corte varía con la viscosidad (Tily, 1983). Las determinaciones son por regla general de viscosidad relativa.

Se ha encontrado que en aceites de 100 y 1000 St de viscosidad la concordancia entre los viscosimetros de esfera descendente y los de tubo capilar es por lo menos de 1%. La máxima precisión que puede obtenerse con el viscosímetro de Stokes es de ±0.5% (Cheng,1980).

#### 1.10 Viscosímetros oscilantes

Uno de los métodos más precisos para medir la viscosidad es el del viscosímetro oscilante. Consiste en medir el amortiquamiento del periodo de oscilación de un elemento que vibra a una frecuencia desde unos cientos de Hertz a ultrasonido, dependiendo del diseño (Tily ,1983). El elemento vibrante puede ser un cable, un diapasón, una cuchilla delgada, una esfera o un disco que se encuentran suspendidos dentro del flúido por un resorte elastico (Holman,1981), un péndulo de torsión o un campo magnético oscilante. El movimiento del cuerpo se retarda por el arrastre viscoso del líquido. Las oscilaciones pueden ser torsionales o longitudinales, la ventaja de las últimas es que existe una relación simple entre la viscosidad y el amortiquamiento (White, 1969).

Los viscosímetros oscilantes se usan para medidas absolutas (Marriens,1955; Kestin,1959), son particularmente útiles para medir la viscosidad a altas presiones como en los gases, o para altas temperaturas como en las sales fundidas. Actualmente estos viscosímetros son los que proporcionan mayor precisión. En la figura 1.6 se muestra de manera esquemática el viscosímetro de disco oscilante.

Estos aparatos son sumamente precisos y complejos en su manejo, por lo que no son prácticos para realizar medidas rápidas.

#### 1.11 Viscosimetros giratorios

Los viscosímetros giratorios utilizan սո elemento que rota dentro del flúido cuya viscosidad debe ser determinada. La velocidad de rotación puede ser fija o variable de acuerdo a1 diseño. La razón de corte se establece a partir de la velocidad angular, de las dimensiones y geometría de la parte giratoria. E1 esfuerzo cortante se obtiene de la torca ejercida por el flúido en el elemento de medición (Tily,1983). Algunas de las deometrias utilizadas son: cilindros coaxiales, dos conos de diferente ángulo, cono y plato, platos paralelos o una combinación de estos, Todos estos viscos1metros pueden utilizarse COD fluidos newtoneanos o no-newtoneanos ya que es posible calcular la razón de corte y el esfuerzo cortante para obtener las oráficas de viscosidad (Cheng, 1980).

En la práctica, el flujo de Couette nunca se obtiene exactamente pero se aproxima bastante con los viscosimetros anteriores si el espacio entre las superficies sólidas es pequeño. A velocidades angulares grandes, el flujo de Couette con lineas curvas es poco apropiado para estudios viscosimétricos, debido a que el campo de presión ocasionado por la aceleración centrípeta se hace importante produciéndose flujos secundarios y finalmente turbulencias (Harris, 1977).

En estos viscosímetros giratorios se utilizan muchas veces fórmulas aproximadas que dependen, para su validez, de que el espacio entre las superficies sólidas sea pequeño.

#### Viscosimetro de como y plato

Un viscosimetro rotante comunmente utilizado para liquidos no-newtoneanos muy viscosos, es el de cono-plato o viscosimetro de

Weissenberg (Bird,1960). Este viscos1metro esta construído fijando perpendicularmente y en contacto, el vértice de un cono con un plato estacionario (Fig.1.7). Cuando el cono es muy obtuso (0 menor a 4 grados) y rota a una velocidad constante, los gradientes de velocidad son los mismos en todos los puntos de 1 a muestra (Shaw,1977). En el viscosímetro cono-plato la razón de corte es proporcional a la velocidad del cono y se calcula simplemente como la velocidad angular del cono (radianes/segundo), dividida por el ángulo del cono (radianes). El esfuerzo cortante se obtiene del valor de la torca medida en un resorte de torsión o algo similar (Collins,1973). Cabe subrayar que la razón de corte puede variarse ampliamente modificando la velocidad angular, o bien, las dimensiones del cono.

La formula simplificada para este aparato es:

$$\eta = \frac{3}{2} \frac{T \sin \theta}{\pi r^{3} \omega}$$
(1.22)

donde: T = torca (dina-cm),  $\theta = \Delta$ ngulo entre cono y plato,  $\omega =$ velocidad angular del cono, plato o cono y plato (rad/seg) y r = radio del cono (cm). El problema principal en este viscosimetro es la posibilidad de un error de montado.

#### Viscosimetro de cilindros coaxiales

En el viscosímetro de cilindros coaxiales (Couette) el flúido está contenido en el pequeño espacio que queda entre los dos cilindros coaxiales, cualquiera de los dos cilindros puede rotar. Si gira el cilindro exterior manteniendose estacionario el interior, el aparato se denomina viscosímetro de Couette-Hatschek o Couette-Mc.Michael (Fig.1.8). Si el que rota es el interior, se llama viscosímetro de Stromer (Bird,1966). El viscosímetro de Zimm-Crotter (1960) para DNA es una modificación de este último.

El viscosimetro de Couette puede describirse de la siguiente manera: se hace rotar el cilindro exterior, de radio  $R_2$  a una velocidad angular constante  $(\omega_{g})$  respecto al cilindro interior El estator (cilindro interior) encuentra estacionario. se suspendido de un resorte o cable de torsión. El movimiento se transmite por el flúido al cilindro interior produciendo una deformación torsional en el elemento de torsión. La torca medida resulta de las fuerzas de corte del flúido que resisten al movimento del cilindro exterior. Las fuerzas de corte existen tanto en las superficies circulares de los cilindros, como entre sus bases (Yuan,1967). Se supone que el flúido se mueve en círculos concéntricos alrededor del eje común de los cilindros. Esta suposición es válida cuando la diferencia entre los radios de los cilindros tiende a cero.

La fórmula simplificada de la viscosidad utilizada en este aparato es:

$$\eta = \frac{K \Theta}{\omega h}$$
(1.23)

donde K es la constante del aparato obtenida normalmente haciendo una calibración con un líquido de viscosidad conocida;  $\theta$  es la desviación angular del cilindro interior,  $\omega$  es la velocidad del cilindro exterior y h es la altura efectiva del líquido en contacto con los dos cilindros. La ventaja del instrumento de Couette es que permite que el esfuerzo sea variado constantemente entre amplios límites (Jigerson, 1965).

Los viscosímetros de cilindros coaxiales encontrados en la literatura difieren mucho entre sí tanto en sus dimensiones como en su región de trabajo (Barr,1931; Van Wazer,1963).

Una modificación del viscosimetro tipo Couette, que lleva a un diseño sumamente simple, es eliminar completamente el cilindro exterior. El cilindro interior (rotor) se sumerge simplemente en un recipiente grande que contiene el flúido a ser probado. Los viscosímetros de Brookfield, los de Viscometers UK Ltd. y de Ferranti son de este tipo.

El instrumento de Brookfield es uno de los más populares y ámpliamente utilizado en la industria para medir viscosidad debido a que es portátil y fácilmente manejable. Las medidas se hacen en menos de 5 minutos cada una y puede cubrirse un amplic intervalo de viscosidades (0,5 a 20.000 poises) modificando 1 a velocidad ángular y el tamaño de los rotores (Collins.1973). Tiene la desventaja de que en su versión estándard utiliza 500 ml. de La razón de corte y el esfuerzo cortante no se pueden muestra. calcular f**a**cilmente, pero resulta útil la aproximación de que 0.2 veces las revoluciones por minuto son iqual a la razón de corte (Collins.1973). Murray (1979) afirma que en este tipo de viscos1metros las condiciones de flujo son generalmente tan complejas que si el líquido es no-newtoneano los resultados no son reproducibles y muchas veces no tienen significado aún como medidas arbitrarias de viscosidad.

Existen otros viscosímetros comerciales no incuídos en este trabajo por no considerarlos típicos. Los datos referente a ellos pueden encontrarse en los artículos de Cheng (1980) y Tilly (1983) o en los libros de Van Wazer (1963) y Barr (1931).

## TABLA I. INTERVALO DE FUNCIONAMIENTO DE DIFERENTES VISCOSIMETROS

METODO	INTERVALO UTIL DE MEDIDA (POISES)
CAPILARES	
- pipeta capilar	$10^{-2}$ $-10^{3}$
- extrusión capilar	1 -10 <sup>0</sup>
STOKES	
- esfera	$10^{-1}$ $-10^{5}$
- cilindro coaxial	10 <sup>5</sup> -10 <sup>11</sup>
OSCILANTES	$10^{-7}$ $-10^{4}$
COUETTE	
- placas paralelas	10" -10"
- cilindros giratorios	$10^{-6} - 10^{12}$
- cono y plato	$10^{-1} - 10^{12}$
OTROS	<u> </u>
- relajación de esfuerzos	10 <sup>3</sup> -10 <sup>10</sup>
- deslizamiento por tensión	$10^5 - 10^{12}$







Fig./.2.- Gráfica de los modelos no-newtoneanos. El newtoneano se incluye como referencia.


Fig./.3. - Viscosímetros capilares mas usuales: a)Ostwald-Frenske, b)Ubbelode.



Fig., 4. - Viscosímetro de Saybolt

2ê

1111111 b Æ

> Fig 1.5 Esquema del viscosimetro de disco oscilantès a) disco, b) elemento oscilante.



# Figura 1.6

Viscosímetro de Stokes de esfera descendente. En el esquema puede observarse el tubo que contiene la muestra, la esfera de diámetro poco menor al del tubo, el baño térmico y el ac cesorio para modificar la inclinación del tubo.







## CAPITULO II

# VISCOSIMETRO DE CILINDROS GIRATORIOS

De los viscos1metros descritos anteriormente, se escogió para realizar este estudio, el de cilindros coaxiales por parecernos uno de los modelos más versátiles. El intervalo de viscosidades que pueden medirse con este aparato es el más amplio de los existentes, como puede comprobarse en la tabla presentada en el capítulo anterior. La razón de corte y esfuerzo cortante 50 modifican al variar la velocidad del rotor o las dimensiones de los cilindros, lo que hace posible trabajar con sistemas nonewtoneanos (donde el coeficiente de viscosidad no es constante). Los fluidos no-newtoneanos pueden poseer propiedades de flujo dependientes del tiempo. Por estas razones el viscosimetro giratorio tipo Couette es el instrumento más apropiado para un estudio reológico completo de la mayoría de las dispersiones coloidales y soluciones poliméricas (Buchdahl, 1947).

El viscosímetro de cilindros giratorios reproduce el flujo de Couette con una buena aproximación si la distancia entre los cilindros es pequeña. Esto significa que los esfuerzos cortantes permanecen casí constantes entre los cilindros.

La figura 1.8 presenta un esquema de este aparato, que consta de dos cilindros de radios aproximados que giran sobre su eje con velocidades  $\omega_1$  y  $\omega_2$ . La zona de interacción entre los lados de los cilindros es h, llamada también altura efectiva.

#### 2.1 Descripción teórica

A.- Flujo entre las paredes laterales de dos cilindros coaxiales

De acuerdo con los tratamientos existentes en la literatura, (Landau,1959) se obtiene a continuación la solución de las ecuaciones de Navier-Stokes para flujo incompresible, en el caso en que el fluido se encuentre en el espacio entre dos cilindros coaxiales que rotan con velocidades  $\omega_1 y \omega_2$ . En esta ocasión no se consideran las bases de los cilindros que requieren de una corrección que se tratará más adelante.

