# **Universidad Nacional Autónoma** de México



1979



Universidad Nacional Autónoma de México



UNAM – Dirección General de Bibliotecas Tesis Digitales Restricciones de uso

# DERECHOS RESERVADOS © PROHIBIDA SU REPRODUCCIÓN TOTAL O PARCIAL

Todo el material contenido en esta tesis esta protegido por la Ley Federal del Derecho de Autor (LFDA) de los Estados Unidos Mexicanos (México).

El uso de imágenes, fragmentos de videos, y demás material que sea objeto de protección de los derechos de autor, será exclusivamente para fines educativos e informativos y deberá citar la fuente donde la obtuvo mencionando el autor o autores. Cualquier uso distinto como el lucro, reproducción, edición o modificación, será perseguido y sancionado por el respectivo titular de los Derechos de Autor.

ZESIS 1939 11.7. 136 BBI BREATH مستند والم

A MTS PADRES: JOSE Y DOMITILA CON AGRADECI MIENTO Y CARIÑO

A MIS HERMANOS:

REMEDIOS Ma TERESA Ma DE LOS ANGELES BENITO ISABEL FERMANDO

A MIS HERMANOS POLITICOS: PEPE FERNANDO AGUSTIN

. . .

?

6

-

A MI TIA: MANUELA

Y A TODOS MIS PARIENTES.

PRESIDENTE	PROF	CARLOS DOORMAN MONTERO
VOCAL	PROF	RUDI PRIMO STIVALET CORRAL
SECRETARIO	PROF	JOSE ANTONIO ORTIZ RAMIREZ
1 er SUPLENTE	PROF	ALEJANDRO LOZADA CAÑIBE
do SUPLENTE	PROF	GUILLERMO ALCAYDE LACORTE

Sitio donde se desarroll6 el tema:

- Facultad	de	Química	(T.N.A.	M	ŝ
A CONTRACT OF A			LU ALLANA		

- Centro de Servicios de Cómputo (U.N.A.M.)

Sustentantes:

- JOSE URBANO ARTURO SANCHEZ MORENO

- LUIS ANTONIO GARCIA TORRES

Asesor del tema:

ING. JOSE ANTONIO ORTIZ RAMIREZ



# INDICE

# Capitulos:

I)	INTRODUCCION	1
II )	TIPOS DE TORRES DE ENFRIAMIENTO	4
III)	FACTORES PARA LA SELECCION DE UNA TORRE	
	DE ENFRIAMIENTO	14
IV )	PLANTEAMIENTO DE LOS MODELOS MATEMATICOS	28
¥ )	PROGRAMA DE COMPUTADORA	71
VI)	CONCLUSIONES	95

### CAPITULO I

### INTRODUCCION.

La mayoría de los procesos industriales que involucran --transferencia de calor y masa, han sido desarrollados casi en su totalidad en este siglo. Dentro de estos procesos, se pueden incluir los de manufactura, extracción, transformación, misce-láneos, y principalmente los de refinación, petroquímicos, químicos, y de generación de potencia.

Uno de los problemas más importantes que deben afrontarse en este tipo de procesos, es la eliminación del calor no apro-vechable del total suministrado, para lo cual, el agua ha sidouno de los medios más convenientes, sin embargo, ésta debe serenfriada antes de ocuparse nuevamente.

La inclinación desde principios de este siglo, ha sido lainstalación de sistemas de enfriamiento en recirculación, parasatisfacer las necesidades mencionadas.

Los sistemas más empleados hasta la fecha, han favorecido a las torres de enfriamiento de tiro mecánico por las siguien-tes características:

Buen control de la temperatura de agua fría.
 Area reducida para su instalación.

- 1 -

3.- Baja carga de bombéo.

4.- Más enpaque por unidad de volumen.

5.- Permite un menor acercamiento entre las temperaturas de salida del agua y bulbo húmedo. Y un rango de en friamiento mayor entre las temperaturas de salida y entrada de agua.

6.- Menor costo inicial que las torres de tiro natural.

Dichas torres de enfriamiento por la posición de su ventilador, pueden ser de:

a) Tiro inducido.

b) Tiro forsado.

Y por la dirección de su flujo:

a) Contracorriente.

b) Cruzado.

En general el ingeniero que trabaja con las torres de en friamiento esta relacionado principalmente con tres tipos de cal culo:

- 1) Diseño.
- 2) Selección.

3) Evaluación de la prueba de aceptación o funcionamiento.

La selección (18) y la evaluación de la prueba de aceptación o funcionamiento (19) se hace a nivel de comprador-fabricante. La información que presenta el fabricante de torres de enfriamiento, al comprador, se refiere principalmente a las características generales de funcionamiento, a su instalación y a su mantenimiento.

Este trabajo, está enfocado principalmente al análisis de modelos matemáticos para el diseño de torres de enfriamiento de tiro inducido con flujo cruzado, tratando de encontrar con esto, un modelo matemático que permita determinar las dimensi<u>o</u> nes de una torre para cualquier grupo de condiciones de operación dadas.

Al desarrollar este tipo de trabajo, también se pretendemostrar en forma organizada los conocimientos actuales de estos equipos, respecto a las variedades de torres que actualmente se construyen y consideraciones previas que encaminen a un diseñoeconómicamente favorable y correcto.

### CAPITULO II

### TIPOS DE TORRES DE ENFRIAMTENTO

En razón a la demanda de agua cada día mayor en la indus tria y de la escases de la misma, la tendencia desde principios de este siglo ha sido la instalación de sistemas de enfriamiento con el fin de refrigerar el agua, para que continúe dentro de las mismas.

Los sistemas de enfriamiento en general se dividen en dos grandes tipos:

- a) Sistema por contacto uncetto, -contacto directo entre el fluído caliente y el fluído frio.
  b) En sistema por contacto indirecto, no existe un contaca) Sistema por contacto directo, si el enfriamiento es por
  - to directo entre los fluídos.

# II.1- OPERACIONES DE CONTACTO AIRE-AGUA

Algunos métodos de acondicionamiento de aire y enfriamiento de agua son realizados colocando una corriente de agua en <u>in</u> timo contacto con otra de aire. Estos procesos no se usan comú<u>n</u> mente con el propósito de separación aunque los mecanismos sonanálogos a los de absorción y destilación.

Las operaciones de contacto aire-agua se utilizan generalmente para enfriar aire o agua y humidificar o deshumidificar el aire.

Las torres para enfriar agua son en principio un tipo espe cial de torre enpacada. En éstas, parte del agua se evapora hacia el aire y el calor sensible es transferido del agua caliente al aire frío. Reduciendo, así, la temperatura del agua ambos procesos.

La torre de enfriamiento de flujo cruzado es común en sistemas de refrigeración, pero no muy familiar al Ingeniero Qui mico, quizá esto es debido a la escasa información en la liter<u>a</u> tura básica.

A continuación se da a conocer algunos términos usados para torres de enfriamiento:

TEMPERATURA DE BULBO HUMEDO: Temperatura del aire a la cuál podria saturarse sin un cambio en su contenido de calor. Esta es teóricamente la temperatura mínima a la cual puede en friarse el agua en la torre. //

5

ACERCAMIENTO: Diferencia entre la temperatura del agua de salida del sistema, y la de bulbo húmedo del aire a la entr<u>a</u> da. El acercamiento es invergamente proporcional al tamaño de la torre. Comúnmente un acercamiento de 5ºF es considerado el mínimo.

RANGO: Diferencia entre la temperatura del agua caliente y la del agua fria.

AGUA DE REPOSICION: Agua que se introduce al sistema de enfriamiento para reemplazar las pérdidas por evaporación, --arrastre por el viento y purga.

PURGA: La cantidad de agua que se elimina del sistema para conservar un análisis determinado de compuestos químicos en el agua, causado principalmente por la concentración debido a la evaporación.

RECIRCULACION: Parte del aire eliminado del sistema que se une con la corriente fresca de aire que entra.

En éste capítulo se exponen los diferentes tipos de torres de enfriamiento de contacto aire-agua, siguiendo la clasifica ción de bloques que se muestra en la fig. II.1. El análisis teórico se desarrolla en el capítulo IV.



fig. II.1

### TORRES DE TIRO MECANICO.

En las torres húmedas de tiro mecánico el aire es impulsado a través del empaque por ventiladores, y dependiendo de la localización de éstos, las torres pueden ser de tiro forzado, si están colocados en la parte inferior; y de tiro inducido si están colocados en la parte superior.

### Torres de tiro inducido.

Según la dirección de los flujos del aire y agua, las to-rres de tiro inducido se dividen:

a).- Flujo cruzado.

b) .- Flujo contracorriente.

- 7 -

Fluyendo el agua siempre de la parte superior a la parte inferior.

### Torres de tiro inducido con flujo a contracorriente.

En éste tipo de torres, el trayecto en que fluye el aire es igual a la del agua pero en sentido contrario. Termodinámica mente éste arreglo es el más eficiente, ya que la distribución del potencial de entalpia en la torre es la máxima. Además se pueden obtener los más grandes rangos de enfriamiento y los más pequeños acercamientos, (19, p-18).

El aire en éste tipo de torres entra por la parte inferior para después cruzar el empaque y el eliminador, como se muestra en la figura II.2.



a) Eliminador de hu medad.

b) Tubo del agua.

#### figura II.2

Torres de tiro inducido con flujo cruzado.

En lo que respecta a este tipo de torres, cabe mencionarse que las hay también de:

- a).- Flujo doble, en donde el aire entra por ambos lados y cruza el empaque en dirección perpendicular al flujo de agua pasando por una sección central, de la cual se extrae hacia la parte superior mediante el ventilador.
- b).- Flujo simple, en donde la trayectoria del aire es --igual a la de doble flujo, sólo que este entra unicamente por un lado.

En ambas torres el agua se distribuye por la parte supe--rior, inundando una placa con boquillas de porcelana, por medio de las que se rocia el agua sobre el empaque. Este puede ser -pino o cualquier otro material resistente a la descomposición,y a la corrosión.

En las figuras II.3 y II.4 se muestran las torres antes -mencionadas.

doble flujo







figura II.4

# Torres de tiro forzado.

Estas torres al igual que las de tiro inducido se dividen

en flujo cruzado y contracorriente, pero difieren en cuanto a la posición del ventilador y la entrada del aire.

# Torres de tiro forzado con flujo a contracorriente.

Las torres de tiro forzado con flujo a contracorriente --fig. II.5, proveen protección al equipo mecánico del ventilador que se encuentra colocado fuera de la corriente de aire húmedo. En éstas torres, el aire es forzado a circular en flujo a con-tracorriente con el agua. La distribución de aire es bastante problemática, debido a que en las zónas laterales a la entrada del aire, éste no se distribuye sobre el empaque. Lo anterior podría ser solucionado haciendo circular el aire a bajas velo-cidades, pero resulta incoveniente también, ya que el área deleliminador de neblina permite la recirculación de aire caliente al ventilador.



figura II.5

- 10 -

### Torres de tiro forzado con flujo cruzado.

Este tipo de torres no es común, ya que actualmente no se construyen por los variados problemas que presentan en su fun-cionamiento, siendo uno de los principales, la distribución del aire por todo el empaque, sin embargo, a manera de ilustración, se muestra lo que podría ser una torre de este tipo en la fig. II.6.



figura II.6

TORRES DE TIRO NATURAL.

Las torres de tiro natural se han construído desde el año de 1916, y se ha generalizado su empleo, por no requerir de ---fuerza motriz-mecánica para manejar el flujo de aire que ha de enfriar el agua. Sin embargo, las condiciones favorables para la instalación de torres de este tipo, corresponden a tempera--turas de bulbo húmedo bajas y humedades relativas altas. Esto tráe como resultado, un valor alto en la diferencia de densida-

- 11 -

des del aire de entrada y salida, lo que viene a reducir la altura de la torre y por consecuencia su costo.

Las torres más modernas tienen forma de hiperboloide de -revolución, aprovechando la diferencia resultante entre la densidad de fuera y dentro de la torre, que origina un flujo natural de aire frío, de la parte inferior hacia la parte superiorde la torre, donde el aire caliente y menos denso es expulsado.

Según la dirección de flujo del aire y agua, las torres -pueden ser de flujo cruzado o flujo a contracorriente al igual que los otros tipos de torres mencionados.

### Torres hiperbólicas con flujo a contracorriente.

Este tipo de torres son de gran tamaño, alcanzando alturas hasta de 375 pies. El flujo de aire en éste tipo de torres es esencialmente el mostrado en la figura II.7. Dichas torres son instaladas donde los requerimentos de agua fria son enormes, -las condiciones climatológicas lo permiten, y donde no se re--quiere un control estricto de la temperatura del agua de salida.



# Torres hiperbólicas con flujo cruzado.

A diferencia de las torres antes mencionadas, en éstas --solo cambia la dirección de flujo, es decir, el aire sigue una trayectoria perpendicular a la del agua, como se ilustra en la fig. II.8.

figura II.8

### CAPITULO III.

# FACTORES PARA LA SELECCION DE UNA TORRE DE ENFRIAMIENTO.

Una de las principales tareas del ingeniero de diseño es el considerar todos los aspectos económicos que intervienen --desde la adquisición hasta la vida útil de un equipo, que para nuestro caso particular es una torre de enfriamiento. Por lo -que se requiere de su criterio y de sus observaciones o infor-mación experimental de torres de enfriamiento en operación, con el fin de que la torre diseñada sea la más conveniente.

En este capítulo se discutirán principalmente los factores que intervienen en el diseño de una torre, siendo estos:

a) - Naturaleza del proceso.

b) .- Condiciones ambientales.

c) .- Factores de seguridad.

d) - Equipo auxiliar y materiales para su construcción.

Cada uno de estos factores tienen relevante importancia en el diseño, aunque para ciertos casos tenga que atacarse más en alguno de ellos.

a) .- Naturaleza del proceso.

La importancia de la naturaleza del proceso estriba en eldaño físico, que se podría causar al equipo a corto plazo, ésto

- 14 -

es, deben tomarse en cuenta la resistencia física y química de los materiales que forman parte de una torre de enfriamiento, con el fin de asegurar la máxima durabilidad y evitar que en el primer servicio de mantenimiento, deban ser repuestos parte de los componentes de la torre. Ya que ésto sería inoperante eco nómicamente hablando.

Para nuestro caso de enfriamiento de agua, las torres son construidas generalmente con madera, formando estructuras de -puentes múltiples, como se muestra en la figura HIL.1. Dichas estructuras van empalmadas mediante tornillos que definitiva -mente no deben ser de materiales ferrosos, ya que de inmediato serían atacados por la oxidación.



figura III.1

Otros aspectos importantes consistirían en saber, si por eiemplo en el proceso están involucrados aceites u otras materi as en el sistema de circulación de agua. Con el fin de soli ---

- 15 -

citar un equipo de enfriamiento que resista a dichas materias, aunque, ésto no quiere decir que las materias o aceites puedan estar presentes en grandes cantidades, ya que causarían también una disminución en la eficiencia de enfriamiento, y en tales -casos se instalarían otros equipos para su eliminación o recu-peración, dependiendo del caso.

