

24  
101  
Universidad Nacional Autónoma de México

FACULTAD DE INGENIERIA



---

---

SIMULACION DE UNA CALCULADORA CON  
SISTEMA DE BASE EN UNA MICROCOMPUTADORA

TESIS PROFESIONAL

QUE PARA OBTENER EL TITULO DE:  
INGENIERO MECANICO ELECTRICISTA  
P R E S E N T A:

MANUEL RODRIGUEZ PEREZ

MEXICO, D. F.

1982



Universidad Nacional  
Autónoma de México



**UNAM – Dirección General de Bibliotecas**  
**Tesis Digitales**  
**Restricciones de uso**

**DERECHOS RESERVADOS ©**  
**PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL**

Todo el material contenido en esta tesis esta protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

# TESIS CON FALLA DE ORIGEN

# I N D I C E

## CAPITULO I.

1.- Introducción.

## CAPITULO II.

2.- Panorama Histórico del Desarrollo de las Calculadoras.

## CAPITULO III.

3.- Arquitectura de una calculadora electrónica y sistemas de numeración.

## CAPITULO IV.

4.- Desarrollo de Algoritmos y funciones:

- a) Descripción del contenido del capítulo.
- b) Algoritmo para la suma.
- c) Algoritmo para la resta.
- d) Algoritmo para la multiplicación.
- e) Algoritmo para la división.
- f) Algoritmo para la suma con números en base 60.
- g) Algoritmo para la resta con números en base 60.

## CAPITULO V.

5.- Simulación por medio de un programa de Computadora.

## CAPITULO VI.

6.- Analogía con circuitos electrónicos.

## CAPITULO VII.

7.- Conclusiones.

Bibliografía.

## I N T R O D U C C I O N .

Los objetivos de esta Tesis son los siguientes:

- 1.- Conocer la arquitectura y organización básica de --  
una calculadora electrónica a través de su simula--  
ción en un programa de computadora.
- 2.- Desarrollar un sistema que pueda manejar números en  
base sesenta.
- 3.- Presentar un enfoque didáctico para el entendimien--  
to tanto del aspecto Software como de Hardware.

Estos tres objetivos se presentan en mayor detalle a --  
continuación:

El diseño de sistemas o circuitos electrónicos puede --  
constar de las siguientes cuatro etapas:

- a) Simular el sistema en una computadora utilizando un--  
super lenguaje (p.e. Basic).
- b) Convertir este programa a uno en lenguaje de máquina  
(Ensamblador) utilizando un interpretador.
- c) Cargar en un dispositivo de memoria (RAM, PLA, otros)  
el programa (Firmware).
- d) Construir un circuito dedicado específicamente para--  
realizar las funciones del programa (Hardware).

En algunos casos esta última etapa no se realiza y dependerá si el volúmen de ventas esperado es mayor de 200,000 unidades, en caso contrario será más costeable llegar hasta la etapa anterior en donde se maneja el sistema por medio de Firmware.

Conviene hacer notar que cuando el sistema a diseñar es muy complicado, se procede a la fabricación directa de éste utilizando simuladores, un ejemplo de esto es el computador AHR desarrollado por el IIMAS.

En esta Tesis se hará la simulación del sistema con un super lenguaje (BASIC), tratando a través de esto conocer la arquitectura y organización básica de una calculadora eletrónica.

Para explicar el segundo objetivo es necesario tomar en cuenta que en algunas operaciones de tipo comercial es indispensable hacer cálculos considerando el tiempo. La mayoría de las calculadoras electrónicas no están diseñadas para manejar números en base sesenta o en algunas otras es necesario hacer conversiones en cada operación. En esta Tesis se trata de simular una calculadora que dependiendo de la posición de un interruptor selector maneje números decimales o números de base sesenta.

El tercer objetivo se explica al considerar que el programa de simulación pudo ser más corto, sin embargo,

este se extiende ya que cada conjunto de instrucciones trata de simular un circuito electrónico, así como la forma de realizar las operaciones se hacen tomando en cuenta el flujo normal que seguiría en una calculadora electrónica. Por lo anterior, existe una analogía directa entre algunos conjuntos de instrucciones con ciertos circuitos electrónicos, lo que permite lograr complementarse el entendimiento desde los puntos de vista de Software y de Hardware.

Lo siguiente es un esbozo de lo que trata cada uno de los siguientes capítulos.

El segundo capítulo trata con la historia y desarrollo de las calculadoras, se ve desde el ábaco, pasando por dispositivos mecánicos hasta llegar a ver algo de computadoras.

En el tercer capítulo se presenta una introducción a los sistemas numéricos. También se muestra la arquitectura y organización básica de una calculadora electrónica, así como el código BCD que es el indicado para usarse en una calculadora electrónica por haber gran información de entrada y salida.

En el capítulo cuarto se muestra el desarrollo a través de mapas de Karnaugh de las funciones lógicas y de control, así como también se presentan y explican los algoritmos empleados tanto para las operaciones con números decimales como con números de base sesenta.

Posteriormente se presenta en el capítulo quinto el lis  
tado del programa, así como una explicación tanto de --  
las variables usadas en este como del programa en gene-  
ral. El programa fué simulado en una microcomputadora-  
Apple II utilizando el super lenguaje Basic (Apple soft)  
y se encuentra grabado en diskette.

El capítulo sexto explica la configuración física que -  
tendría la calculadora mostrando los registros y circuiti  
tos empleados así como las funciones que harían, también  
se indica en que parte del programa se encuentra simula  
do.

Se finaliza presentando las conclusiones en el capítulo  
séptimo.

C A P I T U L O   I I

PANORAMA HISTORICO DEL DESARROLLO  
DE LAS CALCULADORAS.

## PANORAMA HISTORICO DEL DESARROLLO DE LAS CALCULADORAS.

El deseo de contar con un dispositivo para efectuar operaciones aritméticas surgió cuando al hombre se le presentó la necesidad de poder contar el número de bienes que poseía y efectuar intercambios comerciales.

El primer instrumento que apareció para resolver esta necesidad fué el ábaco, mismo que apareció hace cerca de mil años (ver figura 2.1)

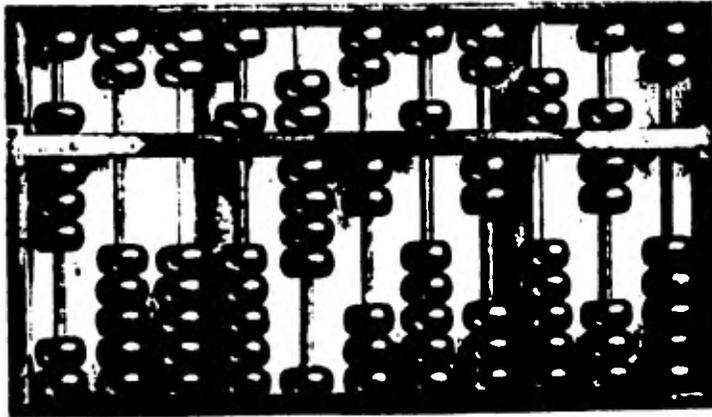


Figura 2.1

Surgieron varias versiones y su uso se extendió a todo el mundo civilizado. El ábaco consiste de una serie de varillas paralelas con cuentas cuyas posiciones, numeradas de derecha a izquierda, representan las unidades, - decenas, centenas y así sucesivamente. Las cuentas tienen valor únicamente cuando se colocan junto al extremo

contrario. Cuando todas las cuentas de una varilla se encuentran agrupadas, en el extremo contrario se tiene que hacer un reagrupamiento, moviendo todas estas cuentas a su posición original y poniendo una cuenta de la siguiente posición en el extremo opuesto.

El siguiente avance en este campo lo logró Blaise Pascal, en 1642. Pascal contaba con 19 años, cuando trabajaba con su padre ayudándole en el cálculo de los impuestos de la familia. Este cálculo involucraba columnas - muy grandes de sumas lo cual era un trabajo muy tedioso y con grandes facilidades de error. Para simplificar esta labor diseñó una máquina calculadora que era operada por una serie de discos, acoplados con engranes, que tenían los números del cero al nueve con su circunferencia (ver figura 2.2).

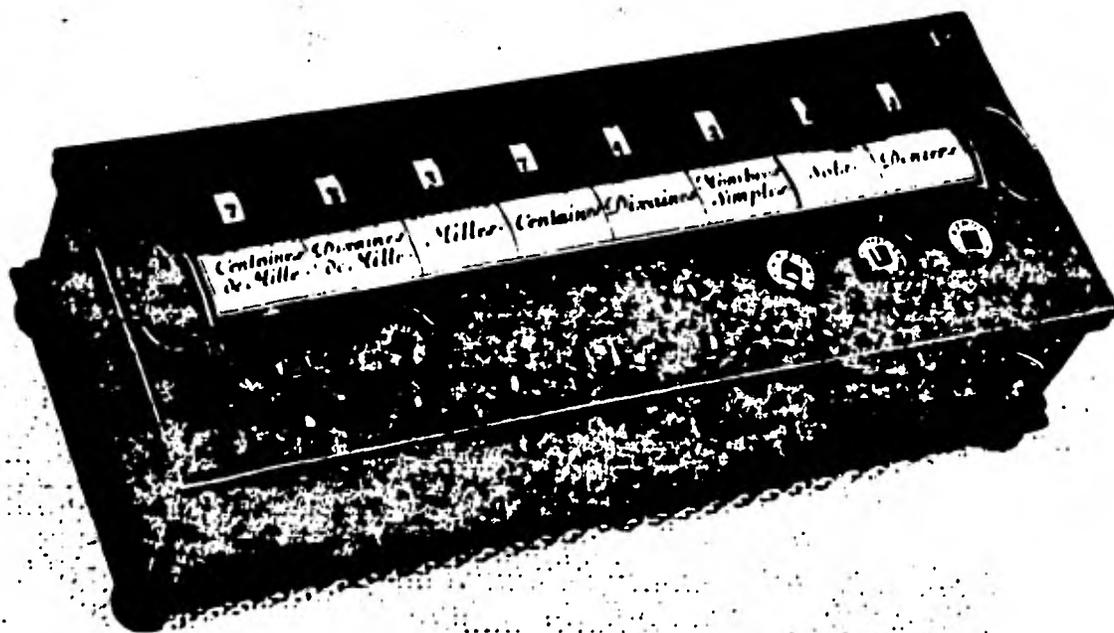


Figura 2.2

El mecanismo de engranes hacía que avanzara un dígito - en la rueda inmediata cuando la rueda contigua menos -- significativa completara una vuelta, el resultado aparecía en unos indicadores montados arriba de los discos.- La máquina de Pascal solo servía para sumar.

En 1671 Gottfried Wilhelm Leibnitz, empezó a trabajar en una máquina que también pudiese multiplicar y dividir (ver figura 2.3).

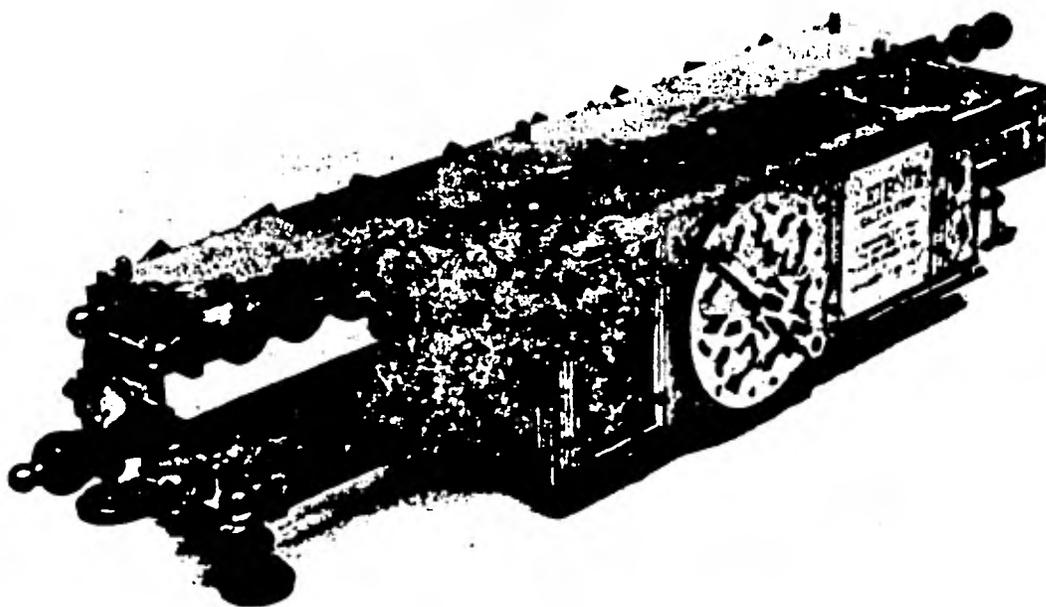


Figura 2.3

Leibnitz completo su modelo en 1694.

Debido al atraso de la tecnología en ese tiempo, tanto la máquina de Pascal como la de Leibnitz no eran muy - precisas y no pudieron evolucionar.

Un gran avance tuvo lugar en la historia del procesa- - miento de datos, cuando en 1801 Joseph Marie Jacquard -

desarrolló una máquina controlada por tarjetas perforadas (ver figura 2.4).

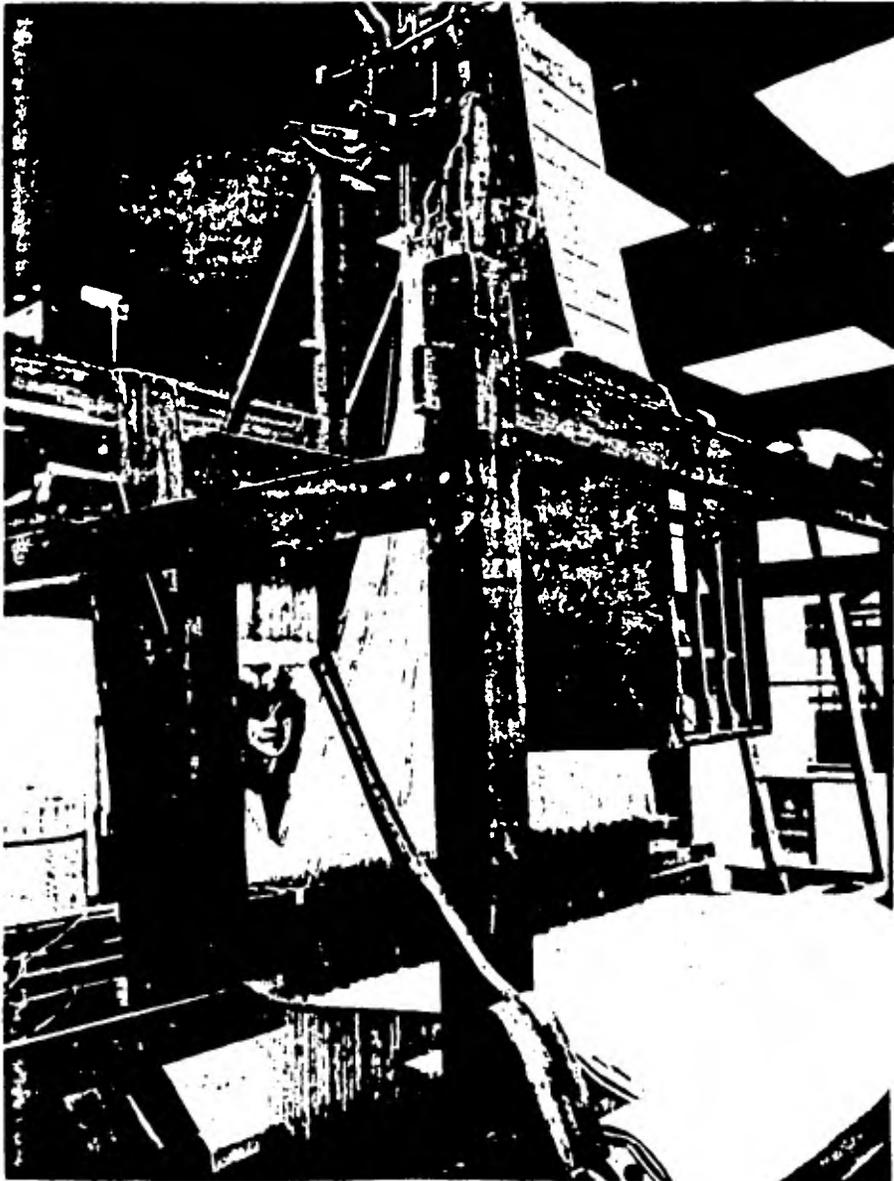


Figura 2.4

Su aplicación fué en la industria textil permitiendo hacer tejidos con patrones tan complicados como se quisiera. Cada tarjeta perforada representaba una hilera del tejido. Esta máquina continúa usandose hasta nuestros días.

En 1822 el inglés Charles Babbage, empezó a trabajar en lo que llamó la máquina de diferencias la cual podía -- producir tablas logarítmicas de seis cifras (ver figura 2.5).

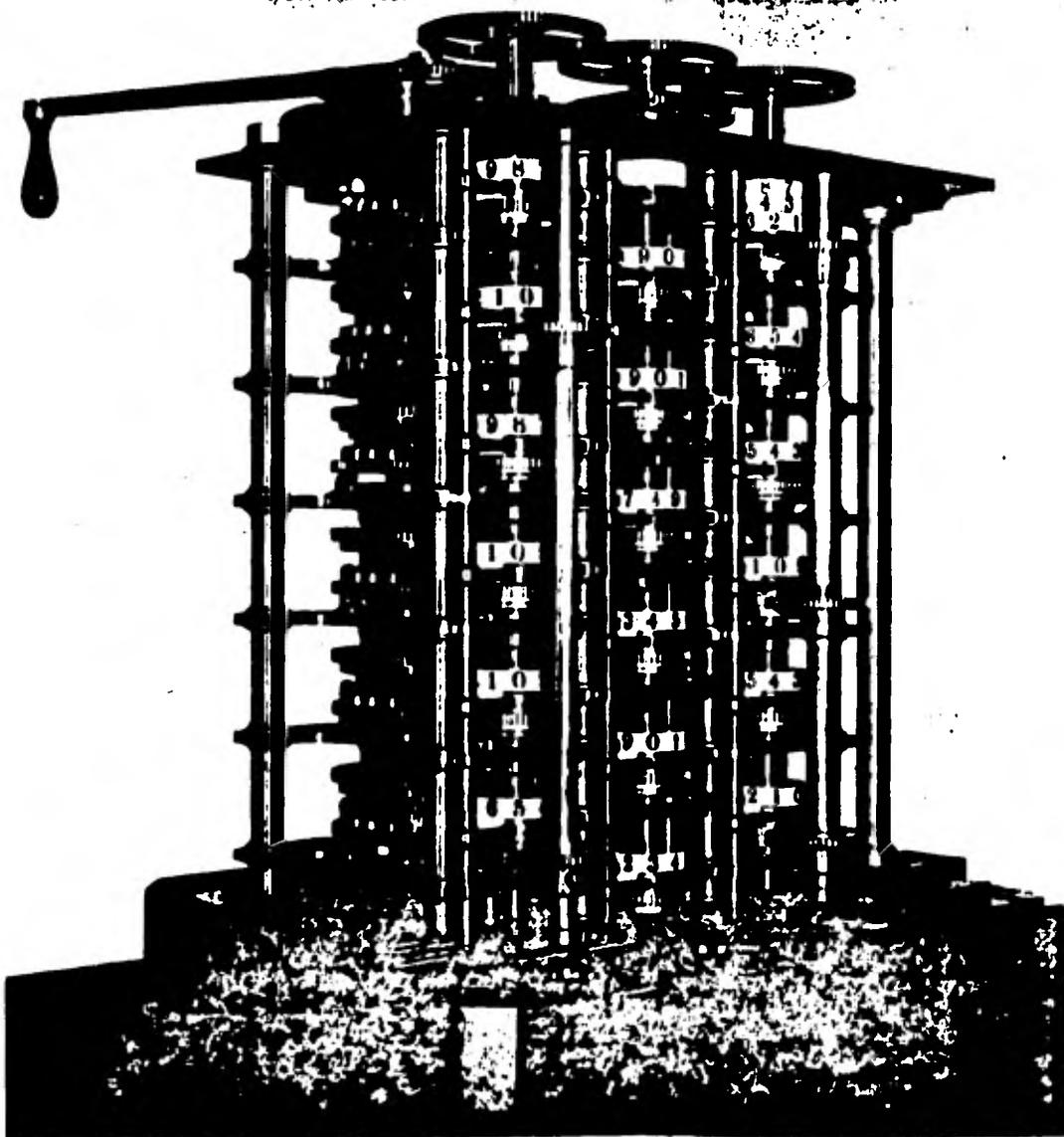


Figura 2.5

Babbage logró completar un modelo a escala de esta máquina y comenzó a trabajar en otra máquina: La máquina analítica. Esta última incorporaba muchas ideas que se usan en las computadoras modernas. La máquina analítica se basaba en el principio de las tarjetas perforadas para almacenar las instrucciones y permitía obtener listados en su propia unidad impresora. Sin embargo, al igual que como sus antecesores, Babbage también estaba adelantado a la tecnología de su época por lo que su máquina analítica no pudo ser implementada.

En 1890 la Oficina de Censos de Estados Unidos de América se dió cuenta de que, si procesaba manualmente los datos obtenidos de las encuestas, los resultados sólo estarían disponibles hasta cuando se efectuara el siguiente censo; esto haría que fueran inútiles los resultados obtenidos por la tardanza en el procesamiento de datos. Fué entonces cuando el doctor Herman Hollerith que trabajaba como estadístico en la Oficina de Censos de E.U.A., diseñó un sistema mecánico de clasificación (ver figura 2.6).

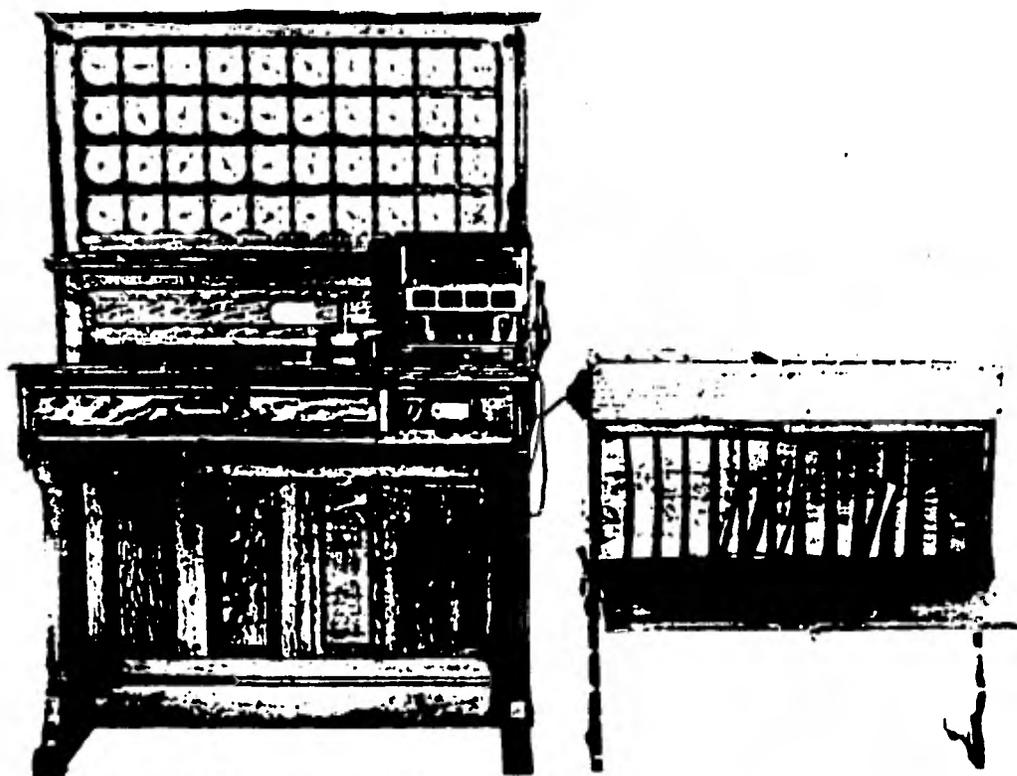


Figura 2.6

En él, se perforaban tarjetas para indicar los diferentes datos (nombre, sexo, dirección, etc.). Los datos - que contenían las tarjetas eran contadas eléctricamente. Además esta máquina permitía clasificar semi-automáticamente las tarjetas.

En 1937 el Dr. Howard Aiken, empezó a desarrollar una - máquina de computo automática, basandose en las ideas - de Babbage, Jacquard y Hollerith. A esta máquina se le llamó Mark I y pesaba 5 toneladas, contando con 78 má-- quinas de sumas y cálculo e interconectada con 800 Km - de alambre. El Mark I era una máquina electromecánica-

contando con relevadores e interruptores y siendo por -  
lo tanto lenta. A partir de este momento se lograron -  
grandes avances en el campo de las calculadores electro -  
mecánicas. (ver figura 2.7).

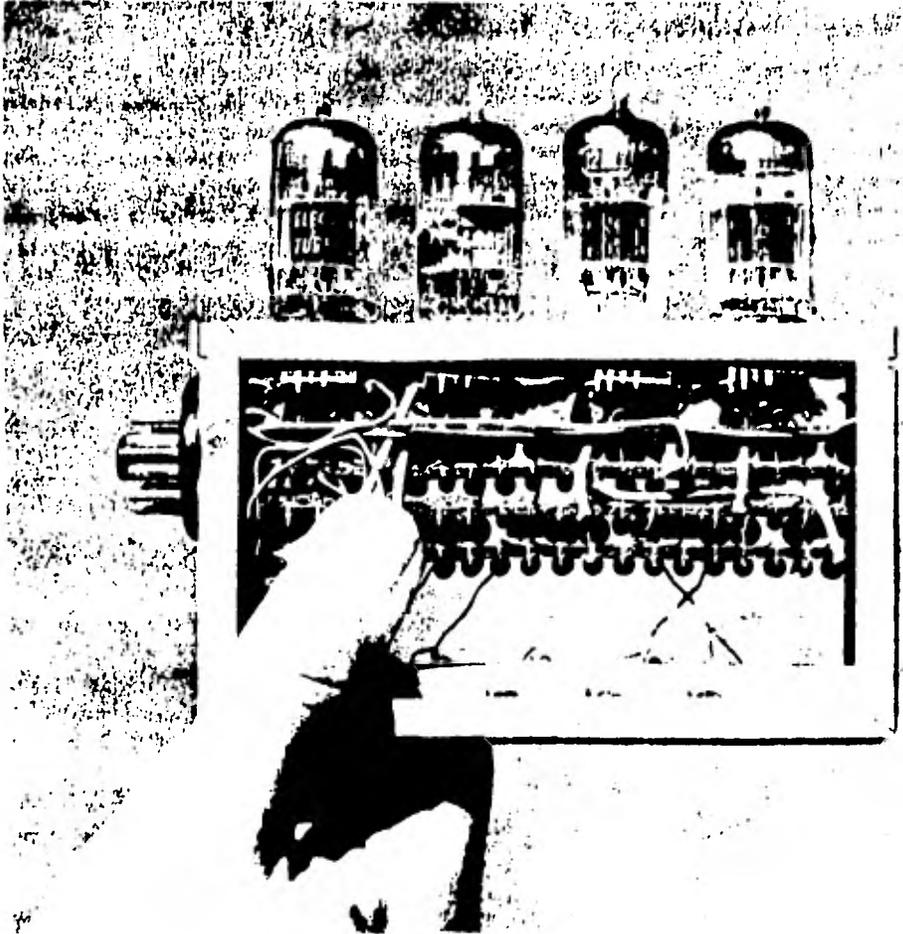


Figura 2.7

Con el desarrollo de la tecnología en el campo de la --  
electrónica, hicieron su aparición las calculadoras - -  
electrónicas. Podemos decir que con el desarrollo del-  
transistor en 1952 (ver figura 2.8).