Utilizando coordenadas cilíndricas con z en el eje de los cilindros, se tiene:

$$v = v = 0$$
  $v = v \phi(r)$   $p = p(r)$  (2.1)

Para un fluido incompresible el tensor de los esfuerzos está dado por:

$$\sigma_{ik} = -p \delta_{ik} + \eta \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_k} + \frac{\partial v_k}{\partial x_i} \right)$$
(2.2)

que expresado en coordenadas cilíndricas y utilizando la relación (2.1) se reduce a:

$$\sigma_{r\phi} = \eta \left[ \frac{\partial \nu_{\phi}}{\partial r} - \frac{\nu_{\phi}}{r} \right]$$
(2.3)

La ecuación de Navier-Stokes da, para este caso, dos ecuaciones en coordenadas cilíndricas

$$\rho \frac{v_{\phi}^2}{r} = \frac{\partial \rho}{\partial r}$$

$$\frac{\partial^2 v}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial v}{\partial r} - \frac{v}{r^2} = 0$$

de donde se obtiene el valor de  $\nu_{\phi}$ 

$$v_{\phi} = C_1 r + \frac{C_2}{r} \qquad (2.6)$$

(2.4)

(2.5)

las constantes se obtienen imponiendo las condiciones de frontera

$$v_{\phi} = R_{a} \omega_{a}$$
 para  $r = R_{a}$   
 $v_{\phi} = R_{a} \omega_{a}$  para  $r = R_{a}$ 

por lo que finalmente

$$\nu_{\phi} = \frac{\left(R_{2}^{2}\omega_{2} - R_{1}^{2}\omega_{1}\right)r}{R_{2}^{2} - R_{1}^{2}} + \frac{\left(\omega_{1} - \omega_{2}\right)R_{1}^{2}R_{2}^{2}}{\left(R_{2}^{2} - R_{1}^{2}\right)r} \qquad (2.7)$$

La razón de corte  $\dot{\gamma} = d\nu/dr$  se obtiene de las ecuaciones 2.6 y 2.7

$$\dot{\mathbf{r}} = \frac{\mathrm{d}\mathbf{v}}{\mathrm{d}\mathbf{r}} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\mathbf{r}} \left[ \begin{array}{c} \mathbf{C}_{\mathbf{x}}\mathbf{r} + \frac{\mathbf{C}_{\mathbf{x}}}{\mathbf{r}} \end{array} \right]$$
(2.8)

$$\dot{\gamma} = \frac{R_2^2 \omega_2 - R_1^2 \omega_1}{R_2^2 - R_1^2} - \frac{(\omega_1 - \omega_2) R_1^2 R_2^2}{(R_2^2 - R_1^2) r^2}$$

Utilizando las ecuaciones 2.3, 2.6 y 2.7 se obtiene el esfuerzo cortante

$$\sigma_{r\phi} = \frac{-2\eta \left(\omega_{i} - \omega_{2}\right) R_{i}^{2} R_{2}^{2}}{\left(R_{2}^{2} - R_{i}^{2}\right) r^{2}}$$
(2.9)

Para calcular la fuerza por unidad de **á**rea que actúa sobre un cilindro, se multiplica  $\sigma_{r\phi}$  por  $2\pi r_i$ ; para la torca, se multiplica el resultado por la misma  $r_i$ . Por lo tanto, para un cilindro interior con una altura efectiva *h* se tiene:

$$T_{\mathbf{R}_{i}} = \left(2\pi R_{i}h\right) \left(R_{i}\right) \left(\sigma_{\mathbf{R}_{i}\theta}\right)$$
(2.10)  
$$T_{\mathbf{R}_{i}} = \frac{-4\pi\eta R_{i}^{2}R_{z}^{2}h \left(\omega_{i} - \omega_{z}\right)}{R_{z}^{2} - R_{i}^{2}}$$

de donde podemos extraer la viscosidad en términos de cantidades que dependen de la geometría del aparato o pueden ser medidos.

$$\eta = - \frac{T_{R_{1}} (R_{2}^{2} - R_{1}^{2})}{4\pi R_{1}^{2}R_{2}^{2}h (\omega_{1} - \omega_{2})}$$
(2.11)

De los resultados anteriores hay que subrayar que al variar las dimensiones de los cilindros o la velocidad angular de los mismos se modifica la razón de corte y el esfuerzo cortante (ec. 2.8 y 2.9). Por otro lado, cuando los radios son aproximadamente iguales, el esfuerzo cortante es prácticamente constante en el anillo de fluido que está entre los cilindros .

Al definir la viscosidad en el capitulo I se empleó la relación

$$\sigma = -\eta \dot{\gamma}$$

sin embargo, de la deducción anterior puede verse que en el

proceso experimental no es necesario calcular la razón de corte y el esfuerzo cortante, basta medir la torca transmitida a través del fluido desde el cilindro en movimiento al otro cilindro, como se aprecia en la ecuación 2.11.

B.- Corrección por longitud fínita de los cilindros

En la práctica es preciso hacer correcciones а 1 a s ecuaciones de la torca (2.10) y viscosidad (2.11), debido a aue hasta el momento no se ha tomado en cuenta la interacción en 1a de los cilindros. Esta corrección base oueda incluída generalmente en la constante de calibración del instrumento para un cierto nivel de líquido (*h*).

Si los cilindros estan colocados de forma que la distancia entre las bases es pequeña (Fig 1.8), la interacción entre ellas puede considerarse semejante a la producida por un viscosímetro de platos. A continuación se obtiene la expresión de la torca para un viscosímetro de platos que se utilizará para hacer la corrección de la ecuación 2.10.

Supongamos que el flujo entre las 2 bases es tangencial pero dependiente de z.

 $v_{\phi} = v_{\phi}$  (r,z) = rf(z)  $v_{r} = v_{z} = 0$  p = p (r,z)siguiendo el procedimiento del inciso anterior se tiene que el tensor de los esfuerzos en coordenadas cilíndricas es:

$$\sigma_{r\phi} = -\eta \left[ r \frac{\partial}{\partial r} \left[ \frac{\nu_{\phi}}{r} \right] \right]$$
(2.12)

(2.13

$$\sigma_{\phi z} = -\eta \left( \frac{\partial v_{\phi}}{\partial z} \right)$$

la ecuación de continuidad:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \phi} \left( \rho \nu_{\phi} \right) = 0 \qquad (2.14)$$

y las componentes de la ecuación de movimiento en términos del esfuerzo cortante son:

componente r 
$$-\rho \frac{v^2}{\phi} = -\frac{\partial \rho}{\partial r}$$

componente 
$$\phi$$
  $0 = \eta \left( \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \sigma_{r\phi} \right) + \frac{\partial \sigma_{\phi z}}{\partial z} \right)$  (2.15)

componente z 
$$0 = - \frac{\partial p}{\partial z}$$

Para  $v_{\phi} = rf(z)$  y utilizando (2.12), el esfuerzo cortante es:

$$\sigma_{r\phi} = -\eta \left[ r \frac{\partial}{\partial r} \left( f(z) \right) \right] = 0 \qquad (2.16)$$

y la ecuación 2.15 se reduce a:

$$0 = \frac{\partial \sigma}{\partial z}$$

que implica que el esfuerzo cortante y por lo tanto la razón de corte son independientes de z. Entonces la expresión del esfuerzo cortante (2.15) puede integrarse para dar  $\omega$  que a su vez proporciona la relación para  $\nu$ .

$$\sigma_{\phi z} = \text{cte} = \alpha \qquad (2.17)$$

que junto con la ecuación (2.13) puede escribirse como:

$$\frac{\alpha}{\eta} = \frac{\partial v}{\partial z} = C_1(r) \qquad (2.18)$$

integrando se tiene:

$$v_{\phi}(r_{1}z) |_{0}^{z} = C_{i}(r) z |_{0}^{z}$$

Suponiendo que  $\nu_{\phi}(r,z) = rw(z)$  y utilizando las condiciones de frontera

 $v_{\phi} = r\omega_{2}$  para z = 0 $v_{\phi} = r\omega_{p}$  para z = b

se tiene:

$$\omega_{p} = \frac{C_{s}(r) b}{r} + \omega_{2} \qquad (2.17)$$

de donde puede obtenerse el valor de la constante  $C_4(r)$ 

$$C_{4}(r) = \frac{r}{b} \left( \omega_{p} - \omega_{2} \right)$$
 (2.20)

que al sustituirla en la relación del esfuerzo cortante (2.13) y utilizando la ecuación 2.18 se tiene:

$$\sigma_{\phi z} = -\eta \frac{r}{b} \left( \omega_{p} - \omega_{2} \right) \qquad (2.21)$$

de donde finalmente puede obtenerse:

$$\nu_{\phi}(r, z) = \frac{z r}{b} \left( \omega_{p} - \omega_{z} \right) + r \omega_{z} \qquad (2.22)$$

El valor de la torca en la superficie inferior del cilindro

interior es:

$$T = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi_1} \sigma_{z\phi} (r \, d\phi \, dr) r$$

 $T = -\frac{\pi\eta}{2b} R_1^4 \left( \omega_p - \omega_2 \right) \qquad (2.23)$ 

La expresión anterior se suma a la ecuación 2.10 para obtener la corrección por la interacción entre las bases. Supongamos que únicamente gira el cilindro exterior con velocidad  $\omega_2$  y el interior se mantiene fijo ( $\omega_4 = \omega_2 = 0$ )

$$T_{R_{\pm}} = \frac{4\pi\eta R_{\pm}^2 R_{\pm}^2 h \omega_{\pm}}{R_{\pm}^2 - R_{\pm}^2} + \frac{\pi\eta}{2b} R_{\pm}^4 \omega_{\pm}$$

$$T_{R_{\pm}} = 4\pi\eta \ R_{\pm}^{2} \ \omega_{2} \left[ \frac{R_{2}^{2} \ h}{R_{2}^{2} - R_{\pm}^{2}} + \frac{R_{\pm}^{2}}{8b} \right]$$
(2.24)

El error relativo en el cálculo de la viscosidad sin considerar esta corrección es:

error relativo = 
$$\frac{\frac{R_{1}^{2}}{Bb}}{\frac{R_{2}^{2} h}{R_{2}^{2} - R_{1}^{2}}} = \frac{R_{1}^{2} (R_{2}^{2} - R_{1}^{2})}{Bb R_{2}^{2} h}$$
(2.25)

para que el error sea pequeño es necesario que el numerador lo sea o que el denominador sea grande. Esto es, que los radios sean muy semejantes, o bien, que *bh* sea grande comparada con la diferencia de los radios al cuadrado.

C.- Corrección por terminar el cilindro interior en cono

La suposición de que hay un flujo anular tangencial no es válida cerca de la base del viscosímetro. Para compensar este efecto de borde se construve la base del cilindro interior en forma de cono; el flujo en el fondo es entonces parecido al de un cono y plato (Bird,1977). A continuación se obtendrán 1 as ecuaciones que describen este flujo. En primer lugar supongamos que el vértice del cono hace contacto con la base del cilindro exterior. que será considerado en este caso como plato (Fig.1.7). Utilizando coordenadas esféricas

$$\nu_{\phi} = \nu_{\phi} (r, \theta)$$
  $\nu_{\theta} = \nu_{r} = 0$  (2.26)

Empleando las condiciones anteriores el tensor de esfuerzos se reduce a:

$$\sigma_{\theta\phi} = -\eta \left[ \frac{\sin \theta}{r} - \frac{\partial}{\partial \theta} \left[ \frac{\nu_{\phi}}{\sin \theta} \right] \right] \qquad (2.27)$$

$$\sigma_{\phi r} = -\eta \left[ r - \frac{\partial}{\partial r} \left[ \frac{\nu_{\phi}}{r} \right] \right] \qquad (2.28)$$

y las ecuaciones de movimiento

componente r 
$$-\rho \frac{r}{r} = \frac{\partial \rho}{\partial r}$$

componente 
$$\theta$$
  $-\rho$   $r$   $r$   $r$   $r$ 

(2.29)

componente Ø

$$0 = -\left[\frac{1}{r^2}\frac{\partial}{\partial r}\left(r^2 \sigma_{r\phi}\right) + \frac{1}{r}\frac{\sigma_{\theta\phi}}{\partial \theta} + \frac{2 \cot \theta}{r}\sigma_{\theta\phi} + \frac{\sigma_{r\phi}}{r}\right]$$

Si el flujo es suficientemente lento, de forma que los términos cuadráticos puedan despreciarse, las ecuaciones de Navier-Stokes se reducen a la componente  $\phi$ . (2.29).

Supongamos que la distribución de la velocidad es de la forma  $v_{\phi}$   $(r,\theta)=rf(\theta)$ . De acuerdo a esta hipótesis la velocidad angular es independiente de r, por lo que

$$\sigma_{\phi r} = -\eta \left[ r \frac{\partial}{\partial r} \left[ \frac{\nu_{\phi}}{r} \right] \right] = 0$$

Al hacerse  $\sigma_{\phi r} = 0$  la componente  $\phi$  de la ecuación de movimiento (2.29) se reduce a

$$\frac{\partial \sigma_{\theta\phi}}{\partial \theta} = -2 \sigma_{\theta\phi} \cot \theta$$

Integrando esta ecuación se obtiene:

$$\ln \sigma_{\theta\phi} = -2 \ln \sin \theta + C$$

$$\sigma_{\theta\phi} = \frac{C_1}{\sin^2 \theta}$$
(2.30)

o bien

C es una constante de integración que puede evaluarse a partir de la condición límite en  $\theta = \pi/2$  (superficie del plato) donde es posible obtener fácilmente el valor de la torca. La torca se calcula multiplicando  $\sigma_{\theta\phi}$  por el área diferencial rdrd $\theta$  y por el brazo de palanca r, e integrando este producto sobre la superficie del plato de radio r.

por

10

$$\partial \theta \phi = \frac{1}{\sec^2 \theta} = \frac{31}{2\pi r^2 \sec^2 \theta}$$
 (2.32)

ser

Si el cono tiene una  $\theta \cong \pi/2$ , entonces sen  $\theta \cong 1$  y el esfuerzo cortante  $\sigma_{\theta \phi}$  es prácticamente una constante:

$$\frac{3T}{\theta \phi} = \frac{1}{2\pi r^2}$$
(2.33)

(2.31)

lo que constituye una de las ventajas principales del viscosímetro de cono y plato. En la práctica, el ángulo formado entre el plato y la superficie cónica ( $\theta_{o} = \pi/2 - \theta$ ) es muy pequeño, de 1/2 grado (Bird,1960) a 4 grados (Bird,1977), por lo que puede considerarse válida la aproximación hecha para obtener la expresión (2.33).