Es de interés también, saber si en la operación que se va a llevar a cabo, la temperatura del agua a enfriar es muy alta, con el fin de utilizar como relleno o empaque otros materiales que no sean madera, ya que la temperatura máxima que contrarresta la permanente humedad de la madera y la progresiva pérdida de fuerza, es de aproximadamente 150°F. La pérdida de la resistencia de la madera es debida a muchos factores, tales como el --contenido de humedad, el área de exposición, el tiempo de exposición, y las especies y tamaño de las piezas de madera. En tales casos podríamos usar por ejemplo un material recubierto con ceramica, aunque la inversión al principio fuera grande, esto se justificaría a largo plazo. Debido a las altas temperaturas en el agua de entrada, es importante también la selección del herraje y tuberia utilizada en la construcción de una torre. Ya que la corrosión de los metales y en particular del hierro se ve acelerada a temperaturas altas. Otros factores que contribuyen a la rápida corrosión son el agua contaminada, el aire, las sales y acidos presentes en el agua, etc. Aspectos como estos -que afectan a la torre deben ser tomados en cuenta, de acuerdo al tipo de proceso de que se trate.

### b) .- Condiciones ambientales.

Aunque normalmente las torres de enfriamiento son instaladas con persianas movibles en dirección de los vientos dominantes, ésto puede ser una desventaja en caso de vientos fuertes en áreas arenosas. En tales casos una torre a contracorriente con persianas movibles es probablemente la mejor, con un tanque colector profundo para que los sedimentos de arena queden en el fondo del depósito de agua y las bombas no se dañen.

Otro aspecto importante a considerar, debido a las condi-ciones ambientales es el hielo, es decir, en lugares donde ocurren temperaturas muy bajas para determinadas épocas del año, es conveniente solicitar al fabricante cubiertas para las zo-nas donde están colocados los ventiladores. En épocas no tan -extremosas pero que tambien afectan la temperatura de salida -del agua, se giran las aletas de -3 a +3<sup>0</sup> dependiendo de la situación, con el fin de disminuir las cargas de aire.

Para el caso de torres de enfriamiento en plantas químicas debe tenerse mucho cuidado de su colocación dentro de las mis--mas ya que la mayor parte de ellas emiten gases, muchos de los cuales son corrosivos. En estos casos se podría tomar la deter-minación de instalar la torre en un área en donde los vientos predominantes entraran a la torre antes de llegar a la parte -principal de la planta. Sin embargo, el aire húmedo que sale de la torre y se pone en contacto con los gases de la planta, re--sulta una atmósfera corrosiva para el resto de la planta, por --

- 17 -

lo que la torre deberá ser colocada correctamente o en su de --fecto utilizar otro medio de enfriamiento.

Algo que es considerado de primordial importancia, y no -puede perderse de vista son las temperaturas de bulbo húmedo y seco por el efecto que causan. Ya que conociendo sus variaciones a lo largo del tiempo, se puede hacer un correcto diseño y además predecir su funcionamiento. Por lo que se debe evitar -también, que otros equipos que expulsan calor a la atmósfera, estén cerca de la torre de enfriamiento, ya que la recircula -ción de aire caliente por la misma torre y los equipos mencio mados provocarían variaciones en la temperatura de bulbo húme do.

Lo más conveniente, en el caso de instalarse una torre de enfriamiento para una planta en operación, es hacer un estudio estadístico de las temperaturas de bulbo húmedo que se locali zan en diferentes puntos del area total de la planta y asi de terminar su economía.

### c) .- Factores de seguridad.

Fue común para el ingeniero hace una década, el hablar de factores de seguridad, al mismo tiempo que se especificaba en el diseño por ejemplo:  $85^{\circ}F$  en el agua fría y se calculaban ---cambiadores de calor para 88 y  $90^{\circ}F$ . Parecía lógico incluir unpequeño factor de seguridad de 3 o  $5^{\circ}F$  en sus cálculos, pero --frecuentemente dicho factor resultaba ser un aumento de 50 % ---

en cuanto a tamaño y costo de la torre. El dimensionar torres era más un arte que una ciencia hasta 1950. Muchos ingenieros habían comprado torres de enfriamiento que no lograban la temperatura del agua de salida garantizada, esto provocaba dife-rencias entre la temperatura de salida garantizada y la obtenida de 2 a 5°F. Fue entonces común especificar 88°F en el agua fría para tener la seguridad de que la torre les daría agua de 85°F, pero pocos ingenieros comprendieron que estaban pagando -50% más en el costo para que la torre consiguiera con seguridad la temperatura del agua de salida deseada. Lo anterior no quiere decir que algún factor de seguridad o de ignorancia, no deba ser incluído en los cálculos de la carga de calor. Ya que ac--tualmente es recomendable que sea incluído, pero solamente en la carga de agua, ya que si el mencionado factor de seguridad es incluído en el acercamiento, rango, bulbo húmedo, y carga de calor, esto representaría más del 100% de aumento en el costo. -En cambio un factor de seguridad de 10% en la carga de agua, se considera razonable para un requerimento calculado de 600X10<sup>6</sup> -Btu/hr, en lugar de especificar 40,000 gpm para ser enfriados de 120 a 90°F con aire a una temperatura de bulbo húmedo de ---80°F. Es recomendable que la especificación sea de la siguiente manera: 44,000 gpm para ser enfriados de 120 a 90°F con la misma temperatura de bulbo húmedo. El factor de seguridad del 10% en la carga de agua es facilmente reconocible durante la prueba termica sobre la torre de enfriamiento.

Como una generalización, también podemos establecer que --

- 19 -

entre más pequeño sea el acercamiento al bulbo húmedo, más costosa es la torre de enfriamiento. Usualmente un acercamiento de  $5^{\circ}$ F, es la temperatura del agua más fría que los fabricantes de torres de enfriamiento, pueden garantizar. Así la cantidad ý la temperatura del agua puede ser seleccionada para conseguir la economía máxima en el proceso particular.

# d) .- Equipo auxiliar y materiales para su construcción.

Una gran variedad de materiales son usados en la construcción de las torres de enfriamiento, incluyendo varias maderas, metales, y plásticos. A continuación se aborda lo referente a la madera, ya que es el material básico para la construcción de uma torre de enfriamiento, y también el más abundante y costoso por lo que se debe tener el mayor cuidado en su selección. Al-gunos componentes hechos de madera son miembros estructurales de persianas, cubiertas, anillos de las aletas del ventilador, soportes, esc.

El pino rojo ha sido la especie más extensamente usada por su resistencia a la descomposición y porque mantiene su confi-guración estructural cuando se sujeta a grandes cantidades de agua, a temperaturas bajas y relativamente altas. Originalmente la mayor parte del pino se encontraba libre de sustancias quí-micas que alargaran su vida útil y poca o ninguna atención fue puesta en la composición del agua y como resultado el pino se pudría y fallaba. Así el agua tenía que ser tratada para retardar o evitar sedimentación sobre la madera y controlar el cre-- cimiento biológico. Pero como el agua contaminada no era la úni ca causa de la descomposición, sino que algunos metales en contacto con la madera, también estaban siendo susceptibles al pino, entonces dichas sustancias químicas protectoras, aplicadas a presión, fueron adoptadas no sólo para el pino, sino para ---otras especies como abeto, ciprés y abeto amarillo (El abeto -tratado tiene un buen record de servicio) Como las especies dis tintas al pino no tienen defensa natural contra la descomposición fungosa deben ser sometidas a tal tratamiento antes de exponerse al servicio. Aún con ésto, el goteo del agua causa el lavado de las sustancias y por lo tanto, dichas especies, vuelven a --preferido todavía por muchos fabricantes.

El triplay marino ha encontrado muchos usos para los com ponentes de la torre, tales como los anillos del cilíndro del ventilador, barras salpicadoras, sostenes eliminadores de nebli na, etc.con un record de servicio excepcionalmente bueno.

Las sustancias químicas comunmente usadas para alargar lavida útil de las maderas en torres de enfriamiento son: creosote, pentaclorofenol, tributiloxido de Sn,fluor-cromo arsenato fenol, pentacloronaftalina, y cromo arsenato de cobre. Estas -sustancias son aplicadas en una cantidad no menor de 20 kg. de producto por  $m^2$  de madera para ser eficaz.

Al seleccionar la especie de madera y la sustancia para su tratamiento, debe tenerse cuidado también, ya que por ejemplo -

- 21 -

un tratamiento de creosote dañaría a equipos como cambiadores de calor al cubrir sus tubos de aceite.

En lo que respecta a materiales de hierro, el acero galvanizado y cubierto de cadmio es el más barato y utilizado en torres de enfriamiento, ya que algunos componentes de acero cu--biertos sólamente con cadmio, como tubos conduit, han mostrado excesiva corrosión, haciendo un papel muy pobre en la atmósfera de la torre. Usualmente este tipo de herraje es repuesto al mismo tiempo en que se hace el primer servicio de mantenimiento. \_ El acero galvanizado bañado en caliente ha sido ampliamente --usado, en las áreas inundadas de la torre, aumentando su resistencia a la corrosión en presencia de agua correctamente tratada. Pero en áreas que no se inundan, la experiencia no ha sido buena, ya que los anillos del cilindro del ventilador, las cu-biertas del abanico, y otras partes la torre han sido susceptibles a la corrosión, por lo que muchos sistemas de circulación de agua son controlados en el lado ácido que además es bueno -para el pino, pero con un p<sup>H</sup> aproximado de 6.8. Aún así se corroen las partes mencionadas.

La creciente corrosión sobre el herraje, es debida principalmente a altas temperaturas en el agua de entrada, a la sal depositada en la corriente de aire, que a su vez provoca corrosión biológica, y a la presencia de acidos en el agua. Esto --obliga a no utilizar cubiertas galvanizadas en caso de elevadas temperaturas en el agua, ya que estas pueden volverse catódicas al acero (158°F) y así acelerar su corrosión. El acero galvanizado a dichas condiciones y en contacto con pino ha resultado - con pudrición ferrosa.

Con respecto a las aleaciones de cobre, éstas deben ser -escogidas con precaución, ya que el latón o bronce conteniendo más del 20% de zinc son sujetas a deszinc ficación y corrosión, debido a la presión y las fracturas que se provocan por vibra-ción. Aquellas aleaciones conteniendo menos zinc, no son suje-tas a tales fracturas, pero son difíciles de trabajar.

Las aleaciones silicio-bronce poseen excelente fuerza y resistencia a la corrosión por lo que son utilizadas satisfacto-riamente en cualquier parte de las torres.

Los aceros inoxidables conteniendo de 16 a 26% de niquel y 0.08% de carbón han sido menos usados que los otros accesorios metálicos, pero se llegan a emplear para las aletas del venti-lador, accesorios metálicos de soporte, accesorios metálicos de acoplamiento, etc.

Para el sistemà de distribución de agua se ha usado hasta ahora tuberia negra de acero, que es ofrecida en calibre 10 y -14 para sistemas de muy baja presión. La tuberia de acero gal-vanizado ha ofrecido algunas veces de regular a buen servicio, pero en otras, el fracaso ha ocurrido despues de 3 o 4 años.

Los sistemas de tuberia deberán ser instalados debajo del eliminador de neblina donde el agua constantemente fluye tratada sobre dicho sistema. Si las condiciones son tales que la tuberia o la cubierta galvanizada fracasen, entonces ambas debe-rán ser protegidas con pintura anticorrosiva o si el acero es usado sin galvanizar, entonces se le puede proteger con carbon-

- 23 -

terepoxy catalizado.

En lo que respecta a otros accesorios que han resultado -muy dañados, en torres que enfrian agua de elevada temperatura, podemos mencionar las flechas impulsoras del ventilador hechasde acero, en donde frecuentemente el diámetro de la flecha ex-puesta, ha sido reducido de 2 1/8 a 7/8 pulg. en un intervalo de tiempo de 3 a 4 años, por lo que este problema se ha solucionado con cromo platinado.

Las aletas del ventilador han sido fabricadas desde hace mucho tiempo de aluminio, dando un excelente servicio.

De los muchos tipos de plásticos que han sido utilizados en torres de enfriamiento, el más comunmente usado ha sido el poliester vidriado reforzado. Este ha sido usado en los anillos del cilindro del ventilador, aletas del ventilador, soportes de empaque, etc. generalmente con buenos resultados de durabilidad.

El asbesto cemento ha tenido muchos usos en la construcción de torres de enfriamiento, siendo los más comunes: las paredesexteriores, las persianas movibles, guardalodos, y lamina plana como empaque. Esta última ha dado excelentes resultados por ser tan sencilla su instalación, con respecto al pino, además de -permitir un p<sup>H</sup> (menor que 5) en el agua de circulación y alta concentración de cloruros.

En lo referente al concreto, se puede decir, que es un material de gran importancia, debido a que muchas unidades de -flujo cruzado son construídas con grandes estanques colectores de agua, teniendo en sus bases y muros, concreto. Dada su im--

- 24 -

portancia, se han examinado algunos de estos miembros con to--rres en operación, observándose que algunas fallas de concreto pueden ocurrir aún cuando las cargas de los muros hallan sido calculadas correctamente y el control del agua de circulación sea ideal. De dichas fallas encontradas, la más importante ha e sido la causada por el deposito de sulfato de calcio sobre la parte alta de los muros, resultando como consecuencia una de--sintegración y degradación del concreto, con respectivas fil--traciones. Dichas fallas de concreto se pueden nulificar usando formulas especiales de concreto ofrecidas en el mercado, que no son susceptibles a esta degradación.

De todo lo anteriormente discutido, en lo que se refiere a materiales para construcción y equipo auxiliar, se puede observar que no solo es de gran importancia el hecho de elegir los mejores materiales desde el punto de vista de resistencia y -economía. Sino que también es importante protegerlos aún con -dichas caraterísticas, teniendo un control de las aguas de circulación con el fin de alargar la vida útil de la torre. Ya que la lignina de la madera con un p<sup>H</sup> de 8 se ve destruída, mien--tras que con un p<sup>H</sup> de 6 hace que una familia de hongos se desarrolle muy rápidamente. Es muy importante cuidar por lo tanto, que la cantidad de cloro noexceda a 2 ppm, pues si existe, la destrucción de la madera es muy rápida. Esto hace que el agua deba ser tratada bajo las siguientes recomendaciónes:

1.- Mantener el p<sup>H</sup> de las aguas circulantes entre 7 y 7.5.

- 25 -

2.- Disminuír al máximo la salida de las aguas.

3.- Evitar al máximo el uso de hipocloritos como agentes algicidas prefiriendo el uso de pentaclorofenato de sodio en una porción de 10 a 20 ppm.

Con lo discutido en este capítulo, consecuentemente lo ideal es que el diseño hecho en base a experiencias anteriorescon torres semejantes, traiga como resultado, la construcción de la torre económicamente más favorable.

Para concluir este capítulo, en la tabla III.1 se rxponenlos materiales para construcción de torres de enfriamiento de agua, que han resultado ser los mejores hasta ahora, en todos los aspectos.

	PINO OABETC TRATADO PRESION	POLIESTIRENO POLIETILENO POLIPROPILENO	HIERRO NEGRO PESADO	ACERO GALVANIZA DO	SULFACRETO	ASBESTO CEMENTO	FIBRA DE VIDRIO	ALUMINIO	ACERO CROMO- PLATINO	ALEACION SILKID - BRONCE	TRIPLAY MARINO
SOPORTES	×	×									
DEPOSITO DE AGUA	×	×			×						
HERRAJE				×							
TUBERIA DISTRIBUCION DE AGUA			×								
ALETAS DEL VENTILADOR	-	×					2 	×			
PERCIANAS	.*					×					27
EMPAQUE	x	×				×					×
CUNERTA	×			×							×
ANILLOS DE LAS ALETAS DEL VENT.		×							×		×
SOSTENES ELIMINADORES HUMEDAD											×
FORRO O BARDAS EXTERMRES						×	×				
FLE CHA DE L VENTILADOR									×		

### CAPITULO IV

### PLANTEAMIENTO DE LOS MODELOS MATEMATICOS

Los modelos matemáticos son sumamente valiosos por su utilidad y la apreciación de conjunto que permiten; debiendo espe rarse siempre un cierto grado de discrepancia entre el modelo y la parte real que representa, ya que todos los modelos son im perfectos.