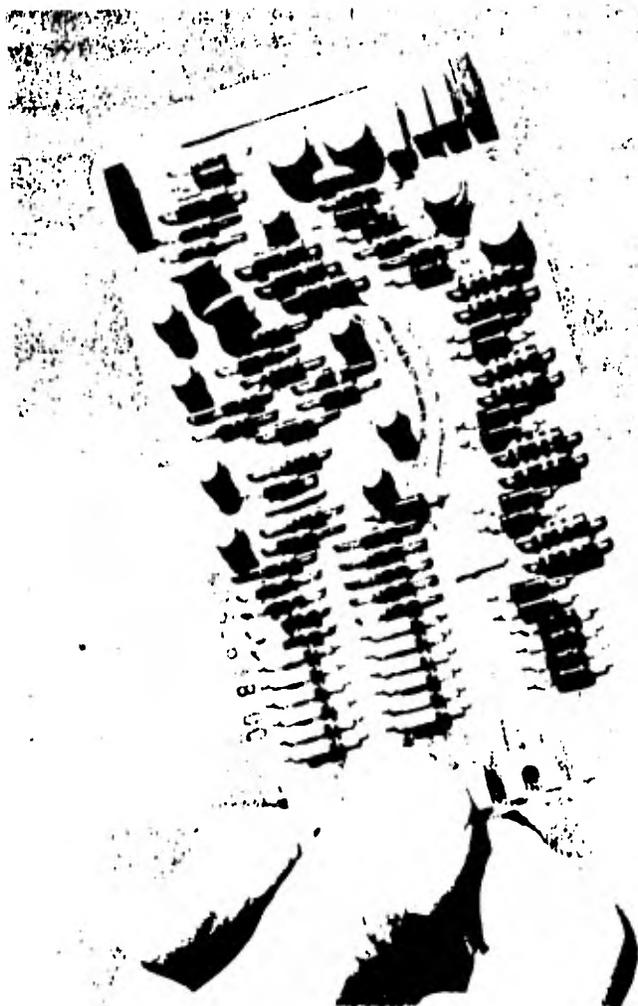
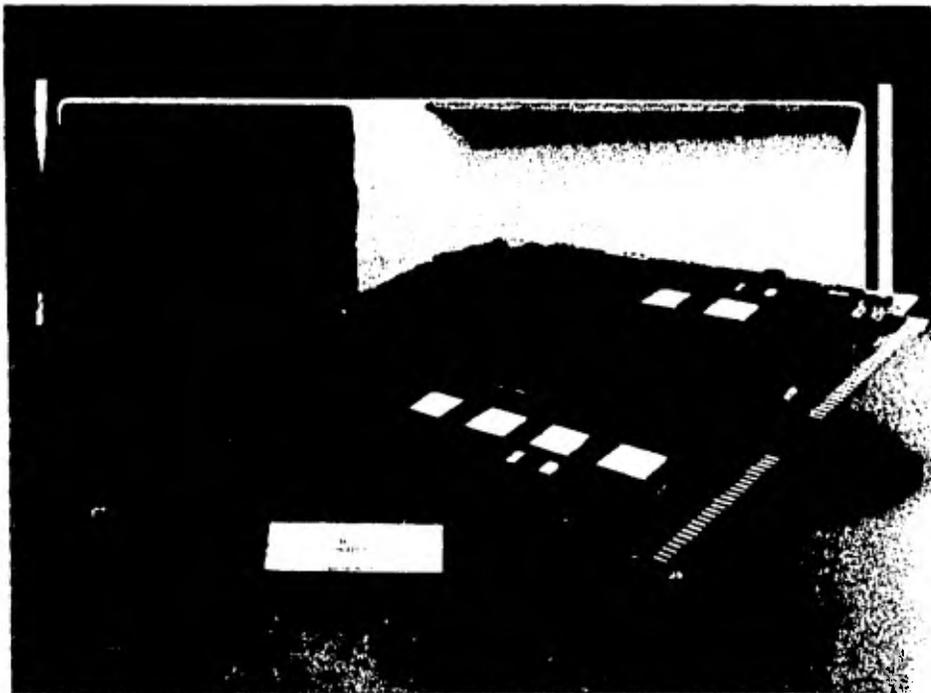


Figura 2.8

Comienzan las claculadoras electrónicas, aunque su precio era bastante alto y ocupaban demasiado espacio. El invento del circuito integrado en 1960 por Kelby (nor--teamericano) permitió reducir el tamaño y consumo de estas, así como abatir los costos, permitiendo la apari--ción de las calculadoras portátiles (ver figura 2.9).



El circuito integrado permitió también construir calculadoras electrónicas más poderosas, incluyendo ahora -- las calculadoras portátiles programables. En términos--generales.

se puede considerar que en la historia de la humanidad han existido 4 tipos de calculadoras:

- 1).- Manuales - ábaco.
- 2).- Mecánicas - a base de levas, varillas y otros elementos mecánicos.
- 3).- Electromecánicas - igual que las mecánicas pero -- además circuitos electrónicos.
- 4).- Electrónicas - principalmente compuestas por circuitos integrados.

Los circuitos integrados con alto grado de integración, cuentan con la mayoría de las funciones que realizaban las primeras computadoras electrónicas, dicho circuito es el microprocesador. Con este último, los costos han disminuido y la flexibilidad de aplicaciones y usos ha aumentado.

Las siguientes graficas nos indican la relación entre costo y capacidad de memoria según ha evolucionado la tecnología (ver figura 2.10).

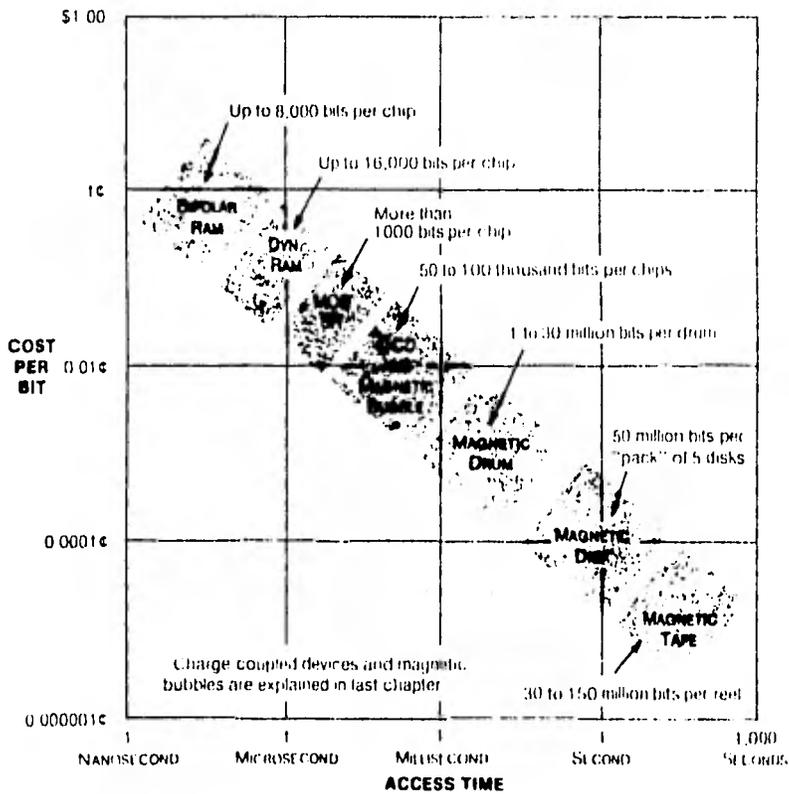


Figura 2.10

Esta tecnología será la que consideraré para implementar el proyecto motivo de este trabajo.

C A P I T U L O    I I I

ARQUITECTURA DE UNA CALCULADORA

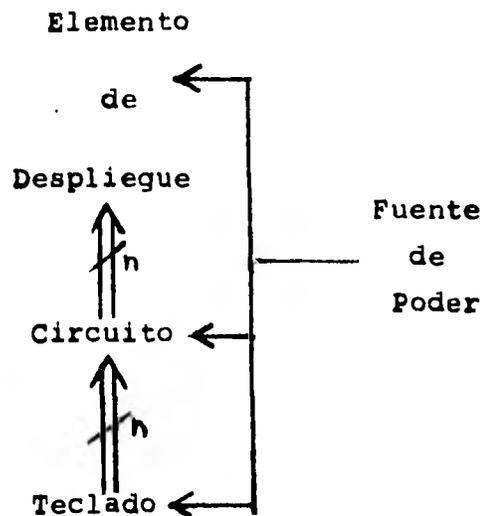
Y

SISTEMAS DE NUMERACION

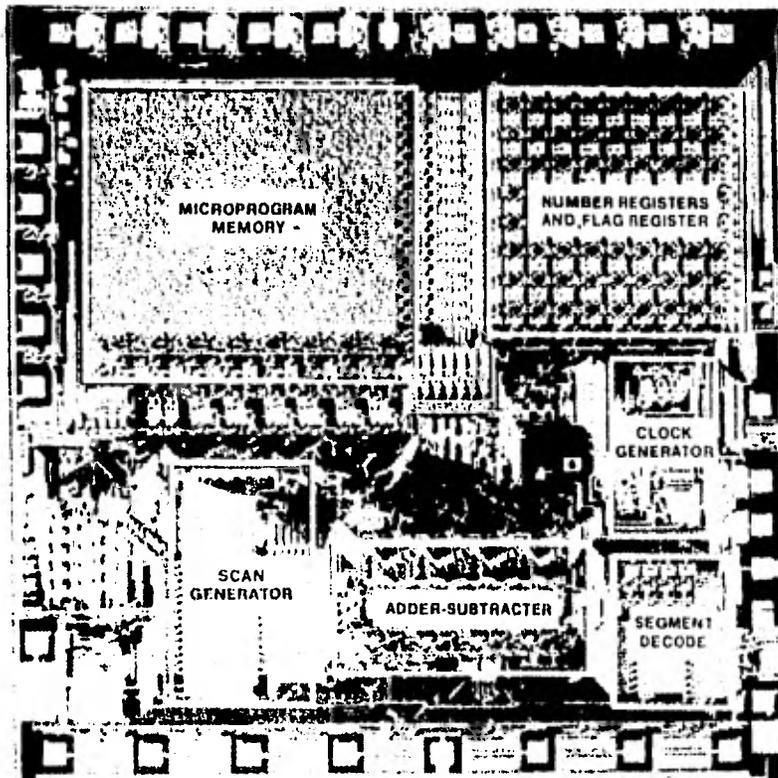
## ARQUITECTURA DE UNA CALCULADORA

En este capítulo se describe la estructura de una calculadora electrónica; primero desde un punto de vista funcional y posteriormente estructural, para concluir con un análisis de sus componentes.

En términos generales podemos decir que una calculadora está formada por: Un elemento de despliegue, un teclado, un circuito y la fuente de poder. Esta última en la mayoría de las calculadoras electrónicas portátiles inteligentes es una pila. La representación gráfica sería:



y su apariencia física (ver figura 3.2).



Las líneas dobles, asociadas con un cierto número (en este caso representado por  $n$ ) nos indican los dígitos de información que se están manejando simultáneamente, es decir nos indica la longitud de la palabra en el sistema de numeración empleado. En general se tiene que la longitud de la palabra puede variar de calculadora a calculadora y esta será mayor en los casos en que se requiera de mayor precisión.

Existen dos sistemas muy empleados para el teclado, ---  
 Uno está compuesto por un conjunto de interruptores que  
 son barridos y analizados varias veces por segundo. Ca  
 da interruptor representa una tecla y se encuentran - -  
 arreglados matricialmente (ver figura 3.3)

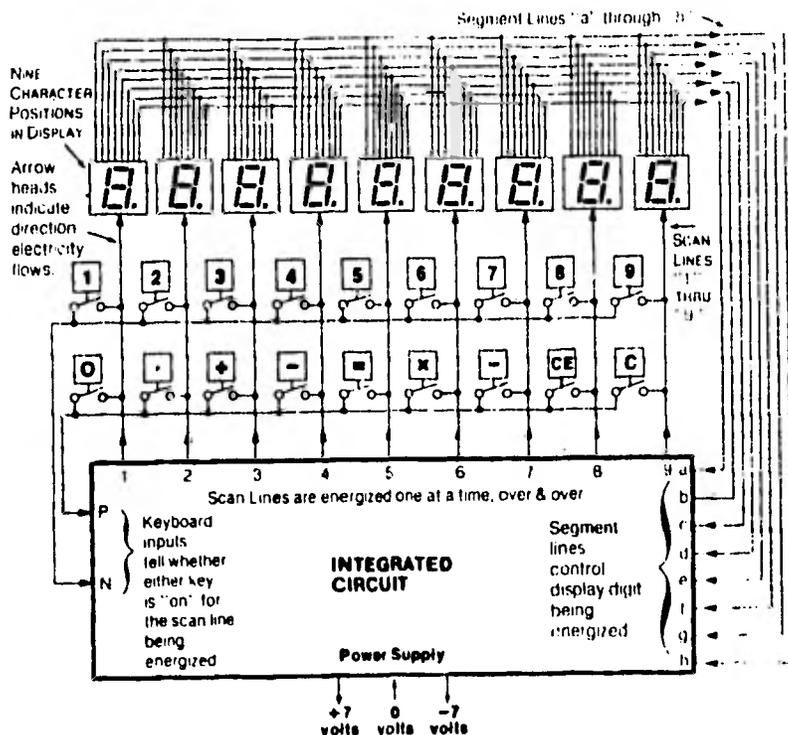


Figura 3.3

Si se tiene un arreglo de nueve columnas y dos renglo--  
 nes, como en la figura anterior, el circuito generador-  
 de barrido barrerá todas y cada una de las nueve colum-  
 nas y en el momento que detecte que una tecla (interrup-  
 tor) ha sido accionada, generará un pulso en el renglón  
 correspondiente a esa tecla. Nosotros podemos identifi-  
 car la tecla que fué accionada con la siguiente informa-  
 ción:

- 1) ¿Qué columna se estaba barriendo en ese instante?
- 2) ¿Qué renglón generará el pulso correspondiente?.

El sistema descrito presenta problemas de rapidez y requiere de una gran sincronización entre los circuitos.

Un sistema que elimina los problemas anteriores es el que está basado en interrupciones, es decir la unidad de procesamiento estará realizando sus actividades normales y cada vez que esté disponible información de entrada, se encenderá una bandera y al detectar la unidad de control ésta condición, hará una búsqueda en la matriz de interruptores para determinar la tecla accionada.

Consideremos el medio de despliegue.

Podemos representar cualquier dígito decimal por medio de 7 segmentos y un octavo para el punto decimal, tal como se muestra en la figura 3.4 .

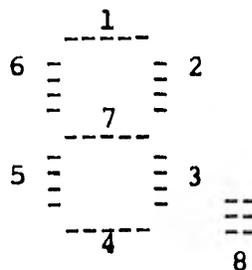


Figura 3.4

Cada segmento está formado por un diodo emisor de luz (LED)

Para el elemento de despliegue contamos con dos circuitos; el de barrido (tal como el del teclado) y el decodificador de segmentos (ver figura 3.5).

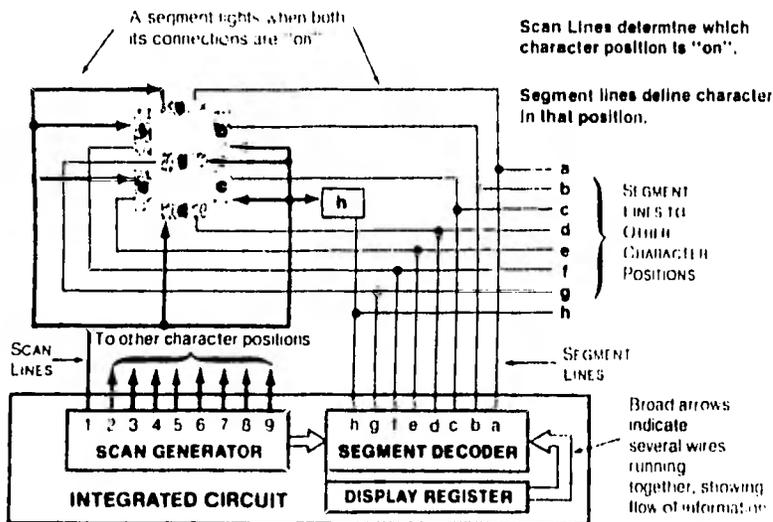


Figura 3.5

El primero tiene 'x' número de salidas llamadas líneas de barrido, cada una conectada a un carácter. El decodificador de segmentos nos determina los segmentos que deben encenderse para formar el número deseado. Solo mencionaremos que ésta información le es transmitida a este último circuito desde el registro de despliegue. Debe existir una sincronización entre el circuito de barrido y el decodificador, de tal manera que cuando el primero active un carácter el decodificador contenga la información correspondiente a ese carácter. Las funciones anteriores pueden realizarse a base de multiplexores y decodificadores. Un circuito típico es el SN74LS48 (decodificador de BCD a 7 segmentos), cuya tabla de funciones y diagrama funcional se presentan en las figuras: 3.6 y 3.7 .

'48, 'LS48  
FUNCTION TABLE

DECIMAL OR FUNCTION	INPUTS						BI/RBO†	OUTPUTS							NOTE
	LT	RBI	D	C	B	A		a	b	c	d	e	f	g	
0	H	H	L	L	L	L	H	H	H	H	H	H	L		
1	H	X	L	L	L	H	H	L	H	H	L	L	L		
2	H	X	L	L	H	L	H	H	H	L	H	H	L		
3	H	X	L	L	H	H	H	H	H	H	L	L	H		
4	H	X	L	H	L	L	H	L	H	H	L	L	H		
5	H	X	L	H	L	H	H	H	L	H	H	L	H		
6	H	X	L	H	H	L	H	L	L	H	H	H	H		
7	H	X	L	H	H	H	H	H	H	H	L	L	L		
8	H	X	H	L	L	L	H	H	H	H	H	H	H		
9	H	X	H	L	L	H	H	H	H	H	L	L	H		
10	H	X	H	L	H	L	H	L	L	L	H	H	L		
11	H	X	H	L	H	H	H	L	L	H	H	L	L		
12	H	X	H	H	L	L	H	L	H	L	L	L	H		
13	H	X	H	H	L	H	H	H	L	L	L	H	H		
14	H	X	H	H	H	L	H	L	L	L	H	H	H		
15	H	X	H	H	H	H	H	L	L	L	L	L	L		
BI	X	X	X	X	X	X	L	L	L	L	L	L	L		
RBI	H	L	L	L	L	L	L	L	L	L	L	L	L		
LT	L	X	X	X	X	X	H	H	H	H	H	H	H		

H = high level, L = low level, X = irrelevant

NOTES: 1. The blanking input (BI) must be open or held at a high logic level when output functions 0 through 15 are desired. The ripple-blanking input (RBI) must be open or high, if blanking of a decimal zero is not desired.

2. When a low logic level is applied directly to the blanking input (BI), all segment outputs are low regardless of the level of any other input.

3. When ripple-blanking input (RBI) and inputs A, B, C, and D are at a low level with the lamp-test input high, all segment outputs go low and the ripple-blanking output (RBO) goes to a low level (response condition).

4. When the blanking input/ripple-blanking output (BI/RBO) is open or held high and a low is applied to the lamp-test input, all segment outputs are high.

†BI/RBO is wire-AND logic serving as blanking input (BI) and/or ripple-blanking output (RBO).

'48, 'LS48  
FUNCTION TABLE

DECIMAL OR FUNCTION	INPUTS						OUTPUTS							NOTE
	D	C	B	A	BI	a	b	c	d	e	f	g		
0	L	L	L	L	H	H	H	H	H	H	H	L		
1	L	L	L	H	H	L	H	H	L	L	L	L		
2	L	L	H	L	H	H	H	L	H	H	L	H		
3	L	L	H	H	H	H	H	H	H	H	L	L		
4	L	H	L	L	H	L	H	H	L	L	H	H		
5	L	H	L	H	H	H	L	H	H	L	H	H		
6	L	H	H	L	H	L	L	H	H	H	H	H		
7	L	H	H	H	H	H	H	H	H	L	L	L		
8	H	L	L	L	H	H	H	H	H	H	H	H		
9	H	L	L	H	H	H	H	H	L	L	H	H		
10	H	L	H	L	H	L	L	L	H	H	L	H		
11	H	L	H	H	H	L	L	H	H	L	L	H		
12	H	H	L	L	H	L	H	L	L	L	H	H		
13	H	H	L	H	H	H	L	L	L	H	L	H		
14	H	H	H	L	H	L	L	L	L	H	H	H		
15	H	H	H	H	H	L	L	L	L	L	L	L		
BI	X	X	X	X	L	L	L	L	L	L	L	L		

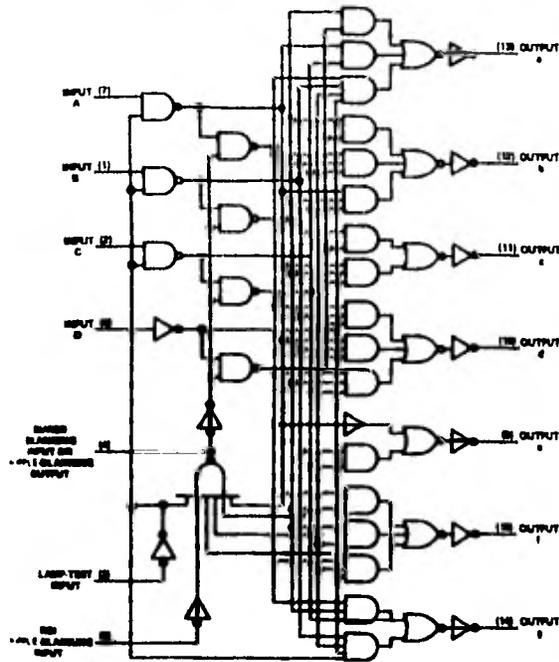
H = high level, L = low level, X = irrelevant

NOTES: 1. The blanking input (BI) must be open or held at a high logic level when output functions 0 through 15 are desired.

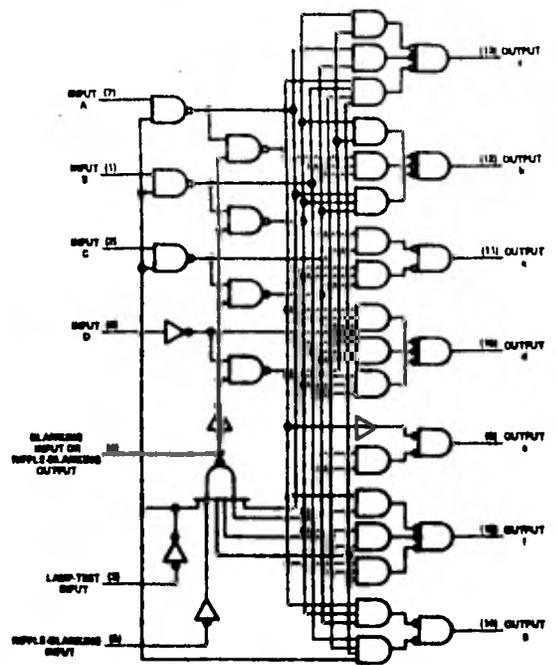
2. When a low logic level is applied directly to the blanking input (BI), all segment outputs are low regardless of the level of any other input.

functional block diagrams

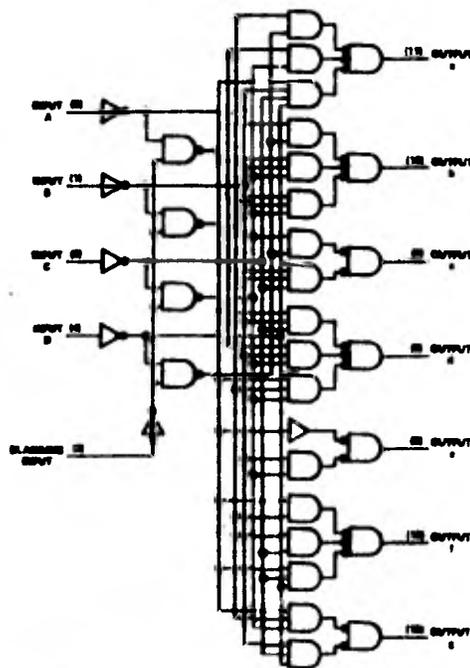
'46A, '47A, 'L46, 'L47, 'LS47



'48, 'LS48



'49, 'LS49



Este circuito cuenta con cuatro entradas para el código BCD y 7 salidas que van a los caracteres de despliegue. Además se cuenta con otras tres entradas para probar -- los elementos de despliegue (en este caso Vleds) y borrar ceros o suprimirlos.

La parte modular de la calculadora es lo que hemos llamado el circuito. Este es en realidad, un sistema inteligente compuesto por un conjunto de circuitos que realizan diferentes funciones.

El circuito puede estar compuesto en una sola pastilla, tal como se mostró en la figura 3.2, o puede haber un circuito para cada función e inclusive pueden existir en elementos discretos (transistores, diodos, etc.).

Independientemente de como está implementado el circuito, éste deberá contar con las funciones que se muestra en la figura 3.8 .