A partir de la ecuación constitutiva de Newton

$$\sigma = -\eta \gamma \qquad (2.34)$$

y utilizando la ecuación (2.27) se tiene

$$r_{\theta\phi} = \frac{\sin\theta}{r} \frac{\partial}{\partial\theta} \left( \frac{r_{\phi}}{\sin\theta} \right)$$
 (2.35)

si 
$$\theta \cong \pi / 2$$
  $\dot{r}_{\theta \phi} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (\nu_{\phi})$ 

por lo que con una buena aproximación

$$\dot{\gamma} = -\frac{\omega}{\theta_0}$$
(2.36)

que es una constante.

Utilizando (2.34) junto con las relaciones (2.33) y (2.36)

puede obtenerse la viscosidad por medio de la torca, velocidad angular del cono, radio y **á**ngulo del mismo

$$\frac{3T}{2\pi r^2} = -\eta \left(-\frac{\omega}{\theta_0}\right)$$
(2.37)

$$\frac{3T\Theta}{2\pi r^{3}\omega} = \eta$$

Empleando ahora las ecuaciones (2.27) y (2.32) se obtiene la relación entre  $\sigma_{\Theta\phi}$  y el gradiente de  $v_{\phi}/r$ .

$$\sigma_{\theta\phi} = -\eta \left[ \frac{\sin \theta}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \frac{\nu_{\phi}}{\sin \theta} \right) \right] = \frac{3T}{2\pi r^{3} \sin^{2} \theta}$$
(2.38)

que al integrar porporciona la distribución de la velocidad angular

$$\frac{\psi}{r} = \frac{3T}{4\pi r^{2}\eta} \left[ \cot\theta + \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1 + \cos\theta}{1 - \cos\theta} \right) \sin\theta \right] + C_{2} \sin\theta \quad (2.39)$$

Si  $v_{\phi}(r,\theta)=r\omega$  sen $\theta$  se cumplen las condiciones de frontera

$$v_{\phi} = r\omega_{p}$$
 para  $\theta = \pi/2$   
 $v_{\phi} = r\omega_{1} \operatorname{sen} \theta_{1}$  para  $\theta = \theta_{1}$  (2.40)

entonces

У

$$\nu_{\phi} \left( \pi/2 \right) = r C_{2} = r \omega_{p} \qquad (2.41)$$

por lo que C<sub>g</sub> =  $\omega_p$ . En general C<sub>g</sub> = 0 ya que el plato suele estar en reposo

$$\nu_{\phi}(\theta_{i}) = \frac{3T}{4\pi\eta r^{2}} \left[ \cot\theta_{i} + \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1 + \cos\theta_{i}}{1 - \cos\theta_{i}} \right) \sin\theta_{i} \right] + r \omega_{p} \sin\theta_{i}$$
(2.42)

Utilizando esta relación y la ecuación (2.40) se tiene:

$$\omega_{\mathbf{i}} r \, \operatorname{sen} \, \theta_{\mathbf{i}} = \frac{3T}{4\pi\eta r^2} \left[ \operatorname{cot} \theta_{\mathbf{i}} + \frac{1}{2} \ln \left( \frac{1 + \cos\theta_{\mathbf{i}}}{1 - \cos\theta_{\mathbf{i}}} \right) \operatorname{sen} \theta_{\mathbf{i}} \right] + r \omega_{\mathbf{p}} \operatorname{sen} \theta_{\mathbf{i}}$$

$$(2.43)$$

de donde puede obtenerse la viscosidad a partir de parámetros medibles:  $\omega_i$ ,  $\omega_j$ , T,  $\theta$ , R.

$$T = \frac{4\pi\eta R^{\theta} \operatorname{sen}\theta_{i} \left(\omega_{i} - \omega_{p}\right)}{3\left[\operatorname{cot}\theta_{i} + \frac{1}{2}\ln\left(\frac{1 + \cos\theta_{i}}{1 - \cos\theta_{i}}\right)\operatorname{sen}\theta_{i}\right]}$$
(2.44)

Para poder hacer la corrección, es necesario que la expresión para la torca entre los cilindros (2.10) y la detectada en el cono (2.43) se encuentren en el mismo sistema de coordenadas por lo que a continuación se procede a transformar la expresión (2.44) a coordenadas cilíndricas.

Utilizando las relaciones:

$$\rho = r \operatorname{sen} \boldsymbol{\theta}$$

donde  $\rho$  es la componente radial en coordenadas cilíndricas

$$\cot \theta = \frac{\frac{x^2 + y^2}{z}}{z} = \frac{\rho}{z}$$

$$\frac{1}{2}\ln\left(\frac{1+\cos\theta_{i}}{1-\cos\theta_{i}}\right) = \ln\left(\frac{\sqrt{\rho^{2}+z^{2}}+z}{\rho}\right)$$

$$\sin \theta = \frac{\rho}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}}$$

se tiene que la expresión 2.44 se transforma en:

$$= \frac{4\pi\eta \left(\omega_{1} - \omega_{p}\right) \left(\rho^{2} + z^{2}\right)}{3\left[\frac{1}{2} + \ln\left(\frac{\sqrt{\rho^{2} + z^{2}} + z}{\rho}\right) \frac{1}{\sqrt{\rho^{2} + z^{2}}}\right]}$$
(2.45)

que ya es posible sumar con la correspondiente a la torca de los cilindros. Haciendo  $\rho = R_1 + \gamma \omega_p = \omega_2$ 

$$T = -4\pi\eta R_{\frac{1}{2}}^{2} \omega_{2} \left[ \frac{R_{\frac{1}{2}}^{2}h}{R_{\frac{1}{2}}^{2} - R_{\frac{1}{2}}^{2}} + \frac{\left[1 + \frac{z^{2}}{R_{\frac{1}{2}}^{2}}\right]}{3\left[\frac{1}{z} + \ln\left(\frac{\sqrt{R_{\frac{1}{2}}^{2} + z^{2}} + z}{R_{\frac{1}{2}}^{2}}\right)\frac{1}{\sqrt{R_{\frac{1}{2}}^{2} + z^{2}}}\right] \right]$$

si no se considera esta corrección el error es

т

$$\left(1 + \frac{z^{2}}{R_{1}^{2}}\right)$$

$$3\left[\frac{1}{z} + \ln\left(\frac{\sqrt{R_{1}^{2} + z^{2}} + z}{R_{1}^{2}}\right)\frac{1}{\sqrt{R_{1}^{2} + z^{2}}}\right]$$
error =
$$\frac{\frac{R_{2}^{2}h}{R_{2}^{2} - R_{1}^{2}}$$

$$\left[ R_{\mathbf{z}}^{\mathbf{2}} - R_{\mathbf{i}}^{\mathbf{2}} \right] \left[ 1 + \frac{z^{\mathbf{2}}}{R_{\mathbf{i}}^{\mathbf{2}}} \right]$$

(2.47)

$$3 R_{2}^{2} h \left[ \frac{1}{2} + \ln \left[ \frac{\sqrt{R_{1}^{2} + z^{2}} + z}{R_{1}^{2}} \right] \frac{1}{\sqrt{R_{1}^{2} + z^{2}}} \right]$$

Para minimizar el error es necesario que el numerador lo sea, esto es que la diferencia de los radios al cuadrado  $(R_2^2 - R_1^2)$  o bien z (altura del cono) lo sean. Si el denominador es grande, el error también puede resultar despreciable y esto se consigue con una *h* grande comparada con  $R_2^2 - R_1^2$ .

Supongamos ahora que en un aparato se combina el hecho de que el cilindro interior termina en cono y se encuentra a una distancia *b* de la base del cilindro exterior. Como puede verse esta situación corresponde a la suma de los casos descritos en los apartados anteriores.

#### 2.2 Consideraciones prácticas

Para obtener el coeficiente de viscosidad utilizando la geometría de cilindros coaxiales giratorios, el viscosimetro debe tener un mecanismo de rotación con un control preciso de velocidad, así como la posibilidad de medir la torca por medio de un sistema calibrado, libre de fricción (Howard, 1969). Las pruebas se realizan en flujo laminar bajo condiciones de razón de corte, esfuerzo y temperatura definidas y medidas cuidadosamente (Porter, 1965).

El aparato se calibra usando los métodos convencionales: por comparación con otro aparato ya calibrado, o por medio de fluidos

estándares de viscosidad. El método de calibración más utilizado es el de los fluidos estándares, aunque según Cheng (1981), la exactitud que se obtiene con este método no es tan alta COMO comúnmente se cree, aún para líquidos newtoneanos. Los estándares de viscosidad son una serie de líquidos cuyas viscosidades han sido determinadas con mucha precisión y exactitud a una temperatura dada. Son. por lo general. aceites minerales sin aditivos y polisobutenos aunque cada vez se utilizan más los aceites de silicón.

La precisión de los viscosimetros de cilindros coaxiales depende mucho del fluido que se esté probando, ya que este viscosimetro se emplea en materiales industriales complejos y no es posible indicar niveles de precisión cuando los líquidos de calibración y las muestras de trabajo no tienen propiedades físicas similares (Cheng, 1981).

Debido a los métodos utilizados en la calibración, así como a los fluidos de prueba, las medidas de víscosidad pueden ser relativas o absolutas.

#### A.- Construcción, montado y alineación

Todos los viscosimetros de precisión, usados comúnmente, necesitan trabajo de alta calidad en su construcción para lograr la exactitud requerida, así como gran habilidad del técnico que los opera (Snyder,1969). Buchdahl (1947) indica los siduientes requerimientos mecánicos para la construcción de un viscosimetro de cilindros giratorios: a) simetr**í**a perfecta del cilindro rotante sobre su propio eje; b) alineación correcta del cilindro estacionario con respecto al giratorio, el eje de rotación de los dos cilindros debe ser idéntico y las superficies exactamente paralelas; c) estabilidad máxima del cilindro estacionario

acoplado con la minima fricción estática.

Mallock (1896) señala que si los ejes de los cilindros 500 paralelos pero con una pequeña desviación de la coaxialidad. hay un error de segundo orden en el momento transmitido por el fluido. Sin embargo, se preocupa de corregir el problema de alineación utilizando cuatro juegos de tornillos para hacer coincidir 1.05 ejes. Los demás autores consultados no señalan la magnitud del error. se limitan únicamente a corregirlo utilizando diferentes métodos. Por ejemplo, Porter (1965) monta la unidad completa en una mesa corrediza en X-Y para facilitar la alineación de los cilindros y Mooney (1934) ajusta por medio de tornillos la altura del soporte interior. después de haber colocado un anillo espaciador de vidrio que garantiza la reproducibilidad la. en colocación de los cilindros. En el diseño de Zimm (1962) no hay acoplamientos mecánicos ya que el centrado de los cilindros se hace por tensión superficial y el cilindro interior flota en e1 fluido de prueba.

El momento transmitido a través del fluido, de un cilindro a otro, es directamente proporcional a la superficie cortante del cilindro suspendido dentro del mismo. Por esta razón, en algunos diseños, el cilindro interior está completamente sumergido, de forma que pequeñas variaciones en la inmersión no afecten significativamente las lecturas (Robbins, 1979).

## B.- Condiciones de estabilidad

Para reproducir el flujo de Couette en el viscosímetro de cilindros coaxiales es necesario que no existan turbulencias en éste. La aparición de la turbulencia marca el límite superior de la razón de corte que es posible obtener (Zimm,1962). Por estas razones, es importante señalar las condiciones de estabilidad

encontradas en la literatura para este tipo de flujo.

En los experimentos realizados por Couette el cilindro interior mantenía fijo mientras que el exterior 58 rotaba. Se observó que el momento de arrastre que el fluido ejercía sobre el cilindro interior. era proporcional a la velocidad de rotación del cilindro exterior, hasta llegar a un valor crítico donde β arrastre aumentaba más rápidamente que la velocidad, esto es, una la relación entre la velocidad de rotación región donde v el arrastre viscoso dejaba de ser lineal. Este cambio fue atribuído al paso del flujo laminar estable a turbulento.