En éste capítulo abordamos el problema de diseño de torres de enfriamiento de flujo cruzado.

### IV.1- AMPLITUD DEL PROBLEMA

Del análisis teórico del diseño de torres de enfriamiento de flujo cruzado resulta un sistema de dos ecuaciones diferenciales parciales que junto con la función de la entalpia del aire saturado, H<sup>I</sup>, con la temperatura del agua,  $T_{l}$ , definen to talmente el sistema, permitiendo encontrar la solución del funcionamiento de la torre bajo cualquier condición especifica.

La función,  $H' = f(T_L)$ , como no es lineal, impide una solución exacta.

A continuación, precedido de un análisis teórico para to = rres de enfriamiento de contacto aire-agua, se emponen tres modelos matemáticos uno numérico y los otros analíticos.

Cap. IV/ 29

tipos de flujo.



FLWO CRUZADO Figura IV.1



#### IV.2 ANALISIS TEORICO.

Para encontrar una solución satisfactoria se requiere de un conocimiento más amplio acerca del proceso de enfriamiento que se lleva a cabo en las torres de enfriamiento de agua por conta<u>c</u> to directo con aire, por lo que antes se considerarán las caracteristicas del proceso.

Mecanismo de transferencia simultanea de calor y masa en torresde enfriamiento.

El proceso de transferencia de calor y masa llevado a caboen las torres mostradas por las figuras IV.1 y IV.2 y en cual--quier otro tipo de torre de enfriamiento de agua por contacto di
recto con aire consiste en la combinación de calor sensible, --transferido entre el agua caliente y aire húmedo (que se encuentra a temperatura ambiente), y de evaporación, figura IV.3; donde la masa y el calor se transfieren hacia la fase gaseosa.



Figura IV.3

Para detallar más el proceso de transferencia de calor y masa: Merkel(11), McAdams(10), y Lichtenstein(3) asi como otros -autores han señalado que dicho proceso puede ser tratado como un simple proceso de transferencia, con diferencia de entalpia como la fuerza conductora del macanismo de enfriamiento. La diferen-cia usada, es la que resulta, entre la entalpia de la película saturada de vapor, figura IV.4; alrededor de las gotitas de agua y la entalpia del aire en el sitio considerado. Este proceso como ya se mencionó, es el mismo para flujo cruzado y contraco---rriente. La diferencia estriba en la determinación de las distri buciones de entalpia del aire y temperatura del agua dentro de la torre.



Figura IV.4.

Ecuaciones para contacto aire-agua.

Las relaciones que rigen el funcionamiento de las torres de enfriamiento en general, se obtienen mediante la aplicación de la ley de conservación de la materia y energía. Para este caso se considera el elemento diferencial de volumen, situado en la sección empacada de la torre de enfriamiento de flujo cruzado -que se muestra en la figura IV.5 (se aclara que el ancho siempre será la longitud paralela a la entrada del aire).



Figura IV.5 31 Las condiciones en la torre de la figura IV.5 son las si-guientes:

El agua entra por la parte superior, y fluye uniformemente descendiendo a través del empaque. La dirección positiva de las X, queda definida como la dirección de flujo de aire, y la dirección positiva de las Z, como la dirección de flujo de agua. La temperatura del agua que entra por la -parte superior del empaque, es la misma para todo el largo y ancho de entrada. La velocidad de enfriamiento del aguaque desciende en la parte izquierda del empaque, es mayorque el de la derecha, debido a que al aire fresco que fluye de izquierda a derecha, en cada punto durante su recorrido horizontal, se le transfiere calor del agua, incre-mentando su entalpia y disminuyendo así la fuerza conducto ra en puntos próximos a la salida del empaque.

Dado que el mecanismo de enfriamiento en la interface, es el mismo para flujo cruzado y contracorriente, ésto permite que las ecuaciones se obtengan, considerando una torre adiabática de flujo a contracorriente como la que se muestra en la figura IV.5-A.

Un balance global de materia a régimen permanente, aplicado a la torre de la figura IV.5<sup>A</sup> dará:

$$\begin{cases} \text{materia que entra} \\ \text{en la torre.} \end{cases} = \begin{cases} \text{materia que sale} \\ \text{en la torre.} \end{cases} = \dots 1$$
$$\begin{cases} \text{G'}_1 + \text{L'}_2 = \text{G'}_2 + \text{L'}_1 \\ 32 \end{cases}$$



Figura IV.5-A

Figura IV.6

Si se hace lo mismo para el componente condensable, se ob-tiene:

 $G'(U_2 - U_1) = L_2' - L_1' - ----- 3$ 

Similarmente un balance global de energia dará:

{calor perdido por el agua}:{calor ganado por el aire} -- 4

$$L_2 H_{L2} - L_1 H_{L1} = G_2 H_{G2} - G_1 H_{G1} - ---- 5$$

Para continuar con el desarrollo de la relación de velocidad de transferencia de calor, se considera un elemento diferencialde altura de la torre de flujo contracorriente, como se muestraen la figura IV.6.

La velocidad de transferencia de masa de la interface al -gas en masa de vapor por unidad de área transversal horizontal y tiempo es:

$$M_A M_A a_m dZ = -G dU = M_A F_G (ln \frac{1 - P_A/P_t}{1 - P_{AG}/P_t}) a_m dZ --- 6$$

Analogamente, las ecuaciónes de velocidad de transferencia de calor sensible, se escriben como si la transferencia fuera -del gas a interface é interface a líquido, por lo que:

gas.

$$q_{sG} = \frac{N_A M_A C_A}{1 - \exp^{-N_A M_A C_A/h_G}} (T_G - T_i) = \frac{1}{H} dZ = h_G a_H (T_G - T_i) dZ - 8$$

liquido:

Estas ecuaciones, se aplican a todos los casos, corrigien-dose únicamente los signos de los Flux.

Ahora se requiere de una serie de balances de entalpia en cada una de las envolventes punteadas de la figura IV.6.

### Envolvente I

$$\begin{cases} vel. \text{ total } de \\ transf. de calor \end{cases} = \begin{cases} vel. de la ental \\ pia de entrada \end{cases} - \begin{cases} vel. de la ental \\ pia de salida \end{cases}$$
 10

vel. de la entalpia de entrada = G<sup>t</sup>H<sup>t</sup> 11 vel. de la entalpia de salida =

$$\mathbf{I}^{(\mathbf{H}^{+} \mathbf{d}\mathbf{H}^{+})} - (\mathbf{G}^{\mathbf{d}\mathbf{U}}) \left[ \mathbf{C}_{\mathbf{A}}^{(\mathbf{T}_{\mathbf{G}^{-}} \mathbf{T}_{\mathbf{O}})} + \lambda_{\mathbf{O}} \right]$$
 12

El segundo término es la entalpia del vapor transferido.(se hace notar que  $\mathbf{N}_{A}$  y G<sup>'</sup>dU tienen signos opuestos en la ecuación 6), la ecuación 9 será entonces:

$$h_{G} a_{H}(T_{G} - T_{1}) dZ = G H - G (H - dH) + (G dU) [C_{A}(T_{G} - T_{0}) + \lambda_{0}]$$
 13

Y sustituyendo dH' en la ecuación 13 de velocidad de transferencia de calor, se obtiene:

$$- G C_g dT_g = h_{G} a_{H} (T_g - T_i) dZ - 15$$

Envolvente II

Cap. Iv/ 36

 veloc. de la entalpia
 = {veloc. de la entalpia
 + {veloc. total de}

 de salida.
 + {transf. de calor}
 -- 16

17 ---- veloc. de la entalpia de entrada =  $(L + dL')C_{AL}(T_L + dT_L - T_0) + (-G'dU)C_{AL}(T_1 - T_0)$ El segundo término es la entalpia de la masa transferida, ahora un líquido.

veloc. de la entalpia de salida = L  $C_{aT}$  ( $T_T - T_a$ ) ----- 18

La ecuación 16 entonces será:

19---- 
$$L^{C}_{AL}(T_{L}-T_{c}) = (L'+dL')C_{AL}(T_{L}+dT_{L}-T_{c})-(G'dU)C_{AT}(T_{4}-T_{c})+h_{T}a_{T}(T_{4}-T_{c})dZ$$

Si se sustituye la ecuación 3 en su forma diferencial y seignora el término de segundo orden dU  $dT_r$ , se obtiene:

 $\mathbf{L}^{\mathbf{C}}_{\mathbf{A}\mathbf{L}} d\mathbf{T}_{\mathbf{L}} = (\mathbf{G}^{\mathbf{C}}_{\mathbf{A}\mathbf{L}} d\mathbf{U} - \mathbf{h}_{\mathbf{L}} \mathbf{a}_{\mathbf{H}} d\mathbf{Z})(\mathbf{T}_{\mathbf{i}} - \mathbf{T}_{\mathbf{L}})$  ----- 20

Envolvente III

En una operación adiabática:

21 ---- {veloc. de la entalpia de entrada} = {veloc. de la entalpia de sal} veloc. de la entalpia de entrada = G'H'+(L'+dL')C<sub>AL</sub>(T<sub>L</sub>+dT<sub>L</sub>-T<sub>0</sub>) --- 22

36

veloc. de la entalpia de salida =  $L^{C}C_{AL}(T_{L}-T_{O})+G'(H'+dH')$  ---- 23

Por tanto la ecuación 21 es:

$$G^{H} + (L^{+}dL^{+})C_{AL}(T_{L}+dT_{L}-T_{0}) = L^{C}C_{AL}(T_{L}-T_{0})+G^{(H}+dH^{+}) - 24$$

Si se sustituyen las ecuaciones 3 y 14 en su forma diferencial e ignora el término dH  $T_L$ , la ecuación anterior se transfor ma en:

$$L^{\circ}C_{AL}dT_{L} = G^{\circ}\left(C_{s}dT_{G} + \left[C_{A}(T_{G} - T_{o}) - C_{AL}(T_{L} - T_{o}) + \lambda_{c}\right]\right) dU \quad ---- 25$$

Todas las ecuaciones obtenidas, se aplican ahora a ecuaciones adiabáticas.

El calor latente del agua es tan grande, que con una pequeña cantidad evaporada, se producen grandes efectos de enfriamiento. Puesto que la velocidad de transferencia de masa es generalmente pequeña y el nivel de temperatura usualmente bajo, la relación de Lewis se aplica razonablemente al sistema. Esto permite la -obtención de ecuaciones simplificadas, pero conflables. Asi los términos de calor sensible de la ecuación 25 se ignoran en compa ración con los de calor latente, obteniendose:

 $L' C_{AL} dT_{L} = G' C_{B} dT_{G} + G' \lambda_{0} dU$  ----- 26

Dado que la cantidad de agua evaporada es muy pequeña, la -

ecuación 26 resulta ser:

$$L' C_{AL} dT_L = G' dH' 2?$$

La cual representa la linea de operación.

Si la velocidad de transferencia de masa es pequeña, lo --cual es cierto, entonces la la ecuación 6 puede ser escrita como:

 $G' dU = k_{y} a_{x} (U_{i} - U) dZ ----- 28$ 

y la ecuación 15 como:

 $G' C_S dT_G = h_G a_H (T_1 - T_G) dZ ----- 29$ 

Ignorando el calor sensible del vapor transferido, la ecuación 20 dara:

$$L C_{AL} dT_{L} = h_{L} a_{H} (T_{L} - T_{i}) dZ ----- 30$$

Si se sustituyen ahora las ecuaciones 28 y 29 en la 27 se obtiene:

$$G'dH' = h_{G} a_{H}(T_{i}-T_{G})dZ + \lambda_{o} k_{Y} a_{m}(U_{i}-U) dZ ----- 31$$

Si  $h_{G} = \frac{a_{H}}{c_{g}} + \frac{c_{g}}{c_{g}} + \frac{a_{H}}{c_{g}} = r$  entonces la ecuación 31 se transforma en:

$$G'dH' = k_{T} a_{H} \left[ (C_{s} rT_{i} + \lambda_{o} v_{i}) - (C_{s} rT_{G} + \lambda_{o} v) \right] dZ - 32$$

Para el caso especial donde r = 1(11)(14) los términos en el paréntesis son las entalpias del gas. La restricción de que r=1implica que Le = 1 para el sistema, y a  $=a_H=a$  (cierto para empaque: totalmente mojados; aclarando que se han encontrado valorestan altos como 2 para velocidades de flujo de agua bajas)(15).

Con estas convenciones, la ecuación 31 se transforma en:

Se hace notar que el coeficiente de transferencia de masa se usa con una fuerza directora.

Combinando las ecuaciones 27, 30 y 33 se obtiene:

$$G'dH' = k_{Y} a (H_{i} - H') dZ = h_{L} a (T_{L} - T_{i}) dZ ------ 34$$

Considerando  $k_{y}$ a como un valor constante, la ecuación 34 se puede integrar, para obtener:

$$\int_{H_{1}}^{H_{2}} \frac{dH'}{H_{1}' - H'} = \frac{k_{T}a}{G'} \int_{0}^{L} dZ = \frac{k_{T}a}{G'} \frac{Z}{G'} - \frac{35}{G'}$$

La integral se puede evaluar graficamente y la altura del empaque, ser calculada. La integral de la entalpia de la ecua--ción 35 es interpretada algunas veces comor

$$\int_{\underline{H}_{1}^{1}}^{\underline{H}_{2}^{1}} \frac{dH}{H_{1}^{1} - H} = \frac{H_{2}^{1} - H_{1}^{1}}{(H_{1}^{1} - H^{1})_{PROM_{2}}} = N_{tG}.$$

Donde el término central de la ecuación 36 es el número --de veces promedio que la fuerza directora divide al cambio de en talpia. Esto es una medida de la dificultad de transferencia de calor, llamada número de unidades de transferencia de la ental-pia del gas. Consecuentemente:

$$z = (N_{tG})(H_{tG})$$
 ----- 37

Donde la altura de una unidad de transferencia de la entalpia del gas es:

$$H_{tG} = \frac{G}{k_{r} \cdot a} \qquad 38$$

La evaluación de H<sub>i</sub> es dificil de llevar a cabo en una to-rre de enfriamiento, por lo que se supone que la película de --agua esta rodeada de aire saturado a la temperatura del agua, -llevando éste a utilizar H<sup>\*\*</sup> aún cuando se involucra un pequeño error, debido al hecho de que la entalpia de la mezcla saturadaserá ligeramente mayor por una cantidad igual a la del calor del agua necesaria para saturar la mezcla.