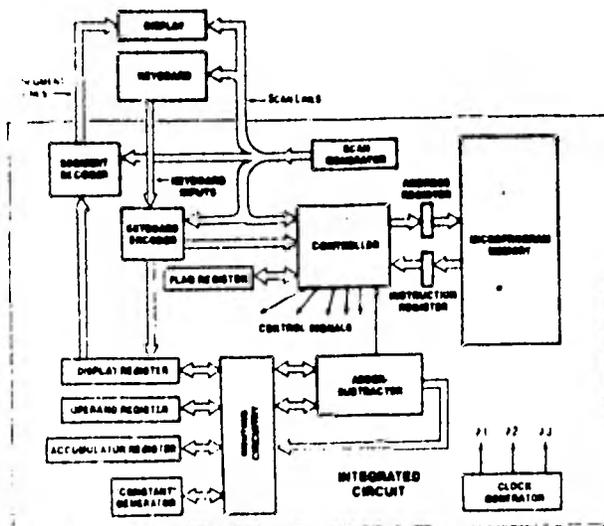


Figura 3.8

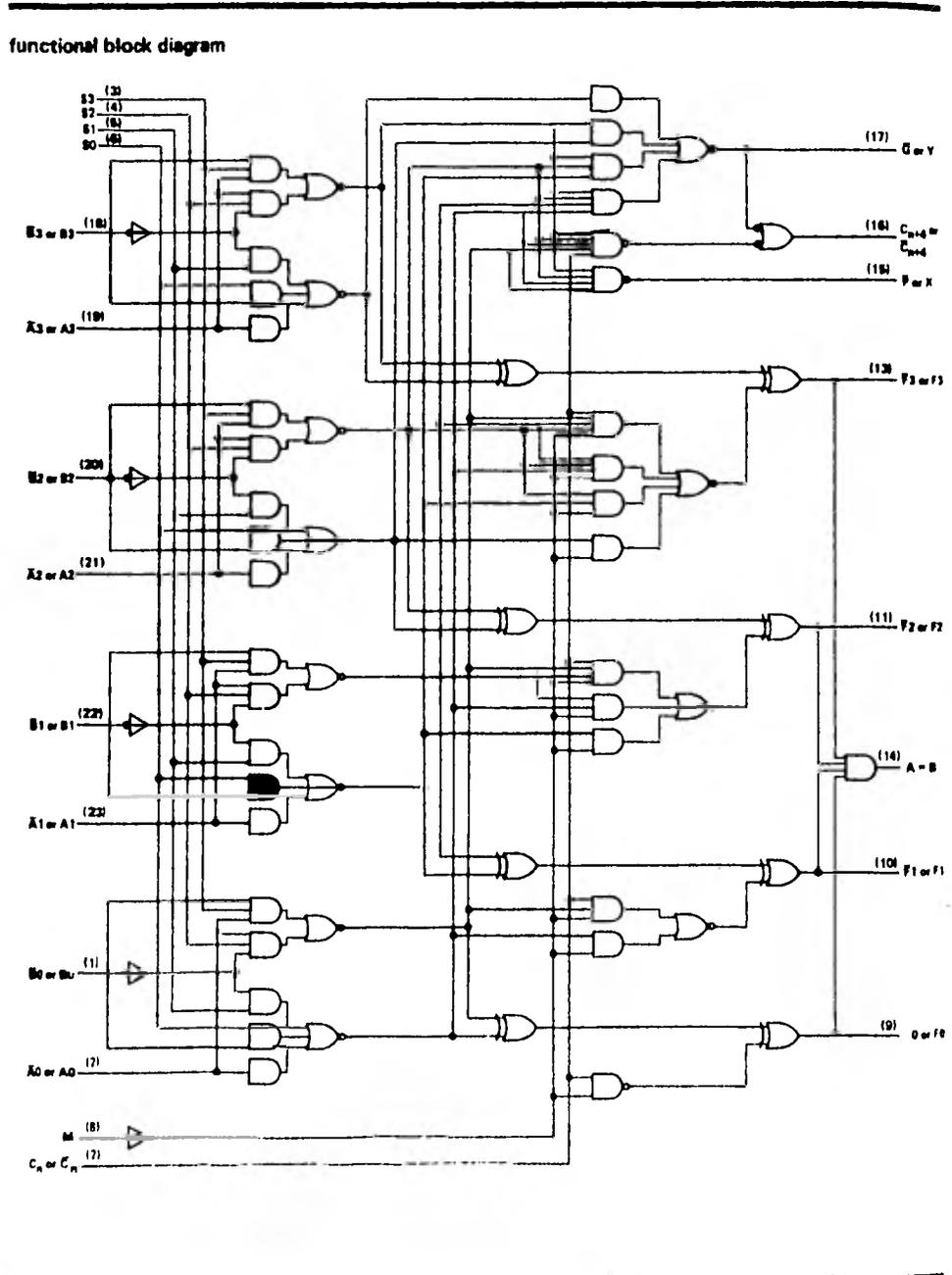
Analicemos cada uno de los elementos mostrados en la fi  
gura anterior.

Una unidad de control se encarga de iniciar secuencias de micro-operaciones. Una micro-operación es una opera  
ción elemental que puede ser realizada en un pulso de -  
reloj. Una unidad de control puede implementarse por -  
Hardware o por una memoria de control. En este último-  
caso la unidad de control interpretará las micro-ins- -  
trucciones almacenadas en la memoria del micro-programa  
y en base a estas nos activa los diferentes elementos -  
en determinados instantes de tiempo.

La memoria para el micro-programa, contiene todas las -  
micro-instrucciones necesarias para indicarle al siste-  
ma como hacer las operaciones y algunas otras funciones.  
El control y la memoria se comunican a través del regis  
tro de direcciones y del registro de instrucciones. La  
unidad de control, a través del contador del programa, -  
o de una dirección indicada en una transferencia, carga  
rá el registro de dirección. La micro-instrucción espe  
cificada por la dirección anterior, le será transmitida  
a la unidad de control a través del registro de instruc  
ciones. El tiempo que toma ejecutar una micro-instruc-  
ción está definido como un ciclo de instrucción.

El reloj o generador de pulsos nos sirve para sincroni-  
zar todas las actividades en el sistema. Este circuito  
debe proporcionar las señales necesarias para el sistema.

La unidad aritmética lógica nos permite realizar todas las operaciones (inclusive multiplicaciones y divisiones a base de repeticiones) y también ciertas funciones lógicas como: Comparaciones, corrimientos a la izquierda y a la derecha, rotación, etc. El diagrama funcional de una unidad aritmética lógica típica se muestra en la figura 3.9



Este circuito permite realizar 16 operaciones aritméticas binarias con dos palabras de 4 bits. Las funciones a realizar se determinan con las cuatro líneas de selección. Este circuito permite trabajar con carry look -- ahead, además de contener las salidas correspondientes para el carry.

El acumulador es uno de los registros más importantes. -- Básicamente este es un registro de trabajo que nos irá acumulando o guardando los resultados de las operacio-- nes. Hay algunos acumuladores que cuentan con caracte-- rísticas muy especiales que se seleccionan de acuerdo -- a las necesidades del mismo, algunos otros se encuen-- tran integrados dentro de la unidad aritmética lógica.

El registro de despliegue contiene la información que -- se mostrará en el elemento de despliegue. Este regis-- tro puede ser del tipo común, formado únicamente por -- compuertas lógicas y flip flops.

El registro de operación contiene el código de la opera-- ción que la calculadora deberá realizar.

El registro de cociente y multiplicación se emplea para las operaciones de multiplicación y división. Un cir-- cuito típico de registro que podría usarse para los ca-- sos anteriores se muestra en la figura 3.11.

y la tabla de funciones en la figura 3.10.

signal designations (continued)

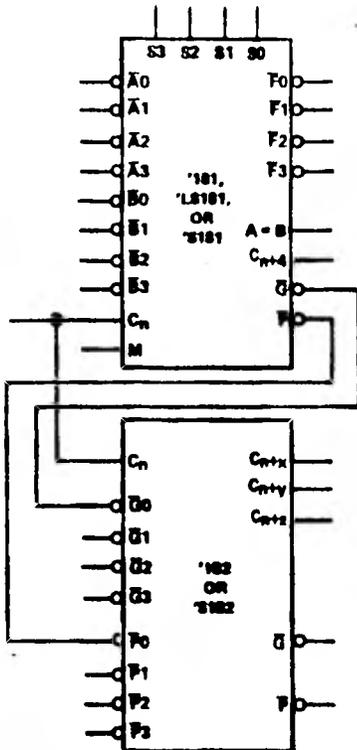


FIGURE 1  
(Use with Table 1)

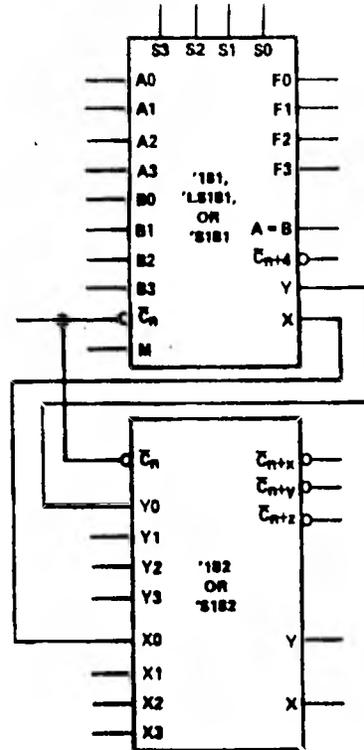


FIGURE 2  
(Use with Table 2)

TABLE 1

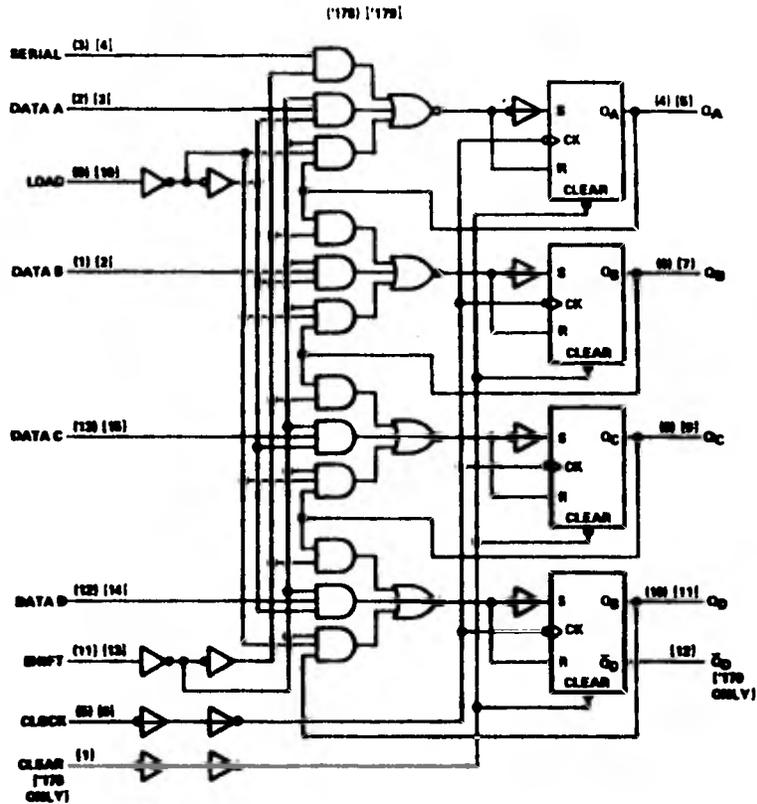
SELECTION S3 S2 S1 S0	M = H LOGIC FUNCTIONS	ACTIVE-LOW DATA	
		M = L: ARITHMETIC OPERATIONS	
		C <sub>n</sub> = L (no carry)	C <sub>n</sub> = H (with carry)
L L L L	F = X	F = A MINUS 1	F = A
L L L M	F = X̄	F = AB MINUS 1	F = AB
L L M L	F = X + B	F = AB MINUS 1	F = AB
L L M M	F = 1	F = MINUS 1 (2's COMPL)	F = ZERO
L M L L	F = X + B̄	F = A PLUS (A + B)	F = A PLUS (A + B) PLUS 1
L M L M	F = B̄	F = AB PLUS (A + B)	F = AB PLUS (A + B) PLUS 1
L M M L	F = A ⊕ B	F = A MINUS B	F = A MINUS B
L M M M	F = A ⊕ B̄	F = A + B	F = (A + B) PLUS 1
M L L L	F = A ⊕ B	F = A PLUS (A + B)	F = A PLUS (A + B) PLUS 1
M L L M	F = A ⊕ B̄	F = A PLUS B	F = A PLUS B PLUS 1
M L M L	F = B	F = AB PLUS (A + B)	F = AB PLUS (A + B) PLUS 1
M L M M	F = A + B	F = (A + B)	F = (A + B) PLUS 1
M H L L	F = 0	F = A PLUS A*	F = A PLUS A PLUS 1
M H L M	F = Ā	F = AB PLUS A	F = AB PLUS A PLUS 1
M H L M	F = AB	F = AB PLUS A	F = AB PLUS A PLUS 1
M H M L	F = A	F = A	F = A PLUS 1

\*Each bit is shifted to the next more significant position.

TABLE 2

SELECTION S3 S2 S1 S0	M = H LOGIC FUNCTIONS	ACTIVE-HIGH DATA	
		M = L: ARITHMETIC OPERATIONS	
		C <sub>n</sub> = H (no carry)	C <sub>n</sub> = L (with carry)
L L L L	F = X	F = A	F = (A + B) PLUS 1
L L L M	F = X + B̄	F = A + B	F = (A + B) PLUS 1
L L M L	F = AB	F = A + B	F = (A + B) PLUS 1
L L M M	F = 0	F = MINUS 1 (2's COMPL)	F = ZERO
L M L L	F = X + B	F = A PLUS AB	F = A PLUS AB PLUS 1
L M L M	F = B̄	F = (A + B) PLUS AB	F = (A + B) PLUS AB PLUS 1
L M M L	F = A ⊕ B	F = A MINUS B MINUS 1	F = A MINUS B
L M M M	F = A ⊕ B̄	F = AB MINUS 1	F = AB
M L L L	F = X + B	F = A PLUS AB	F = A PLUS AB PLUS 1
M L L M	F = A ⊕ B	F = A PLUS B	F = A PLUS B PLUS 1
M L M L	F = B	F = (A + B) PLUS AB	F = (A + B) PLUS AB PLUS 1
M L M M	F = A + B	F = AB MINUS 1	F = AB
M H L L	F = 1	F = A PLUS A*	F = A PLUS A PLUS 1
M H L M	F = A + B	F = (A + B) PLUS A	F = (A + B) PLUS A PLUS 1
M H M L	F = A + B	F = (A + B) PLUS A	F = (A + B) PLUS A PLUS 1
M H M M	F = A	F = A MINUS 1	F = A

Este registro permite corrimiento hacia la derecha o izquierda, cargar o retener cierta información, además como cuenta con lógica de tri-state permite conectarse directamente al bus. Su tabla de funciones se muestra en la figura 3.12 .



'178, '179<sup>†</sup>  
FUNCTION TABLE

INPUTS					OUTPUTS								
CLEAR <sup>†</sup>	SHIFT	LOAD	CLOCK	SERIAL	PARALLEL				QA	QB	QC	QD	QD <sup>†</sup>
					A	B	C	D					
L	X	X	X	X	X	X	X	X	L	L	L	L	H
H	X	X	H	X	X	X	X	X	QA0	QB0	QC0	QD0	QD0
H	L	L	↓	X	X	X	X	X	QA0	QB0	QC0	QD0	QD0
H	L	H	↓	X	a	b	c	d	a	b	c	d	d
H	H	X	↓	H	X	X	X	X	H	QA <sub>n</sub>	QB <sub>n</sub>	QC <sub>n</sub>	Q <sub>Cn</sub>
H	H	X	↓	L	X	X	X	X	L	QA <sub>n</sub>	QB <sub>n</sub>	QC <sub>n</sub>	Q <sub>Cn</sub>

<sup>†</sup> The columns for clear, Q<sub>D</sub>, and the top line of the table apply for the '179 only.

También existe una serie de registros de bandera, que se utilizan para indicar ciertas condiciones como saturación en sumas, multiplicaciones y divisiones, indicación de que una tecla ha sido accionada, terminación -- de una operación y otras, dependiendo de las necesidades y propósitos del sistema.

Para lograr la comunicación entre los diferentes circuitos y registros puede ser necesario el uso de multiplexores. Este circuito nos permite seleccionar el destino de cierta información. Un circuito típico de un multiplexores se muestra en la figura 3.13.

Y su tabla de funciones en la figura 3.14.

logic

'180  
FUNCTION TABLE

INPUTS				STROBE S	OUTPUT W
SELECT					
D	C	B	A		
X	X	X	X	H	H
L	L	L	L	L	$\overline{E0}$
L	L	L	H	L	$\overline{E1}$
L	L	H	L	L	$\overline{E2}$
L	L	H	H	L	$\overline{E3}$
L	H	L	L	L	$\overline{E4}$
L	H	L	H	L	$\overline{E5}$
L	H	H	L	L	$\overline{E6}$
L	H	H	H	L	$\overline{E7}$
H	L	L	L	L	$\overline{E8}$
H	L	L	H	L	$\overline{E9}$
H	L	H	L	L	$\overline{E10}$
H	L	H	H	L	$\overline{E11}$
H	H	L	L	L	$\overline{E12}$
H	H	L	H	L	$\overline{E13}$
H	H	H	L	L	$\overline{E14}$
H	H	H	H	L	$\overline{E15}$

'181A, '181B, '181C  
FUNCTION TABLE

INPUTS			STROBE S	OUTPUTS	
SELECT				Y	W
C	B	A			
X	X	X	H	L	H
L	L	L	L	$\overline{D0}$	$\overline{D0}$
L	L	H	L	$\overline{D1}$	$\overline{D1}$
L	H	L	L	$\overline{D2}$	$\overline{D2}$
L	H	H	L	$\overline{D3}$	$\overline{D3}$
H	L	L	L	$\overline{D4}$	$\overline{D4}$
H	L	H	L	$\overline{D5}$	$\overline{D5}$
H	H	L	L	$\overline{D6}$	$\overline{D6}$
H	H	H	L	$\overline{D7}$	$\overline{D7}$

'182A, '181B2  
FUNCTION TABLE

SELECT INPUTS			OUTPUT W
C	B	A	
L	L	L	$\overline{D0}$
L	L	H	$\overline{D1}$
L	H	L	$\overline{D2}$
L	H	H	$\overline{D3}$
H	L	L	$\overline{D4}$
H	L	H	$\overline{D5}$
H	H	L	$\overline{D6}$
H	H	H	$\overline{D7}$

H = high level, L = low level, X = irrelevant  
 $\overline{E0}, \overline{E1}, \dots, \overline{E15}$  = the complement of the level of the respective E input  
 $\overline{D0}, \overline{D1}, \dots, \overline{D7}$  = the level of the D respective input

El circuito decodificador de teclas generará el código correspondiente a la tecla que haya sido oprimida. Tanto el decodificador de segmentos como el generador de barrido ya han sido descritos y están relacionados con el elemento de despliegue y el teclado.

Finalmente se cuenta con una fuente de suministro de energía conocida como de alimentación o de poder. Esta podrá estar compuesta por un circuito de suministro o por una pila y en ocasiones un cargador para recargar estas. En la figura 3.15

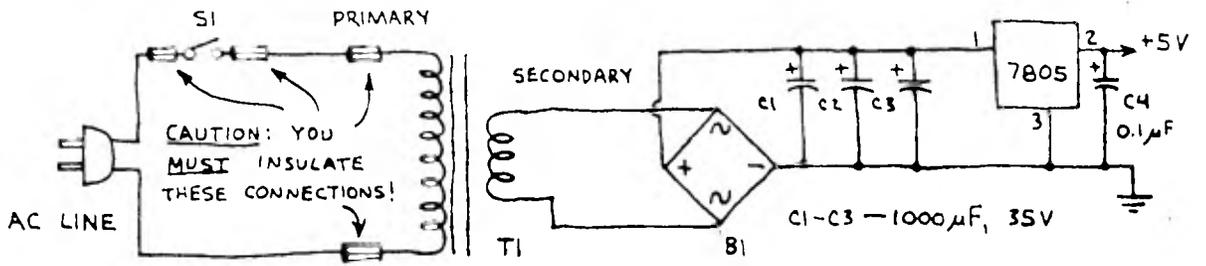


Figura 3.15

se muestra un circuito de suministro. El transformador permite reducir el voltaje, posteriormente los diodos lo rectifican y el regulador lo mantiene constante.

Refiriendonos a la figura 3.8 mostraremos el flujo de información dentro de una calculadora.

Al oprimir una tecla el generador de barrido la detecta y el codificador del teclado la convierte a un código. Esta información pasa a la unidad de control que a su vez se comunica con la memoria del micro-programa. Suponiendo que la tecla oprimida sea un número, entonces la unidad de control emitirá una señal para que permita encender un registro de bandera que indicará que hay información presente. A su vez ésta información será desplegada en el elemento de despliegue. Al oprimir una tecla de operación, por ejemplo suma (+), sucederá lo mismo, solo cambiando en el sentido de que la bandera prendida será otra y que el elemento de despliegue contendrá lo mismo que tenía anteriormente. La memoria del micro-programa le dice al controlador que es necesario esperar otro dato. Al oprimir otra tecla de un número, sucederá lo mismo que con el primer número. Al apretarse la tecla de igual (=) provocará que la memoria del micro-programa le indique al controlador que efectúe la suma, esta será llevada a cabo en la unidad aritmética/lógica. El resultado será mostrado en la unidad de despliegue. En el ejemplo anterior, se hace-

uso del registro del acumulador para contener los números y del registro de operador, así como del registro de despliegue para la información que se esté mostrando en ese momento. Si se hubiera hecho una multiplicación o división, se hubiera usado el registro de cociente y en caso necesario los registros de bandera para indicar saturación.

## SISTEMA DE NUMERACION

Un sistema de numeración es una representación mediante un conjunto de símbolos de valores numéricos. En un sistema de base M se emplean M dígitos (0 a M-1) para representar los valores numéricos. En el sistema de base 60, se tiene del 0 al 59. Como se tiene en los sistemas electrónicos información de tipo binaria, el sistema binario (base 2) o aquellas cuya base es potencia de dos son los utilizados. En los sistemas digitales a cada dígito binario se le conoce como bit, en donde un conjunto de 8 bits es equivalente a un Byte. Dependiendo del sistema en particular, un Byte puede ser equivalente a una palabra, en donde palabra se define como un conjunto de bits empleados para representar un valor numérico. La siguiente fórmula es empleada para convertir un número de base M a su correspondiente en el sistema decimal:

$$\begin{array}{c}
 \text{-----} \\
 \text{- } A_n \text{ } A_{n-1} \text{ } \dots \text{ } A_0 \text{ } A_{-1} \text{ } A_{-2} \text{ } \dots \text{ } A_{-n} \text{ } \text{-----} \\
 \text{-----}
 \end{array}
 \quad = \quad
 \begin{array}{c}
 \text{-----} \\
 \sum_{i=0}^n A_i M^i + \sum_{i=-1}^{-n} \text{-----} \\
 \text{-----} \quad M \quad \text{-----} \quad \text{-----}10
 \end{array}
 \quad (1)$$

Para poder convertir un número en base 10 a base M es necesario expresar primero el número decimal en su parte fraccionaria, es decir:

$$A_{10} = A_{e_{10}} + A_{f_{10}} \quad \text{-----} \quad (2)$$

La parte entera en base M se obtiene dividiendo  $A_{e_{10}}$  entre M sucesivamente. Cada uno de los residuos resultantes corresponderá a los dígitos de la parte entera  $A_{e_m}$  donde el ler. residuo es el dígito menos significativo y así sucesivamente. Matemáticamente equivale a lo siguiente:

M	$A_{e_{10}}$	Residuos	$A_{e_m} = A_n A_{n-1} \dots A_0$
M	$N_1$	$A_0$	$A_{e_{10}} = M \times N_1 + A_0$
M	$N_2$	$A_1$	$A_{e_{10}} = M(M \times N_2 + A_1) + A_0$
⋮	⋮	⋮	$A_{e_{10}} = M \dots M(M \times N_3 + A_2) + A_1 \dots + A_0$
M	$N_n$	$A_{n-1}$	$A_{e_{10}} = M^3 N_3 + M^2 A_2 + M A_1 + M^0 A_0$
0		$A_n = N_n$	$A_{e_{10}} = \sum_{i=0}^n M^i A_i$

La conversión de la parte fraccionaria ( $A_{f_{10}}$  a  $A_{f_m}$ ) se logra multiplicando sucesivamente  $A_{f_{10}}$  por M. En cada multiplicación solo se emplea la parte fraccionaria resultante del paso anterior y las partes enteras son los dígitos correspondientes a  $A_{f_m}$ . La primera parte entera que se obtiene es la más significativa. Matemáticamente se tiene:

$A_{f_{10}}$	$\times M$	$\frac{A_{-1}}{M}$	$\cdot R_1$	$A_{f_m} = .A_{-1} A_{-2} A_{-3} \dots$
$\frac{A_{-1}}{M}$	$\times M$	$\frac{A_{-2}}{M}$	$\cdot R_2$	$R_{n-1} = A_n M^{-1}$
$\frac{A_{-2}}{M}$	$\times M$	$\frac{A_{-3}}{M}$	$\cdot R_3$	$R_2 = A_{-3} M^{-1} + A_{-4} M^{-2} + \dots + A_{-n} M^{-(n-2)}$
⋮	⋮	⋮	⋮	$R_1 = A_{-2} M^{-1} + A_{-3} M^{-2} + \dots + A_{-n} M^{-(n-1)}$
⋮	⋮	⋮	⋮	$A_{f_{10}} = A_{-1} M^{-1} + A_{-2} M^{-2} + \dots + A_{-n} M^{-n}$

$$M A_{f10} = A_{-1} + A_{-2}M^{-1} + A_{-3}M^{-2} \dots + A_{-n}M^{-(n-1)}$$

$$M A_{f10} = A_{-1} + R_1 = A_{fm} + R'_1$$

Para poder realizar operaciones con números binarios o códigos y representar los números negativos existen diversas operaciones básicas y representaciones. Dentro de las operaciones básicas, se tiene:

El complemento M-1 de  $N_m$ , que se obtiene sustrayendo cada dígito de N del número M-1.

El complemento M de  $N_m$ , se obtiene agregando uno al complemento M-1 de  $N_m$ .

Por lo que se refiere a la representación de números -- signados, se tiene que estos están compuestos por un -- signo (0 para +, 1 para -) y la magnitud (parte entera y fraccionaria). Se pueden expresar como de punto fijo, es decir parte entera y parte fraccionaria separadas -- por un punto, o de punto flotante, con el punto a la -- izquierda seguido de la mantisa y el exponente. Exis-- ten 3 representaciones para los números negativos:

- a) Magnitud signada.
- b) M-1 complemento.
- c) M complemento.

La representación con magnitud y signo es como sigue:

$$\begin{array}{c} \overline{\overline{\overline{bn+1}}} \\ \text{-----} \\ \text{signo} \end{array} \cdot \begin{array}{c} \overline{\overline{\overline{bn \ bn-1 \dots \dots \ b_0}}} \\ \text{-----} \\ \text{magnitud} \end{array}$$

Su desventaja es que la representación del cero no es única. Para la representación b), se obtendrá el complemento  $M-1$  del número (incluyendo el bit del signo) si el número es negativo. La desventaja de esta representación es la de tener que checar magnitud y signo de los operandos antes de efectuar las operaciones. Para la representación c), se obtendrá el complemento  $M$  del número (incluyendo bit de signo) en caso de ser negativo. Las ventajas que presenta esta representación es de que las operaciones con números de diferentes signo quedan en  $M$  complemento y la representación del cero es única.

