

UNIVERSIDAD NACIONAL AUTONOMA DE MEXICO

FACULTAD DE INGENIERIA

ESTUDIO EXPERIMENTAL DEL FLUJO A TRAVES DE UN ORIFICIO RECTANGULAR

TESIS

Que para obtener el título de Ingeniero Mecánico Electricista presentan

RAUL GERARDO ARTIGAS DIAZ ERNESTO PINAL CALVILLO



México, D.F.

1988



UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis está protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

INDICE

CAPITULO I	-	INTRODUCCION	,1
CAPITULO II	-	EQUIPO EXPERIMENTAL	
2.1	-	CONSTRUCCION DEL MODELO	6
2.2	-	INSTALACION DEL MODELO	
2.3	-	ACCESORIOS	
CAPITULO III	-	ESTUDIO EXPERIMENTAL A NUMERO)S
		DE REYNOLDS BAJOS	
3.1	-	NOMENCLATURA Y ANALISIS	an a
		DIMENSIONAL	
3.2	-	CONFIGURACIONES BASICAS	,26
3,3	-	RESULTADOS	
CAPITULO IV	-	ESTUDIO EXPERIMENTAL A NUMERO	S S
		DE REYNOLDS MEDIOS	
4.1	-	VISUALIZACION DEL FLUJO CERCA	$\mathbf{V}^{(1)} = \mathbf{V}^{(1)}$
		DE LA RANURA DE DESCARGA	
4.2	-	UNA APROXIMACION TEORICA	
4,3	-	RESULTADOS	
CAPITULO V	-	COEFICIENTE DE DESCARGA	61
5,1	-	ECUACION GENERAL DE LOS	
		ORIFICIOS	
5.2	-	FACTORES QUE INTERVIENEN EN	
		LA DESCARGA	

5,3	- OBTENCION EXPERIMENTAL DEL	
	COEFICIENTE DE DESCARGA	70
5.4	- RESULTADOS	
CAPITULO VI	- CONCLUSIONES	83

REFERENCIAS

BIELIOGRAFIA

...88

CAPITULO I

INTRODUCCION

EN ESTA TESIS SE PRESENTAN LOS RESULTADOS DE UNA INVESTIGACIÓN CUYO OBJETIVO PRINCIPAL ES EL ESTUDIO EXPERIMENTAL DE LAS CARACTERÍSTI -CAS HIDRODINÁMICAS DE LA CORTINA DE LÍQUIDO (AGUA) QUE SE FORMA AL TENERSE UN FLUJO A TRAVÉS DE UN ORIFICIO RECTANGULAR TIPO RANURA.

ÉL ESTUDIO DE LA CORTINA ES IMPORTANTE, YA QUE EN LA PRÁCTICA ESTE -Flujo se tiene en algunos procesos de atomización y de recubrimiento Empleados principalmente en la industria química.

SE HA OBSERVADO TAMBIÉN QUE EN LAS CORTINAS DE AGUA QUE SE FORMAN SQ BRE LOS VERTEDORES DE DEMASÍAS DE LAS GRANDES PRESAS SE PRESENTAN --UNA SERIE DE ESTRÍAS PARALELAS A LA DIRECCIÓN DEL FLUJO Y UNIFORME -MENTE DISTRIBUÍDAS EN EL ANCHO DE LA CORTINA. ESTAS ESTRÍAS PROVO-CAN UN DESGASTE EN LOS MATERIALES DE LAS PAREDES DE LOS VERTEDORES ; POR LO QUE SE DEBEN TOMAR EN CUENTA PARA EL DISEÑO Y ELECCIÓN DEL MA TERIAL HA EMPLEAR.

UN EJEMPLO DE LOS EFECTOS PROVOCADOS POR LAS ESTRÍAS ES EL PROBLEMA-QUE SE PRESENTÓ EN EL VERTEDOR DE DEMASÍAS NO. 1 DE LA CENTRAL HIDRO ELÉCTRICA MALPASO EN EL AÑO DE 1978, EN EL CUAL HUBO LA NECESIDAD DE CAMBIAR CINCO BLOQUES DE CONCRETO DE 100 MTS.² DE ÁREA POR 3 MTS. DE ESPESOR, OCASIONANDO UN GASTO PARA LA COMISIÓN FEDERAL DE ELECTRICI-DAD FUERA DE SUS PRESUPUESTO DE MANTENIMIENTO. ÎNICIALMENTE SE PENSÓ QUE LAS ESTRÍAS SE FORMABAN POR LAS IMPERFEC-CIONES QUE PUDIERAN EXISTIR EN EL VERTEDOR; POSTERIORMENTE, CON EX-PERIMENTOS MÁS CUIDADOSOS, SE DESCARTÓ ESTA POSIBILIDAD.

EL PROFESOR ENZO LEVI []] SOSTIENE QUE LAS ESTRÍAS PODRÍAN SER VÓRTI CES LONGITUDINALES QUE NACEN AGUAS ARRIBA DE LA CORTINA Y QUE DICHOS VÓRTICES LE DAN ESTABILIDAD Y CONSISTENCIA A LA CORTINA, COMO SI FUE RAN LOS CASTILLOS DE UN MURO.

POR LO TANTO, EL OBJETIVO PRINCIPAL DE ESTA TESIS ES DETERMINAR SI ~ PARA LA CORTINA LÍQUIDA FORMADA EN UNA RANURA SE TIENEN LAS ESTRÍAS-Y SI ÉSTAS, DE EXISTIR, SON EN REALIDAD VÓRTICES LONGITUDINALES.

PARA LOGRAR LOS OBJETIVOS PLANTEADOS SE TRABAJA DESDE LA FORMACIÓN -DE LA CORTINA, ES DECIR, DESDE EL COMPORTAMIENTO DE LAS PRIMERAS GO-TAS HASTA LLEGAR A UNA CORTINA DE LÍQUIDO (AGUA) COMPLETAMENTE DESAR ROLLADA, PASANDO POR UNA SERIE DE ETAPAS Y CONDICIONES QUE SE FUERON PRESENTANDO DEBIDO A LAS CARACTERÍSTICAS DEL MODELO EMPLEADO, PERMI-TIENDO ANALIZAR VARIOS PARÁMETROS QUE COMPLEMENTAN EL ESTUDIO.

ENTRE ESTOS PARÁMETROS SE CONSIDERA MÁS IMPORTANTE EL COEFICIENTE DE-DESCARGA, EL CUAL NOS REPRESENTA LAS PÉRDIDAS QUE SE TIENEN AL HACER- PASAR UN FLUÍDO LÍQUIDO A TRAVÉS DE UN ORIFICIO. LAS PÉRDIDAS QUE IMPLICA EL COEFICIENTE DE DESCARGA SON LAS QUE SE ORIGINAN POR LA-VELOCIDAD Y VISCOSIDAD DEL FLUÍDO, ASÍ COMO LA FORMA DEL ORIFICIO, SIENDO ESTAS TRES LAS MÁS IMPORTANTES.

EN ESTUDIOS REALIZADOS POR EL DR. R.D. GROSE [2], MUY SIMILARES A LOS QUE SE PRESENTAN EN EL CAPÍTULO V DE ESTA TESIS, SOLO SE AVOCA A ANALIZAR EL FLUJO DE LÍQUIDOS A TRAVÉS DE ORIFICIOS CIRCULARES Y OBTIENE UNA SERIE DE GRÁFICAS QUE PERMITEN SELECCIONAR LAS CARACT<u>E</u> RÍSTICAS DE DICHOS ORIFICIOS PARA SU APLICACIÓN EN LA INDUSTRIA.

CABE RECORDAR QUE EL USO DE LOS ORIFICIOS EN PROCESOS INDUSTRIALES-ES PRINCIPALMENTE PARA LA MEDICIÓN DE GASTO, Y QUE LA SELECCIÓN DE LAS CARACTERÍSTICAS DEL ORIFICIO ESTÁN EN FUNCIÓN DE LAS PROPIEDA -DES DEL LÍQUIDO QUE SE VA A MANEJAR.

Los resultados obtenidos son satisfactorios gracias a los recursosque el Departamento de Fluídos y Térmica de la Facultad de Ingenieria de la UNAM proporcionó, esperando que en lo futuro se de apoyopara que, con tecnología más avanzada, se continúe con trabajos de este tipo.

CAPITULO II

EQUIPO EXPERIMENTAL

2.1 CONSTRUCCION DEL MODELO

PARA CUMPLIR CON EL OBJETIVO DE ESTE TRABAJO, SE DISEÑO UN DISPOSITI VO QUE PERMITE LA FORMACIÓN DE UNA CORTINA DE LÍQUIDO, PARTIENDO DE-UN DEPÓSITO PROVISTO DE UN ORIFICIO RECTANGULAR EN EL FONDO.

EL ORIFICIO, COMO SE PUEDE OBSERVAR EN LA FIGURA 2.1, ES RECTANGULAR ALARGADO Y PRESENTA UNA RELACIÓN ENTRE SUS LADOS DE APROXIMADAMENTE:

$$\beta = a / b = 1.0 \times 10^3$$
(factor de forma)

FIG. 2.1

EL DEPÓSITO DEBE ESTAR ALIMENTADO CONTINUAMENTE PARA TENER UNA CORTL NA DE LÍQUIDO LO MÁS ESTABLE POSIBLE.