En lo que respecta al valor a, éste al igual que H<sub>i</sub> no se puede determinar directamente ya que el área de transferencia in volucra gotas y superficies de películas dispuestas al azar im-plicando esto la imposibilidad de calcularla independientemente, obligando esto a determinarla experimentalmente junto con valor de  $k_y$ , obteniendose el factor  $K_y$ a, para un tipo particular de -empaque a flujos específicos conocidos. Por tanto:

$$N_{tOG} \equiv \int_{W_1^{\dagger}}^{T_1} \frac{dH'}{H' - H} = \frac{K_y a Z}{G'} = \frac{Z}{H_{tOG}}$$

$$L^{*} C dT_{L} = K_{Y} a (H^{**} - H^{*}) dZ$$
 ------ 40

Que en su forma integral es:

11

$$\frac{K_{\underline{y}} a Z}{L'} = \int_{\underline{U}}^{\underline{U}_{\underline{L}}} \frac{dT_{\underline{L}}}{H' - H} - \frac{41}{L}$$

Las ecuaciones 39 y 41 son validas para calcular la altura de una torre de enfriamiento de flujo a contracorriente, es decir, para el caso donde la entalpia y la temperatura varian solamente con respecto a la posición vertical de la torre. En elcaso de torres de flujo cruzado, la entalpia del aire y la temperatura del agua varian respecto a las direcciones de flujo de agua y aire. Por esta razón las relaciones que representan su distribución dentro de la torre, son descritas por ecuaciones diferenciales parciales. Dichas relaciones se derivan combinando las ecuaciones 27 y 41 sobre el elemento diferencial de vo-lumen mostrado en la figura IV.7 (previamente ubicado en la figura IV.4).



Figura IV.7

La sección de flujo de agua y aire no es la misma en lo que respecta a la posición, por esta razón, la ecuación 27 toma la siguiente forma:

G dZ dY dH = L C dX dY dT, ----- 42

Combinando las ecuaciones 42 y 41, y tomando en cuenta que-H y  $T_T$  pueden variar con respecto a Z y X se obtiene:

$$\frac{\cancel{0} \mathbf{T}_{\mathbf{L}}}{\cancel{0} \mathbf{z}} = \frac{\cancel{0} \mathbf{H}^{\mathsf{t}} \mathbf{G}^{\mathsf{t}}}{\cancel{0} \mathbf{x} \mathbf{L}^{\mathsf{t}}} = \frac{(\mathbf{H}^{\mathsf{t}} - \mathbf{H}^{\mathsf{t}}) \mathbf{L}^{\mathsf{t}}}{\mathbf{K}_{\mathsf{t}} \mathbf{a}} - \dots - 43$$

Tomando en cuenta que H es una función de  $T_L$ , la ecuación 45 será:

$$\frac{\bigcirc \mathbf{T}_{\mathbf{L}}}{\bigcirc \mathbf{Z}} = \frac{\bigcirc \mathbf{H}' \mathbf{G}'}{\bigcirc \mathbf{X} \mathbf{L}'} = \frac{\left\{ \mathbf{f}(\mathbf{T}_{\mathbf{L}}) - \mathbf{H}' \right\} \mathbf{L}'}{\mathbf{K}_{\mathbf{Y}} \mathbf{a}} - ---- 44$$

Si la relación f(T) es conocida, entonces la ecuación 44 se puede resolver con las siguientes condiciones iniciales:

Z = 0 para cualquier X  $T_L = T_{L.ent.}$ X = 0 para cualquier Z  $H' = H'_{G.ent.}$ 

La ecuación 44 define completamente el proceso, y permite la solución de torres de enfriamiento de flujo cruzado con cuales quiera condiciones de operación especificadas. La relación no li neal entre la entalpia de saturación y la temperatura impiden -una solución exacta, por lo que una numérica es la más aproximada.

IV.3 MODELOS MATEMATICOS.

En la actualidad existen diferentes modelos matemáticos que teóricamente resuelven el problema, para lo cual se han escogido tres de ellos, cuyos principios son basicamente los mismos, (--pues parten de las leyes de conservación de la materia y energía) sólo que sus desarrollos son los que más difieren entre si.

a) .- Modelo de las unidades de transferencia fraccional de-

N. Zamuner(4).

b).- Modelo desarrollado por Walter J. Wnek y Richard H. Snow(1972).

c) .- Modelo de Pigford.

# a) Modelo de N. Zamuner.

Basado en el concepto de unidad de transferencia fraccional, desarrollado por Donal R. Baker y Leon T. Mart(3) que asu vez seapoyaron en los trabajos de Merkel(11), en los cuales se establece que el funcionamiento de una torre de enfriamiento, es una fun ción de la temperatura de pulbo húmedo, indicando ésto, que la diferencia de la entalpia existente, entre la película de aire saturado que rodea el agua y la masa de aire principal, proporcionan la fuerza conductora en un proceso de enfriamiento. La conclusión anterior condujo a la hipótesis de que el enfriamiento del agua, es proporcional a la diferencia de la entalpia conductora, y puede ser expresada como un coeficiente total por unidad de volumen. Esta hipótesis es compatible con el concepto de unidad de transferen cia, por lo que en este modelo, la esencia del coeficiente por uni dad de volumen, consiste en la determinacion de la fracción de unaunidad de transferencia, representada por unidada de volumen de to rre.

La hipótesis fue desarrollada de la siguiente forma:

El múmero de unidades de transferencia ha sido previmente obtenido (ecuación 36) pero el interés de este modelo es por ladeterminación de la fracción de una unidad de transferencia de energía en una torre de enfriamiento. Dicha unidad de transferen cia se define como el valor del cambio de entalpia ( $\Delta H$ ) de lacorriente de aire dividida entre un valor igual, correspondiente a la fuerza motriz promedio que produce el enfriamiento, esto es:  $O H + (\Delta H)_{TD}$ 

$$\int_{\mu^{1}} \frac{dH'}{H'' - H'} = 1$$
 45

Despejando el valor dH de la ecuación 27, se obtiene:

$$dH' = \frac{L'}{G'} C dT_L ----- 46$$

La unidad de transferencia medida en términos de la tempera

tura del agua resulta:  

$$\int_{T_{L}} \left( \frac{L'}{G'} \right) \left( \frac{C \ dT_{L}}{H'' - H'} \right) = 1 \quad ---- 47$$

Si la unidad de transferencia se divide en  $\ll$  incrementos, se toman términos en incrementos de  $\Delta T$  y se considera L'/G' cte, la ecuación para la unidad de transferencia fraccional será:

$$\int_{T_{L}}^{T_{L} + \Delta T_{L}} \frac{C \ dT_{L}}{H^{*} - H^{*}} = \left(\frac{1}{C}\right) \left(\frac{G^{*}}{L^{*}}\right) \cong \frac{C \ \Delta T_{L}}{H^{*} - H^{*}} \quad ----- 48$$

Esto define 🗙 como:

Cuando  $\swarrow$  tome un valor, tal que, la altura de la unidad de transferencia fraccional sea un pie, el lado derecho de la -ecuación  $C\Delta T_L/H^*$  - H' representara la unidad de transferencia fraccional.

Separando variables ahora en la ecuación 40 y poniendo la unidad de transferencia en términos de la temperatura, se tienela ecuación siguiente:

$$\frac{C dT_L}{H' - H} = \frac{K_Y a}{L} dZ - 50$$

Integrándose sobre el incremento de altura  $\Delta Z$ , con el --correspondiente incremento de temperatura del agua  $\Delta T$ , y tomando K<sub>y</sub>a/L<sup>t</sup> como un valor promedio y constante para toda la torre, se obtiene:

$$\frac{K_{\mathbf{Y}^{\mathbf{a}}} \Delta \mathbf{Z}}{\mathbf{L}^{\mathbf{t}}} = \int_{\mathbf{T}_{\mathbf{L}}}^{\mathbf{T}_{\mathbf{L}} + \Delta \mathbf{T}_{\mathbf{L}}} \frac{\mathbf{C} \, \mathbf{d} \mathbf{T}_{\mathbf{L}}}{\mathbf{H}^{\mathbf{t}} - \mathbf{H}^{\mathbf{t}}} \approx \frac{\mathbf{C} \, \Delta \mathbf{T}_{\mathbf{L}}}{\mathbf{H}^{\mathbf{t}} - \mathbf{H}^{\mathbf{t}}} - 5$$

Al combinar las ecuaciones 48 y 51 se llega a:

Si  $\Delta T$  corresponde a alguna fracción de una unidad de ---transferencia, la cual está limitada en tamaño por las variacio nes de (H<sup>\*\*</sup> - H<sup>\*</sup>) sobre el intervalo  $\Delta T$ , entonces  $\Delta Z$  es una -fracción de la altura total de la torre.

Así éste modelo se puede aplicar a una torre de flujo cru-zado de empaque no conocido, dividiendo el empaque en series deincrementos de volumen, arreglados horizontal y verticalmente -como se muestra en la figura IV.8.

De todo lo anterior, se puede notar que el modelo matemático se resuelve por métodos de integración númerica, por lo que en la figura IV.9, se define un incremento de volumen, tomado de la figura IV.8, con las dimensiones ahí anotadas.



FIGURA IV. 8

47

Cap. Iv/ 48



Donde  $\Delta X = \Delta Z$  y  $\Delta Y = 1$  ft. Figura IV.9

Asi, la temperatura del agua decrece a través de cada incre mento, y es calculada despejando el valor AT de la ecuación 51, obteniendo:

$$\Delta T = \frac{H'' - H'}{\alpha} \left( \frac{G'}{L'} \right) - 53$$

Igualándose el calor perdido por el agua, al que se lleva el aire en el incremento de volumen, se tiene:

L' AY AX = G' AH' AZ AY ----- 54

Como  $\Delta X = \Delta Z$ , la ecuación 54 será:

 $\Delta H' = \frac{L'}{G} \Delta T_L$ 

Así, para valores dados de temperatura de agua de entrada,temperatura de bulbo húmedo del aire, L y G la distribución de la temperatura del agua y la entalpia del aire en la torre, se determinan, haciendo la integración de la unidad de transferencia sobre las series de incrementos de volumen. Esto se hace, ini--ciando por la parte superior o entrada del agua y para los incre mentos de volumen localizados a la entrada del aire, y de manera similar para las columnas adyacentes.

Nótese que las ecuaciones de flujo a contracorriente se emplean en torres de flujo cruzado, pero con la condición de que sea en elementos de volumen con dimensiones finitas pero lo sufi cientemente pequeñas, de manera que las ecuaciones se cumplan.

Un ejemplo de integración se muestra en la tabla I, para el siguiente conjunto de condiciones de operación:

Temperatura de entrada del agua,  $100^{\circ}$ F. Temperatura de bulbo húmedo del aire,  $66.5^{\circ}$ F. L'/G' = 1.

La integración se lleva a cabo para incrementos de altura - correspondientes a 0.1 NUT ( $\ll \pm 10$ ), 4 lineas de integración y 4 columnas.

TABLA I.

lineas de integr. column	temp. del agua T <sub>L</sub>	entalpia H	entalpia H	н"-н	Δ <u>τ-<sup><u>H</u>-H</sup></u>		TL
0	100.00	71.70	31.21	40.49	4.04	4.04	
			49				

1	95.95	64.83	31.21	33.62	3.36	3.36
2	92.58	59.66	31.21	28.45	2.84	2.84
3	89.74	55.61	31.21	24.40	2.44	2.44
4.	87.30	52.37	31.21	18.50	2.11	2.11
	columna 2					
a	100.00	71.70	35.26	36.44	3.64	3-64
1	96.35	65.49	34.57	30.92	3.09	3.09
2	93.26	60.66	34.05	26.61	2.66	2.66
3	90.60	56.80	33.65	23.15	2.31	2.31
4	88.28	53.65	33.33	17.97	2.03	2.03
	columna 3					>
0	100.00	71.70	38.90	32.80	3.28	3-28
1	96.72	66.08	37.66	28.42	2.84	2.84
2	93.87	61.59	36.71	24.88	2.48	2.48
3	91.39	57.92	35.97	21.95	2.19	2.19
4	89.19	54.87	35.36	19.51	1.95	1.95
	columna 4					
0	100.00	71.70	42.18	29.52	2.95	2.95
1	97.04	66.62	40.51	26.11	2.61	2.61
2	94.43	62.44	39.20	23.24	2.32	2.32
3	92.11	58.96	38.16	20.80	2.07	2.07
4	90.03	56.01	37.31	18.70	1.87	1.87

En la figura IV.10 se muestra un diagrama longitudinal de la sección cruzada de la torre con la distribución de entalpias y temperaturas.

Con este modelo, la altura de la torre esta expresada en 🚣 términos de unidades de transferencia.

El ancho de la torre puede ser también expresado en términos de unidades de transferencia. Así una torre equivalente por ejemplo a las secciones 00,01,10,11,20,21 de la figura IV.10 tiene —

una altura de .3 veces la altura de una unidad de transferencia-(3 lineas de integración) y un ancho de .2 veces la altura de -una unidad de transferencia (2 columnas).



Figura IV.10

Introduciendo dos nuevos términos; NUTV y NUTH, que puedendescribir apropiadamente las dos naturalezas dimensionales del problema en consideración, la torre citada anteriormente, cumple con las condiciones de operación para .3 NUTV (número de unida-des de transferencia vertical) y para un ancho de .2 NUTH (número de unidades de transferencia horizontal).

Como se puede notar, el termino NUTH, no tiene significado termodinámico similar al de NUT. El NUTH ha sido un término es-cogido aquí para designar un número relativo y proporcional al ancho de la torre.

Los valores que aparecen en la tabla II, se obtuvieron de la temperatura del agua de salida, de la figura IV.10, determi-- nándolos mediante el cálculo; para diferentes alturas, de la m<u>e</u> dia aritmética de la temperatura de salida del agua por increme<u>m</u> to de ancho.

TA	RT.A	TT
	Dun	

NVTU					
NHTU	TXB	0.1000	0.2000	0.3000	0.4000
0.1	1000	95.95	92.59	89.74	87.30
0.2	2000	96.15	92.93	90.17	87.80
0.3	5000	96.34	93.24	90.58	88.26
0.4	1000	96.52	93.54	90.96	88.71

Una vez determinadas las temperaturas promedio del agua de salida, se calcula la función de diseño dentro del rango de NUTH de 0.1 a 0.4 para la temperatura del agua fría que se desea (como se ve en la tabla II debe estar esta dentro del rango de 88.7 a 95.95 <sup>o</sup>F). En la tabla III se calcula la función para la tem<u>pe</u> ratura de agua fría de 83.32.

 TABLA III

 NHTU
 NVTU

 0.10
 0.6011

 0.20
 C.6358

 0.30
 0.6697

 0.40
 0.7030

 MUTV = f(NUTH).

52

sándolos mediante el cálculo; para diferentes alturas, de la me dia aritmética de la temperatura de salida del agua por increnen to de ancho.

II AJEAT

		UTVM				
0000.0	0.3990	0005.0	0001.0	ØXT	UTHM	
•	87,30	87,78	92,59	54.56	000	0.1
	68,73	\$1.04	29,50	96,15	000	5,0
	05.88	\$2.0*	45.20	96,39	000	ε.ο
	17,88	90 0 0 P	93,54	96,52	000	0,4

Una vez determinadas las temperaturas promotio del agua de salida, se calcula la función de diseño dentro del rango de MUCH de O.: a O.4 para la temperatura del agua fria que se dessa (coao se ve en la tabla IF debe estar esta dentro del rango de Si-F a 95.95  $^{\circ}$ F). En la tabla III se calcula la función para la tempe ratura de agua fría de SJ-S2.