En la representación de números también se pueden utilizar códigos. Este se define como una representación de los dígitos o caracteres (información) mediante otro tipo de símbolos. Cuando la información de entrada y salida es grande, como sucede con una calculadora, es conveniente utilizar el código BCD (dígitos decimales codificados en binario). Cada dígito binario se representa por 4 bits, tal como se muestra en la tabla 3.1.

Dígito decimal	Código BCD	Dígito decimal	Código BCD
0	0000	5	0101
1	0001	6	0110
2	0010	7	0111
3	0011	8	1000
4	0100	9	1001

Tabla 3.1

Una ventaja de este sistema es el de minimizar errores por redondeo, pero, sin embargo, no es fácil obtener el 9 complemento. Debido a las características dichas - - anteriormente, este sería el código empleado.

C A P I T U L O    I V

DESARROLLO DE ALGORITMOS Y FUNCIONES.

En este capítulo se presentan los algoritmos empleados para efectuar las operaciones, así como el desarrollo, a través de mapa de Karnaugh de algunas funciones lógicas.

Primero se presenta el algoritmo para la suma. Hay que considerar que se trabajará con números en código BCD.

Luego se presenta el algoritmo para la resta, el cuál está basado en el de la suma, pero contando con una serie de instrucciones adicionales para efectuar el complemento a diez del número negativo.

El algoritmo para la multiplicación utiliza iterativamente el de la suma, así como también decrementa un registro, como se verá más adelante.

En la división, al igual que en la multiplicación se utiliza el algoritmo de la suma y el de la resta también, ya que se usa el método de restar y restablecer en caso de tener un residuo parcial negativo.

Finalmente se presentan los algoritmos para la suma y la resta de números en base sesenta. Estos están basados en los algoritmos para la suma y resta de números decimales pero con algunas condiciones adicionales.

## ALGORITMO PARA LA SUMA

Supongamos dos números de diez dígitos máximo cada uno, siendo estos:

$$A = A_{10}A_9A_8A_7A_6A_5A_4A_3A_2A_1$$

y

$$B = B_{10}B_9B_8B_7B_6B_5B_4B_3B_2B_1$$

y que cada uno de sus dígitos están representados en código BCD, por lo tanto cada dígito estará compuesto de 4 bits. Ahora, sean:

$$a_8a_4a_2a_1 \quad \text{y} \quad b_8b_4b_2b_1$$

La representación de un dígito cualquiera del primer y segundo número respectivamente. Tomemos un bit cualquiera de cada uno de los dos números y consideremos un posible carry. Ahora asignemos todas las posibles combinaciones a estos y obtendremos los resultados mostrados en la tabla siguiente.

$a_i$	$b_i$	Cent	$s_i$	Csal
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

Tabla IV.1

donde:

Cent = carry de la etapa anterior

Csal = carry a la etapa siguiente

$s_i$  = suma de  $a_i$ ,  $b_i$  y Cent

Haciendo un mapa de Karnaugh a partir de la tabla anterior para encontrar la función lógica para  $s_i$ , tenemos:

	$a_i$	$b_i$				
Cent			00	01	11	10
	0	0	1	0	1	
	1	1	0	1	0	

Figura IV.1 Mapa de Karnaugh para S

Obteniendo:

$$s_i = \overline{\text{Cent}} \bar{a}_i b_i + \overline{\text{Cent}} a_i \bar{b}_i + \text{Cent} \bar{a}_i \bar{b}_i + \text{Cent} a_i b_i \quad \text{---(1)}$$

Como  $s_i$  vale uno cuando un número impar de entradas vale uno, la función para  $s_i$  es impar y representa el OR-exclusivo, o sea:

$$s_i = \text{Cent} \oplus a_i \oplus b_i \quad \text{-----(1')}$$

Ahora hagamos un mapa de Karnaugh a partir de la misma tabla IV.1, para encontrar la función para el carry de salida Csal. Esta se muestra en la figura IV.2

	$a_i$	$b_i$				
Cent			00	01	11	10
	0	0	0	0	1	0
	1	0	1	1	1	1

figura IV.2 Mapa de Karnaugh para Csal

Obteniendo:

$$C_{s_{i+1}} = a_i b_i + C_{ent} a_i + C_{ent} b_i \text{ --- (2)}$$

Estas dos funciones son necesarias para poder realizar sumas a nivel de bits.

Regresemos a los dos números que teníamos originalmente A y B. Cada dígito de estos números puede alcanzar el valor máximo de 9. Por lo tanto el valor de la suma no podrá exceder de  $9+9+1=19$ , siendo el uno, un posible carry considerado de la etapa anterior.

K	Suma Binaria				C	Suma BCD				Decimal
	Z <sub>8</sub>	Z <sub>4</sub>	Z <sub>2</sub>	Z <sub>1</sub>		S <sub>8</sub>	S <sub>4</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	2
0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	3
0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	4
0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	5
0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	6
0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	7
0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	8
0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	9
0	1	0	1	0	1	0	0	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
1	1	1	0	0	1	0	0	1	0	12
1	1	1	0	1	1	0	0	1	1	13
1	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
1	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15

Tabla IV.2

Si sumamos estos dos dígitos utilizando las funciones (1) y (2) anteriores, obtendremos todos los posibles resultados mostrados a la izquierda (debajo de suma binaria) de la tabla IV.2 Sin embargo sabemos que el número

ro máximo representable en código BCD es el 9 (1001), - por lo tanto los números mayores a este son caracteres- inválidos. Aquí se determinará una función para conver- tir estos números a su representación correcta en códig- o BCD, que es la columna mostrada bajo el título de su- ma BCD de la tabla anterior. Formemos el mapa de Kar- naugh para encontrar dicha función de corrección.

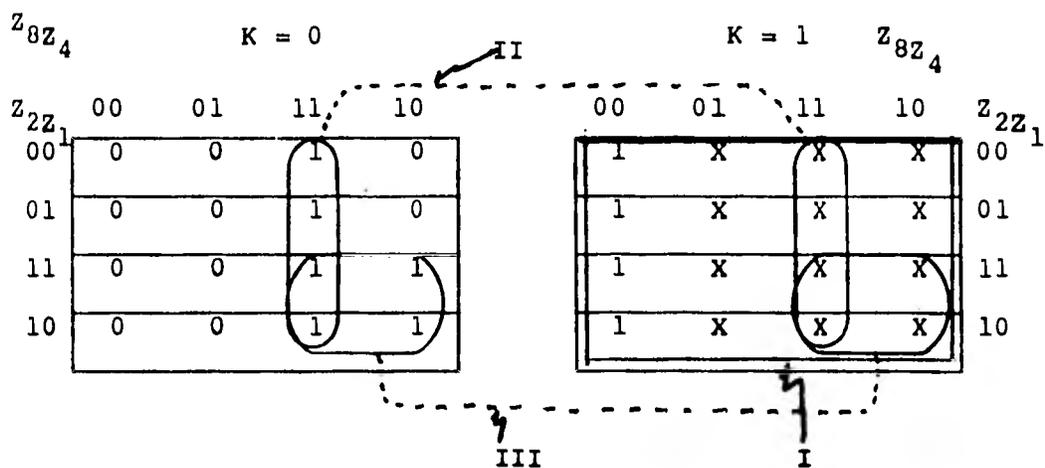


Figura IV.3 Mapa de Karnaugh para encontrar la función- de corrección de donde se obtiene la siguiente función:

$$C = K + Z_8 Z_4 + Z_8 Z_2$$

y usando la terminología anterior queda:

$$C_{sal} = C_{ent} + A_{1,8} A_{1,4} + A_{1,8} A_{1,2} \text{ ----- (3)}$$

Regresando otra vez a nuestros números A y B establece- remos que habrá un bit extra  $A_s$  y  $B_s$  que serán usados - para guardar información sobre el signo. Si estos con-

tienen un cero el número será positivo y si contienen un uno será negativo. De tal manera que una suma se -- puede representar de la siguiente forma:

$$Ss \ S \leftarrow As \ A + Bs \ B$$

El siguiente paso es por lo tanto encontrar la función-- para poder determinar el signo del resultado (Ss). En-- la siguiente tabla se muestra el valor que deberá tener -- Ss dependiendo de la magnitud y signo de los números -- A y B. Conviene señalar que las operaciones de resta -- serán explicadas con mayor detalle en el siguiente inci-- so.

<u>f (.)</u>	<u>Condición</u>	<u>Resultado</u>	<u>Csal</u>	<u>Ss</u>
A+B	A B ó B A	A+B	X	0
A+ $\bar{B}$ +1	A B	A-B	1	0
A+ $\bar{B}$ +1	B A	10' (B-A)	0	1
B+ $\bar{A}$ +1	B A	B-A	1	0
B+ $\bar{A}$ +1	A B	10' (A-B)	0	1
$\bar{A}$ +1+ $\bar{B}$ +1	A B ó B A	A+B	X	1

Tabla IV.3

Donde:

$\bar{A}$ +1 = Complemento a diez de A

$\bar{B}$ +1 = Complemento a diez de B

10' (B-A) = Diez complemento de B-A

X = No importa el valor que tome.

En el primer renglón el signo del resultado  $S_s$  deberá ser positivo, por estarse sumando dos números positivos. En el segundo y tercer renglón el valor de  $S_s$  dependerá de cual de los dos números (A ó B) sea mayor. Esta información la podemos conocer a partir de  $C_{sal}$ , tal como se explica a continuación.

La suma de  $A+B'+1$  es equivalente a  $A+(10^n-B)=10^n+(A-B)$ . Cuando el carry de salida  $C_{sal}$  es igual a uno, significa que un uno está disponible en la posición  $n+1$  del resultado y por lo tanto representa el valor de  $10^n$ . -- Ahora si  $A \geq B$  entonces  $(A-B)$  debe ser un número positivo y  $10^n+(A-B) \geq 10^n$ . Si quitamos el carry de salida -- ( $10^n$ ) entonces nos queda  $(A-B)$ . Ahora si  $A < B$ , entonces  $(A-B)$  debe ser un número negativo. Por lo tanto --  $10^n+(A-B) < 10^n$  y  $C_{sal}$  deberá ser cero. El resultado de esta operación puede ser escrito como  $10^n-(B-A)$ , donde  $B-A$  es un número positivo. Esto es equivalente al diez complemento de  $(B-A)$ . Para obtener la magnitud de la diferencia, debemos complementar otra vez para obtener  $10^n-(10^n+A-B) = B-A$ , siendo el resultado negativo.

Los renglones cuatro y cinco son similares al segundo y tercero y el último al primer renglón. A partir de la tabla IV.3 podemos escribir la tabla de verdad siguiente:

As	Bs	Csal	Ss
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

Tabla IV.4

Y el mapa de Karnaugh es:

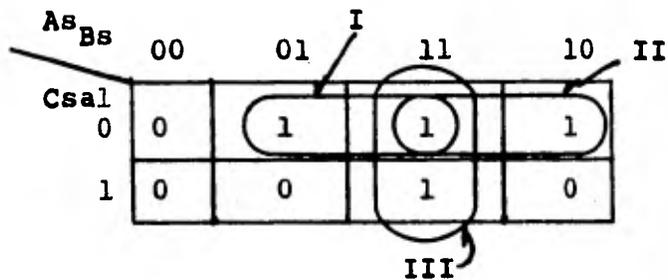


Figura IV.4 Mapa de Karnaugh para Ss

Obteniendose la siguiente función:

$$Ss = \bar{C}sal Bs + AsBs + \bar{C}sal As \text{ -----(4)}$$

Solo nos falta encontrar la función que nos detectará - el caso en que exista un overflow, la cual es explicada enseguida.

Consideremos el siguiente circuito, usando para sumar dos números.

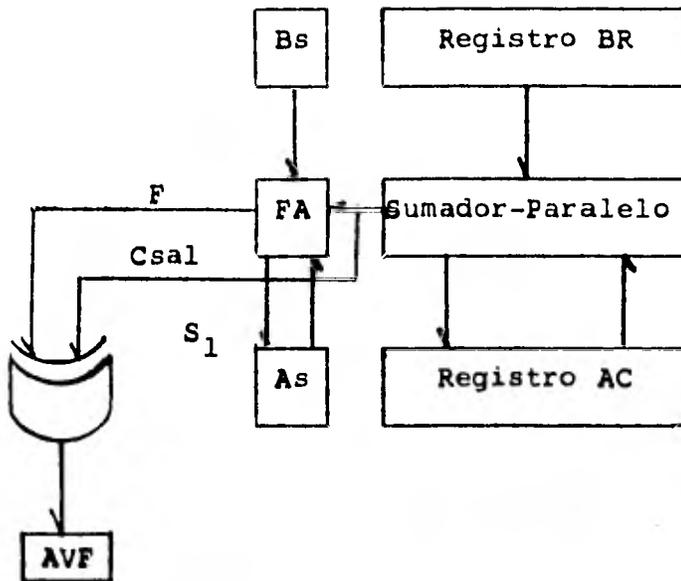


Figura IV.5 Circuito para sumar.

Donde:  $F = A_s B_s + A_s C_{sal} + B_s C_{sal}$  -----(5)

En los registros AC y BR se almacenan los sumandos, a la vez que el resultado se transfiere al registro AC. En este circuito se muestra un sumador completo (FA) -- empleado para obtener la suma de los bits de signo  $A_s$  y  $B_s$ . También se muestra un Flip Flop llamado AVF el -- cual valdrá uno en caso de existir overflow y cero en -- caso de no haberlo.

Cuando los números a sumar son de diferente signo no podrá existir overflow ya que el resultado será menor en magnitud que cualquiera de los dos.

Por lo tanto, solo se podrá presentar overflow cuando se trate con números del mismo signo, habiendo dos posibles casos. El primero que es cuando los dos números son positivos, tendremos que  $A_s$  y  $B_s$  serán cero y por lo tanto  $S_1$  también tiene que valer cero. Si el valor de  $C_{sal}$ , que es el carry de salida de la última etapa, vale cero, entonces  $S_1$  también valdrá cero como es requerido. Pero si existe un overflow en la suma de las magnitudes entonces  $C_{sal}$  valdrá uno y  $S_1$  también. El valor de  $F$  valdrá cero, lo anterior se muestra en los dos primeros renglones de la tabla IV.5

$A_s$	$B_s$	$C_{sal}$	$F$	$S_1$	AVF
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1
1	1	1	1	1	0
1	1	0	1	0	1

Tabla IV.5 Detección de Overflow.

Para el segundo caso que es cuando los dos números son negativos, tenemos que  $A_s$  y  $B_s$  valen uno. El valor de  $S_1$  deberá ser uno por obtenerse un resultado negativo. Si  $C_{sal}$  vale uno el sumador-completo (FA) producirá un uno en  $S_1$  como es requerido y  $F$  también valdrá uno. Sin embargo si  $C_{sal}$  vale cero, se tendrá un cero en  $S_1$  y un uno en  $F$ . Lo anterior solo ocurriría si existe un overflow durante la adición de dos números negativos ya que un cero para números negativos corresponde a un uno con números positivos. Por lo anterior se concluye que

habrá overflow cuando exista un cambio en el signo del resultado.

Para encontrar la función requerida para detectar esto, observemos que E y F representan la función exclusiva--OR y nos indican un overflow, por lo tanto:

$$AVF = C_{sal} \oplus F$$

ó

$$AVF = \bar{C}_{sal} F + C_{sal} \bar{F} \text{ ----- (6)}$$

Ahora si ya contamos con todas las funciones necesarias para realizar una suma de números en código BCD. Sin embargo, antes de presentar el diagrama de flujo se mencionarán tres métodos empleados para realizar una suma, estos van relacionados directamente con los diferentes circuitos que hay en el mercado.

El primer método llamado de adición decimal en paralelo, se tiene "n" sumadores de tipo BCD, uno por cada dígito a sumar. Este es el método más rápido pero también el más costoso, Figura IV.6

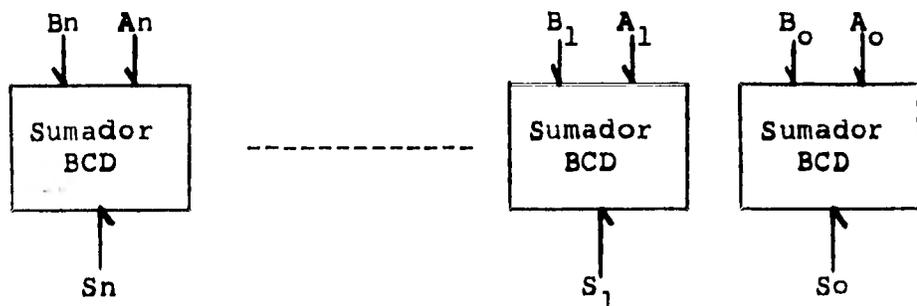


Figura IV.6 Adición en Paralelo.

Donde :

$$A_i = a_8 a_4 a_2 a_1$$

$$B_i = b_8 b_4 b_2 b_1$$

$$S_i = s_8 s_4 s_2 s_1$$

Nota: En el segundo método se suman los bits en paralelo y los dígitos en serie. Aquí solo se emplea un sumador de tipo BCD y los dígitos se van alimentando uno -- tras del otro por medio de corrimientos, ver figura IV.7.

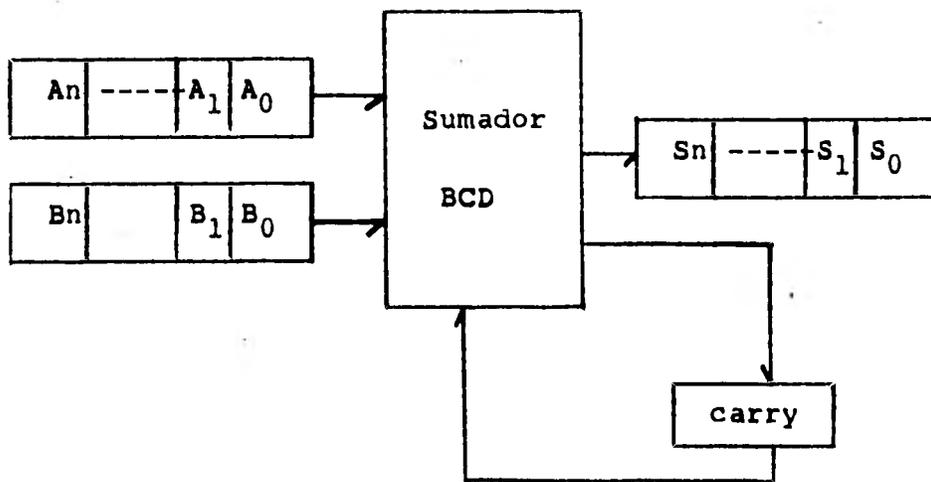


Figura IV.7 Suma de bits en paralelo y dígitos en serie.

Nota: Un sumador de tipo BCD es el que integra ya la corrección.

Este método proporciona un valor medio en rapidez y costo y es el que se emplea normalmente en las calculadoras. Por lo tanto, este será el que tomemos como modelo en nuestro diseño.

En el tercer método toda la suma se hace en forma completamente seriada usando un sumador completo (FA), por lo tanto hay que preveer un circuito para la corrección. Este se muestra en la figura IV.8

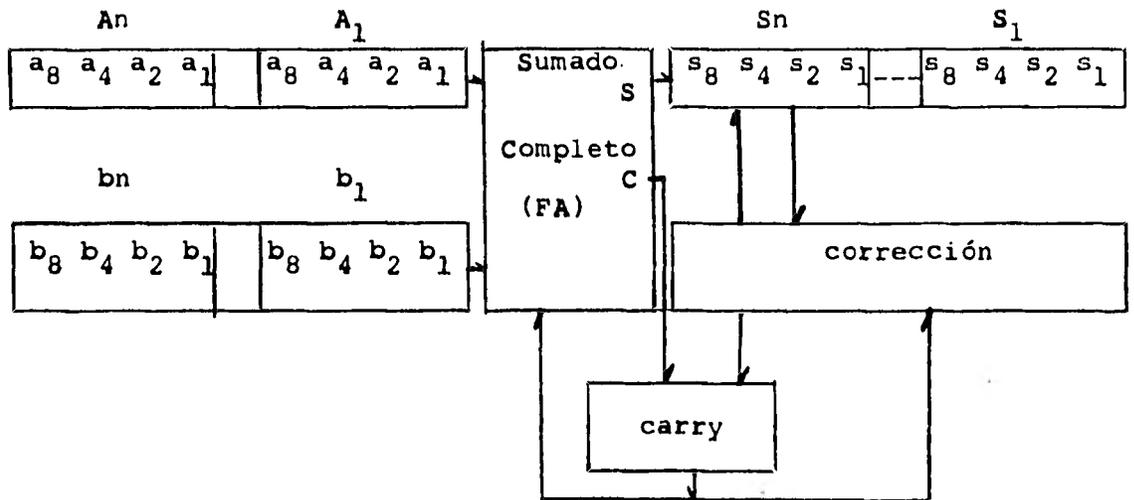
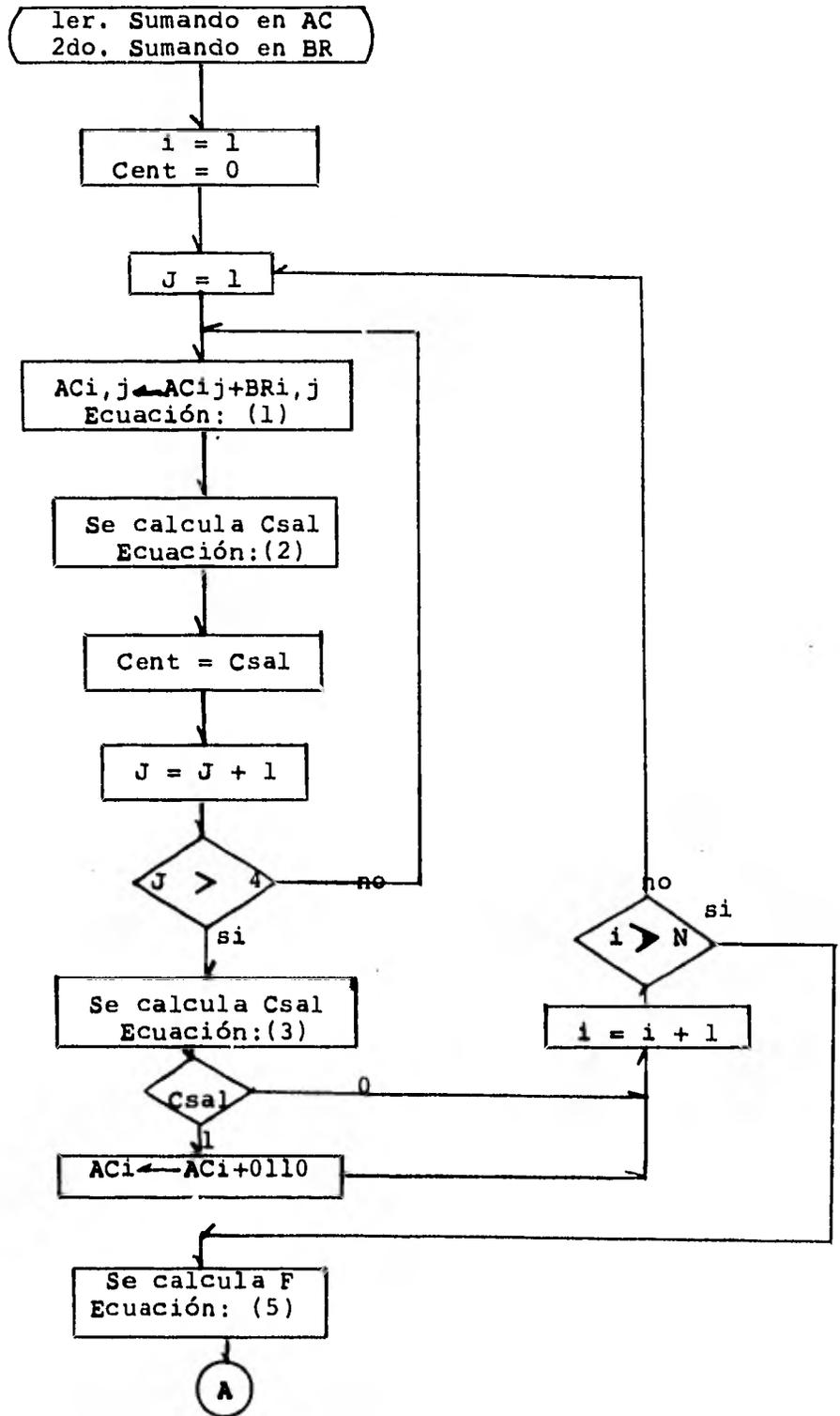


Figura IV.8 Suma completamente en serie..

Este tercer método es bastante barato pero muy lento.

A continuación se presenta el algoritmo para efectuar -  
una suma con números en código BCD.



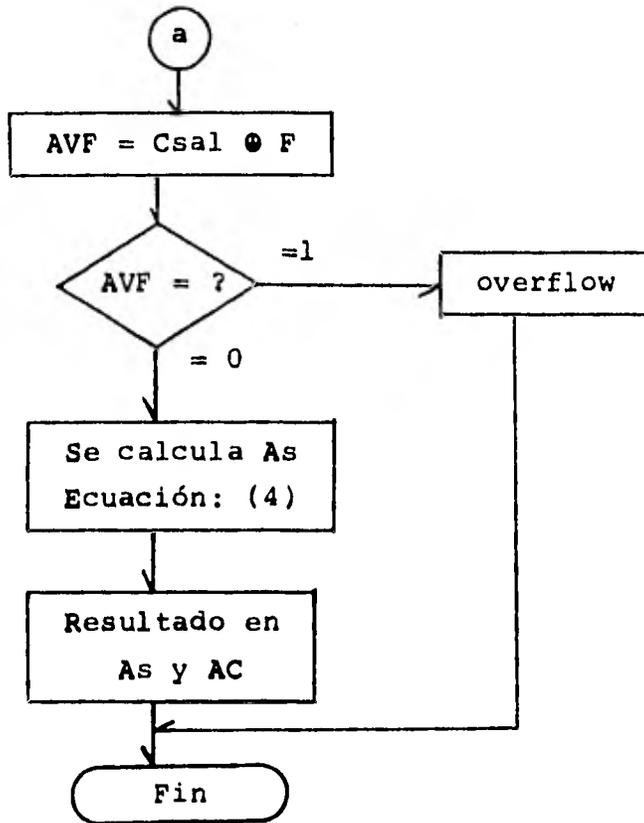


Figura IV.9 Algoritmo para la suma.

Inicialmente se guarda en AC y BR los sumandos, luego se procede a sumar un dígito de cada número usando las ecs. desarrollados. Al complementar esto, se calcula -- Csal y dependiendo de este se hará o no corrección a la suma obtenida de los dos dígitos. El valor de N es una constante y representa al número máximo de dígitos que puede contener un número. En nuestro caso valdrá diez. Después de haber completado la suma de los dos números se verifica que no haya overflow. En caso de no existirlo se calcula el signo del resultado As. Finalmente el resultado queda en As y AC.