Mallock (1896) extendió sus experimentos para cubrir el hecho de que el cilindro interior rotara mientras el exterior se mantenía reposp; en los experimentos hechos con este diseño en encontró inestabilidad en el flujo aún a velocidades muy bajas. Utilizando un diseño similar al de Couette, Mallock observó que al variar 1a velocidad existía una zona a velocidades bajas donde el fluio siempre era estable, una zona a velocidades altas donde siemore inestable y una zona de transición a velocidades intermedias era que dependía de la forma en que se variara la velocidad. La zona de estabilidad se obtuvo aumentando primero la velocidad Y disminuyéndola después (Mallock,1896).

En un trabajo posterior Taylor (1923) realiza un estudio sobre la estabilidad del flujo entre cilindros coaxiales Y flujo es completamente estable cuando encuentra que el el cilindro exterior gira a mayor velocidad que el interior y en la misma dirección, o bien, cuando el cilindro interior se mantiene en reposo. La velocidad máxima trabajada por Taylor en estos experimentos fue de 300RPM. La contradicción entre los resultados de Mallock y Taylor puede deberse a la mayor rigidez del aparato de Taylor, ya que la inestabilidad puede surgir debido а 1 a flexibilidad de las paredes que rodean a un fluido en movimiento estable (Taylor,1923), a las vibraciones del aparato que facilitan el progreso de la inestabilidad (Tamaki,1920) o hacen aparecer

turbulencias etapas tempranas del movimiento en (Champion,1960), Cuando la velocidad se acerca a la zona donde es posible que ocurra la inestabilidad. una pequeña sistema basta para modificar perturbación del el caracter del movimiento. La inestabilidad producida de esta manera 00 65 necesariamente permanente, por lo que e1 movimiento puede volverse nuevamente estable (Mallock, 1896). Otro factor que puede explicar la diferencia de resultados, es 1a dimensión de los cilindros utilizados. En el aparato de Mallock 1a longitud de los cilindros era poco mayor que diametro. ธน eΩ cambio en el utilizado por Taylor las pruebas para de aproximadamente estabilidad, la longitud del mismo era 10 veces el diametro del cilindro exterior.

histórico trabajo. Taylor encuentra una relación En aue 54 puede predecir la estabilidad del flujo para dos cilindros que rotan en la misma dirección, con una pequeña diferencia de velocidades. En un trabajo actual, DiPrima (1981) presenta cuatro transiciones posibles a1 pasar del flujo de Couette al. turbulento. En ambos casos hay una dependencia en las dimensiones del aparato: cociente de los radios y el cociente de la longitud de la superficie cortante entre la diferencia de los radios. Por lo tanto puede afirmarse que la velocidad a la que ocurre 1 a turbulencia depende de las dimensiones del aparato (Zimm,1962), movimiento es mucho más inestable cuando se rota el que el cilindro interior que cuando lo hace el exterior y finalmente que 1a tendencia a la inestabilidad aumenta con la distancia entre En esta misma línea Porter (1965) afirma que los cilindros. no puede producirse un flujo turbulento en películas de prueba de 2.5x10<sup>-4</sup> cm aún a razones de corte de 2x10<sup>6</sup> seg<sup>-1</sup>.

Entre los artículos revisados se encontró uno, que en la determinación de la viscosidad no trabaja ni con flujos laminares ni con turbulentos, sino más bien con flujos de estructura celular. La viscosidad se determina a partir de la medida de un

flujo periódico. En este caso R $_2$  - R $_1$  también es crítica y se recomienda como valor óptimo 1/2 (Snyder,1969).

De lo expresado anteriormente se puede concluir que las condiciones de estabilidad dependen de: 1) elección del rotor, 2) dimensiones del aparato, 3) velocidad de rotación y 4) posibilidad de evitar vibraciones que hacen aparecer turbulencias en etapas tempranas.

## C.- Corrección del efecto de borde

Otra consideración importante en la medida de la viscosidad, es el efecto de borde ya que éste produce un aumento en la torca debido a la interacción entre las bases de los cilindros. En 1 a parte teórica de éste capítulo se mencionó que, en general. es necesario hacer correcciones a los cálculos para considerar el hecho de que los cilindros no son infinitos, o dicho de otra manera, para considerar el efecto de borde. En esa sección se presentaron dos posibles correcciones teóricas. Y aquí 50 presentarán métodos encontrados en la literatura para minimizar experimentalmente el efecto de borde; estos procedimentos pueden agruparse bajo cinco rubros: 1) simulación de cilindros infinitos. dimensiones del aparato, 3) geometría de los cilindros. 4) medir el efecto con métodos experimentales y 5) calibrar CON un fluido de viscosidad conocida.

Para conseguir que el líquido de prueba sólo toque 105 cilindros en las caras laterales, Mallock (1888) utiliza. debaio del cilindro interior, un diafragma con aire de aproximadamente media pulgada de alto. En un intento de mejorar la simulación de cilindros infinitos sustituye, posteriormente, el fondo rigido. con el que empezó. por un indenioso anillo de mercurio (Mallock, 1896). Desafortunadamente hav evidencia poca que demuestre que Mallock logró eliminar el efecto de borde por éste

método (Taylor,1923). A pesar de la afirmación de Taylor, los viscos1metros de Mercier (Lindsley,1947), Goodeve (1939) y los comerciales de Agfa y Haake (Van Wazer, 1963), atrapan aire bajo toda la base cóncava del cilindro interior, con la finalidad de eliminar el efecto de borde. La hipótesis que respalda este procedimiento es que la base del cilindro interior rota contra una capa de aire de muy baja viscosidad, por lo que la tracción sobre ésta puede considerare despreciable. Con este método 58 logra eliminar el efecto de borde únicamente para aceites altamente viscosos (Van Wazer, 1963)

Un diseño totalmente distinto, empleado para simular cilindros infinitos, eliminando el efecto de borde, es reducir por métodos mecánicos el movimiento del líquido arriba y abajo del cilindro interior. Esto se logra al utilizar en ambos extremos del cilindro interior, un tercer cilindro de protección del mismo radio y rigidez del interior y colocado en perfecta alineación, a una distancia pequeña del interior (0.025cm en el trabajo de Harrington, 1916). Con esto, lo que se logra de hecho es un cilindro más largo, al que sólo se le mide la torca en la parte central. El primero en utilizar este diseño fue Couette (1890).

Otra alternativa de corrección a este problema la discute Lindsley (1947) y consiste en utilizar un cilindro interior sin base, es decir hueco. Sin embargo, él mismo argumenta que han observado un efecto prácticamente igual al encontrado en los cilindros normales. Yendo un poco más allá, Merrill (1954) diseña un aparato en el que un rotor gira dentro de una copa sin bases. El fluido puede inyectarse constantemente entre los cilindros, o bien mantenerse en ese espacio por tensión superficial.

Las expresiones derivadas en el capítulo II muestran que para hacer despreciable la corrección conviene utilizar un cilindro interior largo y de radio pequeño, con una diferencia minima entre los radios del rotor y el estator. Esto concuerda con los datos

encontrados en la literatura: en el trabajo publicado por Taylor en 1923 afirma. que si el radio del cilindro interior es mucho menor que la mitad del exterior, los efectos producidos por el borde del aparato empiezan a ser apreciables y dificiles de eliminar, de forma que el movimiento inicial deja de ser igual al de dos cilindros infinitos. Por lo anterior, es conveniente que (R, - R) sea mucho menor que R, o R; esto es, que el espacio entre los cilindros sea pequeño comparado con los radios. Tambi**é**n es posible minimizar apreciablemente el efecto de borde, colocando el cilindro interior a una distancia fija de la base del exterior, donde ya no es apreciable la contribución de 1a torca. Sin embargo, segun Howard (1969) los efectos de borde no pueden  $(R_- R_)/R_$ elíminarse de una forma práctica a menos que sea pequeño. Buchdahl (1947) sugiere que la relación entre la longitud de la superficie cortante y el espacio existente entre 105 cilindros debe ser aproximadamente 100. DiPrima (1981) afirma aue para valores de  $h / (R_2 - R_1) \ge 20$  (h es la longitud de 1a superficie cortante) los efectos de borde son pequeños y que para la mayoría de los casos prácticos, el flujo de Couette es una aproximación adecuada. En algunos estudios, como los relacionados con la estabilidad del flujo, basta que la zona de observación esté suficientemente alejada de los bordes, por lo que se trabaja en la zona central del aparato procurando al mismo tiempo que los cilindros sean tan largos como sea posible (Taylor, 1923).

La configuración de los extremos del cilíndro interior tiene un efecto definitivo sobre la medida de la torca. Howard (1969) presenta un modelo en el que los extremos del cilindro (rotor en este caso), terminan en cono con la finalidad de evitar que auede atrapado bajo el mismo, ya que esto aire produce errores impredecibles en la medida de la torca. Mooney (1934) trata de evitar el efecto de borde haciendo que todas las superficies de los cilindros contribuyan homogeneamente en la torca total, para lograr esto, mantiene constante el gpacio entre las bases de los

cilindro cilindros y la zona lateral haciendo que tanto el interior como el exterior. terminen en con **å**ngulos cono. ligeramente distintos. Se suelen utilizar conos de muy poca 180°. altura, con un <u>a</u>ngulo en el v**é**rtice de aproximadamente Con esta configuración, la razón de corte ejercida sobre el líquido que se encuentra en el fondo es esencialmente la misma aue 1 a lateral. Traxler (1942) y Buchdahl (1947) también se deciden por esta configuración, terminando en como la parte superior е inferior del cilindro interior. Aún mas , para minimizar 1a importancia del efecto de borde. Buchdahl combina los otros factores haciendo que la longitud de la superficie cortante sea grande comparada con la diferencia de los radios.

Aunque se haya tratado de minimizar el efecto de borde, 1 a corrección debida a él aún puede ser de importancia, por 10 que conviene medir el efecto experimentalmente para poder 1 a incluir corrección en los cálculos de vicosidad. Esto se hace variando 1 a altura del líquido sobre la superficie cortante y calculando, de esta forma, la altura efectiva que incluye ya el efecto de borde. Puede realizarse utilizando varios cilindros interiores del mismo radio pero diferente altura. Para cada cilindro se utiliza 1 a misma velocidad angular y se mide la torca. Se grafican las alturas contra los cocientes torca/velocidad angular, obteniéndose una recta. La intersección en el eje X de la recta torca vs.velocidad angular, para torca igual a cero da un valor negativo de h que corresponde al aumento aparente de la altura debido al efecto de borde. Esto mismo puede hacerse con un solo cilindro interior llenando el viscosímetro a diferentes alturas. 10 aue implica un cambio en el volúmen de prueba o bien utilizando un cilindro diferentes vol**ú**men constante y sumergiendo el а profundidades. El resultado de las tres formas es prácticamente el mismo, si para el último caso se utiliza una separación entre las bases de los cilindros mayor que su zona de interacción; esto ocurre cuando la distancia es mayor o igual al radio del cilindro

interior (Lindley,1947; Van Wazer, 1963).

Finalmente, la constante de calibración del viscosimetro puede incorporar el efecto de borde para fluidos newtoneanos, si el aparato se calibra con líquidos de viscosidad conocida. Este método es el más empleado debido a que es preciso y muy fácil de implementar, pero tiene el inconveniente de que la constante varia con la viscosidad y densidad del fluido empleado, por lo que se recomienda utilizar varios líquidos con características similares a los fluidos de prueba (Cheng, 1981).

## D.- Variación del esfuerzo cortante y razón de corte.

Una de las razones por las que el viscosimetro de cilindros coaxiales tiene gran aceptación, es que el esfuerzo cortante y la razón de corte pueden variarse con cierta facilidad, modificando los radios de los cilindros o sus velocidades (2.8 y 2.9).

El esfuerzo cortante (ec. 2.9) esta relacionado con el radio y longitud del cilindro interior y un cambio en sus dimensiones implica una variación en el área sobre la que actúa la torca (Howard, 1969). Sin embargo, debe señalarse que la fuerza cortante medida es realmente la fuerza que actúa en la superficie del cilindro estacionario. Por lo general el cilindro exterior no 68 modifica mientras que el interior puede intercambiarse por otros con distintos radios o longitudes. Como la fuerza cortante es casi constante a través del anillo de fluido cuando R /R  $\cong$  1 está justificado referirse a una razón de corte promedio y obtener 1 as diferentes razones de corte variando la velocidad de rotación.