III AJEAT

υгγи	uthn
1109.0	01.0
0,6358	05,0
reað,0	0,30
0.7030	00,0
. (HTU	NUTV = 2(N

52

Las funciones de diseño permiten encontrar para un cierto conjunto de condiciones de operación, varios volumenes de empa que que cumplen con las condiciones dadas.

Las diferentes alturas Z de un volumen de empaque se calculan por medio de la ecuación 37, que para este caso puede ser es crita como:

Donde L'/ K<sub>y</sub>a es la altura de una unidad de transferencia. Este valor multiplicado por los NUTH permite encontrar los diferentes valores de los anchos. El largo de cada volumen de empa que obviamente se determina por la cantidad de agua a ser enfriada.

Como ejemplo, se propone el diseño de una torre con las siguientes condiciones de operación:

Cantidad de agua a enfriar,2500 gpm.Temperatura del agua de entrada,100 °F.Temperatura del agua de salida,83.32 °F.Temperatura de bulbo húmedo del aire,66.5 °F.Coeficiente de transferencia de calor y masa,200 probado acondiciones similares de operación con L' y G' igual a 2000

Lb/Hr pie<sup>2</sup> (correspondiendo a 4 gpm/pie<sup>2</sup> de agua y 469.67 pie/ min. velocidad de aire).

En este ejemplo se desea determinar los diferentes volúmenes de enpaque que puedan llevar a cabo el mismo proceso.

En la tabla IV se calculan los cuatro volúmenes de los cuatro puntos de la función de diseño (tabla III). Así la altura de la unidad de transferencia es obtenida por:

$$L/K_{T} = 2000/200 = 10.0$$

Las diferentes alturas de empaque se obtienen de la ecua ción 56:

$$Z = (NUTV)(10.0)$$

Los diferentes anchos de empaque se obtienen de :

El largo del empaque se determina dividiendo el área plana o superficial del empaque entre el ancho. El área plana o superficial del empaque para 2500 gpm y L'igual a 2000 es:

54

(Flujo de agua)(densidad del agua)/(flujo esp. del agua)=( area ) plana )

(2500 gal/min)(8.33 Lb/gal.)(60 min/hr)/(2000 Lb/hr ft<sup>2</sup>)= 624.76ft<sup>2</sup>

El wolumen de empaque es obviamente el producto de los lados que se muestran en la figura IV.12.



Figura IV.12

Por tanto:

V =(Z)(X)(Y) ----- 57

El área de empaque para la entrada de aire se calcula por:

A =(Z)(Y) ----- 58

La cantidad de aire en pies/min. se obtine multiplicando el área de empaque por la velocidad del aire, 469.67 pies/min.

Como se ve en la tabla IV cualquier punto dentro del dominio de la función de diseño(en este caso de 0.1 a 0.4 ) representá una torre con dimensiones diferentes. Por tanto se necesita para la se lección de una torre, tomar encuenta los diferentes factores que -afectan la selección como: peso y costo del empaque, Peso de la -torre por pie cuadrado de área plana, compactez y forma, máxima -presión estática del ventilador, número y tamaño de ventiladores -La torre que se ajuste al costo y criterios de construcción y --operación establecidos por dichos factores es seleccionada.

TABLA IV

EMPAQUE					
NUTH	NUTV	ALTURA	ANCHO LARGO	AREA VOL. LATERAL	CANTIDAD DE AIRE
0.10	.6011	6.011	1 625.63	3760.7 3760.7	1.76x10 <sup>6</sup>
0.20	.6358	6.358	2 312.80	3977.7 1988.8	9.34x10 <sup>5</sup>
0.30	.6697	6.697	3 208.54	4189.84 1396.6	6.56x10 <sup>5</sup>
0.40	.7030	7.030	4 156.4	4398.20 1099.5	5.16x10 <sup>5</sup>

Nota: si se desea el diseño de una torre de doble flujo, (ver pag. 9) el largo debe dividirse en 2.

# b) MODELO DESARROLLADO POR WALTER J. WNEK Y R. H. SNOW (1972)

El conjunto de ecuaciones para el diseño de torres de enfria miento de flujo cruzado como se expuso ya con anterioridad son:

$$-L^{*} C \frac{\partial T_{L}}{\partial y} = G^{*} \frac{\partial H^{*}}{\partial x} = Ka(H^{**} - H^{*}) - 59$$

y  $H^{*} = Exp (1.?? + 0.025 T_{L})$  ----- 60 para  $40^{\circ}F \le T \le 130^{\circ}F.$ 

Las condiciones iniciales son:

para y=0 
$$T_1 = T_{1e}$$
  
y  
x=0 H'= H'\_6 ----- 61

Para resolver el sistema de ecuaciones 59 - 61 se definen las siguientes variables adimensionales:

 $Z = 0.025 \text{ Ka } I_0^* \text{ y } / \text{ C } L^*$   $X = \text{Ka } \text{ x } / \text{ G}^*$   $I_0^* = \text{Exp}(1.77 + 0.025 \text{ T}_{le})$   $V = 0.025 (\text{T}_1 - \text{T}_{le})$   $I = \text{H}^* / I_0^*$   $I_e^* = \text{H}_e^* / I_0^*$ 

Sustituyendo en 59 queda

$$-\frac{\partial V}{\partial Z} = Exp(V) - I = \frac{\partial I}{\partial X} - ---- 62$$

Suponiendo que el cambio de temperatura del líquido en dirección horizontal es pequeña comparada con el cambio en la dirección ver

Cap. Iv/ 58

tical. Esto sugiere buscar una solución de la forma

$$V(X,Z) = \sum_{i=0}^{m} (X - X_m)^i F_i(Z)$$
 ----- 63

Donde

 $X_{m} = X en V_{m}$  $V_{m} = V$  promedio sobre X. n = entero.

Como primera aproximación se toma el primer término de la se--

$$V(X,Z) = F_1(Z) = V_m(Z)$$
 ----- 64

la ecuación 62 queda

esta para una Z dada implica

$$\frac{dI}{dX} = Exp(V_{\underline{m}}) - I - 66$$

que tiene la solución

$$I = Exp(V_m) + Exp(-X)(I_e - Exp(V_m))$$
 ----- 67

Integrando la ec. 65 con respecto a X de X = 0 a X =  $X_0$ , donde  $X_0 = (Ka x_0 / G^*)$  es el ancho adimensional de la torre, dando  $dV_1 = I_0 - Ie$ 

$$-\frac{dx_{m}}{dz} = \frac{1_{0}^{-10}}{x_{0}}$$
 ----- 68

Evaluación de la ec. 67 en X = X<sub>o</sub> y sustituyendo en la ec. 68, queda  $-\frac{dV_m}{dZ} = (1 - Exp(-X_o)) (Exp(V_m)) / X_o$  ----- 69

cuya solución es:

$$Z = \frac{X_{o}}{I_{e}(1 - Exp(-X_{o}))} (V_{m} - Ln(\frac{I_{e} - Exp(V_{m})}{I_{e} - 1})) ----- 70$$

14

Despejando V\_

$$V_{m} = -Lm(\frac{1}{I_{e}}((I_{e}-1)) Exp(-\frac{I_{e}Z(1-Exp(-X_{o}))}{X_{o}}) + 1)$$

Sustituyendo las variables originales y resolviendo para la temperatura media del líquido con respecto al ancho como una función de la altura da

$$T_{1, media}(z) = T_{1e} - 40 Ln(3 Exp(az) + 6)$$

De donde se obtiene la ecuación de diseño despejando a z

$$\mathbf{z} = -\frac{1}{\sigma} \operatorname{Ln}(\frac{1}{\sigma} (\operatorname{Exp}(\frac{T_{1e} - T_{1,m}(\mathbf{z})}{40}) - \boldsymbol{\epsilon}))$$

Donde

$$\gamma = (I_e - 1) / Ie$$

$$X_o = Ka x_o / G'$$

$$\epsilon = 1/I_e$$

$$= \beta I_e (1 - Exp(-X_o))/X_o$$

$$\beta = 0.025 KaI_o^*/C L'$$

Esta ecuación puede usarse para calcular cualquiera el ancho o la altura de la torre una vez que la otra ha sido fijada.

## c) .- Modelo analitico de Pigford.

Considerando en este modelo, el análisis hecho en la sec--ción IV.2 de este capítulo y el diagrama esquemático de la situa ción de flujo cruzado en la figura IV.14, (donde Y es el largo del empaque) se hace un balance de energía a regimen permanente para el volumen diferencial Y dx dz dando:

L' Y X (dx/X) ( $\hat{O}T_{L}/\hat{O}z$ ) dz = K<sub>y</sub>a (H' - H'') Y dx dz ----?! y G' ¥ Ź (dź/Ż) ( $\hat{O}$ H'/ $\hat{O}$ x) dž = K<sub>y</sub>a (H'' - H') Y dź dź ----?? o  $OT_{L}/\hat{O}$ Ż = (K<sub>y</sub>a/L') (H'' - H') ------ 73 y  $OH'/\hat{O}$ ž = (K<sub>y</sub>a/G') (H' - H'') ------ 74

Si se define  $\Delta = H^{*} - H^{'}$  y se considera que la linea de equilibrio es recta, de manera que  $dH^{**}/dT_{\tilde{L}} = C_{\tilde{L}}$  es constante. Asi las ecuaciones 73 y 74 se reducen a:

$$\partial^2 \Delta / \partial x \partial z = R N (\partial \Delta / \partial z) + N (\partial \Delta / \partial z) \pm 0 = 75$$

Donde x/X y z/Z han sido reemplazadas momentaneamente por = x é z, respectivamente, y donde  $\bar{R} = C_{\underline{k}} G/L y \bar{N} = \bar{K}_{\underline{y}} a V/G$ . Una solución de la ecuación 74 con condiciones en la frontera sobre ==  $\Delta(x,z)$  tal que  $\Delta(0,z) = \Delta(x,0) = H_{ent.}^{**} - H_{ent.}^{*}$  es:

$$\Delta = (H_{ent.}^{**} - H_{ent.}^{*}) \exp(-N(x/X) - N R(z/Z)) I_{o} \left\{ 2 N \sqrt{R (x/X)(z/Z)} \right\} -76$$

Con esta expressión para la fuerza conductora como una fun-ción de x é z, las ecuaciones 72 y 73 se pueden usar para encontrar las funciones  $T_L(x,z)$  y H'(x,z). Los resultados se uti lizan para encontrar la temperatura promedio del agua de salida - $T_{L,sal}$ . Las conclusiones que ha obtenido Pigford muestran que el grupo P =  $C_i(T_{L,ent} - T_{L,sal})/(H_{ent}^{**} - H_{ent}^{*})$  es una función de las cantidades adimensionales R y N.





Una forma conveniente para expresar los resultados finales de una torre de enfriamiento, es el usado comúnmente para cálculos de cambiadores de calor de flujo cruzado. McAdams y Bowman -(10), y Nagle(7) proponen una gráfica que muestra el factor de corrección F para ser aplicado a la fuerza conductora media lo-garítmica de acuerdo a las condiciones para flujo cruzado, comouna función de P y R. La gráfica se muestra en la figura IV.15 para torres de enfriamiento(7). El valor medio logarítmico de --H<sup>''</sup> - H<sup>'</sup> debe ser multiplicado por F.



Factor de corrección para la media logarítmica de la fuerza conductora en condiciones de flujo cruzado.

### Figura IV.15

Asi la ecuación 39 será:

$$\frac{K_{\underline{Y}} a \ V}{G} = \frac{1}{F(R,P)} \int_{H_{BTL}}^{H_{SL}} \frac{dH}{H_{BTL}} = H$$

Supuestamente Kya es una función de la relación de los flu-

62

jos específicos, representada por:

$$\frac{K_{\underline{Y}}a}{\underline{G}'} = \frac{1}{\underline{H}_{tOG_{a}}} / \frac{\underline{G}'}{\underline{L}'} - \frac{77}{2}$$

Como se puede notar,  $H_{tOG}$ , se evalúa para la relación de -flujos específicos. De hecho hay buenas razones para creer que con flujos específicos iguales de gas y líquido,  $K_{y}a$  es casi lamisma en torres de flujo cruzado y contracorriente. Sustituyén-dose la ecuación 77 en la 76 se puede encontrar que las dimen--siones de la torre se relacionaron por:

$$X = \frac{H_{tOG.}}{F(P,R)} \int_{H_{tof.}}^{H_{two}} \frac{dH'}{H' + - H'}$$

Para ilustrar este modelo, se dimensiona una torre con lassiguientes condiciones de operación:

Cantidad de agua a enfriar, 2500 gpm. Temperatura del agua de entrada, 100°F. Temperatura del agua de salida, 83°32°F. Temperatura de bulbo húmedo del aire, 66.5°F.

1.- Se calcula el número de unidades de transferencia paraflujo a contracorriente.

$$H_{ent.} = 31 \text{ Btu/Lh}$$
 a  $T_{b.húmedo} = 66.5^{\circ} F.$ 

$$H_{ent.}^{*} = 71.73 \text{ Btu/Lb}$$
 a  $T_{L,ent.} = 100^{\circ} F_{\bullet}$   
 $H_{sal.}^{*} = 47.4 \text{ Btu/Lb}$  a  $T_{L,sal.} = 83.32^{\circ} F_{\bullet}$ 

es:

De la figura IV.16 se encuentra que el valor mínimo de G/L




Duplicando la cantidad mínima se tiene G/L = 0.82 implicando:

$$H_{sal.} = 31.0 + \frac{100 - 83.32}{0.82} = 51.34 \text{ Btu/Lb.}$$

La integral de la ecuación 78 se calcula por el método de -Simpson como sigue:

	T <sub>L</sub> <sup>o</sup> f	H" Btu/Lb	н	1/(H'* - H')
0	83.32	47.4	31.0	0.061
1	87.49	53.0	36.0	0.235
2	91.66	58.4	41.2	0.116
3	95.83	65.0	46.3	0.214
4	100.0	71.7	51.3	0.049
563				0.675
-	dH	(51.34 -	31) (0.675)	1 166
	(H'* - H')	- 12		1.144
- 7(2)				

2.- Aquí se calcula la corrección debida a las condicionesde flujo cruzado. Usando la figura IV.15 con:

R=1.205 (obtenida de multiplicar la pendiente promedio de la linea de equilibrio sobre el rango de la temperatura del agua por la relación G/L) y:

$$P = \frac{(1.47)(100 - 83.32)}{71.73 - 31} = 0.41$$

Obteniendo F = 0.915.

Por tanto, el número de unidades de transferencia requeri-das para flujo cruzado son:

$$\frac{1.144}{0.915} = 1.25$$

3.- Las dimensiones de la torre, se determinan considerando que los flujos específicos del agua y aire fueron usados en prue bas típicas sobre trabajos de torres a contracorriente de Kellyy Swenson(8).

 $G' = 1710 \text{ Lb/hr ft}^2$ . L' = 1.22 (1710) = 2086.2 Lb/hr ft<sup>2</sup>.