AL TENER CONSIDERADOS LOS FACTORES Y CARACTERÍSTICAS QUE DEBE REUNIR EL MODELO, ASÍ COMO LAS CONDICIONES DEL FLUJO, SE LLEGA AL SIGUIENTE DISEÑO:



ALIMENTACION



ACOTACIONES EN CM.



LL AGUA QUE VIENE DE UN TANQUE DE CARGA CONSTANTE, ENTRA POR (1) AL DEPOSITO SUPERIOR (2) Y DESPUÉS DE PASAR POR LAS REJILLAS TRANQUILL ZADORAS (3) FLUYE POR LA RANURA (4) ; EL AGUA SE RECOLECTA EN EL --TANQUE INFERIOR (5) PARA DE AHÍ PASAR DIRECTAMENTE AL DRENAJE A TRA VÉS DE (6).

EL MATERIAL EMPLEADO EN LA CONSTRUCCIÓN DEL MODELO ES LÁMINA DE ---ACRILICO DE 5 MM., SE UNE CON PEGAMENTO PEGA-ACRIL Y LAS UNIONES -SE SELLAN CON SILICON PARA EVITAR POSIBLES FUGAS.

EL OBJETIVO QUE TIENEN LAS REJILLAS TRANQUILIZADORAS (3) ES EL DE -EVITAR QUE EL LÍQUIDO LLEGUE A LA RANURA DE DESCARGA CON TURBULEN -CIA, QUE PROVOCA INESTABILIDAD EN EL FLUJO. ESTAS REJILLAS TRANQUI-LIZADORAS SON 3 CON DIFERENTE PERFORACIÓN, COMO SE PUEDE OBSERVAR -EN LA FIGURA 2.3.

	<u>⊦</u> 29 +	:
0000	0 0 0 0	00000000
0000	13 0 0 0 0	00000000
0000	0000	00000000
<u></u>		

PLACA Nº 1 PLACA Nº 2 PLACA Nº 3

ACOTACIONES EN CM.

F16. 2.3

. . . 8

CADA UNA DE LAS REJILLAS SE COMPLEMENTAN CON MALLA DE ALAMBRE GALVA-NIZADO PARA EVITAR EL PASO DE IMPUREZAS QUE PUEDAN LLEGAR A OBSTRUIR LA RANURA DE DESCARGA. POR ÚLTINO, ENTRE LAS PRIMERAS 2 REJILLAS SE LE COLOCÓ UNA SERIE DE CANICAS DE DIFERENTES DIAMETROS, YA QUE EN ESA ZONA EL LIQUIDO LLEGA A 1LTA VELOCIDAD DEL DEPOSITO DE CARGA CONSTANTE, PROVOCANDO ALTA TURBULENCIA. PARA LA RANURA DE DESCARGA SE EMPLEARON 2 PLACAS PLANAS PARALELAS, -UNA DE LAS CUALES QUEDO MÓVIL CON EL FIN DE PODER VARIAR EL ÁREA DE DESCARGA. EL MATERIAL QUE SE PENSÓ USAR DEBERÍA SER SUAVE PARA PO-DER SER TRABAJADO CON FACILIDAD. EN PRIMERA INSTANCIA SE EMPLEÓ ALUMINIO PARA LAS PLACAS, OBTENIENDO-SE RESULTADOS POCO FAVORABLES. UNA VEZ CORTADAS LAS PLACAS DE ALUMINIO SE LES DIO ACABADO CASI A ES PEJO EN SUS SUPERFICIES, ASÍ COMO EN LOS CANTOS, AL TERMINAR ESTE TRABAJO SE BISELÓ UNO DE LOS CANTOS DE CADA PLACA PARA OBTENER EL PERFIL QUE SE MUESTRA EN LA FIGURA 2.4. 2 450 FIG. 2.4 ACOTACIONES EN CM.

EL OBJETIVO DEL BISELADO, EL CUAL ES EMPLEADO EN LAS PAREDES DE DES-CARGA DE VERTEDORES U ORIFICIOS DE PARED DELGADA, ES EL DE EVITAR --LOS EFECTOS DE TENSIÓN SUPERFICIAL CUANDO EL FLUÍDO PASA A TRAVÉS DE LA RANURA DE DESCARGA (FIGURA 2.5).



...10

EL ALUMINIO EMPLEADO PRESENTÓ CIERTA OXIDACIÓN AFECTANDO LAS SUPERFI CIES Y DEBIDO AL MANIPULEO, EL BISEL SE DAÑABA FÁCILMENTE, POR LO --QUE SE DECIDIÓ TRABAJAR CON EL MISMO ACRÍLICO EMPLEADO EN TODO EL MO DELO. PARA DARLE EL ACABADO REQUERIDO A LAS PLACAS, PRIMERAMENTE SE LIJARON TODAS Y CADA UNA DE LAS CARAS DE LAS PLACAS CON LIJA DE AGUA DE GRANO FINO, SE BISELÓ UN COSTADO DE CADA PLACA EN LA MISMA FORMA-QUE CON ALUMINIO Y PARA DAR EL ACABADO SUPERFICIAL SE EMPLEÓ UN ABRA SIVO EN PASTA PARA PULIR PERFECTAMENTE LAS SUPERFICIES QUE ESTARÁN -EN CONTACTO CON EL LÍQUIDO.

LAS DIMENSIONES FINALES DE LAS PLACAS SE MUESTRAN EN LA FIGURA 2.6.

Como se puede observar, la placa no. 1 esta provista solamente de -3 perforaciones para fijarla al modelo y la placa no. 2 presenta 3 ranuras con el fin de poder deslizarla y así variar el área de descarga.

LAS PLACAS SE FIJARON CON TORNILLOS DE CABEZA PLANA Y TUERCAS DE -1/8" de diámetro por 1/4" de largo. Estos tornillos son de latón - con el fin de que la corrosión no los dañe por estar en contacto dl recto con el líquido (agua).

LA PERFORACIÓN DE LAS PLACAS SE REALIZÓ ANTES DE DARLES EL ACABADO-DESEADO CON EL FIN DE EVITAR QUE ESTAS SE MALTRATEN.

Frank Mark Strange & 47

....11



PLACA No. 2

ACOTACIONES EN CM.

FIG: 2.6

...12

2.2 INSTALACION DEL MODELO

LA INSTALACIÓN DEL MODELO SE DIVIDE EN 2 PARTES PRINCIPALMENTE:

- INSTALACIÓN DE LA TUBERÍA DE ALIMENTACIÓN Y DRENAJE
- NIVELACIÓN DEL MODELO

Para la instalación de la tubería de alimentación, se seleccionó tubo galvanizado de 1 $1/2^{\prime\prime}$ de diámetro , solamente para la llegada al modelo como se puede ver en la figura 2.7



. 13

LA TUBERÍA A LA SALIDA DEL TANQUE DE CARGA CONSTANTE ES DE MANGUERA Y SE CONECTA DIRECTAMENTE CON LA TUBERÍA GALVANIZADA.

En la tubería galvanizada se tiene una "T" que nos permite desviar el flujo para poder medir el gasto que se alimenta al modelo, combinando las válvulas que salen de la "T" (abierto o cerrado).

EN LA FIGURA 2.8 SE ILUSTRA LA FORMA DE MEDIR EL GASTO.



VALVULA CERRADA

FIG. 2.8

POR ÚLTIMO, EL DEPOSITO DE RECEPCIÓN DE DESCARGA ESTÁ PROVISTO DE -UN TUBO DE SALIDA CON LAS MISMAS CARACTERÍSTICAS QUE LOS ANTERIORES CON SU RESPECTIVA VÁLVULA EL CUAL VA DIRECTAMENTE AL DRENAJE MUNICL PAL.

.. 15

LAS VÁLVULAS EMPLEADAS SON DE TIPO AGUJA, YA QUE SE PUEDE CONTROLAR-CON GRAN PRECISIÓN EL GASTO QUE PASA A TRAVÉS DE ELLAS.

¹^ARA NIVELAR EL MODELO, SE EMPLEÓ UN NIVEL DE BURBUJA Y AUXILIANDO-NOS DE PEQUEÑAS CALZAS SE LOGRÓ QUE ESTE QUEDARA COMPLETAMENTE HORL ZONTAL.

No fue necesario anclar el modelo debido a su peso, que es alrede – dor de 50 kg.

2.3 ACCESORIOS

LOS ACCESORIOS A LOS QUE SE HACE REFERENCIA EN ESTE PUNTO SON AQUE-LLOS QUE SIRVIERON PARA EL CONTROL DEL GASTO, ASÍ COMO PARA LA TOMA DE LECTURAS.

....16

PARA EL CONTROL DEL GASTO YA SE MENCIONÓ QUE SE EMPLEARON VÁLVULAS-DE AGUJA ADEMÁS DEL TANQUE DE CARGA CONSTANTE QUE SE MUESTRA EN LA-FIGURA 2.9



FIG. 2.9

Cabe mencionar que este tanque solo se empleó para el anàlisis a números de Reynolds bajos debido a que nos entrega un gasto máximo de-1.0 X 10 $^{-4}$ m³/s que equivale a un número de Reynolds de 200. Después se alimentó por medio de una bomba para contar con gastos - mayores.

PARA LA TOMA DE LECTURAS SE UTILIZARON:

- UN CRONÓMETRO

- PROBETA DE VOLÚMEN CONOCIDO

EN LA FIGURA 2.10 SE TIENE EL MODELO COMPLETAMENTE TERMINADO CON --UNA REFERENCIA FÍSICA QUE PERMITE VER EL TAMAÑO REAL DEL MODELO. À la izquierda del modelo se puede observar la probeta empleada.