Para los fluidos no-newtoneanos la viscosidad no permanece constante al variar la razón de corte. Al cociente de un esfuerzo cortante entre una razón de corte, a una temperatura determinada, se le conoce como viscosidad aparente. Por lo anterior se ve la

importancia que tiene, este tipo de viscosímetro en el estudio de los fluidos no-newtoneanos.

#### E.- Velocidad de rotación

Como se vio en los incisos anteriores, al variar la velocidad de rotación se modifica fácilmente la razón de corte, por esto casi todos los modelos permiten esta variación. Los métodos utilizados para girar el rotor son muy distintos, sin embargo todos los autores buscan un buen control de velocidades, esto es, estabilidad en el giro.

Las velocidades angulares encontradas en la literatura son muy amplias y dependen del esfuerzo cortante o razón de corte que se desee producir, de las dimensiones del aparato (especialmente la diferencia de los radios de los cilindros) y del material de prueba.

Al disminuir r aumenta el gradiente de velocidad crítica; sin embargo, el rotor debe girar a velocidades proporcionalmente más altas para producir gradientes de velocidad similares a cuando se tienen radios mayores. Si la velocidad del rotor se aproxima a 700RPM las dificultades de alineación y estabilidad se hacen insuperables (Champion,1960). La comparación entre los resultados de dos aparatos puede hacerse cuando estos son similares en geometría y velocidad. La similitud en velocidad se obtiene si al dividir la velocidad entre el coeficiente de viscosidad cinemática el cociente es igual en ambos casos (Taylor,1923).

Para asegurar la estabilidad de rotación es conveniente que el grosor de la pared del cilindro exterior sea grande para que tenga suficiente masa (21/2" en el trabajo de Buchdahl, 1947).

## F.- Control térmico

En el capítulo primero se insistió varias veces en la. importancia de tener un buen control térmico, con una precisión de menos ±0.01 °C para que los resultados de viscosidad a1 sean significativos. El coeficiente de viscosidad puede variar hasta 20% por grado centígrado. Si la temperatura esta controlada а  $\pm 0.02$  °C, el coeficiente de viscosidad es preciso sólo a ±0.4%. Todos los autores se preocupan de este asunto y lo resuelven de diferentes formas, desde el mero hecho de medir la temperatura a la que se está realizando el experimento (Taylor, 1923), hasta utilizar diferentes métodos de control como: 1) camisa de aqua en cilindro exterior (Mooney, 1934); 2) camisa de agua y muestra e1 pequeNa para lograr un buen control térmico (Robbin,1979); 3) camisa de agua en el cilindro exterior y cilindro interior hueco,. lleno también de agua a igual temperatura, para evitar cualquier cambio brusco de la misma en el fluido (Mallock,1888); 5) camisa de aceite que puede calentarse por medio de una resistencia dentro de ella (MacMichael,1915); 6) incluida cuarto de temperatura constante, donde las variaciones registradas no sean nunca superiores a una centésima de grado (Harrington, 1916).

## G.- Medición de la torca

Para medir la torca, el estator se suspende, por lo general,de un hilo de torsión o una suspensión elástica. La deflexión se mide por el método usual de espejo, telescopio y escala, o bien, acoplando directamente al elemento de torsión un indicador que barre una escala.

Mallock (1888) encontró que las fuerzas que tienden a girar el cilindro interior, pueden representarse por la suma de dos términos, uno varía linealmente con la velocidad y el otro con el cuadrado de la velocidad. El último es pequeño comparado el con primero, aún a velocidades altas. La proporción entre 105 dos términos depende del cociente de la longitud de los cilindros. entre el ancho del anillo: el t**e**rmino cuad**rá**tico disminuye (comparado con el otro término) al aumentar el cociente.

## CAPITULO III

## DISENO Y CONSTRUCCION DE UN VISCOSIMETRO DE CILINDROS COAXIALES

## 3.1 Descripción general

El aparato que se presenta a continuación (Fig. 3.1) se dis**eñó** teniendo en cuenta las condiciones y restricciones **teó**ricas presentadas en el capítulo II.

De las dos alternativas de rotor (cilindro interior Ο exterior), que presenta el viscosimetro de cilindros coaxiales, se ha elegido rotar al cilindro exterior, ya que en este caso 1a turbulencia ocurre a razones cortantes más altas. En este diseño, el rotor y el estator son de radios similares porque cuando el cociente de los radios se aproxima a la unidad, los esfuerzos cortantes en el espacio entre lo cilíndros permanecen prácticamente constantes.

En el capítulo II se dijo que para medir la viscosidad no SP determinaban, en general, ni la razón de corte ni el esfuerzo cortante, sino que se utilizaban otras variables que pudieran medirse más fácilmente. En la ecuación (2.11) se ve que es posible expresar la viscosidad, como una función de la torca y las velocidades angulares, por lo que cualquier modificación en el

aparato que altere estas magnitudes, implicará un cambio en el intervalo de funcionamiento del viscosimetro. partir de las ecuaciones (2.9 y 2.10) del capitulo anterior,conocemos que el esfuerzo cortante está relacionado con el área del estator sobre la que se aplica la torca para rotarlo. Por esta razón, conviene que el cilindro interior sea intercambiable. ya que da 1a capacidad de alterar facilmente el esfuerzo cortante. De la misma manera es posible observar que la razón de corte promedio se modifica al variar la velocidad angular, por 10 due en este diseño la velocidad angular puede cambiarse de forma continua entre 9 y 90 RPM.

La otra magnitud importante a determinar es la torca transmitida por el fluido al estator. En general la medición de la torca se hace utilizando un hilo o muelle de torsión, sin embargo, 105 cables de torsión no se prestan para trabajar sobre un amplio intervalo de razones de corte (Eisenberg,1954). Para amoliar **e**1 intervalo de torcas accesibles es necesario utilizar varios cables (Goodeve,1939). El cambiar el hilo de torsión, ajustar y calibrar el aparato, son operaciones tardadas y tediosas. Los cables de torsión que se utilizan con más frecuencia en la literatura, están hechos de cuarzo, platino y tungsteno, y su costo es alto. Por estas razones se decidió emplear en este prototipo, diferencias de masa, como medida de la torca; utilizando para ello un juego de poleas y una balanza digital.

Tomando en cuenta las dimensiones del aparato, la precisión con que ha sido posible determinar las diferentes magnitudes, las velocidades angulares que se pueden obtener con el motor utilizado y las torcas medibles por diferencia de masa, se calcula que el intervalo de funcionamiento teórico de este viscosimetro es de 1000 a 30,000 cps (Fig. 3.2). El volúmen de muestra que se debe utilizar es de 22 ml. Como se dijo en los párrafos anteriores, este intervalo puede modificarse si se cambia el estator por otro

de dimensiones distintas. El cambio afectaría también el volúmen de muestra utilizada.

## 3.2 Cilindros coaxiales

El rotor está hecho de un tubo de cobre de 28.58  $\pm$  0.025 መጠ (1 1/8 ± 1/256") de diametro exterior, 11.91 ± 0.025 mm (15/32 + 1/256") de radio interior y 140 ± 0.025 mm (5 1/2 ± 1/256") de alto. La pared de este tubo es gruesa ( $2.38 \pm 0.025$  mm, 3/64 ± 1/256"), con el objeto de aumentar la estabilidad térmica de la muestra y evitar deformaciones que perjudicarían la uniformidad del flujo entre los dos cilindros. En la base inferior tiene una pestaña que conecta con el vástago del motor. En el centro de 1 a base interior tiene una pequeña entrante que sirve para anclar V centrar el eje del estator.

El estator es un cilindro de aluminio terminado en cono romo en ambos extremos. Esta geometría tiene como objeto suavizar el cambio en las líneas de corriente, al pasar de las paredes laterales del cilindro hacia las bases. También ayuda a evitar la retención de burbujas en la parte inferior del estator, ya que éstas alteran la medida de la viscosidad. El ángulo en el vértice del cono es de aproximadamente 50°.

Con el fin de disminuir al máximo las pérdidas por fricción, se ha colocado una varilla rectificada de  $3.175 \pm 0.025$  mm (1/8  $\pm$ 1/256") que termina en ambas puntas con un balín y que pasa por el eje del estator. Este eje tiene la finalidad de facilitar el armado del viscosímetro, asegurar la coaxialidad de los dos cilindros, evitar la nutación y mantener al estator a una distancia constante de 12.5  $\pm$  0.025 mm (16/32  $\pm$  1/256") de la base del rotor, minimizando así el efecto de borde debido a la interacción entre las bases.

El cilindro interior tiene las siguientes dimensiones: 11.2  $\pm$  0.025 mm (7/16  $\pm$  1/256") de radio, 50  $\pm$  0.025 mm (1 31/32  $\pm$  1/256") de largo en la sección recta, más 12.25  $\pm$  0.025 mm (31/64  $\pm$  1/256") de altura en la sección cónica de cada lado, lo que hace una altura total de 74.5  $\pm$  0.025 mm (2 15/16  $\pm$  1/256"). El volúmen total del estator, sin los apoyos, es de 23 cm<sup>9</sup>.

## 3.3 Efectos de borde

Otra consideración importante en el diseño del viscosimetro de cilindros coaxiales son los efectos de borde, ya que como se vio en el capitulo II los cilindros no son infinitos y por lo tanto existe un arrastre debido a las bases del cilindro interior. Es evidente que por lo menos el efecto de borde debido al extremo superior del cilindro interior puede eliminarse fácilmente, haciendo que el fluido de prueba no lo cubra. Sin embargo, esto hace critico el volúmen de muestra utilizado, por su fuerte dependencia en h.

En el presente diseño se cubren gran parte de las consideraciones mencionadas en el capítulo II sobre los efecto de borde: i) el estator termina en cono en ambos extremos; ii) 50 encuentra apoyado en 2 puntos a manera de áncora, por medio de นก eje, para que exista la menor fricción posible, se garantice una coaxialidad entre los cilindros y una distancia constante entre la base del rotor y el extremo inferior del estator; iii) la diferencia de los radios (R\_- R\_) es pequeña comparada con: el radio del cilindro exterior, la longitud de la superficie cortante y Y 1 a distancia entre la base del rotor y el vertice inferior del estator (Tabla 3.1); iv) para evitar que pequeñas variaciones en la 🛛 profundidad de inmersión afecten significativamente las medidas, el cilindro interior se sumergió totalmente en el fluido, quedando todo el estator como superficie de corte, por lo que es

posible considerar como constante esta variable, v) el instrumento se calibró con estándares de viscosidad, para incluir dentro de la constante del aparato los efectos debidos a los bordes de los cilindros.

## TABLA 3.1

VALORES DEL VISCOSIMETRO DE CILINDROS COAXIALES COMPARADOS CON LA DIFERENCIA DE LOS RADIOS.

CONSTANTE	SIMBOLO Y MAGNITUD	
(1)		$\frac{R_2 - R_1}{X}$
DIFERENCIA DE RADIOS	R_ R_ = 0.71 mm	1
RADIO DEL CILINDRO INTER	IOR R = 11.20 mm	0.067
RADIO DEL CILINDRO EXTER	10R R <sub>2</sub> = 11.91 mm	0.050
LONGITUD DE LA SUPERFICE CORTANTE (ESTATOR)	h = 50 mm	0.014
DISTANCIA ENTRE LA BASE I ROTOR Y EL VERTICE DEL EN	DE b = 12.5mm STATOR	0.057

Diprima (1981) utiliza el inverso de esta magnitud para asignar un valor a partir del cual los efectos de borde son despreciables:  $h/(R_2-R_1) \ge 20$ , en este caso 1/0.014 = 70.4.

La tabla 3.2 presenta el intervalo dentro del que es posible variar el radio del estator de forma que se cumplan las condiciones propuestas por DiPrima y Champion. El valor utilizado en este diseño se localiza en la zona central de las posibilidades.
### TABLA 3.2

VALORES POSIBLES DEL ESTATOR PARA  $R_2 = 11.91$ mm y h = 50mm.

Ri	R <sub>2</sub> - R <sub>1</sub>	h ∕R₂- R₁	
	2.5mm	20 <sup>(2)</sup>	
11.2 mm <sup>(1)</sup>	0.71mm	70.42	
11.78mm	0.13mm <sup>(9)</sup>	384.61	· · ·

(1) valor utilizado en este trabajo, (2) Diprima, 1981, (3) Champion, 1960

### 3.4 Razón de corte

Al fijar las dimensiones de los cilindros, el rotor y la posición donde se mide o calcula la razón de corte, queda ésta determinada por medio de la siguiente relación, obtenida a partir de la ecuación (2.8b):

$$\dot{\gamma} = \frac{2\omega_2 R^2}{R_2^2 - R_1^2}$$

Esta relación nos indica que una simple variación de la velocidad angular, modifica la razón de corte a la que opera el viscosímetro, lo que lo hace un aparato ideal para analizar fluidos no newtoneanos.