## ALGORITMO PARA LA RESTA

La operación de resta está basada en el algoritmo para la suma, ya que todos los principios para la operación de suma rigen también en la resta. Sin embargo es necesario establecer algunas condiciones y funciones adicionales.

La manera en que aquí se efectuará una suma será obteniendo el complemento a diez del ó de los números negativos y luego sumarlo al otro.

Para obtener el complemento a diez, primero se debe obtener el complemento a nueve y hacer Cent. igual a uno con el primer par de dígitos. Existen dos métodos de obtener el complemento a nueve.

En el primer método se debe complementar todos los bits de un dígito y luego sumarle diez (1010), descartando el carry de salida. Esto se hace para todos los dígitos del número a complementar a nueve. La demostración de lo anterior es como sigue. Sea N un número, al complementar los bits de uno de sus dígitos equivale a restar quince (1111) menos el dígito y sumarle luego diez equivale a  $15-N+10 = 9-N+16$ , pero como 16 equivale a un carry de salida y dijimos anteriormente que este lo descartamos, obtenemos:  $9-N$ , como es deseado.

En el segundo método primero se le suma seis (0110) al dígito y luego se complementa cada bit. Siendo lo anterior equivalente a:  $15-(N+6)=9-N$ , como es requerido.

A continuación se desarrollarán las funciones necesarias para obtener directamente los valores de los bits para obtener el complemento a nueve. En la tabla IV.6 se muestra los números del 0 al 9 y sus correspondientes complementos a nueve.

Número	Complemento a nueve
0000	1001
0001	1000
0010	0111
0011	0110
0100	0101
0101	0100
0110	0011
0111	0010
1000	0010
1001	0000

Tabla IV.6

Complemento a nueve de los números cero a nueve.

Formemos el mapa de Karnaugh para encontrar la función de complemento a nueve de  $A_1$ , o sea  $X_1$ .

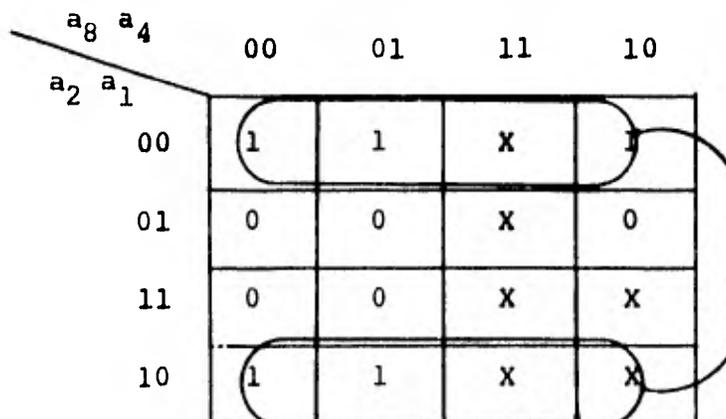


Figura IV.10 Mapa de Karnaugh para  $X_1$

de donde se obtiene:

$$X_1 = \bar{a}_1 \text{ ----- (7)}$$

En las figuras IV.11, IV.12 y IV.13 se encuentran los mapas de Karnaugh para  $X_2$ ,  $X_4$  y  $X_8$  respectivamente, de donde se obtienen las siguientes ecuaciones.

		$a_8 \ a_4$			
		00	01	11	10
$a_2 \ a_1$	00	0	0	X	0
	01	0	0	X	0
	11	1	1	X	X
	10	1	1	X	X

Figura IV.11 Mapa de Karnaugh para  $X_2$

		$a_8 \ a_4$			
		00	01	11	10
$a_2 \ a_1$	00	0	1	X	0
	01	0	1	X	0
	11	1	0	X	X
	10	1	0	X	X

Figura IV.12 Mapa de Karnaugh para  $X_4$

		$a_8 \ a_4$			
		00	01	11	10
$a_2 \ a_1$	00	1	0	X	0
	01	1	0	X	0
	11	0	0	X	X
	10	0	0	X	X

Figura IV.13 Mapa de Karnaugh para  $X_8$ .

$$X_2 = a_2 \text{ ----- (8)}$$

$$X_4 = \bar{a}_2 a_4 + a_2 \bar{a}_4 \text{ ----- (9)}$$

$$X_8 = \bar{a}_2 \bar{a}_4 \bar{a}_8 \text{ ----- (10)}$$

Ahora debemos establecer cuando será necesario complementar. Para esto es necesario explicar un poco acerca de la forma en que trabajará la simulación de la calculadora.

Inicialmente se teclea un número, el cual será almacenado en AC, posteriormente se oprime alguna tecla que represente una función (+, -, \*, / ), dependiendo de la que haya sido, se le dará un valor de 1 a 4 a una bandera. Si la tecla oprimida es menos entonces el valor de la bandera será dos. Posteriormente se teclea el segundo número, en caso de resta o suma, este número será almacenado en el registro BR. Finalmente se oprime la tecla de igual.

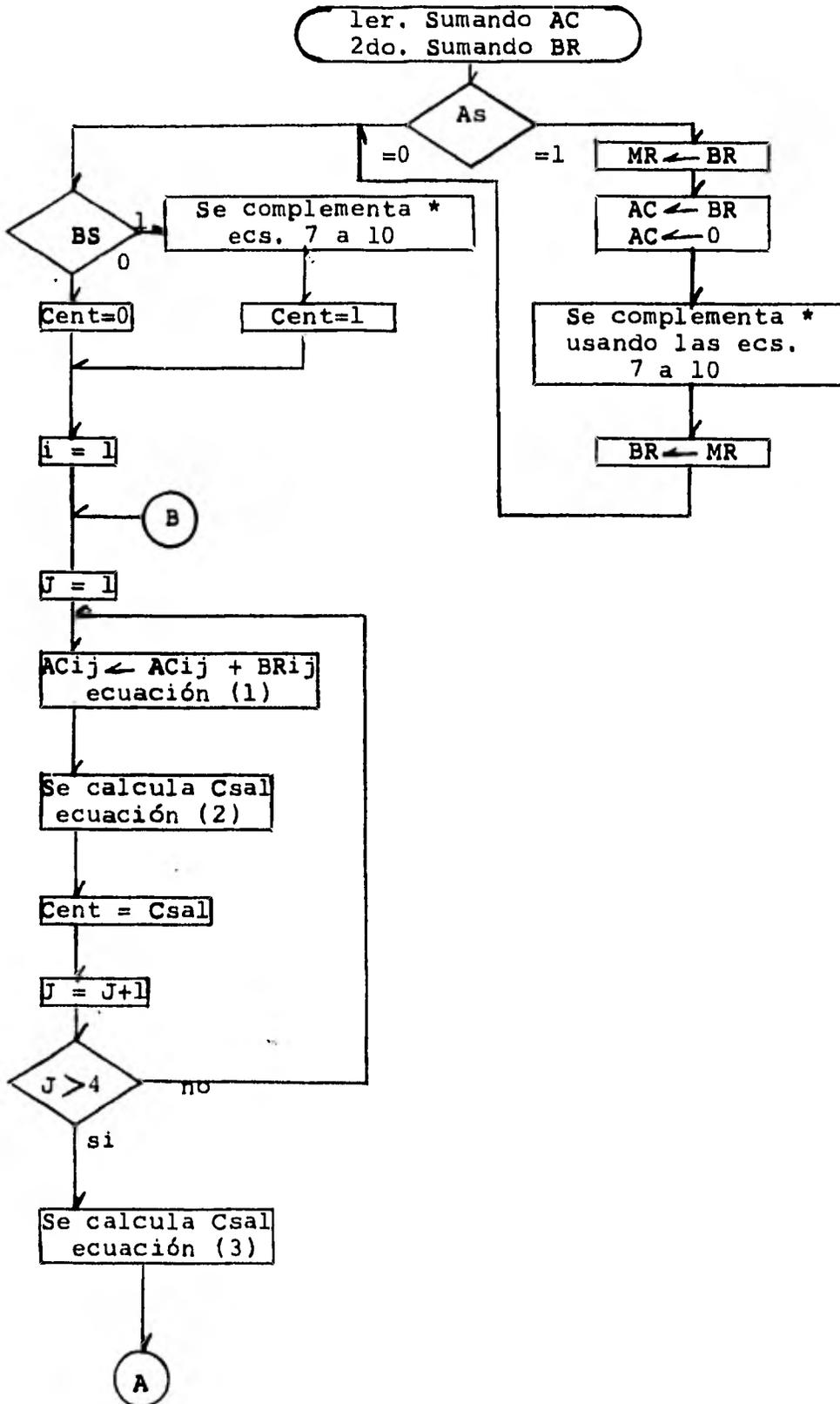
Por lo anterior se ve que existen tres casos en los que es necesario complementar. Primero cuando el valor de As es uno, segundo cuando la bandera vale dos o Bs vale uno y tercero cuando el resultado es negativo, ya que este se presentará en complemento a dos y será necesario volver a complementar para obtener la representación correcta de la magnitud.

La manera en que se obtenga el complemento para el primer caso dependerá del circuito que se esté simulando. En este punto diremos que utilizaremos un sumador de tipo BCD con un elemento adicional de complemento a nueve, como será explicado con mayor detalle en el capítulo -- sexto. Debido a la condición de este circuito, es nece

sario pasar a través de sumador BCD para poder complementar un número. Por lo anterior hay que hacer movimientos entre registros y limpiar otros. Así, para el primer caso mencionado anteriormente será necesario --- guardar el valor de BR en un registro de memoria, o sea hacer  $MR \leftarrow BR$ , luego transferir el valor del número o -- complementar a BR, o sea:  $BR \leftarrow AC$ , a la vez que se tendrá que limpiar el registro de AC,  $AC \leftarrow 0$ . Después de - estos movimientos se pasará por el sumador BCD y su elemento de complemento a nueve. Finalmente se volverá a reintegrar el valor original de BR, es decir  $BR \leftarrow MR$ .

Para el tercer caso se hará  $BR \leftarrow AC$ , luego  $AC \leftarrow 0$  pasando lo luego por el complementador. El resultado quedará - en AC como es requerido.

En el siguiente diagrama de flujo se presentan estas --  
condiciones, así como las funciones anteriores.



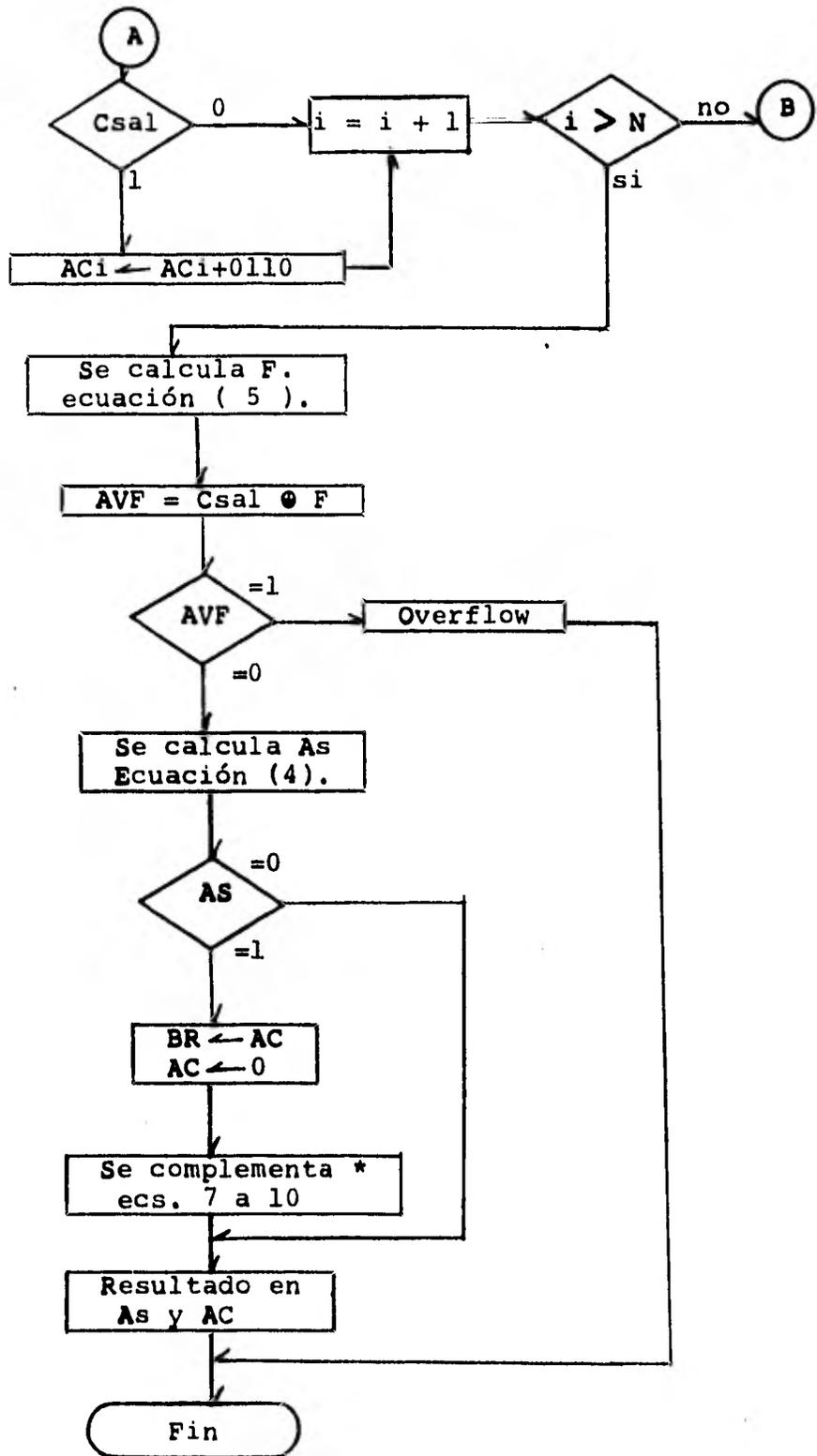


Figura IV.14 Algoritmo para la resta.

Para no sobre llenar este algoritmo, la lógica para los cuadros marcados con un asterisco se muestran en la figura IV.15. En caso de ser negativo el resultado, el valor que tomará  $A_s$  será de uno.

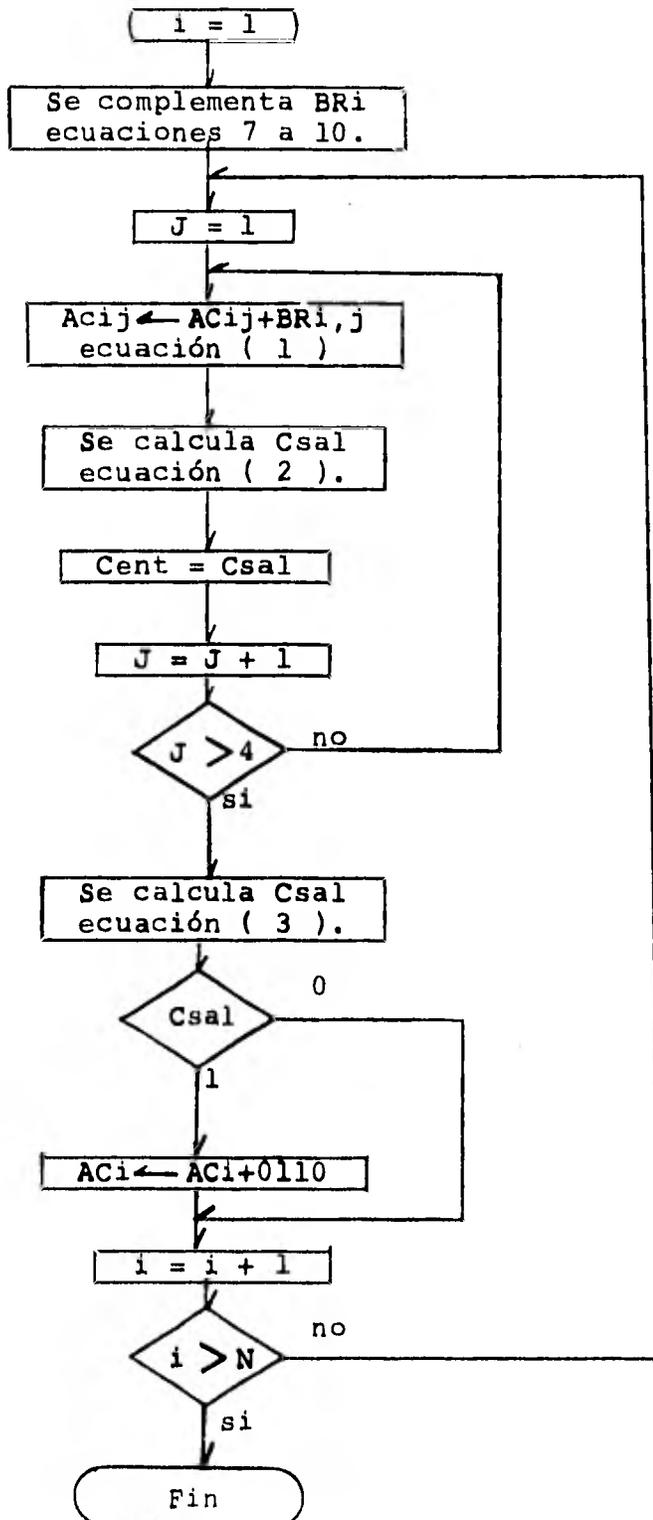


Figura IV.15  
Diagrama de flujo para los cuadros marcados con asterisco.

## ALGORITMO PARA LA MULTIPLICACION

Una operación de multiplicación se puede efectuar por medio de un proceso que combine sumas sucesivas y corrimientos. Veamos el siguiente ejemplo para aclarar esto. Tomemos dos números decimales cualesquiera y multipliquémoslos.

$$\begin{array}{r} 23 \quad \text{multiplicando} \\ \underline{\times 426} \quad \text{multiplicador} \end{array}$$

Para hacer esto tomemos el dígito menos significativo del multiplicador (6). El hecho de multiplicar 6 por 23 es equivalente a sumar seis veces el valor de 23, es decir:

$$23+23+23+23+23+23=138 \quad \text{producto parcial.}$$

luego colocamos este producto parcial (138) debajo del 426:

$$\begin{array}{r} 23 \\ \underline{\times 426} \\ 138 \end{array}$$

Tomando ahora el segundo dígito del multiplicador (2), vemos que necesitamos sumar 23 dos veces, es decir:

$$23+23=46$$

Para asignarle la posición correcta a este segundo producto parcial, tenemos que recorrerlo un lugar a la izquierda del 138, es decir:

$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 426 \\ \hline 138 \\ 46 \end{array}$$

analogamente para el tercer dígito del multiplicador --  
(4), tenemos:

$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 426 \\ \hline 138 \\ 46 \\ 92 \\ \hline 9798 \end{array} \qquad 23+23+23+23=92$$

y al sumar los tres productos parciales, obtenemos el -  
resultado mostrado.

El proceso que se acaba de presentar es el usado normal-  
mente cuando se efectúa la operación de multiplicación-  
con un lápiz y papel. Al desarrollar el algoritmo para  
la simulación de esta operación en una computadora, nos  
basaremos en el proceso anterior pero con algunas modi-  
ficaciones. La primera es que los productos parciales-  
se sumarán inmediatamente y no hasta el final, ya que -  
de esta última manera se necesitaría un registro por ca-  
da producto parcial, siendo que de otra forma solo se -  
requieren dos registros. Así 138 y 460 se sumarían in-  
mediatamente y no hasta el final dando 598 y luego este  
sería sumado a 9200 dando 9798.

La segunda modificación es la de recorrer el producto -  
parcial hacia la derecha y no hacia la izquierda. Al -  
hacer esto las posiciones relativas de los productos --

parciales se conservan y no cambia el resultado. Así - en el ejemplo anterior, al sumar 46 más 138 se recorrerá 138 a la derecha y no 46 a la izquierda, siendo los dos movimientos equivalentes.

Para desarrollar el algoritmo partiremos del hecho que tendremos 3 registros AC, BR y QR cada uno con un Flip-Flop extra para indicar el signo, AS, BS y QS, respectivamente. Inicialmente AC valdrá cero, BR contendrá el multiplicando y QR, el multiplicador. El primer paso es tomar el dígito menos significativo (4 bits) del multiplicador, si este es diferente de cero, se sumarán BR y AC. Luego se le restará uno al dígito de QR que se está tratando, si todavía no alcanza el valor de cero se volverá a sumar BR a AC y lo anterior se repetirá -- continuamente hasta que el dígito alcance el valor de cero. En este momento se hará un corrimiento hacia la derecha, es decir se hará:

dshr AC,QR

Luego se toma el siguiente dígito menos significativo de QR y se repite el proceso anterior, hasta agotar todos los dígitos. En este punto conviene hacer notar -- que al estarse sumando dos productos parciales intermedios puede originarse un overflow, por lo tanto tendremos otro registro E que constará de 4 bits para preveer lo anterior.

E dependerá del carry de salida. Como las entradas para calcular el valor de E son este mismo y Csal, se podrá obtener E con un medio sumador, usando las siguientes ecuaciones.

$$E = e_8 e_4 e_2 e_1 \quad e_i = e_i \oplus Csal = \bar{e}_i Csal + e_i \bar{Csal} \text{-----(11)}$$

$$Cent = e_i Csal \text{-----(12)}$$

donde:

Csal es el carry generado de último par de dígitos de AC y BR.

Por lo anterior se tendrá que el corrimiento que se hará cuando el dígito que se esté manejando sea cero, será:

$$dshr \ E, AC, QR$$

Ahora para poder restarle uno a este dígito se le suma quince (1111), tal como se demuestra enseguida. El complemento a nueve de uno es 1000 y el complemento a diez es 1001, sin embargo al sumar este valor a cualquier dígito obtendremos un número mayor que nueve (1001) y por lo tanto se le tendrá que sumar seis (0110) para poderlo representar correctamente en código BCD. Integrando estos dos valores tenemos:

$$1001 + 0110 = 1111$$

como se quería demostrar.

A continuación se presenta el diagrama del flujo del algoritmo para la multiplicación.

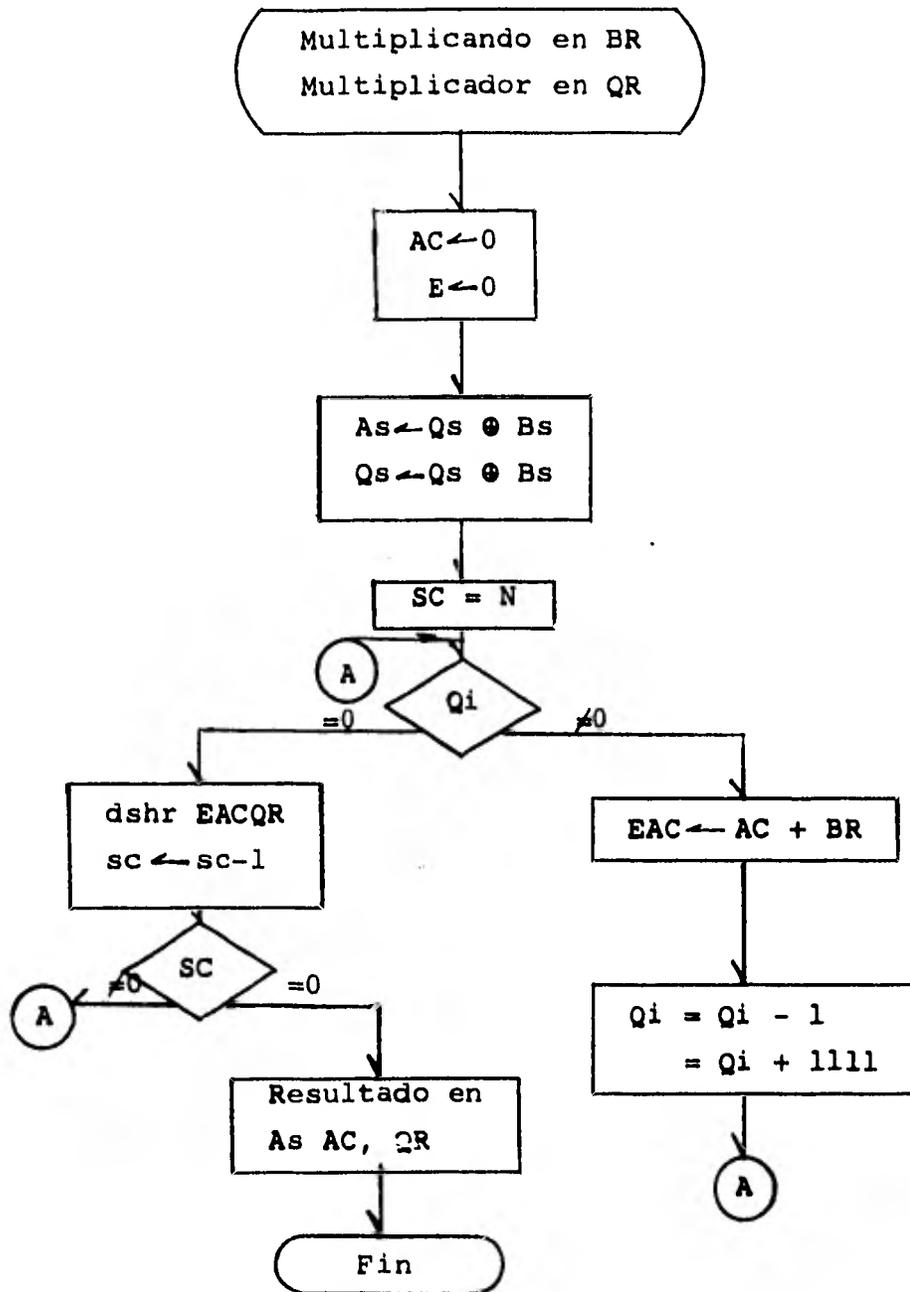


Figura IV.16 Algoritmo para la multiplicación.

Primero se cargan los registros BR y QR. Luego se ----  
limpian AC y E. Posteriormente se calcula el signo de  
As que es igual al de Qs por contener los dos el resul-  
tado, ya que este es de precisión doble. El cálculo --

del signo se hace usando la función OR exclusiva. El -  
valor de N representa el número máximo de dígitos que -  
podrá contener un número. En el siguiente paso se ana-  
liza  $Q_i$ , si este es diferente de cero se suma AC y BR -  
obteniendo EAC, esto se hace usando el algoritmo para -  
la suma desarrollado anteriormente y también las ecua-  
ciones 11 y 12. Luego se le resta uno a  $Q_i$  y se repite  
el proceso. Si  $Q_i$  vale cero, se hace un corrimiento --  
hacia la derecha de EACQR y se decrementa el contador -  
SC, al haberse repetido N veces este proceso, SC valdrá  
cero y el resultado estará en As AC y QR.

### ALGORITMO PARA LA DIVISION

La operación de división puede realizarse "a mano" por el método de reposición. Un ejemplo de esto se presenta a continuación.