...18



CAPITULO III

ESTUDIO EXPERIMENTAL A NUMEROS DE REYNOLDS BAJOS

3.1 NOMENCLATURA Y ANALISIS DIMENSIONAL

PARTIENDO DEL ESCURRIMIENTO DE AGUA A TRAVÉS DE LA RANURA RECTANGU-LAR HORIZONTAL CON VALORES BAJOS DEL NUMERO DE REYNOLDS, DEFINIDO -MEDIANTE EL ANCHO DE LA RANURA Y LA VELOCIDAD MEDIA DEL AGUA A TRA-VÉS DE ELLA, SE OBSERVA QUE AL AUMENTAR EL NÚMERO DE REYNOLDS LA -CONFIGURACIÓN DEL FLUJO CAMBIA.

PARA DESCRIBIR LOS DIFERENTES TIPOS DE FLUJOS OBSERVADOS AL IR AU -MENTANDO EL NÚMERO DE REYNOLDS (R) SE USA UNA NOMENCLATURA SIMILAR-A LA PROPUESTA POR PRITCHARD [3] PARA EL ESTUDIO DE FLUJOS A BAJOS-REYNOLDS EN EL EXTREMO DE UNA PLACA INCLINADA. EN ESTA NOMENCLATU-RA EL FLUJO EN GOTAS SE REPRESENTA CON LA LETRA Ĝ, LOS CHORROS CIR-CULARES CON LA LETRA C, LOS CHORROS EN FORMA DE "Y" SE PRESENTAN --CON DICHA LETRA, USÁNDOSE LA MINÚSCULA PARA CHORROS PEQUEÑOS Y LA -MAYÚSCULA PARA LOS GRANDES, PARA LA CORTINA LÍQUIDA QUE NO SE PEGA A LAS PAREDES LATERALES DEL MODELO SE USA LA LETRA V . USÁNDOSE LA-LETRA L PARA LA CORTINA PEGADA EN AMBAS PAREDES. UNA CORTINA DES -PRENDIDA DE LA PARED IZQUIERDA SE INDICA CON (1/2)L Y UNA DESPREN -DIDA DE LA DERECHA CON L(1/2), LA POSICIÓN RELATIVA DE LOS FLUJOS-A LO LARGO DE LA RANURA Y EL NÚMERO DE VECES QUE ESTOS SE REPITEN -SE INDICAN ESCRIBIENDO LA LETRA DE CADA FLUJO EN LA POSICIÓN CORRES PONCIENTE Y CON UN NÚMERO ANTEPUESTO QUE SEÑALA EL NÚMERO DE VECES-QUE DICHOS FLUJOS SE REPITEN. ASÍ POR EJEMPLO, EL FLUJO REPRESENTA DO POR:

.20

lc, 2y, 2c

...21

ES UN FLUJO QUE VISTO DE FRENTE, Y DE IZQUIERDA A DERECHA, TIENE UN CHORRO CIRCULAR, DOS CHORROS EN Y, PARA TERMINAR CON DOS CHORROS --CIRCULARES. DICHO FLUJO SE OBSERVA EN LA FIGURA 3.1.



F16, 3.1

UNA FLECHA ENTRE DOS LETRAS INDICA UNA CONFIGURACIÓN INESTABLE. POR-Ejemplo, el flujo: REPRESENTA UN CHORRO EN Y INESTABLE QUE EN MOMENTOS SE TRANSFORMA EN V, Y UN CHORRO EN Y ESTABLE.

1Y - V, 1Y

EL SUBÍNDICE P INDICA QUE EL FLUJO CORRESPONDIENTE SE ENCUENTRA PEGA-DO A LA PARED Y QUE SOLO ES LA MITAD DEL MISMO FLUJO FUERA DE LA PA-RED. EN LA FIGURA 3.2 SE OBSERVA UNA Y_P DEL LADO IZQUIERDO, DICHO -FLUJO PRESENTA LA SIGUIENTE CONFIGURACIÓN:

$Y_{\rm p}$, 1Y, 1c - Y, 1Y





ANALISIS DIMENSIONAL .-

VARIABLES QUE INTERVIENEN EN LA DESCARGA:

VARIARLE	SIMBOLO	DIMENSIONES
LARGO DE LA RANURA (CONSTANTE)	A su	(L)
ANCHO DE LA RANURA	В	(L)
TIRANTE DE CARGA	H	(L)
GRAVEDAD DE LA TIERRA	G	(L T ⁻²)
VELOCIDAD DEL LIQUIDO A TRAVES DEL ORIFICIO	V	(L T ⁻¹)
DENSIDAD	ρ	(M L ⁻³)
VISCOSIDAD	μ	(M L ⁻¹ T ⁻¹)
TENSION SUPERFICIAL	Σ.	(M T ⁻²)

se seleccionan 3 variables repetitivas, dado que se tienen 3 dimensiones: V , ρ , b

SE OBTIENEN LO PARAMETROS Π :

** *	•		
V×1	ρ ^{γ1}	_B zl	A
v×2	ρ ^{γ2}	в ^{z2}	H
۲xy	ρ ^{γ3}	_B z3	G
v ^{x4}	ρ ^{γ4}	в ^{z4}	μ
۷ ^{x5}	^{۲5} م	BZ25	V
	v×1 v×2 v×3 v×4 v×5	γ ^{x1} ρ ^{v1} γ ^{x2} ρ ^{v2} γ ^{x3} ρ ^{v3} γ ^{x4} ρ ^{v4} γ ^{x5} ρ ^{v5}	$\begin{array}{cccc} & & & & & \\ & & $

DESARHOLLANDO LOS PARAMETROS IT EN SUS DIMENSIONES:

...24

 $\Pi_1 = (L T^{-1})^{\times 1} (M L^{-3})^{\times 1} (L)^{\times 1} (L)$ x1 - 3y1 + z1 + 1 = 0SUST I TUYENDO : $\Pi_1 = L / L = A / B$ -x1 = 0 ¥1 = () (FACTOR DE FORMA) DE DONDE: x1=0 , y1=0 , z1=-1 $\Pi_2^{-}=(L T^{-1})^{\times 2} (M L^{-3})^{\times 2} (L)^{\times 2} (L)$ $x^2 - 3y^2 + z^2 + 1 = 0$ SUST I TUYENDO : Π_{2} = L / L = H / B -x2 = 0 γ2 (FACTOR DE FORMA) DE DONDE: x2=0 , y2=0 , z2=-1 $\Pi_{3}=(L T^{-1})^{\times 3}$ (M L⁻³)^{Y3} (L)^{Z3} (L T⁻²) x3 - 3y3 + z3 + 1 = 0SUSTITUYENDO: -x3 -2=0 $\Pi_{3}=(L T^{-1})^{-2} (L) (L T^{-2})$ γ3 = 0 П₃= V⁻² в с DE DONDE: x3=-2 , x3=0 , z3=1 П₃= V² / в с CONOCIDO COMO EL NÚMERO DE FROUDE (F)

$$F = V^2 / B G$$

 $\Pi_{4} = (L T^{-1})^{\times 4} (M L^{-3})^{\times 4} (L)^{\times 4} (M L^{-1} T^{-1})$

 $\begin{array}{c} x^{2} - 3v^{2} + z^{2} - 1 = 0 \\ -x^{4} - 1 = 0 \\ v^{4} + 1 = 0 \end{array} \\ \text{DE DONDE: } x^{4=-1}, v^{4=-1}, z^{4=-1} \\ \mu \\ \Pi_{4} = V = \rho / \mu \end{array}$

CONOCIDO COMO EL NÚMERO DE REYNOLDS (RE)

Re = V в р / д

CONOCIDO COMO EL NÚMERO DE WEBER (W)

W = V² р в / ⊽

..25

3.2 CONFIGURACIONES BASICAS

En el experimento se fue variando el número de Reynolds progresiva – Mente aumentando el gasto de entrada. La abertura de la ranura "b" – también se varió, tomándose los valores de 0.4, 0.8 y 1.2 mm.

EL CAMBIO DE UN TIPO DE CONFIGURACIÓN A OTRO DEPENDE TANTO DEL REY -NOLDS COMO DE LA ABERTURA DE LA RANURA. EN LAS TABLAS DEL PUNTO 3.3 SE RESUMEN LOS RESULTADOS Y NOS PERMITEN ESTIMAR ENTRE QUE VALORES -DE REYNOLDS SE TENDRÁN LAS DIFERENTES CONFIGURACIONES. DE HECHO, --LOS REYNOLDS DE TRANSICIÓN NO ESTÁN MUY BIEN DEFINIDOS, POR LO QUE -SE HABLARÁ DE RANGOS DE TRANSICIÓN PARA REYNOLDS MENORES QUE UN VA -LOR COMPRENDIDO ENTRE 20 Y 30, E INDEPENDIENTEMENTE DE LA ABERTURA -QUE SE TENGA EN LA RANURA, EL FLUJO ES EN GOTAS ÚNICAMENTE. ESTE --FLUJO SE ILUSTRA EN LA FIGURA 3.3

Para números de Reynolds mayores que el valor anterior y menores que un valor comprendido entre 120 y 130 se tendrá una combinación de go tas y chorros para las 3 aberturas dadas en el experimento. El núme ro de gotas y chorros y su posición es muy variado como puede notarse en la tabla 1-3.