La razón de corte minima que se está utilizando en este trabajo es de 16.29 seg<sup>-1</sup> para 9 RPM, y la máxima de 162.9 seg<sup>-1</sup> para 90 RPM.

## 3.5 Control térmico

El funcionamiento correcto de cualquier viscosímetro depende de que la temperatura en la muestra sea constante. va que el coeficiente de viscosidad de todos los fluidos depende en mayor **n** menor grado de ésta. Es de esperar que la temperatura del fluido de prueba aumente al someterlo a esfuerzos y razones cortantes para medir su viscosidad, lo que alteraría la validez de esta medida. El aumento en la temperatura depende de la temperatura en la frontera del sistema, la geometría y velocidad del mismo. as1 como de las propiedades del fluido y del tiempo que dure @1 muestreo. Cuando la distancia entre las superficies cortantes PS grande, se presenta mayor dificultad para remover el calor generado en la muestra que cuando la distancia es pequeña, por lo que se produce un mayor aumento en la temperatura.

Con el fin de mantener al minimo este posible aumento en 1 a temperatura, se diseñó el viscosimetro de manera que tenga un buen intercambio de calor de la muestra hacia el baño térmico. Esto se hizo de la siquiente manera: a) el tamaño de la muestra es pequeña (22 ml), b) el cilindro exterior está hecho de cobre (alto coeficiente de conductividad termica, 4.01 W cm<sup>-1</sup> °K<sup>-1</sup> a 25 °C) v tiene paredes gruesas, c) el rotor se encuentra sumergido en una camisa térmica conectada a su vez con un baño térmico recirculante. El revestimiento térmico que rodea al rotor es un cilindro hueco, hecho de latón y sellado en ambas bases; tiene un volúmen. de un litro, por él se hace circular continuamente, agua proveniente de un baño con control térmico a  $\pm$  0.05 °C. **E**1 agua se inyecta en la parte inferior de la funda t**e**rmica a través de una llave y sale de ésta por un desagüe en la parte superior. Para evitar fugas del baño térmico hacia el motor, se utilizó una válvula selladora de tipo industrial.

Se hizo una estimación del posible aumento de temperatura en

la muestra con las condiciones actuales del prototipo, utilizando el procedimiento presentado por Van Wazer (1963) para viscosimetros de cilindros coaxiales, con una diferencia de radios pequeña. Para ello se utilizó la relación:

$$\Delta T = \frac{\eta \nu_{\mathbf{R}}^{\mathbf{Z}}}{12 J \kappa}$$

donde  $\nu$  es la velocidad lineal del rotor, J es el equivalente mecánico del calor y K es la conductividad térmica del fluido.

Como no se cuenta con el dato de la conductividad térmica para el fluido de calibración, se utilizaron en el cálculo los datos de minima y máxima conductividad térmica, para aceites. encontrados en la literatura. El cálculo se realizó con los siguientes datos:

	minima	máxima
conductividad tørmica de aceites [cal seg cm °K ]	3.159 × 10 <sup>-4</sup>	4.242 × 10 <sup>-4</sup>
<i>velocidad lineal</i> [cm seg <sup>-1</sup> ] (10 a 60 RPM)	1	7.5
viscosidad [ poises ]	9.5	304

Se obtuvo:

 $\Delta T_{\text{minima}} = 4.458 \times 10^{-5} \,^{\circ} \text{K}$ 

$$\Delta T_{maxima} = 1.070 \times 10^{-1} \,^{\circ} \text{K}$$

Utilizando la relación y los cálculos anteriores, se puede ver que el aumento en la temperatura es despreciable para fluidos como agua o anticongelantes aun a velocidades grandes. Fluidos tales como aceites para motor, melazas, aceites de calibración, etc., tendrán un aumento apreciable de temperatura sólo a velocidades altas; si el fluido tiene una viscosidad de 50000 cps o mayor se puede esperar un aumento considerable en la temperatura aun a velocidades bajas.

### 3.6 Control de velocidad

Para un funcionamiento correcto del viscosimetro, se requiere que el rotor gire constantemente a la velocidad escogida dentro de un cierto intervalo. Por ello se eligió, después de probar varios motores, uno de 12 V de corriente directa y torca alta. como los utilizados en los limpiadores de coche. Este motor funciona de forma lineal de 3 a 15 V como puede verse en 1 a gráfica (Fig. 3.3). Dependiendo de la forma en que se conecte, funciona en tres intervalos distintos de velocidad. En este trabajo se emplea la conexión que permite tener velocidades más bajas (9 a 60 RPM), o bien la que entrega hasta 90 RPM, CON 10 que se tiene la posibilidad de variar la velocidad un orden de Esto permite trabajar fluidos con viscosidades máximas magnitud. de 30,000 cps.

No se incluyó un control de velocidad para el motor, por no considerarlo necesario, ya que éste gira a velocidad constante para un voltaje determinado. Para conocer la velocidad de giro del motor se acopló un disco con 60 divisiones que proporciona, por medio de un "optoswitch" y un contador de frecuencias, las revoluciones por minuto a las que el motor gira, con una incertidumbre de ± 1 RPM.

Con la finalidad de evitar el frenado por falta de coaxialidad, entre el eje del motor y la chumacera que conecta a

éste con el rotor, se utilizó un acoplador ajustable tipo americano (Fig. 3.4).

### 3.7 Medición de la torca

La torca y la velocidad angular son las variables experimentales con las que se obtiene el valor de la vicosidad del fluido de prueba, por esta razón es importante conocerlas con precisión.

La medida de la torca se obtuvo por diferencias de masa, colocando una polea de 1.905 ± 0.0025 cm. en el eje superior del estator. Por medio de un hilo de seda trenzado, se unió la polea a una pesa colocada sobre una balanza digital. Este método es rápido y cómodo, además permite detectar fácilmente un cambio de torca. El diámetro de la polea y la aceleración de la gravedad pasan a formar parte de la constante de calibración del aparato. Este sistema permite medir un intervalo amplio de torcas, teniendo como límite la capacidad de la balanza.

Se utilizó hilo de seda trenzado porque no se estira al someterlo a tensión y por lo tanto da mejores resultados que otros materiales.

### 3.8 Constante del aparato

De acuerdo con los desarrollos del capítulo II, la expresión más simple para medir la viscosidad en términos de la torca y la velocidad angular en el viscosímetro de cilindros coaxiales es:

donde Ky corresponde a la pendiente de la recta. En primera

aproximación la cantidad K está dada por:

$$K = \frac{\theta \pi^2 R_1^2 R_2^2 h}{60 (R_2^2 - R_1^2)}$$

Si la velocidad angular se mide en RPM y se utilizan los valores de la tabla 3.3 para obtener esta constante, se tiene:

$$K = 62.54$$

TABLA 3.3

## DIMENSIONES DEL APARATO

CONSTANTE	SIMBOLO Y MAGNITUD
Radio del cilindro interior	R = 11.2 mm.
Radio del cilindro exterior	R_ = 11.91 mm.
Generatriz del cono	R = 16.35 mm.
Longitud de la superficie cortante	n = 50 mm.
Altura de los conos	$h_{\rm c} = 12 {\rm mm}$ .
Separación entre las bases del rotor	b = 11.65 mm.
y el estator	
Angulo del cono	<i>e</i> = 47.21°
Volúmen del estator	23 cm <sup>®</sup>
Volúmen de la muestra	22 cm <sup>8</sup>

Si dentro de la constante se incluyen la aceleración de la gravedad y el radio de la polea, a primera aproximación, tenemos:

$$masa = K' \eta \nu_2$$

$$K' = \frac{\theta \pi^2 R_1^2 R_2^2 h}{60 gr_p (R_2^2 - R_1^2)}$$

donde

= 0.03544 $k^{71} = 28.214$ 

o bien

## 3.9 Diseño experimental para las pruebas iniciales de calibracion

A.- Montaje

Para realizar las pruebas de calibración del presente viscosímetro, se utilizó el montaje esquematizado en la figura 3.5.

El viscosímetro se llena con 22 ml de muestra. Si el fluido es muy viscoso es necesario hacerlo por partes, a fin de que no queden atrapadas burbujas de aire que alteran los resultados. Se ponen aproximadamente 8 ml de muestra, luego se acomoda el estator de forma que quede apoyado en el hueco que hay en el centro de 1a base del rotor, se añade después el fluido restante y se pone a rotar para que salgan todas las burbujas, al mismo tiempo que 1 a muestra va adquiriendo la temperatura a la que se desea realizar la prueba. La temperatura se estabiliza en aproximadamente una hora, para 25 °C, con la ayuda de un baño térmico recirculante de 25 litros de capacidad.

El motor que hace girar al rotor está conectado a una fuente de corriente directa de 15 volts, 10 amperes. La velocidad del motor se mide por medio de un frecuencímetro conectado al optoswitch.

Sobre el eje del estator se coloca una polea a la que se sujeta el hilo de seda que tiene en su otro extremo una pesa; ésta descansa sobre una balanza digital. Se utilizaron dos balanzas con capacidad de 300g y 1500g respectivamente, y con una precisión de 0.05g. Una segunda polea, con un mínimo de rozamiento, hace

posible el cambio de dirección de la fuerza.

B.- Desarrollo

El prototipo descrito se calibró utilizando estándares de viscosidad de Brookfield. los aceites de calibración Ēn **e**1 fabricante proporciona únicamente la viscosidad de la muestra a 25 °C, no da la incertidumbre de **é**sta ni de la temperatura. No da 1 a densidad. ni ningun otro dato que describa el aceite de calibración.

Los aceites empleados se encuentran dentro del intervalo de funcionamiento calculado para el aparato (Fig. 3.2). Cada muestra se midió varias veces a 25  $^{\circ}C \pm 0.05$ , aprovechando todo el intervalo de velocidades. Para cada velocidad angular se tomó la diferencia de masa ( $\cong$  torca) correspondiente.



**Fig 3.1** Fotografía del prototipo del viscosímetro de cilindros coaxiales construído para este trabajo. Se muestra el montaje necesario para realizar las medidas de viscosidad.



Fig. 3.2 de Muestra el intervalo teorico graficadas funcionamiento del vicosimetro. Las rectas corresponden 105 valores de los estándares de æ viscosidad.



Fig. 3.3 Respuesta del motor utilizado en el prototipo, obsérvese que el motor responde linealmente ante variacione de voltaje en las tres conexiones.



Fig 3.4 Detalle del aparato



Fig. 3.5 Diagrama de bloques que muestra el viscos1metro y equipo de apoyo para las pruebas de calibración.

# CAPITULO IV

# RESULTADOS Y EVALUACION

## 4.1 Pruebas de calibración

Una vez construido el aparato, se realizaron las pruebas de calibración descritas en el capítulo anterior y se obtuvieron los resultados que se presentan a continuación.

Se trabajó con los estándares de 4,820 y 13,000 cps a 25 °C, utilizando velocidades de 5 a 75 RPM. La figura 4.1 muestra los resultados experimentales obtenidos. Se graficaron directamente las variables experimentales por lo que en el eje X se tienen RPM y en el Y, gramos en vez de dinas-centímetro. Al graficar se observó que los datos correspondientes a menos de 20 RPM y más de 55 RPM se alejaban de la linealidad del intervalo central, debido probablemente a que en estas velocidades se esté forzando el motor, por lo que las oscilaciones de la velocidad son നുള്ള frecuentes. La mayor reproducibilidad se observó en 30 y 35 RFM. Para los cálculos se utilizó el intervalo de 20 a 45 RPM.

A pesar de desconocer el comportamiento de los aceites de calibración con la temperatura, se varió ésta de 10 a 50 °C, con la finalidad de calcular, a partir del ajuste por mínimos cuadrados de estos datos, el correspondiente a 25 °C. Las figuras 4.2 y 4.3 presentan la conducta de los aceites de 4820 y 13000 cps

a 3 temperaturas distintas. Se graficaron los resultados a 40 °C en vez de 50 °C para tener variaciones de temperatura simétricas respecto a 25 °C.

Con las pendientes del ajuste de los datos experimentales correspondientes a cada temperatura, se construyó la figura 4.4. que muestra el comportamiento de la pendiente (😂 viscosidad), con esta variable. Como era de esperarse, cada aceite reacciona de forma diferente ante variaciones de temperatura, pero como en todo fluido, al disminuirla hay un aumento en la viscosidad. En el caso de estos patrones de calibración, la variaci**ó**n de 1 a viscosidad con la temperatura es lineal. La pendiente obtenida con éste método, para 25 °C difiere en 0.03% para el patrón de 4820 Y en 0.38% para el de 13000, del promedio obtenido directamente.