	21		
divisor 6	131		cociente
	-6		dividendo
	7		1er. residuo parcial
	-6		
	1		
	-6		
	-5		
	+6		
	11		se baja el siguiente dígito (uno)
	- 6		se corre el 6 un lugar a la derecha
	5		
	-6		
	-1		
	+6		
	+5		residuo final

Figura IV.17 División por el método de reposición.

Tomemos el trece y dividámoslo entre seis, para hacer esto, restemos seis de trece tantas veces como sea necesario hasta obtener un número negativo. Contemos el número de veces que restamos 6 de 13 hasta antes de obtener el residuo parcial negativo y coloquemos este número como primer dígito del cociente. Ahora, no debemos tener residuos parciales negativos por lo tanto lo tenemos que "reponer" sumándole seis a este número negativo. El siguiente paso es el de colocar el dígito que sigue del 13 y ponerlo al lado del residuo parcial último (1). Seguidamente se recorre un lugar el 6 a la derecha y se repite el proceso de substracción y reposición hasta -- agotar todos los dígitos del dividendo.

Este método es el que nosotros tomaremos como modelo -- para nuestra simulación, pero sin embargo hay que hacer le una modificación. En el ejemplo anterior nosotros -- recorrimos el divisor (6) hacia la derecha, el cambio -- requerido es que sea el residuo parcial el que se reco-- rra y a la izquierda. El efecto es el mismo ya que las posiciones relativas de estos se conservan.

De lo anterior es fácil ver que la operación de divi-- sión está basada en sumas y restas, por lo que solo fal-- ta determinar la función para el signo y el overflow.

Por lo que se refiere al signo del cociente, se tiene -- que este será positivo si el divisor y el dividendo son del mismo signo y que será negativo en caso de que el -- divisor y el dividendo tengan signos diferentes. La -- función OR exclusiva cumple completamente con lo ante-- rior y será la utilizada para determinar el signo del -- cociente.

La posibilidad de overflow en la división se origina -- del hecho de que el divisor generalmente ocupa un regis-- tro de N bits, mientras que el dividendo se hace de pre-- cisión doble y ocupa dos registros de N bits.

Entonces existirá overflow si los primeros N-bits del -- dividendo son mayores que los del divisor, ya que se ten-- drá de N+1 bits en el cociente, información que no po-- drá ser manejada por los registros al haberlos supuesto

de  $N$  bits. Esta información la podremos obtener a partir de la primera vez que se resta el divisor del dividendo. Si el carry de salida vale uno, entonces el dividendo será mayor que el divisor y tendremos al final un cociente compuesto por  $N+1$  bits, existiendo por lo tanto overflow.

A continuación se presenta el algoritmo para la operación de división.

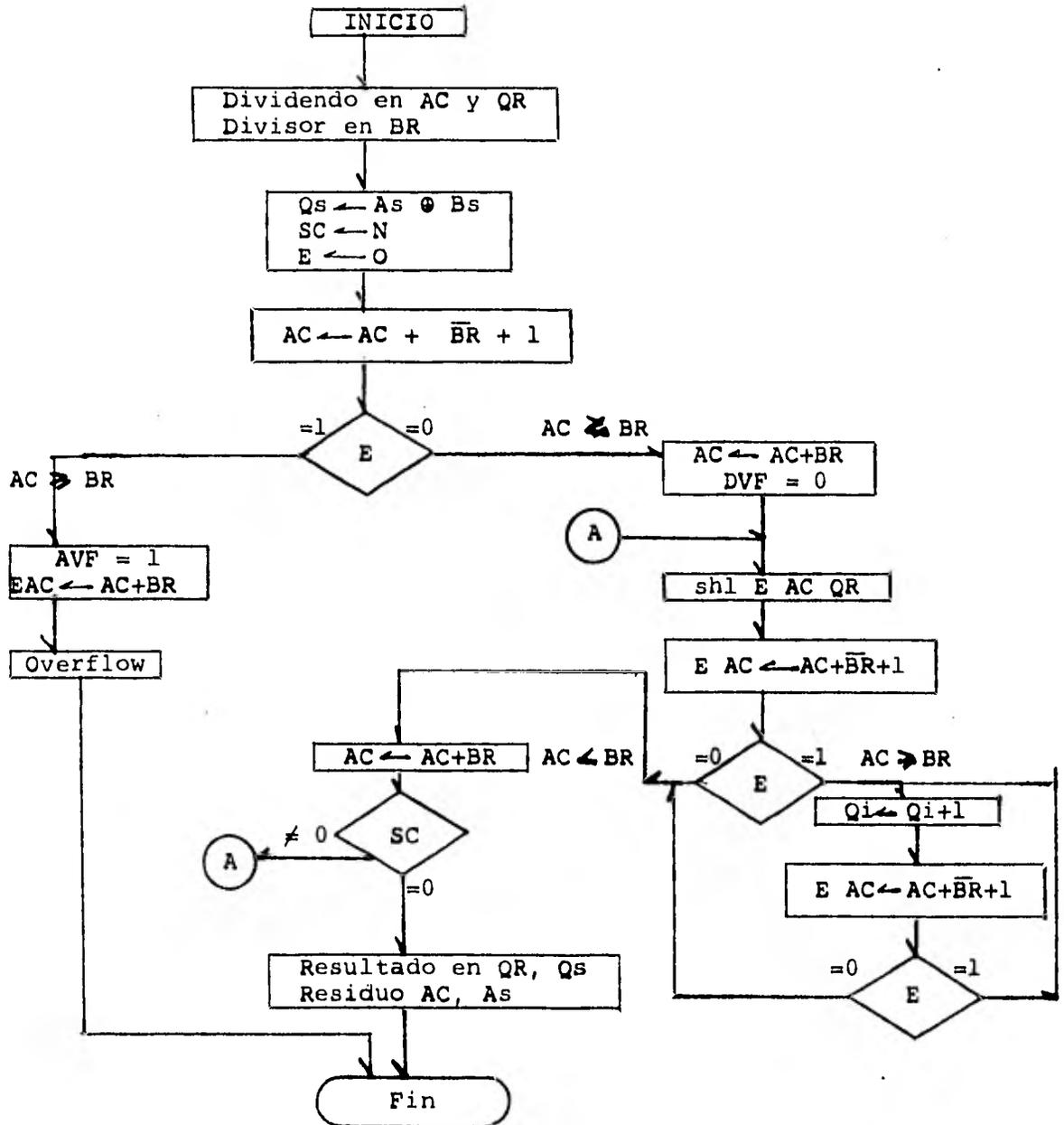


Figura IV.18 Algoritmo para la división.

Inicialmente se guarda el dividendo en los registros AC y BR y el divisor en el registro BR. Luego se limpia el registro E y se hace SC igual a N donde N es el número de dígitos del dividendo. También se calcula el signo del cociente. Posteriormente se resta BR del dividendo, si E vale uno entonces existe overflow y se termina el programa. Si E vale cero, entonces se reponen el valor del dividendo y se hace DVF igual a cero. Luego se hace un corrimiento hacia la izquierda de todo el dividendo y se le resta el divisor si E vale cero, entonces se vuelve a reponer el valor del dividendo y se pregunta si ya se emplearon todos los dígitos del dividendo, en caso afirmativo la operación ha terminado y el resultado se encuentra en QR y Qs. En caso de que aún queden algunos dígitos, se repite el proceso. En Ql se va llevando la cuenta del número de veces en que se ha restado el divisor del dividendo para el conjunto de bits que se estén manejando en ese momento.

ALGORITMO PARA LA SUMA CON NUMEROS DE BASE SESENTA

Este algoritmo esta basado en el de la suma con números decimales. De hecho es el mismo pero con la adición de varias funciones para hacer conversiones. La primera conversión que es necesario hacer, es cuando los números de entrada estan formados por centésimas y no por minutos. Es decir, los dos dígitos a la derecha del punto decimal serán considerados como los minutos y si estos dígitos alcanzan un valor mayor de sesenta, se tendrán que convertir a un número entre 0 y 59 a la vez -- que se incrementará el valor de las horas, que están representadas por los dígitos a la izquierda del punto. Por lo anterior sabemos que debemos hacer la conversión, cuando el primer dígito a la derecha del punto sea igual o mayor que seis. Tomando como base lo anterior podemos hacer el mapa de Karnaugh para obtener la función de conversión. La figura IV.19 presenta este mapa.

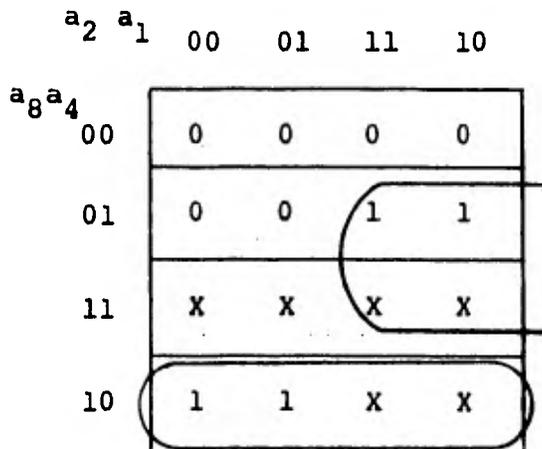


Figura IV.19 Mapa de Karnaugh para obtener la función de conversión.

y la función de conversión que se obtiene es:

$$F = a_8 \bar{a}_4 + a_4 a_2 \text{ ----- (13)}$$

Ahora ya sabemos cuando convertir, pero falta saber cómo. Esto es fácil, con solo sumar .40 se logra la corrección. Para ver esto más claro supongamos que tenemos sesenta y cinco minutos es decir 0.65, si le sumamos 0.40 tendremos una hora y cinco minutos, 1.05, como se quería.

La otra conversión que es necesario efectuar, es con el resultado. Para esto existen dos casos. En la primera que es cuando se genera un carry de salida, habrá que sumar 0.40 al igual que antes. Para ejemplificar esto supongamos que sumamos 0.55 más 0.53, el resultado será de 1.08, valiendo el carry de salida uno después de haber sumado los dos cincos, siendo que el resultado debería ser 1.48. Si sumamos 0.40 a 1.08 obtendremos este resultado. El segundo caso se presenta cuando los minutos del resultado son mayor que sesenta, en este caso también será necesario sumar 0.40. Sin embargo como en el programa para hacer esta última conversión solo se utiliza un Full adder y no todo el sumador BCD, se le suma 1010 que es la suma de 0.4 (0100) y de 6 (0110), donde el seis es debido a la corrección que es necesario hacer cuando se obtienen códigos BCD mayores de nueve, tal como se explicó en el desarrollo del algoritmo para la suma. El hecho de haber utilizado un sumador completo y no el sumador de tipo BCD, fué por cues-

tiones de rapidez en el computo, tal como se verá en --  
 los siguientes capítulos. El diagrama de flujo para su  
 mar números en base sesenta se presenta en la figura --  
 IV.20.

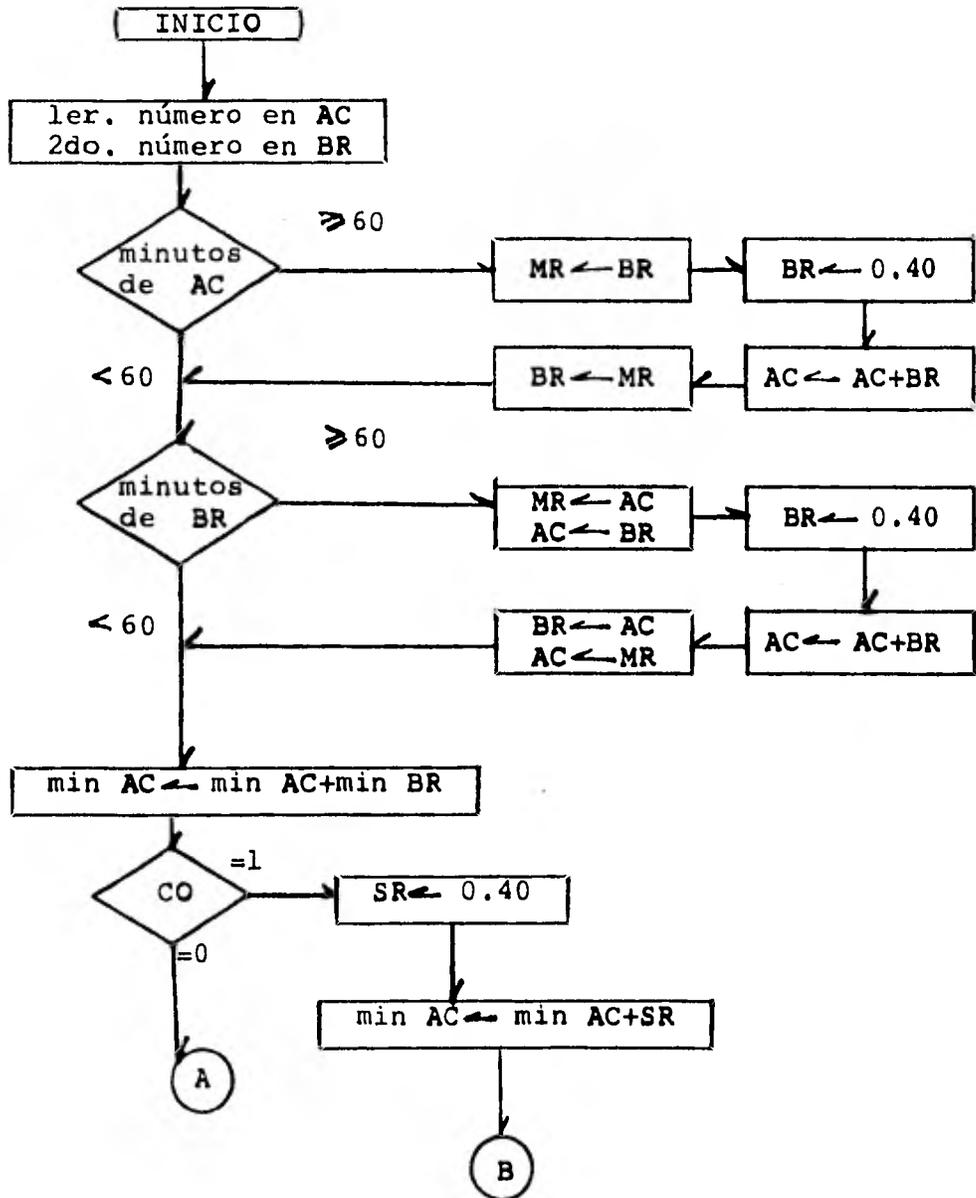
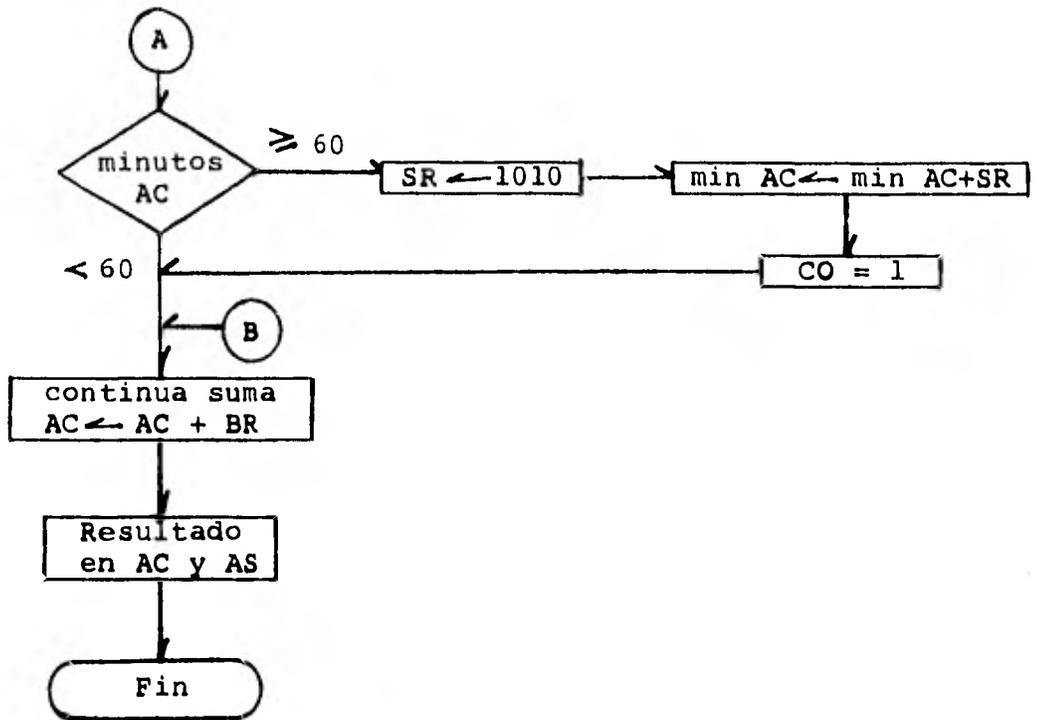


Figura IV.20 Diagrama de flujo para la suma con números de base sesenta.



Primero se checan si los números de entrada son mayores o iguales que sesenta, en caso afirmativo se les hace la conversión. Todos los movimientos mostrados entre registros es para poder usar el sumador tipo BCD. El registro MR, es un registro de memoria que sirve para guardar temporalmente el valor o los datos de otro registro. Luego se procede a sumar los minutos, en caso de que el carry de salida valga uno o de que la suma haya dado un número mayor de 59 se hacen las correcciones mencionadas antes.

El registro SR sirve para guardar constantes o valores para hacer conversiones y en algunos otros casos correcciones. Luego se procede a completar la suma de la manera acostumbrada. El resultado estará en AC y AS y será un número de base sesenta.

## ALGORITMO PARA LA RESTA CON NUMEROS DE BASE SESENTA.

Este algoritmo está basado en el de la resta con números decimales. Sin embargo, al igual que en el inciso anterior es necesario hacer ciertas conversiones. La primera, que es para convertir los números de entrada, es idéntica a la de la suma, presentada en el inciso anterior. La que si posee diferencias, es la conversión que es necesario hacer al resultado. Al estar restando los minutos de dos números se deberá checar que los minutos del minuendo sean mayor que los del sustraendo. Esto lo podemos determinar fácilmente como ya sabemos a partir del carry de salida de esta etapa. Si el carry de salida vale cero, entonces los minutos del sustraendo serán más grandes que los del minuendo y será necesario, hacerle una conversión a los minutos del resultado. Esta conversión se logra con restar 0.40 a los minutos del resultado, o sea sumarle seis (0110) -- que es el complemento a diez de cuatro. Sin embargo, como es necesario hacer la corrección para códigos inválidos o sea mayores que (1001) nueve, se le debe sumar 0110, así el valor final a sumar para hacer la conversión es  $0110 + 0110 = 1100$ .

El diagrama de flujo para la resta con números de base sesenta, figura IV.21, es casi igual a su similar para la suma, sólo diferenciándose en la última conversión.

El significado de las variables es el mismo y el proceso seguido es idéntico.

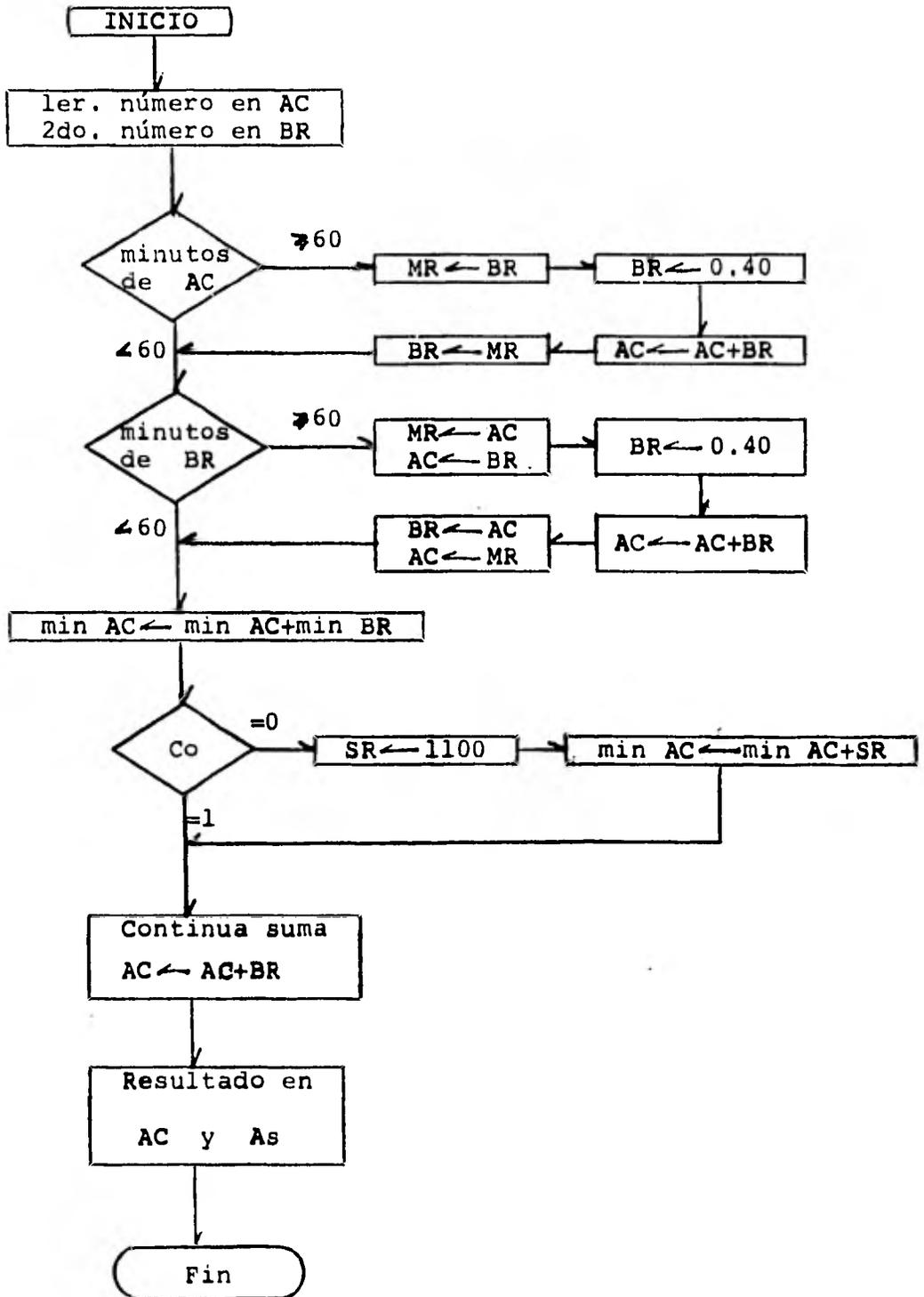


Figura IV.21 Diagrama de flujo para la resta con números en base sesenta.

C A P I T U L O   V

SIMULACION POR MEDIO DE UN PROGRAMA DE COMPUTADORA.

En este capítulo se presenta el programa de computadora hecho para la simulación de la calculadora. En este se encuentran implementados los algoritmos del capítulo -- anterior. Este capítulo está ordenado de la siguiente manera; primero se mencionan algunas características generales del programa. Seguidamente se presentan las variables empleadas y se describe el significado de estas. Luego se presenta el diagrama de flujo del programa y se explica este. Finalmente se muestra el listado del programa.

El programa fué desarrollado y corrido en una micro-computadora Apple II de 48 K de memoria en lenguaje BASIC (Apple soft). Para mayor protección el programa se encuentra grabado en un disco floppy de 5 1/4 pulgadas de diámetro y en cassette. La impresión del listado se hizo en una impresora de 80 caracteres por línea (Epson 80).

En la tabla V.1 se presentan las variables empleadas -- acompañadas de una breve explicación de estas.

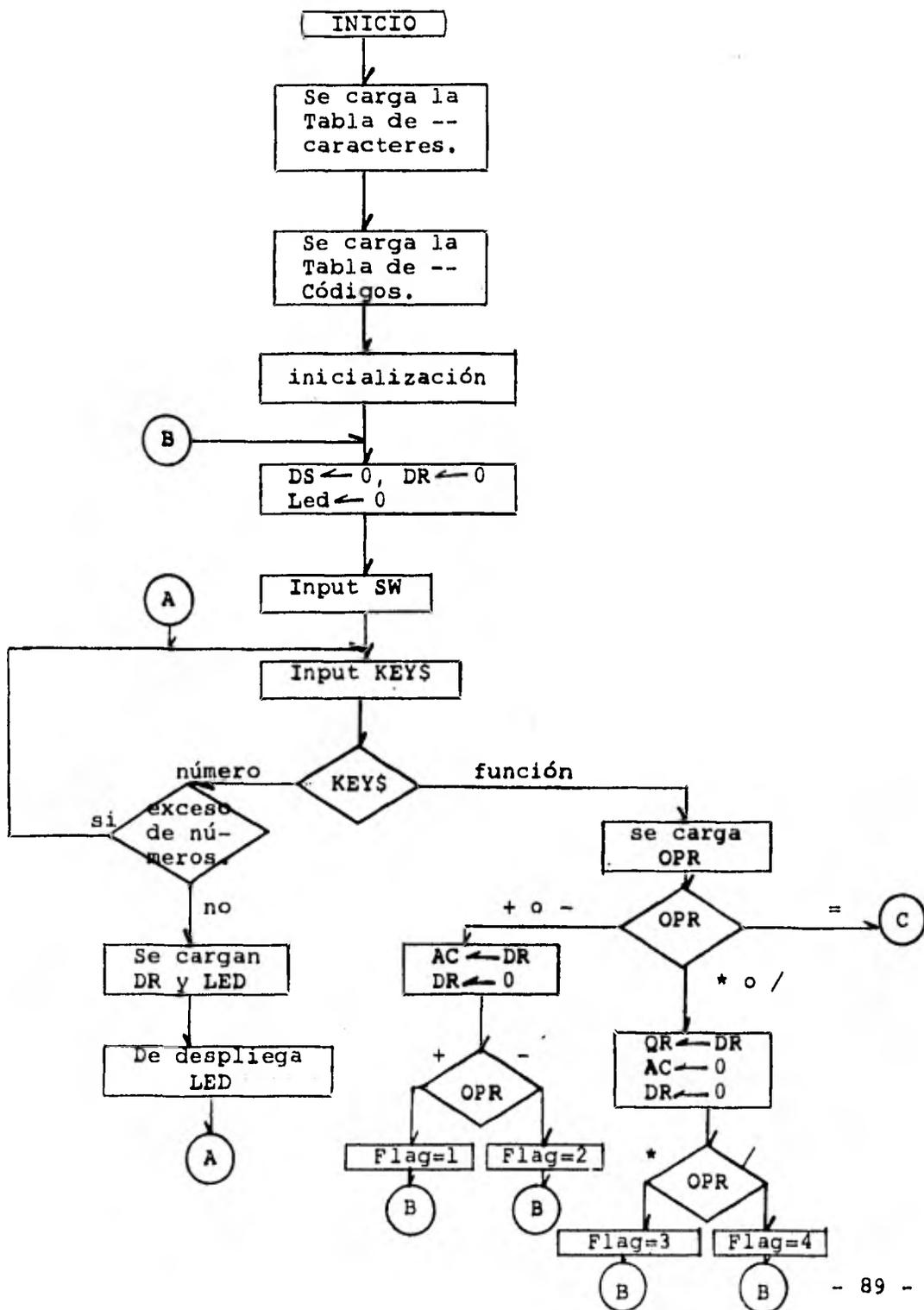
Variable	Nombre	Explicación
AC (10,4)	Acumulador	Va guardando la acumulación de los resultados. Puede guardar 10 caracteres representados en código BCD (4 bits).
BR (10,4)	Registro Buffer	Guarda información de entrada. Se usa en conjunto con AC como entrada al sumador tipo BCD.