UN EJEMPLO DE ESTE TIPO DE FLUJOS SE MUESTRA EN LA FIGURA 3.4. SI -EL ESCURRIMIENTO SE OBSERVA DESDE LA PARTE SUPERIOR DEL DEPÓSITO (2)

.26



FIG. 3.3





. 28

(VER FIGURA 2.2) SE NOTAN UNOS VÓRTICES DE EJE VERTICAL EN LOS PUN-TOS DONDE SE TIENEN CHORROS.

SI EL REYNOLDS AUMENTA AÚN MÁS, ALGUNOS DE LOS CHORROS PIERDEN ESTA BILIDAD, SE JUNTAN Y FORMAN CHORROS EN "Y" Y COMO SE ILUSTRA EN LA-FIGURA 3.5 LA Y (PEQUEÑA) PIERDE A SU VEZ ESTABILIDAD Y PUEDE FOR -MAR Y (GRANDE). TANTO LAS Y'S COMO LAS Y'S PRESENTAN VARIACIONES -CON EL TIEMPO EN SU FORMA DE UNA MANERA ALEATORIA. PARECE SER TAM-BIÉN ALEATORIA LA POSICIÓN RELATIVA DE LOS DIFERENTES TIPOS DE ----CHORROS A LO LARGO DE LA RANURA. MUCHAS VECES LOS CHORROS ANTERIO-RES MUESTRAN GIRO EN SENTIDO CONTRARIO AL DE LAS MANECILLAS DEL RE-LOJ. ESTE TIPO DE FLUJOS SE LOGRA TENER HASTA QUE EL NÚMERO DE REY NOLDS ALCANZA UN VALOR COMPRENDIDO ENTRE 400 Y 450, TAMBIÉN INDEPEN DIENTEMENTE DE LA ABERTURA QUE SE TENGA PARA LA RANURA. SI EL NÚ -MERO DE REYNOLDS PASA DE 450 APROXIMADAMENTE, LOS CHORROS CIRCULA -RES DESAPARECEN POR COMPLETO Y SE PRESENTAN AHORA FLUJOS EN "Y" Y -EN "V" HASTA UN CIERTO REYNOLDS QUE DEPENDE DE LA ABERTURA.

Para $b \approx 0.4$ mm. y b = 0.8 mm. el valor es de 625, mientras que para b = 1.2 mm. es de 750 aproximadamente.

EN LA FIGURA 3.6 SE MUESTRA ESTE TIPO DE FLUJO.

.29



FIG. 3,5





SI SE SIGUE AUMENTANDO EL REYNOLDS SE LOGRA TENER UN FLUJO EN "V" -EXCLUSIVAMENTE. DICHO FLUJO SE SOSTIENE HASTA UN REYNOLDS DE APRO-XIMADAMENTE 800 PARA B = 0.4 MM. Y DE 1,000 PARA B = 0.8 MM. Y ---B = 1.2 MM. LA FIGURA 3.7 ILUSTRA UN FLUJO DE ESTE TIPO; LOS BOR -DES LATERALES DE LA V SON CHORROS CIRCULARES.

Un aumento más en el Reynolds hace que uno de los bordes del flujoen "v" se pegue formando un flujo (1/2) l o l.(1/2). Estos últimosflujos se tienen para las condiciones de las figuras 3.8 y 3.9 respectivamente.

FINALMENTE, PARA REYNOLDS MAYORES QUE 1,000 SI B = 0.4 MM., QUE ---1,200 SI B = 0.8 MM. Y QUE 2,000 SI B = 1.2 MM., SE FORMA UNA CORTL NA LÍQUIDA COMO LA MOSTRADA EN LA FIGURA 3.10. SI EL FLUJO SE EN -CUENTRA CERCA DE LOS LÍMITES SEÑALADOS POR LOS REYNOLDS ANTERIORES-LA CORTINA ES MUY INESTABLE PUDIÉNDOSE TENER LAS POSIBILIDADES ---L - (1/2)L, L - L(1/2) o L - V.

UN RESULTADO IMPORTANTE QUE SE NOTA EN LAS TABLAS 1-3 ES QUE PARA -EL MISMO REYNOLDS Y LA MISMA ABERTURA SE PUEDEN OBSERVAR VARIOS TI-POS DE FLUJOS. ESTO ILUSTRA LA MULTIPLICIDAD DE SOLUCIONES QUE ----PUEDAN TENERSE EN ESTOS ESCURRIMIENTOS.

. . . 32






FIG. 3.8



FIG. 3.9



FIG. 3.10

3.3 RESULTADOS

TABLA 1

ABERTURA B=0.4 MM.

Re.	PROGRESIVO	CONFIGURACION
	15.1	2G,1G- C,3G
	25.89	3G,1G- C,2C,1G
	41.38	1G, 3C, 3G
	41.38	3G, 3C, 2G
	57.45	1G, 5C, 2G
	60.58	2G,7C,1G
	60.58	7C,1G
	76.0	2G, 5C, 4G
	92.83	10C,1G
	97.16	1G,8C
	101.28	4C,1G,3C
	116.88	13C,1G- C
	144.3	3C,4C- y,2C- y,3C
	159.4	1C,4C- y,y -5C,1C
	190.88	1C, 3C- y, 1y, 2C
	192.6	2C, 2y - C, 5C
	198.51	3C, 1y, 1C, 1y, 2C
	198.51	1C, 2C- y, 3C
	239.3	1C,3C- y,4C- y,2C- y
	292.4	2y,4C- y,1C
	323.2	1y,2y- Y,y -4C,2C- y
	343.9	1y,2C- y,3C- y,2C
	382.66	2y- Y,4C- y,2C
	456.5	1Y,1y- V,1y
	496.3	1y- V, 1y
	549.2	1V, 1y
	613.27	1y,1V,1y
	626.37	1V, 2y
	666.5	1V
	707.4	1 y ~ V, 2y
	720.0	17
	772.3	10
	836.4	$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_{i=1$
	913-8	$(1/2)\mathbf{L}$
	948.7	(1/2) L
	11/3.0	14 August 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 19

37

TAELA 2

ABERTURA B=0.8 MM.

RE, PROGRESIVO,		CONFIGURACION
10.6	na phaise sé	2G
20.9		7G
49.74		4C,4G
60.0		1G, 3C, 3G, 1C
80.85		1G- C,8C,1G
110.66		6C,1G,2C,1G
123.8		7C,1G- C,1G
201.0		1C, 1y, 3C- y, 3C
201.0		1C, 2y = Y, 2C
231.0		1y,3C
254.6	et de la tra-	1C,1Y -2C,1C
288.3		1C,2y,1C
333.2		1y, 2y- Y, 1y -2C
449.2		1y,2Y,1y
514.5		1y- Y, 1Y, 1y
566.0		1y- V -1y
625.0		1y- Y, 1Y- 2y, 1y
663,3		1V
745.0		1V
750.2		1V
790.0		1V (1)
841.5		1V
987.5		1V
1014.0		1V
1087.3		(1/2)L
1164.5	100 (144) 200	L(1/2)
1232.8		1L
1344.0		1L
1349.0	and the second second	1L

TABLA 3

ABER	TURA	B=1.2	' мм.

RE. PROGRESIVO.	CONFIGURACION
9.25	3G
16.7	5G
29.76	5G,2G- C,3G
36.9	3C,1G
50.7	1G- C, 3C, 1G
63.13	1G,16- C,5C,1G
63.71	3G, 3C, 3G
68.71	2G,8C
81.0	8C,1G
89.5	1C,1G- C,2C,1G
100.81	2G- C,7C
116.83	6G,1G- C,1C,1G
130.4	1C, 3C- y, 1y, 2C, 1G
130.86	3C,2G- y,4C
146.9	1C,1y,3C
158.4	1y −2C,2C- y
170.23	1C,4C- y,4C- y,1C
185.4	1C,1y,3C- y,2C
196.7	2C,1Y,2C
196.7	1C, 2y- Y, 1y, 1C
228.0	2C-y,1y,3C-y,1C
255.3	1C- y, 1y -1C, 1C, 3C- y, 1C
282.1	1C, 1y, 3C- y, 2C
305.76	1y,1y -2C
343.5	1y,1Y,1C,1y,1C
354.0	1y - Y, 1C, 1y, 1C
406.22	1C,2y,1C
442.9	1y,2Y,1C
462.3	ly,1Y,3y
605.6	1y,2Y =1V,1y
716.8	1V -1y
756.5	17
874.2	li i i i i i i i i i i i i i i i i i i
876.58	1 V
946.9	1V⊷ (1/2)L
1032.0	(1/2)L
1152.67	(1/2)L
1255.18	(1/2) L
2122.24	and a standard standa Standard standard stan
2371.92	

TABLA 4 ABERTURA B=0.4 MM.