Donde 1.22 es la pendiente de la linea de operación en la figura IV.16. Con G'/L', en la figura IV.17 se obtiene  $H_{tOG} = 10.1$ 



El ancho del empaque en la dirección de flujo de aire es:

$$X = (1.25) (11.0) = 12.63 \text{ ft.}$$

La altura es:

$$Z = \frac{G/L'(L')(X)}{(G')} = \frac{(0.82)(2086.2)(12.63)}{(1710)} = 12.64 \text{ ft.}$$

El largo del empaquexés:

$$\mathbf{Y} = \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{L} \mathbf{X}} = \frac{(2500)(8.33)(60)}{(2086.2)(12.63)} = 47.42$$

Si la torre es de doble flujo, entonces el largo de la torme es 23.71 ft. El volumen del empaque és:

$$V = (X) (Z) (Y) = (12.63)(12.64)(47.42) = 7570.28 \text{ ft}^3$$

La carga térmica es:

 $Q = L C (T_{L,ent.} - T_{L,sal.}) = (2500)(8.33)(60)(100-83.32) =$ 2.084 x 10<sup>7</sup> Btu/Lb.

# NOMECLATURA PARA EL CAPITULO IV.

A = Area transversal de la torre, ft<sup>2</sup>.a = area interfacial por unidad de volumen de empaque,  $ft^2/ft^3$ . a<sub>H</sub> = Area interfacial de transferencia de calor, ft<sup>2</sup>interf./ft<sup>3</sup> emp. a = Area interfacial de transferencia de masa, ft<sup>2</sup>interf./ft<sup>3</sup>emp. B = Constante de la ecuación 64.BB = Constante de la ecuación 66. C = Capacidad calorífica a presión constante, Btu/Lb °F. CC = Constante de la ecuación 64. C, = Pendiente de la curva de equilibrio entalpia-temperatura Bt/Lb °F. D = Constante de la ecuación 64. d = Operador diferencial. F = Coeficiente de transferencia de masa, Lbmol/hr ft<sup>2</sup>interf. G = Flujo de aire, Lb/hr. G' = Fluja específico de aire, Lb/hr ft<sup>2</sup>. H = Entalpia del aire, Btu/Lb de aire seco. H = Entalpia del aire saturado, Btu/Lb de aire seco. H<sub>+C</sub> == Altura de una unidad de transferencia, ft. gas-entalpia. H<sub>tOG</sub> = Altura total de una unidad de transferencia, ft. " h = Coeficiente de transferencia de calor por convección, Btu/hrft<sup>2 O</sup>F. h = Coeficiente de transferencia de calor por convección corregido para transferencia de masa simultaneamente, Btu/hr ft<sup>2</sup> °F. j = Número de ileras.  $\mathbf{k}_{\mathbf{y}}$  = Coeficiente de transferencia de masa, Lb vapor/hr ft<sup>2</sup>interf.

 $K_y = Coefficiente total de transferencia de calor y masa Btu/hr ft<sup>2</sup>(Btu/Lb)$ 

Cap. IV/69

L = Flujo de agua, Lb/hr. L' = Flujo específico de agua, Lb/hr ft<sup>2</sup>.m = Pendiente de la linea de saturación de la ecuación 58. M = Peso molecular, Lb/Lb mol. N = Flux de transferencia de masa, Lb mol/hr ft<sup>2</sup> interf. n = Número de columnas. N<sub>+C</sub> = Número de unidades de transferencia de la entalpia del gas. N<sub>tOG</sub> = Número total de unidades de transferencia de la entalpia del gas. p = Constante de la linea de saturación en la ecuación 58. P = Presión, de vapor de una substancia pura, atm. P, = Presión total, atm. P<sub>A</sub>= Presión parcial, atm. q<sub>s</sub> = Flux de transferencia de calor sensible, Btu/hr ft<sup>2</sup> interi.  $T = temperatura, F_{\bullet}$ U = Humedad absoluta, Lb agua/Lb aire seco. V = Volumen de empaque, ft . X = Ancho de empaque, ft. y coordenada. x = Coordenada en el modelo de Pigford. Y = Largo de empaque, ft. y coordenada. Z = Altura del empaque, ft. y coordenada. z = Coordenada en el modelo de Pigford. od = Constante de la ecuación 47. A = Diferencia.  $\lambda$  = Calor latente de vaporización, ft<sup>3</sup> atm./Lb mol.

SUBINDICES.

- t = Total.
- L = Referente al agua.
- G = Referente al aire.
- A = Vapor.
- m = Masa.
- i = Interface.
- 0 = Estado de referencia.
- B = Gas.
- s = Saturado.
- UT = Incremento específico de T o H para obtener una unidad detransferencia.
- ent. = Referente a la entrada.
- sal. = Referente a la salida.

## CAPITULO V.

# PROGRAMA DE COMPUTADORA.

1) OBJETIVO: Calcular las dimensiones de la torre de enfriamiento de flujo cruzado mas económica, para un conjunto dado de condicio mes de operación.

2) METODO: El cálculo de la distribución de entalpia del aire y temperatura del agua en el empaque, se realiza en la forma que H. Zamuner indica, expuesta en el capítulo anterior. Posteriormente la optimización se hace con el algoritmo de Fibonacci minimizando el costo total anual de la torre.

Definición de datos de entrada Distribución de entalpia del aire y temps. del agua en el empaque. Distribución de temperaturas promedio del agua de salida. Curva de diseño. Optimizacion: Minimizando el costo total anual de la torre. FIN

## 3) DESCRIPCION DEL PROGRAMA:

a) ESTRUCTURA: El programa consta de un subprograma principal y dieciséis subrutinas y un bloque de datos. Los datos que tienen que ser proporcionados son para la evaluación del costo total an<u>u</u> al, de operación y de empaque (ver 3-e), la impresión de la tabla de integración y el arreglo principal del bloque común DPP es opcional (ver 3-c).

b) SUBRUTINAS:

BUD&LI: Coordina los subprogramas INTEGR y DESIG1 para calcular las matrices "integración fraccional" y "distribución de temperaturas del agua de saliday

INTEGR: Controla la integración auxiliado del subprograma INTGRP, (ver BUD&LI).

DESIGI: Controla el cálculo de la matriz "distribución de temper<u>a</u> turas del agua de salida " auxiliado por el subprograma LINTG ( ver BUD8LI).

INTGRP: Calcula por cada llamada una linea de integración (ver - INTEGR).

LINTG : Por cada llamada calcula un renglon y/o columna de la matriz " distribución de temperaturas del agua de salida ", (ver -DESIG1).

DESIGF: Controla el cálculo de la matriz " curva de diseño " auxiliado por el subprograma LINTG.

INTPOL: Calcula en cada llamada el NUTV correspondiente a un va lor dado de NUTH.

SIF : Calcula la inversión total fija de la torre, junto con SUMF.

SUMF : Calcula el valor de diversos polinomios con auxilio del BLOQUE DE DATOS.

OPTIMO: La optimización auxiliado por los subprogramas FOBJT, CA LNTU y SCO.

FOBJT : Calcula el costo total anual de la torre, auxiliado por los subprogramas CALNTU y SCO.

CALNTU: Calcula el NUTH DE LA TORRE, ( ver FOBJT).

SCO : Calcula las dimensiones del empaque y el costo total de operación y mantenimiento auxiliado por SEEHP, (ver FOBJT).

SEEHP : Calcula la energía requerida por el motor del ventilador (ver SCO).

PRINT : Imprime las matrices " integración fraccional ", que es opcional, " distribución de temperaturas del agua de salida " y " curva de diseño ", junto con el subprograma ENCAB. BLOQUE DE DATOS: Contiene los coeficientes de correlaciones polinomiales.

c) ARREGLOS DIMENSIONALES:

I) El bloque común no etiquetado, unidimensional con once elementos esta formado por los seis coeficientes del polinomio de quinto orden relacionando la entalpia del aire con la temperatura de bulbo húmedo.

II) El bloque comun DPP unidimensional con 100 elementos conte \_ niendo cada uno en la forma que sigue:

	Cap. V/74
1) Temperatura del agua caliente	(°E)
2) Temperatura del agua fría	(°F)
3) Temperatura de bulbo húmedo	(°F)
4) Carga específica del aire	$(Lb/hr p^2)$
5) Carga específica del agua	( " )
6) Carga de agua	(gal/min)
7) Coeficiente total de transferencia de calor	((Btu/hr)/
(p <sup>3</sup> (Btu/Lb))).	
8) Inverso de la unidad de transferencia(alfa).	
9) Alfa minima para ser probada	
10) No. inicial de lineas de integración	
11) No. máximo de lineas de integración	
12) Inversión fija total	( DLS/año)
13) espacio entre niveles de empaque	(plg)
14) Energia requerida por el ventilador	(Hp)
15) Costo de la energía del ventilador	(Dls/año)
16) Dias de trabajo por año	(Dias/año)
17) Costo total anual de la torre	(Dls/año)
18) Contador del no. de optimizaciones	
19) No. de celdas	
20) Valor de la relación NUTV/NUTH	
21) Años en que se deprecia la torre	
23) Factor de inflación (base 1970)	
24) Costo de energía eléctrica	(Dls/kw-hr)
25) Costo de mantenimiento	(Dls/año)
26) Costo total de operción y mantenimiento	(Dls/afio)

# Cap. V/ 75

30)	Contador de los cálculos de la función objetivo d	e FC	BJT	
<b>3</b> 1)	No. de unidades de transferencia horizontal(NUTH)			
32)	No. de unidades de transferencia vertical (NUTV)			
33)	Altura de la unidad de transferencia			
34)	Ancho de empaque	(p)		
35)	Altura de empaque	(p)		
36)	Area transversal planar del empaque(superficial)	(p <sup>2</sup>	2)	
37)	Largo del empaque	(p)		
38)	Volumen del empaque	(p <sup>3</sup>	5)	
39)	Area transversal vertical de empaque(lateral)	(p <sup>2</sup>	2)	
40)	Carga de aire	(p <sup>5</sup>	/min	)
41)	Alfa calculada			
42)	Lineas de integración calculada			
43)	Valor inferior del rango de NUTH.			
44)	Valor superior del rango de NUTH.			
45)	Valor mínimo del rango de temperaturadel agua frí	a( <sup>o</sup> F	()	
46)	Valor máximo del rango de temperatura del agua fr	la(°	F)	
57)	Inversión fija total del primer cálculo			
58)	Costo de empaque	(Dls	s/p3)	
59)	Volumen de empaque del primer cálculo	(p <sup>3</sup>	)	
60)	Relación altura largo			
61)	Velocidad del aire	(p/	min)	
62)	Caida de presión del empaque	(pl	g ag	ua)
63)	Caida de presión de las persianas	(	Ħ	)
64)	Caida de presión del eliminador de húmedad	(	**	)
65)	presión estática total	(	n	)

66) Factor usado en en FOBJT

Cap. V/ 76

III) El bloque común SINTGR tridimensional con 61 elementos en la primera y tercera dimensión, y 5 en la segunda. Almacenando en ésta matriz el resultado de la integración.

IV) El bloque común SDESG1 bidimensional con 61 elementos en la primera y en la segunda dimensión, contiene la matriz de temp<u>e</u> raturas del agua de salida.

V) El bloque común B5 bidimensional con 5 elementos en la primera y 7 en la segunda dimensión, contiene la matriz de coeficientes de las correlaciones para el cálculo de la inversión fija de la torre.

d) DIMENSIONES REQUERIDAS:

I) El arreglo principal del bloque común DPP con los elementos del 67 al 100 se pueden usar para guardar valores intermediosde cualquier cálculo.

II) Los bloques comunes SINTGR y SDESGF pueden modificarse todas las dimensiones exepto la segunda dimrnsión de SINTGR quees siempre 5 conforme si se quiere ampliar las lineas de integración de la torre a más de 60.

e) FORMATO DE ENTRADA: Los datos de entrada deben ser en seis gru pos con formato libre en el siguiente orden:

Días de funcionamiento por año.
 No. de años en que se deprecia la torre.
 Factor de inflación (base 1970).
 Costo de enería eléctrica (dls/ kw-hr).

- II) Temperatura del agua caliente, (<sup>o</sup>F).
   Temperatura del agua fría, (<sup>o</sup>F).
   Temperatura de bulbo húmedo, (<sup>o</sup>F).
   Gasto de agua, (gal/min).
- III) Carga específica del aire, (Lb/hr-p<sup>2</sup>). Carga específica del agua, ( " ). Espacio entre niveles de empaque o cero, (Plg). Si el valor anterior es cero entonces dar Ka, si no dar el valor de cero.
  - IV) Inverso de la fracción de la unidad de transferencia (alfa).

Lineas de integración.

- V) Introducir SI, si se quiere que imprima la matriz de la integración, o NO, si no.
- VI) Introducir un SI o NO para la impresión del arreglo principal del bloque común DPP.
- 4) EJEMPLO: El ejemplo fue realizado en una computadora Burroughs/6700, system/FORTRAN con los siguientes datos de entrada, ver 3-e.
  - 1) 350,10,2,.008
  - 11) 100,83.32,66.5,2500
  - III) 2000,2000,0,200
    - IV) 5,50
    - V) NO
    - VI) NO

3	RESE	7258		)=P )=R	RI	NTI	ER E)	)																									
		*/SF	HON JNC	88 00	{ <u>1</u>	;};		PP,	2P	{}	200	22	; }																				
		LOG DAT *.30		ŞĮ	1 4É	13		2	362	5	57	199	1	5;	74	1301	35	15	09	30	:	15	71	21	82	95	E٠	• 1	,				
		REAT	5555	33		161		1		5	3	3		7)	24	į																	
	***	D(9)	)=15 **** 49	:D ** 80 **	(1) ** 22: +H: **	1)= +(L [N/	60 8/	) (HF	***	GF	***	**; !=	*	13	**36	**	F 1	*3	** /G	**	*	** ) *	**	*:	.1	**	**	* 	**/F	***		***	**
		0=D IF(( * D()	(6) * )(7) )=(	49 12	8.		(0	)() **	.5	D (	2	)) (5)	**	•••	37	,,	"		3)	**		82	*0	()	3	)*	*.	3	3)				
00000	***	SUBRU	DE	** TE	*** 800 MPE	RA	IL	REAL	AL S	PF	A		ł	IN S	TE		AC AC	*IU G	** 0N AR	**	*	* 4 45			* A	* L G	**	*CRS	AS AE	*TOT	ir q	U A	
č		CALL	•								,	**	*	***	**	*								ľ									
CCC	***; C)	DCALL DCALL DCAL DCAL VINL	()=1 ()=1 ()=D	* 1 (1)	++++++++++++++++++++++++++++++++++++++	** UI 1)	** • N	** HT	** US	** Y	**	Å	* 4 AL	** TL	ĴŔ,	* * A	** DE	*	** UN	** IC	**	**	** DE	**	R	* * A N	* * S F	*i	K*	** ;,C	**	*	
	,	D(31 IF(1 (43)	150	(Š RII		(7 50	}.	FA	I	NI	C I	AL	۰.	0	(8)	),	' A	L	FA	M	A)	<b>.</b>	='	• 0		9)	•	AL	F	A	UL	TI	MA
0000	SUBF CALC		A D LA	ESI MA	ÎĜF	***	DE	** L	** A S	* * C	** UF	** VA	** S	DE	**	**	* *	**	**	** *S	** DE	*	** GF	**	*	* *	**	**	* #	**	**	*	
c		CALL	DE	SIC	GF (	NC	)						-		• •																		
čc	**** C4	D (43 D (44 D (44	*** )=1 )=D ST	*** 0E/[ 42	LA (4)	**	PT 43	** I //	** I Z	** ^C	**	** N	* *	**	***	**	**	*	* *	* *	**	*:	* *	**	*	* *	* *	**	* *	**	**	**	
0000	SUBF CALC	UTIN ULA	*** LAS A.	PT1 01	EMO	** NS	** I0	** NE	** S	** DE	** L	** V0	** Lu	**	**	* * D	** E	**	** 1P	** AQ	** UE	*	** DE	* * L	*	* * T	** DR	* #	*	** 1 A	** S	*	
c		CALL	OP	TIN	10 (	. 0	09	• ٧	IN	υŤ	×× H,	** VS	**	TI	1)																		