Variable	Nombre	Explicación
QR (10,4)	Registro Cociente	Es usado para efectuar las operaciones de <u>multi</u> plicación y división.
DR (10,4)	Reg. Despliegue	Contiene la representa--ción en código BCD del número en el despliegue.
MR (10,4)	Registro memoria	Guarda temporalmente la información de otro re--gistro.
CODE (16,4)	Tabla Código	Esta tabla contiene los--códigos BCD de todos los caracteres y de las fun--ciones.
CHAR\$ (16)	Tabla Caracteres	En esta tabla se guardan todos los caracteres de--los números y funciones.
LED (10)	Despliegue	Es la variable que se --despliega, mostrando los caracteres del número.
SR (4)	Reg. Almacenar	Contiene constantes que--se sumarán a otros regis--tros, para hacer correc--ciones o conversiones.
E (4)	Registro Extra	Es usando en multiplica--ciones y divisiones para manejar posibles overflow intermedios.
CI	Carry Entrada	Representa al carry de --entrada, puede valer ce--ro o uno.
CO	Carry Salida	Representa al carry de --salida, puede valer cero o uno.
OPR (4)	Reg. Operación	Guarda el código de la --operación a efectuar.
AS	Signo AC	Representa el signo de AC
BS	Signo BR	Representa el signo de BR
QS	Signo QR	Representa el signo de QR
DS	Signo DR	Representa el signo de DR
SW	Switch 60	Cuando vale uno indica --que se manejaran números en base 60.

VARIABLES	NOMBRE	EXPLICACIÓN
Flag	Bandera	Tomará un valor de 1 a 4 dependiendo de la operación a realizar.
AVF	Overflow Adición	Si vale uno, entonces -- hay overflow en la adición.
DVF	Overflow División	Si vale uno, entonces -- hay overflow en la división.
Key\$	Tecla	Pide información del teclado.
KBI	Teclado/Inhibidor	Inhibe cualquier información del teclado, hasta que la entrada anterior haya sido procesada.
PD	Punto decimal	Si vale uno, entonces se ha oprimido la tecla del punto.
CE	Limpia entrada	Limpia la última entrada.
C	Limpia	Limpia todos los registros.

Tabla V.1

En la siguiente figura se presenta el diagrama de flujo del programa.



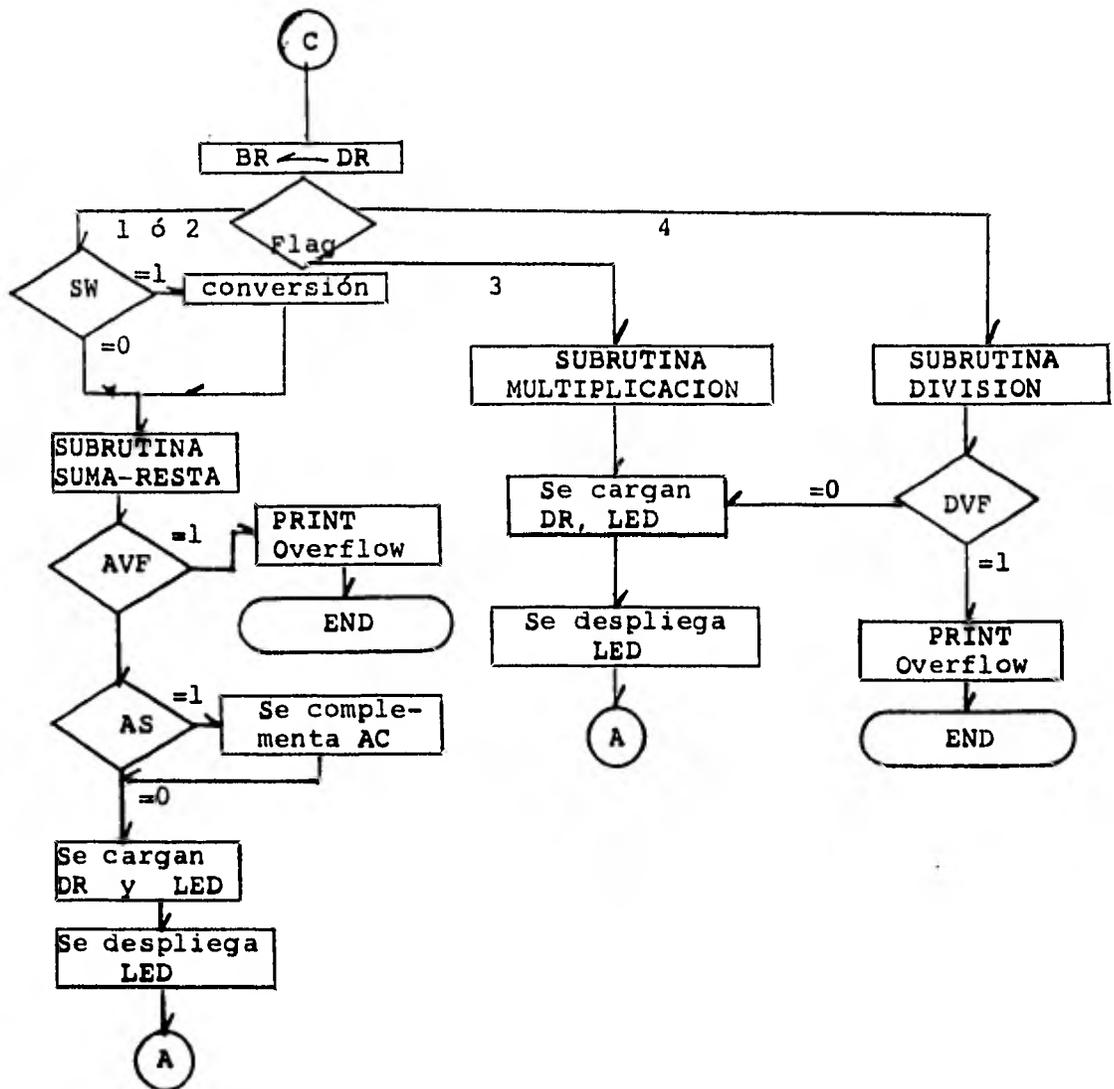


Figura V.1 Diagrama de flujo del Programa.

Primeramente se cargan dos tablas, la de los caracteres y la de los códigos. Después se inicializan algunas variables y registros. Luego se pide el valor de SW y el de KEY\$. Enseguida se analiza si la última tecla oprimida, o sea el valor de KEY\$ fué un número o una función. En caso de haber sido un número, se ve si no se ha excedido la capacidad del despliegue que es de diez números. En caso de no haber exceso se carga DR con los códigos correspondientes y luego se carga LED con los caracteres a desplegar, lo cual se hace en el siguiente paso.

Si la tecla oprimida fué una tecla indicando una función entonces se carga el registro de operaciones con el código de esa operación. Enseguida se pregunta por la naturaleza de esta, si fué una suma o una resta se carga el acumulador con lo que hay en el registro de despliegue y luego se limpia este último. Aquí también se le asigna un valor a la bandera, siendo uno para la suma y dos para una resta. En caso de que la tecla oprimida representa a una multiplicación o una división, se carga el registro de cociente con lo que contenga el registro de despliegue, seguidamente se limpia este último registro y el del acumulador. En las siguientes instrucciones se le asigna el valor de tres a la bandera si se trata de una multiplicación y el valor de cuatro para una división. En caso de que la tecla oprimida representa el signo de igual, se carga el registro del buffer con lo que contenga el registro de despliegue y se analiza el valor de la bandera. En caso de valer uno o --

dos, quiere decir que se trata de una suma o una resta y lo primero que se hace es ver que valor tiene la variable SW, si vale uno, entonces nos indica que se trabajará con números de base sesenta y se pasa a una subrutina para hacer las conversiones. Luego se llama a la subrutina para sumar-restar y al regresar de esta -- calcula el bit de overflow, si este vale uno quiere decir que hubo overflow, en caso contrario se calcula el bit de signo del resultado y si este llegase a valer -- uno, se complementa el acumulador. Finalmente se carga el registro de despliegue y se despliega la información después de esto se regresa a recibir otra tecla.

Cuando la bandera vale tres, entonces se llama a la subrutina de multiplicación. Cuando se ha terminado de efectuar esta operación, se cargan los registros necesarios y se despliega la información. Posteriormente se manda el control al inicio para recibir otra información de entrada.

Cuando la bandera vale cuatro, sucede algo similar. La única diferencia es que aquí se llama a la subrutina de la división y al regresar de esta se calcula el bit de overflow.

En el programa se presentan primero las subrutinas.

Esto es con el fin de hacer más rápido la ejecución del programa.

## LIST

1

10 GOTO 2080

20 REM

30 REM SUBROUTINA PARA

40 REM SUMAR/RESTAR

50 REM

60 CI = 0

70 LR = 0

80 IF FLAG = 2 THEN CI = 1

90 CI = F1

100 FOR L = 1 TO 10

110 IF FLAG = 1 GOTO 190

120 REM

130 REM SI FLAG=2, SE

140 REM COMPLEMENTA BR

150 REM

160 BR(L,4) = NOT BR(L,4)

170 BR(L,2) = NOT BR(L,2) AND BR

(L,3) OR BR(L,2) AND NOT BR

(L,3)

180 BR(L,1) = NOT BR(L,1) AND NOT

BR(L,2) AND NOT BR(L,3)

190 FOR M = 4 TO 1 STEP - 1

200 CR = AC(L,M) AND BR(L,M) OR A

C(L,M) AND CI OR BR(L,M) AND

CI

210 AC(L,M) = NOT AC(L,M) AND NOT

BR(L,M) AND CI OR NOT AC(L,

M) AND BR(L,M) AND NOT CI OR

AC(L,M) AND NOT BR(L,M) AND

NOT CI OR AC(L,M) AND BR(L,

A  
DISBRAC

REPORT ORIGINAL STOCK 8113 55 FEB - 8 1 X 11

M) AND CI

1

220 CI = CR

230 NEXT M

240 REM

250 REM SE CALCULA EL CARRY-OUT

260 REM

270 CO = CI OR AC(L,1) AND AC(L,2  
      ) OR AC(L,1) AND AC(L,3)

280 REM

290 REM SE HACE CORRECCION A

300 REM LA SUMA, SI ES NECESARI

0

310 REM AC > 1001 => AC=AC +

0110

320 REM

330 CI = 0

340 GOSUB 560

350 SR(2) = CO

360 SR(3) = CO

370 GOSUB 460

380 IF SW = 1 GOTO 5920

390 CI = CO

400 NEXT L

410 RETURN

420 REM

430 REM SUBROUTINA

440 REM ACI <-- ACI + BR

450 REM

460 FOR M1 = 4 TO 1 STEP - 1

470 CR = AC(L,M1) AND SR(M1) OR A

C(L,M1) AND CI OR SR(M1) AND

CI

480 AC(L,M1) = NOT AC(L,M1) AND

NOT SR(M1) AND CI OR NOT A

C(L,M1) AND SR(M1) AND NOT

CI OR AC(L,M1) AND NOT SR(M

1) AND NOT CI OR AC(L,M1) AND

SR(M1) AND CI

490 CI = CR

500 NEXT M1

510 RETURN

520 REM

530 REM SUBROUTINA

540 REM SR <-- 0

550 REM

560 FOR J = 1 TO 4

570 SR(J) = 0

580 NEXT J

590 RETURN

600 REM

610 REM SUBROUTINA

620 REM LED <-- 0

630 REM DR <-- 0

640 REM FB <-- 0

650 REM

660 FOR L = 1 TO 10

670 LED(L) = 0

680 FOR M = 1 TO 4

690 DR(L,M) = 0

700 NEXT M

710 NEXT L

720 DB = 0

730 FB = 0

740 RETURN

750 REM

00 DISTING

```

760 REM SUBROUTINA
770 REM AC <-- QR
780 REM
790 FOR L = 1 TO 10
800 FOR M = 1 TO 4
810 AC(L,M) = QR(L,M)
820 NEXT M
830 NEXT L
840 RETURN
850 REM
860 REM DSHL E->AC->QR
870 REM
880 FOR M = 1 TO 4
890 E(M) = AC(10,M)
900 NEXT M
910 FOR L = 9 TO 1 STEP - 1
920 FOR M = 1 TO 4
930 AC(L + 1,M) = AC(L,M)
940 NEXT M
950 NEXT L
960 FOR M = 1 TO 4
970 AC(1,M) = QR(10,M)
980 NEXT M
990 FOR L = 9 TO 1 STEP - 1
1000 FOR M = 1 TO 4
1010 QR(L + 1,M) = QR(L,M)
1020 NEXT M
1030 NEXT L
1040 FOR M = 1 TO 4
1050 QR(1,M) = 0
1060 NEXT M
1070 RETURN
1080 REM

```

22 DISPRAC

FORMER ORIGINAL STOCK 11-2-58 ES - 5-1-6-11

```

1090 REM SUBROUTINA
1100 REM BR <-- AC
1110 REM AC <--0
1120 REM
1130 FOR L = 1 TO 10
1140 FOR M = 1 TO 4
1150 BR(L,M) = AC(L,M)
1160 AC(L,M) = 0
1170 NEXT M
1180 NEXT L
1190 RETURN
1200 REM
1210 REM ESTA SUBROUTINA
1220 REM CARGA LOS RE-
1230 REM GISTROS DE
1240 REM DESPLIEGUE
1250 REM
1260 FOR L = 1 TO 10
1270 FOR J = 1 TO 16
1280 FOR M = 1 TO 4
1290 IF DR(L,M) < > CODE(J,M) GOTO
1330
1300 NEXT M
1310 LED(L) = VAL ( MID$ (CHAR$,
J,1))
1320 GOTO 1360
1330 NEXT J
1340 PRINT "ERROR EN SUB/DISPLAY
1350 GOTO 2400
1360 NEXT L
1370 IF AS = 1 THEN PRINT "-";
1380 RETURN

```

AA DSPRAC

REPORT CIRCULAR STOCK 8113 SS FEB - 51-2 X 11

```
1390 REM
1400 REM SUBROUTINA DE
1410 REM DESPLIEGUE
1420 REM
1430 FOR L = 10 TO 1 STEP - 1
1440 IF L = 2 THEN PRINT ". "
1450 PRINT LED(L)
1460 NEXT L
1470 PRINT " "
1480 RETURN
1490 REM
1500 REM SUBROUTINA PARA HACER :
```

```
1510 REM AC <-- DR
```

```
1520 REM
```

```
1530 FOR L = 1 TO 10
```

```
1540 FOR M = 1 TO 4
```

```
1550 AC(L,M) = DR(L,M)
```

```
1560 NEXT M
```

```
1570 NEXT L
```

```
1580 RETURN
```

```
1590 REM
```

```
1600 REM SUBROUTINA
```

```
1610 REM BR <-- MR
```

```
1620 REM
```

```
1630 FOR L4 = 1 TO 10
```

```
1640 FOR M4 = 1 TO 4
```

```
1650 BR(L4,M4) = MR(L4,M4)
```

```
1660 NEXT M4
```

```
1670 NEXT L4
```

```
1680 RETURN
```

```
1690 REM
```

```
1700 REM SUBROUTINA
```

22 13-5838AC

FILE IN ORIGINAL STOCK 67:35 FEB 8 1971

```

1710 REM MR <-- BR
1720 REM
1730 FOR L4 = 1 TO 10
1740 FOR M4 = 1 TO 4
1750 MR(L4,M4) = BR(L4,M4)
1760 NEXT M4
1770 NEXT L4
1780 RETURN
1790 REM
1800 REM SUBROUTINA
1810 REM DR <-- AC
1820 REM
1830 FOR L = 1 TO 10
1840 FOR J = 1 TO 4
1850 DR(L,J) = AC(L,J)
1860 NEXT J
1870 NEXT L
1880 RETURN
1890 REM
1900 REM SUBROUTINA
1910 REM NUMEROS BASE SESENTA
1920 REM
1930 FOR L = 1 TO 10
1940 FOR M = 1 TO 4
1950 BR(L,M) = 0
1960 NEXT M
1970 NEXT L
1980 REM MR<--BR BR<--0
1990 BR(2,2) = 1
2000 REM BR <- 0.40
2010 FT = FLAG

```

```
2020 SW = 0
```

```
2030 FLAG = 1
```

1

02 ESPING

REF. GENERAL STOCK 8113 55 FEB - 8 1/2 X 11

```

2040 GOSUB 60
2050 FLAG = FT
2060 SW = 1

2070 RETURN

2080 DIM CODE(16,4),CHAR*(16)
2090 DIM DR(10,4),LED(14)
2100 DIM QR(10,4),BR(4)
2110 DIM AC(10,4),BR(10,4),OPR(4)

2120 DIM MR(10,4),E(4)
2130 DATA "0123456789+-*/=."
2140 REM
2150 REM SE LEEN LOS CARACTERES

2160 REM
2170 READ CHAR*
2180 DATA 0,0,0,0, 0,0,0,1,
          0,0,1,0, 0,0,1,1
2190 DATA 0,1,0,0, 0,1,0,1,
          0,1,1,0, 0,1,1,1
2200 DATA 1,0,0,0, 1,0,0,1,
          1,0,1,0, 1,0,1,1
2210 DATA 1,1,0,0, 1,1,0,1,
          1,1,1,0, 1,1,1,1

2220 REM
2230 REM SE LEEN LOS CODIGOS
2240 REM
2250 FOR L = 1 TO 16
2260 FOR M = 1 TO 4
2270 READ CODE(L,M)
2280 NEXT M
2290 NEXT L
2300 GET SW

```

1

AA DSPRAC

1355 FEB - 61 2 X 11

```

2310 REM
2320 REM SE INICIALIZAN LAS VAR
      IABLES
2330 REM
2340 C = 0
2350 AB = 0
2360 BB = 0
2370 QB = 0
2380 CE = 0
2390 GOSUB 660
2400 FLAG = 0
2410 ID = 2
2420 KD = 0
2430 PD = 0
2440 KBI = 0
2450 REM
2460 REM EN ESPERA DE INFOR-
2470 REM MACION DE ENTRADA
2480 REM
2490 GET KEY#
2500 KBI = 1
2510 REM
2520 REM SE DETECTA O IDENTIFIC
      A
2530 REM LA TECLA OPRIMIDA
2540 REM
2550 FOR J = 1 TO 16
2560 IF KEY# < > MID# (CHAR#,J
      ,1) THEN GOTO 2600
2570 LET F = J
2580 IF J = 16 THEN PD = 1
2590 GOTO 2670
2600 NEXT J

```

1

96 DISPIC

FORMER AT STOCK P. 35 FEB - 81 2X11

```

2610 GOTO 2440
2620 REM
2630 REM SE CHECA SI ES :
2640 REM FUNCION ---3170
2650 REM NUMERO ---2760
2660 REM
2670 IF F = 16 GOTO 3100
2680 IF CODE(F,1) = 0 GOTO 2760
2690 IF CODE(F,2) = 1 GOTO 3170
2700 IF CODE(F,3) = 1 GOTO 3170
2710 REM
2720 REM VERIFICA QUE NO
2730 REM HAYA EXCESO DE
2740 REM NUMEROS DE ENTRADA
2750 REM
2760 IF FB = 1 GOTO 2790
2770 GOSUB 660
2780 FB = 1
2790 IF ID = 1 GOTO 2440
2800 IF PD = 1 GOTO 2840
2810 IF ID = 10 GOTO 2440
2820 ID = ID + 1
2830 GOTO 2900
2840 ID = 2 - KD
2850 KD = 1
2860 GOTO 3020
2870 REM
2880 REM SE CARGA DR Y LED
2890 REM
2900 FOR L = ID TO 3 STEP - 1
2910 J = L - 1
2920 LED(L) = LED(J)
2930 FOR M = 1 TO 4

```

1

AP DISTRA

APROBADO POR...

2940 DR(L,M) = DR(J,M)

2950 NEXT M

2960 NEXT L

2970 LED(3) = VAL (KEY\*)

2980 FOR M = 1 TO 4

2990 DR(3,M) = CODE(F,M)

3000 NEXT M

3010 GOTO 3100

3020 LED(ID) = VAL (KEY\*)

3030 FOR M = 1 TO 4

3040 DR(ID,M) = CODE(F,M)

3050 NEXT M

3060 REM

3070 REM BE LLAMA A LA SUBRUTIN

A

3080 REM DE DESPLIEGUE

3090 REM

3100 GDSUB 1430

3110 GOTO 2440

3120 REM

3130 REM CARGA EL REGISTRO

3140 REM DE INSTRUCCIONES

3150 REM OPR <-- INT

3160 REM

3170 FOR M = 1 TO 4

3180 OPR(M) = CODE(F,M)

3190 NEXT M

3200 FB = 0

3210 IF OPR(2) = 0 GOTO 3300

3220 IF OPR(3) = 0 GOTO 3500

3230 GOTO 3680

3240 REM

3250 REM BE CARGAN LOS REGISTRO

52 DISPLAC

ORIGINAL STOCK 8113 55 FEB 61 2 X

8

3260 REM PARA EFECTUAR UNA

3270 REM SUMA O RESTA :

3280 REM AC <- DR , DR <- 0

3290 REM

3300 IF FLAG = 1 OR FLAG = 2 GOTO

3680

3310 FLAG = 1

3320 AB = DB

3330 FOR L = 1 TO 10

3340 FOR M = 1 TO 4

3350 AC(L,M) = DR(L,M)

3360 DR(L,M) = 0

3370 NEXT M

3380 NEXT L

3390 DB = 0

3400 IF DPR(4) = 1 THEN FLAG = 2

3410 IF DPR(4) = 1 THEN DB = 1

3420 GOTO 2410

3430 REM

3440 REM SE CARGAN LOS REGISTRO

8

3450 REM PARA EFECTUAR UNA

3460 REM MULTIPLICACION O

3470 REM DIVISION : QR <- DR

3480 REM AC <- 0 , DR <- 0

3490 REM

3500 FLAG = 3

3510 AB = DB

3520 QB = AB

3530 FOR L = 1 TO 10

3540 FOR M = 1 TO 4

DA DISPRAC

PROYECTO ORIGINAL STOCK 21/03/88 - 01/07/88

3550 DR(L,M) = DR(L,M)

3560 AC(L,M) = 0

3570 DR(L,M) = 0

3580 NEXT M

3590 NEXT L

3600 IF OPR(4) = 1 THEN FLAG = 4

3610 GOTO 2410

3620 REM

3630 REM SE OPRINIO LA TECLA

3640 REM DE : "="

3650 REM SE CARGA EL REGISTRO \*

3660 REM BR ← DR

3670 REM

3680 IF FLAG = 0 GOTO 2410

3690 FOR L = 1 TO 10

3700 FOR M = 1 TO 4

3710 BR(L,M) = DR(L,M)

3720 NEXT M

3730 NEXT L

3740 BB = DB

3750 IF FLAG = 2 THEN BB = 1

3760 ON FLAG GOTO 3840,3840,4250

,4950

3770 REM

3780 REM ALGORITMO PARA SUMAR/R

ESTAR

3790 REM NUMEROS EN CODIGO BCD

3800 REM REPRESENTADOS EN

3810 REM DIEZ-COMPLEMENTO

3820 REM AC ← AC + BR

3830 REM

AA INSPAC

REPORT GENERAL STOCK 813 SS EB - 817 X 11

3840 IF SW = 1 GOTO 5680

3850 IF AB = 0 GOTO 3930

3860 GOSUB 1730

3870 FR = FLAG

3880 FLAG = 2

3890 GOSUB 1130

3900 GOSUB 60

3910 FLAG = FR

3920 GOSUB 1630

3930 GOSUB 60

3940 REM

3950 REM SE CHECA BI HAY

3960 REM OVERFLOW

3970 REM

3980 F = AB AND BS OR AB AND CI OR

BS AND CI

3990 AVF = F AND NOT CI OR NOT

F AND CI

4000 IF AVF = 1 GOTO 5620

4010 AB = NOT CI AND AB OR AB AND

BS OR NOT CI AND BS

4020 REM

4030 REM SI AB=1, SE COM

4040 REM PLEMENTA AC

4050 REM

4060 IF AB = 0 GOTO 4200

4070 FR = FLAG

4080 FLAG = 2

4090 GOSUB 1130

4100 GOSUB 60

4110 FLAG = FR

4120 AB = 1

4130 REM

4140 REM SE LLAMA A LA

4150 REM SUBROUTINA PARA

4160 REM CARGAR LOS RE-

4170 REM GISTROS DE DES-

4180 REM PLIEGUE

4190 REM

4200 GOSUB 1830

4210 GOSUB 1260

4220 GOSUB 1430

4230 DS = AS

4240 GOTO 2400

4250 REM

4260 REM OPERACION DE MULTIPLIC

ACION

4270 REM RESULTADO EN I AC Y QR

4280 REM

4290 REM SE DETERMINA EL SIGNO

4300 REM

4310 AS = QS AND NOT BS OR BS AND

NOT QS

4320 FOR M = 1 TO 4

4330 E(M) = 0

4340 NEXT M

4350 FOR L1 = 1 TO 12

4360 IF L1 = 11 OR L1 = 12 GOTO

4430

4370 FOR M = 1 TO 4

4380 IF QR(1,M) < > 0 THEN GOTO

4610

4390 NEXT M

4400 REM

4410 REM DBHR EACQR

4A DSPRAC

10 ORIGINAL STOCK 2113 55 FEB - 8 12 X 11

```

4420 REM
4430 FOR L = 1 TO 9
4440 FOR M = 1 TO 4
4450 QR(L,M) = QR(L + 1,M)
4460 NEXT M
4470 NEXT L
4480 FOR M = 1 TO 4
4490 QR(10,M) = AC(1,M)
4500 NEXT M
4510 FOR L = 1 TO 9
4520 FOR M = 1 TO 4
4530 AC(L,M) = AC(L + 1,M)
4540 NEXT M
4550 NEXT L
4560 FOR M = 1 TO 4
4570 AC(10,M) = E(M)
4580 E(M) = 0
4590 NEXT M
4600 GOTO 4840
4610 FLAG = 1
4620 GOSUB 560
4630 GOSUB 60
4640 REM
4650 REM SE OBTIENE E A PARTIR
4660 REM DEL CARRY OUT E=E+CO
4670 REM
4680 FOR M = 4 TO 1 STEP - 1
4690 G = E(M)
4700 E(M) = G AND NOT CO OR NOT
      G AND CO
4710 CO = CO AND G
4720 NEXT M
4730 REM