Rc.	ប	C	Y O Y	۷	(1/2)	Ľ	(1/2)	L
15	4-1							
26	7-1							
41 .	4 - 0	3-0		n grann 18		김 씨가 한 가슴		
57	3-0	5-0	이 사람이 다				2014년 HEREN	
61	3-0	7-0	المحمد المحم محمد المحمد ال					
76	6-0	5-0			and the second	- 영상 수 있는 것		
93	1-0	10-0		an that is a				1.11
97	1-0	8-0						ala parte de
101	1-0	7-0					a ta sa ta sa	
117	0-1	13-0						an a
144		6-6	영국의 영화 문제			Sector 1		
159		2-9						
191		3-3	1-0	승규는 방송을 받았다.	2월 일 일 수 있는 것이 없다.	•		
193		7-2			an a			
198		6-0	2~0	그는 사람이 다.		1.1.1.1.1.1.1.1.1		
239		1-9		dan baha				
292		1-4	2-0			and the second	1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 - 1997 -	
323		0-6	3-0	빛은 소란은 것		1.	an tai La chaoltaithe	and the second
344		2-5	1-0		n an an Artan an Artan. Marina an Artan			
383		2-4	2~0					
\$57			2-1					
196			2-1					
549			1-0	1-0			a de Alguerra	
513			2-0	1~0				
526			2-0	1~0	지금 지수함. 그			
507			e stabi	1-0				
107			2-1	이번 사고			1	1 a. 4 a
720				1-0				
772				1-0		a she de se sé		
836			이 말을 가 많을	~ 영영 전통 한 문	1-0			
914				사망 문화 제품	1-0			
949					1-0			e produkter (* 1975) Line of the state of th
173							· · · ·	1-6
							e Carlos de Carlos	and the second second

...40

Ξ.	G	C	YOY	$< V_{\rm c}$	(1/2)L	L(1/2)	L
1	2-0						
1	7-0					. 2011년 1월 19일 (1993) 1993 - 1993 - 1993 - 1993 1994 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1995 - 1 1995 -	이었는데
0	4-0	4-0					
0	4-0	4-0.			김 사람은 것		
1	1-1	8-0					
1	2-0	8-0		ang sa big	and a share		
4	1-1	7-0					
1		4-3	1-0				
5		3-0	1-0				
8		2-2	2-0	비 너희가 봐.	2012년 - 1912년 - 1912		g instand
3		1-0	3-0		승규는 아파 가슴	المراجعية أتوسط أرآب	
0		0-2	3-0		n hall a fact the	entre estado d	الى دەرىكى بىرى بىرى ئىرىدى بىرىكى بىرى
9			4-0				
5			3-0		the second states of		
6			2-0	a da sta da s			1.5.5
5			4-0				1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 - 1999 -
3				1-0		regarden er	
5			a sa na sa	1-0		an a	a santa A ang
0	i			1-0			
2 0				1-0			
4			- 19 A.	1-0	ni shi na shekarar		
7				U	1.0	and the second	
ś					7-0	1-0	
ĩ				e e state	Second and the second	1-0	1 0

TABLA 6 ABERTURA B=1.2 MM.

Re.	G	C	YOY	V	(1/2)L	LC	./2)	L
9	3-0							
17	5-0					학교: 고환환:		
30	8-2							
37	1-0	3-0						
51	0-1	4-0	승규는 것을 가지?			승규는 감독이		
63	2-1	5-0		비율한 관계	승규는 소신		걸는 이상	
68	2-0	8-0						
81	1-0	8-0						
90	1-1	3-0	영화는 공격의 경				3. j.	1997 - 1 ⁹⁹⁷
101	0-2	7-0						
116	7-1	1-0		212 아이들 등				
130	1-0	3-3	1-0	144 B. (187)				1.11
147	et a light y	4-0	1-0			alangkan sa	an a gu the c	
158		0-4	2-0		an faran ta damana. An sainte			Mithae
170		2-8						
185		3-3	1-0				e de Maria	1.11
197		4-0	1-0				5 S. 1. 1. 1.	
228		1-5	1-0					
255		2-5		a di kang di sang padé Ang di kang padé		والمراجعة والمنافعة		
282		3-3	1-0		e ne se			
305		0-2	1-0				1.5	1997 - E. E. E.
343		2-0	3-0					
384		2-0	2-0	a dhann an				
400		2-0	2-9				1.5.1	
443		1-0	3-0	ja na sec	e bezaltateke	a na farrig		1.1.1
462			5-0					
505			2-2	an an a thinn				
716			0-1		والأفار ويسمه			
756			가장은 옷을 다 하는	1-0				111 A.
874	e de partes	el el la colta		1-0				
947				0-1	1-0	경험 가슴을 날	la free est	wight cars
035					1-0			
032					1-0			e de la sec
152					1-0			
1255					T-A			1-0
122	a di Gula.	د در از در در د مسلم کر در مسلم د						1-0
2371	en lang saar ayan dad,	شيك ومرومتهم وحك	en en anti-statistica de la companya	and the second	en de l'anne de la company			*-v

CAPITULO IV

ESTUDIO EXPERIMENTAL A NUMEROS DE REYNOLDS MEDIOS

4.1 VISUALIZACION DEL FLUJO CERCA DE LA RANURA DE DESCARGA

EN ESTE CAPÍTULO SE ANALIZA EL COMPORTAMIENTO DEL LÍQUIDO CUANDO SE APROXIMA A LA RANURA DE DESCARGA, TENIENDO SIEMPRE UN TIRANTE DE CARGA COMO SE MUESTRA EN LA FIGURA 4.1.





...44

PARA ESTE ESTUDIO, SE TOMARON LAS TRES ABERTURAS EMPLEADAS EN EL CAPÍTULO NO. 3 (0.4, 0.8 y 1.2 mm.).

LA PRIMERA OBSERVACIÓN FUE UNA SERIE DE VÓRTICES SUPERFICIALES -QUE APARECEN Y DESAPARECEN CONTINUAMENTE. PARA PODER VISUALISAR ESTOS VÓRTICES FUE NECESARIO CONTAR CON UN PEINE PARA INYECTAR -TINTA A LO LARGO DEL FLUJO. ESTE PEINE SE CONSTRUYÓ CON AGUJAS-DE JERINGA ACOPLADAS A UN TUBO DE MANGUERA DE 1/2" DE DIÁMETRO , EL CUAL EN SUS EXTREMOS SE LE ADAPTÓ DOS ÉMBOLOS (FIGURA 4.2).



FIG. 4.2

ESTE PEINE PERMITE INYECTAR TINTA A DIFERENTES NIVELES DEL TIRAN-TE DE CARGA Y CON ESTO PODER SEGUIR DE CERCA EL DESARROLLO DE LOS VÓRTICES. PARA VISUALIZAR EL FLUJO EN EL FONDO DEL DEPÓSITO (2)-(VER FIGURA 2.2) SE EMPLEÓ PERMANGANATO DE POTASIO, Y PARA VISUA-LIZAR EL COMPORTAMIENTO DEL LÍQUIDO EN LA SUPERFICIE SE UTILIZÓ-TALCO.

AL OBSERVAR EL FLUJO CON LA TINTA, A CIERTO TIRANTE Y DEPENDIEN-DO DE LA ABERTURA QUE SE TENGA EN LA RANURA LOS VÓRTICES SUPERFI-CIALES DESAPARECEN. EN LA TABLA 1 SE PRESENTAN LAS CONDICIONES -PARA LAS CUALES EXISTE EL FENÓNEMO.

LA SEGUNDA COLUMNA DE LA TABLA SE REFIERE AL TIRANTE DE CARGA EN-EL CUAL LOS VÓRTICES SE PUEDEN OBSERVAR SUPERFICIALMENTE, A TIRAN TES MAYORES LOS VÓRTICES SUPERFICIALES DESAPARECEN. EN LA TABLA-2 SE PRESENTAN LAS CONDICIONES EN LAS CUALES SE HICIERON LAS PRU<u>E</u> BAS DE VISUALIZACIÓN.

Los vórtices observados durante la prueba presentan un período de formación, es decir el tiempo en que nacen, crecen, adquieren su máxima intensidad y después desaparecen. En la tabla 3 podemos observar estos resultados.

LOS VÓRTICES QUE SE FORMAN PARA LAS ABERTURAS DE 0.8 Y 1.2 MM. --PRESENTAN UN DESPLAZAMIENTO DE TRASLACIÓN A LO LARGO DE LA RANURA, ASÍ COMO UNA SERIE DE ESTRÍAS EN LA CORTINA LÍQUIDA QUE SE DESPLA-ZA A LA PAR DE LOS VÓRTICES. EN LAS FIGURAS 4.3 Y 4.4 SE MUESTRAN LOS VÓRTICES SUPERFICIALES Y LAS ESTRÍAS QUE ESTOS FORMAN EN LA --CORTINA RESPECTIVAMENTE.

47



FIG. 4.3



FIG. 4.4.

DURANTE LA VISUALIZACIÓN SE DECIDIÓ OBSERVAR Y TRATAR DE SEGUIR -UNA PARTÍCULA QUE VIAJA A DIFFRENTES NIVELES DEL TIRANTE DE CARGA (CERCA DE LA SUPERFICIE, A MEDIO TIRANTE, EN LA SUPERFICIE Y AL -FONDO DEL RECIPIENTE). PARA LAS TRAYECTORIAS OBSERVADAS CERCA DE LA SUPERFICIE Y A LA MITAD DEL TIRANTE, SE EMPLEÓ TINTA Y ESTAS-SE MUESTRAN EN LA FIGURA 4.5.