A partir del anàlisis de las figuras 4.2, 4.3 y 4.4 se puede ver que para una variación de temperatura de 10 °C la pendiente de ajuste (≅ a la viscosidad) varía 17% para el aceite de 4820 y 20.3% para el de 13000. Esta variación es pequeña comparada con la que experimentan otros fluidos, ya que como se recordará, en el capítulo I inciso 1.7, se mencionó que es común encontrar, en algunos aceites, cambios hasta de un 10% en la viscosidad por grado centígrado.

### 4.2 Constante de calibración

La viscosidad se obtiene dividiendo la pendiente de la recta entre una constante de calibración. Se utiliz6 la constante teórica calculada en el capítulo III, el resultado se comparó CON valor del estándar proporcionado por el fabricante. el La diferencia entre los 2 valores es de 10.6% para el patrón de 4820 y de 19.75% para 13000 cps, debido a que la constante teórica nο toma en cuenta los efectos de borde, ni las pérdidas por fricción.

79

ESTA TESIS NO DEBE Salie de la Biblioteca

• .-

Cuando se calibra un viscosímetro con estándares, la constante de calibración varía con la viscosidad y con la densidad. La viscosidad que se obtiene es relativa, aunque esté dada en cps (Cheng,1981).

### Cálculo de la constante experimental

Para calcular esta constante se utilizó

$$T = m \nu_{a}$$
 (4.1)

donde m es la pendiente de la relación lineal, T la torca y  $\nu_z$  la velocidad angular en RPM. Por otro lado, debido a la forma como se están midiendo las torcas, se tiene:

donde g es la aceleración de la gravedad, r es el radio de la polea colocada sobre el estator y m corresponde a la masa, la variable medida experimentalmente. En el capítulo 2 (ec. 2.10) se dijo que:

$$T = K \eta \nu_{\mu} \qquad (4.3)$$

donde K es una constante. Como se está graficando RPM vs. gramos, la constante absorbe los factores  $2\pi/60$  de la velocidad angular y el valor del radio por la aceleración de la gravedad, correspondiente a la torca. Por lo tanto, utilizando las ecuaciones 4.1 y 4.3

# K = pendiente Viscosidad

Para la muestra de 4820 cps, la pendiente promedio para 25 °C es 1.5922 (Fig 4.1 y 4.4), en el intervalo de velocidades de 20 a 45 RPM. La constante obtenida en este caso es:

### K = 0.03303

por ser más fácil de manejar, se calculó y utilizó para las comparaciones la inversa de la constante

Usando este valor, se tiene que el patrón de 4820cps a 25 °C varía de 6460 a 2800cps para temperaturas de 10 a 50 °C.

El valor de la constante se comparó con el obtenido a partir del ajuste de pendientes en los experimentos a diferentes temperaturas. La pendiente calculada para 25 °C es 1.5962, por lo tanto,  $K^{-1} = 30.20$ . La diferencia entre las constantes de calibración obtenidas por los dos métodos anteriores es de 0.23%.

Se hizo lo mismo para el aceite de 13000 cps y se obtuvo:  $K^{-1} = 31.63$  de los promedios de la muestra a 25 °C y 31.51 a partir del ajuste de pendientes para diferentes temperaturas. La diferencia de las constantes, para la muestra de 13000 cps es de 0.38%. El intervalo de viscosidad es de 16950 a 9610cps para temperaturas de 10 a 40 °C.

El promedio de las constantes anteriores es  $K^{-1} = 30.70$ , y el error máximo respecto a las constantes experimentales es de 4.3%. Sin embargo, como se dijo anteriormente, la constante de calibración depende de la viscosidad de la muestra, por lo que el promedio sólo sirve para indicar el valor aproximado de la misma. Un cálculo más preciso debe hacerse con la constante correspondiente a cada intervalo.

### 4.3 Evaluación

### A.- Pruebas de reproducibilidad

Con el fin de evidenciar la repetición de los datos, éstos se tomaron aumentando la velocidad angular, disminuyéndola y tomando las medidas en forma desordenada, sobre diferentes muestras de 1 a misma viscosidad. Los resultados obtenidos presentan una buena reproducibilidad, como se puede ver en la fiqura 4.5 donde 50 utilizan símbolos diferentes cada corrida. No para 50 sobrepusieron los ajustes correspondientes porque interfer1an CON 105 datos experimentales oscureciendo 1a información, La diferencia máxima entre las pendientes de estos experimentos y e1 promedio, es de 2%.

de La figura 4.6 presenta la variación las constantes obtenidas, en diferentes pruebas, para los aceites dos de calibración, respecto a la constante promedio. Esta gráfica sirve para visualizar la reproducibilidad de los resultados en octa prueba inicial de calibración, ya que el error máximo obtenido es de 4.3%, a pesar de estar comparando muestras con dos constantes experimentales distintas. Obsérvese que los datos correspondientes a 13000 cps estan preferentemente en la parte positiva de 1 a gráfica y los de 4820 en la negativa.

### B.- Precisión

No se encontró la máxima precisión que puede obtenerse en este viscosimetro, ya que suele ser utilizado para fluidos complejos. La calibración con estándares puede dar una alta confiabilidad sólo si los fluidos de prueba y de calibración son newtoneanos y tienen una densidad similar. (Cheng,1981). Las pruebas realizadas con el patrón de 4820 cps muestran un error máximo de 2.5%.

### C.- Intervalo de funcionamiento

Los resultados anteriores muestran que el viscosimetro que se describe en este trabajo funciona entre los 2800 y 16950 cps, falta probarlo para viscosidades menores y mayores. En el capitulo III se mencionó que el intervalo de funcionamiento calculado para el aparato era de 1000 a 30000 cps; con las torcas medidas, en las pruebas realizadas, se puede afirmar que es posible trabajar hasta 30900 cps utilizando una diferencia de masa de 450 g y velocidades de 20 a 45 RPM. La figura 4.7 presenta las rectas teóricas que se obtendrían trabajando, con este prototipo a 500, 1000, 3000, 5000, 12500 y 30000 cps. Trabajando únicamente con 20 RPM se podría llegar hasta 69500 cps, con la diferencia de masa anterior. Para este cálculo se usó la relación de la torca (ec. 4.2 y 4.3) y se despejó la viscosidad de forma que

$$\frac{\max K^{-1}}{\nu_2} = \eta \tag{4.4}$$

Debido a las pérdidas por rozamiento, en el límite inferior, se pueden medir confiablemente viscosidades a partir de 1550cps, que corresponden a una masa se 10 g en el intervalo de velocidades que se esta trabajando.

La figura 4.8 puede servir como una referencia rápida para obtener el valor aproximado de la viscosidad, sin necesidad de realizar operaciones. Sobre el eje X se lee la torca medida en gramos, con este valor y el de la velocidad angular que se haya utilizado en el experimento, se lee el valor de la viscosidad sobre el eje Y. La gráfica fue construida con el valor promedio de la constante de calibración. Para tener mayor confiabilidad en los resultados conviene realizar al menos dos pruebas a diferentes velocidades.

En el inciso 3.5 del capítulo anterior se calculó el posible aumento de temperatura para muestra de 950 y 30,400 cps. Durante una prueba de funcionamiento se utilizó un termopar, calibrado a décimas de grado, para monitorear la temperatura en la muestra de 950 cps. Como era de esperarse, no se detectó ninguna diferencia.

## D.- Facilidad de utilización

Por la forma en que el viscosimetro está construido, el armado del aparato se realiza con fácilidad. Todas las piezas encajan perfectamente; el centrado de los cilindros está dado por los puntos de apoyo, por lo que la coaxialidad de los cilindros no depende de la forma como se haya nivelado el viscosimetro. Ya que el armado del aparato es siempre igual, por construcción, las medidas obtenidas con él son muy reproducibles.

El llenado del aparato debe hacerse por partes. Si se sigue esta recomendación, quedarán atrapadas pocas burbujas de aire y su eliminación será relativamente fácil.

La rapidez con la que pueden tomarse los datos depende del tiempo en el que se logra la velocidad deseada, ya que los cambios en la torca se detectan directamente en la balanza.

## E.- Costo

El costo de este prototipo es alto, ya que fue hecho especialmente y requirió de una gran cantidad de pruebas. Sin embargo, los materiales con logque se construyó no son costosos y varias piezas del viscosimetro pueden estandarizarse a las medidas de tubos y varillas encontradas comunmente en el mercado. El rotor y el estator requieren de un trabajo mecánico de alta precisión.

## 4.4 Proposiciones

Con el objeto de probar la eficacia del aparato construído, se realizaron las pruebas de calibración antes mencionadas. Es importante hacer hincapió en que esta calibración es preliminar y de ninguna manera está completa, pero permite una valoración incial. Es necesario realizar una calibración que cubra todas 1 as normas de estandarización (85 188.1977) y permita determinar CON precisión las constantes del aparato. Se sugiere utilizar 105 aceites elaborados por National Physical Laboratory (NPL) ya. aue proporcionan una información más adecuada de las características viscosidad del estandar. como а diferentes temperaturas. estabilidad de la muestra con el tiempo y densidad. Esta ultima caracter1stica es muy importante, puesto que la constante de calibración varía con ella y es imprescindible tomarla en consideración.

Durante la realización de este trabajo surgieron varias ideas o líneas de investigación que podrían completar o mejorar el trabajo realizado.

1.- El diseño actual del viscosímetro requiere mucho equipo de apoyo para poder trabajar con **é**l. Con la finalidad de disminuir este equipo y por tanto facilitar la utilización del aparato convendría cambiar el motor de limpiadores que se esta usando, por un motor de pasos, conectado a línea a través de un circuito electrónico que permita modificar la velocidad en forma rápida. dando al mismo tiempo una alta reproducibilidad. Esta única modificación sustituye la fuente de poder que alimenta al motor actual, el optoswich con su fuente correspondiente y el contador de frecuencias, por un solo módulo.

2.- Con la finalidad de automatizar un poco la toma de datos y poder discriminar fácilmente el error de los mismos; convendría conectar una graficadora X,Y a la salida de la balanza y del circuito propuesto en el inciso 1. Este montaje permitiría además hacer pruebas de cesión y tixotropismo en fluidos no-newtoneanos.

3.- En la calibración presentada en este trabajo se utilizó un solo estator. Es conveniente trabajar con otros de dimensiones distintas para: a) modificar el intervalo de funcionamiento del aparato, b) calcular experimentalmente el efecto de borde (inciso 2.2).

4.--Dado que el aumento en la temperatura en el fluido no es grande (ver inciso 3.8), se pueden trabajar, algún caso, en muestras a temperatura ambiente, sin la necesidad de utilizar un baño termico recirculante. Sin embargo, puesto que la viscosidad depende de la temperatura, es imprescindible indicar su valor al reportar los resultados de cualquier experimento.





GRAMOS





Fig. 4.2 Conducta del aceite de calibración de 4820 cps a tres temperaturas. Los datos se ajustaron por minimos cuadrados.





GRAMOS





Fig. 4.4 Respuesta de los aceite de calibración ante variaciones de temperatura. Cada punto corresponde a la pendiente (2 viscosidad) del ajuste, por minimos cuadrados de los dato; experimentales.





GRAMOS







Fig. 4.7 (A) Intervalo de funcionamiento del viscosimetro. Como no es posible obtener información de las rectas en la parte inferior de la gráfica, se hizo un cambio de escala para (B). La linea de 500 cps está en el límite de funcionamiento del aparato, por lo que no se considera confiable.





VISCOSIDAD (POISES)



## BIBLIOGRAFIA

BARBEE, J.H. (1973); The effect of temperature on the relative viscosity of human blood; Biorheology, Vol. 10, 1-5.

BARR, G. (1931); A monograph of viscometry; Oxford University Press, London.

BILLMEYER, J.W. (1971); Textbook of Polymer Science; second edition; Wiley-Interscience; USA.

BIRD,R.B., STEWART,W.E., LIGHTFOOT,E.N., (1960); Transport phenomena; Wiley International Editions; USA.

BIRD,R.B., ARMSTRONG,R.C., HASSAGER,D., (1977); Dynamics of polymeric liquids, Vol. I, Fluid Mechanics; John Wiley and Sons, Inc.; USA.

BLOCK,H. GREGSON,E.M., IONS,W.D., POWELL,G., SINGH,R.P., WALKER, S.M.,(1978); The measurement of birefringent, viscous and dielectric properties of liquids under shear; Journal of Physics E: Sci. Instrum., Vol. 11, 251-255.

BS 188, (1977); Methods for determination of the viscosity of liquids; British Standards Institution.

BROOKFIELD ENGINEERING LABORATORIES, INC., (1983); Hore solutions to sticky problems, a guide to getting more from your brookfield viscometer; Brookfield, USA.