```

11

MS-DOS

MS-DOS

```

4740 REM QN =QN - 1
4750 REM
4760 CI = 0

4770 FOR M = 4 TO 1 STEP - 1
4780 BR(M) = 1
4790 G = QR(1,M)
4800 QR(1,M) = G AND NOT BR(M) AND
      NOT CI OR NOT G AND BR(M) AND
      NOT CI OR NOT G AND NOT G
      R(M) AND CI OR G AND BR(M) AND
      CI
4810 CI = G AND BR(M) OR G AND CI
      OR BR(M) AND CI
4820 NEXT M
4830 GOTO 4370
4840 NEXT L1
4850 DB = AB
4860 REM
4870 REM SE LLAMA A LAB SUBRUTI
      NAS
4880 REM DE DESPLIEGUE
4890 REM
4900 GOSUB 790
4910 GOSUB 1830
4920 GOSUB 1260
4930 GOSUB 1430
4940 GOTO 2400
4950 REM
4960 REM ALGORITMO PARA
4970 REM LA DIVISION
4980 REM COCIENTE EN QR
4990 REM RESIDUO EN AC
5000 REM

```

1

00 DISPRAC

FORMAT: JERONIM STORZ C-13352188 512 X 11

```

5010 REM SE DETERMINA
5020 REM EL SIGNO
5030 REM
5040 FOR L = 1 TO 10
5050 FOR M = 1 TO 4
5060 AC(L,M) = 0
5070 NEXT M,L
5080 QS = AS AND NOT BS OR NOT
      AB AND BS
5090 FOR M = 1 TO 4
5100 E(M) = 0
5110 NEXT M
5120 REM
5130 REM SE CHECA OVERFLOW
5140 REM
5150 F1 = 1
5160 DC = AC(10,1) OR AC(10,2) OR
      AC(10,3) OR AC(10,4)
5170 FLAG = 2
5180 GOSUB 60
5190 DVF = DC AND CO
5200 IF DVF = 1 THEN GOTO 5620
5210 F1 = 0
5220 GOSUB 60
5230 F1 = 1
5240 GOSUB 880
5250 FLAG = 2
5260 DVF = 0
5270 FOR L1 = 1 TO 12
5280 IF L1 = 1 THEN GOTO 5300
5290 GOSUB 880
5300 GOSUB 60
5310 FLAG = 1

```

1

DISFRAC

INVENTE GENERAL STOCK 5113 SS FEB - 1 2 2 11

5320 IF CO = 1 GOTO 5390

5330 FLAG = 2

5340 F1 = 0

5350 GOSUB 60

5360 F1 = 1

5370 FLAG = 2

5380 GOTO 5520

5390 GOSUB 560

5400 SR(4) = 1

5410 CI = 0

5420 FOR M = 4 TO 1 STEP - 1

5430 G = OR(1,M)

5440 OR(1,M) = NOT G AND NOT SR

(M) AND CI OR NOT G AND SR

M) AND NOT CI OR G AND NOT

SR(M) AND NOT CI OR G AND G

R(M) AND CI

5450 CI = G AND SR(M) OR G AND CI

OR SR(M) AND CI

5460 NEXT M

5470 FLAG = 1

5480 GOSUB 560

5490 GOSUB 60

5500 IF CO = 1 GOTO 5390

5510 GOTO 5330

5520 NEXT L1

5530 REM

5540 REM SE LLAMA A LAS SUBRUTI

NAB

5550 REM DE DESPLIEGUE

5560 REM

5570 GOSUB 790

5580 GOSUB 1830

AS DSPRC

REF: ORIGINAL STOCK 8113 55 FEB - 81/2 X 11

5590 GOSUB 1260  
5600 GOSUB 1430  
5610 GOTO 2400  
5620 PRINT "OVF": STOP  
5630 REM  
5640 REM SUBROUTINA  
5650 REM CONVERSION PARA NUMERO

B

5660 REM DE BASE SESENTA  
5670 REM  
5680 IF AC(2,2) AND AC(2,3) OR A  
C(2,1) AND NOT AC(2,2) GOTO

5710

5690 GOTO 5740  
5700 REM FUE MAYOR QUE 60  
5710 GOSUB 1730  
5720 GOSUB 1930  
5730 GOSUB 1630  
5740 IF BR(2,2) AND BR(2,3) OR B  
R(2,1) AND NOT BR(2,2) GOTO

5760

5750 GOTO 3890  
5760 REM FUE MAYOR QUE 60  
5770 FOR Z = 1 TO 10  
5780 FOR V = 1 TO 4  
5790 MR(Z,V) = AC(Z,V)  
5800 AC(Z,V) = BR(Z,V)  
5810 NEXT V  
5820 NEXT Z  
5830 REM BR<--AC AC<--BR  
5840 GOSUB 1930

5850 FOR Z = 1 TO 10

5860 FOR V = 1 TO 4

50 INSPRAC

REFORMA OPERACION STOCK 0113 55 FEB - 81 17 11

5870 BR(Z,V) = AC(Z,V)

1

5880 AC(Z,V) = MR(Z,V)

5890 NEXT V

5900 NEXT Z

5910 GOTO 3850

5920 IF L < > 2 GOTO 390

5930 IF FLAG = 1 GOTO 6000

5940 IF FLAG = 2 GOTO 6190

5950 GOTO 390

5960 REM

5970 REM CORRECCION PARA SUMA DE

5980 REM NUMEROS DE BASE BESENT

A

5990 REM

6000 IF CO = 1 GOTO 6040

6010 F = AC(2,2) AND AC(2,3) OR A

C(2,1) AND NOT AC(2,2)

6020 IF F = 1 GOTO 6090

6030 GOTO 390

6040 GOSUB 560

6050 BR(2) = 1

6060 CI = 0

6070 GOSUB 460

6080 GOTO 390

6090 GOSUB 560

6100 BR(1) = 1

6110 BR(3) = 1

6120 GOSUB 460

6130 CO = 1

6140 GOTO 390

6150 REM

6160 REM CORRECCION PARA RESTA D

AA DISTAC

REPORT ORIGINAL STOCK 8113 55 FEB - 8 1/2 X 11

E

1

6170 REM NUMEROS DE BASE SESENT

A

6180 REM

6190 IF CQ = 0 GOTO 6210

6200 GOTO 390

6210 GOSUB 560

6220 SR(1) = 1

6230 SR(2) = 1

6240 GOSUB 460

6250 GOTO 390

JPR#0

STANDARD

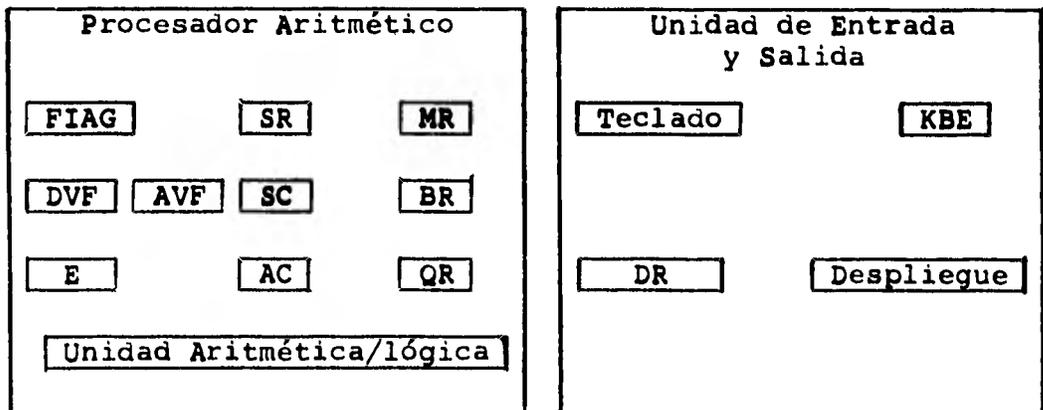
STANDARD STORAGE 2.2 X 11

C A P I T U L O VI

ANALOGIA CON CIRCUITOS ELECTRONICOS.

En este capítulo se presenta en forma general la configuración de la calculadora electrónica.

En la figura VI.1 se presenta esta configuración y está dividida en diferentes unidades. En la unidad del procesador aritmético están los circuitos y registros necesarios para efectuar las operaciones. En la unidad de control se muestran circuitos y registros necesarios para controlar las micro-operaciones de la calculadora -- electrónica. En la unidad de entrada y salida se muestran los circuitos y registros empleados para recibir -- la información de entrada así como para desplegarla y -- también comprende al teclado. Finalmente la última unidad es la de la fuente de poder.



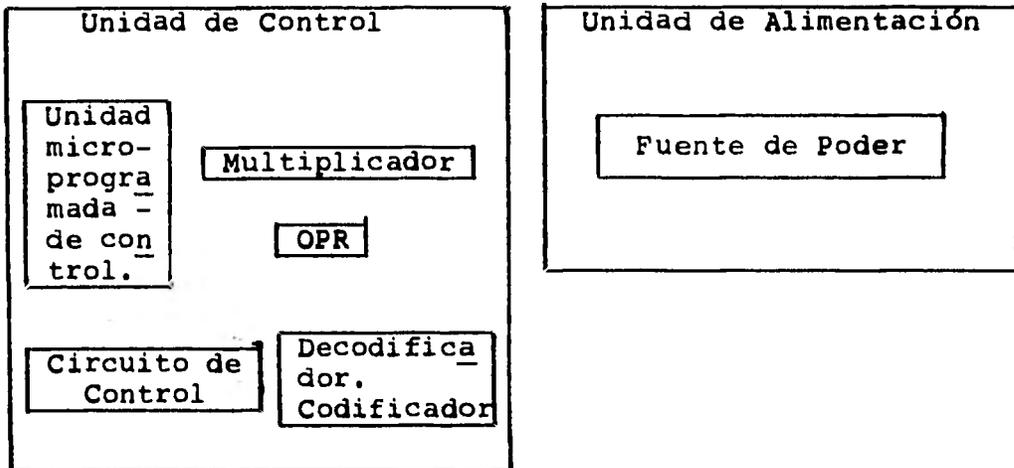


Figura VI.1 Configuración de la calculadora Electrónica.

Empecemos analizando la unidad del procesador aritmético. Vemos que el primer registro que tenemos es el de la bandera (flag), como este registro puede tomar los valores de 0 a 4, necesitamos que este formado por 3 bits, tal como se muestra en la figura VI.2.

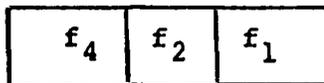


Figura VI.2 Registro de bandera.

Este registro podrá estar formado por flip-flop, tipo D y con una entrada para poder limpiarlos todos sus bits (clear).

El registro de almacenaje SR, solo deberá poder guardar un número o valor representado por cuatro bits (código-BCD), por lo tanto este tendrá la configuración mostrada en la figura VI.3

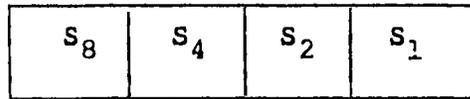


Figura VI.3 Registro de almacenamiento de un caracter.

Este registro también deberá estar formado por flip-flop, tipo D y con una entrada para limpiarlo.

Los registros para indicar overflow, ya sea en la suma o en la división, solo podrán tomar los valores de cero o uno. Por lo tanto con un flip-flop, Tipo D será suficiente, figura VI.4.



Figura VI.4 Configuración para los flip-flop de overflow.

El registro SC, es un contador que nos indica el número máximo de números que se utilizarán para efectuar una operación y el valor máximo que puede tomar es diez, por lo tanto tendrá una configuración similar al registro de almacenamiento SR y deberá ser de ese mismo tipo y con las mismas características.

Los registros BR y MR tienen una estructura idéntica y solo difieren en el uso que se les da. El registro del buffer guardará un número que será utilizado junto con el del AC para efectuar una operación. Mientras que el registro de memoria MR guardará temporalmente la información de otro registro. Estos dos registros podrán --

guardar un máximo de 10 caracteres representados en código BCD, por lo tanto su estructura es como la mostrada en la figura VI.5.

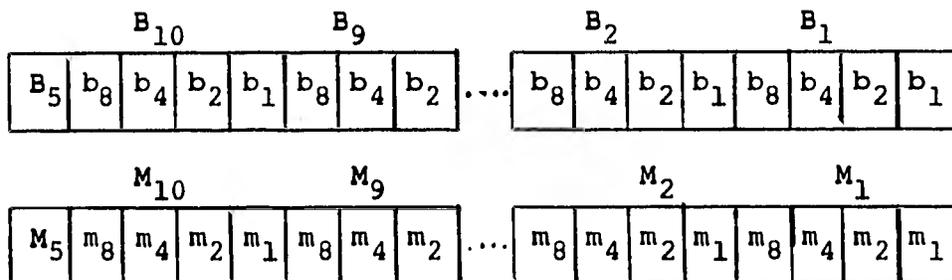


Figura VI.5 Configuración de los registros BR y MR.

Estos registros deberán estar compuestos por flip-flops tipo D y con una entrada para limpiar a todos estos - - (Clear). También deberán contar un bit extra para guardar la información sobre el signo.

Los registros del acumulador AC y del cociente QR son - del mismo tamaño y del mismo tipo pero deberán junto -- con el registro E poder hacer corrimientos tanto hacia la derecha como hacia la izquierda. El registro E es - idéntico al registro SR. Lo anterior se muestra en la figura VI.6.

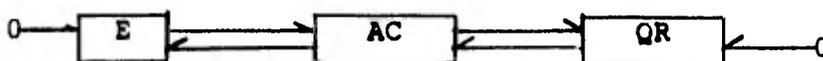


Figura VI.6 Registro E, AC y QR. Deberán poder reali--zar corrimientos decimales tanto a la derecha como a la izquierda.

Finalmente dentro de la unidad del procesador aritmético tenemos la unidad aritmética lógica. Esta deberá -- ser capaz de obtener el complemento a diez de un número cuando este sea negativo y de poder hacer correcciones-- cuando el resultado esté representado por número en un-- código BCD invalido. Lo anterior se muestra en la figu-- ra VI.7.

Todo lo que está mostrado en la figura anterior es lo -- que llamaremos el sumador tipo BCD con unidades de com-- plementación y de corrección.

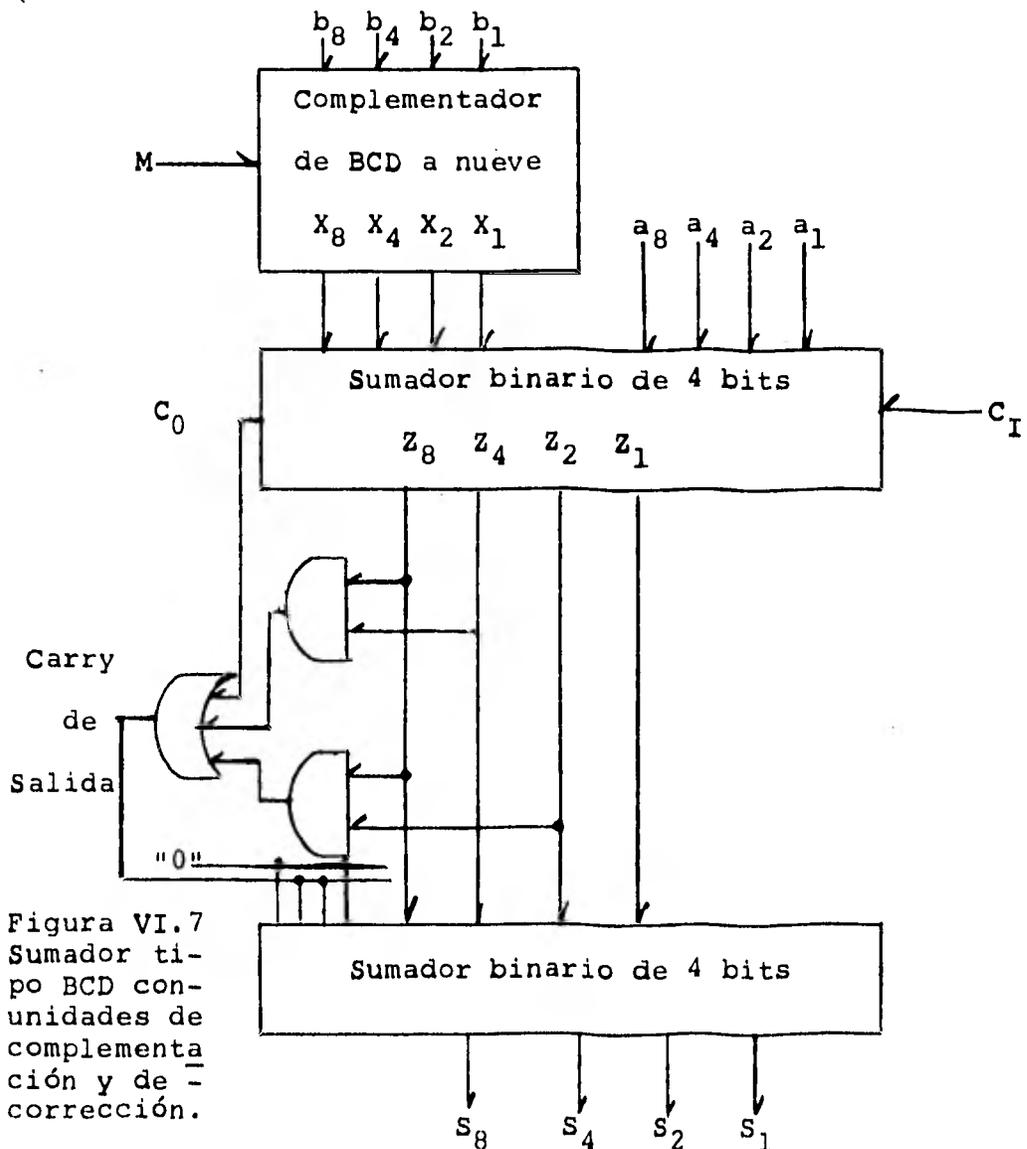


Figura VI.7 Sumador tipo BCD con unidades de complementación y de corrección.

Cuando M vale uno entonces se hará uso del circuito complementador, en caso contrario se dejará pasar lo mismo que haya a la entrada de este circuito. Si el carry de salida vale uno, entonces se sumará 0110 al resultado - para obtener una representación válida en código BCD.

Como la suma se hará por el método de dígito en serie - y bits en paralelo, solo será necesario uno de estas -- unidades. Ver figura VI.8.

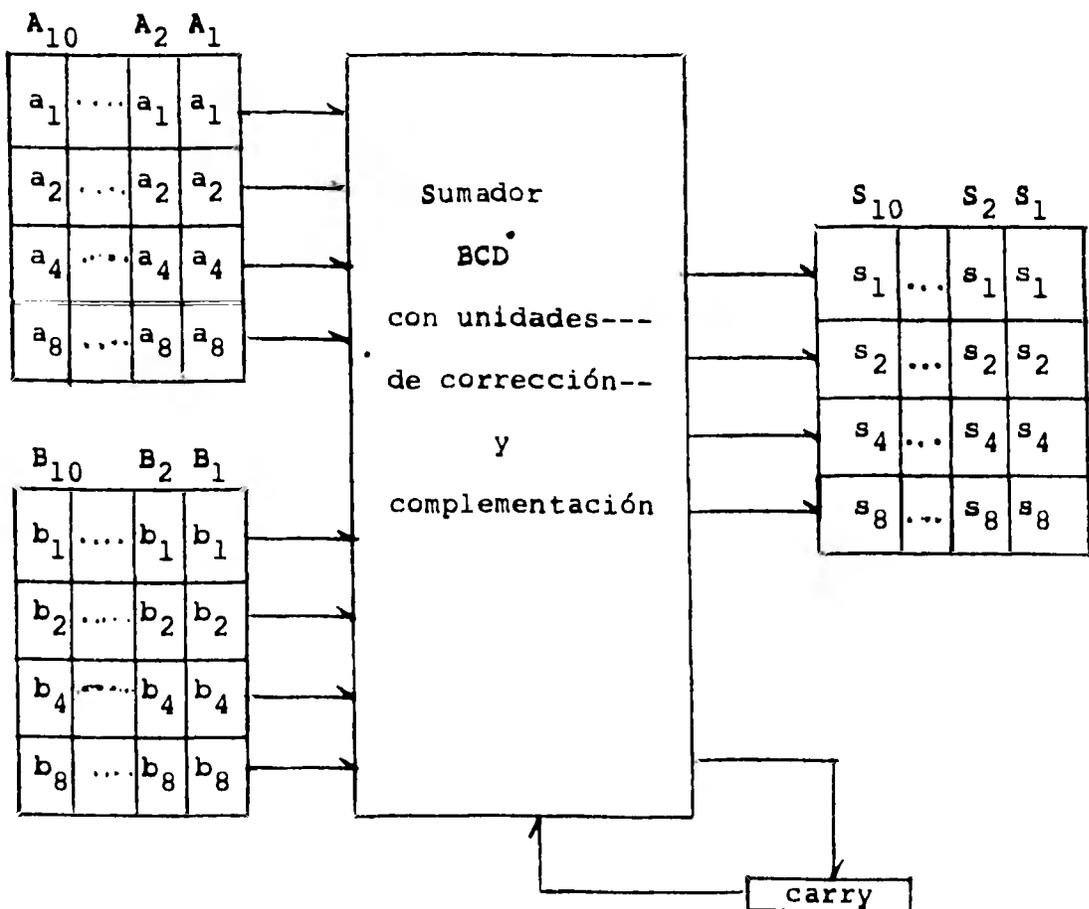


Figura VI.8 Suma de dígitos en serie y de bits en paralelo.

Ahora pasemos a analizar la unidad de control. Aquí tendremos una unidad de control micro-programada, es decir esta será una memoria ROM que contendrá las micro-ins--trucciones a realizarse, así como los registros necesarios para el funcionamiento de esta.

El registro OPR será idéntico al registro de bándera es decir contará con 3 bits de longitud y sera usado para guardar el código de la operación a realizar.

En la unidad de control se contará con un multiplexor - que será usado para pasar información de un registro a- otro, así como también para seleccionar los registros - adecuados que se vayan a usar. Un circuito multiplexor capaz de seleccionar hasta ocho registros será acepta--ble.

El circuito del codificador/decodificador será usado para decodificar la información de entrada y para codifi- car la información de salida.

Finalmente tendremos algunos circuitos de control que - serán usados según las necesidades de la unidad micro--programada de control.

Dentro de la unidad de entrada y salida tenemos el te--clado. Este deberá estar compuesto por los números 0 a 9 así como todas las teclas de las operaciones y un - - switch para indicarnos cuando se quiera trabajar con números de base sesenta, figura VI.9.

Despliegue			
------------	--	--	--

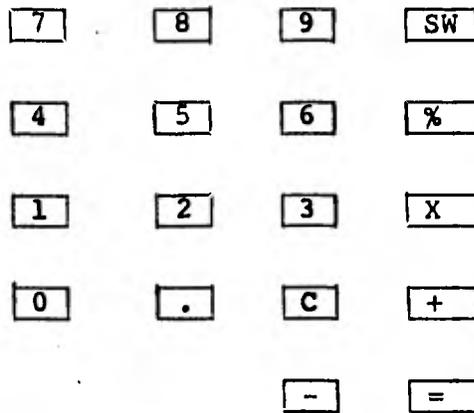


Figura VI.9 configuración del teclado.

El despliegue deberá ser capaz de desplegar hasta diez-caracteres y el punto decimal.

El registro de despliegue DR guardará los códigos de los caráctes que se estan desplegando o que se van a mostrar. Su estructura es idéntica a los registros MR y BR.

El registro KBE valdrá uno para inhibir la información de entrada hasta que se haya procesado la última información de entrada. Por lo anterior estará compuesto por un flip-flop tipo D tal como DVF y AVF.

La última unidad es la de alimentación y se deberá seleccionar de tal manera que tenga la capacidad necesaria y que provea los niveles de voltaje adecuado. Físicamente esta puede constar de un banco de pilas o de una fuente de poder similar a la mostrada en el capítulo III.

C A P I T U L O   V I I

C O N C L U S I O N E S

B I B L I O G R A F I A.

## C O N C L U S I O N E S

---

Se puede decir de los resultados obtenidos, que el programa se pudo haber hecho más corto y que tardara menos en ejecutarse, pero sin embargo, al hacer esto se hubiera perdido el sentido de esta tesis, que es el de simular los circuitos necesarios, aunque esto involucre algunas instrucciones y rutinas adicionales. Al haber -- empleado este último enfoque se obtuvo una ventaja desde el punto de vista didáctico y que fué el de comprender como trabaja cada circuito y el sistema completo en sí. Una de las formas en que se podría hacer más eficiente y rápido este programa sería el elaborarlo en -- lenguaje de ensamblador. Pudiéndose tomar el programa en Basic y pasarlo por un interpretador o elaborarlo -- completo, tomando como modelo el programa de simulación.

Por otra parte, se puede decir que el programa permite una mejor comprensión del hardware a través del uso del software lograndose una visión más general de todo el sistema.

Por lo anterior se puede pensar en este tipo de simulaciones en dos casos. En el primero, es cuando se desee diseñar un sistema complejo, y se puede utilizar este enfoque como una etapa inicial en el diseño. El segundo, es el empleo de este tipo de simulaciones para fines didácticos.

Por otra parte, otro de los objetivos era el simular -- una calculadora que pudiese manejar números en base sesenta, lo cual se logró. El hecho de poder manejar estos números, nos permite la facilidad de manejar operaciones principalmente comerciales. Es decir, se puede pensar en el caso de que una compañía sea necesario contabilizar el número de horas que trabajo tal persona. - Con este programa de simulación, se puede llevar la contabilidad de este tiempo sin tener que hacer conversiones.

Se concluye que el siguiente paso es el de la construcción de una calculadora basada en el programa desarrollado y que además permitiese calcular el sueldo correspondiente de una persona, al poder multiplicar su sueldo por el número de horas que hubiese trabajado.

## BIBLIOGRAFIA

- 1.- Computer System Architecture. Morris Mano Prentice-Hill, 1976. New Jersey.
- 2.- A Heterarchical Multi-Microporcessor LISP Machine - Adolfo Guzmán. IIMAS, 1981 México.
- 3.- The Computer, en every day machine.  
Enid Squire. Addison Wesley. 2da. Edición, Canada.
- 4.- Understanding Digital Electronics. Gene Mc Whorter.  
Radio Shack, 1978 Texas.
- 5.- Teoría de Computación y Diseño lógico.  
Hill Peterson. Editorial limusa 1978 México.
- 6.- The Apple soft tutorial.  
Apple Computer INC, 1979.
- 7.- The Dos Manual.  
Apple Computer INC, 1980.
- 8.- The TTL Data Book For Design Enginners, Dallas  
Texas: Texas Instruments INC. 1973.
- 9.- Small Computer Hand book, Maynad, Mass:  
Digital Equipment Corp, 1973.
- 10.- Introduction to Programming Maynard, Mass  
Digital Equipment Corp, 1973.