PARTICULA VIAJANDO CERCA DE LA SUPER-FICIE,

PARTICULA VIAJANDO A MEDIO TIRANTE,

FIG. 4.5

LOS MOVIMIENTOS DEL FLUÍDO EN LA SUPERFICIE DEL FLUJO, ADEMÁS DE -LOS MOVIMIENTOS DE TRASLACIÓN DE LOS VÓRTICES SOBRE LA RANURA DE -DESCARGA QUE PROVOCAN LA UNIÓN DE VARIOS VÓRTICES PARA ALCANZAR SU MÁXIMA INTENSIDAD, SON MOVIMIENTOS ALTERNADOS DE IDA Y REGRESO, --COMO SE PUEDE OBSERVAR EN LA FIGURA 4.6.





FIG. 4.6

COMO SE HA DICHO, LOS MOVIMIENTOS DE TRASLACIÓN PROVOCAN LA UNIÓN DE VARIOS VÓRTICES LOS CUALES DESAPARECEN EN LOS EXTREMOS DE LA-RANURA DE DESCARGA. À CONTINUACIÓN SE MUESTRAN 2 FIGURAS EN LAS-CUALES SE OBSERVA LA ZONA DONDE LOS VÓRTICES DESAPARECEN (FIGURAS 4.7 y 4.8).

...51



FIG, 4,7



FIG. 4.8

. . 52

PARA LA VISUALIZACIÓN DE LA TRAYECTORIA DE LAS PARTÍCULAS QUE VIA-JAN EN EL FONDO DEL RECIPIENTE, EN LA CUAL SE EMPLEÓ PERMANGANATO-DE POTASIO, SE PUDO OBSERVAR QUE TODO EL FLUJO VA DIRECTAMENTE A -LA RANURA DE DESCARGA SIN PRESENTAR NINGUNA PERTURBACIÓN (FIGURA -4.9)



FIG, 4,9

SE PUEDE CONCLUIR PARA ESTA VISUALIZACIÓN QUE SE HA HECHO QUE EL -NÚMERO DE VÓRTICES QUE SE PRESENTAN A LO LARGO DE LA RANURA DE DES CARGA ES IGUAL AL NÚMERO DE ESTRÍAS QUE SE TIENEN EN LA CORTINA DE LÍQUIDO. DEBEMOS TAMBIÉN MENCIONAR QUE NO TODOS LOS VÓRTICES QUE-SE TIENEN A LO LARGO DE LA RANURA DE DESCARGA SON SUPERFICIALES, -ES DECIR LOS VÓRTICES SUPERFICIALES SON LOS QUE TIENEN MAYOR INTEN SIDAD.

4.2 UNA APROXIMACION TEORICA

LA MECÁNICA DE LOS FLUÍDOS, ASÍ COMO LA HIDRAÚLICA BUSCAN ESENCIAL MENTE LA PREDICCIÓN DE LOS MOVIMIENTOS REALES DE UN LÍQUIDO, INTE-GRANDO CONVENIENTES ECUACIONES DIFERENCIALES, UNA VEZ QUE SE HAN -FIJADO LAS CONDICIONES DE FRONTERA. ADEMÁS, PARA FACILITAR LA SO-LUCIÓN DE ESTOS PROBLEMAS SE INTRODUCEN TÁCTICAMENTE VARIAS HIPÓ -TESIS INTUITIVAS, COMO LAS SIGUIENTES:

- PEQUEÑAS CAUSAS PRODUCEN PEQUEÑOS EFECTOS.
- CAUSAS SIMÉTRICAS PRODUCEN FFECTOS DOTADOS DE LA MISMA SIMETRÍA.
- PROBLEMAS MATEMÁTICOS SUGERIDOS POR IDEAS FÍSICAS INTUITIVAS SON BIEN PLANTEADOS.

EN NUESTRO CASO, EL DESAGUE DE UN RECIPIENTF PROVISTO DE UN ORIFI-CIO RECTANGULAR TIPO RANUKA EN EL FONDO, SE PUEDE OBSERVAR ESEN --CIALMENTE ESTO:

- CON GRANDES CARGAS, LA SUPERFICIE DEL LÍQUIDO SE MANTIENE PRÁCTI CAMENTE HORIZONTAL, SIN QUE SE MANIFIESTE NINGÚN MOVIMIENTO APRE CIABLE DE EVENTUALES PARTÍCULAS FLOTANDO.
- PARA CARGAS MENORES, COMIENZA APARECIENDO UNA SERIE DE DEPRESIO-NES CÓNICAS EN TORNO A LAS CUALES LAS PARTÍCULAS FLOTANTES GIRAN.

- AL REDUCIRSE AÚN MÁS EL TIRANTE, LAS DEPRESIONES TIENDEN A ESTI-RARSE HACIA ABAJO EN FORMA DE EMBUDO HASTA ALCANZAR LA RANURA DE DESCARGA. LA VELOCIDAD GIRATORIA DE LAS PARTÍCULAS AUMENTA ----SIEMPRE MÁS Y EL VÓRTICE LAS ENGULLE POCO A POCO.

COMO MENCIONA EL PROFESOR ENZO LEVI [1], LA ÚNICA CAUSA POSIBLE EN CUALQUIER CONDICIÓN Y LOCALIDAD ES LA ROTACIÓN DE LA TIERRA; LA --HIPÓTESIS ES VIEJA Y MUY CONOCIDA.

HACE AÑOS, EL INVESTIGADOR BIESEL [4] LA RECORDÓ, JUSTIFICÁNDOLA -CON SUS CÁLCULOS SEGÚN LOS CUALES BASTARÍA UNA ROTACIÓN SUMAMENTE-DÉBIL, INICIALMENTE DIFUNDIDA EN LA MASA DEL FLUÍDO PARA CREAR UN-MOVIMIENTO DE ROTACIÓN INTENSO. SIN EMBARGO, NO DEJÓ DE SEÑALAR -ALGUNAS FUERTES OBJECIONES, COMO AQUELLA DE QUE EL VÓRTICE DE ----HECHO NO ES CONSTANTE COMO EN NUESTRO CASO, YA QUE FRECUENTEMENTE-NACE, CRECE, ADQUIERE UNA GRAN INTENSIDAD Y DESPUÉS SE EXTINGUE ---PARA COMENZAR DE NUEVO.

EN EL MODELO, LA INTENSIDAD SE ADQUIERE DEBIDO AL DESPLAZAMIENTO -DE TRASLACIÓN QUE PROVOCA LA UNIÓN DE DOS Y MÁS VÓRTICES HASTA DE-SAPARECER EN LOS EXTREMOS DE LA RANURA DE DESCARGA.

EN LA FIGURA 4.10 SE MUESTRA EL FENÓMENO EN EL QUE LA VENA ACELERA DA QUEDA EN EL FONDO Y EL VÓRTICE NACE POR ENCIMA.



EL PROFESOR ENZO LEVI [1] MENCIONA UN PRINCIPIO SOBRE LA FORMACIÓN DE LOS VÓRTICES, EN EL CUAL NOS DICE: "FLUJOS ACELERADOS CONTÍ --GUOS A UNA MASA DE FLUÍDO TRANQUILO PUEDEN CREAR EN ELLA VÓRTICES-TANTO MÁS INTENSOS, CUANTO MAYOR ES SU ACELERACIÓN".

ESTE PRINCIPIO ES VÁLIDO PARA EL ESTUDIO SI SE CONSIDERA QUE LA --MASA DE FLUÍDO TRANQUILO ES EL QUE SE APROXIMA A LA RANURA DE DES-CARGA, Y EL FLUJO ACELERADO EL QUE SE ESTÁ DESCARGANDO.

4.3 RESULTADOS

Re. ABERTURA (MM) GASTO TIRANTE CON VORTICES SUPERFICIALES (m³/s) 8.357x10⁻⁵ 0.4 0.02 м. 165 1,660x10⁻⁴ 0.8 0.04 м. 328 3.090x10⁻⁴ 1.2 0.05 м. 610

TABLA 1

TABLA 2

ABERTURA (MM)	TIRANTE MEDIO DE VISUALIZACION	GASTO (m ³ /s)	Re.
0.4	0.01 M,	4.980x10 ⁻⁵	98
0.8	0.02 м.	1.520x10 ⁻⁴	300
1.2	0.025 м.	1.850x10 ⁻⁴	365

ABERTURA	(MM)	TIRANTE	PERIODO DE FORMACION	Re.
0.4		0.01 m.	FORMACION DE LOS VOR- TICES CONTINUA, *	98
0.8		0.02 м.	2 A 3 SEGUNDOS.	300
1.2		0,025 м.	5 a 6 segundos.	365

TABLA 3

* LA FORMACIÓN DE LOS VÓRTICES ES CONTÍNUA DEBIDO A QUE SE ESTA TRABA-JANDO CON UN NÚMERO DE REYNOLDS BAJO Y POR CONSIGUIENTE SE PRESENTA UNA CONFIGURACIÓN DE C'S Y Y'S.

CAPITULO V

COEFICIENTE DE DESCARGA

5.1 ECUACION GENERAL DE LOS ORIFICIOS

EN ESTE CAPÍTULO SE ANALIZAN EN DETALLE LAS POSIBLES PÉRDIDAS QUE SE PUEDAN PRESENTAR DURANTE LA DESCARGA DE LÍQUIDO A TRAVÉS DEL ORIFI -CIO RECTANGULAR TIPO RANURA.