5) LISTADOS DEL PROGRAMA Y DEL EJEMPLO:

----

1000 12000 

\*\*\*\*\*\*\*\*\* \*\*\*\*\*\*\*\*\* 000 \*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\* \*\*\*\*\*\*\*\*\*\* \*\*\*\*\*\*\*\* С ESCRIDE DATOS DE DISERO WRITE(7,100)D(1),D(2),D(3),D(6),D(4),D(5),D(7) ESCRIDE DATOS PAPA LA FYALUACION DE DISE80 MOITE(7,101)0(21),D(23),D(24),D(8),D(19) С CRIDE VALORES CALCULADOS WRITE(7,102)D(41),D(42),D(43),D(44) C ESCRIBE WRITE 17.401



č

D0 22 1=1 6(18) WA TE (751) (0PT (J I) J=1 12) 51 FORMAT(1H0,1X,13,1X,13(1FE10,3)) 22 CONTINUE THPRESION DE LA TABLA DE INTEGRACION (SINTGR),LA TAB. DE LAS TEMPS. PROMA DEL AGUA DE SALIDA (SDESGI) CALL PRINT(NC,LI) WRITE(7,55) 55 FORMAT(14) I FORMAT(A2) I FORMAT(A2) I F(ESCEXT.EG.2HSI)WRITE(7,\*/) D 50 CALL EXIT END SUBROUTINE BUDBLI COMMON/DPP/DD(100),L1,L2,L3/AESC/ESCO,EDE,EINT L0GICAL L1,L2,L3 L1=,FALSE L3=,FALSE L3= SUBROUTINE INTEGR(LI) COMMON A(1) COMMON /DPP/D(100),L1,L2 COMMON /DPP/D(100),L1,L2 COMMON /SINTGK/D2(61,5,61) LOGICAL L1,L2 ,L TX4=D(1) TWD=D(3) GY=D(4) GX=D(5) L =.FALSE. GXY=GX7GY IF(L2)GO TO 44 DO 30 I=1,D(11)+1 DO 30 J=1,D(11)+1 DO 30 J=1,D(11)+1

END SUBROUTINE DESIGI( LI, PI, RS) COMMON A(11) COMMON A(11) COMMON /DPP/D(100),L1,L2 COMMON /SIN GK/D2(61) COMMON /SIN GK/D2(61) LOGICAL L1, L2, L4, L REAL IALEA L = FALSEA D 23 I=1, D(11) +1 D3(I,J)=0 L = FALSEA D 25 I=1, LI D 2(I,I+1) = TALFA

Cap. V/ 82

D3(I+1,1)=IALFA IALFA=IALFA+1./ALFA 25 CONJINUE D0 26 I=1,LI CALL LINTG(I+1,LI,L) 26 CONJINUE 27 D3(1,L+1)=FLOAT(LI)/ALFA D3(1,L+1)=FLOAT(LI)/ALFA LA=.FALSE. CALL LINTG(LI ,LI,L4) L4=.FALSE. CALL LINTG(LI+1,LI,L4) RS=D3(2,2)C(LI+1,LI,L4) PI=D3((I+1,LI+1) RETURM SUBROUTINE LINTG(NFI,LI,L) COMMON/SINTGR/D(61,5,61)/SDESG1/DD(61,61) LOGICAL L TO 42 DO 21 I=1,NFI-1 J=1 41 J=J+1 DD(NFI,J)=D(J,1,I)+DD(NFI,J) IF(J,L,LI+1) GO TO 41 21 CONTRUE DD(NFI,J)=DD(NFI,J)/FLOAT(NFI-1) 22 CONTINUE RETURN 42 J=LI+1 DU(1+1,J)=D(J,1,K)+DD(I+1,J) IF(K+L,J)=DC(I+1,J)/FLOAT(K) 23 CONTINUE RETURN END SUBROUTINE DESIGF(NC) COMMON /SDESGF/DD(61,61) REAL IALFA IALFA=I/D1(41) NGENC+I TXB=D(2) UI=01(42) DD(1+NC+I)=IX+ DD(1+NC+I)=IALFA IALFA=IALFA+I./D1(41) CONTINUE I=1 I=1+1 CAL INTPOL(TXB,I,VNVTU,LI) DF(1-AC+1)=YNVTU F(1-C+LI+1) GO TO 41 RETURN END 21 41

SUBROUTINE INIPOL(TXD,NFI,VNVTU,LI) COMMON/SDESGI/D(61,61) LOGICA: L ,L6 L=FALSE. IF(FALSE:D(NFI,LI+1).AND.TXB.LE.D(NFI,2)) L6=.TRUE. IF(LNOT.L6) G0 TO 50 J=1 41 J=J+1 IF(TXB.GE\_D(NFI,J)) L=.TRUE. IF(L) G0 TO 42 IF(J.LT.LI+1) G0 TO 41 22 VNVTU=D (1,J-1)+(D(1,J)-D(1,J-1))/(D(NFI,J)-D(NFI,J-1))\*(TXB-D(NFI 42 VNVTU=D (1,J-1)+(D(1,J)-D(1,J-1))/(D(NFI,J)-D(NFI,J-1))\*(TXB-D(NFI RETURN RETURN END SUBROUTINE SIF SUBROUTINE SIF COMMON/OPP/DC100) A=D(2)=D(3) R=D(1)=D(2) TRH=D(3) GPN=D(6) IF(A.GE.S, AND.A.LE.10)GO TO 20 IF(A.GE.S, AND.A.LE.30)GO TO 21 IF(R.LT.S)R=15 IF(R.GT.30)R=30 21 IF(TRH.GT.75)TBH=75 IF(TBH.GT.75)TBH=85 22 CI = SUMF(2,7,GPM) CS = SUMF(2,7,GPM) CS = SUMF(2,7,GPM) CS = SUMF(2,7,GPM) CS = SUMF(2,7,GPM) CT = CR.CT.F(3,GA)) FTBH = (SUMF(3,GA)) FUNCTION SUMF(IB,IDO,X) CDMMON/R5/8(5,7) SUMF=0 SUMF = SUMF + R(IB,I)\*X\*\*(I-1) RETURN END 20 SUBROUTINE CPITHO(ALFA,A,B) DIMENSION FIB(150) DELER-A FIB'0=1 FIB(1)=1. FIB(2)=2. 5 RD=1./ALFA IF(06-2.) 10,10,11 10 GO TO 14 11 CONTINUE 10

Cap. V/ 84 12 JJJ2J CCFC 100 JJJ1 TFC (CCFC 100 JJ1, 15, 15 13 CC 100 JJ2 PROMITICAL STATES AND TO FEASIBLE STATES AND ALLEY ALLEY ALLEY AND ALLEY ALLEY AND ALLEY ALLEY AND ALLEY ALLEY ALLEY

\*WRITEL7, 17) T, 4F 17 FORNAT(/ LOS VALORES(COSTO TOTAL ANUAL) DE LA FUNCION OBJET \* FORNAT(/ SON RESPECTIVAMENTE', 7X, 'CTA=', IPE11.4,2X, 'CTA=', E11.4) 87 ACC=(W-A)/(DFL) IF(ESC.E0.2HSI) \*WRITE(7,15)ACC 18 FORMAT(/ LA EXACTITUD ES',12X, IPE11.4) TF(ESC.E0.2HSI) \*WRITE(7,16', ALFA 19 FORMAT(/ , 'LA EXACTITUD REQUERIDA FUE',2X, IPE11.4) 999 CONTINUE RETURN END SUBROUTINE FOBJI(VNHTU,CTA) COMMON/DPP/C(100)/SEUNC/DD(2,100),A(12,25) D(30)=C(30)+1 CALL CAL TU(VNHTU,VNVTU) RALAN=VUVU/VNHTU r(20) = EALAN CALL SCO FAT3] FA2=1 IF(0/20).EE.0.8)FA1=FAI(.8gD(20),33,33) IF(0/20).EE.0.8)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33,33)FA1=FAI(.8gD(20),33,33)FA1=FAI(.8 15 FUNCTION FAI(KI, REL, VAL) FAI=KI-REL FAI=FA+VAL+1. RETURN END FUNCTION FAS(KS, REL, VAL) FUNCTION FAS FAREL-KS FAS=FA\*VAL+1 RETURN END SUBROUTINE CALNTU(VNHTU, VNVTU) COMMON F(11) COMMON F(11) COMMON/SDESCF/D(61,61) COGICAL (,L6 TX9=D1(2) L= FA:SE. J=1 J=1+1 41

48100 48200 48300

54900

Cap. V/ 85

42	I	FF FF	AB J.N.	SUL	10	L		)   1   P	4) R		D Q	(1	٩,	1) 1 1 1 1	). 1s	E	E .	1 . NC	E	-7 EN	i II CI	- = R A	•1	R	UE	• E1	. :	s -	CA		111	<b>u</b> '	, т	XB				
. 43	III	F	VNL6	11	G			ò	0	50	4	3)	• (	R	• v	N	TH	U.	G	τ.	0	1 (	44	)	L	6=	•••	TR	UE	•			×					
44	İ	F(FV		LE	10			E	-4 G	NN P+	H		) 43	L 3,	=. )-	TF		E .		, )			D		. 1		•0	( 1	-1	-		1*	<i>(</i> v		171	1-0		-1
50	* IVDDRE	) F() NH 1() ET() ND	6 10 321 JR	) }=	PVV	RINN		U	1.	•	11	+T	U	E	ST	A .	F	UE	R	A	DE	Ľ	F	2 4 1	G	0	A	, 8	• 14	нI	ru	',	D1	(4	13	),0	1(	41)
	SCLRAZ				1		P ( )	s/ 7	50	21	00	))																										
***	X: **; F;	= Ă ( **:		*D*49(*	(*86*	31*2+*	)*2M*	*+ + I	**	* 0 1	*/ R *	*R)	**	Ġi *	** • M	**	*	** • 1 **	*:	**	**	***	** 73	*:		**	**	**(	**	** •1	10	**: 5+1	** _B	** **	** T 3	::)	***	*
	A		(/ * W	6) X Z	**	19	8	•	23		0	5	)								• •																	
	***	**	F	AC (4*	295	2	SLG*	8 8 8 8		* 6BR *	24	21	50	111	*(11*	GR IN*	D H	* R T > *	3/	1R3	59 **	Ť	2) LB	**	F	**	****	N 19	2 2 **	** GR **	D	R.	** ) *	**	**	*		
	CRDD		(*=))		4 W W	;	(	D	(1	)	)=	R	AL	) / A	2	38	4	• 6	2	;	C		61	):	F	M												
	DDDDD			ZAWV	A																																	
		4(57	1		A)()	2N	ESS	•	)	G	0	T(	) 58	21	CI	E																						
21	IFCFO	NLIC	0	(SE2C	07E)M	5+IP	(1	()		D	(5	93	))	*0		58	) :	)	;	D	(1	2	) =	IF	N													
	CODRE	115 TU	R		41	-	1	);	D	2	16)	) #	20	M	1	. 3	4	1																				
	SI	IBR	ou	т	TN	E		SE	E	н	Þ																											

.

Cap. V/ 86

Cap. V/ 87 COMMON/OPP/D(100) C 00 ... CAIDA DE PRESION EN LAS PERSIANAS (LOUVERS) PP=.32-((1600-D(61))/1200.\*.3) : D(63)=PP CC ..... CAIDA DE PRESION EN EL ELIMINADOR DE HUMEDAD ..... PEH=.07-((2000-D(4))/1200\*.06) : D(64)=PEH C PES=PE+PP+PEH . D(65)=PES . C .....ENERGIA REDUERIDA PARA EL MOTUR DEL VANTILADOR ..... DEN=39,744/(0\3)4480) PCH=D(61)\*\*(39) EEHP=(PES.PCN)/(6356\*.5) + 1. D(14)=EEHP I=0 24 I=1+1 IF(EEHP/I.LE.75)GO TO 25 GO TO 24 SI TS=EEHP/I+.5 D(19)=T PETUPN EDD END SUBROUTINE PRINT(MC,LI ) COMMON / DOP/P(100)/SINTGM/D(61,5,61)/SDESG1/DD(61,61)/SDESGF/PP(6) \*61) \*

BLOCK DATA COMMON/65/8(5,7) DATA((B(I,J),J=1,7),I=1,5)/4,3612E4,2.1924E1,-6.3599E-3,1.1E-6, 14.073/E4,423(=11,36)327E-15,-4.172E-20, 14.073/E4,4202BE1,-8.64E-3,1.376E-6,-1.04E-10,3.75E-15,-5.243/LT, 0, 10,1385E2,-7.3849E1, 2.0736E1,-2.4349E1, 5,-4.4943E-3,5.0112E-E93E-1,-5.0683E-7.0.55 0, 1,1385E2,-7,3849E1, 2.07364,4943E-3,5,0112E-5,0,0, END

			5	ATOS DE 0	PERACI	ON ***			
LA TEM	P. DEL AGUA	DE ENTRADA ES			2	100.000	GRADOS	FAHRENHEIT	
LA TEM	P. DEL AGUA	DE SALIDA ES				83,320		•	
LA TEM	P. DE BULBO	HUMEDO ES			-	66,500		•	
LA CAR	GA DE AGUA	(RANGO DE 1000	20000 GF	<b>M</b> )	•	2500.000	GPH		

DATOS DE EMPAQUE ( ************************************	OBTENI	DOS EXPERIMENTAL MENTE)
 LA CARGA ESPECIFICA DEL AIRE ES	2	2000.000 LB/HR*PIE CUAD.
LA CARGA ESPECIFICA DEL AGUA ES	=	2000.000 "
EL COEF. TOTAL DE TRANSFERENCIA DE CALOR (KA) ES		200.000 (BUT/HR)/(PTE CUB.+ (BTU/LB))

DATUS PARA LA EVALUACION DEL DISENO	
LOS ANOS EN QUE SE DEPRECIA LA TORRE SON	= 10
EL INDICE DE INFLACION (YA QUE LA REFERENCIA DE COSTO ES DE 1976) ES	= 2,0000
EL CUSTO DE L A ENERGIA ELECTRICA \$/KW-HR ES	= 0.0080

DATOS	ADICIONALES	Y	PARTICULARES	DE	ESTE	MODELO
*****	*********	**	**********	***	*****	******

E	L	VALOR	INICIAL	DEL INVERSO DE LA FRACCION DE UNIDAD DE TRANSF. (ALFA) ES	=	5,0000
<u>,</u> E	L	VALOR	INICIAL	DE LAS LINEAS DE INTEGRACION ES	=	50,0000
						(06)

VALORES CALCULADOS	
EL VALOR CALCULADO DE ALFA ES	= 5,0000
EL VALOR CALCULADO PARA LAS LINEAS DE INTEGRACION ES	= 50,0000
LA VARIABLE NHTU ES OPTIMIZADA EN EL RANGO	= 0.2000 Y 10.0000