BUCHDAHL, R., CURADO, J.G., BRADDICKS, R., (1947); A variable speed rotational viscosimeter; Rev. Sci. Instrum., Vol 18, 168-172.

CARREIRA,M., BECERRO,E., (1968); Teoria del viscosimetro del tubo inclinado y bola rodante; Anales de Química. CHAMPION, J.V., (1960); The measurement of flow anisotropy in pure liquids; Proc. Phys. Soc., Vol. 75 (3), 421-433.

CHENG, D, C-H, (1981); Viscosity (Parts 1,2,3); Measurement and Control, Vol. 14, 73-37, 112-118, 159-163.

COLLINS, E.A., BARES, J., BILLMEYER, F.W., (1973); Experiments in polymer science; Wiley Interscience; USA.

COUETTE,M.M., (1890); Etudes sur le frottement des liquides; Ann. de Chim. et Phys., Vol. 21, 433-510.

DARBON, J.E., (1985); The NPL reference oils for viscosity; Measuremnt and Control, Vol. 18, 226-232.

DIPIPPO,R., KESTIN,J., WHITELAW,J.H., (1966); A high-temperature oscillating-disk viscometer; Physica, **Vol. 32**, 2064-2080.

DIPRIMA,R.C., (1981); Transition in flow between rotating concentric cylinders in Proceedings of Symposium on Transitions and turbulence (Meyer R.E., ed.), Academic Press, U.S.A.

EISENBERB,H.(1957); Viscosity of dilute solutions of preparations of deoxyribonucleic acid at low and medium rate of shear; Journal of Polymer Science, Vol. 25, 257-271.

FLORY,P.J., (1953); *Principles of polymer chemistry*; Cornell University Press; USA.

FLUDE, M.J.C., DARBON, J.E., (1982); Viscosity measurement by means of falling spheres compared wirh capillary viscometry; J. Phys. E.: Sci. Instrum., Vol. 15, 1313-1321.

GEILS,R.H., KEEZER,R.C., (1977); Small-volume, inclined, fallingball viscometer; Rev. Sci. Instrum., Vol. 48 (7), 783-785.

GODDEVE,C.F. (1939); An instrument for the measurement of anomalous viscosity; Journal of Scientific Instruments, Vol. 16, 19-27.

HARRINGTON,E.L., (1916); A redetermination of the absolute value of the coefficient of viscosity of air; Phys. Rev., **Vol. 8** (6), 738-751.

HARRIS, J., (1977); Rheology and non-newtonian flow; first edition; Longman; UK & USA.

HOLLAND,F.A., (1973); Fluid flow for chemical engineers; Edward Arnold Publishers Ltd.; Great Britain.

HOLMAN,J.P., (1981); Experimental methods for engineers; third edition; McGraw-Hill International Book Company; Japan.

HOWARD,D.W., (1969); Brookfield develops reliable measurement of chocolate viscosity; The Manufacturing Confectioner, Vol.49(10), 48-50.

HUGES,W.F. Y BRIGHTON,J.A. (1970); Teoria y problemas de dinámica de fluidos; McGraw-Hill, Colombia.

JIRGENSON,B., (1962); Natural organic macromolecules; Pergamon Press; German Democratic Republic.

JIGERSON,B. y STRAUMANIS,M.E. (1962); Compendio de quimica coloidal, Primera edición, C.E.C.S.A., México.

KESTIN,J., LEIDENFROST, W. (1959); The effect of moderate pressures on the viscosity of five gases en Thermodinamic and transport properties of gases, liquids and solids, (Toulaekian, Y.S. ed.) The American Society of Mechanical Engineers, MacGraw Hill, USA.

KILP,T., HOUVENAGHEL-DEFOORT,B., PANNING,W., GUILLET,J.E.,(1976); Automatic recording capillary viscometer for the study of polymeric reactions; Rev. Sci. Instrum., **Vol. 47**, 1496-1502.

LANDAU,L.D., LIFSHITZ,E.M., (1959); *Fluid mechanics*; Pergamon Press Ltd., USA.

LINDSLEY, Ch.H., FISCHER, E.K., (1947); End effect in rotational viscometers; Journal of Applied Physics, Vol. 18, 988-996.

MAC.MICHAEL,R.F. (1915); A new direct-reading viscosimeter; Journal of Industrial and Engineering Chemistry, **Vol.** 7 (11), 961-963.

MALLOCK,A., (1888); Determination of the viscosity of water; Proceedings of the Royal Society, London, **Vol. 45**, 126–132.

MALLOCK,A. (1896); Experiments on fluid viscosity; Transactions of the Royal Society, London A.; **Vol. 187**, 41-56.

MARRIENS, P., VAN PAEMEL, O., (1955); Theory and experimental verification of the oscillating disk method for viscosity measurements in fluids; Appl. Sci. Res. A, Vol. 5, 441-424.

MAZZA, R.J., WASHBOURN, D.H., (1984); The use of fiber optics in viscometry; J. Phys. E: Sci. Instrum, **Vol. 17**, 552-554.

MERRIL,E.W. (1954); A coaxial cylinder viscometer for the study of fluids under high velocity gradients; Journal of Colloid Science, Vol. 9 (1), 7-19.

MODNEY,M. y EWART,R.H., (1934); The conicylindrical viscometer; Journal of Applied Physics, **Vol. 5**, 350-354.

MUNRO,R.G., PIERMARINI,G.J., BLOCK,S., (1979); Wall effects in a diamond-anvil pressure-cell falling-sphere viscometer; Journal of Applied Physics; Vol. 50 (5), 3180-3184.

MURRAY, P., (1979); Viscosity measurement made easy even with difficult liquids; Control and Instrumentation; July/August 43.

PIPKIN,A.C., TANNER,R.I., (1972); A survey of theory and experiment in viscometric flows of viscoelastic liquids; Mechanics Today, Vol.1, 262-321.

PORTER,R.S., KALAVER,R.F., JOHNSON,J.F., (1965); Recording high shear viscometer for measurement at shear rates near 10 sec; The Review of Scientific Instruments, **Vol.36** (12), 1846-1850.

RAND,P.W., LACOMBE,E., HUNT,H.E., AUSTIN,W.H., (1964); Viscosity of normal human blood under normothermic and hypothermic conditions; Journal of Applied Physiology, Vol. 19 (1), 117-122.

ROBBINS,J.W., (1979); A quick, reliable method for measuring yield value, plastic viscosity and MacMichael viscosity of chocolate; The Manufacturing Confectioner; **Vol 59**, (5),

SHAW,D.J., (1977); Introduccipn a la química de superficies y coloides; Segunda edición; Editorial Alhambra, S.A.; España.

SHEELY,M.L., (1931); Glycerol viscosity tables; Industrial and Engineering Chemistry, Vol 24 (9), 1060-1064.

SNYDER,H.A., (1969); Rotating cylinder viscometer; The Review of Scientific Instruments, Vol. 40 (8), 992-997.

TAMAKI,K., HARRISON,W.J.-M.A. (1920); On the stability of the steady motion of viscous liquid contained between two rotating coaxial circular cylinders; Transactions Cambridge Philosophical Society; Vol.22, 425-437.

TAYLOR, G.I. (1923); Stability of a viscous liquid contained between two rotating cylinders; Transactions of the Royal Society, A; Vol. 223, 289-343.

TILY,P.J. (1983); Viscosity Measurements (I, II); Measurement and Control, Vol. 16, 111~115, 137-139.

# LISTA DE FIGURAS Y TABLAS

#### FIGURAS

- Fig. 1.1 Diferencias distintivas en la relación entre esfuerzo cortante y razón de corte para sólidos y flúidos.
- Fig. 1.2 Gráfica de los modelos no-newtoneanos.
- Fig. 1.3 Esquema de viscosímetros capilares.
- Fig. 1.4 Esquema del viscosímetro de Saybot.
- Fig. 1.5 Esquema del viscosimetro de disco oscilante
- Fig. 1.6 Esquema del viscosimetro de Stokes.
- Fig. 1.7 Esquema del viscosímetro de cono y plato
- Fig. 1.8 Esquema del viscosimetro de cilindros coaxiales
- Fig. 3.1 Fotografía del viscosímetro de cilindros coaxiales
- Fig. 3.2 Intervalo teórico de funcionamiento del viscosimetro.
- Fig. 3.3 Respuestá del motor utilizado en el prototipo.
- Fig. 3.4 Detalle del aparato mostrando la conexión entre el motor y el cilindro exterior.
- Fig. 3.5 Diagrama del viscos1metro y equipo de apoyo.
- Fig. 4.1 Gráfica de resultados experimentales con los ajustes correspondientes, para los aceites de calibración de 13000 y 4820 cps.
- Fig. 4.2 Conducta del aceite de calibración de 4820 cps a tres temperaturas.
- Fig. 4.3 Conducta del aceite de calibración de 13000 cps a tres temperaturas.

TRAXLER,R.N., ROMBERG,J.W., SCHWEYER,H.E., (1942); Rotary viscometer for determination fo high consistencies; Industrial and Engineering Chemistry, Anal. Ed.; **Vol. 14** (4), 340-344.

VAN KREVELEN,D.W., (1976); Properties of polymers; Second edition; Elsevie Scientific Publishing Co.; The Neatherlands.

VAN WAZER, J.R., LYONS, W., KIM, K.Y., COLWELL, R.E., (1963); Viscosity and flow measurement, a laboratory handbook of rheology; Interscience Publishers, USA.

WHITE,M.S., SOLOMONS,C., (1969); Linear oscillation viscometer; Rev. Sci. Instrum., **Vol. 40**, 339-345.

YUAN, S.W., (1967); Fundations of fluid mechanics: Prentice-Hall, Inc.; USA.

ZANGGER,R., BELL,D., (1975); *Viscosity measurement*; Control and Instrumentation, Feb., 28-31.

ZIMM,B.H., CROTHERS,D.M., (1962); Simplified rotating cylinder viscometer for DNA, Proc.N.A.S., Vol. 48, 905-911.
- Fig. 4.4 Respuesta de los aceite de calibración ante variaciones de temperatura.
- Fig. 4.5 Datos experimentales para diferentes muestras del estándar de 4820 cps a 25 °C.
- Fig. 4.6 Desviación en porcentaje de las constantes de calibración, respecto al promedio.
- Fig. 4.7 Intervalo experimental de funcionamiento del viscosimetro.
- Fig. 4.8 Gráfica de calibración

## TABLAS

- Tabla 1.1 Intervalo de funcionamiento de diferentes viscosimetros.
- Tabla 3.1
   Comparación de los valores del viscosímetro, con la diferencia de sus radios.
- Tabla 3.2 Valores posibles del radio del estator en este diseño.
- Tabla 3.3 Dimensiones del aparato.

## LISTA DE SIMBOLOS

a	constante
ß	constante
<i>5</i> ,,	delta de Dirac
อ้	derivada parcial
Δ	gradiente
φ	<b>á</b> ngulo
r	razón de corte
n	coeficiente de viscosidad cortante, viscosidad din <b>á</b> mica
μ	viscosidad aparente
<b>ບ</b> ື	viscosidad cinemática
π	pi
П <sub>ік</sub>	tensor de flujo de densidad de momento
<b>e</b>	ángulo
ρ	densidad
ø	esfuerzo cortante
O'ik	tensor de esfuerzos
o'ik	tensor viscoso
ω	velocidad angular en revoluciones por minuto
w	velocidad angular del cilindro interior (estator)
ພູ	velocidad angular del cilindro exterior (rotor)
ພ	velocidad angular del plato en el viscosimetro de
F	cono-plato
τ.	coeficiente de viscosidad volumétrica
A	constante

В	constante
<i>b</i>	separación entre las bases de los cilindros
C,	constante
d	distancia
<b>d</b>	distancia de recorrido de la esf <b>é</b> ra en el viscosímetro de Stokes
f	función
<b>g</b>	aceleración de la gravedad
h ::	longitud cortante o altura del líquido
J	equivalente mec <b>á</b> nico del calor
ĸ	constante de calibración, coeficiente de consistencia de un material
ĸ	conductividad t <b>e</b> rmica del fluido
L	longitud característica
Ł	longitud del tubo capilar
n	constante
P .	presión
Q	flujo volumétrico
R	radio del cilindro interior
R	radio del cilindro exterior
R	generatriz del cono
Re	número de Reynolds
r	radio
5	entropia
т	torca
t	tiempo
U	velocidad caracter1stica
ν.	componente de la velocidad lineal
×.	velocidad lineal del rotor
х <b>г</b>	coordenada cartesiana
×	componente de distancia
y j	coordenada cartesiana
z	coordenada cartesiana, altura del cono

------

ì

•

The second second

:

......

. ..