PARTIENDO DE UN RECIPIENTE LLENO DE LÍQUIDO, EN NUESTRO CASO AGUA, -EN CUYO FONDO SE HA PRACTICADO UN ORIFICIO DE PEQUEÑAS DIMENSIONES -(EN COMPARACIÓN CON SU PROFUNDIDAD "H") Y CUALQUIER FORMA, ADEMÁS DE UNA ÁREA "A", EL ORIFICIO DESCARGA UN GASTO "Q" CUYA MAGNITUD SE DE SEA CALCULAR, PARA LO CUAL SE SUPONE QUE EL NIVEL DEL AGUA EN EL RE-CIPIENTE PERMANECE CONSTANTE POR EFECTO DE LA ENTRADA DE UN GASTO --IDENTICO AL QUE SALE; O BIEN PORQUE POSEA UN VOLÚMEN MUY GRANDE. ADEMÁS, EL ÚNICO CONTACTO ENTRE EL LÍQUIDO Y LA PARED DEBE SER ALRE-DEDOR DE UNA ARISTA AFILADA (BISEL DE LAS PLACAS), ESTO ES EL ORIFI-CIO ES DE PARED DELGADA.

LAS PARTÍCULAS DEL LÍQUIDO EN LA PROXIMIDAD DEL ORIFICIO SE MUEVEN -APROXIMADAMENTE EN DIRECCIÓN AL CENTRO DEL MISMO, DE MODO QUE POR --EFFCTO DE SU INERCIA, LA DEFLEXIÓN BRUSCA QUE SUFREN PRODUCE A LO --LARGO DE LA RANURA UNA SERIE DE CONTRACCIONES COMO SE MUESTRA EN LA-FIGURA 5.1.

. 62

EFECTO DE CONTRACCION





/ - VEOCIDAD MEDIA.



PODEMOS CONSIDERAR EL ÁREA DEL ORIFICIO DEFINIDA COMO:

A. = A X B

Y UNA ÁREA PROMEDIO CONTRAÍDA:

$$A_c = A \times B_c$$

DONDE: B_C - ES LA SECCIÓN CONTRAÍDA PROMEDIO, LA CUAL ES MUY DIF<u>1</u> CIL DE MEDIR FÍSICAMENTE,

En la sección contraída la velocidad de las partículas es prácticamente uniforme y con un valor medio "V".

SUPONIENDO UN PLANO DE REFERENCIA QUE COINCIDA CON EL CENTRO DE GRA-VEDAD DEL ORIFICIO, LA APLICACIÓN DE LA ECUACIÓN DE BERNOULLI ENTRE-LAS SECCIONES (1) Y (2) DE UNA VENA LÍQUIDA ADEMÁS DE CONSIDERAR DES PRECIABLE LA LLEGADA AL ORIFICIO CONDUCE AL SIGUIENTE DESARROLLO:



DONDE SE HA DESPRECIADO EL PEQUEÑO DESNIVEL ENTRE LOS CENTROS DE GRA-VEDAD DEL ORIFICIO Y DE LA SECCIÓN CONTRAÍDO. DE AQUÍ SE OBTIENE:

$$V = \sqrt{2 \text{ g H}} -----(5,B)$$

LA ECUACIÓN SE LLAMA DE TORRICELLI E INDICA QUE LA VELOCIDAD SIGUE --UNA LEY PARABÓLICA CON LA PROFUNDIDAD Y EN ESTE CASO LA VELOCIDAD ME-DIA SE CALCULA CON LA PROFUNDIDAD MEDIA DEL ORIFICIO Y CORRESPONDE A SU CENTRO DE GRAVEDAD, NG OBSTANTE QUE LAS VELOCIDADES DE LAS PARTÍCU LAS ARRIBA DE ESTE PUNTO SON MENORES Y ABAJO MAYORES.

Los resultados obtenidos si se hiciera experimentalmente solo se corri gen mediante un coeficiente "Cv" llamado de velocidad, en la forma:

$$V_{R} = C_{V} \sqrt{2 \text{ g H}} ----- (5.c)$$

DONDE: VR - VELOCIDAD MEDIA REAL.

ESTE COEFICIENTE DE VELOCIDAD "CV" CORRIGE EL ERROR DE NO CONSIDERAR -LAS PÉRDIDAS DE ENERGÍA Y SU VALOR ES MUY PRÓXIMO A 1.

SI EL ÁREA DE LA SECCIÓN CONTRAÍDA SE CALCULA EN TÉRMINOS DE LA DEL --ORIFICIO, POR MEDIO DE UN COEFICIENTE CC LLAMADO DE CONTRACCIÓN, EN LA FORMA: PODEMOS DECIR QUE EL GASTO DESCARGADO POR EL ORIFICIO ES ENTONCES:

$$Q = VR Ac$$
DONDE:
$$Q = Cc CV A \sqrt{2 g H} ------ (5, e)$$

POR LO QUE SE PUEDE DEFINIR EL COEFICIENTE DE DESCARGA COMO:

QUEDANDO LA ECUACIÓN (5,E) COMO SIGUE:

 $Q = CD A_{A} 2 G H ----- (5,F)$

CONOCIDA COMO LA ECUACIÓN GENERAL DE LOS ORIFICIOS.

CONVIENE ACLARAR QUE EN LAS ECUACIONES ANTERIORES SE CONSIDERÓ "H" -COMO EL DESNIVEL ENTRE LA SUPERFICIE LIBRE Y EL CENTRO DE GRAVEDAD -DEL ORIFICIO. ESTO RESULTÓ DE CONSIDERAR DESPRECIABLE LA VELOCIDAD-DE LLEGADA AL ORIFICIO Y QUE LA PRESIÓN SOBRE LA SUPERFICIE LIBRE --CORRESPONDE A LA ATMOSFÉRICA. CUANDO ELLO NO ACONTECE, "H" CORRES -PONDE A LA ENERGÍA TOTAL; ESTO ES , A LA SUMA DE LA PROFUNDIDAD DEL

. 66

ORIFICIO, DE LA CARGA DE VELOCIDAD DE LLEGADA Y DE LA CARGA DE PRE-SIÓN SOBRE LA SUPERFICIE DEL AGUA:

$$E = H + \frac{V_1^2}{2 g} + \frac{P_1}{V}$$

5.2 FACTORES QUE INTERVIENEN EN LA DESGARGA

EN ESTE PUNTO SE HABLA EN TÉRMINOS GENERALES DE LOS FACTORES QUE --Afectan al fluído en el momento de la descarga.

PODEMOS MENCIONAR ALGUNOS DE ESTOS FACTORES:

1. GRAVEDAD DE LA TIERRA

2. DENSIDAD DEL FLUÍDO

3. VISCOSIDAD DEL FLUÍDO

4. AREA DE DESCARGA

5. CARGA APLICADA AL FLUÍDO

Como se vió en el punto 5.1, estos factores relacionados entre si --Permiten obtener parámetros que nos representan las condiciones del-Proceso de descarga, como son:

1. VELOCIDAD MEDIA DE DESCARGA

2. GASTO REAL DESCARGADO

ESTOS PARÁMETROS SON AFECTADOS POR DOS COEFICIENTES BÁSICAMENTE:

CV - COEFICIENTE DE VELOCIDAD CC - COEFICIENTE DE CONTRACCIÓN
EXISTE UN TERCER COEFICIENTE LLAMADO DE EFECTOS POR VISCOSIDAD, EL CUAL NO LO CONSIDERAMOS EN NUESTRO ESTUDIO DEBIDO A QUE SE TRABAJÓ CON NÚMEROS DE REYNOLDS MEDIOS.

NUMERICAMENTE LOS EFECTOS PROVOCADOS POR LOS FACTORES QUE AFECTAN -LA DESCARGA, ASÍ COMO POSIBLES PÉRDIDAS SON REPRESENTADOS GLOBALME<u>N</u> TE POR EL COEFICIENTE DE DESCARGA ĈD.

EL COEFICIENTE DE DESCARGA, ASÍ COMO LOS YA MENCIONADOS, SE OBTIE -NEN EXPERIMENTALMENTE. EN ESTE ESTUDIO SOLO SE OBTENDRÁ EL COEFICI-ENTE DE DESCARGA.

5.3 OBTENCION EXPERIMENTAL DEL COEFICIENTE DE DESCARGA

PARTIENDO DE LA ECUACIÓN (5.F), EN LA CUAL OBSERVAMOS QUE EL COEFI-CIENTE DE DESCARGA ESTÁ EN FUNCIÓN DE TRES VARIABLES (GASTO "Q", --ÁREA DEL ORIFICIO "A" Y TIRANTE DE CARGA "H"), SE PUEDE VARIAR UNA-DE ELLAS FIJANDO LOS VALORES DE LAS OTRAS DOS.

En este caso las variables que se eligen para fijar su valor son el Área del orificio y el tirante de carga, para los cuales se obtiene una lectura de gasto.

Como se mencionó en el Capítulo II, la medición de gasto se hace --Por medio de un recipiente de volúmen conocido en el cual se toma el tiempo en el que éste se llena.

PRIMERC SE FIJARON LAS ABERTURAS DE LA RANURA CON LAS CUALES SE OB--TENDRÍA CIERTA ÁREA DE ACUERDO A LAS CARACTERÍSTICAS DEL MODELO. LAS ABERTURAS SON LAS SIGUIENTES:

ABERTURA "B" (M.)	AREA DEL ORIFICIO AXB (M^2) $(A = 0.29 \text{ M}_{\odot})$
0.4 X 10 ⁻³	1.16 X 10 $^{-4}$
0.8×10^{-3}	2.32 X 10 $^{-4}$
1.2×10^{-3}	3,48 X 10 ⁻⁴

ABERTURA "B" (m.)	AREA DEL ORIFICIO AXB (M^2) (A = 0.29 m.)
1.6 X 10 -3	4.64 X 10 -4
2.0 X 10 ⁻⁵	5.80 X 10 ⁻⁴
2.4 X 10 ⁻³	6.96 X 10 ⁻⁴

Por último se eligen los valores del tirante de carga, los cuales – van de 0 a 7 cms., variando de 0.5 en 0.5 cms., por lo que se tie – nen 14 valores de tirante de carga para cada área del orificio.