	**	**	***	**	* *	***	*
*	UP	TT	1 M	24	CT	MO	*
**	* #	**	**	**	**	***	*

\* UNIDADES INGLESAS \* COSTOS EN DOLARES

NHTU	NVTU	ALTURA	ANCHO	LONG.	VOLUMEN	DE EMPAG:	GANTIPAD	FISOSTOT.	COSTO OF.	COST TOT
1.085E+00	8.708E-01	8.708E+00	1.085E+01	5.741E+01	5,423E+03	5.000E+02	2.348E+05	1.335E+05	1.418E+05	8.424E+04
1.085E+00	8,708E-01	8.708E+00	1.085E+01	5.741E+01	5.423E+03	5.00000+02	2.348E+05	1.335E+05	1.418E+05	8.424E+04
1,085E+00	8,708E=01	8.708E+00	1,085E+01	5.741E+01	5,423E+03	5,000E+02	2.348E+05	1.3356+05	1.418E+05	A.424E+04
1,085E+00	8.708E=01	8.708E+00	1.085E+01	5,741E+01	5,423E+03	5,000E+02	2,348E+05	1.335E+05	1.418E+05	8.424E+04
9,486E=01	8,200E=01	8,200E+00	9,486E+00	6,505E+01	5,107E+03	5.384E+02	2,52°E+05	1.327E+05	1.409E+05	8.374[+04
9,486E=01	8.200E=01	8.200E+00	9,486E+00	6,565E+01	5,107E+03	5.384E+02	2.529E+05	1.3276+05	1.4096+05	8.374E+04
8,806E=01	7.951E=01	7,951E+00	8,806E+00	7,073E+01	4,952E+03	5.624E+02	2.641E+05	1.3236+05	1.4102+05	A. 375E+04
9,486E=01	8,200E=01	8,200E+00	9.486E+00	6,565E+01	5,107E+03	5.3846+02	2.529E+05	1.327E+05	1.409E+05	A. 374E+04
1.017E+00	8,451E=01	8.451E+00	1.017E+01	6,126E+01	5,263E+03	5.177E+02	2.431E+05	1.3312+05	1.412E+05	A. 390E+04
9,486E=01	8,200E=01	8.200E+00	9.486E+00	6.565E+01	5,107E+03	5.3846+02	2.529E+05	1.3276+05	1.409E+05	18.374E+04
9,486E=01	8,200E=01	8.200E+00	9,486E+00	6,505E+01	5,107E+03	5,384E+02	2.529E+05	1.327E+05	1.409E+05	8.374E+04
9,496E=01	8,204E=01	8.204E+00	9.496E+00	6.559E+01	5,109E+03	5,3810+02	2,527E+05	1, 127E+05	1.409E+05	8,374E+04

# TEMPERATURA (F) OBTENIDA DEL AGUA DE SALIDA

\*\*\*\*\*\*\*\*\*

	NV	TU												
NITU TYP	0.2000	0.4000	0.6000	0.8000	1.0000	1.2000	1.4000	1,6000	1.8000	2.0000	2.2000	2.4000	2.6000	2 81.00
0.2000	91.90	86.41	82.41	19.37	77.00	75.12	73.61	72.39	71.39	70.57	69.80	67.33	68.87	UA.48
0.4000	92.71	87.53	83.64	80.61	78,21	76.20	74,68	73,37	72.27	11.39	70.04	70.01	69.47	69.02
0.6000	93.41	08.53	84.75	81.76	79.33	77.34	75.70	74.33	73,17	72.20	71.38	70.68	70.08	09 50
0.8000	94.02	89.42	85.77	82.81	10.38	78.37	76.67	75,25	74.03	73.00	72.12	71.30	70.70	79.14
1.0000	94.56	55,00	86.69	83.79	A1.37	79.35	77.60	76.13	74.87	73.78	72.84	72.03	71.33	70 71
1.2000	95.02	90.93	87.54	84.69	82.29	80,24	78.49	76,98	75.68	74.55	73.56	72.70	71.95	71.22
1.4000	95,43	91.57	88.31	85.53	A3.15	81.11	79.34	77.80	76.46	15.29	74.26	73.30	72.57	71 87
1.6000	95.79	92,15	89.02	86.31	A3.96	A1.95	80.15	78.59	77,22	76.02	74.96	74.02	73.19	72.45
1.8000	96.10	92.67	89.66	87.03	84.72	82.70	80,92	79,35	77.96	76.73	75.63	70.66	73.80	73.03
5.0000	96.39	93.14	90.26	87.70	85,44	83.45	81.65	80,07	78.67	77.41	76.30	75.30	74.40	73.60
5.5000	96.63	93.57	90.80	88.32	A6.11	84.12	82,35	80.77	79.35	78.08	76.90	75.92	75.00	74.17
2,4000	96.86	93,95	91.30	8A.90	86.73	84.78	83.02	81.44	80.02	78.73	77.57	76.53	75.58	74.73
5.0000	97.06	94.30	91.76	89.44	87.32	85.40	83.66	82.08	80.65	79.36	78.10	77.12	76.16	75.28
2.8000	97.23	94.62	92.19	89.94	87.88	85,99	84,27	82.70	81.27	79.07	78.7R	77.70	76.72	75.83
3.0000	97.40	94.91	92.58	90.41	88,40	86.54	84,84	83,29	81,86	30.56	79.36	78,27	77.28	76.30
3.2000	97.54	95,18	92.94	90 . A4	88,88	87.07	85,39	83,85	82.43	81,13	79.93	78.83	77.82	76.89
3,4000	97.67	95.42	93.28	91,25	89.34	87.57	85,92	84.39	82.98	31,68	80.4A	70.37	78.35	77.41
3,6000	97,79	95,65	93,58	91.62	89,77	88.04	86.42	84.91	83,51	32.21	A1.01	79.89	78.87	77.91
3.8000	97.40	95.85	93.87	91,98	90.18	88.48	86,89	85,40	84.01	82.72	A1.52	80.41	79.37	78 41
4.0000	98,00	96.04	94.14	92.31	90,56	88.90	87.34	85,88	84.50	83.22	N2.02	80.00	79.86	78.90
4.2000	98,09	96,21	94,38	92.61	90,92	89.30	87.77	86.33	84.97	83.70	82.50	81.39	R0.35	79.37
4,4000	98.17	96.37	94.61	92.90	91.26	89.68	88,18	86.76	85.42	34.16	N2.97	81.86	80.81	79 84
4.6000	98,25	96,52	94.82	93.17	91,57	90.04	88.57	87.17	85.85	34.60	A3.42	82.31	81.27	80 29
4,8000	98,32	96,66	95.02	93.42	71,87	90.38	88,94	87.57	86.26	85.03	A3.86	82.75	A1.71	80.74
5,0000	98,39	96.79	95.21	93,66	92,16	90,70	89,29	87,95	86,66	35.44	84.28	81.18	A2.15	81.17
5,2000	98,45	96.91	95.38	93,88	92,42	91.00	89,63	88.31	87.04	85.84	N4.69	83.60	82.57	81.57
5.4000	98,50	97.02	95.54	94.09	92.67	91.29	89,95	88.65	87.41	86.22	A5.08	84.00	A2.97	82.00
5.6000	98.56	97.12	95.70	94.29	92,91	91,50	90,25	88.98	87.76	36.59	A5.44	84.39	83.37	62.40
5.8000	98,61	97.22	95.84	94.48	93.13	91.82	90.54	89.30	88.10	36 94	85.83	80 77	83 76	42 70

TABLA DE DISE#0

TEMP. DEL AGUA DE SALIDA (GRADOS FAHRENHEIT)

		SE CUMPLE LA STOUTENTE DEL LATON -
	NHTU	NVTU
	0.20	0.5545
	0.40	0.6210
	0.60	0.6957
	0.80	0.7657
	1.00	0.8388
	1.20	0.9143
	1.40	0.9861
	1.60	1.0632
	1.80	1.1387
	2.00	1.2125
	2.20	1,2909
	2,40	1,3661
	2.60	1.4430
	2,80	1.5205
	3,00	1,5956
	3.20	1.6747
	3.40	1.7517
	3.60	1.8287
	3,80	1.9074
	4.00	1,9840
	4.20	2.0629
	4.40	2,1409
	4.60	2,2183
	4,80	2,2976
5	5.00	2,3752
5	5.20	2,4541
:	5.40	2,5328
5	5.60	2.6106
:	5.80	2.6903
6	.00	2.7686
6	.20	2.8477
6	.40	2,9269
6	.60	3.0050
é	.80	3,0851
7	.00	3,1638
7	.20	3,2431
7	.40	3,3227
7	.60	3.4012

(p<u>e</u>se) Unam

ALTURA DE ENPAQUE	B 20/	DIES
ANCHO "	9.496	"
LARGO	65.5A7	
VOLUMEN DE EMPAQUE	5109.115	PTES CUB.
POTENCIA PARA EL VENTILADOR	21	HP
INVERSION FIJA TOTAL	1326-3.00	DLS.
COSTO DE ENERGIA-VENTILADOR	127668.73	DLS/A#0
OPERACION Y MANTENIMIENTO	140938.03	DLS/A#O
COSTO TOTAL	83738.32	DIS/A#0

(46)

Cap. VI/ 95

#### CAPITULO VI

# CONCLUSIONES

La mucha inportancia en la selección de los equipos del sistema de enfriamiento en una industria radica, en una mayor efi ciencia y un mínimo de inversión total. Para la optimización delsistema es necesario conocer las caracteristicas y diseño de losdiferentes equipos de que puede componerse. Uno de los últimos equipos, donde pasa la corriente del porceso, en un sistema de enfriamiento, puede ser una torre de enfriamiento de aire-agua (20) justificandose por la disponibilidad, bajo costo y propiedades de aire y del agua. Existen varios tipos de torres de enfriamiento aire-agua, entre las cuales debe seleccionarse, con cuidado, la que se ajuste a las caracteristicas de la naturaleza propia del lugar (21) y proceso.

No pocos ingenieros desconocen las caracteristicas y diseñode las torres de flujo cruzado; quizá esto se deba a la escasez de información en la literatura.

En torres de enfriamiento de flujo a contra corriente, el vo lumen de enpaque, queda determinado por un cierto número de unida des de transferncia; requeridas por las condiciones de operación. Sin embargo, en torres de flujo cruzado, diferentes volúmenes ll<u>e</u> van a cabo el mismo proceso, lo que implica que se tiene que se leccionar el diseño; en base al volumen que mejor se ajuste a los criterios establecidos de construcción. costo y operación.

El modelo de diseño, representado por el de N. Zamuner en es ta tesis, se basa en el concepto de la unidad de transferencia, o sea, la representación de una unidad de volumen de torre por una -

Cap. VI/ 96

fracción de unidad de transferencia. Pudiendose,asi, llevar acabo la integración numérica de estos volúmenes, haciendo posible un análisis detallado y completo del diseño, encontrando como único-

inconveniente que los cálculos son repetitivos y tediosos.

El modelo representado por el de Walter J. Wnek y R. H. Snow (1972) proporciona buenos resultados y nos evita el análisis numérico del modelo anterior, resolviendo el sistema de ecuaciones di ferenciales parciales, junto con una función exponencial de la en talpia del aire saturado (H') con la temperatura del agua  $(T_1)$ .

El metodo de Pigford es similar a uno de intercambiadores de calor de flujo cruzado. Supone que la funcón  $H' = f(T_1)$  es lineal y introduce un factor de corrección para la diferencia de la en talpia media ( $H'^- H'$ ); de tal forma que la diferencia de ental pia media para torres de flujo cruzado se obtiene multiplicando la diferencia ( $H'^- H'$ ) para flujo a contracorriente por el facto<u>r</u> de corrección.

La aplicación de los dos últimos métodos es bastante estricta debido a las simplificaciones hechas, aunque para hacer cálculos aproximados y rapidos el segundo metodo es el más conveniente ya que eltercero requiere de datos experimentales. Con esto se trata de exponer los modelos matemáticos más representativos y aceptados ya que a pesar de lograr el mismo objetivo éste se ha ob tenido por distintos medios (númerico, análítico y analítico indirecto) permitiendo escoger en un momento dado el que más conve<u>n</u> ga.

El programa de computadora presentado en éste trabajo es sus

# Cap. VI/ 97

ceptible tambien a ser aplicado usando otros métodos de optimización.

Quines desarrollamos éste trabajo reconocemos que falta mu cho para crear tecnología adecuada a nuestras necesidades, pero no dudamos que con poco que se pueda contribuir, se colabora para alcanzar esto. por lo que exhortamos a las nuevas generaciones adesarrollar trabajos de interes actual.

## BIBLIOGRAFIA.

1.- J. R. DeMONBRUN.: Chemical Engineering, sept. 1968, pag. 106.

2.- S.MZIVI & BRUCE.B. BRAND.: Refrig. eng. Agosto 1956, pag. 31.

- 3.- DONALD R. BAKER y LEON T. MART.: Refrig. eng., Sept. 1952, pag. 965.
- 4.- N. ZAMUNER.: Ashrae journal, Abril 1962, pag. 50.
- 5.- S. VOUYOUCALOS.: British Chemical engineering, Julio 1968 -vol. 13, N° 7, pag. 1004.
- 6.- J.E. PARK y J.M. VANCE.: Chemical eng. prog., Julio 1971, -vol. 67, N<sup>O</sup> 7, pag. 55.
- 7.- BOWMAN R.A, A.C. MUELLER y W.M. NAGLE.: Trans. Asme, vol. 62, pag. 284, 1940.
- 8.- KELLY, N.W y L.K. SWENSON.: Chem. eng. prog., vol. 52, pag. -263 (1956).
- 9.- LICHTENSTEIN, J.: Trans Asme., vol. 65, pag. 779, (1943).
- 10.- MGADAMS W.H.: Transferencia de calor, 3<sup>a</sup>ed., pag. 195, pag. -355-365, Mc Graw Hill, (1954).
- 11.- MERKEL. F.: Forschung, vol. 275, (1925).
- 12.- PERRY. J.H.: Manual de Ing. Quim., 3<sup>a</sup>ed., pag. 760-765, Mc -Graw Hill, (1950)
- 13.- PIGFORD. R.H.: Ind. Chem. Eng., vol. 43, pag. 1649, (1951).
- 14.- MICKLEY H.S.: Chem. Eng. Prog., vol.45, pag. 739, (1949).
- 15.- HENSEL S.L. y R.E. TREYBAL: Chem. Eng. Prog., vol. 48, pag. 362, (1952).

16 .- TAKASHI U.: Hid. Proc. vol. 55, pag. 93 (Dic. 1976).

- W. J. WNEK Y R.H. SNOW: Ind. Eng. Chem. Process Des. Develop.
   Vol. 11, No. 3, 1972.
- 18.- TREVINO Y URIBE, JORGE; Tesis 1973, Fac. de Quimica U.N.A.M.
   "Metodo economico para la seleccion y evaluacion de torres de enfriamiento".
- 19.- ARRIAGA GARCIA, Jose E.; Tesis 1976, Fac. de Quimica U.N.A.M.
   "Aplicacion de una torre de enfriamiento a las practicas de Ingenieria Quimica".
- 20.- CASTRO SEPTIEN, Enrique; Tesis 1975, Fac. de Quimica U.N.A.M. "Diseño y optimizacion de un sistema de enfriamiento combinado para corrientes de proceso".
- 21.- DAVILA CASTRO, C ; GUIRAO NOTARIO, E; COBOS CUERVC, N; Tesis 1976, Fac. de Quimica, U.N.A.M.; "Influencia del clima y la altitud sobre las torres de enfriamiento".