LAS MEDICIONES EXPERIMENTALES SE REALIZAN DE LA SIGUIENTE FORMA:

- SE FIJA LA ABERTURA DE LA RANURA OBTENIÉNDOSE CIERTA ÁREA.

- SE APLICA UN GASTO PARA LLEGAR AL TIRANTE DESEADO.

- UNA VEZ CON EL FLUJO ESTABLE SE TOMA LA LECTURA DE GASTO.

SE REALIZARON APROXIMADAMENTE 450 MEDICIONES DE GASTO PARA OBTENER--84 valores del coeficiente de descarga.

UNA VEZ CON LOS DATOS COMPLETOS, SE PENSÓ EN PRIMERA INSTANCIA REALL ZAR UNAS GRÁFICAS DE NÚMERO DE REYNOLDS CONTRA COEFICIENTE DE DESCAR GA PARA CADA ABERTURA, OBTENIENDO GRÁFICAS POCO REPRESENTATIVAS. HUBO LA NECESIDAD DE APLICAR LOS PARÁMETROS ADIMENSIONALES OBTENIDOS EN EL CAPÍTULO III, CON LOS CUALES SE REALIZARON DOS GRÁFICAS: UNA EN LA QUE SE APLICA EL FACTOR DE FORMA H/B Y LA OTRA CON EL FAC-TOR DE FORMA A/B. ESTOS FACTORES SE APLICAN CON RELACIÓN AL NÚMERO -DE REYNOLDS Y EL COEFICIENTE DE DESCARGA.

Por facilidad y representatividad solo se trabajo con el número de reynolds descartando el uso del número de Froude (F) y el número de-Weber (W).





...74



....75





.77



ESTA TESIS NO DEBE Salir de la biblioteca

...79





SE GRAFICA CD. \forall Re. $\forall \beta = a/b$ (factor de forma)

...80

COMENTARIOS

LAS GRÁFICAS ANTERIORES PRESENTAN UNA SERIE DE VARIACIONES EN EL COE FICIENTE DE DESCARGA DE ACUERDO A LAS CONDICIONES EN LAS CUALES SE -ESTE TRABAJANDO.

Estas variaciones se encuentran en un rango comprendido entre 0.77 - y 0.98.

Como se puede observar, el comportamiento para cada factor de forma-H/b presenta una tendencia a valores bajos alrededor de un Reynoldsigual a 500, lo que representa una zona de altas pérdidas. Después de esta zona, el coeficiente de descarga tiende a estabili-zarse aproximadamente a 0,90 para Reynolds mayores de 1000.

En el caso del factor de forma H/B=50 y H/B=60 se tiene un brinco--para un Reynolds de 500 aproximadamente, lo cual hace que estas cur vas se salgan del ritmo establecido por las cuatro curvas anteriores sin perder la tendencia ya mencionada.

PARA LA ÚLTIMA GRÁFICA SE APLÍCA EL FACTOR DE FORMA A/B Y SE PUEDE--OBSERVAR QUE LA ZONA DE MAYOR PÉRDIDA SE PRESENTA EN LA CURVA PARA- UN REYNOLDS IGUAL A 400 Y UN FACTOR DE FORMA A/B=300 APROXIMADAMENTE.

EN ESTE CASO, SE OBSERVA TAMBIÉN UN BRINCO ENTRE LA CURVA PARA UN --Reynolds igual a 600 y la curva para un Reynolds igual a 700 sin per_ der la tendencia de las otras curvas, es decír, a Reynolds menores de 600 el comportamiento es el mismo, así como para Reynolds mayores de 700.

CAPITULO VI

CONCLUSIONES

DE ACUERDO CON LOS RESULTADOS OBTENIDOS EN EL ANÁLISIS A NÚMEROS DE Reynolds bajos, se pudo observar una gran diversidad de configura ciones y flujos altamente inestables que dependen del número de --Reynolds y la abertura de la ranura.

MUCHOS DE ESTOS FLUJOS PRESENTAN VARIACIONES TEMPORALES ALEATORIAS-CON UNA DISTRIBUCIÓN ESPACIAL TAMBIÉN ALEATORIA. NO OBSTANTE, SE ~ PUEDEN SEÑALAR LOS RANGOS EN LOS NÚMEROS DE REYNOLDS, PARA LOS CUA-LES SE PRESENTAN LOS DIFERENTES TIPOS DE FLUJO.

Por otro lado, con relación a los fenómenos observados en el Capí tulo IV, se puede concluir que la cortina de líquido está constituída por una serie de estrías originadas por vórtices longitudina les, las cuales le dan rigidez a la cortina.

LAS ESTRÍAS ESTÁN DISTRIBUÍDAS UNIFORMEMENTE A LOS LARGO DE LA COR-TINA, PRESENTÁNDOSE TAMBIÉN ESTRÍAS QUE SE DESPLAZAN DEBIDO AL CON-TÍNUO MOVIMIENTO DE VÓRTICES QUE PRESENTAN UN PERÍODO DE FORMACIÓN, EN EL CUAL CUMPLEN SU CICLO DE VIDA (NACEN, CRECEN, ADQUIEREN SU MÁ XIMA INTENSIDAD Y DESAPARECEN). POR LO QUE SE HA VISTO Y ANALIZADO, EL ESTUDIO DE LOS VÓRTICES ES MUY COMPLEJO, PERO SE PUEDE RESPETAR EL PRINCIPIO PLANTEADO POR -EL PROFESOR ENZO LEVI [1] EN SU TEORÍA DE LA FORMACIÓN DE LOS VÓR TICES.

POR ÚLTIMO, EL ANÁLISIS HECHO AL ORIFICIO QUE SE UTILIZÓ PARA FOR MAR LA CORTINA ES DE GRAN UTILIDAD, DEBIDO A QUE PRÁCTICAMENTE NO EXISTE INFORMACIÓN RELACIONADA CON ORIFICIOS TIPO RANURA.

LA INFORMACIÓN QUE PRESENTAN VARIOS INVESTIGADORES SOLO SE CONCRE TAN HA ESTUDIAR ORIFICIOS CIRCULARES Y MUY RARA VEZ ORIFICIOS REC TANGULARES CON FACTORES DE FORMA A/B = 3, ES DECIR, SON ORIFI --CIOS PRÁCTICAMENTE CUADRADOS, POR LO QUE LAS CARACTERÍSTICAS OBTE NIDAS PARA ORIFICIOS CIRCULARES LAS APLICAN TAMBIÉN PARA ORIFI -CIOS CUADRADOS.

EN ESTUDIOS HECHOS POR EL DR. R.C. GROSE [2] OBTIENE COEFICIENTES DE DESCARGA CON VALORES MÁXIMOS DE 0.7 PARA ORIFICIOS CIRCULARES; EN NUESTRO CASO, EL COEFICIENTE DE DESCARGA MÁXIMO OBTENIDO ES DE 0.98, LO QUE NOS REPRESENTA UNA MAYOR EFICIENCIA.

CON ESTOS DATOS PODEMOS DECIR QUE AL APLICAR UN ORIFICIO TIPO RA-

NURA A UN PROCESO DE CONTROL DE FLUJO DE LÍQUIDOS REPRESENTA TENER MENORES PÉRDIDAS AUMENTANDO LA EFICIENCIA DEL MISMO.

LAS GRÁFICAS DEL COMPORTAMIENTO DEL FLUJO A TRAVÉS DE ORIFICIOS TL PO RANURA QUE SE PRESENTAN EN ESTA TESIS COMPLEMENTAN EL ESTUDIO-Y SON DE GRAN UTILIDAD PARA CONSULTAS POSTERIORES.

REFERENCIAS

[1] ENZO LEVI

:

"Los Vórtices en la HidrAulica" Revista de Ingeniería HidrAulica en México.

[2] GROSE, R.D.

; "Orifice Flow at Low Reynolds Number" Journal of Pipeline, 3 (1983) 207-214

[3] PRITCHARD, W.G.

; "INSTABILITY AND CHAOTIC BEHAVIOR IN A FREE - SURFACE FLOW" J. FLUID MECH. 165 (1986) PP 1-60

[4] F. BIESEL

; "Reflexions Sur Les Vortex de Vidange" La Hoville B. Añolo 1955

BIBLIOGRAFIA

- Streeter / Wylie - "Mecánica de Fluídos" Ed, Mc. Graw Hill Sexta Edición 1983

> "MECANICA DE FLUIDOS" ED. MC. GRAW HILL 1984

- FRANK M. WHITE

- CLAUDIO MATAIX

"Mecánica de Fluídos y Máquinas Hidraú Licas" Ed. Harla 1970

- Marks

"MANUAL DEL INGENIERO MECÁNICO" ED MC. GRAW HILL OCTAVA EDICIÓN

- SOTELO AVILA

"HIDRÁULICA GENERAL" ED. LIMUSA